# Программная реализация (на языке JavaScript) алгоритмов генерации ФОС по математике 2023

Автор: Суматохина А.С.

Научный руководитель: Авдеев Н.Н.

13 апреля 2023 г.

## Существующие проблемы

- ▶ Дефицит заданий для подготовки
- ▶ Списывание ответов учениками
- При появлении новых заданий в экзамене дефицит материалов увеличивается в разы
- ▶ Некоторые задания решаются слишком быстро, а их составление вручную занимает несоразмерно много времени.

## Проект «Час ЕГЭ»

«Час ЕГЭ» — компьютерный образовательный проект, разрабатываемый с 2013 года при математическом факультете ВГУ в рамках «OpenSource кластера» и предназначенный для помощи учащимся старших классов подготовиться к тестовой части единого государственного экзамена.

На рисунке изображены графики функций  $f(x) = a\sqrt{x} + c$  и g(x) = kx + b, которые пересекаются в точках A и B. Найдите абсциссу точки B.

Ответ: 16

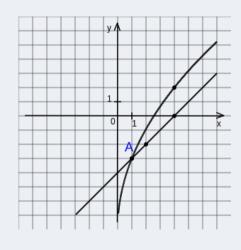
Решение:

$$f(x) = 5\sqrt{x} - 8$$

$$g(x) = x - 4$$

A (1; -3)

B (16; 12)

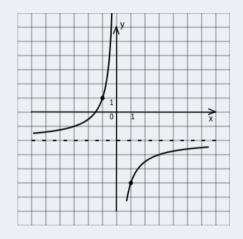


На рисунке изображён график функции  $f(x)=rac{k}{x}+b$ . Найдите значение x, при котором  $f(x)=-1{,}75$ .

Ответ: 9

Решение:

$$f(x) = \frac{3}{x} - 2$$



На рисунке изображены графики функций  $f(x)=\frac{a}{x+c}$  и g(x)=kx+b, которые пересекаются в точках A и B. Найдите абсциссу точки B.

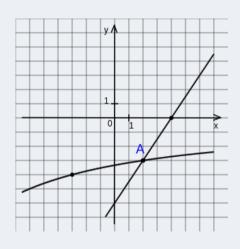
Ответ: -16

#### Решение:

$$f(x) = -\frac{60}{x+18}$$
  

$$g(x) = 1.5x - 6$$
  
A (2;-3)

B (-16;30)



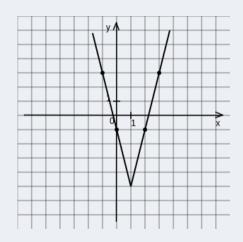
# Задание по мотивам вариантов А. Ларина

На рисунке изображён график функции вида f(x)=|kx+b|+c, где числа b, c и k — целые,  $k\leq 0$ ,  $b\geq 0$ . Найдите сумму k+b+c.

Ответ: -5

Решение:

$$f(x) = |4x - 4| - 5$$



#### Этапы генерации

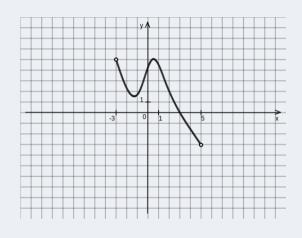
- ▶ Генерация коэффициентов функций
- Подсчёт количества точек в узлах целочисленной решётки (функция intPoints)
- Отрисовка целочисленной сетки и осей координат (функция drawCoordinatePlane)
- Отрисовка графика (функция graph9AdrawFunction)
- ▶ Отображение нескольких точек в узлах решётки (функция graph9AmarkCircles)

#### Достижения

- Полностью покрыт открытый банк заданий ФИПИ по заданию №10.
- ▶ Разработано 35 шаблонов
- В ядро добавлено несколько вспомогательных функций, которые позволят быстро разрабатывать новые шаблоны при добавлении новых прототипов в открытый банк заданий

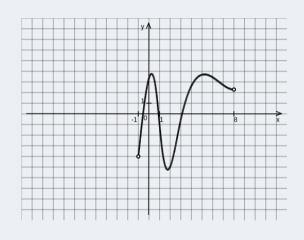
На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определенной на интервале (-3;5). В какой точке отрезка [2;3] функция f(x) принимает наибольшее значение?

Ответ: 3



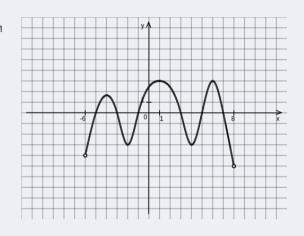
На рисунке изображен график производной функции f(x), определенной на интервале (-1;8). Найдите количество точек, в которых касательная к графику функции f(x) параллельна прямой y=-3x+14,8 или совпадает с ней.

Ответ: 3



На рисунке изображен график функции y=f(x), определенной на интервале (-6;8). Найдите сумму точек экстремума функции f(x).

Ответ: 5



#### Этапы генерации

- Генерация точек, через которые будет проходить функция
- Использование сторонней библиотеки cubic-spline для построения графика функции по точкам сплайна третьего порядка.
- Проверка на нахождение графика в рамках видимости
- ▶ Подсчёт и нахождение точек экстремума функции (функция findExtremumOfFunction)
- ▶ Отрисовка графика функции

# Кубический сплайн

Кубическим сплайном функции y=f(x),  $x\in [a,b]$  на сетке  $a=x_0< x_1< x_2< \cdots < x_n=b$  назовём функцию S(x), удовлетворяющую условиям:

- 1. На каждом отрезке  $[x_{i-1},x_i]$ , функция S(x) является полиномом третьей степени.
- 2. Функция S(x), ее первая S'(x) и вторая S''(x) производные непрерывны на сегменте [a,b].
- 3.  $S(x_i) = f(x_i) = f_i, i = 0, ..., n$ .

#### Достижения

- ▶ Полностью покрыт открытый банк заданий ФИПИ по теме производная функции.
- Разработано 20 шаблонов
- ▶ В проект добавлена стороння библиотека cubic-spline

#### Ссылки

- Момот Е. А., Арахов Н. Д. Разработка и внедрение ПО для сбора статистики результатов подготовки к ЕГЭ по математике профильного уровня //Актуальные проблемы прикладной математики, информатики и механики. − 2021. − С. 1-2.
- 🖥 Костомаров Д. П., Фаворский А. П. Вводные лекции по численным методам.
- Открытый банк задач ЕГЭ по Математике.Профильный уровень. − URL: https://prof.mathege.ru
- Федеральный институт педагогических измерений. URL: https://fipi.ru/ege/otkrytyy-bank-zadaniy-ege

# Спасибо за внимание