

## " Prawdopodobieństwo, że X wynosi X:"

- Statystyka
- Analiza mocy testu
- Rozkłady prawdopodobieństwa
- Rozkład dwumianowy
- N, Pi, X, "P" =>  $(X \leq \_)$  / "1-p" =>  $(X > \_)$

## Prawdopodobieństwo: N(Śr, Od.std.)

- Statystyka
- Statystyki podstawowe i tabele
- Kalkulator prawdopodobieństwa
- Z (Normalny)
- X, Śr., Od.std., "P" =>  $(X \leq \_)$  / "1-p" =>  $(X > \_)$

## współczynnik ufności, przedziały -> przedziałowo średnia / od. stan.

	(	>	xi	ni	xi * ni	(xi-średnia)^2 * ni			
	0	2	1	5	5	62,42222222			
	2	4	3	11	33	25,86222222			
	4	6	5	2	10	0,435555556			
	6	8	7	10	70	60,84444444			
	8	10	9	2	18	39,90222222			
suma:				30	136	189,4666667			
				s1	s2	s3			
Opis:					Nazwa:	Wartość:			
s2 / s1					średnia	4,533333333			
s3 / s1					wariancja	6,315555556			
pierwiastek(wariancja)					od.stnd.	2,51307691			
ROZKŁ.NORMALNY.S.ODWR(1-alfa/2)					ualfa	2,326347874			
średnia - (ualfa * od.stnd / pierwiastek(s1)					a(pocz)	3,465951491			
średnia + (ualfa * od.stnd / pierwiastek(s1)					b(kon)	5,600715176			
ROZKŁ.CHI.ODWR.PS( alfa/2 ; s1-1 )					Lewe	49,58788447			
ROZKŁ.CHI.ODWR.PS( 1-alfa/2 ; s1-1 )					Prawe	14,25645458			
pierwiastek( s1 * wariancja / lewe )					a(pocz)	1,954693266			
pierwiastek( s1 * wariancja / prawe )					b(kon)	3,645529693			
Przedział od 3,47 do 5,60 w 98% wyjaśnia nam nieznaną wartość średniej czasu stania w kolejce									
	a(pocz)	b(kon)	1-alfa(%)						
Przedział od 1,95 do 3,65 w 98% wyjaśnia nam nieznaną wartość odchylenia standardowego czasu stania w kolejce									
	a(pocz)	b(kon)	1-alfa(%)						

---

## współczynnik ufności -> przedziałowo średnia / od. stan.

- Statystyka
  - Statystyki podstawowe i tabele
  - Statystyki opisowe
  - więcej
  - zmienna
  - PU dla odchylenia/średniej
  - Odp: Przedział od X do X w X% wyjaśnia X...
- 

## Korelacja Pearsona:

- Statystyka
  - Statystyki podstawowe i tabele
  - Macierze korelacji
    - Wykresy, zmienne, Podsumowanie
    - Opcje, Wyświetl dokładną tabelę wyników, Podsumowanie
  - patrzemy na "r" (wsp. korelacji) na obrazku:
    - $H_0 = \text{wsp.korelacji} = 0$ , brak korelacji
    - $H_1 = \text{wsp.korelacji} \neq 0$ , korelacja jest
    - (np.  $r=0,11$  "słaba korelacja dodatnia",  $r=0$  "korelacja zerowa")
  - patrzemy na "p" w tabeli:
    - $p > \alpha$ , nie ma podstaw do odrzucenia  $H_0$
    - $p < \alpha$ , odrzucamy  $H_0$  na rzecz  $H_1$
    - (przy systemie 2-stronnym ( $\neq$ ) bierzemy p,
    - przy systemie 1-stronnym ( $>$ ,  $<$ ) bierzemy  $p/2$ )
  - " $r^2$ " (współczynnik determinacji) w tabeli = w ilu % cecha1 jest wyjaśniona cechą2,  
np. "ilość białka jest w 1,4% jest wyjaśniona wielkością pola w ha"
- 

## Regresja:

- Statystyka
  - Regresja wieloraka
  - zmienne (zmienna 2 zależy od zmienna 1) (PATRZĘ NA ZADANIE)
  - ok, ok, Podsumowanie: wyniki regresji
  - w raporcie: funkcja regresji:  $y = ax + b$  (ha, nad wykresami) +/- błąd std. estymacji (na tabelce)
-

## **Przedział ufności:**

- Statystyka
- Statystyki podstawowe i tabele
- Statystyki opisowe
- zmienne
- PU dla odchylenia/średniej
- przedział od  $\bar{X}$  do  $\bar{X} \pm X\%$  wyjaśnia średnią wartość / odchylenie standardowe  $\bar{X}$

---

## **Hipoteza:**

- czy rozkład jest normalny:
  - $H_0$ : rozkład jest normalny
  - $H_1$ : rozkład nie jest normalny
- wykresy, wykresy 2W, wykresy normalności, zmienne, test Shapiro-Wilka
- $p > \alpha$ , nie ma podstaw do odrzucenia  $H_0$  /  $p < \alpha$ , odrzucamy  $H_0$  na rzecz  $H_1$
- $H_0$ : np.  $\bar{x} = X$ 
  - $H_1$ : np.  $\bar{x} \neq, <, > X$
- statystyka, statystyki podstawowe i tabele, test t dla pojedynczej próby, zmienna, więcej, testuj zmienne względem (liczba)
- $p/2 > \alpha$ , nie ma podstaw do odrzucenia  $H_0$  /  $p/2 < \alpha$ , odrzucamy  $H_0$  na rzecz  $H_1$
- podsumowanie: np. "Na poziomie istotności 0,05 średnia nie jest mniejsza niż  $\bar{X}$ ."

---

## **"Utworzyć szereg rozdzielczy przedziałowy i histogram":**

- Statystyka
- Statystyki podstawowe i tabele
- Tabele licznosci
- zmienne
- więcej
- krok
  - Podsumowanie
  - Histogramy

---

## **"Wyznaczyć podstawowe miary statystyczne i ich interpretacje":**

- Statystyka
- Statystyki podstawowe i tabele
- Statystyki opisowe
- zmienne
- więcej

Zmienna	Statystyki opisowe (zad1 (1))											
	Nwaznych	Średnia	Mediana	Moda	Liczność Mody	Minimum	Maksimum	Dolny Kwartyl	Górny Kwartyl	Odch.std	Wsp.zmn.	Skośność
dawka	32	13,18750	13,50000	Wielokr.	5	4,000000	21,00000	11,50000	15,00000	3,855767	29,23804	-0,339415

Średnia dobową dwaką promieniowania wynosi 13,2 MED.

Współczynnik zmienności 29,2% - odchylenie standardowe stanowi 29,2% wartości średniej.

Mediana 13,5: w co najmniej 50% miejscowości dawka promieniowa wynosi co najwyżej 13,5 MED (w co najmniej 50% miejscowości dawka promieniowania wynosi co najmniej 13,5 MED).

Kwartyl dolny 11,5: w co najmniej 25% miejscowości dawka promieniowa wynosi co najwyżej 11,4 MED (i w co najmniej 75% miejscowości dawka promieniowania wynosi co najmniej 11,5 MED)

Kwartyl górny 15: w co najmniej 75% miejscowości dawka promieniowa wynosi co najwyżej 15 MED (i w co najmniej 25% miejscowości dawka promieniowania wynosi co najmniej 15 MED)

Współczynnik skośności -0,34

Jest asymetria lewostronna: w więcej niż 50% miejscowości dawka promieniowania przekracza średnią.

---

## Wykres ramka-wąsy:

- Wykresy
- Wykresy 2W
- Wykresy ramka-wąsy
- zmienne (lewa)

---

## Poziom istotności -> czy ma rozkład normalny:

- wykresy, wykresy 2W, wykresy normalności, zmienne, test Shapiro-Wilka

---

## Poziom istotności -> hipoteza średniej (np. średnia > jakaś wartość)

- $H_0$  - np. średnia czegoś = jakaś wartość
- $H_1$  - np. średnia czegoś  $>, <, !=$  jakaś wartość
- czy badana zmienna ma rozkład normalny:
  - $H_{0n}$  - ma rozkład normalny
  - $H_{1n}$  - nie ma rozkładu normalnego
  - Poziom istotności -> czy ma rozkład normalny:
  - $p > \alpha$ , nie ma podstaw do odrzucenia  $H_{0n}$ , na poziomie istotności 0.05 można przyjąć, że rozkład jest normalny
- rozkład t-studenta:
  - Statystyka, statystyki podstawowe i tabele, Test t dla pojedynczej próby, testuj średnie względem (liczba z zadania), zmienna
- $p/2 < \alpha$ , Odrzucamy  $H_0$  na rzecz  $H_1$ , (np. Średnia czegoś jest  $>, <, !=$  niż ileś)
- (przy  $< i >$  bierzemy  $p/2$ , a przy  $!=$  samo  $p$ )

---

## średnia, od.stand., n, powinna średnia -> czy średnia spełnia normę?

- Statystyka
- Statystyki podstawowe i tabele
- Inne testy istotności
- Różnica między 2 średnimi (jednostronny  $<, >$  / dwustronny  $!=$ )
- $H_0 m=x$

$H_1: m_1 \neq, <, >$

$p, p/2 < \alpha, p, p/2 > \alpha$ , odrzucamy albo nie

---

## 2 zestawy wartości -> hipoteza porównująca

-  $H_0: m_1 = m_2$

$H_1: m_1 \neq, >, < m_2$

- Sprawdzamy rozkłady normalne dla obu cech, 2 zmienne, wiele wykresów na 1 rys.

-  $p_{m1} > \alpha$  -> nie ma podstaw do odrzucenia  $H_{0m1}$

$p_{m2} > \alpha$  -> nie ma podstaw do odrzucenia  $H_{0m2}$

- Sprawdzamy jednorodność wariancji:

- Statystyka, statystyki podstawowe i tabele, Test t dla prób niezależnych wzgl. zmiennych, opcje, test Levene'a, test Browna i Forsythe'a, zmienne

- jeśli p Browna-Forsythe'a, p Levene'a i p wariancje  $> \alpha$  to nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy o równości wariancji

- równość wariancji = test t dla prób niezależnych

wariancje są różne = test t z uwzględnieniem wariancji

- t-studenta z tabelki powyżej:  $p, p/2 > \alpha$ , nie ma podstaw,  $p, p/2 < \alpha$  odrzucamy (jeżeli byłoby 2 różne cechy np. czas snu i płeć wtedy sprawdzamy normalność: wykresy -> wykresy skategoryzowane -> wykresy normalności i tam zaznaczamy test Shearera Wilka)

---

## 2 zestawy różnych cech -> zależność/korelacja + istotność

- statystyka, statystyki podstawowe i tabele, macierze korelacji, dwie listy zm., więcej

- 2W rozrzutu

- opcje, wyświetl dokładną tabelę wyników, podsumowanie

- Współczynnik korelacji  $r(X,Y)$  wynosi ... co świadczy, o (silnej zależności, jak jest bliżej 1, słabej jak jest bliżej 0)

Współczynnik determinacji  $r^2$  wynosi ... , co oznacza, że ... jest wyjaśniona w ..% przez ... (Jagger najlepiej smakuje z redbulem)

-  $H_0$ : wsp korelacji = 0

$H_1$ : wsp korelacji  $\neq 0$

$p < \alpha$ , współczynnik korelacji jest istotnie różny od zera

$p > \alpha$ , współczynnik korelacji nie jest znacznie różny od zera

---

## "znaleść oszacowanie liniowej funkcji regresji cechy Y względem cechy X":

- błąd standardowy estymacji: Statystyka, regresja wieloraka, zmienne (najpierw podejmy zmienna zależna), ok, podsumowanie (powinna być czerwona tabelka)

- Zależność cechy Y od cechy X można zapisać wzorem:

$y = (x_i, b) * x + (W. wolny, b) \pm (błąd estymacji)$

(np.  $y = 0,62x + 1,62 \pm 0,21$ )

---

