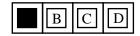
Kod ucznia			Data urodzenia ucznia							
				dzi	eń	mies	siac	ro	k	

Wojewódzki Konkurs Matematyczny dla uczniów gimnazjów województwa wielkopolskiego

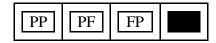
ETAP REJONOWY rok szkolny 2018/2019

Instrukcja dla ucznia

- 1. Sprawdź, czy test zawiera **10 stron**. Ewentualny brak stron lub inne usterki zgłoś Komisji przed rozpoczęciem konkursu.
- 2. Czytaj uważnie wszystkie teksty i zadania. Pisz czytelnie. Używaj długopisu/pióra piszącego czarnym lub niebieskim kolorem. Nie używaj korektora.
- 3. Test, do którego przystępujesz, zawiera **29 zadań**. Wśród nich są zadania zamknięte i zadania otwarte wymagające krótszej lub dłuższej odpowiedzi.
- 4. W każdym zadaniu zamkniętym wybierz tylko jedną odpowiedź i zamaluj długopisem/piórem odpowiednią kratkę na karcie odpowiedzi, np. gdy wybrałeś odpowiedź "A":



lub gdy wybrałeś odpowiedź "FF":



Jeśli się pomylisz, błędne zaznaczenie otocz kółkiem i zaznacz inną odpowiedź:



Za każdą poprawnie udzieloną odpowiedź otrzymasz jeden punkt, a za odpowiedzi błędne lub brak odpowiedzi – zero punktów.

- 5. W zadaniach otwartych zapisz rozwiązania starannie i czytelnie w miejscach wyznaczonych przy poszczególnych zadaniach. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub części obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów. Pomyłki przekreślaj (nie stosuj korektora).
- 6. Rozwiązując zadania, możesz korzystać z przyborów geometrycznych i strony oznaczonej jako **brudnopis**. Zapisy w brudnopisie nie będą sprawdzane i oceniane.
- 7. Podczas trwania konkursu nie możesz korzystać z żadnych pomocy naukowych (w tym również kalkulatora i urządzeń elektronicznych) i podpowiedzi kolegów narażasz ich i siebie na dyskwalifikację. Nie wolno Ci również zwracać się z jakimikolwiek wątpliwościami do członków Komisji.

	ayskwatifikację. Nie wotno Ci rowniez zwracac się z jakimikotwiek wątpitwosciami do czionkow Komisji.
8.	Do etapu wojewódzkiego zakwalifikują się uczniowie, którzy zdobędą co najmniej 84% punktów, czyli 42 punkty.
9.	Na udzielenie odpowiedzi masz 90 minut.
	Życzymy Ci powodzenia!
WJ	pełnia Komisja (po rozkodowaniu prac)
•••	
Im	ię i nazwisko ucznia

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

Zada	ania	1 .	(A 1	١
Zau	amie	1. ((V-1	ı

Czwartą częścią liczby 2²⁰²⁰ jest liczba

A. 2^{505}

B. 2^{1010}

 $C. 2^{2018}$

D. 2^{2022}

Zadanie 2. (0-1)

W grupie 34 młodych sportowców 22 trenuje lekkoatletykę, 18 pływanie i każdy sportowiec uprawia co najmniej jedną z tych dyscyplin. Ilu sportowców w tej grupie uprawia jednocześnie pływanie i lekkoatletykę?

A. 6

B. 12

C. 16

D. 18

Zadanie 3. (0-1)

Ania i Franek stoją na sąsiednich stopniach schodów. Gdy Franek stoi na niższym stopniu schodów, a Ania na wyższym, to Ania jest o 5 cm wyższa od niego. Jeśli zamienią się miejscami, to Franek będzie wyższy od Ani o 25 cm. Jaką wysokość ma jeden stopień schodów?

A. 10 cm

B. 15 cm

C. 17 cm

D. 20 cm

Zadanie 4. (0-1)

Po podzieleniu liczby 30 przez *a* otrzymano resztę 6, natomiast po podzieleniu liczby 40 przez *a* otrzymano resztę 4. Liczba *a* jest równa

A. 4

B. 6

C. 8

D. 12

Zadanie 5. (0-1)

Dla jakiej wartości a liczby 21 + a i 17 + a są liczbami przeciwnymi?

A. - 19

B. - 4

C. 4

D. 19

Zadanie 6. (0-1)

Hania ma 7 monet dwuzłotowych, a Adam 8 monet pięciozłotowych. Jaką najmniejszą liczbę monet muszą oni wymienić między sobą, żeby mieć równe kwoty?

A. 4

B. 5

C. 6

D. 12

Zadanie 7. (0-1)

Duża pompa wypompowała wodę z basenu w ciągu 3 godzin. Druga, mniejsza pompa, wypompowuje tę samą ilość wody w ciągu 6 godzin. W jakim czasie opróżniłyby ten basen gdyby pracowały jednocześnie?

A. 9 godzin

B. 4,5 godziny

C. 2 godziny

D. 1,5 godziny

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

Zadanie 8. (0-1)

Średnia temperatur mierzonych w Poznaniu w południe przez pięć kolejnych dni od poniedziałku do piątku była równa – 4°C, a przez sześć dni, od tego samego poniedziałku do soboty, była równa – 3°C. Temperatura w sobotę w południe była równa

$$A. - 4^{\circ}C$$

$$B. - 3^{\circ}C$$

Zadanie 9. (0-1)

Liczba 111237³ ma w rzędzie jedności cyfrę

Zadanie 10. (0-1)

Suma cyfr liczby $10^{20} - 2018$ jest równa

Zadanie 11. (0-1)

Jeśli $a = \sqrt{3} - 2$, $b = 2 + \sqrt{3}$, to wartość wyrażenia $\frac{a+b}{a-b}$ jest równa

A.
$$-\frac{\sqrt{3}}{2}$$

B.
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

A.
$$-\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 B. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ C. $-2\sqrt{3}+3$ D. $2\sqrt{3}+3$

D.
$$2\sqrt{3} + 3$$

Zadanie 12. (0-1)

Na wycieczkę jechało autobusem 23 uczniów: x dziewczynek i y chłopców. W czasie postoju z autobusu wysiadło trzy razy więcej dziewczynek niż chłopców. Reszta uczniów – dwie dziewczynki i jeden chłopiec – pozostała w autobusie. Który z układów równań prawidłowo przedstawia opisaną sytuację?

A.
$$\begin{cases} x + y = 23 \\ x - 2 = 3(y - 1) \end{cases}$$

B.
$$\begin{cases} x + y = 23 \\ 3(x - 2) = y - 1 \end{cases}$$

C.
$$\begin{cases} x + y = 23 \\ x - 1 = 3y - 1 \end{cases}$$

D.
$$\begin{cases} x + y = 23 \\ 3x - 2 = y - 1 \end{cases}$$

Zadanie 13. (0-1)

Iloraz sumy kwadratów liczb a i b przez podwojoną różnicę tych liczb to

A.
$$(a^2 + b^2) \cdot 2(a - b)$$

B.
$$(a+b)^2 \cdot 2(a-b)$$

C.
$$\frac{a^2 + b^2}{2(a-b)}$$

D.
$$\frac{(a+b)^2}{2(a-b)}$$

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

Zadanie 14. (0-1)

Kasia wypisała ze zbioru liczb naturalnych od 0 do 100 wszystkie liczby pierwsze.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo F-jeśli zdanie jest fałszywe.

W zbiorze liczb zapisanych przez Kasię jest tylko jedna liczba parzysta.	P	F
W zbiorze liczb zapisanych przez Kasię nie istnieją dwie liczby, z których	D	Ir
jedna jest o jeden większa od drugiej.	1	r

Zadanie 15. (0-1)

W pudełku było 30 kul, w tym 5 czarnych i 25 białych. Tomek z zawiązanymi oczami wyjął z pudełka 5 kul i okazało się, że każda z nich jest biała. Jakie jest prawdopodobieństwo, że kolejna wyjęta przez niego kula będzie czarna?

- A. $\frac{1}{6}$
- B. $\frac{2}{15}$
- C. $\frac{1}{5}$
- D. $\frac{4}{25}$

Zadanie 16. (0-1)

Suma miar kątów środkowego i wpisanego opartych na tym samym łuku jest równa 102°. Miara kąta środkowego jest równa

- A. 34°
- B.51°
- C. 68°
- D. 78°

Zadanie 17. (0-1)

Długości boków trójkąta są liczbami naturalnymi. Dwa z nich mają długość 1 cm i 4 cm. Obwód tego trójkąta jest równy

- A. 8 cm
- B. 9 cm
- C. 10 cm
- D. 11 cm

Zadanie 18. (0-1)

Miara kąta wewnętrznego pewnego wielokąta foremnego jest 2 razy większa od miary kąta wewnętrznego trójkąta równobocznego.

Oceń prawdziwość podanych zdań. Wybierz P, jeśli zdanie jest prawdziwe, albo ${\bf F}-$ jeśli zdanie jest fałszywe.

Ten wielokąt jest sześciokątem.	P	F
Suma miar kątów wewnętrznych tego wielokąta jest równa 720°.	P	F

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

Zadanie 19. (0-1)

Dwaj rowerzyści jechali do Swadzimia tą samą trasą. Gdy minęli jednocześnie przejazd kolejowy, do celu pozostało im 12 km. Na tym końcowym odcinku trasy średnia prędkość pierwszego rowerzysty była równa 36 $\frac{km}{h}$, a średnia prędkość drugiego 24 $\frac{km}{h}$. Ile kilometrów miał jeszcze do przebycia drugi rowerzysta, gdy pierwszy dotarł do Swadzimia?

- A. 6 km
- B. 4 km
- C. 3 km
- D. 2 km

Zadanie 20. (0-1)

Jeżeli jeden bok kwadratu zwiększymy o 1 cm, a drugi bok o 3 cm, to otrzymamy prostokąt o polu większym od pola kwadratu o 19 cm². Długość boku kwadratu jest równa

- A. 2,25 cm
- B. 3,75 cm C. 4 cm
- D. 8 cm

Zadanie 21. (0-1)

Stosunek miar katów pewnego trójkata jest równy 1 : 8 : 9. Jest to trójkat

- A. równoramienny. B. prostokątny. C. równoboczny. D. ostrokątny.

Zadanie 22. (0-1)

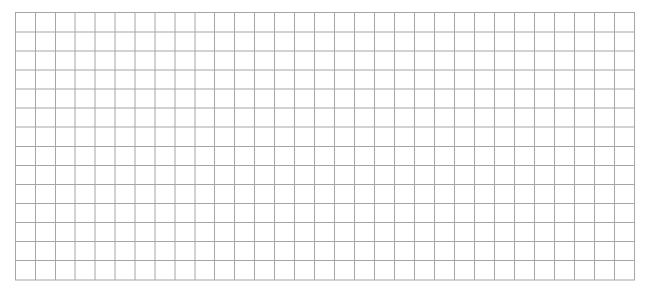
Objętość ostrosłupa jest równa 144 cm³, a jego wysokość 16 cm. Pole podstawy tego ostrosłupa jest równe

- $A. 3 cm^2$

- B. 9 cm^2 C. 18 cm^2 D. 27 cm^2

Zadanie 23. (0-4)

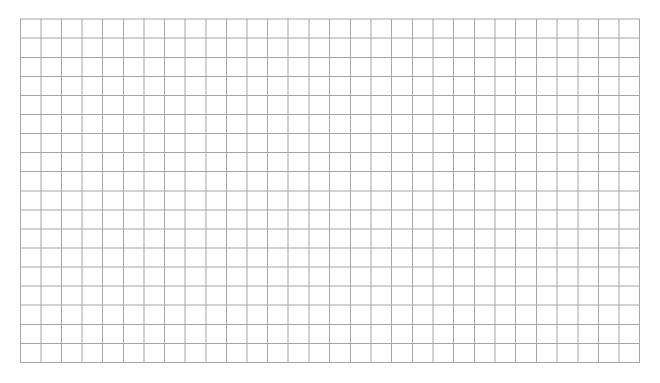
Początkowa cene płaszcza obniżono o 10%, następnie nowa cene obniżono o 5%. O ile procent cena płaszcza po drugiej obniżce była niższa od ceny początkowej?



WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

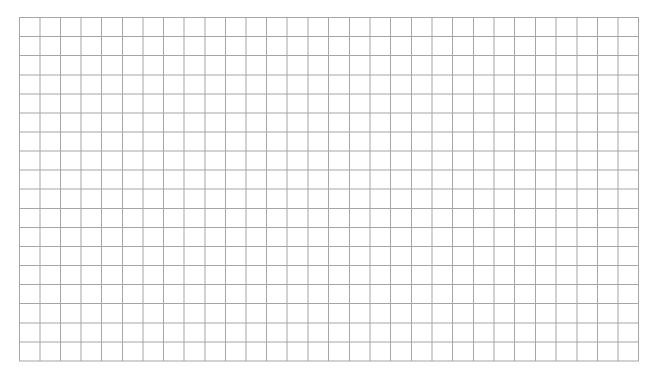
Zadanie 24. (0-4)

Wykaż, że różnica kwadratów dwóch kolejnych liczb nieparzystych jest podzielna przez 8.



Zadanie 25. (0-3)

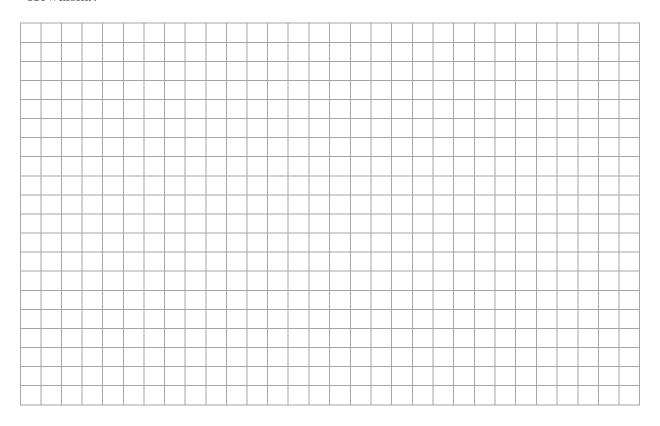
Cysterna przewożąca mleko zawiera o 600 litrów mleka więcej gdy jest w 40% pusta, niż gdy jest w 40% napełniona. Oblicz pojemność tej cysterny.



WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

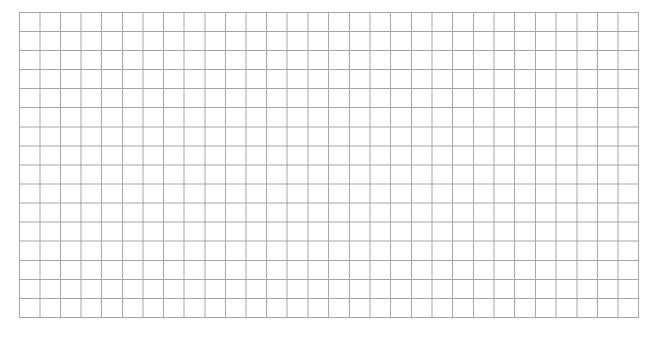
Zadanie 26. (0-3)

Pani Kowalska wzięła na zakupy pewną kwotę pieniędzy. W pierwszym sklepie wydała połowę tej kwoty, w drugim wydała połowę pieniędzy, które jej zostały. Wracając do domu, wydała w trzecim sklepie 60 zł i zostało jej 20 zł. Jaką kwotę pieniędzy wzięła na zakupy pani Kowalska?



Zadanie 27. (0-4)

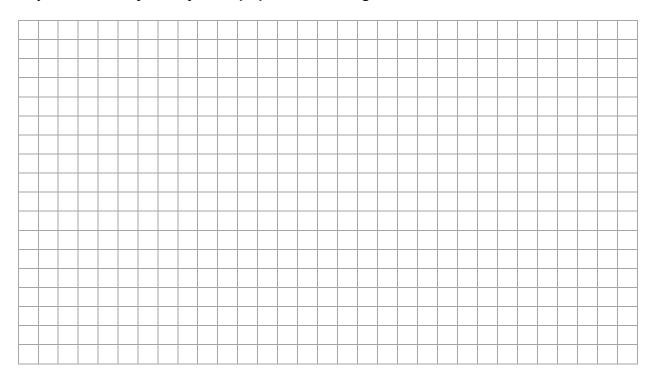
Środek jednego z boków kwadratu oznaczono literą P i zakreślono z niego okrąg styczny do przeciwległego boku. Punkt styczności oznaczono literą Q, a punkt przecięcia okręgu z sąsiednim bokiem kwadratu oznaczono literą S. Oblicz miarę kąta SPQ.



WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

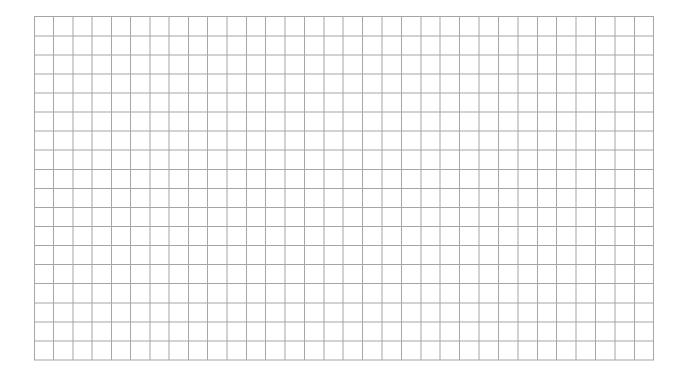
Zadanie 28. (0-5)

W trójkącie prostokątnym ABC o przyprostokątnych AB = 20 cm i AC = 15 cm poprowadzono wysokość AD na przeciwprostokątną BC. Oblicz długości odcinków CD i BD.



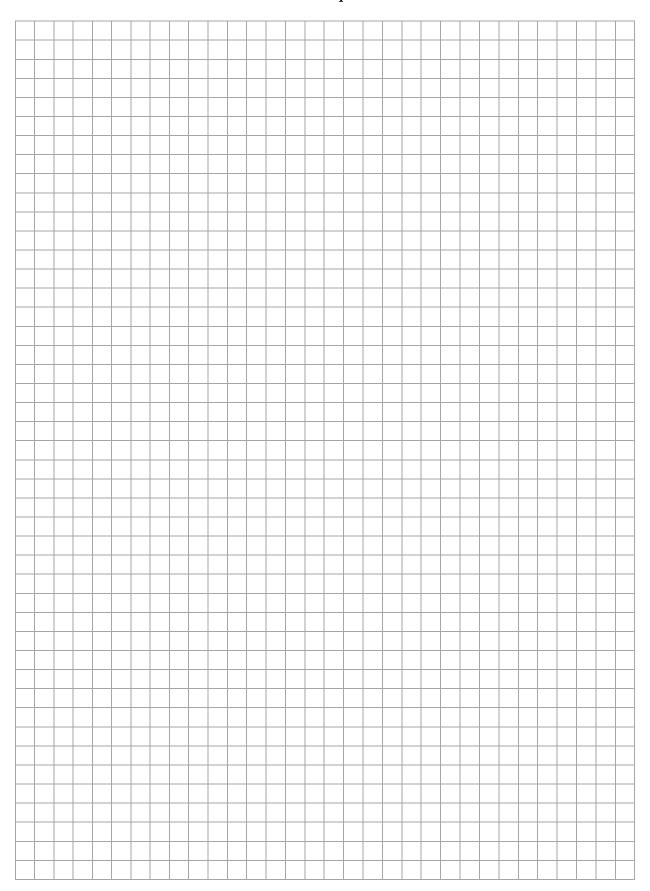
Zadanie 29. (0-5)

W graniastosłupie prawidłowym czworokątnym przekątna podstawy jest 5 razy krótsza od przekątnej ściany bocznej. Oblicz stosunek pola powierzchni bocznej tego graniastosłupa do jego pola powierzchni całkowitej.



ETAP REJONOWY 2018/2019 Wojewódzki Konkurs Matematyczny dla uczniów gimnazjów województwa wielkopolskiego

Brudnopis



WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW WOJEWÓDZTWA WIELKOPOLSKIEGO

KARTA ODPOWIEDZI (do zadań zamkniętych)

Kod ucznia		Data urodzenia ucznia							
			dzie	eń	mies	siac	rc	ok	

Numer zadania	(Odpo	wiedzi	i	Liczba punktów (wypełnia komisja)
1.	A	В	С	D	
2.	A	В	С	D	
3.	A	В	С	D	
4.	A	В	С	D	
5.	A	В	С	D	
6.	A	В	С	D	
7.	A	В	С	D	
8.	A	В	С	D	
9.	A	В	С	D	
10.	A	В	С	D	
11.	A	В	С	D	
12.	A	В	С	D	
13.	A	В	С	D	
14.	PP	PF	FP	FF	
15.	A	В	С	D	
16.	A	В	С	D	
17.	A	В	С	D	
18.	PP	PF	FP	FF	
19.	A	В	С	D	
20.	A	В	С	D	
21.	A	В	С	D	
22.	A	В	С	D	

	Wypełnia komisja Suma punktów za zadania zamknięte:							
Suma	a punk	tów za zadania otwarte:						
Sum	a punl	któw za cały arkusz: 1						