LIGA MATEMATYCZNA im. Zdzisława Matuskiego STYCZEŃ 2020 SZKOŁA PONADPODSTAWOWA

ZADANIE 1.

Ile jest liczb trzycyfrowych \overline{xyz} podzielnych przez 2 lub 5 takich, że

$$\overline{xyz} + \overline{xzy} + \overline{yxz} = \overline{yzx} + \overline{zxy} + \overline{zyx}$$
?

ZADANIE 2.

Pole trapezu ABCD jest równe s, a stosunek długości podstaw AB i CD jest równy k. Przekątne AC i BD przecinają się w punkcie O. Oblicz pole trójkąta ABO.

ZADANIE 3.

Uzasadnij, że wśród pięciu liczb całkowitych można wybrać kilka tak, aby suma wybranych liczb była podzielna przez 5.

ZADANIE 4.

Znajdź wszystkie liczby pierwsze p, q takie, że 7p+q oraz pq+11 też są liczbami pierwszymi.

ZADANIE 5.

W zbiorze liczb rzeczywistych rozwiąż układ równań

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + z = 2 \\ y^2 + z^2 + x = 2 \\ z^2 + x^2 + y = 2. \end{cases}$$