WOJEWÓDZKI KONKURS PRZEDMIOTOWY z MATEMATYKI DLA UCZNIÓW GIMNAZJUM WOJEWÓDZTWA KUJAWSKO-POMORSKIEGO

Arkusz zadań na etap wojewódzki, część 2 Termin: 03.03.2012 roku, godzina 12¹⁵

Czas pracy: 30 minut

Zadanie 1.

Oblicz $\sqrt{2011^2 - 2010 \cdot 2012}$.

Zadanie 2.

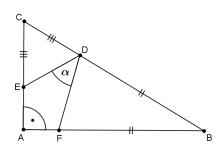
Ile jest liczb całkowitych, które są równe swoim kwadratom?

Zadanie 3.

Jeśli x jest liczbą całkowitą, to jaki może być największy obwód trójkąta o bokach długości 3, 4, x?

Zadanie 4.

Trójkąt ABC jest prostokątny, punkty D, E, F leżą odpowiednio na bokach BC, CA i AB, przy czym |BF|=|BD| oraz |CE|=|CD|. Oblicz miarę α kąta EDF.



Zadanie 5.

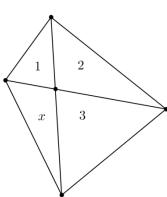
Wyznacz a z równania ab - a = 1 wiedząc, że $b \neq 1$.

Zadanie 6.

Niech $\downarrow n \downarrow$ oznacza największą liczbę pierwszą mniejszą od n i niech $\uparrow n \uparrow$ oznacza najmniejszą liczbę pierwszą większą od n. Oblicz $\downarrow 92 \downarrow + \downarrow \uparrow 12 \uparrow \downarrow$.

Zadanie 7.

W pewnym czworokącie wypukłym przekątne dzielą go na cztery trójkąty. Liczby na rysunku oznaczają pola kolejnych trzech z tych trójkątów w cm². Ile cm² ma pole tego czworokąta?



Zadanie 8.

Jeśli $3^{19} = 1a62261467$ to jaką cyfrę reprezentuje a?

Zadanie 9.

Jeśli pracownicy pracują w równym tempie i każdy z nich produkuje \boldsymbol{a} opakowań w ciągu \boldsymbol{b} godzin, to ile godzin zajmie \boldsymbol{c} pracownikom wyprodukowanie \boldsymbol{d} opakowań?

Zadanie 10.

Suma pól pewnych dwóch sąsiednich ścian prostopadłościanu jest równa 16. Ile wynosi objętość tego prostopadłościanu jeśli długości jego krawędzi wyrażają się liczbami pierwszymi?