LIGA MATEMATYCZNA im. Zdzisława Matuskiego

LISTOPAD 2014 GIMNAZJUM

ZADANIE 1.

Zeszyt Bartka do matematyki ma ponumerowane strony od 1 do 60. Chłopiec wyrwał z niego dziesięć kartek i dodał liczby numerujące ich strony. Sprawdź, czy mógł otrzymać liczbę 101.

ZADANIE 2.

Znajdź taką liczbę trzycyfrową, że jeśli z prawej strony dopiszemy cyfrę 8, to otrzymamy liczbę czterocyfrową dwa razy większą niż gdybyśmy z lewej strony dopisali cyfrę 3 i uzyskali inną liczbę czterocyfrową.

ZADANIE 3.

Rozwiąż układ równań

$$\begin{cases} 5(y+z) - x = -1\\ 4(x+z) - 2y = 2\\ 3(x+y) - 3z = -1. \end{cases}$$

ZADANIE 4.

Wykaż, że jeżeli a i b są dowolnymi dodatnimi liczbami rzeczywistymi, to

$$(a+b)\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) \ge 4.$$

ZADANIE 5.

Prosta k dzieli boki prostokąta na odcinki, których długości pozostają w stosunku 1:4 oraz 1:1 tak, jak na poniższym rysunku. Oblicz stosunek pól powstałych w ten sposób figur.

