## XXXVIII KORESPONDENCYJNY KURS Z MATEMATYKI

## PRACA KONTROLNA nr 3 -POZIOM PODSTAWOWY

- 1. Boki  $a_n$  i  $b_n$  prostokąta  $P_n$  są wyrazami ciągów arytmetycznych, w których  $a_1 = b_1 = 100$  oraz  $r_1 = 5$  i  $r_2 = -5$ . Znaleźć wszystkie wartości n, dla których pole prostokąta  $P_n$  jest mniejsze o co najmniej 40% od pola prostokąta  $P_1$ .
- 2. Znaleźć równania dwusiecznych kątów zawartych między prostymi x-7y+6=0, x+y-2=0. Następnie wybrać tę dwusieczną, która tworzy z osią odciętych mniejszy kąt. Sporządzić rysunek.
- 3. Pudełko zawiera 21 klocków po 7 w kolorach żółtym, czerwonym i niebieskim. Wojtuś ułożył wieżę z 8 przypadkowo wybranych klocków. Jakie jest prawdopodobieństwo tego, że w wieży znalazły się klocki wszystkich trzech kolorów?
- 4. Nie rozwiązując nierówności wykazać, że relacja

$$\sqrt{3x-3x^2+3} > 1 + \sqrt[5]{x^2+1}$$

nie jest spełniona dla żadnej liczby rzeczywistej x.

- 5. W momencie spostrzeżenia samolotu nadlatującego ze stałą prędkością i na stałej wysokości obserwator widział go pod kątem 35° do poziomu. Po jednej minucie kąt ten wzrósł do 65°.
  - a) Po jakim czasie od momentu spostrzeżenia samolotu przeleciał on nad głową obserwatora?
  - b) Przyjmując, że samolot leciał z prędkością 500 km/h, obliczyć na jakiej wysokości odbywał się lot.

Wyniki podać w zaokragleniu do pełnych sekund i pełnych setek metrów.

6. W stożek o objętości V i wysokości stanowiącej 75% promienia podstawy wpisano walec tak, że podstawa walca leży na podstawie stożka, a wysokość walca jest równa średnicy jego podstawy. Obliczyć stosunek pola powierzchni całkowitej walca do pola powierzchni całkowitej stożka oraz objętość kuli opisanej na walcu. Sporządzić odpowiedni rysunek.