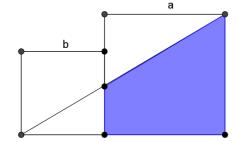


GIMNAZJUM

- 1. Rozwiąż w liczbach całkowitych równanie $x \cdot y \cdot (x + 2017y) = 2017^{2017}$
- 2. Dane są dwa kwadraty, jeden przy drugim, o bokach a i b. Wyznacz stosunek pól: zamalowanej części dużego kwadratu i tegoż kwadratu.



3. Wiadomo, że $x + \frac{1}{x} = 12$. Ile wynosi $x^2 + \frac{1}{x^2}$?

LICEUM

- 1. Współczynniki a, b, c, d wielomianu $W(x)=x^4+ax^3+bx^2+cx+d$ są liczbami całkowitymi nieparzystymi. Udowodnić, że wielomian ten nie posiada pierwiastków całkowitych.
- 2. Wykaż, że liczba $3^{54} 3^{27} \cdot 2^{12} + 2^{24}$ jest złożona.
- 3. W czworokącie wypukłym środki boków połączono z wierzchołkami tak, jak na rysunku. Udowodnij, że pole czerwonego czworokąta jest równe sumie pól niebieskich trójkątów.

