KONKURS PRZEDMIOTOWY Z MATEMATYKI Etap szkolny – 9 listopada 2005 r.

_					
Urzoczin	10111	ハつフロロ	poniższą	inct	riikaia
T IZCUZVI	aı uv	vaziiic	DUIIIZSZA	ากาอก	uncie.

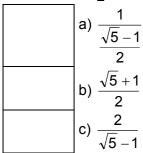
- □ Test składa się z **14** zadań. Przy numerze każdego zadania została podana maksymalna liczba punktów możliwych do zdobycia za to zadanie.
- Przeczytaj uważnie treść zadań, zwracając uwagę na to, czy polecenie każe podać jedynie wynik, czy też obliczyć szukaną wielkość (tzn. zapisać obliczenie) lub w inny sposób uzasadnić odpowiedź.
- Uwaga! W zadaniach od 1 do 9 wpisz TAK lub NIE obok <u>każdej</u> z trzech odpowiedzi.
 Za każdy poprawny wpis otrzymasz 1 punkt w sumie za każde z tych zadań możesz otrzymać maksymalnie 3 punkty.
- □ Na rozwiązanie wszystkich zadań masz 90 minut.

Autorzy zadań życzą Ci powodzenia!

Część I	
Zadanie 1. Wiadomo, ż	(3 p.) ze 7 jest dzielnikiem liczby 988428. Liczba 988428 jest zatem podzielna przez:
а	a) 21
b	o) 28
С	c) 63
Zadanie 2. Środek sym	(3 p.) netrii ma:
а	a) romb,
b	o) trójkąt równoboczny,
С	c) odcinek.
Zadanie 3. Wykres funk	(3 p.) kcji y = ax + b przechodzi przez punkty:
а	a) A=(0, b)
b	b) B=(a, b)
С	c) C=(1, a+b)
Zadanie 4.	(3 p.) iierną może być:
	a) iloraz dwóch liczb niewymiernych,
	b) iloczyn dwóch liczb niewymiernych,
	c) suma dwóch liczb niewymiernych.

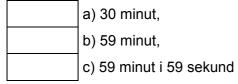
Zadanie 5. (3 p.)

Liczba $\phi = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ zwana jest liczbą złotą. Odwrotność ϕ , to:



Zadanie 6. (3 p.)

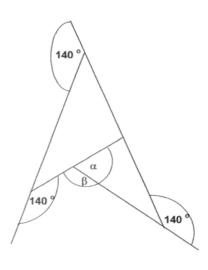
Bakterie rozmnażają się przez podział. W ciągu każdej sekundy z jednej bakterii powstają dwie. Gdybyśmy w pustej probówce umieścili jedną bakterię, to probówka zapełniłaby się bakteriami w ciągu jednej godziny. Pół probówki będzie zapełnione w ciągu:



Zadanie 7. (3 p.)

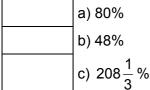
Miara kąta β (rysunek obok) wynosi:

ινιιατα κατα ρ	(i youriek or
	a) 360° – c
	b) 120°
	c) 180° – o



Zadanie 8. (3 p.)

W kwadrat o boku 10 wpisano okrąg. W okrąg ten wpisano prostokąt, którego jeden z boków ma długość 8. Pole prostokąta, to następujący procent pola kwadratu:



Zadanie 9. (3 p.)

Basia pomyślała sobie dwie liczby takie, że ich największy wspólny dzielnik jest równy 21, a najmniejsza wspólna wielokrotność jest równa 210. Jedną z pomyślanych przez Basię liczb może być:

a) 42
b) 84
c) 105

Zadanie 10. (3 p.)

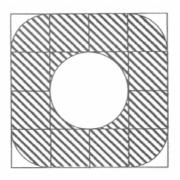
Samochód pewnej marki traci w ciągu roku 20% swojej wartości. Oblicz, w którym roku użytkowania samochodu straci on połowę swej pierwotnej wartości.

Zadanie 11. (4 p.)

Dane są funkcje postaci: y = ax + 2. Zaznacz tę część płaszczyzny, w której zawierają się wykresy tych funkcji tylko dla $\frac{1}{2} \le a \le 1$. Sprawdź, czy punkt A = (100, 77) należy do zaznaczonej części płaszczyzny.

Zadanie 12. (4 p.)

Oblicz pole zakreskowanej części kwadratu o boku 4 (rysunek poniżej).



Zadanie 13. (4 p.)

Różnica dwóch liczb naturalnych dwucyfrowych wynosi 63. Dzieląc jedną z nich przez drugą otrzymujemy 3 i resztę 5. Wykaż, że jeżeli przestawimy cyfry tych liczb, to ich suma i iloczyn nie zmienią się.

Zadanie 14. (6 p.)

W prostokąt wpisano dwa jednakowe mniejsze koła i jedno koło większe, tak jak na rysunku obok. Koła te są styczne do boków prostokąta i wzajemnie styczne zewnętrznie. Krótszy z boków prostokąta ma długość 4. Oblicz długość dłuższego z boków tego prostokąta.

