Praca kontrolna nr 6

- **27.1.** Znaleźć wszystkie wartości parametru rzeczywistego p, dla których równanie $\sqrt{x+8p}=\sqrt{x}+2p$ ma rozwiazanie.
- **27.2.** Obrazem okręgu K w jednokładności o środku S(0,1) i skali k=-3 jest okrąg K_1 , natomiast obrazem K_1 w symetrii względem prostej o równaniu 2x+y+3=0 jest okrąg o tym samym środku co okrąg K. Wyznaczyć równanie okręgu K, jeśli wiadomo, że okręgi K i K_1 są styczne zewnętrznie.
- **27.3.** W trapezie równoramiennym dane są promień okręgu opisanego r, kąt ostry przy podstawie α oraz suma długości obu podstaw d. Obliczyć długość ramienia tego trapezu. Zbadać warunki rozwiązalności zadania. Sporządzić rysunek dla $\alpha=60^\circ,\ d=\frac{5}{2}r$.
- **27.4.** W ostrosłupie prawidłowym czworokątnym kąt płaski ściany bocznej przy wierzchołku wynosi 2β . Przez wierzchołek A podstawy oraz środek przeciwległej krawędzi bocznej poprowadzono płaszczyznę równoległą do przekątnej podstawy wyznaczającą przekrój płaski ostrosłupa. Obliczyć objętość ostrosłupa, wiedząc, że pole przekroju wynosi S.
- 27.5. Obliczyć granice

$$\lim_{n \to \infty} \frac{n - \sqrt[3]{n^3 + n^\alpha}}{\sqrt[5]{n^3}},$$

jeśli α jest najmniejszym dodatnim pierwiastkiem równania $2\cos\alpha=-\sqrt{3}.$

27.6. Rozwiązać nierówność

$$2^{1+2\log_2\cos x} - \frac{3}{4} \ge 9^{0,5+\log_3\sin x}.$$

- 27.7. Wylosowano, ze zwracaniem, 4 liczby czterocyfrowe (cyfra tysięcy nie może być zerem!). Obliczyć prawdopodobieństwo tego, że co najmniej dwie z tych liczb czytane od strony lewej do prawej lub od strony prawej do lewej będą podzielne przez 4.
- **27.8.** Zaznaczyć na rysunku zbiór punktów (x, y) płaszczyzny określony warunkami |x 3y| < 2 oraz $y^3 \le x$. Obliczyć tangens kąta, pod którym przecinają się linie tworzące brzeg tego zbioru.