VIII Konkurs matematyczny St@ś

XIV LO im. Stanisława Staszica 2 czerwca 2008 roku

klasa VI

Na rozwiązanie poniższych zadań masz 90 minut.

Kolejność rozwiązywania tych zadań jest dowolna.

Wszystkie zadania są jednakowo punktowane.

Maksymalną liczbę punktów może uzyskać jedynie pełne rozwiązanie, **z uzasadnieniem** i odpowiedzią.

Używanie korektora i korzystanie z kalkulatora jest niedozwolone.

Zadanie 1.

Przerysuj krzyżówkę i tak ją uzupełnij, aby otrzymane liczby trzycyfrowe dzieliły się przez liczby z szarych pól.

	←przez 11	<pre>przez 7</pre>	<pre>prrzez 2</pre>
przez 7	7	1	
przez 9	8	5	
przez 5			

Zadanie 2.

Dany jest trapez ABCD o podstawach AB i CD. W tym trapezie |AD| = |DC| i |AC| = |CB|. Kąt ACB ma miarę 88°. Oblicz miarę kąta ADC.

Zadanie 3.

Podaj przykład takiej liczby dziewięciocyfrowej, której suma cyfr jest równa 4, i która jest kwadratem liczby naturalnej. Podaj jeszcze dwa inne przykłady takich liczb. Uzasadnij, że Twoje przykłady są prawidłowe.

Zadanie 4.

Dany jest taki prostopadłościan, w którym suma pól pewnych dwóch ścian jest większa od sumy pól pozostałych czterech ścian. Uzasadnij, że te dwie ściany to ściany równoległe.

Zadanie 5.

Z ośmiu kart ułożono dwa dodawania poziomo i dwa dodawania pionowo. Na każdej karcie jest liczba całkowita, ale niektóre karty nie zostały odkryte. Znajdź liczbę na szarej karcie. Uzasadnij swoją odpowiedź.

