LIGA MATEMATYCZNA im. Zdzisława Matuskiego GRUDZIEŃ 2022 SZKOŁA PONADPODSTAWOWA

ZADANIE 1.

Znajdź wszystkie pary (p,q) liczb pierwszych takich, że $p+q=(p-q)^3$.

ZADANIE 2.

W trójkąt ABC wspisano okrąg, przy czym |AC| = 5, |AB| = 6, |BC| = 3. Na boku AC wybrano punkt D, na boku AB wybrano punkt E w taki sposób, że odcinek ED jest styczny do okręgu. Oblicz obwód trójkąta AED.

ZADANIE 3.

Dodatnie liczby rzeczywiste a, b, c spełniają warunek

$$\frac{(a+b+c)^2}{ab+bc+ac} = 3.$$

Wykaż, że liczby a, b, c są równe.

ZADANIE 4.

Czy istnieją takie liczby całkowite x, y, z, t, że $x^2 + y^2 = z^2 + t^2$ oraz x + y + z + t = 2023?

ZADANIE 5.

Na tablicy napisano liczby naturalne od 1 do 10. Czy można umieścić między nimi znaki plus oraz minus w taki sposób, aby otrzymać 0?