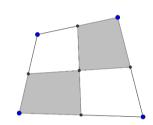


KLASY PIERWSZE I DRUGIE

- 1. Udowodnij, że dla każdej liczby pierwszej p większej od 3 liczba p^2-1 jest podzielna przez 24.
- 2. Wyznacz liczbę par (x, y) liczb całkowitych spełniających równanie $x^4 = y^4 + 1223334444$.
- 3. Czworokąt wypukły podzielono na cztery części łącząc środki jego boków jak na rysunku. Wykaż, że suma pól części zacienionych jest równa sumie pól części niezacienionych.



KLASY TRZECIE I CZWARTE

- 1. Udowodnij, że jeżeli przez punkt H przechodzą trzy okręgi o jednakowych promieniach, a punkty A, B, C są różnymi od H punktami przecięć tych okręgów, to H jest ortocentrum trójkąta ABC.
- 2. Na rysunku punkty A' i B' są spodkami wysokości, a punkt M jest środkiem boku AB. Udowodnij, że punkt M jest środkiem łuku A'B' okręgu dziewięciu punktów trójkąta ABC.
- 3. Odcinek AB ślizga się po ramionach kąta prostego w ten sposób, że punkt A należy do jednego ramienia, a punkt B do drugiego. Jaki kształt będzie miała droga, którą przebędzie środek odcinka AB. Odpowiedź uzasadnij.

