WOJEWÓDZKI KONKURS PRZEDMIOTOWY DLA UCZNIÓW SZKÓŁ PODSTAWOWYCH WOJEWÓDZTWA ŚLĄSKIEGO W ROKU SZKOLNYM 2016/2017





MATEMATYKA

Informacje dla ucznia

- 1. Na stronie tytułowej arkusza w wyznaczonym miejscu wpisz swój kod ustalony przez komisję.
- 2. Sprawdź, czy arkusz konkursowy zawiera 8 stron oraz 21 zadań.
- 3. Czytaj uważnie wszystkie teksty i zadania.
- **4.** Rozwiązania zapisuj długopisem lub piórem. Nie używaj korektora.
- 5. W zadaniach od 3. do 14. podane są cztery odpowiedzi: A, B, C, D. Wybierz tylko jedną odpowiedź i zaznacz ją znakiem "X" bezpośrednio na arkuszu.
- **6.** W zadaniach od 15. do 17. postaw "X" przy prawidłowym wskazaniu PRAWDY lub FAŁSZU.
- 7. Staraj się nie popełniać błędów przy zaznaczaniu odpowiedzi, ale jeśli się pomylisz, błędne zaznaczenie otocz kółkiem **3** i zaznacz inną odpowiedź znakiem "X".
- **8.** Rozwiązania zadań otwartych zapisz czytelnie w wyznaczonych miejscach. Pomyłki przekreślaj.
- **9.** Przygotowując odpowiedzi na pytania, możesz skorzystać z miejsc opatrzonych napisem *Brudnopis*. Zapisy w brudnopisie nie będą sprawdzane i oceniane.
- 10. Nie wolno Ci korzystać z kalkulatora.

KO	DΙ	IC7	ZN	IΑ

Etap: wojewódzki

Czas pracy: 90 minut

WYPEŁNIA KOMISJA KONKURSOWA

Nr zadania	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	Razem
Liczba punktów możliwych do zdobycia	8	3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	4	4	4	4	3	4	4	50
Liczba punktów uzyskanych przez uczestnika konkursu																						

Liczba punktów możliwych do uzyskania: 50

Liczba punktów umożliwiająca uzyskanie tytułu laureata: 45

Podpisy członków komisji:

- 1. Przewodniczący
- 2. Członek komisji sprawdzający pracę
- 3. Członek komisji weryfikujący pracę

POZIOMO:

- B. liczba o 30 mniejsza od największej liczby trzycyfrowej
- C. liczba 5 razy większa od 9
- D. $27:9\cdot 21:3-2\cdot 3$
- G. o 2 więcej od $5^2 \cdot 10$
- J. liczba, której 0,75 wynosi 24
- K. 46 jest dwukrotnością tej liczby
- L. połowa z czwartej części liczby 1200

		A		
	В			
С			D	Е
		F		
	G			
Н				I
J			K	
	L	M		
	•			1

PIONOWO:

- A. 8 tuzinów (1 tuzin = 12)
- C. połowa liczby 88
- E. $(15-2\cdot 10)\cdot (0-11)$
- F. $20^2 + 54$
- H. liczba, której jedna trzecia wynosi 11
- I. liczba o 33 mniejsza od 66
- M. dziesiata część 590

Zadanie 2. (0-3)

W poniższych wyrażeniach arytmetycznych wstaw nawiasy tak, aby wynik był

- A) możliwie najmniejszy: $100:5+20\cdot 2-2$ B) możliwie największy: $100:2:10+2\cdot 10$
- C) równy 4: 1000 · 8:100 · 4:10000:125

W zadaniach od 3. do 14. tylko jedna odpowiedź jest poprawna.

Zadanie 3. (0-1)

Różnica liczb 2956 i 1278 wynosi

- A. MDCLXXVIII
- B. MLCDXXVIII
- C. MCDLXXVIII
- **D.** MDCXCVIII

Zadanie 4. (0-1)

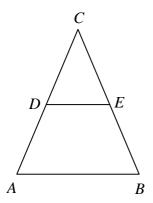
Spotkanie, które zakończyło się o 14:27, a trwało 1 godzinę 51 minut rozpoczęło się o godzinie

- **A.** 12:24
- **B.** 12:36
- **C.** 12:54
- **D.** 12:56

BRUDNOPIS

Zadanie 5. (0-1)

Trójkąt równoramienny ABC został odwzorowany na trójkąt DEC w skali 1:2. Obwód trójkąta DEC wynosi 16 cm, a obwód czworokąta ABED 28 cm.



- A. Długość odcinka CD jest równa 5 cm, a odcinka AB wynosi 10 cm.
- **B.** Długość odcinka *CD* jest równa 5 cm, a odcinka *AB* wynosi 12 cm.
- C. Długość odcinka CD jest równa 6 cm, a odcinka AB wynosi 10 cm.
- **D.** Długość odcinka *CD* jest równa 6 cm, a odcinka *AB* wynosi 12 cm.

Zadanie 6. (0-1)

Trzy czwartki w czerwcu wypadły w dni nieparzyste.

Trzynasty dzień tego miesiąca wypadł

- A. w niedzielę.
- **B.** w poniedziałek.
- **C.** we wtorek.
- **D.** w środę.

Zadanie 7. (0-1)

Osiem monet, wśród których dwie są fałszywe, waży 38 gramów. Każda fałszywa moneta waży o 1 gram mniej niż moneta autentyczna. Moneta autentyczna waży

- **A**. 4,5 g
- **B.** 5 g
- **C.** 5,5 g.
- **D.** 6 g

Zadanie 8. (0-1)

Ala i Basia budowały z zapałek modele figur geometrycznych. Ala zbudowała prostokąt, w którym dłuższy bok zawierał o dwie zapałki więcej niż krótszy. Basia zbudowała trójkąt równoboczny, którego bok zawierał o 2 zapałki więcej niż dłuższy bok prostokąta. Do zbudowania obu figur wykorzystały łącznie 44 zapałki. Basia do zbudowania swojej figury użyła

- A. 20 zapałek.
- B. 24 zapałek.
- C. 26 zapałek.
- **D.** 28 zapałek.

BRUDNOPIS

Zadanie 9. (0-1)

W równoległoboku długość dłuższego boku wynosi 7 cm, a długość wysokości poprowadzonej do tego boku 2 cm. Wysokość poprowadzona do krótszego boku ma długość 4 cm. Obwód tego równoległoboku jest równy

A. 10,5 cm

B. 14 cm

C. 16,5 cm

D. 21 cm

Zadanie 10. (0-1)

Na planie wykonanym w skali 1:50 dom ma kształt prostokąta o wymiarach $20 \text{ cm} \times 15 \text{ cm}$. W rzeczywistości ten dom zajmuje na działce powierzchnie o polu równym

A. 300 m²

B. 200 m^2

C. 150 m^2

D. 75 m^2

Zadanie 11. (0-1)

Trzy różne liczby naturalne większe od zera mają taką własność, że dwie z nich znajdują się na osi liczbowej w tej samej odległości od trzeciej. Każda z nich jest mniejsza od 7. Takich zestawów trzech liczb jest

A. 6

B. 7

C. 8

D. 9

Zadanie 12. (0-1)

Olek za dwa lata będzie dwa razy starszy, niż był dwa lata temu, a Asia za trzy lata będzie trzy razy starsza, niż przed trzema laty.

A. Asia jest starsza od Olka.

B. Olek jest starszy od Asi.

C. Olek ma tyle samo lat co Asia.

D. Nie można określić wieku dzieci.

Zadanie 13. (0-1)

Prostopadłościan ułożony z 36 sześcianów o krawędzi 1 <u>nie może</u> mieć wymiarów

A. $2 \times 3 \times 6$

B. $3 \times 4 \times 3$

C. $2 \times 3 \times 9$

D. $1 \times 2 \times 18$

Zadanie 14. (0-1)

Duża i mała wskazówka zegara o godzinie 12:00 tworzą kąt o mierze 0° . Ile minut po dwunastej wskazówki utworzą kąt o mierze 110° ?

A. 17

B. 18

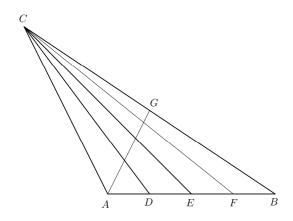
C. 19

D. 20

W zadaniach od 15. do 17. oceń, czy podane zdania są prawdziwe, czy fałszywe. Zaznacz właściwą odpowiedź.

Zadanie 15. (0-4)

Dany jest trójkąt ABC, który ma każdy bok innej długości. Punkty D, E, F dzielą bok AB na cztery równe części. Punkt G jest środkiem boku BC.



I.	Pole trójkąta <i>ABG</i> jest równe polu trójkąta <i>AEC</i>	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
II.	Pole trójkąta ADC jest równe $\frac{1}{2}$ pola	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
	trójkąta <i>AGC</i> .		
III.	Pole trójkąta <i>EFC</i> jest równe polu trójkąta <i>FBC</i>	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
IV.	Pole trójkąta FBC jest równe $\frac{1}{4}$ pola	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
	trójkąta <i>AGC</i>		

Zadanie 16. (0-4)

Janek i Michał o godzinie 9:15 wyruszyli rowerami z dwóch różnych miejscowości odległych od siebie o 36 km, jadąc naprzeciw siebie.

Średnia prędkość jazdy Janka wynosiła $12\frac{km}{h}$, a Michała $15\frac{km}{h}$

I.	Po 20 minutach odległość między nimi zmniejszyła się do 27 km.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
II.	Janek i Michał minęli się o godzinie 10:35.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
III.	Janek dojechał do miejscowości z której wyjechał Michał przed godz. 12:10.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
IV.	Michał dojechał do przeciwległej miejscowości o godzinie 11:39.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ

BRUDNOPIS

Zadanie 17. (0-4)

Cukiernia, aby upiec 50 ciast, zużywa $6\frac{2}{3}$ opakowania jajek. Na każde ciasto przeznacza się po tyle samo jajek. W jednym opakowaniu jest 30 jajek.

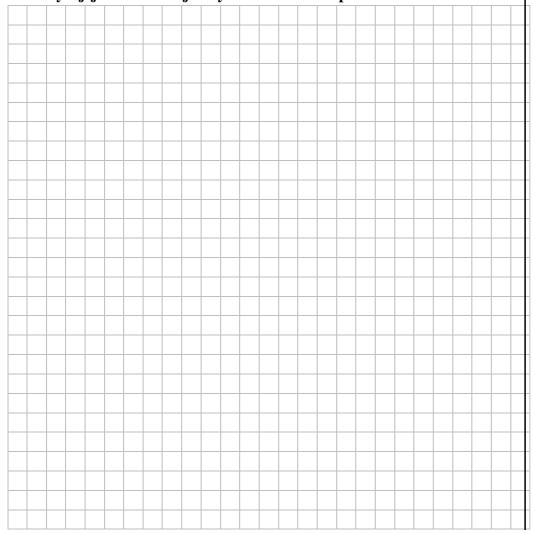
BRUDNOPIS

I.	Na jedno ciasto zużywa się 4 jajka.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
II.	Aby upiec 100 ciast wystarczy trzynaście i pół opakowania jajek.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
III.	Z jednego opakowania wystarcza jajek do upieczenia 8 ciast.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ
IV.	Jeżeli do każdego ciasta użyje się 5 jajek, to do upieczenia 52 ciast wystarczy jajek zawartych w siedmiu opakowaniach.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ

Zadanie 18. (0-4)

Dwaj bracia mają razem 10 lat. Ich starsza siostra Ola jest dwa razy starsza od starszego z nich i ma mniej niż 15 lat.

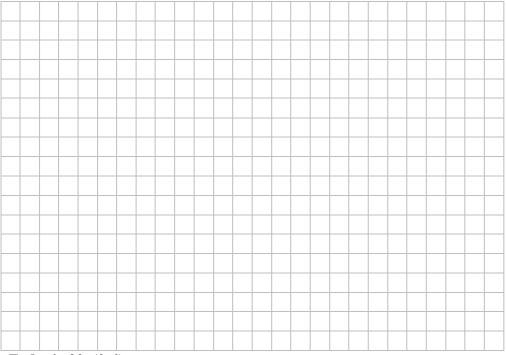
Wiek każdego dziecka jest liczbą naturalną. Oblicz, ile lat może mieć Ola i każdy z jej braci. Podaj wszystkie możliwe odpowiedzi.



Strona 6. z 8

Zadanie 19. (0-3)

Zosia postanowiła na swoich urodzinach poczęstować gości cukierkami. Obliczyła, że jeśli każdy z zaproszonych gości otrzyma po 5 cukierków, to zostanie jej 5 cukierków. Jeżeli natomiast każdy z gości otrzyma po 6 cukierków, to zabraknie jej 3 cukierków. Ilu gości zaprosiła Zosia na swoje urodziny?



Zadanie 20. (0-4)

Długości krawędzi prostopadłościanu wyrażają się liczbami naturalnymi. Dwie ściany są kwadratami. Pola powierzchni dwóch różnych ścian wynoszą 225 cm² i 360 cm². Oblicz długości krawędzi prostopadłościanu oraz jego objętość.



Zadanie 21. (0-4)

Oblicz miary kątów wewnętrznych w trapezie, jeżeli wiadomo, że kąty przy jednym ramieniu spełniają warunek: kąt przy dłuższej podstawie jest cztery razy mniejszy od kąta przy krótszej podstawie. Natomiast kąty przy drugim ramieniu spełniają warunek: kąt przy krótszej podstawie ma miarę o 40° większą niż kąt przy dłuższej podstawie.

Wykonaj pomocniczy rysunek.

