Pieczątka	szkoły
-----------	--------

Kod ucznia
------------

Liczba punktów

## WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW DOTYCHCZASOWYCH GIMNAZJÓW W ROKU SZKOLNYM 2018/2019 STOPIEŃ SZKOLNY–23.10.2018

1.	Test	konkursowy	zawiera	22	zadania.	Są	to	zadania	zamknięte	i	otwarte.	Na	ich
rozwiązanie masz 90 minut. Sprawdź, czy test jest kompletny.													

- 2. Zanim udzielisz odpowiedzi, uważnie przeczytaj treść zadania.
- 3. Wszystkie odpowiedzi czytelnie i wyraźnie wpisuj w wyznaczonych miejscach.
- 4. Przy rozwiązywaniu zadań zamkniętych wyboru wielokrotnego wybierz jedną, prawidłową odpowiedź i zaznacz ją krzyżykiem, np.:

A X C D

Jeżeli się pomylisz i zechcesz wybrać inną odpowiedź, to złe zaznaczenie otocz kółkiem (), po czym skreśl właściwą literę, np.:

A (X) D

- 5. W innych zadaniach samodzielnie sformułuj odpowiedź i wpisz ją lub wykonaj zadanie zgodnie z instrukcją zawartą w poleceniu. Przedstaw tok rozumowania prowadzący do wyniku.
- 6. Test wypełniaj długopisem, nie używaj korektora, ołówka ani gumki. Nie komunikuj się z innymi uczestnikami konkursu.
- 7. Podczas rozwiązywania zadań nie możesz korzystać z kalkulatora.
- 8. Sprawdź wszystkie odpowiedzi przed oddaniem testu.
- 9. Nie podpisuj testu, zostanie on zakodowany.
- 10. Brudnopis, dołączony do testu, nie podlega ocenie.

 $\overline{\mathbf{Zadanie}} \ \mathbf{1.} (1\ p.)$ 

Na osi liczbowej zaznaczono liczby 2018 i 8102. Liczbą leżącą na osi liczbowej w jednakowej odległości od obu tych liczb jest

A. 6084

B. 5060

C. 4051

D. 3042

**Zadanie 2.**(1 p.)

Odwrotnością liczby  $x = \frac{1}{2\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{2}}{2}$  jest

A.  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$  B.  $\frac{3\sqrt{2}}{4}$  C.  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ 

D.  $-\frac{3\sqrt{2}}{4}$ 

**Zadanie 3.**(1 p.)

Czwartą częścią liczby 16<sup>40</sup> jest liczba

A. 16<sup>10</sup>

B. 4<sup>40</sup>

C.  $2^{159}$ 

D. 4<sup>79</sup>

**Zadanie 4.**(1 p.)

Rozwiązaniem równania 2(x-7)-3(14-2x)=-x+7 jest liczba

A.  $-\frac{7}{15}$ 

B.  $\frac{7}{15}$  C. -7

D. 7

**Zadanie 5.**(1 p.)

W dzbanku jest 500 cm<sup>3</sup> wody. Ile cm<sup>3</sup> soku należy wlać do tego dzbanka, żeby sok stanowił  $\frac{1}{5}$  objętości powstałej mieszaniny?

A.  $125 cm^3$ 

B.  $0.2 cm^{3}$ 

C.  $0.25 \, cm^3$ 

D.  $100 \, cm^3$ 

**Zadanie 6.**(1 p.)

Kropla wody ma masę  $4 \cdot 10^{-5} kg$ , czyli

A. 4 g

B. 0,4 g

C. 0,004 g

D. 0,04 g

**Zadanie 7.**(1 p.)

Jeżeli 
$$\frac{1}{x} + 1 = \frac{1}{y}$$
, to

A. 
$$y = \frac{x+1}{x}$$
 B.  $y = \frac{x}{1+x}$  C.  $y = 1-x$  D.  $y = \frac{2}{x}$ 

$$B. \ \ y = \frac{x}{1+x}$$

C. 
$$y = 1 - x$$

D. 
$$y = \frac{2}{x}$$

**Zadanie 8.**(1 p.)

W klasie jest 30 uczniów. Każdy z nich lubi informatykę lub wychowanie fizyczne. Trzech uczniów lubi oba te przedmioty. Liczba uczniów lubiących tylko informatykę jest dwa razy od liczby uczniów lubiacych tylko wychowanie wieksza fizyczne. Ilu uczniów tej klasy lubi informatykę?

B. 21

C. 18

D. 9

**Zadanie 9.**(1 p.)

Które z podanych równań utworzy z równaniem x + y = 1 układ nieoznaczony?

A. 
$$x + y = 5$$

B. 
$$2x - 2y = 2$$
 C.  $x - y = 1$ 

C. 
$$x - y = 1$$

D. 
$$2x + 2y = 2$$

**Zadanie 10.**(1 p.)

Pewien graniastosłup ma k krawędzi, s ścian i w wierzchołków. Jeśli k+s+w=50 to podstawą tego graniastosłupa jest

A. sześciokat

B. siedmiokat

C. ośmiokat

D. dziesięciokat

**Zadanie 11.**(1 p.)

Miara kata wewnętrznego pewnego wielokata foremnego jest równa 150°. Ile boków ma ten wielokat?

A. 6

B. 8

C. 12

D. 16

**Zadanie 12.**(1 p.)

Pole trójkata ABC przedstawionego na rysunku jest równe

A.  $10 cm^2$ 

B.  $18 cm^2$ 

C.  $20 \, cm^2$ 

D.  $22.5 cm^2$ 



#### WOJEWÓDZKIE KONKURSY PRZEDMIOTOWE 2018/2019 – GIMNAZJUM STOPIEŃ SZKOLNY

## **Zadanie 13.**(1 p.)

Pole pierścienia ograniczonego dwoma okręgami o wspólnym środku O jest równe  $13\pi cm^2$ , a mniejszy okrąg ma promień 6*cm*. Wynika stąd, że

- A. promień większego okręgu jest równy 8 cm.
- B. długość większego okręgu jest równa  $14\pi$  cm.
- C. średnica większego okręgu jest równa 7 cm.
- D. pole większego okręgu jest równe  $169\pi$  cm<sup>2</sup>.

## **Zadanie 14.**(1 p.)

Dany jest okrąg o promieniu 1. Suma obwodów kwadratów wpisanego w ten okrąg i opisanego na tym okręgu jest równa

- A.  $8+4\sqrt{2}$
- B.  $4+4\sqrt{2}$
- C.  $8+8\sqrt{2}$  D.  $4+8\sqrt{2}$

## **Zadanie 15.**(1 p.)

Przyprostokatne trójkata prostokatnego mają długość  $2\sqrt{3}$  cm i  $2\sqrt{6}$  cm. Promień okręgu opisanego na tym trójkącie jest równy

- A. 3 *cm*
- B. 6 *cm*
- C.  $\frac{3}{2}\sqrt{2} \ cm$  D.  $3\sqrt{2} \ cm$

## **Zadanie 16.**(1 p.)

Z akwarium w kształcie prostopadłościanu o podstawie długości 50 cm i szerokości 30 cm odlano 3 litry wody. O ile centymetrów obniżył się poziom wody w tym akwarium?

- B. 2 *cm*
- B. 3 *cm*
- C. 5 cm
- D. 10 cm

## **Zadanie 17.**(1 p.)

W którym z czworokatów – w kwadracie, prostokacie, równoległoboku, rombie – jedynymi osiami symetrii sa te proste, które zawierają jego przekatne?

- A. W kwadracie.
- B. W prostokacie.
- C. W równoległoboku.
- D. W rombie.

#### **Zadanie 18.**(1 p.)

Z których trzech odcinków można zbudować trójkąt?

- A. 0,9 dm, 0,06 m, 3 cm
- B. 0,08m, 0,2 dm, 50 mm
- C. 0,17 m, 11 cm, 2,5 dm
- D. 0,13 m, 11 cm, 2,7 dm

#### WOJEWÓDZKIE KONKURSY PRZEDMIOTOWE 2018/2019 – GIMNAZJUM STOPIEŃ SZKOLNY



Wynik wyrażenia  $4 \cdot 10^{103} + 8 \cdot 100^{51} + 60 \cdot 2^{100} \cdot 25^{50} + 3 \cdot 4^{50} \cdot 5^{100}$  zapisz w notacji wykładniczej.

## **Zadanie 20.** (3 p.)

Ze  $100\ kg$  mleka o zawartości 3,8% tłuszczu odciągnięto  $10\ kg$  śmietanki o zawartości 20% tłuszczu. Ile procent tłuszczu zawiera pozostałe mleko?

#### WOJEWÓDZKIE KONKURSY PRZEDMIOTOWE 2018/2019 – GIMNAZJUM STOPIEŃ SZKOLNY

## **Zadanie 21.** (3 p.)

Kwadrat o boku długości a podzielono prostą na dwa prostokąty. Obwód mniejszego z tych prostokątów stanowi  $\frac{3}{4}$  obwodu większego z prostokątów. Oblicz stosunek pola powierzchni mniejszego prostokąta do pola powierzchni większego prostokąta.

## **Zadanie 22.** (3 p.)

W graniastosłupie prawidłowym trójkątnym przekątna ściany bocznej jest 2 razy dłuższa od wysokości podstawy. Oblicz pole powierzchni tej bryły, jeżeli jej krawędź boczna ma długość 4 cm.

# WOJEWÓDZKIE KONKURSY PRZEDMIOTOWE 2018/2019 – GIMNAZJUM STOPIEŃ SZKOLNY