#### Warszawa 14.05.2011

# LICEUM OGÓLNOKSZTAŁCĄCE PRZYMIERZA RODZIN im. JANA PAWŁA II

Imię i nazwisko	 
	Suma punktów:

#### EGZAMIN WSTĘPNY Z MATEMATYKI

Rozwiąż wszystkie zadania starannie i czytelnie. Pamiętaj o podaniu odpowiedzi. Na rozwiązanie masz 90 minut. **Powodzenia!** 

#### Zadanie 1 (5pkt)

Doprowadź do najprostszej postaci wyrażenie

$$\sqrt{20\frac{1}{4} - (2a+1)(2a-1) - \frac{1}{2}(a-3)^2 - \frac{1}{2}a(7+5a)},$$
Następnie oblicz jego wartość dla  $a = \frac{(480^3 : 240^3) \cdot \left[ \left(1\frac{1}{2}\right)^{20} : \left(1\frac{1}{2}\right)^{17} \right]}{3\sqrt{3}}.$ 

#### Zadanie 2 (3pkt)

Kwiaciarka sprzedała pierwszej osobie  $\frac{1}{2}$  całej liczby tulipanów i jeszcze dwa tulipany.

Drugiej sprzedała  $\frac{1}{2}$  reszty i jeszcze jeden tulipan. Wtedy zostało jej pięć tulipanów.

Ile kwiaciarka miała tulipanów na początku? Ile kupiła pierwsza osoba, a ile druga?

#### Zadanie 3 (2pkt)

Do 500 litrów mleka o zawartości tłuszczu 3% dolano 250 litrów mleka o zawartości tłuszczu 6%. Ile procent tłuszczu zawiera ta mieszanina.

#### Zadanie 4 (3pkt)

Rozwiąż układ równań
$$\begin{cases} 2(x+y) - 3(2x-y) = 1\\ \frac{x-y}{2} + \frac{2x-y}{3} = 1 \end{cases}$$

## Zadanie 5 (3 pkt)

Najdłuższy bok trójkąta równoramiennego ma długość 8 cm , a jeden z kątów ma miarę  $120^\circ$  . Oblicz obwód i pole tego trójkąta.

### Zadanie 6 (2 pkt)

Oblicz miarę kąta pod jakim przecinają się dwusieczne kątów przyległych do jednego z ramion trapezu.

## Zadanie 7 (2 pkt)

Półtora kota zjada półtorej myszy w ciągu jednego dnia. Ile myszy zjada siedem kotów w ciągu tygodnia ? Odpowiedź uzasadnij.