

Rodzaj dokumentu:	Zasady oceniania rozwiązań zadań
Egzamin:	Egzamin maturalny
Przedmiot:	Matematyka
Poziom:	Poziom podstawowy
Formy arkusza:	EMAP-P0-100 (wersje arkusza: A i B), EMAP-P0-200, EMAP-P0-300, EMAP-P0-400, EMAP-P0-600, EMAP-P0-700, EMAP-P0-K00, EMAP-P0-Q00, EMAU-P0-100
Termin egzaminu:	8 maja 2024 r.
Data publikacji dokumentu:	28 czerwca 2024 r.

Uwaga:

Gdy wymaganie egzaminacyjne dotyczy treści z III etapu edukacyjnego, dopisano "G".

ZADANIA ZAMKNIĘTE

Zadanie 1. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024 ¹	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 1.8) wykonuje obliczenia procentowe [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B C B

Zadanie 2. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 1.4) oblicza potęgi o wykładnikach wymiernych i stosuje prawa działań na potęgach o wykładnikach wymiernych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B B C

¹ Rozporządzenie Ministra Edukacji i Nauki z dnia 1 sierpnia 2022 r. w sprawie wymagań egzaminacyjnych dla egzaminu maturalnego przeprowadzanego w roku szkolnym 2022/2023 i 2023/2024 (Dz.U. 2022, poz.1698).

Zadanie 3. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie	Zdający:
reprezentacji.	1.6) wykorzystuje definicję logarytmu [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

С В

Zadanie 4. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 2. używa wzorów skróconego mnożenia na $(a \pm b)^2$ oraz $a^2 - b^2$.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B D

В

Zadanie 5. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie	Zdający:
reprezentacji.	3.3) rozwiązuje nierówności stopnia
	pierwszego z jedną niewiadomą.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

D D

Zadanie 6. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024		
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe	
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 3.6) korzysta z własności iloczynu przy rozwiązywaniu równań typu x(x+1)(x-7)=0.	

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B B C

Zadanie 7. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 3.7) rozwiązuje proste równania wymierne, prowadzące do równań liniowych lub kwadratowych [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

В В

Zadanie 8. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: G7.7) za pomocą równań lub układów równań opisuje i rozwiązuje zadania osadzone w kontekście praktycznym.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B Α D

Zadanie 9. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
V. Rozumowanie i argumentacja.	Zdający: G9.3) wyznacza średnią arytmetyczną [] zestawu danych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

A C

Zadanie 10. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 3.2) wykorzystuje interpretację geometryczną układu równań stopnia pierwszego z dwiema niewiadomymi.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B A C

Zadanie 11. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 4.3) odczytuje z wykresu własności funkcji ([…] zbiór wartości […]).

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

C A

Zadanie 12. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 4.7) interpretuje współczynniki występujące we wzorze funkcji liniowej.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

D B

Zadanie 13. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 4.6) wyznacza wzór funkcji liniowej na podstawie informacji o funkcji lub o jej wykresie.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B Α

D

Zadanie 14. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 4.9) wyznacza wzór funkcji kwadratowej na podstawie pewnych informacji o tej funkcji lub o jej wykresie.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja B Wersja A В

Zadanie 15. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 4.11) wykorzystuje własności funkcji [] kwadratowej [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

A C

Zadanie 16. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
III. Modelowanie matematyczne.	Zdający: 5.3) stosuje wzór na <i>n</i> -ty wyraz [] ciągu arytmetycznego.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B C C

Zadanie 17. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
III. Modelowanie matematyczne.	Zdający:
	5.4) stosuje wzór na <i>n</i> -ty wyraz […] ciągu
	geometrycznego.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B C D

Zadanie 18. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 5.1) wyznacza wyrazy ciągu określonego wzorem ogólnym.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B A D

Zadanie 19. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: 6.3) stosuje proste zależności między funkcjami trygonometrycznymi: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B A

Zadanie 20. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: 6.4) znając wartość jednej z funkcji: sinus lub cosinus, wyznacza wartości pozostałych funkcji tego samego kąta ostrego.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B B

Zadanie 21. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 7.4) korzysta z własności funkcji trygonometrycznych w łatwych obliczeniach geometrycznych, w tym ze wzoru na pole trójkąta ostrokątnego o danych dwóch bokach i kącie między nimi.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

B D

Zadanie 22. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: 7.3) rozpoznaje trójkąty podobne i wykorzystuje cechy podobieństwa trójkątów.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B C A

Zadanie 23. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: 7.1) stosuje zależności między kątem środkowym i kątem wpisanym.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

C D

Zadanie 24. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 8.2) bada […] prostopadłość prostych na podstawie ich równań kierunkowych.

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

A

Zadanie 25. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 8.1) wyznacza równanie prostej przechodzącej przez dwa dane punkty (w postaci kierunkowej lub ogólnej).

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B A

Zadanie 26. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: G11.2) oblicza pole powierzchni [] graniastosłupa prostego [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B C A

Zadanie 27. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
I. Wykorzystanie i tworzenie informacji.	Zdający: 9.2) rozpoznaje w graniastosłupach kąt między odcinkami i płaszczyznami [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B

D D

Zadanie 28. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: G11.2) oblicza pole powierzchni i objętość [] ostrosłupa [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A Wersja B B

Zadanie 29. (0-1)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
III. Modelowanie matematyczne.	Zdający: 10.1) zlicza obiekty w prostych sytuacjach kombinatorycznych [].

Zasady oceniania

1 pkt – odpowiedź poprawna.

0 pkt – odpowiedź niepoprawna albo brak odpowiedzi.

Rozwiązanie

Wersja A	Wersja B
С	D

ZADANIA OTWARTE

Uwagi ogólne:

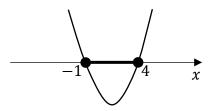
- **1.** Akceptowane są wszystkie rozwiązania merytorycznie poprawne i spełniające warunki zadania.
- **2.** Jeżeli zdający poprawnie rozwiąże zadanie i otrzyma poprawny wynik, lecz w końcowym zapisie przekształca ten wynik i popełnia przy tym błąd, to może uzyskać maksymalną liczbę punktów.
- 3. Jeżeli zdający popełni błędy rachunkowe, które na żadnym etapie rozwiązania nie upraszczają i nie zmieniają danego zagadnienia, lecz stosuje poprawną metodę i konsekwentnie do popełnionych błędów rachunkowych rozwiązuje zadanie, to może otrzymać co najwyżej (n-1) punktów (gdzie n jest maksymalną możliwą do uzyskania liczbą punktów za dane zadanie).

Zadanie 30. (0-2)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
II. Wykorzystanie i interpretowanie reprezentacji.	Zdający: 3.5) rozwiązuje nierówności kwadratowe z jedną niewiadomą.

Zasady oceniania

- 2 pkt spełnienie jednego z warunków określonych w zasadach oceniania za 1 pkt **oraz** zapisanie zbioru rozwiązań nierówności: $\langle -1,4 \rangle$ lub $x \in \langle -1,4 \rangle$ *ALBO*
 - spełnienie jednego z warunków określonych w zasadach oceniania za 1 pkt oraz przedstawienie zbioru rozwiązań nierówności w postaci graficznej z poprawnie zaznaczonymi końcami przedziałów



1 pkt – obliczenie lub podanie pierwiastków trójmianu kwadratowego $\,x^2-3x-4$:

$$x_1 = -1$$
 oraz $x_2 = 4$

– odczytanie z wykresu funkcji $f(x) = x^2 - 3x - 4$ i zapisanie miejsc zerowych $x_1 = -1$ oraz $x_2 = 4$.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Uwagi:

- 1. Jeżeli zdający, realizując pierwszy etap rozwiązania zadania, popełni błędy (ale otrzyma dwa różne pierwiastki) i konsekwentnie do popełnionych błędów zapisze zbiór rozwiązań nierówności, to otrzymuje 1 punkt za całe rozwiązanie.
- **2.** Jeżeli zdający wyznacza pierwiastki trójmianu kwadratowego w przypadku, gdy błędnie obliczony przez zdającego wyróżnik Δ jest ujemny, to otrzymuje **0 punktów** za całe rozwiązanie.
- **3.** Jeżeli zdający, rozpoczynając realizację pierwszego etapu rozwiązania, rozpatruje inny niż podany w zadaniu trójmian kwadratowy, który nie wynika z błędu przekształcenia (np. $x^2 4$), i w konsekwencji rozpatruje inną nierówność (np. $x^2 4 \le 0$), to oznacza, że nie podjął realizacji 1. etapu rozwiązania i otrzymuje **0 punktów** za całe rozwiązanie.
- **4.** Akceptowane jest zapisanie pierwiastków trójmianu w postaci $a+b\sqrt{c}$, gdzie a,b,c są liczbami wymiernymi.
- **5.** Jeżeli zdający poda zbiór rozwiązań w postaci graficznej z poprawnie zaznaczonymi końcami przedziałów oraz zapisze: $x \in (-1,4)$, to otrzymuje **1 punkt** za całe rozwiązanie.

Kryteria uwzględniające specyficzne trudności w uczeniu się matematyki

Jeśli zdający pomyli porządek liczb na osi liczbowej, np. zapisze zbiór rozwiązań nierówności w postaci (4,-1), to otrzymuje **2 punkty**.

Przykładowe pełne rozwiązanie

Zapisujemy nierówność w postaci $x^2-3x-4\leq 0$ i obliczamy pierwiastki trójmianu x^2-3x-4 .

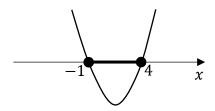
Obliczamy wyróżnik trójmianu: $\Delta = 25$

i obliczamy jego pierwiastki: $x_1 = -1$ oraz $x_2 = 4$

ALBO

podajemy pierwiastki trójmianu bezpośrednio, zapisując je lub zaznaczając je na wykresie: $x_1=-1\,$ oraz $x_2=4.$

Podajemy zbiór rozwiązań nierówności: $\langle -1,4 \rangle$ lub $x \in \langle -1,4 \rangle$, lub zaznaczamy zbiór rozwiązań na osi liczbowej:



Zadanie 31. (0-2)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
V. Rozumowanie i argumentacja.	Zdający: 2. używa wzorów skróconego mnożenia na $(a\pm b)^2$ oraz a^2-b^2 .

Zasady oceniania

2 pkt – przekształcenie nierówności
$$(3x+y)(x+3y)>16xy$$
 do postaci $c(x-y)^2>0$, gdzie $c>0$ (np. $3(x-y)^2>0$) lub $c(x-y)^2<0$, gdzie $c<0$ (np. $-3(x-y)^2<0$), lub

$$(cx - cy)^2 > 0$$
, gdzie $c \neq 0$ (np. $(\sqrt{3}x - \sqrt{3}y)^2 > 0$)

oraz powołanie się na założenie i stwierdzenie, że kwadrat każdej liczby rzeczywistej różnej od zera jest liczbą dodatnią

ALBO

– przekształcenie nierówności (3x+y)(x+3y)>16xy do postaci $x^2+y^2>2xy$ **oraz** powołanie się na nierówność $x^2+y^2\geq 2xy$ i stwierdzenie, że dla $x\neq y$ nierówność jest ostra,

ALBO

- obliczenie wyróżnika trójmianu kwadratowego $3x^2-6xy+3y^2$ zmiennej x **oraz** uzasadnienie, że funkcja $f(x)=3x^2-6xy+3y^2$ przyjmuje wartości dodatnie dla $x\neq y$, *ALBO*
- obliczenie wyróżnika trójmianu kwadratowego $3y^2-6xy+3x^2$ zmiennej y **oraz** uzasadnienie, że funkcja $f(y)=3y^2-6xy+3x^2$ przyjmuje wartości dodatnie dla $y\neq x$.

1 pkt – przekształcenie nierówności
$$(3x+y)(x+3y)>16xy$$
 do postaci $3x^2-6xy+3y^2>0$ *ALBO*

- przekształcenie nierówności (3x + y)(x + 3y) > 16xy do postaci $x^2 + y^2 > 2xy$, *ALBO*
- obliczenie wyróżnika trójmianu kwadratowego $3x^2-6xy+3y^2$ zmiennej x, ALBO,
- obliczenie wyróżnika trójmianu kwadratowego $3y^2 6xy + 3x^2$ zmiennej y.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Uwaga:

Jeśli zdający sprawdza prawdziwość nierówności tylko dla wybranych wartości x i y, to otrzymuje **0 punktów** za całe rozwiązanie.

Przykładowe pełne rozwiązania

Sposób I

Przekształcamy nierówność (3x + y)(x + 3y) > 16xy w sposób równoważny:

$$3x^2 - 6xy + 3y^2 > 0$$

Zauważamy, że lewą stronę nierówności można zapisać w postaci

$$3(x-y)^2 > 0$$

Z założenia wiadomo, że $x \neq y$, więc $3(x-y)^2$ jest liczbą dodatnią. To należało wykazać.

Sposób II (trójmian kwadratowy zmiennej x z parametrem y)

Przekształcamy równoważnie nierówność (3x + y)(x + 3y) > 16xy i otrzymujemy

$$3x^2 - 6xy + 3y^2 > 0$$

Wyrażenie $3x^2 - 6xy + 3y^2$ traktujemy jako trójmian kwadratowy zmiennej x. Obliczamy wyróżnik Δ trójmianu:

$$\Delta = (-6y)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 3y^2 = 0$$

Funkcja $f(x) = 3x^2 - 6xy + 3y^2$ ma dokładnie jedno miejsce zerowe: x = y. Ponieważ współczynnik przy drugiej potędze zmiennej jest dodatni, więc żaden fragment wykresu funkcji f nie leży poniżej osi odciętych. Zatem funkcja f przyjmuje wartości dodatnie dla każdego $x \neq y$.

Oznacza to, że dla każdej liczby rzeczywistej x i dla każdej liczby rzeczywistej $y \neq x$ nierówność $3x^2 - 6xy + 3y^2 > 0$ jest prawdziwa.

Zatem nierówność (3x + y)(x + 3y) > 16xy również jest prawdziwa dla każdej liczby rzeczywistej x i dla każdej liczby rzeczywistej $y \neq x$. To należało wykazać.

Zadanie 32. (0-2)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: 4.9) wyznacza wzór funkcji kwadratowej na podstawie pewnych informacji o tej funkcji lub o jej wykresie.

Zasady oceniania

2 pkt – zastosowanie poprawnej metody i obliczenie współczynników: b=4, c=-5.

1 pkt – zapisanie drugiego miejsca zerowego funkcji f: $x_2 = -5$

ALBO

– obliczenie drugiej współrzędnej wierzchołka paraboli będącej wykresem funkcji f: q=-9,

ALBO

– obliczenie współczynnika b: b = 4.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Przykładowe pełne rozwiązania

Sposób I

Wykres funkcji f jest symetryczny względem prostej o równaniu x=-2, zatem drugie miejsce zerowe jest równe $x_2=-5$.

Wzór funkcji f zapisujemy w postaci iloczynowej f(x) = (x-1)(x+5), a następnie w postaci ogólnej $f(x) = x^2 + 4x - 5$.

Zatem współczynniki b i c są równe: b=4, c=-5.

Sposób II

Wykres funkcji f jest symetryczny względem prostej o równaniu x=-2, zatem pierwsza współrzędna wierzchołka paraboli będącej wykresem funkcji f jest równa p=-2.

Wzór funkcji f zapisujemy w postaci kanonicznej $f(x) = (x+2)^2 + q$.

Punkt (1,0) leży na wykresie funkcji f, zatem dla argumentu 1 funkcja f przyjmuje wartość 0. Stąd otrzymujemy równanie:

$$0 = (1+2)^2 + q$$

Zatem q = -9.

Wzór funkcji $f(x) = (x+2)^2 - 9$ przekształcamy do postaci ogólnej $f(x) = x^2 + 4x - 5$. Zatem współczynniki b i c są równe: b = 4, c = -5.

Egzamin maturalny z matematyki na poziomie podstawowym – termin główny 2024 r.

Sposób III

Wykres funkcji f jest symetryczny względem prostej o równaniu x=-2, zatem pierwsza współrzędna wierzchołka paraboli będącej wykresem funkcji f jest równa p=-2.

Obliczamy współczynnik b, korzystając ze wzoru $p=-\frac{b}{2a}$:

$$-2 = -\frac{b}{2}$$

Stąd b = 4.

Punkt (1,0) leży na wykresie funkcji f, zatem dla argumentu 1 funkcja f przyjmuje wartość 0. Stąd otrzymujemy równanie

$$0 = 1^2 + 4 \cdot 1 + c$$

Zatem współczynniki b i c są równe: $b=4,\ c=-5.$

Zadanie 33. (0-2)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający:
	5.3) stosuje wzór na n -ty wyraz i na sumę
	n początkowych wyrazów ciągu
	arytmetycznego.

Zasady oceniania

2 pkt – zastosowanie poprawnej metody i obliczenie różnicy ciągu: r=-2.

1 pkt – zapisanie układu równań pozwalającego obliczyć r, np.:

$$\begin{aligned} -1 &= a_1 + 2r \quad \text{oraz} \quad -165 &= \frac{2a_1 + 14r}{2} \cdot 15 \;, \\ -1 &= a_1 + 2r \quad \text{oraz} \quad a_{15} = a_1 + 14r \quad \text{oraz} \quad -165 &= \frac{a_1 + a_{15}}{2} \cdot 15 \;, \\ a_3 &= -1 \quad \text{oraz} \quad -165 &= \frac{(a_3 - 2r) + (a_3 + 12r)}{2} \cdot 15 \;, \\ ALBO \end{aligned}$$

- zapisanie równania z jedną niewiadomą r, np.:

$$(-1-2r) + (-1-r) + (-1) + (-1+r) + \dots + (-1+12r) = -165,$$

$$\frac{2(-1-2r) + 14r}{2} \cdot 15 = -165,$$

$$\frac{(-1-2r) + (-1+12r)}{2} \cdot 15 = -165,$$

ALBO

- obliczenie ósmego wyrazu ciągu (a_n) z wykorzystaniem własności ciągu arytmetycznego: $a_8=-11$ (dla sposobów IV oraz V), ALBO
- zapisanie kolejnych piętnastu początkowych wyrazów ciągu (a_n) : 3, 1, -1, -3, -5, -7, -9, -11, -13, -15, -17, -19, -21, -23, -25.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Uwagi:

- **1.** Jeżeli zdający myli ciąg arytmetyczny z geometrycznym, to otrzymuje **0 punktów** za całe rozwiązanie, o ile nie nabył prawa do innej liczby punktów.
- **2.** Jeżeli zdający zapisze tylko r = -2, to otrzymuje **1 punkt** za całe rozwiązanie.
- **3.** Jeżeli zdający błędnie interpretuje liczbę (-165) jako piętnasty wyraz ciągu, to otrzymuje **0 punktów** za całe rozwiązanie.

Przykładowe pełne rozwiązania

Sposób I

Korzystamy ze wzorów na n-ty wyraz i sumę n początkowych wyrazów ciągu arytmetycznego i otrzymujemy układ równań

$$\begin{cases}
-1 = a_1 + 2r \\
-165 = \frac{2a_1 + 14r}{2} \cdot 15
\end{cases}$$

Przekształcając ten układ równoważnie, otrzymujemy

$$\begin{cases} -1 = a_1 + 2r \\ -11 = a_1 + 7r \end{cases}$$

Odejmując stronami równania układu, otrzymujemy

$$10 = -5r$$

$$r = -2$$

Różnica ciągu jest równa (-2).

Sposób II

Suma kolejnych piętnastu początkowych wyrazów ciągu arytmetycznego jest równa (-165), zatem

$$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{15} = -165$$

$$(a_3 - 2r) + (a_3 - r) + a_3 + (a_3 + r) + (a_3 + 2r) + \dots + (a_3 + 12r) = -165$$

$$15a_3 + (-2r - r + 0 + r + 2r + 3r + \dots + 12r) = -165$$

gdzie $a_3=-1$, a suma piętnastu liczb $(-2r-r+0+r+2r+3r+\ldots+12r)$ jest równa

$$\frac{-2r+12r}{2} \cdot 15 = 75r$$

Zatem

$$15 \cdot (-1) + 75r = -165$$
$$75r = -150$$
$$r = -2$$

Różnica ciągu jest równa (-2).

Sposób III

Suma kolejnych piętnastu początkowych wyrazów ciągu arytmetycznego jest równa (-165), zatem

$$\frac{a_1 + a_{15}}{2} \cdot 15 = -165$$

$$a_1 + a_{15} = -22$$

$$(a_3 - 2r) + (a_3 + 12r) = -22$$

$$2a_3 + 10r = -22$$

Stąd i z tego, że $a_3 = -1$, otrzymujemy

$$2 \cdot (-1) + 10r = -22$$

Zatem

$$10r = -20$$
$$r = -2$$

Różnica ciągu jest równa (-2).

Sposób IV

Suma kolejnych piętnastu początkowych wyrazów ciągu arytmetycznego jest równa (-165), zatem

$$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{15} = -165$$

$$(a_8 - 7r) + (a_8 - 6r) + \dots + a_8 + \dots + (a_8 + 6r) + (a_8 + 7r) = -165$$

$$15a_8 = -165$$

$$a_8 = \frac{-165}{15} = -11$$

Korzystamy z własności ciągu arytmetycznego i otrzymujemy

$$a_8 = a_3 + 5r$$
$$-11 = -1 + 5r$$
$$r = -2$$

Różnica ciągu jest równa (-2).

Egzamin maturalny z matematyki na poziomie podstawowym – termin główny 2024 r.

Sposób V

Korzystamy z własności ciągu arytmetycznego i otrzymujemy równania:

$$a_8 = \frac{a_7 + a_9}{2}$$

$$a_8 = \frac{a_6 + a_{10}}{2}$$

$$a_8 = \frac{a_5 + a_{11}}{2}$$

$$a_8 = \frac{a_4 + a_{12}}{2}$$

$$a_8 = \frac{a_3 + a_{13}}{2}$$

$$a_8 = \frac{a_2 + a_{14}}{2}$$

$$a_8 = \frac{a_1 + a_{15}}{2}$$

Zatem

$$a_1 + a_2 + \dots + a_{14} + a_{15} = (a_1 + a_{15}) + (a_2 + a_{14}) + \dots + (a_7 + a_9) + a_8 =$$

= $15a_8 = -165$

Stąd $a_8=-11$. Ponieważ

$$a_8 = a_3 + 5r$$

więc otrzymujemy

$$-11 = -1 + 5r$$
$$r = -2$$

Różnica ciągu jest równa (-2).

Zadanie 34. (0-2)

Wymagania egzaminacyjne 2024	
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: 8.5) wyznacza współrzędne środka odcinka; 8.6) oblicza odległość dwóch punktów.

Zasady oceniania

2 pkt – zastosowanie poprawnej metody i obliczenie długości boku BC: $|BC| = \sqrt{52}$.

- 1 pkt zapisanie współrzędnych punktu C: C = (14,8)
 - zapisanie współrzędnych punktu D: D = (2, 12), ALBO
 - zapisanie współrzędnych środka S boku AB: S=(4,4) **oraz** zapisanie równości |BC|=2|PS|, ALBO
 - zapisanie równości $\overrightarrow{CB} = 2 \cdot \overrightarrow{PA} + \overrightarrow{AB}$ **oraz** obliczenie współrzędnych wektorów \overrightarrow{PA} i \overrightarrow{AB} : $\overrightarrow{PA} = [-8, -1]$ oraz $\overrightarrow{AB} = [12, -4]$, *ALBO*
 - obliczenie długości odcinków AB, AP oraz BP i cosinusa kąta α oraz cosinusa kąta $(180^\circ-\alpha)$, gdzie $\alpha=|\not APB|$: $|AB|=4\sqrt{10}$ oraz $|AP|=\sqrt{65}$, oraz $|BP|=\sqrt{41}$, oraz $\cos\alpha=-\frac{27}{\sqrt{65}\cdot\sqrt{41}}$, oraz $\cos(180^\circ-\alpha)=\frac{27}{\sqrt{65}\cdot\sqrt{41}}$.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Uwagi:

- 1. Jeżeli zdający korzysta z punktów kratowych oraz błędnie zaznaczy w układzie współrzędnych co najmniej jeden z punktów A, B, C, P i na tej podstawie oblicza długość odcinka BC, to otrzymuje 0 punktów za całe rozwiązanie (o ile nie nabył praw do innej punktacii).
- **2.** Jeżeli zdający korzysta z punktów kratowych oraz poprawnie zaznaczy w układzie współrzędnych punkty A, B, C, P, lecz błędnie odczyta współrzędne jednego z tych punktów, i na tej podstawie oblicza długość odcinka BC, to otrzymuje **1 punkt** za całe rozwiązanie.
- **3.** Jeżeli zdający obliczy długość odcinka *BC*, korzystając z przybliżonych wartości funkcji trygonometrycznych, to może otrzymać co najwyżej **1 punkt** za całe rozwiązanie.

Przykładowe pełne rozwiązania

Sposób I

Punkt P jest środkiem przekątnej AC. Ze wzoru na współrzędne środka odcinka otrzymujemy

$$\frac{-2 + x_c}{2} = 6$$
 oraz $\frac{6 + y_c}{2} = 7$

Zatem C = (14, 8).

Obliczamy długość odcinka BC:

$$|BC| = \sqrt{(14-10)^2 + (8-2)^2} = \sqrt{16+36} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

Sposób II

Punkt P jest środkiem przekątnej BD. Ze wzoru na współrzędne środka odcinka otrzymujemy

$$\frac{10 + x_d}{2} = 6$$
 oraz $\frac{2 + y_d}{2} = 7$

Zatem D = (2, 12).

Obliczamy długość odcinka BC:

$$|BC| = |AD| = \sqrt{(2+2)^2 + (12-6)^2} = \sqrt{16+36} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$$

Sposób III

Obliczamy współrzędne punktu S środka odcinka AB:

$$S = \left(\frac{-2+10}{2}, \frac{6+2}{2}\right)$$
$$S = (4,4)$$

Obliczamy długość odcinka BC:

$$|BC| = 2|PS| = 2\sqrt{(4-6)^2 + (4-7)^2} = 2\sqrt{4+9} = 2\sqrt{13}$$

Zadanie 35. (0-2)

Wymagania egzaminacyjne 2024			
Wymaganie ogólne	Wymaganie szczegółowe		
III. Modelowanie matematyczne.	Zdający: 10.2) oblicza prawdopodobieństwa w prostych sytuacjach, stosując klasyczną definicję prawdopodobieństwa.		

Zasady oceniania

- 2 pkt zastosowanie poprawnej metody obliczenia prawdopodobieństwa zdarzenia A i uzyskanie poprawnego wyniku: $P(A)=\frac{13}{25}$.
- 1 pkt wypisanie wszystkich zdarzeń elementarnych lub obliczenie/podanie liczby tych zdarzeń: $|\Omega|=5\cdot 5$ lub sporządzenie tabeli o 25 polach odpowiadających zdarzeniom elementarnym, z których co najmniej jedno pole jest wypełnione, lub sporządzenie pełnego drzewa stochastycznego ALBO
 - wypisanie (lub zaznaczenie w tabeli) wszystkich zdarzeń elementarnych sprzyjających zdarzeniu A i niewypisanie żadnego niewłaściwego,
 ALBO
 - podanie liczby wszystkich zdarzeń elementarnych sprzyjających zdarzeniu A: |A|=13, o ile nie zostały zliczone błędne pary, ALBO
 - sporządzenie fragmentu drzewa stochastycznego, które zawiera wszystkie gałęzie sprzyjające zdarzeniu A oraz zapisanie prawdopodobieństwa na co najmniej jednym odcinku każdego z etapów doświadczenia, ALBO
 - podanie prawdopodobieństwa jednoelementowego zdarzenia (elementarnego): $\frac{1}{25}$, *ALBO*
 - zapisanie tylko $P(A) = \frac{13}{25}$.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Uwaqi:

- **1.** Jeżeli zdający zapisuje tylko liczby 13 lub 25 i z rozwiązania nie wynika znaczenie tych liczb, to otrzymuje **0 punktów** za całe rozwiązanie.
- 2. Jeżeli zdający rozważa losowanie bez zwracania, to otrzymuje 0 punktów.

Przykładowe pełne rozwiązania

Sposób I

Zdarzeniami elementarnymi są wszystkie uporządkowane pary liczb (x, y), gdzie $x, y \in \{5, 6, 7, 8, 9\}$.

Liczbę wszystkich zdarzeń elementarnych obliczamy, korzystając z reguły mnożenia. Moc zbioru $\,\Omega\,$ jest równa $\,5\cdot 5=25.$

Liczbę wszystkich zdarzeń elementarnych sprzyjających zdarzeniu A obliczamy, korzystając z reguły mnożenia i reguły dodawania. Suma dwóch liczb naturalnych jest liczbą parzystą, gdy sumujemy dwie liczby parzyste lub dwie liczby nieparzyste. Stąd moc zbioru A jest równa $3 \cdot 3 + 2 \cdot 2 = 13$.

Zatem prawdopodobieństwo zdarzenia A jest równe $\frac{13}{25}$.

Sposób II

W tabeli literą A zaznaczamy zdarzenia elementarne sprzyjające zdarzeniu A (pary liczb, których suma jest liczbą parzystą).

	5	6	7	8	9
5	A		A		Α
6		A		A	
7	A		A		A
8		A		A	
9	A		A		A

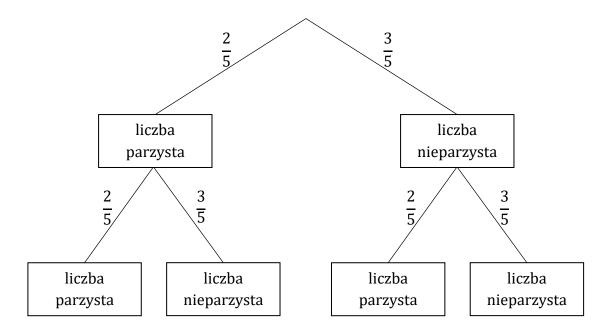
Moc zbioru Ω jest równa 25.

Zdarzeń sprzyjających wylosowaniu liczb, których suma jest parzysta, jest 13.

Zatem prawdopodobieństwo zdarzenia A jest równe $\frac{13}{25}$.

Sposób III (drzewo stochastyczne)

Rysujemy drzewo stochastyczne rozważanego doświadczenia.



Prawdopodobieństwo zdarzenia A jest równe

$$P(A) = \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} + \frac{3}{5} \cdot \frac{3}{5} = \frac{13}{25}$$

Zadanie 36. (0-5)

Wymagania egzaminacyjne 2024			
Wymaganie ogólne	Wymagania szczegółowe		
IV. Użycie i tworzenie strategii.	Zdający: G11.2) oblicza pole powierzchni i objętość graniastosłupa prostego []. 9.2) rozpoznaje w graniastosłupach kąt między odcinkami i płaszczyznami [].		

Zasady oceniania

Część I (Obliczenie cosinusa kąta α)

2 pkt – obliczenie cosinusa kąta α : $\cos \alpha = \frac{1}{3}$.

1 pkt – zapisanie przekątnej graniastosłupa jako $3a\sqrt{2}$ ALBO

– obliczenie tangensa kąta $\,\alpha\,$ nachylenia przekątnej graniastosłupa do płaszczyzny podstawy: $\,{\rm tg}\,\alpha=\frac{4}{\sqrt{2}}\,,$

ALBO

obliczenie długości przekątnej graniastosłupa podobnego do rozpatrywanego.

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Uwaga:

Jeżeli zdający obliczy wartość cosinusa kąta α , popełniając błąd, który nie jest rachunkowy (np. przyjmie, że przekątna podstawy jest równa $\frac{a\sqrt{3}}{2}$), to otrzymuje za tę część rozwiązania **0 punktów**, o ile nie nabył praw do innej punktacji.

Część II (Obliczenie pola powierzchni całkowitej graniastosłupa)

3 pkt – obliczenie pola powierzchni całkowitej graniastosłupa: $P_c = 162$.

2 pkt – zapisanie równania z jedną niewiadomą α lub H, np.:

$$a^2 \cdot 4a = 108, \ \left(\frac{1}{4}H\right)^2 \cdot H = 108$$
ALBO

– obliczenie skali k podobieństwa graniastosłupa podobnego do rozpatrywanego (gdzie $k \neq 1$).

1 pkt – zapisanie związku pomiędzy krawędzią podstawy a wysokością graniastosłupa, np.: $H=4a, \ a^2\cdot H=108$ ALBO

– obliczenie objętości i pola powierzchni całkowitej graniastosłupa podobnego do rozpatrywanego w skali $k \neq 1$ (np. przymując q = 1 H = 4 i wtedy V = 4 oraz P = 18)

(np. przyjmując $a=1,\ H=4$ i wtedy V=4 oraz $P_c=18$), ALBO

– zapisanie zależności między objętością danego graniastosłupa i graniastosłupa do niego podobnego, np. $108=1^2\cdot 4\cdot k^3$ (gdzie k to skala podobieństwa).

0 pkt – rozwiązanie, w którym zastosowano niepoprawną metodę, albo brak rozwiązania.

Przykładowe pełne rozwiązania

Sposób I

Przyjmujemy oznaczenia:

a – długość krawędzi podstawy (a > 0),

H – wysokość graniastosłupa (H > 0).

Stosunek długości krawędzi podstawy do wysokości graniastosłupa jest równy $\frac{1}{4}$. Zatem H=4a. Objętość graniastosłupa wynosi 108, stąd otrzymujemy równanie:

$$a^{2} \cdot 4a = 108$$
$$4a^{3} = 108$$
$$a^{3} = 27$$
$$a = 3$$

Następnie obliczamy wysokość graniastosłupa, pole powierzchni całkowitej oraz przekątną podstawy:

$$H = 4 \cdot 3 = 12$$

$$P_c = 2 \cdot a^2 + 4 \cdot aH = 2 \cdot 3^2 + 4 \cdot 3 \cdot 12 = 18 + 144 = 162$$

$$a\sqrt{2} = 3\sqrt{2}$$

Korzystając z twierdzenia Pitagorasa, obliczamy długość *d* przekątnej graniastosłupa:

$$d^2=12^2+\left(3\sqrt{2}\right)^2$$
, gdzie $d>0$
$$d^2=162$$

$$d=\sqrt{162}=9\sqrt{2}$$

Obliczamy $\cos \alpha$:

$$\cos \alpha = \frac{a\sqrt{2}}{d} = \frac{3\sqrt{2}}{9\sqrt{2}} = \frac{1}{3}$$

Egzamin maturalny z matematyki na poziomie podstawowym – termin główny 2024 r.

Sposób II

Przyjmujemy oznaczenia:

a – długość krawędzi podstawy (a > 0),

H – wysokość graniastosłupa (H > 0).

Stosunek długości krawędzi podstawy do wysokości graniastosłupa jest równy $\frac{1}{4}$. Zatem H=4a. Przekątna podstawy ma długość $a\sqrt{2}$, stąd otrzymujemy:

$$tg \alpha = \frac{4a}{a\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}$$

Zatem $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = 2\sqrt{2}$. Stąd $\sin \alpha = 2\sqrt{2} \cdot \cos \alpha$.

Wykorzystując tę zależność oraz tożsamość $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$, otrzymujemy

$$(2\sqrt{2} \cdot \cos \alpha)^2 + \cos^2 \alpha = 1$$
$$8\cos^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$
$$9\cos^2 \alpha = 1$$
$$\cos^2 \alpha = \frac{1}{9}$$

Stąd $\cos \alpha = \frac{1}{3}$, ponieważ α jest kątem ostrym.

Objętość graniastosłupa wynosi 108, stąd otrzymujemy równanie:

$$a^{2} \cdot 4a = 108$$
$$4a^{3} = 108$$
$$a^{3} = 27$$
$$a = 3$$

Następnie obliczamy pole powierzchni całkowitej graniastosłupa:

$$P_c = 2 \cdot a^2 + 4 \cdot aH = 2 \cdot a^2 + 4 \cdot a \cdot 4a = 18 \cdot a^2 = 18 \cdot 3^2 = 162$$

Sposób III

Rozważmy graniastosłup prawidłowy czworokątny G_1 o wysokości 4 i krawędzi podstawy długości 1. Graniastosłup G_1 jest podobny do danego graniastosłupa, zatem przekątna graniastosłupa G_1 jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem, którego miara jest równa mierze kąta α .

Przekątna podstawy graniastosłupa G_1 ma długość $\sqrt{2}$.

Korzystając z twierdzenia Pitagorasa, obliczamy długość d_1 przekątnej graniastosłupa G_1 :

$$d_1^2=4^2+\left(\sqrt{2}\right)^2$$
, gdzie $d_1>0$
$$d_1^2=18$$

$$d_1=\sqrt{18}=3\sqrt{2}$$

Obliczamy $\cos \alpha$:

$$\cos\alpha = \frac{\sqrt{2}}{3\sqrt{2}} = \frac{1}{3}$$

Objętość V_1 graniastosłupa G_1 jest równa

$$V_1 = 1^2 \cdot 4 = 4$$

Pole P_{c_1} powierzchni całkowitej graniastosłupa G_1 jest równe

$$P_{c_1} = 2 \cdot 1^2 + 4 \cdot 1 \cdot 4 = 18$$

Stosunek objętości V_1 graniastosłupa G_1 do objętości V danego graniastosłupa jest równy sześcianowi skali podobieństwa. Zatem

$$k^3 = \frac{V_1}{V} = \frac{4}{108} = \frac{1}{27}$$

Stąd
$$k = \frac{1}{3}$$
.

Stosunek pola P_{c_1} powierzchni całkowitej graniastosłupa G_1 do pola P_c powierzchni całkowitej danego graniastosłupa jest równy kwadratowi skali podobieństwa. Zatem

$$\frac{P_{c_1}}{P_c} = k^2$$

$$\frac{18}{P_c} = \frac{1}{9}$$

$$P_c = 18 \cdot 9 = 162$$

Ocena prac osób ze stwierdzoną dyskalkulią

Obowiązują **Zasady oceniania** stosowane przy sprawdzaniu prac zdających bez stwierdzonej dyskalkulii z dodatkowym uwzględnieniem:

- a) **ogólnych zasad oceniania** zadań otwartych w przypadku arkuszy osób ze stwierdzoną dyskalkulią (punkty 1.–12.);
- b) dodatkowych **szczegółowych zasad oceniania** zadań otwartych w przypadku arkuszy osób ze stwierdzoną dyskalkulią egzamin maturalny z matematyki, poziom podstawowy, termin główny 2024.
- Ogólne zasady oceniania zadań otwartych w przypadku arkuszy osób ze stwierdzoną dyskalkulią
- 1. Nie należy traktować jako błędy merytoryczne pomyłek, wynikających z:
 - błędnego przepisania
 - przestawienia cyfr
 - zapisania innej cyfry, ale o podobnym wyglądzie
 - przestawienia położenia przecinka
 - przestawienia położenia znaku liczby.
- 2. W przypadku błędów, wynikających ze zmiany znaku liczby, należy w każdym zadaniu oddzielnie przeanalizować, czy zdający opanował inne umiejętności, poza umiejętnościami rachunkowymi, oceniane w zadaniu. W przypadku opanowania badanych umiejętności zdający powinien otrzymać przynajmniej 1 punkt.
- 3. We wszystkich zadaniach otwartych, w których wskazano poprawną metodę rozwiązania, części lub całości zadania, zdającemu należy przyznać przynajmniej 1 punkt, zgodnie z kryteriami do poszczególnych zadań.
- 4. Jeśli zdający przedstawia nieprecyzyjne zapisy, na przykład pomija nawiasy lub zapisuje nawiasy w niewłaściwych miejscach, ale przeprowadza poprawne rozumowanie lub stosuje właściwą strategię, to może otrzymać przynajmniej 1 punkt za rozwiązanie zadania.
- 5. W przypadku zadania wymagającego wyznaczenia pierwiastków trójmianu kwadratowego zdający może otrzymać 1 punkt, jeżeli przedstawi poprawną metodę wyznaczania pierwiastków trójmianu kwadratowego, przy podanych w treści zadania wartościach liczbowych.
- 6. W przypadku zadania wymagającego rozwiązania nierówności kwadratowej zdający może otrzymać 1 punkt, jeżeli stosuje poprawny algorytm rozwiązywania nierówności kwadratowej, przy podanych w treści zadania wartościach liczbowych.
- 7. W przypadku zadania wymagającego stosowania własności funkcji kwadratowej zdający może otrzymać 1 punkt za wykorzystanie konkretnych własności funkcji kwadratowej, istotnych przy poszukiwaniu rozwiązania.
- 8. W przypadku zadania wymagającego zastosowania własności ciągów arytmetycznych lub geometrycznych zdający może otrzymać 1 punkt, jeżeli przedstawi wykorzystanie takiej własności ciągu, która umożliwia znalezienie rozwiązania zadania.

- 9. W przypadku zadania wymagającego analizowania figur geometrycznych na płaszczyźnie kartezjańskiej zdający może otrzymać punkty, jeżeli przy poszukiwaniu rozwiązania przedstawi poprawne rozumowanie, wykorzystujące własności figur geometrycznych lub zapisze zależności, pozwalające rozwiązać zadanie.
- 10. W przypadku zadania z rachunku prawdopodobieństwa zdający może otrzymać przynajmniej 1 punkt, jeśli przy wyznaczaniu liczby zdarzeń elementarnych sprzyjających rozważanemu zdarzeniu przyjmuje określoną regularność lub podaje prawidłową metodę wyznaczenia tej liczby zdarzeń elementarnych.
- 11. W przypadku zadania z geometrii zdający może otrzymać przynajmniej 1 punkt, jeżeli podaje poprawną metodę wyznaczenia długości odcinka potrzebnej do znalezienia rozwiązania.
- 12. W przypadku zadania wymagającego przeprowadzenia dowodu (z zakresu algebry lub geometrii), jeśli w przedstawionym rozwiązaniu zdający powoła się na własność, która wyznacza istotny postęp, prowadzący do przeprowadzenia dowodu, to może otrzymać 1 punkt.
- II. Dodatkowe **szczegółowe zasady oceniania** zadań otwartych w przypadku arkuszy osób ze stwierdzoną dyskalkulią

Zadanie 30.

- 1 pkt zastosowanie poprawnej metody obliczenia pierwiastków trójmianu kwadratowego x^2-3x-4 , tzn. zastosowanie wzorów na pierwiastki trójmianu kwadratowego i obliczenie tych pierwiastków *ALBO*
 - konsekwentne (do otrzymanego w wyniku popełnienia błędów o charakterze dyskalkulicznym ujemnego wyróżnika) narysowanie paraboli, ALBO
 - poprawne rozwiązanie nierówności $x^2-4\leq 0$ (tzn. stosuje się punkt 6. ogólnych zasad oceniania), ALBO
 - konsekwentne (do wyznaczonych przez siebie pierwiastków oraz rozpatrywanego trójmianu i nierówności) wyznaczenie zbioru rozwiązań nierówności.

Uwagi:

- 1. Jeżeli zdający, rozwiązując nierówność, pomyli porządek liczb na osi liczbowej i zapisze zbiór rozwiązań nierówności w postaci $\langle 4, -1 \rangle$, to może otrzymać **2 punkty** za całe rozwiązanie.
- 2. Nie stosuje się uwag 2. i 3. z zasad oceniania arkusza standardowego.

Zadanie 31.

1 pkt – przekształcenie wyrażenia (3x + y)(x + 3y) do postaci $3x^2 + 9xy + xy + 3y^2$.

Zadanie 32.

Stosuje się zasady oceniania arkusza standardowego.

Zadanie 33.

1 pkt – zapisanie równania z dwiema niewiadomymi, gdzie jedną z niewiadomych jest różnica ciągu arytmetycznego, np.: $-1=a_1+2r, -165=\frac{2a_1+14r}{2}\cdot 15$.

Zadanie 34.

- 1 pkt poprawne zaznaczenie w kartezjańskim układzie współrzędnych punktu \mathcal{C} ALBO
 - poprawne zaznaczenie w kartezjańskim układzie współrzędnych punktu D, ALBO
 - zapisanie współrzędnych środka S boku AB: S=(4,4).

Zadanie 35.

1 pkt – zapisanie jedynie liczby 25 (należy traktować to jako wyznaczenie liczby wszystkich zdarzeń elementarnych).

Uwagi:

- 1. W ocenie rozwiązania tego zadania (dla zdających z dyskalkulią) <u>nie stosuje się</u> uwagi 1. ze standardowych zasad oceniania.
- 2. Jeżeli zdający poprawnie wypisze/zaznaczy wszystkie zdarzenia elementarne sprzyjające zdarzeniu A, lecz popełni błąd w ich zliczeniu (np. |A|=12) i konsekwentnie zapisze wynik (np. $\frac{12}{25}$), to otrzymuje **2 punkty**.

Zadanie 36.

1 pkt – zapisanie długości krawędzi podstawy oraz wysokości graniastosłupa podobnego do rozpatrywanego (np. $a=1,\ H=4$).