

Tematy II części egzaminu z matematyki

dla kandydatów ubiegających się o przyjęcie na I rok studiów dziennych.

Wszystkie zadania były oceniane w skali 0–2 punkty. Egzamin trwał 120 minut.

1. Dana jest funkcja  $f(x) = \sin^2 4x$ . Rozwiązać równanie  $f'(x) = -2$ .
2. Rozwiązać nierówność  $\log_x 5 < 1$ .
3. Dany jest trójkąt prostokątny o przyprostokątnych długości 3 i 4. Obliczyć wysokość trójkąta poprowadzoną z wierzchołka kąta prostego.
4. Rozwiązać nierówność  $\frac{1}{x} > 2 - x$ .
5. Rozwiązać nierówność  $\operatorname{tg}(2x) \geq 1$ .
6. W płaszczyźnie  $Oxy$  zaznaczyć punkty należące do zbioru

$$A = \{(x, y): |x| < y\}.$$

7. Obliczyć  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin 2(x-1)}{3(x^2-1)}$ .
8. Podać resztę z dzielenia wielomianu  $W(x) = 5x^4 + 2x^2 + 1$  przez dwumian  $x + 1$ .
9. W trójkącie o wierzchołkach  $A(3, 1, 1)$ ,  $B(2, 2, 1)$  i  $C(2, 1, 2)$  wyznaczyć kąt wewnętrzny przy wierzchołku  $A$ .
10. Podać liczby naturalne spełniające nierówność  $\binom{n}{2} - n \leq 14$ .
11. Dla jakich wartości parametru  $k$  funkcja  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 + kx + 1$  będzie rosnąca w całej swojej dziedzinie?
12. Obliczyć  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^2 + 1}}{\sqrt[3]{8n^3 + 2n + 1}}$ .
13. Obliczyć prawdopodobieństwo wyrzucenia w pięciu rzutach kostką co najmniej raz liczby oczek nie większej od 3.
14. Napisać równanie prostej przechodzącej przez punkt  $P(1, 3)$  i prostopadłej do prostej  $y = 2x + 5$ .
15. Suma wyrazów nieskończonego ciągu geometrycznego o pierwszym wyrazie  $a_1 = 3$  wynosi 5. Podać iloraz tego ciągu.