## PRACA KONTROLNA nr 5 - POZIOM ROZSZERZONY

- 1. Kąt ostry równoległoboku ma miarę 45°. Punkt przecięcia przekątnych równoległoboku jest oddalony od boków o 1 i  $\sqrt{2}$ . Oblicz pole tego równoległoboku oraz długości jego przekątnych.
- 2. Spośród 20 pytań egzaminacyjnych uczeń zna odpowiedź na 12 pytań. Jakie jest prawdopodobieństwo, że uczeń zda egzamin, jeśli przyjęta jest następująca zasada: uczeń losuje dwa pytania i jeśli na oba odpowie dobrze, to egzamin jest zdany, a jeśli tylko na jedno pytanie odpowie dobrze, to losuje jeszcze jedno pytanie i musi na nie odpowiedzieć poprawnie, żeby zdać egzamin?
- 3. Czworościan rozcięto wzdłuż trzech krawędzi wychodzących z tego samego wierzchołka i po rozprostowaniu otrzymano kwadrat o boku a. Oblicz objętość czworościaniu oraz wykonaj odpowiedni rysunek.
- 4. Przez punkt (-1,2) przeprowadź prostą tak, aby środek jej odcinka zawartego między prostymi x+2y=3 i x+2y=5 należał do prostej x+y=2. Wyznacz równanie symetralnej tego odcinka. Wykonaj staranny rysnuek.
- 5. Rozwiąż algebraicznie następujący układ równań

$$\begin{cases} y = |x^2 - 2x| + 1 \\ x^2 + y^2 + 1 = 2x + 2y \end{cases}$$

i podaj jego interpretację graficzną (wykonaj staranny rysunek).

6. Funkcja  $f(x) = \frac{x^2 - 4x + 4}{2x}$  ma w punktach A i B wartości ekstremalne. Znajdź taki punkt C należący do osi odciętych, aby pole trójkąta ABC było równe pierwiastkowi równania  $x^{1-\frac{1}{2}+\frac{1}{4}-\frac{1}{8}\cdots}=4$ , gdzie x>0. Naszkicuj wykres funkcji f(x) wraz z trójkątem ABC.

Rozwiązania (rękopis) zadań z wybranego poziomu prosimy nadsyłać do **20 stycznia 2022r.** na adres:

Wydział Matematyki Politechnika Wrocławska Wybrzeże Wyspiańskiego 27 50-370 WROCŁAW,

lub elektronicznie, za pośrednictwem portalu talent.pwr.edu.pl

Na kopercie prosimy koniecznie zaznaczyć wybrany poziom! (np. poziom podstawowy lub rozszerzony). Do rozwiązań należy dołączyć zaadresowaną do siebie kopertę zwrotną z naklejonym znaczkiem, odpowiednim do formatu listu. Polecamy stosowanie kopert formatu C5 (160x230mm) ze znaczkiem o wartości 3,30 zł. Na każdą większą kopertę należy nakleić droższy znaczek. Prace niespełniające podanych warunków nie będą poprawiane ani odsyłane.

**Uwaga.** Wysyłając nam rozwiązania zadań uczestnik Kursu udostępnia Politechnice Wrocławskiej swoje **dane osobowe**, które przetwarzamy **wyłącznie** w zakresie niezbędnym do jego prowadzenia (odesłanie zadań, prowadzenie statystyki). Szczegółowe informacje o przetwarzaniu przez nas danych osobowych są dostępne na stronie internetowej Kursu.

Adres internetowy Kursu: http://www.im.pwr.edu.pl/kurs