V Konkurs matematyczny St@ś

XIV LO im. Stanisława Staszica 30 maja 2005 roku

klasa V

Na rozwiązanie poniższych zadań masz 90 minut. Kolejność rozwiązywania tych zadań jest dowolna. Wszystkie zadania są jednakowo punktowane. Maksymalną liczbę punktów może uzyskać jedynie pełne rozwiązanie, z uzasadnieniem i odpowiedzią.

Używanie korektora i korzystanie z kalkulatora jest niedozwolone.

- **Zad.1** Znajdź wszystkie takie ułamki zwykłe o mianowniku 15, aby były większe od $\frac{8}{9}$ i mniejsze od 1.
- **Zad.2** Dany jest prostokąt ABCD, w którym $|AB| = |CD| = 7 \, cm$, zaś $|BC| = |AD| = 5 \, cm$. Punkty E oraz F należą odpowiednio do boków AD i DC. Wiadomo, że $|AE| = 2 \, cm$ oraz $|FC| = 3 \, cm$. Oblicz pole trójkąta EBF.
- Zad.3 Ułóż ułamki rosnąco:

$$\frac{12}{13}$$
, $\frac{9}{10}$, $\frac{11}{12}$, $\frac{10}{11}$.

- Zad.4 W pewnym trójkącie najmniejszy kąt jest dwa razy mniejszy od kąta średniego, który jest trzy razy mniejszy od kąta największego. Oblicz miarę najmniejszego kąta.
- Zad.5 Janek znalazł drewniany, prostopadłościenny klocek pomalowany na zielono. Następnie pociął go na jednakowe sześcienne kostki, wśród których 8 miało dokładnie jedną ścianę zieloną. Na ile kostek Janek podzielił ten klocek? Podaj wszystkie możliwe rozwiązania.