



## **KONKURS**

## "O złoty indeks Politechniki Śląskiej"

## Matematyka, edycja 2023/2024, etap I

**Zadanie 1.** Niech  $n \in \mathbb{N}$ . Oblicz prawdopodobieństwo wyrzucenia nieparzystej liczby orłów w n rzutach symetryczną monetą.

**Zadanie 2.** Wyznacz wszystkie pary  $(x,y) \in \mathbb{R}^2$ , spełniające równanie

$$\sin^2(x^2 + y^2 - 4) + \log_2(|xy| + 2) = 1.$$

**Zadanie 3.** Wyznacz, dla jakiej wartości parametru  $m \in \mathbb{R}$  suma czwartych potęg dwóch różnych rzeczywistych rozwiązań równania

$$x^2 + mx + m^2 - 3 = 0$$

jest równa  $-3m^3 + 6m$ .

**Zadanie 4.** Oblicz objętość bryły, powstałej z obrotu sześcianu o boku długości 2a wokół przekątnej jednej ze ścian.

