WOJEWÓDZKI KONKURS PRZEDMIOTOWY DLA UCZNIÓW SZKÓŁ PODSTAWOWYCH WOJEWÓDZTWA ŚLĄSKIEGO W ROKU SZKOLNYM 2015/2016





MATEMATYKA

Informacje dla ucznia

- **1.** Na stronie tytułowej arkusza w wyznaczonym miejscu wpisz swój kod ustalony przez komisję.
- 2. Sprawdź, czy arkusz konkursowy zawiera 8 stron oraz 24 zadania.
- 3. Czytaj uważnie wszystkie teksty i zadania.
- **4.** Rozwiązania zapisuj długopisem lub piórem. Nie używaj korektora.
- 5. W zadaniach od 2. do 16. podane są cztery odpowiedzi: A, B, C, D. Wybierz tylko jedną odpowiedź i zaznacz ją znakiem "X" bezpośrednio na arkuszu.
- **6.** W zadaniach od 17. do 19. postaw "X" przy prawidłowym wskazaniu PRAWDY lub FAŁSZU.
- 7. Staraj się nie popełniać błędów przy zaznaczaniu odpowiedzi, ale jeśli się pomylisz, błędne zaznaczenie otocz kółkiem ⊗ i zaznacz inną odpowiedź znakiem "X".
- **8.** Rozwiązania zadań otwartych zapisz czytelnie w wyznaczonych miejscach. Pomyłki przekreślaj.
- **9.** Przygotowując odpowiedzi na pytania, możesz skorzystać z miejsc opatrzonych napisem *Brudnopis*. Zapisy w brudnopisie nie będą sprawdzane i oceniane.
- 10. Nie wolno Ci korzystać z kalkulatora.

KOD UCZNIA

Etap: wojewódzki

Czas pracy: 90 minut

WYPEŁNIA KOMISJA KONKURSOWA

Nr zadania	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	Razem
Liczba punktów możliwych do zdobycia	6	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	4	4	4	3	4	3	3	4	50
Liczba punktów uzyskanych przez uczestnika konkursu																									

Liczba punktów umożliwiająca uzyskanie tytułu laureata: 45

Podpisy członków komisji:

- 1. Przewodniczący
- 2. Członek komisji sprawdzający pracę
- 3. Członek komisji weryfikujący pracę

Zadanie 1. (0-6)

W puste, białe pola "liczbowej krzyżówki" wstaw liczby tak, aby wszystkie działania były poprawne.

		1 1				
	+	0	•	0,2		12,8
+		•		ı		
-6	_	0,6	:			- 5,8
_		+		+		
	+		_		=	
=		=		=		
8,8		5		1,2		

W zadaniach od 2. do 16. tylko jedna odpowiedź jest poprawna.

Zadanie 2. (0-1)

Niedźwiedź, który na początku lata ważył 312 kg przed zimą zgromadził pod skórą zapas tłuszczu, powiększając aż o $33\frac{1}{3}$ % masę swego ciała. Ile

kilogramów waży teraz niedźwiedź?

A.
$$345\frac{1}{3}$$
 kg

D.
$$443\frac{2}{3}$$
 kg

Zadanie 3. (0-1)

Jeżeli n jest liczbą podzielną przez 11, to liczbą, która nie_jest podzielna przez 11 jest

B.
$$n + 22$$

C.
$$3n + 11$$

D.
$$11n + 3$$

Zadanie 4. (0-1)

Suma długości wszystkich krawędzi sześcianu jest równa 72 dm. Cztery takie sześciany mają objętość

Zadanie 5. (0-1)

Prostokątną działkę budowlaną, której długość jest równa 32 m, podzielono na 3 mniejsze części o polach odpowiednio: 128 m², 64 m², 192 m². Ile metrów siatki potrzeba na ogrodzenie całej działki?

Zadanie 6. (0-1)

Przy okrągłym stole w jednakowych odstępach ustawiono 18 krzeseł ponumerowanych od 1 do 18. Krzesła stoją w kolejności numerów.

Naprzeciw krzesła o numerze 6 znajduje się krzesło o numerze

- **A.** 12
- **B.** 15
- **C.** 16
- **D.** 14

Zadanie 7. (0-1)

W klasie jest x chłopców i y dziewczat. Pewnego dnia do szkoły nie przyszedł co szósty chłopiec i cztery dziewczęta. Które z wyrażeń opisuje liczbę uczniów obecnych tego dnia w klasie?

- **A.** $\frac{1}{6}x + y + 4$
- **B.** $\frac{5}{6}x + \frac{3}{4}y$ **C.** $\frac{5}{6}x + y 4$
- **D.** $\frac{1}{6}x + 4$

Zadanie 8. (0-1)

Z naczynia w kształcie prostopadłościanu o podstawie kwadratu wypłynęło 2,5 litra wody. Krawędź podstawy wewnątrz naczynia ma długość 25 cm. O ile cm obniżył się poziom wody w naczyniu?

- **A.** 0,4
- **B.** 2,5
- **C.** 4
- **D.** 5

Zadanie 9. (0-1)

Do pewnej liczby trzycyfrowej dopisano w niezmienionej kolejności te same cyfry, tworząc liczbę sześciocyfrową. Ile razy liczba ta jest większa od liczby początkowej?

- **A.** 1000
- **B.** 1001
- **C.** 101
- **D.** 1111

Zadanie 10. (0-1)

Adam zapisał działanie 495 – 387, następnie skreślił po jednej cyfrze w pierwszej i drugiej liczbie tak, że różnica otrzymanych liczb dwucyfrowych, była największa.

Iloraz pierwszej i drugiej skreślonej cyfry jest liczbą równą

- **A.** 0,5
- **B.** 3
- **C.** 12
- **D.** 32

Stary zegar spóźnia się 8 minut na dobę. Aby rano o godzinie 7.00 wskazywał dokładną godzinę, trzeba wieczorem o godzinie 22.00 ustawić go tak, aby wskazywał czas późniejszy o

- **A.** 6 minut.
- **B.** 2 minuty 20 sekund.
- C. 4 minuty 30 sekund.
- **D.** 3 minuty.

Zadanie 12. (0-1)

Kasia, Renata i Michasia zmierzyły swój wzrost. Okazało się, że Kasia i Renata mają w sumie 3,22 m wzrostu. Renata i Michasia 3,13 m, a Kasia i Michasia 2,99 m. Jaki wzrost ma Renata?

- **A.** 1,68 m
- **B.** 1,54 m
- **C.** 1,59 m
- **D.** 1,45 m

Zadanie 13. (0-1)

Paweł kupił napój, który powstaje przez dodanie do soku wody. Dodanej wody jest w napoju cztery razy więcej niż soku. Jaki procent napoju stanowi dodana woda?

- **A.** 20%
- **B.** 25%
- **C.** 75%
- **D.** 80%

Zadanie 14. (0-1)

Garnitur, który kosztował 800 zł, przeceniono najpierw o 10 %, a następnie jeszcze o 5 %. Cena garnituru po obu tych obniżkach wynosi

- **A.** 720 zł
- **B.** 684 zł
- **C.** 680 zł
- **D.** 785 zł

Zadanie 15. (0-1)

Suma liczby ścian, krawędzi i wierzchołków pewnego graniastosłupa jest równa 44. Podstawa tego graniastosłupa jest

- A. czworokat
- **B.** pięciokąt
- C. sześciokat
- **D.** siedmiokat

Zadanie 16. (0-1)

Liczba x jest o 20% większa od liczby y. Wynika z tego, że

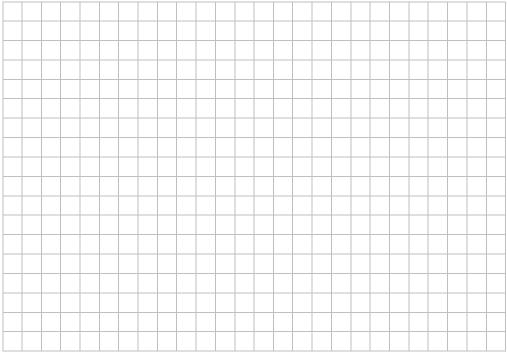
- **A.** x = y + 20%
- **B.** y = 1,2x
- **C.** x = y 20%
- **D.** x = 1.2y

W zadaniach od 17. do 20. oceń, czy podane zdania są prawdziwe czy fałszywe. Zaznacz właściwą odpowiedź.									
Zadanie 17. (0-4)									
I. Cztery różne proste mogą przecinać się w trzech różnych punktach.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
II. Częścią wspólną dwóch różnych półprostych może być prosta.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
III. Prosta, która przecina dwie proste równoległe jest nachylona do każdej z nich pod takim samym kątem.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
IV. Jeden z boków trójkąta może mieć długość równą połowie obwodu trójkąta.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
Zadanie 18. (0-4) Do zbiornika w kształcie prostopadłościanu napełniono $\frac{3}{5}$ zbiornika, potem dolano jeszc	_								
zbiornika. W sumie wlano 700 litrów wody.	•								
I. Zbiornik jest napełniony w $\frac{3}{4}$ swojej	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
objętości. II. Całkowita objętość tego zbiornika to 7000 litrów.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
III. Aby zbiornik był całkowicie napełniony trzeba jeszcze dolać 300 litrów.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
IV. Jeżeli wysokość zbiornika ma długość 1 m to podstawą zbiornika może być kwadrat o boku długości 10 dm.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
Zadanie 19. (0-4). Suma długości podstaw pewnego trapezu równoramiennego równa jest 24 cm. Jedna z podstaw jest trzy razy krótsza od drugiej podstawy tego trapezu. Kąt ostry tego trapezu ma miarę 45°.									
I. Wysokość trapezu jest dwa razy mniejsza od różnicy długości podstaw tego trapezu.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
II. Przekątna trapezu dzieli go na dwa trójkąty, z których jeden ma pole trzy razy większe od pola drugiego trójkąta.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
III. Pole trapezu wynosi 144 cm².	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							
IV. Ramię trapezu ma długość równą długości przekątnej kwadratu o boku 12 cm.	□ PRAWDA	□ FAŁSZ							

BRUDNOPIS

Zadanie 20. (0-3).

Pewien kod jest liczbą czterocyfrową podzielną jednocześnie przez 3, 4 i 5. Cyfra tysięcy jest o 1 większa od cyfry jedności. Cyfra dziesiątek jest różna od zera i różna od 6, a cyfra setek jest liczbą pierwszą nieparzystą. Jaką liczbą może być tak określony kod? Podaj wszystkie możliwości.



Zadanie 21. (0-4)

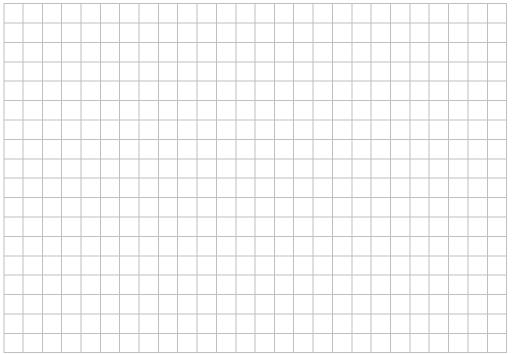
Ojciec ma trzy razy więcej lat niż razem mają jego dzieci – Ania i Janek. Ania jest sześć razy starsza od brata i o 30 lat młodsza od ojca. Ile lat ma Janek, a ile – ojciec? Zapisz obliczenia.



Strona 6. z 8

Zadanie 22. (0-3)

Piętnaście i pół cegły oraz pięć pustaków mają łączną masę równą masie ośmiu pustaków i dwóch cegieł. Ile cegieł ma masę równą masie dwunastu pustaków?



Zadanie 23. (0-3)

W trójkącie równobocznym ABC przez wierzchołek A poprowadzono prostą k, przecinającą bok BC w punkcie D, a przez wierzchołek B – prostą l, równoległą do boku AC. Proste k i l przecinają się w punkcie E. Wysokość BF trójkąta ABE poprowadzona z wierzchołka B wynosi 3 cm, a miara kąta BAD jest równa 15° . Wykonaj odpowiedni rysunek. Oblicz miarę kąta BED oraz długość odcinka EF.



BRUDNOPIS

BRUDNOPIS

Zadanie 24. (0-4)

Do kina poszło 25% wszystkich uczestników obozu, a na basen 40% pozostałych. Na basen poszło o 6 osób więcej niż do kina. Ilu było wszystkich uczestników obozu?

