Wojewódzki Konkurs Matematyczny DLA UCZNIÓW GIMNAZIUM W ROKU SZKOLNYM 2012/2013 *STOPIEŃ REJONOWY - 16.01.2013*

Kod ucznia		Łączna liczba punktów	

Numer zadania	1 - 16	17	18	19	20	21
Liczba punktów						

Drogi Uczniu!

Przed Tobą test składający się z 21 zadań. Za wszystkie zadania razem możesz zdobyć 40 punktów. Aby przejść do następnego etapu, musisz uzyskać przynajmniej 32 punkty.

Nie używaj korektora. Nie możesz korzystać z kalkulatora.

Na rozwiązanie zestawu zadań masz 90 minut.

Życzymy Ci powodzenia!

W zadaniach 1-16 może być po kilka poprawnych odpowiedzi. Wskaż je wszystkie, zaznaczając kółkiem. Gdy pomylisz się, wówczas błędną odpowiedź przekreśl krzyżykiem, a poprawną zaznacz kółkiem.

> BRUDNOP IS

(nie podlega sprawdzeniu)

1. Czworokat ABCD jest kwadratem. Punkt **M** jest środkiem boku BC, a punkt **N** jest środkiem boku AD. Okrąg o środku N przechodzący przez M przecina bok CD w punkcie **P**. Ile stopni ma kat PNM?

A. 60°

B. 45⁰

 $C.30^{\circ}$

 $D. 15^{0}$

Wybierz zdanie prawdziwe.

B. $(-2)^{18} > 64$

 $A.(-2)^{18} < 4^9$

 $C.(-2)^{18}-4^9=0$

 $D - 2^{18} = 4^9$

3. Dwie świece w kształcie graniastosłupa prawidłowego czworokątnego: jedną o krawędzi podstawy długości 2 cm i wysokości 3 cm, a drugą o krawędzi podstawy długości 3 cm i wysokości 4 cm przetopiono na jedną świecę o identycznym kształcie jak poprzednie i wysokości 6 cm. Jaką długość ma krawędź jej podstawy?

A. $2\sqrt{2}$ cm

B. 6 cm

C. 4 cm

D. 8 cm

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY 2012/2013 – STOPIEŃ REJONOWY

4.	klasy Ilu uczniów	Na lekcji obecnych jest tej klasy jest nieobecnyc		vi k% uczniów tej
	A. $\frac{100k}{n} - n$	400	C. $100n - k$	$D.\frac{n}{k}-n$
_		71 1: 1 : 1	: 1 10 00	1. 1
5.	pierwszymi, gdy (Ile liczb pierwszych odwróci się kolejność ich	-	ozostaje liczbami
	A. 13	B. 11	Č. 9	D. 7
6.		W którym zapisie nie ma	a błędu?	
	A. $72\frac{km}{h} = 20\frac{m}{s}$		$B.72\frac{km}{h} = 200\frac{m}{s}$	
	$C.72\frac{km}{h} = 12\frac{km}{min}$		D. $72\frac{km}{h} = 1200\frac{m}{min}$	
7.	zwiększamy o otrzymanych w w	rczna dziesięciu danych l 2. Wówczas średnia ryniku tej operacji, jest ró	arytmetyczna nowej bwna	
	A. s + 2	B. $s + \frac{2}{10}$	C. $\frac{s+2}{10}$	D. s
8.	trójkata może miec	Dwa boki trójkąta mają	długości 16 cm i 24 cm	m. Trzeci bok tego
	A. 40 cm	U	C. $20\sqrt{2}$ cm	D. 9 cm
9.	kolejności, liczby	Wartościami liczb a , <i>l</i> 0, 1, 2 i 3. Najmniejsza w		
	A. 4	B. 5	C. 6	D. 9
10		Godzinowa wskazówka sunek dróg przebytych	_	
	A. 1: 4	B. 1: 6	C. 1: 12	D. 1: 24
11	drogi dwukierun	Na szczyt góry prowad kowe. Z góry prowadzi nkowe. Na ile sposob	jedna droga jednoki	erunkowa i dwie
	A. 6	B. 9	C. 12	D. 15
12		Jaki jest stosunek naj	dłuższej do najkróts	zej przekątnej w

ośmiokącie foremnym?

- A. $\sqrt{2}$
- B. $2\sqrt{2}$

C. 2

 $D.\sqrt{3}$

13. Jeżeli *n* jest liczbą naturalną, to prawdziwe jest zdanie:

- A. Liczba 3n + 6 jest wielokrotnością 6.
- B. Liczba $(2n + 1)^2$ jest parzysta.
- C. Liczba 4n + 3 daje przy dzieleniu przez 4 resztę 3.
- D. Liczba 6n 3 jest liczbą podzielną przez 3.

14. Przyprostokątne trójkąta prostokątnego mają długości $\left(4+\sqrt{2}\right)$ cm i $\left(4-\sqrt{2}\right)$ cm. Jaka jest długość promienia koła opisanego na tym trójkącie?

- A. $3\sqrt{2}$ cm
- B. 6 cm

- C. 3 cm
- D. 4 cm

15. Dwaj rolnicy mają zaorać pole - jeden zrobiłby to sam w czasie 7 godzin, a drugi w czasie 5 godzin. Jak długo będą to robić pracując jednocześnie?

A. 6 godzin

B. 2 godziny 55 minut

C. 6 godzin 12 minut

D. 3 godziny 20 minut

16. Liczba $\left(\frac{\sqrt{5}+1}{2}\right)^{2000} \cdot \left(\frac{\sqrt{5}-1}{2}\right)^{2000}$ jest równa:

- A. $\frac{5^{2000}-1}{4}$
- B. 4¹⁰⁰⁰

C. 1

D. $\left(\frac{\sqrt{5}}{4}\right)^{2000}$

W zadaniach 17 i 18 wpisz odpowiedź. Nie musisz zapisywać obliczeń ani wyjaśniać toku swojego rozumowania.

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY 2012/2013 - STOPIEŃ REJONOWY

(0 – 2 pkt.) W sześciennym kontenerze największa odległość między jego wierzchołkami jest równa 2 metry. A. Krawędź kontenera ma długość	S (nie podlega sprawdzeniu)
18	
(0 – 3 pkt.)	
Wyznacz wartości \boldsymbol{a} i \boldsymbol{b} tak, aby wykresy funkcji $y = 3x + \boldsymbol{b}$ i $y = \frac{1}{2}\boldsymbol{a}x - 10$	
A. przecinały się w punkcie (2, -1)	
B. nie miały punktów wspólnych	
C. pokrywały się	

W zadaniach 19, 20 i 21 rozwiązanie wpisz czytelnie bezpośrednio pod treścią zadania. Zaprezentuj cały tok rozumowania (wykonaj rysunki pomocnicze, opisz niewiadome, zamieść konieczne wyjaśnienia, podaj odpowiedź).

19. (0 - 5 pkt.)

Uczniów całej szkoły ustawiono w kwadrat (rzędów było tyle samo, co uczniów w rzędzie). Następnie próbowano ustawić ich w prostokąt, zmniejszając liczbę rzędów o 4, a liczbę uczniów w rzędzie zwiększając o 5. Okazało się, że brakuje uczniów do wypełnienia tego prostokąta. Ilu co najmniej uczniów liczyła szkoła?



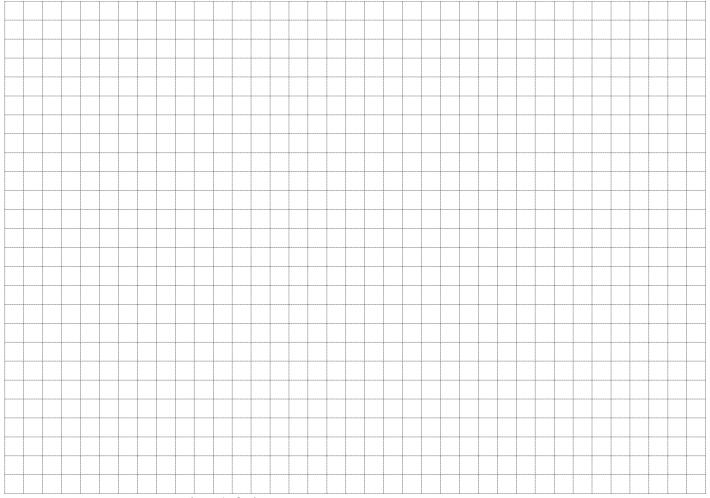
WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY 2012/2013 - STOPIEŃ REJONOWY



Odpowiedź:

20. (0 - 5 pkt.)

Na podstawie równoramiennego trójkąta ABC zaznaczono dwa dowolne punkty D i E. Z każdego z tych punktów poprowadzono odcinki prostopadłe do ramion AC i BC trójkąta. Wykaż, że suma długości odcinków poprowadzonych z punktu D jest równa sumie długości odcinków poprowadzonych z punktu E. Wykonaj rysunek pomocniczy.

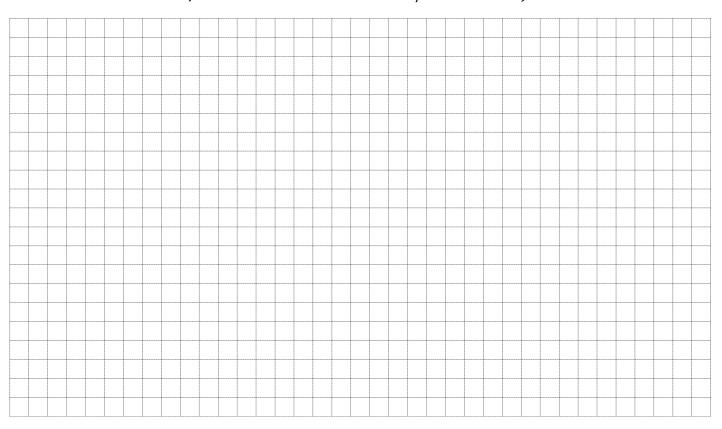


21. (0 – 5 pkt.)

Ostrosłup przecięto płaszczyzną równoległą do podstawy i dzielącą jego wysokość na dwie równe części. Oblicz stosunek objętości otrzymanych brył.



WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY 2012/2013 – STOPIEŃ REJONOWY



powiedź:

BRUDNOPIS

(nie podlega sprawdzeniu)

WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY 2012/2013 – STOPIEŃ REJONOWY