

ZESTAW ZADAŃ KONKURSOWYCH Z MATEMATYKI DLA UCZNIÓW SZKOŁY PODSTAWOWEJ ROK SZKOLNY 2013/2014

ETAP OKRĘGOWY

Instrukcja dla ucznia

- 1. Zestaw konkursowy zawiera 11 zadań.
- 2. Przed rozpoczęciem pracy, sprawdź, czy zestaw zadań jest kompletny.
- 3. Jeżeli zauważysz usterki, zgłoś je Komisji Konkursowej.
- 4. Zadania czytaj uważnie i ze zrozumieniem.
- 5. W zadaniach 1 6 w miejsce kropek wpisz odpowiednie wielkości (tylko te wpisy będą podlegały ocenie), do zadań 7–11 przedstaw pełne rozwiązania.
- 6. (Obliczenia zapisane w brudnopisie nie będą oceniane.)
- 7. Rozwiązania zapisuj długopisem lub piórem. Rozwiązania zapisane ołówkiem nie będą oceniane.
- 8. W nawiasach obok numerów zadań podano liczbę punktów możliwych do uzyskania za dane zadanie.
- 9. Nie używaj kalkulatora.
- 10. Nie używaj korektora.

Pracuj samodzielnie.

Czas pracy:

90 minut

Liczba punktów możliwych do uzyskania: 45 Do następnego etapu zakwalifikujesz się, jeżeli uzyskasz co najmniej 36 punktów.

POWODZENIA!

| Wypełnia komisja konkursowa | | | | | | | | | | | | |
|-----------------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|-------|
| Nr zadania | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | Razem |
| Liczba punktów | | | | | | | | | | | | |

Zatwierdzam

Zadanie 1 (2 pkt.)

Lilia wodna podwaja każdego dnia zajmowaną przez siebie powierzchnię stawu. Po 28 dniach pokryła cały staw. Połowa powierzchni stawu była pokryta po dniach.

Zadanie 2 (3 pkt.)

Istnieją takie pary liczb, że różnica tych liczb jest równa ich iloczynowi,

np.:
$$\frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3}$$
,

$$\frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4}$$
.

Korzystając z powyższej własności wyznacz wartość następującej sumy

$$\frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{20} + \frac{1}{30} + \frac{1}{42} + \frac{1}{56} + \frac{1}{72} =$$

Zadanie 3 (2 pkt.)

W pustą kratkę wpisz taką cyfrę jedności, aby liczba 13075035 □ była podzielna przez 3 i 4.

Zadanie 4 (2 pkt.)

Kamienicę wybudowano w MCDLIX roku. Po 234 latach przebudowano jej wschodnią część. Zapisz w systemie rzymskim rok przebudowy.

Zadanie 5 (3 pkt.)

Dany jest trójkąt ABC, w którym |AB| = 2|BC|. Środek boku AB oznaczono literą D. Odcinek CD ma taką samą długość jak bok BC. Kąty trójkąta ABC mają miary

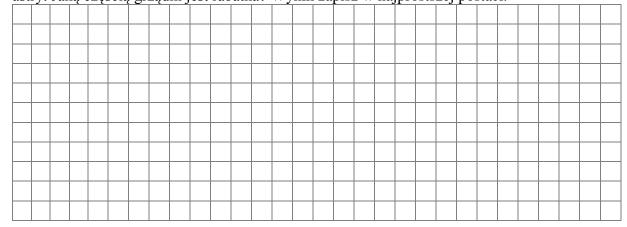
Zadanie 6 (3 pkt.)

Oceń prawdziwość poniższych zdań, wpisując w wykropkowane miejsce P, jeśli zdanie jest prawdziwe lub F, gdy zdanie jest nieprawdziwe.

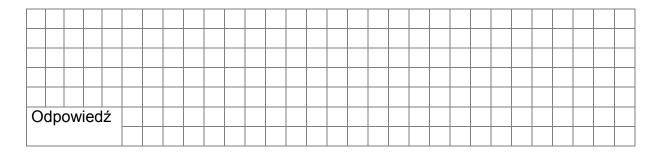
- a) Każdy czworokąt, w którym przekątne mają tę samą długość i przecinają się pod kątem prostym to kwadrat.
- b) W każdym graniastosłupie liczba krawędzi bocznych stanowi 50% liczby wszystkich krawędzi podstawy.
- c) Pole równoległoboku możemy obliczyć, mnożąc połowę długości odcinka łączącego dwa boki pod kątem prostym przez sumę długości tych boków.

Zadanie 7 (8 pkt.)

Na kwadratowej grządce ABCD o obwodzie 64 m pani Kowalska wyznaczyła trójkątną rabatę na astry. Środek boku AB połączyła ze środkiem boku BC i z wierzchołkiem D. Wykonaj rysunek i oblicz, nie mierząc odcinków na rysunku, pole rabatki przeznaczonej na astry. Jaką częścią grządki jest rabatka? Wynik zapisz w najprostszej postaci.

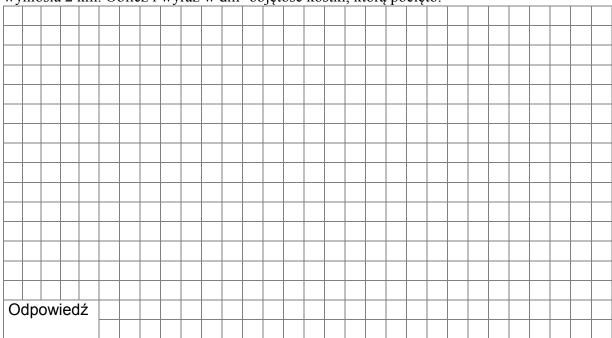


.



Zadanie 8 (6 pkt.)

Wyobraź sobie, że sześcienną kostkę pocięto na sześcianiki o krawędzi 2 mm każdy. Powstałe sześcianiki ułożono jeden na drugim. Wysokość powstałego w ten sposób prostopadłościanu wyniosła 2 km. Oblicz i wyraź w dm³ objętość kostki, którą pocięto.



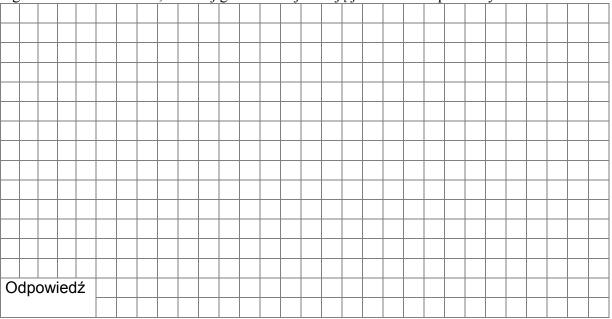
Zadanie 9 (4 pkt.)

Za 12,30 kg jabłek zapłacono 28,29 zł. Oblicz, ile trzeba zapłacić za 14,20 kg takich jabłek.

Odpowiedź

Zadanie 10 (4 pkt.)

Autobus nr 15 odjeżdża z przystanku A co 28 minut a autobus nr 30 odjeżdża z tego przystanku co 36 minut. Drugi raz codziennie oba autobusy odjeżdżają z przystanku A o godzinie 12:03. Oblicz, o której godzinie odjeżdżają jednocześnie pierwszy raz.



Zadanie 11 (8 pkt.)

Państwo Kowalscy i ich dwie córki wybrali się do lasu na grzyby. Tata zebrał o 15 grzybów więcej niż Basia. Mama zebrała $\frac{2}{3}$ liczby grzybów zebranych przez Anię. Ania zebrała 3 razy więcej grzybów niż Basia. Ania dała Basi 9 grzybów i wówczas każda dziewczynka miała w koszyku tyle samo grzybów. Oblicz, ile grzybów zebrała rodzina Kowalskich.

