Niepubliczne Liceum Ogólnokształcące nr 81 SGH **TEST EGZAMINACYJNY - 2024**

Zadania egzaminacyjne – MATEMATYKA – grupa B

kod ucznia

Punkty:...../20

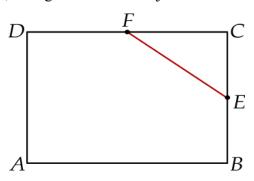
Zadanie 1 (1 pkt)

Wyrażenie $\frac{4^3 \cdot 16^2}{(8^2)^4}$ ma wartość

- B) 4^{0}
- C) 4^{5}
- D) 4^{-5}

Zadanie 2 (1 pkt)

W prostokącie ABCD punkty E i F są środkami boków BC i CD (zobacz rysunek). Długość odcinka EC jest równa 6 cm, a długość odcinka EF jest równa 10 cm.



Obwód prostokąta ABCD jest równy

- A) 64 cm
- B) 56 cm
- C) 40 cm
- D) 28 cm

Zadanie 3 (1 pkt)

Liczby rzeczywiste x i y są dodatnie oraz $x \neq y$. Wyrażenie $\frac{1}{x-y} + \frac{1}{x+y}$ można przekształcić do postaci

A)
$$\frac{2}{x-y}$$

$$B) \frac{2}{x^2 - y^2}$$

A)
$$\frac{2}{x-y}$$
 B) $\frac{2}{x^2-y^2}$ C) $\frac{2x}{x^2-y^2}$ D) $\frac{-2xy}{x+y}$

D)
$$\frac{-2xy}{x+y}$$

BRUDNOPIS

Zadanie 4 (1 pkt)

Które zdanie jest fałszywe?

- A) Suma kolejnych trzech liczb naturalnych jest liczbą podzielną przez 3.
- B) Iloczyn kolejnych trzech liczb naturalnych jest liczba podzielną przez 3.
- C) Suma trzech kolejnych liczb parzystych jest liczbą podzielną przez 3.
- D) Iloczyn trzech różnych nieparzystych liczb naturalnych jest liczbą podzielną przez 3.

Zadanie 5 (1 pkt)

Liczba x jest największą liczbą dwucyfrową podzielną przez 2 i 3, a liczba y jest największą liczbą trzycyfrową o trzech różnych cyfrach parzystych. Wybierz \mathbf{P} , jeśli zdanie jest prawdziwe lub \mathbf{F} – jeśli jest fałszywe.

Największy wspólny dzielnik liczb x i y jest równy 96.	P	F
Najmniejsza wspólna wielokrotność liczb x i y jest równa 864	P	F

Zadanie 6 (1 pkt)

Cenę x (w złotych) pewnego towaru obniżono najpierw o 30%, a następnie obniżono o 20% w odniesieniu do ceny obowiązującej w danym momencie. Po obydwu tych obniżkach cena towaru jest równa

- A) $0.36 \cdot x$ złotych.
- B) $0.44 \cdot x$ złotych.
- C) $0.50 \cdot x$ złotych.
- D) $0.56 \cdot x$ złotych.

Zadanie 7 (1 pkt)

Jabłka w trakcie suszenia straciły 40% swojej masy i po wysuszeniu ważą 1,5 kg. Jabłka przed wysuszeniem ważyły

- A) 3,3 kg
- B) 2,5 kg
- C) 3 kg
- D) 2,1 kg

BRUDNOPIS

Zadanie 8 (1 pkt)

Agata przygotowuje 5-procentowy roztwór soli do kiszenia ogórków. Agata do 4,75 kg wody musi dodać **A/B** soli aby otrzymać żądany roztwór.

W 1 kg otrzymanego roztworu jest **C/D** soli.

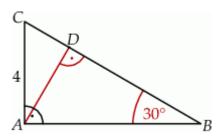
Zadanie 9 (1 pkt)

Równoległobok, w którym stosunek długości sąsiednich boków wynosi 2:3, podzielono wzdłuż przekątnej o długości 13 cm na dwa przystające trójkąty. Obwód każdego z tych trójkątów jest równy 33 cm. Czy podane zdania są prawdziwe?

Równoległobok ma obwód 40 cm.	P	F
Równoległobok ma bok o długości 12 cm.	P	F
Jeden z boków równoległoboku jest dwa razy krótszy od drugiego	P	F

Zadanie 10 (1 pkt)

Odcinek *AD* jest wysokością trójkąta prostokątnego *ABC*, w którym przyprostokątna *AC* ma długość 4 cm i kąt ostry *ABC* ma miarę 30° (zobacz rysunek).



Kąt CAD ma miarę A/B.

Odcinek AD ma długość C/D.

C)
$$2\sqrt{3}$$

D)
$$4\sqrt{3}$$

DDIIDMODIC	
BRUDNOPIS	

Zadanie 11 *(1 pkt)*

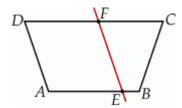
Przekatna kwadratu K ma długość 2, a obwód kwadratu M ma długość 16. Skala podobieństwa kwadratu K do kwadratu M jest równa:

- A) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

- B) $\sqrt{2}$ C) 4 D) $2\sqrt{2}$

Zadanie 12 *(1 pkt)*

Prosta EF dzieli trapez równoramienny ABCD na romb AEFD o obwodzie 52 cm i trapez EBCF o obwodzie o 13 cm mniejszym od obwodu rombu AEFD.



Suma długości odcinków EB i FC jest równa

- A) 14 cm
- B) 13 cm
- C) 15 cm
- D) 18 cm

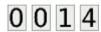
Zadanie 13 (1 pkt)

W pudełku znajduje się 30 losów, w tym 5 losów wygrywających i 25 losów przegrywających. Po wyciągnięciu los nie jest zwracany do pudełka. Ania wybrała pięć losów i wszystkie były przegrywające. Po Ani jeden los wyciągnął Kuba. Jakie jest prawdopodobieństwo, że Kuba wyciągnął los przegrywający?

- A) $\frac{2}{3}$
- B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{1}{3}$
- D) $\frac{5}{6}$

Zadanie 14 *(1 pkt)*

Cztery kartoniki z cyframi 0, 0, 1, 4 układamy tak, aby otrzymać liczbę czterocyfrową.



Wybierz \mathbf{P} , jeśli zdanie jest prawdziwe lub \mathbf{F} – jeśli jest fałszywe.

Jest 12 liczb czterocyfrowych, które możemy utworzyć w ten sposób	P	F
Prawdopodobieństwo, że utworzona w ten sposób liczba czterocyfrowa	P	F
dzieli się przez 4 jest równe $\frac{2}{3}$.		

BRUDNOPIS

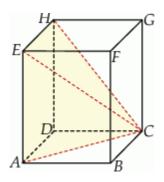
Zadanie 15 (1 pkt)

Z pudełka z metalowymi kulkami wyjęto najpierw 105 kulek, a potem $\frac{1}{3}$ kulek, które pozostały w pudełku. W wyniku tych dwóch operacji liczba kulek w pudełku zmniejszyła się czterokrotnie. Ile kulek było początkowo w pudełku?

- A) 171
- B) 216
- C) 168
- D) 144

Zadanie 16 *(1 pkt)*

Na rysunku przedstawiono graniastosłup ABCDEFGH i ostrosłup ADHEC.



Objętość graniastosłupa jest większa od objętości ostrosłupa o 36 cm³. Objętość ostrosłupa *ADHEC* jest równa **A/B.**

A) 12 cm^3

B) 18 cm³

Objętość graniastosłupa ABCDEFGH jest równa

C) 48 cm³

D) 54 cm³

C/D.

Zadanie 17(1 pkt)

Pewien ostrosłup ma 16 wierzchołków. Ile wierzchołków ma graniastosłup o takiej samej podstawie, jaką ma ten ostrosłup?

- A) 17
- B) 30
- C) 32
- D) 45

BRUDNOPIS

Zadanie 18 *(1 pkt)*

Dany jest wzór opisujący pole trapezu: $P = \frac{(x+y) \cdot h}{2}$, gdzie x i y oznaczają długości podstaw trapezu, a h oznacza wysokość trapezu. Którym równaniem opisano x wyznaczone poprawnie z tego wzoru?

A)
$$x = \frac{P}{2} - hy$$

B)
$$x = \frac{P}{2h} - y$$

A)
$$x = \frac{P}{2} - hy$$
 B) $x = \frac{P}{2h} - y$ C) $x = 2P - hy$ D) $x = \frac{2P}{h} - y$

D)
$$x = \frac{2P}{h} - y$$

Zadanie 19 *(1 pkt)*

Średnia arytmetyczna liczb: 2x + 1, 3x, 3x + 4, 5x - 2 i 2x + 7 zwiększa się o 1 jeżeli pominiemy ostatnią liczbę. Wynika stąd, że

A)
$$x = 9$$

A)
$$x = 9$$
 B) $x = 10$ C) $x = 11$ D) $x = 12$

C)
$$x = 11$$

D)
$$x = 12$$

Zadanie 20 (1 pkt)

Wiadomo, że mediana liczb x, x + 1, x + 3, x + 7, x + 9, x + 20 jest równa 9. Zatem suma najmniejszej i największej z tych liczb jest równa

BRUDNOPIS	
-----------	--