Kod ucznia	Nazwisko i imię
------------	-----------------



MATEMATYKA

MARCA 2019

Instrukcja dla zdającego

Czas pracy: **180 minut**

- 1. Sprawdź, czy arkusz zawiera 16 stron (zadania 1-17). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
- 2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi zamieść w miejscu na to przeznaczonym.
- 3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–5) przenieś na kartę odpowiedzi, zaznaczając je w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj pola do tego przeznaczone. Błędne
 - zaznaczenie otocz kółkiem i zaznacz właściwe.
- 4. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (7–16) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
- 5. Pisz czytelnie i używaj **tylko długopisu lub pióra** z czarnym tuszem lub atramentem.
- 6. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
- 7. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
- 8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
- 9. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój kod (nazwisko i imię **zgodnie z ustaleniami szkolnymi).**
- 10. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.

Życzymy powodzenia!

Liczba punktów do uzyskania: **50**

W zadaniach o numerach od 1 do 5 wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi jedną poprawną odpowiedź

Zadanie 1. (1pkt)

Liczba miejsc zerowych funkcji f(x) = |x+1| - |x+3|, gdzie $x \in R$ jest równa:

B. 2

C. 1

D. 0

Zadanie 2. (1pkt)

Jeżeli $\log_x y = -2$ to $\log_{y^2 x} y^7 x^5$ jest równy:

- A. -17 B. -1
- C. 3

D. $\frac{17}{3}$

Zadanie 3. (1pkt)

Objętość stożka o promieniu podstawy równym r jest równa $\frac{\pi\sqrt{3}r^3}{9}$. Miara kąta rozwarcia tego stożka jest równa:

- A. 30°
- B. 60°
- C. 90°

D. 120°

Zadanie 4. (1pkt)

Granica ciągu $\lim_{n\to\infty} \left(\frac{3n^2+1}{3n+1} - \frac{n^2}{n+1}\right)$ jest równa:

A. 1

- B. $\frac{2}{3}$
- C. $\frac{3}{4}$

D. $\frac{1}{2}$

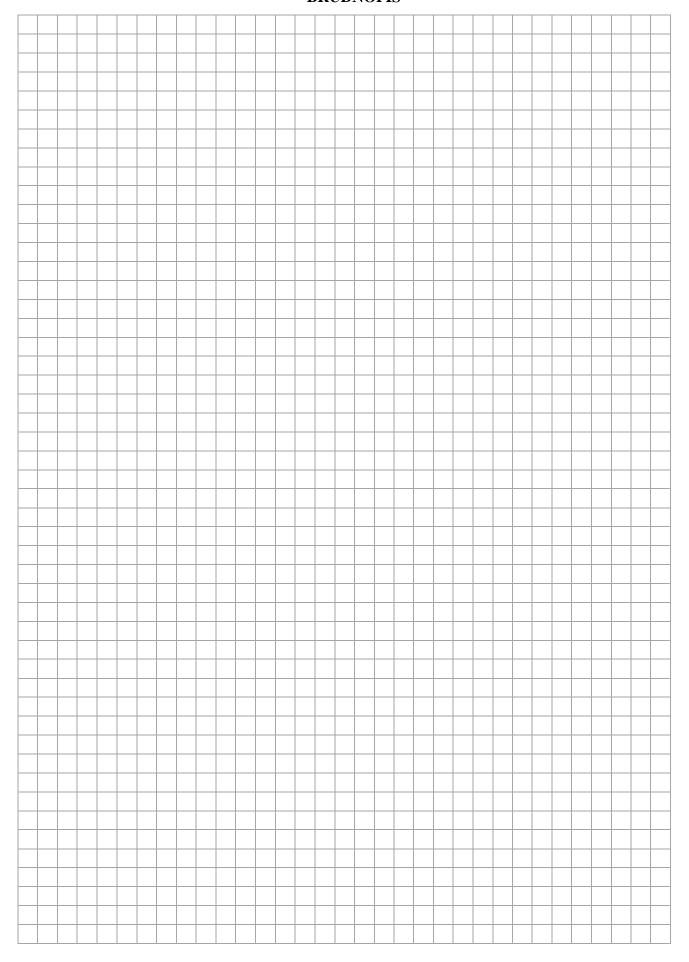
Zadanie 5. (1pkt)

Wiedząc, że k + m = 2 i $k^3 + m^3 = 5$, wartość iloczynu km jest równa:

- A. $\frac{2}{3}$
- B. $\frac{1}{2}$

D. $\frac{3}{4}$

BRUDNOPIS



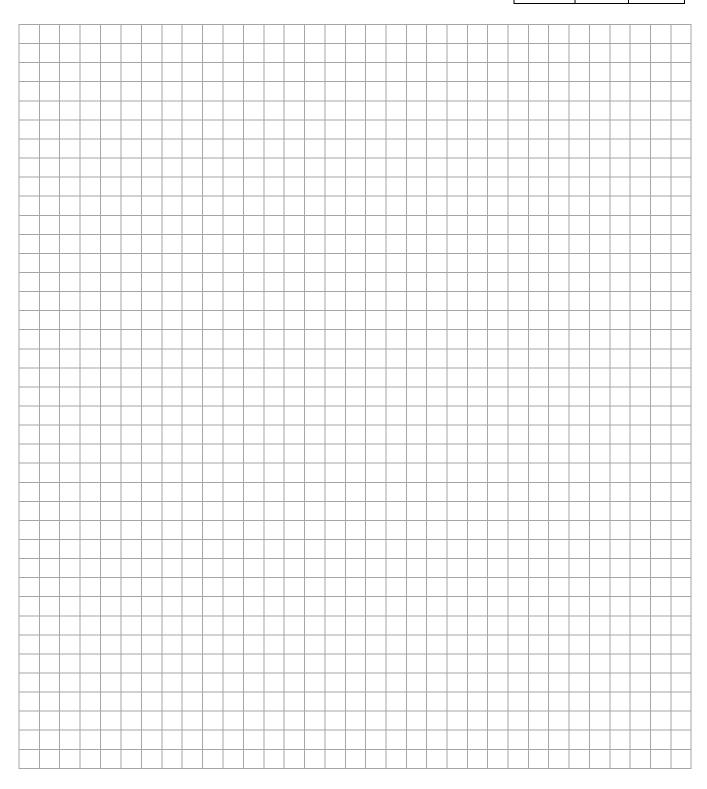
W zadaniach 6 i 7 zakoduj we wskazanym miejscu wynik zgodnie z poleceniem.

Zadanie 6. (2pkt)

Oblicz sumę czwartych potęg pierwiastków równania

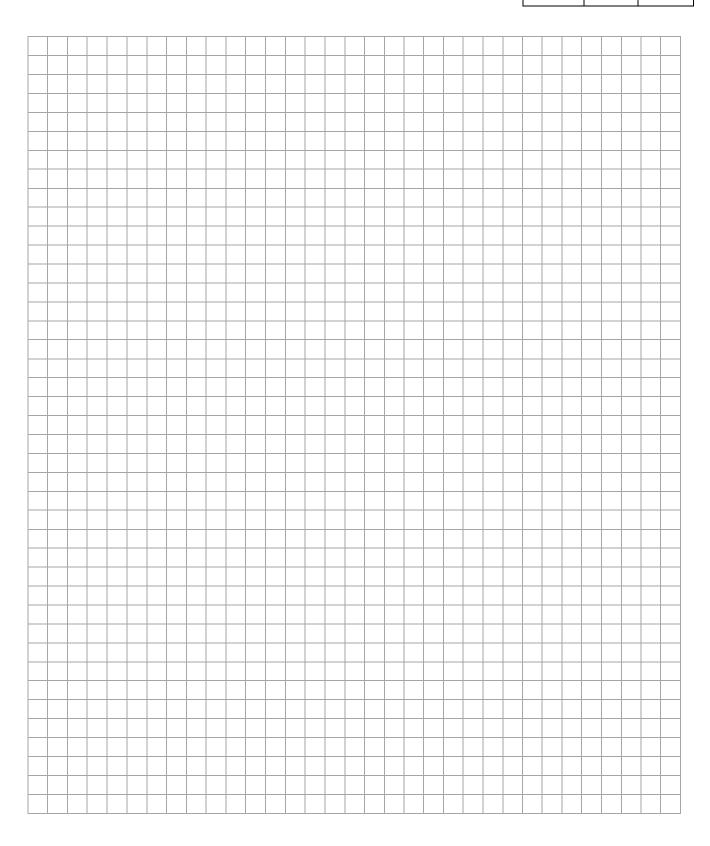
$$x^2 + 5x - 1 = 0.$$

setki	dziesiątki	jedności



Zadanie 7. (2pkt)

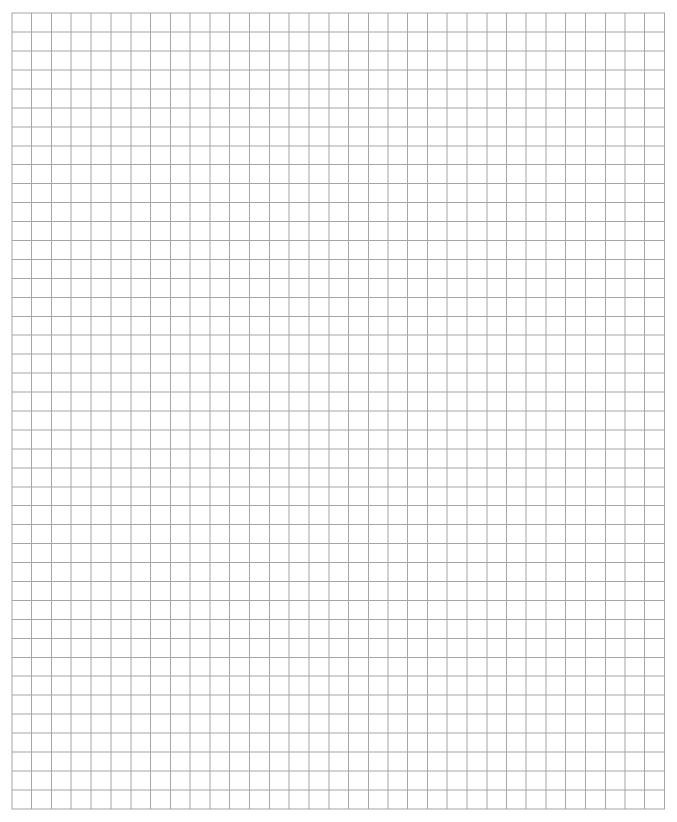
Oblicz wartość wyrażenia $\log_5 \sqrt[3]{625} - \log_2 \sqrt[5]{5} + \log_2 \sqrt[6]{160}$. Zakoduj cyfrę jedności i dwie pierwsze cyfry po przecinku rozwinięcia dziesiętnego otrzymanego wyniku.



Rozwiązania zadań od 8 do 17 należy zapisać w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania.

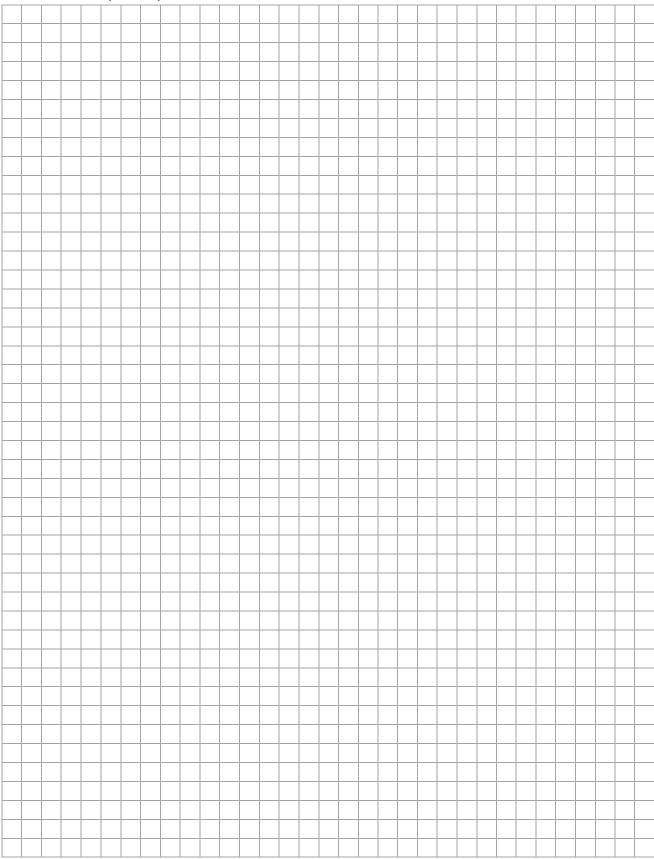
Zadanie 8. (3p).

Wyznacz współrzędne punktu należącego do wykresu funkcji $y = \sqrt{x}$ i takiego, że styczna do krzywej w tym punkcie jest nachylona do osi OX pod kątem 45° .



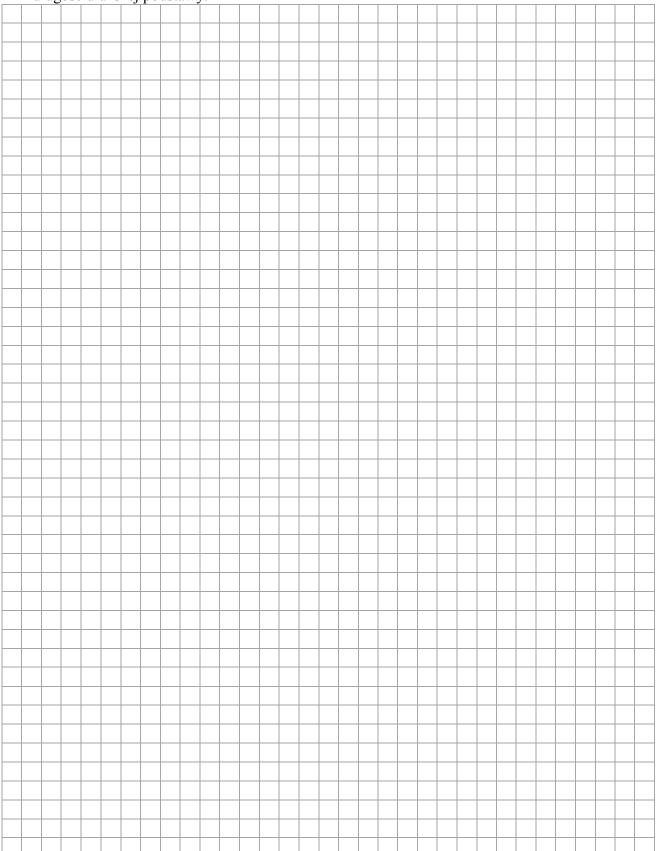
Zadanie 9. (3p). Zbadaj dla jakich wartości parametru *a* istnieje rozwiązanie równania

$$\cos x + \cos \left(x - \frac{2\pi}{3}\right) = a^2 - 1.$$



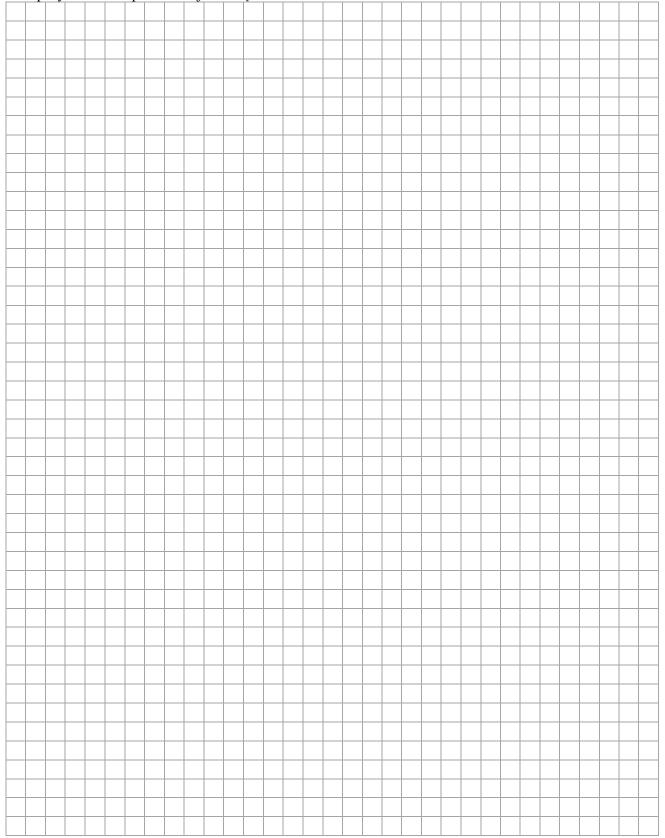
Zadanie 10. (6p).

Długości boków trapezu prostokątnego tworzą ciąg geometryczny. Ramię, które jest najkrótszym bokiem trapezu ma długość 1. Krótsza podstawa trapezu jest krótsza od drugiego z ramion. Oblicz długość dłuższej podstawy.



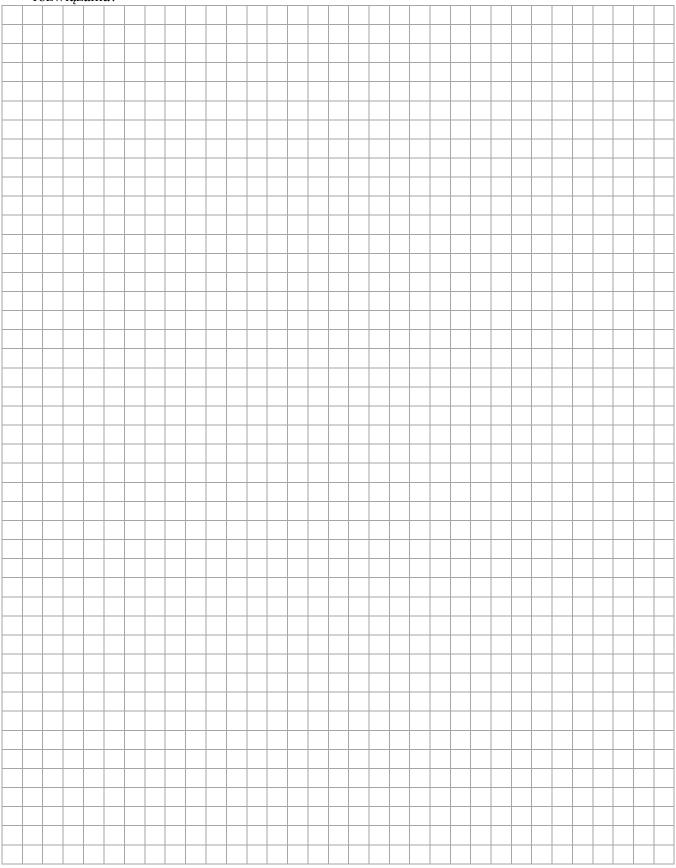
Zadanie 11. (5p).

Na ile sposobów można wybrać ze zbioru $A = \{1, 2, 3, \dots 100\}$ trzy różne liczby, których suma przy dzieleniu przez 3 daje resztę 1.



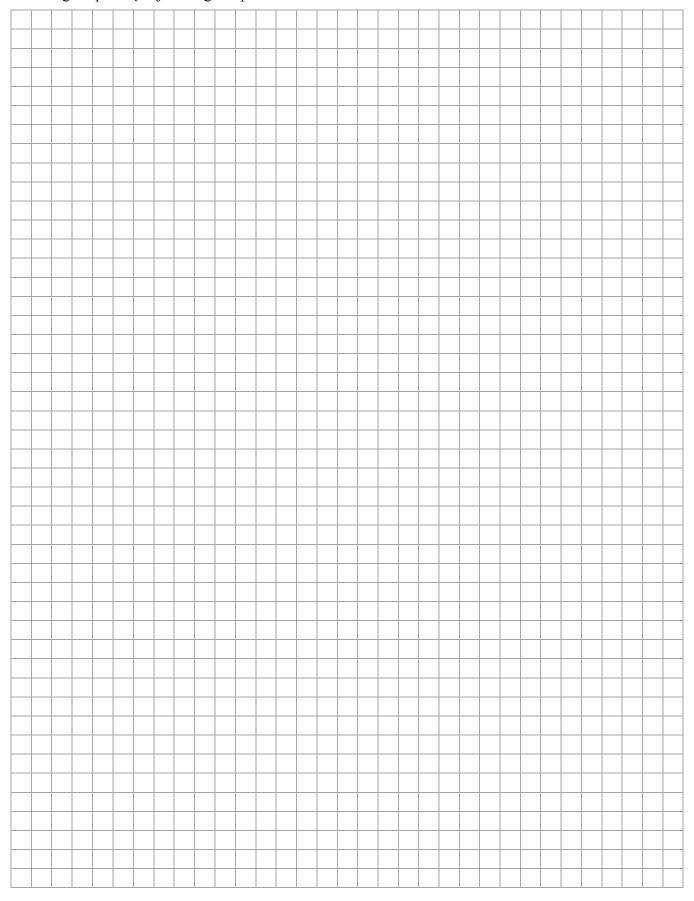
Zadanie 12. (5p).

Dla jakich wartości parametru $p \in R$ równanie $x^4 + 2(p-2)x^2 + p^2 - 1 = 0$ ma dwa różne rozwiązania?



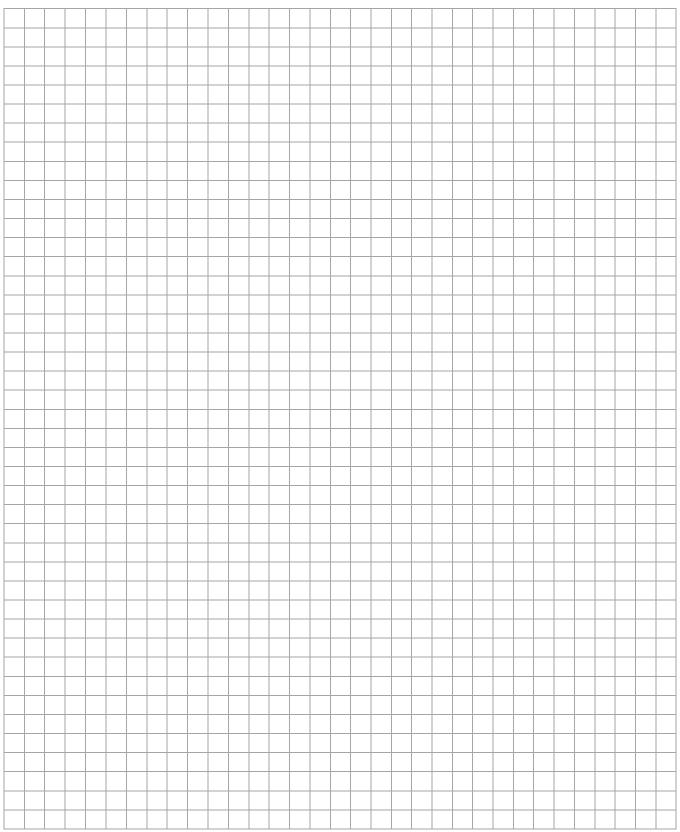
Zadanie 13. (3p).

W trapezie ABCD dane są długości boków: |AB| = 10, |BC| = 7, |CD| = 5i |DA| = 4. Oblicz długość przekątnej AC tego trapezu.



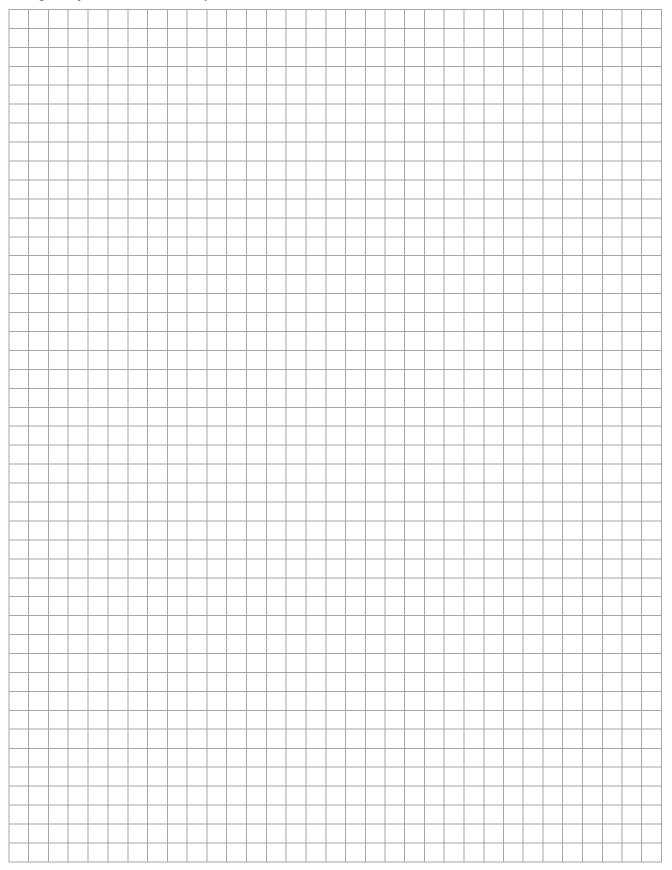
Zadanie 14. (3p).

Dwie maszyny wykonują detale: pierwsza maszyna 75%, a druga 25%. Wśród detali maszyny pierwszej 95%, a maszyny drugiej 80% odpowiada wymogom technicznym. Wylosowano jeden detal, który odpowiada wymogom technicznym. Jakie jest prawdopodobieństwo, że detal ten pochodzi z maszyny drugiej?



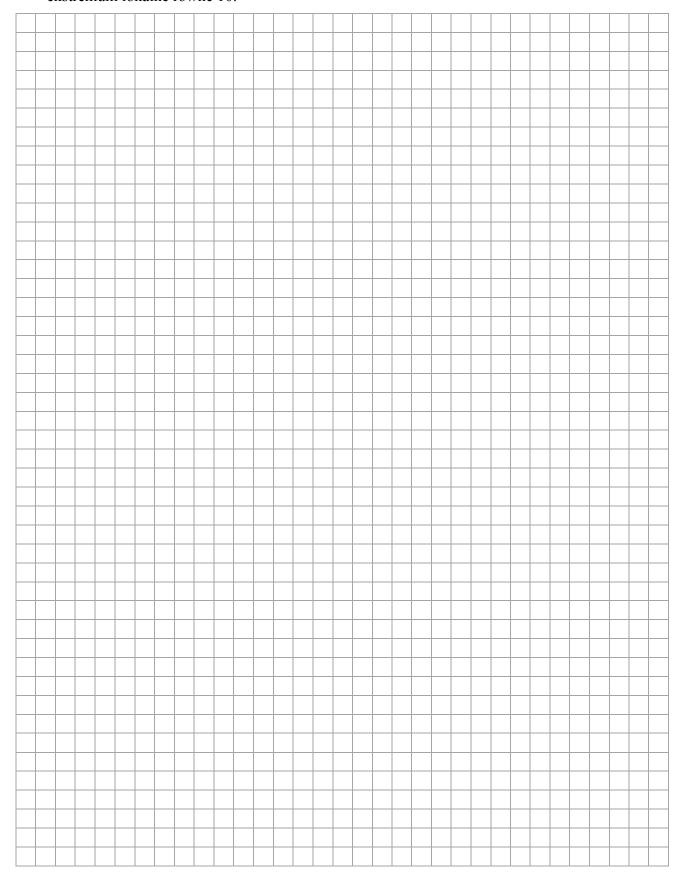
Zadanie 15. (3p).

Wyznacz równania stycznych do okręgu o równaniu $x^2 + y^2 - 2x + 6y - 3 = 0$ i prostopadłych do prostej o równaniu 3x - 2y = 12.



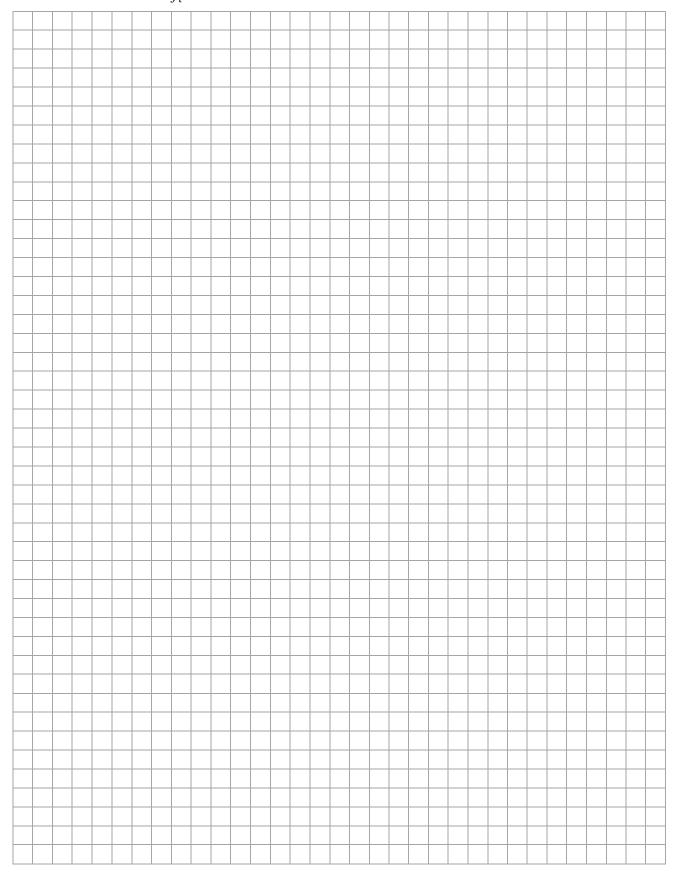
Zadanie 16. (6p).

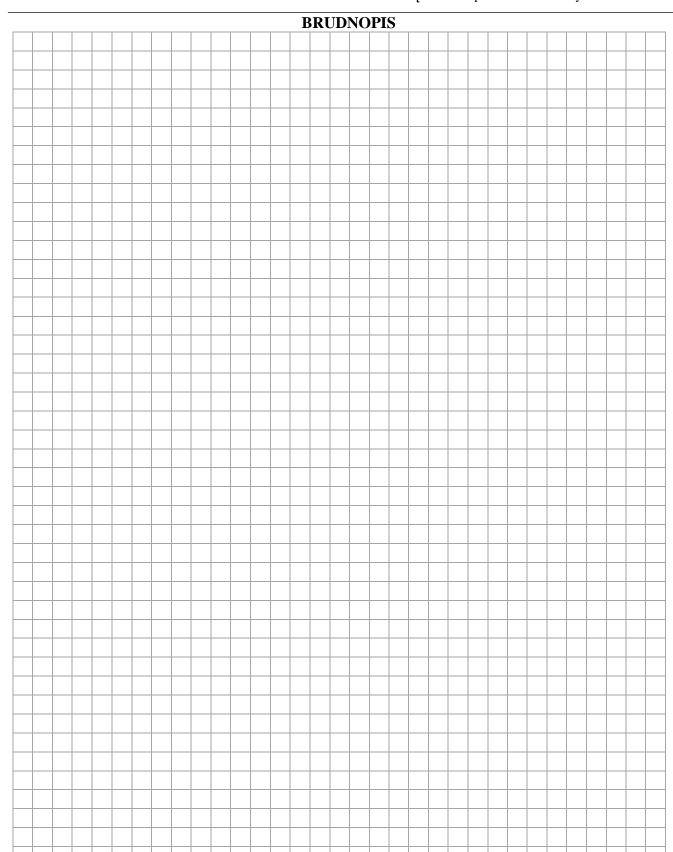
Wyznacz wszystkie wartości parametru m, dla których funkcja $g(x) = 2x^3 - 3x^2 + mx + 3$ ma ekstremum lokalne równe 10.



Zadanie 17. (4p).

We wnętrzu sześcianu umieszczono czworościan foremny w ten sposób, że wszystkie krawędzie czworościanu są przekątnymi ścian bocznych sześcianu. Wyznacz stosunek objętości czworościanu do objętości sześcianu.





WYPEŁNIA PISZĄCY

Nr zadania	A	В	С	D
1.				
2.				
3.				
4.				
5.				

Suma punktów		
zadania zamknięte		

WYPEŁNIA SPRAWDZAJACY

Nr zadania	0	2
6.		
7.		

Nr zadania	0	1	2	3	4	5	6	7
8.								
9.								
10.								
11.								
12.								
13.								
14.								
15.								
16.								
17.								

Suma punktów zadania otwarte		

Suma punktów			
razem			