KOD

Nr zadania	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	Razem
Maksym. liczba punktów	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	5	5	48
Liczba zdobytych punktów															

Kuratorium Oświaty w Katowicach

KONKURS PRZEDMIOTOWY Z MATEMATYKI Etap rejonowy – 11 stycznia 2007 r.

Przeczytaj uważnie poniższą instrukcję:

- ♦ Test składa się z 14 zadań. Przy numerze każdego zadania została podana maksymalna liczba punktów możliwych do zdobycia za to zadanie.
- Przeczytaj dokładnie treść zadań, zwracając uwagę na to, czy polecenie nakazuje podać jedynie wynik, czy też obliczyć szukaną wielkość (tzn. zapisać obliczenie) lub w inny sposób uzasadnić odpowiedź.
- W części I (zadania od 1 do 9) wpisz TAK lub NIE obok <u>każdej</u> z trzech odpowiedzi.
 Za każdy poprawny wpis otrzymasz 1 punkt w sumie, za każde z tych zadań, możesz otrzymać maksymalnie 3 punkty.
- Margines po prawej stronie kartki jest przeznaczony na brudnopis.
- ◆ Zabronione jest korzystanie z kalkulatorów i korektorów pisma (ewentualne błędne zapisy należy wyraźnie skreślić).
- ♦ Na rozwiązanie wszystkich zadań masz 90 minut.
- ♦ Aby zakwalifikować się do finału musisz zdobyć <u>co najmniej 41 punktów</u>.

Autorzy zadań życzą Ci powodzenia! ©

Zadanie 1. (3 p.)
Roczna stopa oprocentowania w pewnym banku wynosi 6%, a kapitalizacja odsetek następuje co pół roku. Wpłacono na konto 1000 zł. Po roku bank wypłaci:
A. 1006 zł 90 gr,
B. 1060 zł,
C. 1060 zł 90 gr.
7-4-1-0 (0.1)
Zadanie 2. (3 p.) Wśród liczb postaci $3^n - 1$, gdzie n jest liczbą całkowitą dodatnią:
A. dokładnie jedna jest liczbą pierwszą,
B. wszystkie liczby są parzyste,
C. co najmniej jedna jest liczbą pierwszą.
Zadanie 3. (3 p.)
Pewien graniastosłup ma 90 krawędzi. Ma on:
A. 32 ściany,
B. 45 wierzchołków,
C. 60 wierzchołków,
Zadanie 4. (3 p.) Prawdopodobieństwo tego, że losując 3 patyczki spośród 4 o długościach 2 cm, 3 cm, 4 cm i 5 cm, zbudujemy trójkąt jest:
A. równe $\frac{3}{4}$,
B. mniejsze od $\frac{1}{2}$,
C. równe 1.

Zadanie 5. (3 p.)

Liczba, będąca wartością wyrażenia $3^{15} + 3^{16} + 3^{17}$ jest wielokrotnościa liczby:

- A. 39,
- B. 6,
- C. 9.
 - Zadanie 6. (3 p.)

Liczba dwucyfrowa jest 4 razy większa od sumy swoich cyfr.

Prawda jest, że:

- A. Istnieją 4 takie liczby.
- B. Taką liczbą jest 36.
- C. Tylko liczba 36 spełnia ten warunek.

Zadanie 7. (3 p.)

Funkcja liniowa spełnia warunki f(x) = f(x+2) - 4 i f(1) = 1.

Funkcja ta wyraża się wzorem:

- A. f(x) = 4x 3
 - B. f(x) = 2x 1
- C. f(x) = -x + 2

Zadanie 8. (3 p.)

Wartość wyrażenia $\left|2\sqrt{3}-3\sqrt{2}\right|$ wynosi:

- A. $3\sqrt{2} 2\sqrt{3}$
 - B. $-(2\sqrt{3}-3\sqrt{2})$
- C. $2\sqrt{3} + 3\sqrt{2}$

Zadanie 9. (3 p.)

Pojazd przebywa ustaloną drogę ruchem jednostajnym prostoliniowym. Gdy prędkość pojazdu zwiększymy *a* razy, to czas jazdy:

- A. skróci się 1 razy.
 - B. skróci się o $\left(1 \frac{1}{a}\right) \cdot 100\%$
- C. skróci się o $\frac{1}{a}$ ·100%

Część II

Zadanie 10. (3 p.)

Liczbę $\frac{8}{23}$ można zapisać w postaci tzw. ułamka łańcuchowego w taki sposób:

$$\frac{8}{23} = \frac{1}{\frac{23}{8}} = \frac{1}{2 + \frac{7}{8}} = \frac{1}{2 + \frac{1}{\frac{8}{7}}} = \frac{1}{2 + \frac{1}{1 + \frac{1}{7}}}$$

Zamień na ułamek łańcuchowy liczbę $\frac{5}{29}$.

Zadanie 11. (4 p.)

Prosta x = 2 jest osią symetrii wykresu funkcji

$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{2}x + 4, & dla \quad x \ge 2\\ \dots, & dla \quad x < 2 \end{cases}$$

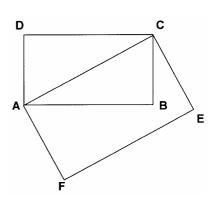
Uzupełnij wzór funkcji f(x) i naszkicuj wykres tej funkcji.

Zadanie 12. (4 p.)

Wykaż, że liczba $\sqrt{11+6\sqrt{2}} + \sqrt{11-6\sqrt{2}}$ jest liczbą naturalną.

Zadanie 13. (5 p.)

Przekątna AC prostokąta ABCD jest bokiem podobnego do niego prostokąta ACEF (patrz rys.). Pole wspólnej części tych prostokątów stanowi 40% pola prostokąta ACEF. Znajdź stosunek długości boków prostokąta ABCD.



Zadanie 14. (5 p.)

Trzy szkoły zorganizowały wspólne zawody sportowe. Pierwsza szkoła wystawiła o 25% uczniów więcej niż druga, druga o 4 osoby więcej niż trzecia. Szkoły druga i trzecia wystawiły łącznie

o 20 uczniów więcej niż szkoła pierwsza. Oblicz, ilu uczniów z każdej szkoły wzięło udział w zawodach.