



WPISUJE ZDAJĄCY

KOD	IMIĘ I NAZWISKO)*
		* nieobowiązkowe
		meobowiązkowe
Z NO	MIN MATURALNY WĄ ERĄ	dysleksja
MATEMATYKA – PO	OZIOM ROZSZERZONY	
Instrukcja dla zdającego		STYCZEŃ 2016
zadań otwartych może spowodować liczby punktów.	cielowi nadzorującemu egzamin.	Czas pracy: 180 minut
 Nie używaj korektora, a błędne zapi Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie n Podczas egzaminu możesz korzystacyrkla i linijki oraz kalkulatora pros Na tej stronie wpisz swój kod oraz in 	sy wyraźnie przekreśl. ie będą oceniane. ć z zestawu wzorów matematycznych, tego.	Liczba punktów do uzyskania: 50

W zadaniach 1-5 wybierz i zaznacz poprawną odpowiedź.

Zadanie 1. (0-1)

Suma wszystkich rozwiązań równania |x-4|-2|=3 jest równa

A. 8

B. 9

C. 12

D. 16

Zadanie 2. (0–1) Ciąg (a_n) jest zdefiniowany rekurencyjnie: $\begin{cases} a_1 = 4 \\ a_{n+1} = \frac{2a_n}{\sqrt{2}} & \text{dla } n \ge 1 \end{cases}$

Wskaż wzór ogólny ciągu (b_n) , w którym $b_n = a_n + a_{n+2}$ dla $n \ge 1$.

A.
$$b_n = (\sqrt{2})^{n+3}$$

B.
$$b_n = 2^{n+4}$$

C.
$$b_n = 3 \cdot 2^{\frac{n+3}{2}}$$

D.
$$b_n = 4 \cdot (\sqrt{2})^{2n}$$

Zadanie 3. (0-1)

Jedyny pierwiastek rzeczywisty wielomianu $w(x) = 2x^3 + (c-5)x^2 + cx - 5$ o współczynnikach całkowitych jest liczbą pierwszą. Zatem parametr *c* jest równy

A. 19

B. 4

C. −1

D. −4

Zadanie 4. (0-1)

Liczby x, y, z są dodatnie i różne od 1 oraz $\log_x \sqrt{y} = \frac{1}{3}$ i $\log_y \sqrt[3]{z} = \frac{1}{4}$. Wskaż wartość wyrażenia $\log_z \sqrt[4]{x}$.

A. 18

B. 1

Zadanie 5. (0-1)

Ile różnych funkcji można utworzyć na zbiorze $X = \{-2, -1, 3, 4\}$ o wartościach ze zbioru $Y = \{5, 6, 7, 8, 9, 10\}$?

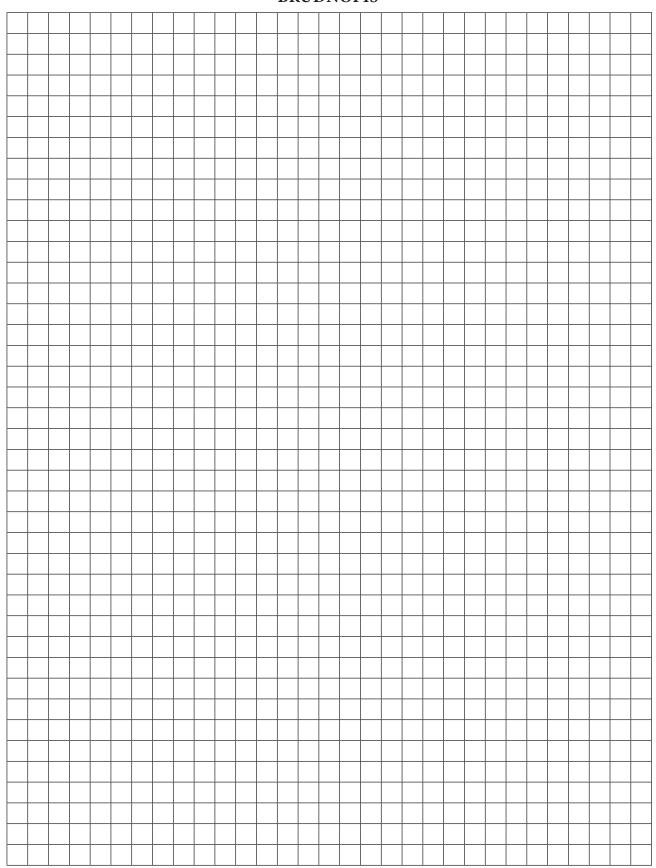
A. 2880

B. 1296

C. 360

D. 24

BRUDNOPIS



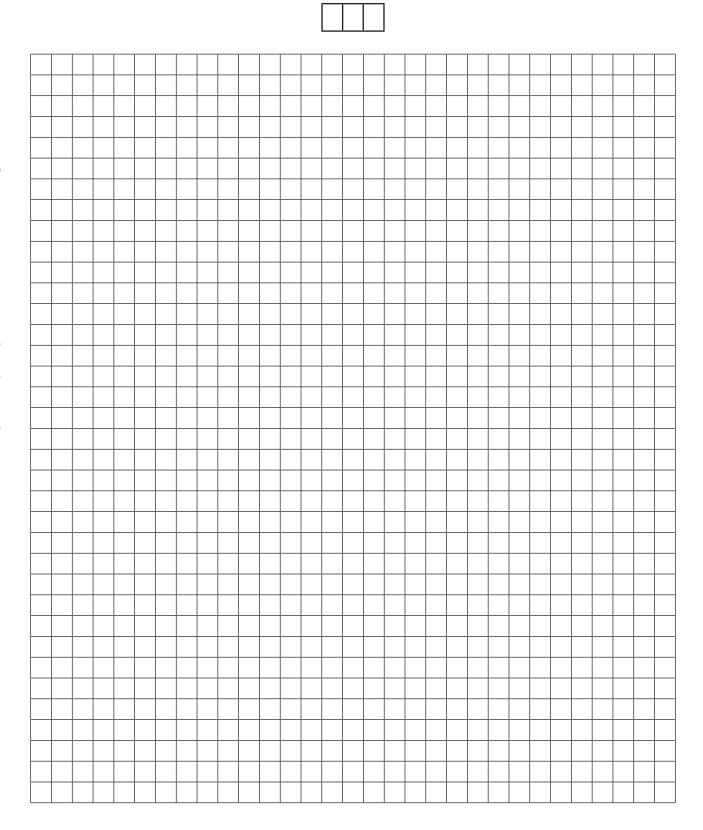
	Nr zadania		2	3	4	5
Wypełnia sprawdzający	Maks. liczba pkt	1	1	1	1	1
or and any act	Uzyskana liczba pkt					

W zadaniu 6. zakoduj wynik w kratkach zamieszczonych pod poleceniem. W zadaniach 7-18 rozwiązania zapisz w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania.

Zadanie 6. (0-2)

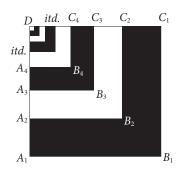
Oblicz wartość parametru k, dla której granica $\lim_{n\to\infty}\frac{kn!-(n-2)!}{(k-2)n!+k(n-1)!}$ jest równa 9. W poniższe kratki wpisz kolejno cyfrę jedności i pierwsze dwie cyfry rozwinięcia dziesiętnego

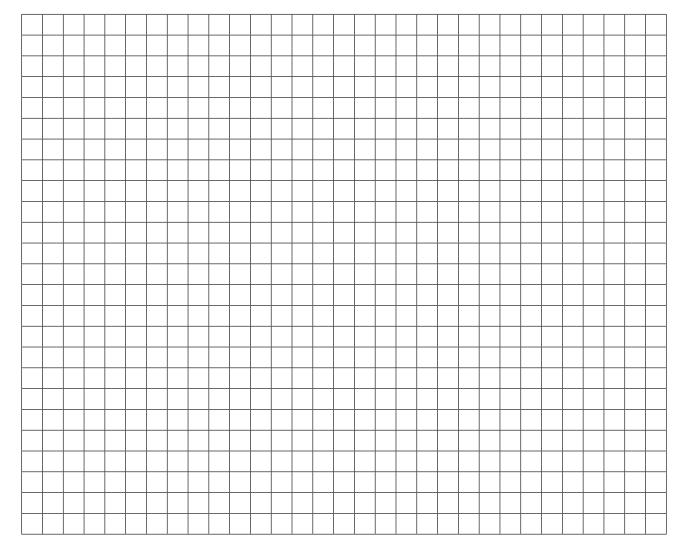
otrzymanego wyniku.



Zadanie 7. (0-2)

Na rysunku przedstawiono fragment nieskończonego ciągu na przemian czarnych i białych kwadratów o wspólnym wierzchołku D. Kwadrat $A_1B_1C_1D$ koloru czarnego ma bok długości $3\sqrt{13}$. Długość boku każdego następnego kwadratu stanowi $\frac{2}{3}$ długości boku kwadratu poprzedniego. Oblicz pole obszaru zaznaczonego kolorem czarnym w nieskończonym ciągu tych kwadratów.

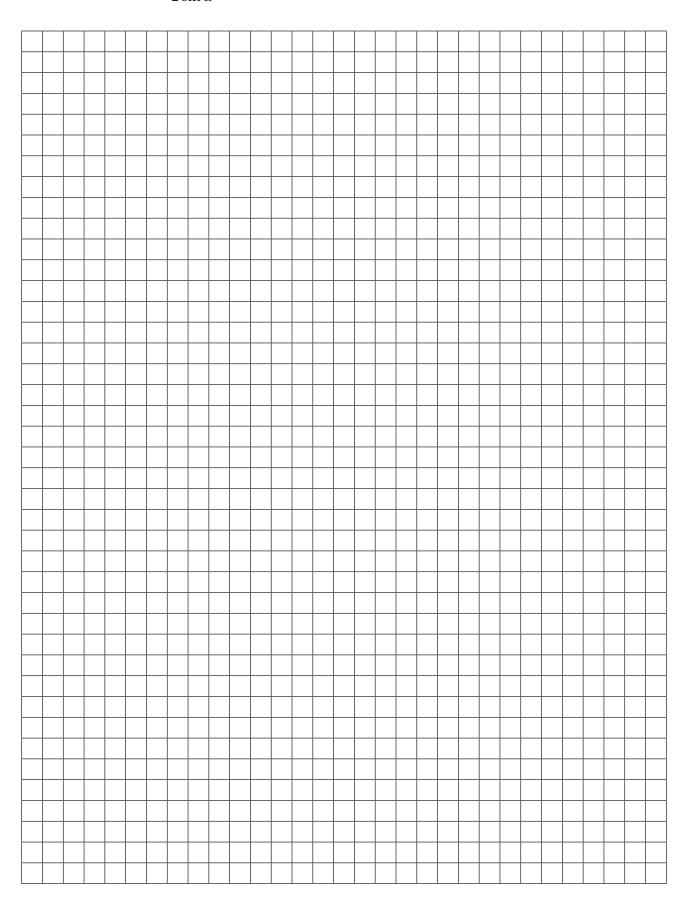


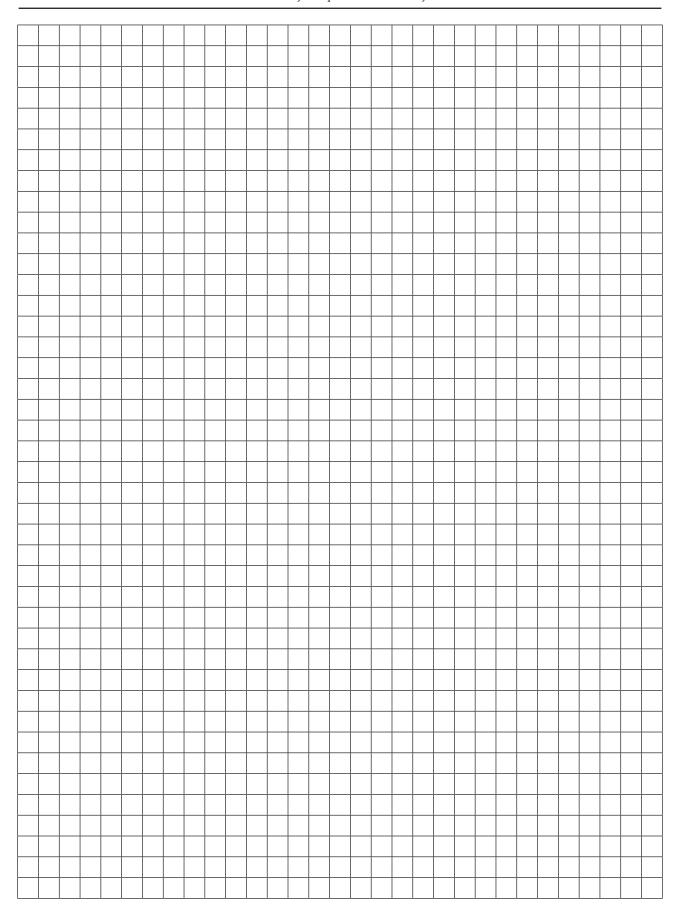


Wypełnia sprawdzający	Nr zadania	6	7
Wypełnia sprawdzający	Maks. liczba pkt	2	2
F	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 8. (0-3)

W trójkącie prostokątnym ABC, w którym bok AB jest przeciwprostokątną, na boku BC obrano punkt D taki, że $| \angle DAB| = 2 | \angle CAD|$. Długość odcinka BD jest równa a, a kąt CAD ma miarę α . Wykaż, że $|AD| = \frac{a(1-4\sin^2\alpha)}{2\sin\alpha}$.

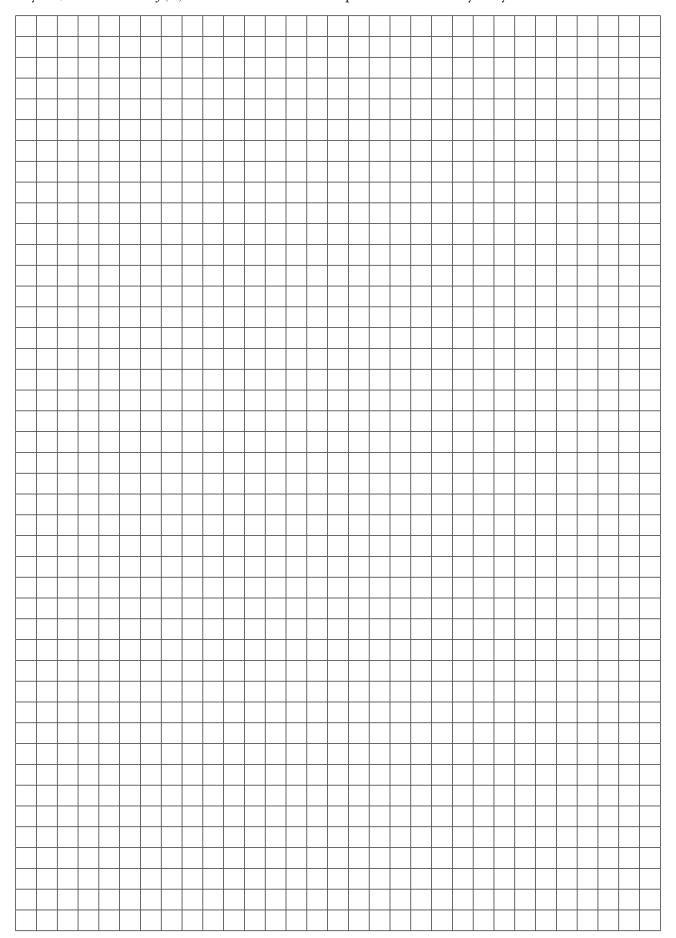




	Nr zadania	8
Wypełnia sprawdzający	Maks. liczba pkt	3
-F	Uzyskana liczba pkt	

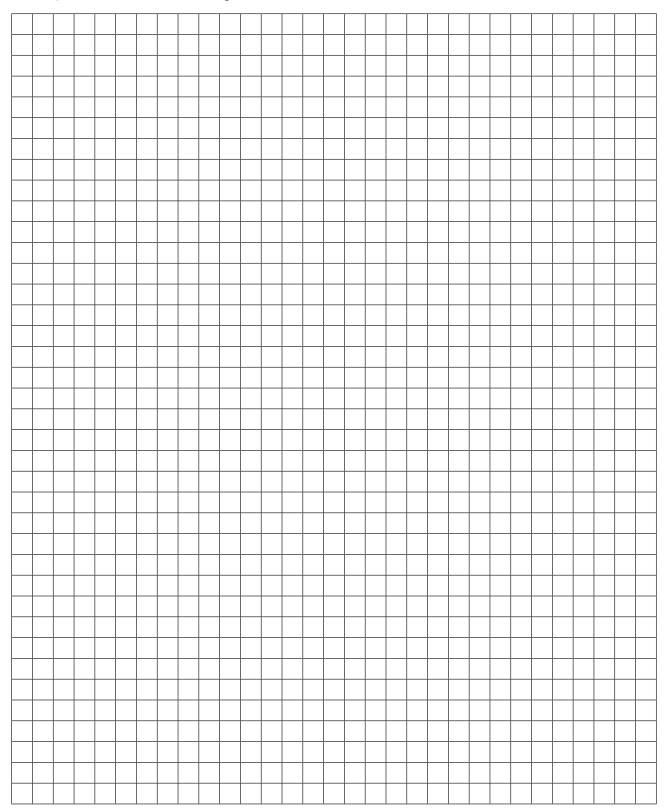
Zadanie 9. (0-3)

Wykaż, że wielomian $f(x) = 3x^{10} - 5x^6 + 3$ nie ma pierwiastków rzeczywistych.



Zadanie 10. (0-4)

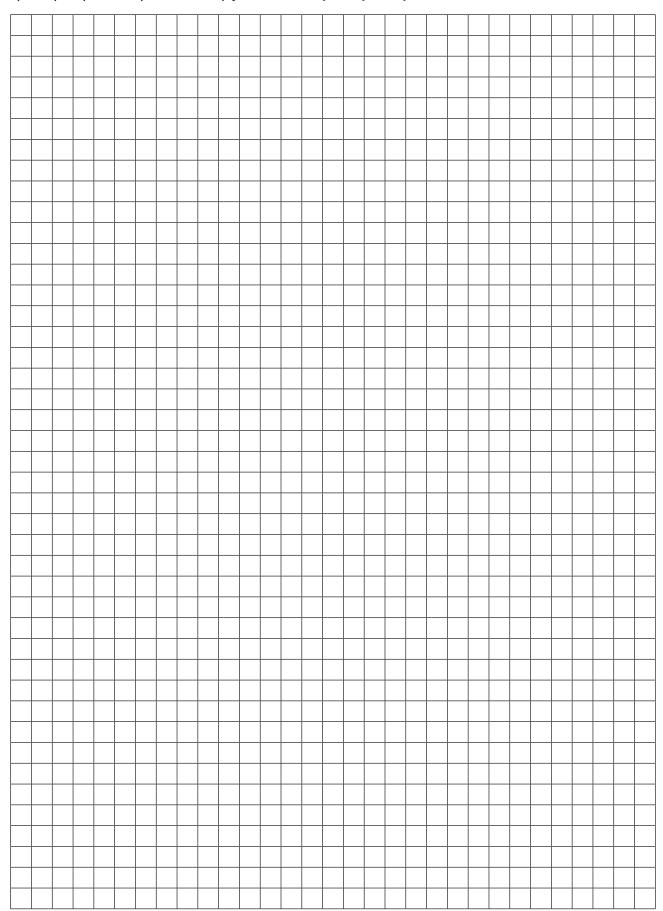
Rozwiąż równanie $\sin x \cos 3x + \mathrm{tg} x \cos^2 x = 0$.

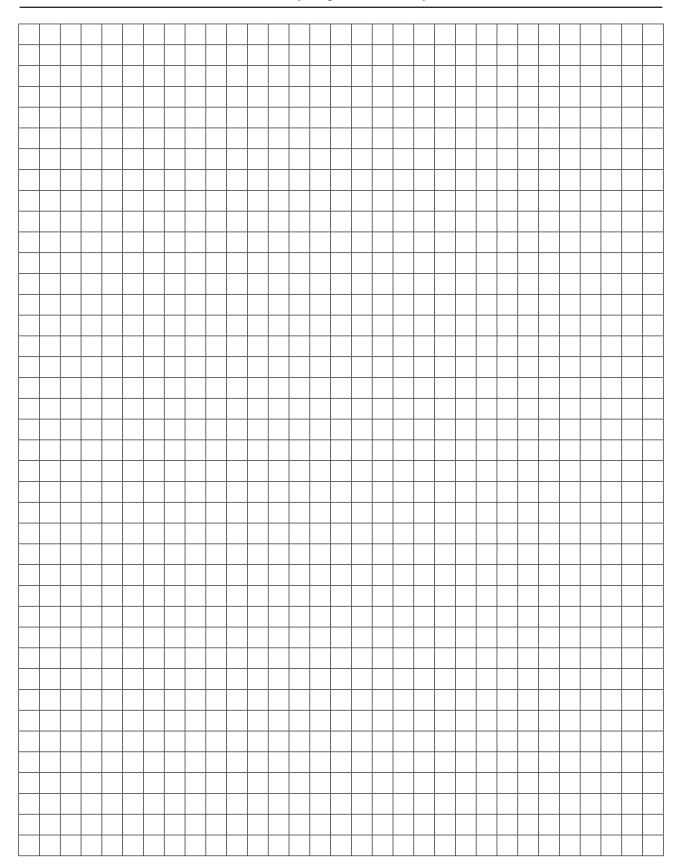


Wypełnia sprawdzający	Nr zadania	9	10
/ *	Maks. liczba pkt	3	4
Transaly (1)	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 11. (0-4)

Funkcja f określona jest wzorem $f(x)=\frac{x+3}{1-x}$ dla każdej liczby rzeczywistej $x\neq 1$. Wyznacz równania tych stycznych do wykresu funkcji f, które tworzą z osią Ox kąt 45°.

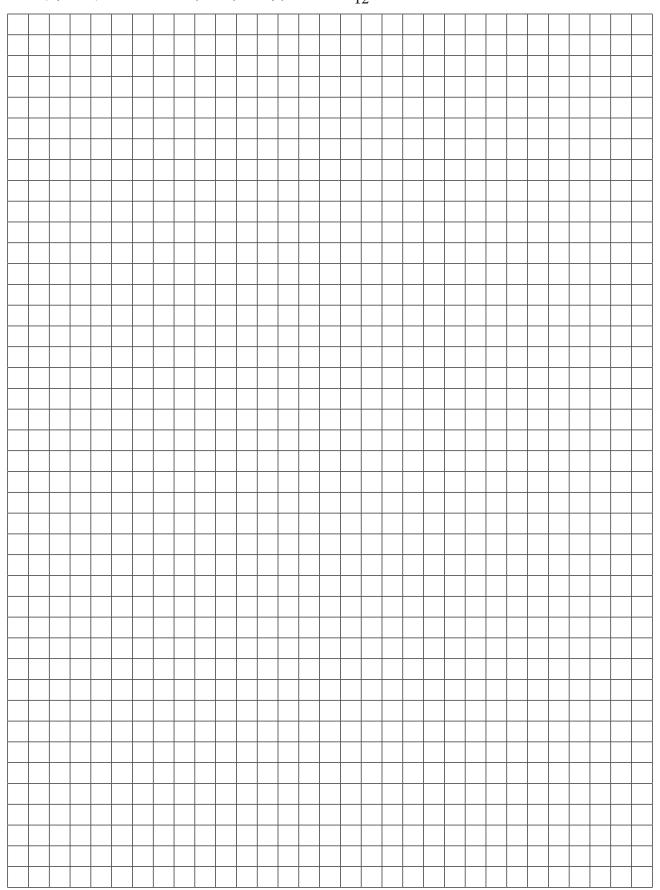


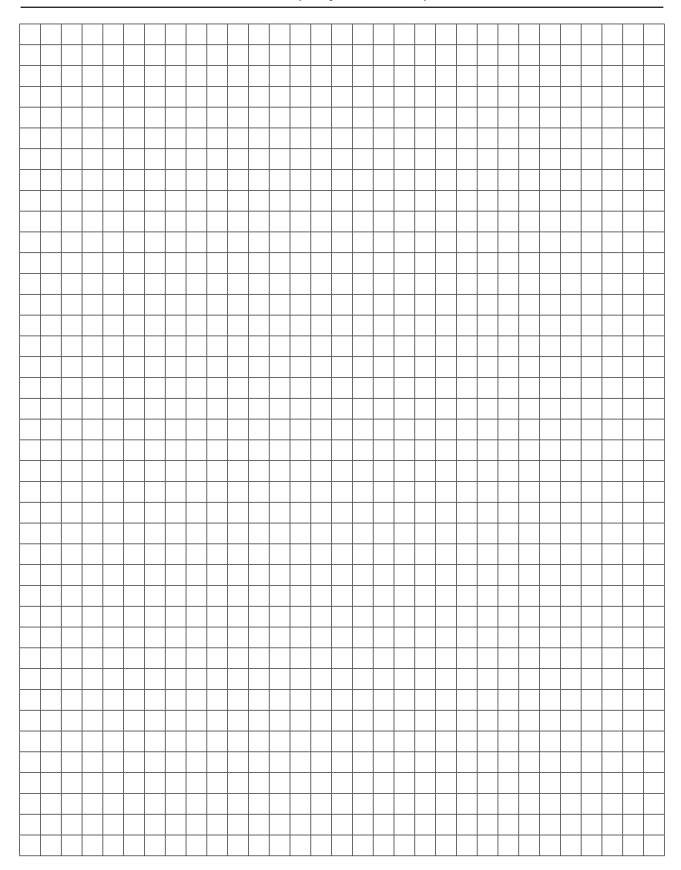


Wypełnia sprawdzający	Nr zadania	11
• -	Maks. liczba pkt	4
_ ,,,,	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 12. (0-4)

Doświadczenie losowe polega na tym, że losujemy jednocześnie dwie liczby ze zbioru $\{1, 2, 3, ..., n\}$, gdzie $n \ge 2$. Wyznacz te wartości n, dla których prawdopodobieństwo wylosowania dwóch liczb różniących się od siebie co najmniej o trzy jest równe $\frac{7}{12}$.

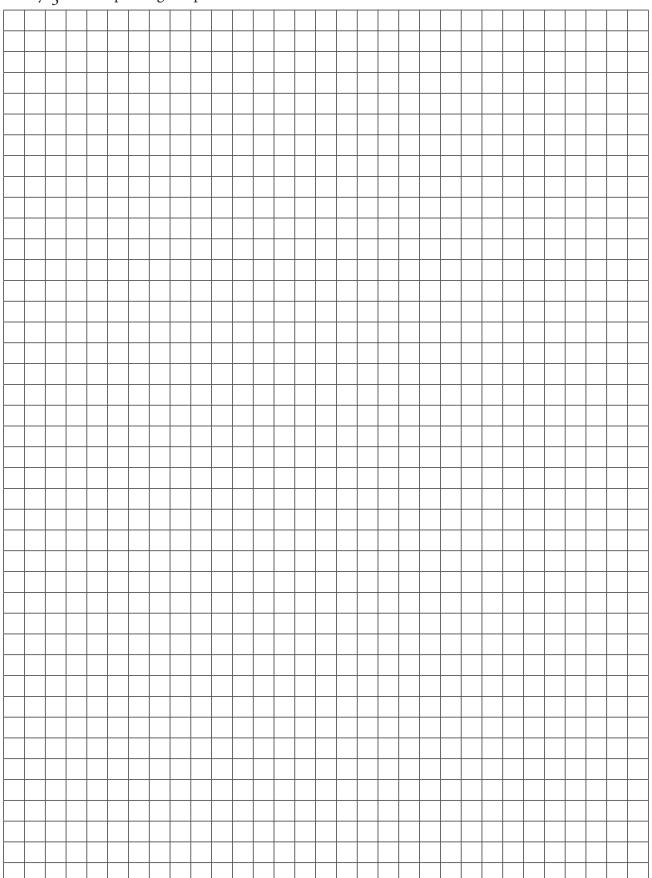


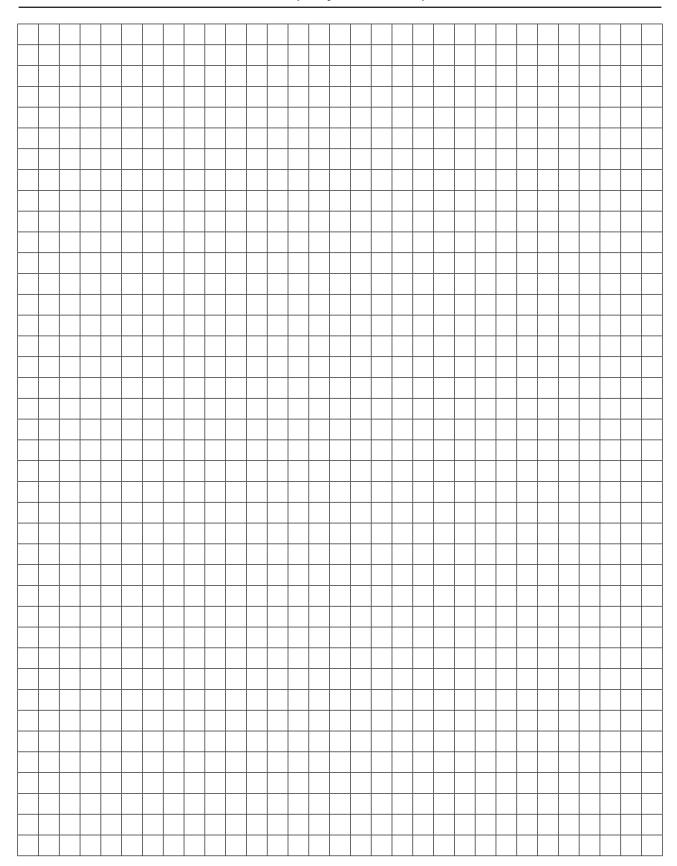


Wypełnia sprawdzający	Nr zadania	12
/ L	Maks. liczba pkt	4
- ,,,,	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 13. (0-5)

W trapez równoramienny ABCD, w którym $AB \parallel CD$, wpisano okrąg o środku S. Odległość punktu S od końców dłuższej podstawy AB jest równa 10, a cosinus kąta ostrego tego trapezu jest równy $\frac{3}{5}$. Oblicz pole tego trapezu.

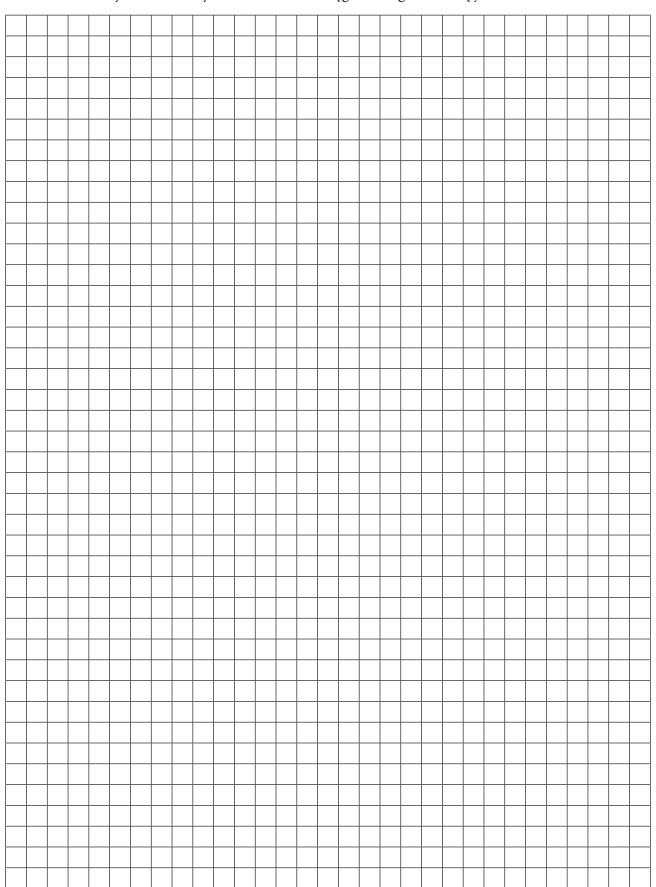


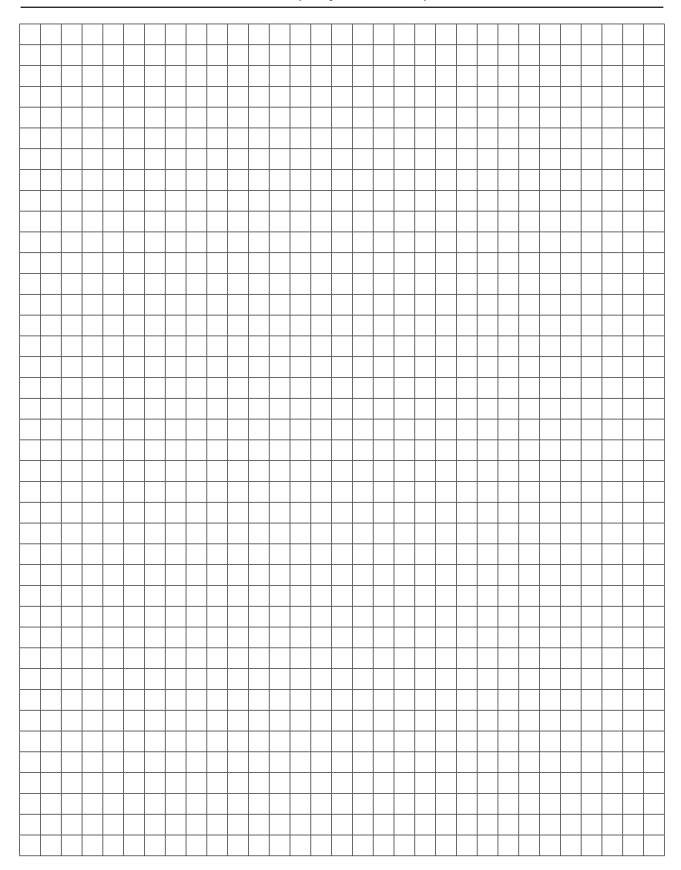


	Nr zadania	13
Wypełnia sprawdzający	Maks. liczba pkt	5
_ ,,,,	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 14. (0-5)

Odcinek A'B' jest obrazem odcinka o końcach A=(2,6) oraz B=(-4,4) w jednokładności o środku O=(0,3) i skali $k\neq 0$. Punkt A', który jest obrazem punktu A w tej jednokładności, leży na prostej o równaniu x+2y+10=0. Wyznacz równanie okręgu, którego średnicą jest odcinek A'B'.

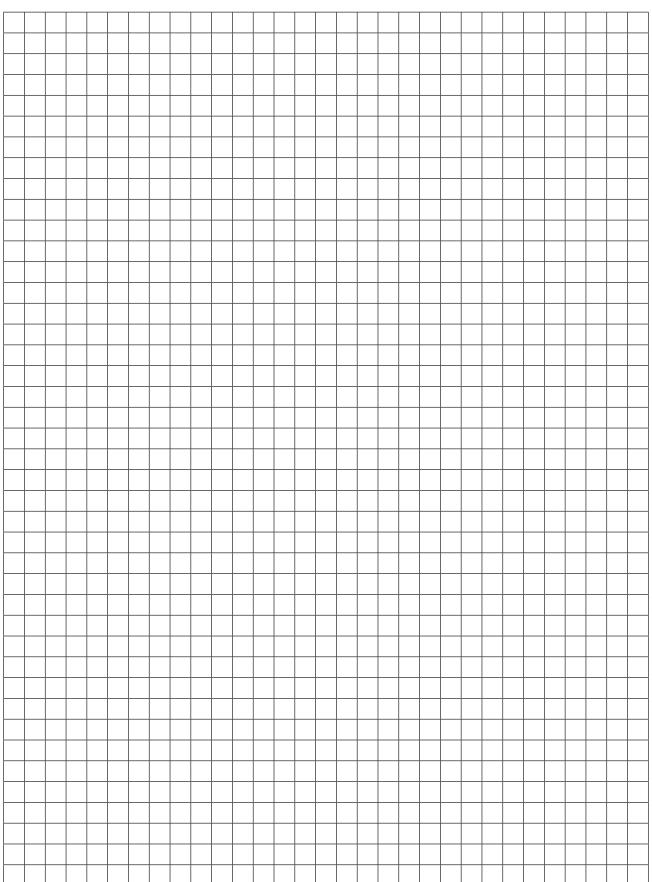


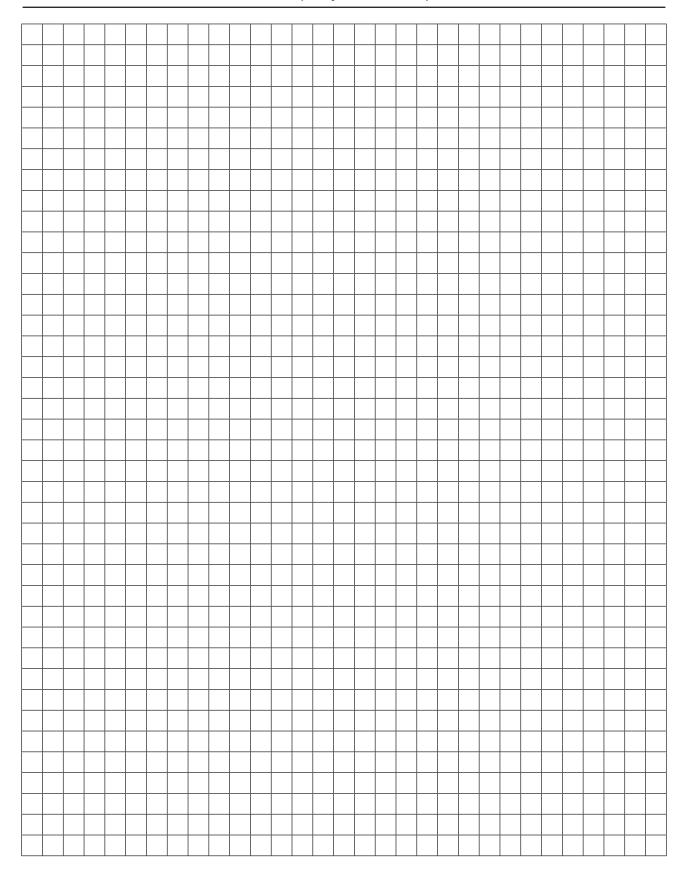


	Nr zadania	14
Wypełnia sprawdzający	Maks. liczba pkt	5
_ ,,,,	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 15. (0-6)

Prosta o równaniu y=(a-3)x+a+4 przecina parabolę o równaniu $y=\frac{1}{2}x^2-2ax+a+8$ w dwóch punktach o pierwszych współrzędnych x_1, x_2 . Wyznacz wszystkie wartości parametru a, dla których współrzędne x_1, x_2 spełniają nierówność $x_1^3+x_2^3 \le 9x_1x_2$.

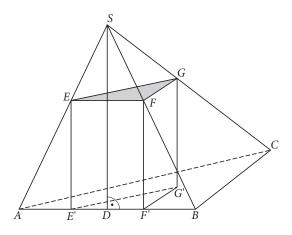


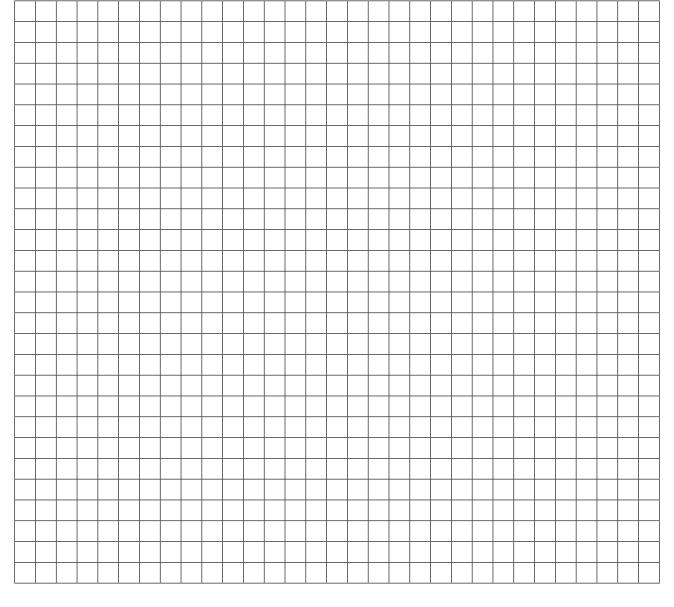


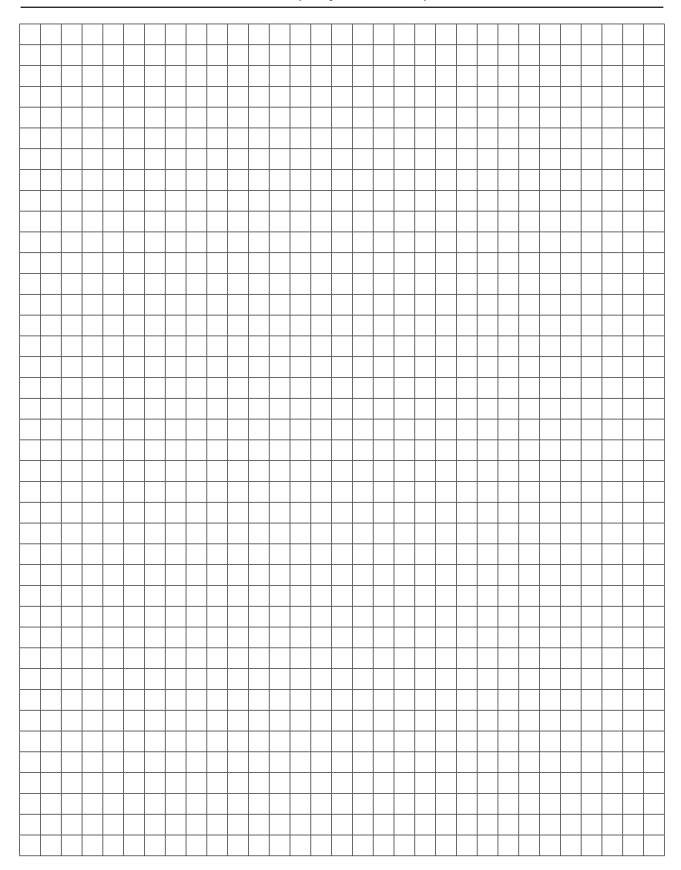
Wypełnia sprawdzający	Nr zadania	15
• •	Maks. liczba pkt	6
F 2 1/2-1	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 16. (0-7)

Ostrosłup ABCS o podstawie ABC, będącej trójkątem równobocznym, i wysokości SD, gdzie D jest środkiem odcinka AB, przecięto płaszczyzną równoległą do płaszczyzny podstawy (zobacz rysunek). Punkty E, F, G są punktami wspólnymi płaszczyzny przekroju i krawędzi bocznych ostrosłupa. Punkty E', F', G' leżą na podstawie ABC i odcinki EE', FF', GG' są do niej prostopadłe. Wiedząc, że |AB| = 12 i |SD| = 16, oblicz, w jakiej odległości od płaszczyzny podstawy należy poprowadzić przekrój ostrosłupa, aby graniastosłup E'F'G'EFG miał największą objętość.







Wypełnia	Nr zadania	16
Wypełnia sprawdzający	Maks. liczba pkt	7
or	Uzyskana liczba pkt	

BRUDNOPIS

