LIGA MATEMATYCZNA im. Zdzisława Matuskiego STYCZEŃ 2018 SZKOŁA PONADGIMNAZJALNA

ZADANIE 1.

Czy istnieje czworościan, który ma siatkę będącą trójkątem prostokątnym? Odpowiedź uzasadnij.

ZADANIE 2.

Wyznacz T(2018) w ciągu o podanym wzorze rekurencyjnym

$$\begin{cases} T(1) = 1 \\ T(n) = 2 \cdot T\left(\left[\frac{n}{2}\right]\right), \text{ gdy } n \geqslant 2. \end{cases}$$

gdzie [x] oznacza największą liczbę całkowitą nie przekraczającą liczby x.

ZADANIE 3.

Czy istnieją liczby całkowite a i b, które spełniają równanie

$$|a^2 + b| + |a^2 - b| + |a + b^2| + |a - b^2| = 1234567$$
?

ZADANIE 4.

W zbiorze liczb rzeczywistych rozwiąż układ równań

$$\begin{cases} \sqrt{2x - y + 11} - \sqrt{3x + y - 9} = 3\\ \sqrt[4]{2x - y + 11} + \sqrt[4]{3x + y - 9} = 3. \end{cases}$$

ZADANIE 5.

W okrąg wpisano dwa wielokąty równokątne: 2016-kąt i 2018-kąt. Jaką największą liczbę wspólnych boków mogą mieć te dwa wielokąty?