## Praca kontrolna nr 4

- **32.1.** Statek z Wrocławia do Szczecina płynie 3 dni, a ze Szczecina do Wrocławia 5 dni. Jak długo z Wrocławia do Szczecina płynie woda?
- **32.2.** Dla jakich wartości rzeczywistych x liczby  $1+\log_2 3$ ,  $\log_x 36$ ,  $\frac{4}{3}\log_8 6$  są trzema kolejnymi wyrazami ciągu geometrycznego.
- 32.3. Wanna o pojemności 200 l mająca kształt połowy walca (rozciętego wzdłuż osi) leży poziomo na ziemi i zawiera pewną ilość wody. Do wanny włożono belkę (cięższą od wody) w kształcie walca o średnicy cztery razy mniejszej niż średnica wanny i długości równej połowie długości wanny. Okazało się, że lustro wody styka się z powierzchnią belki zanurzonej w wodzie. Podać, z dokładnością do 0,1 l, ile wody znajduje się w wannie?
- **32.4.** Wyznaczyć wszystkie wartości parametru m, dla których obydwa pierwiastki trójmianu kwadratowego  $v(x) = x^2 + mx m^2$  leżą między pierwiastkami trójmianu  $w(x) = x^2 (m-1)x m$ .
- **32.5.** Urna A zawiera trzy kule białe i dwie czarne, a urna B dwie kule białe i trzy czarne. Wylosowano cztery razy jedną kulę (ze zwracaniem) z urny A oraz jedną kulę z urny B. Obliczyć prawdopodobieństwo tego, że wśród pięciu wylosowanych kul są co najmniej dwie kule białe.
- **32.6.** Rozwiazać równanie  $2\sin 2x + 2\cos 2x + \operatorname{tg} x = 3$ .
- **32.7.** Dana jest funkcja  $f(x) = x^4 2x^2$ . Wyznaczyć wszystkie proste styczne do wykresu tej funkcji zawierające punkt P(1,-1). Ile punktów wspólnych z wykresem tej funkcji mają wyznaczone styczne? Rozwiązanie zilustrować rysunkiem.
- 32.8. Podstawą ostrosłupa ABCS jest trójkąt równoramienny, którego kąt przy wierzchołku C ma miarę  $\alpha$ , a ramię BC ma długość b. Spodek wysokości ostrosłupa leży w środku wysokości CD podstawy, a kąt płaski ściany bocznej ABS przy wierzchołku ma miarę  $\alpha$ . Obliczyć promień kuli opisanej na tym ostrosłupie oraz cosinusy kątów nachylenia ścian bocznych do podstawy.