X Konkurs matematyczny Staś

XIV LO im. Stanisława Staszica 2 czerwca 2010 roku

klasa V

Na rozwiązanie poniższych zadań masz 90 minut.
Kolejność rozwiązywania tych zadań jest dowolna.
Wszystkie zadania są jednakowo punktowane.
Maksymalną liczbę punktów może uzyskać jedynie pełne rozwiązanie, z uzasadnieniem i odpowiedzią.

Używanie korektora i korzystanie z kalkulatora jest niedozwolone.

Zadanie 1.

Przerysuj tabelkę. W puste kratki wpisz takie liczby naturalne różne od dwójki, aby iloczyny liczb w każdym rzędzie poziomym i w każdym rzędzie pionowym były równe.

2	5	
3		
5		

Zadanie 2.

Sto orzechów należy rozdzielić pomiędzy 25 uczniów tak, aby żaden z nich nie otrzymał parzystej liczby orzechów. Czy to możliwe?

Zadanie 3.

Podstawą trójkąta równoramiennego ABC jest bok BC. Na boku AC leży taki punkt D, że odcinki DA i DB są równe oraz kąty DBA i DBC są równe. Oblicz miarę kąta BAC.

Zadanie 4.

Podaj przykład trzech różnych dodatnich ułamków dziesiętnych, których suma jest równa $\frac{1}{16}$.

Zadanie 5.

Każde "naroże" sześcianu odcięto płaszczyzną przechodzącą przez środki krawędzi, wychodzących z jednego wierzchołka sześcianu. Jakimi wielokątami są ściany powstałego wielościanu? Ile jest ścian każdego rodzaju?