VII Konkurs matematyczny St@ś

XIV LO im. Stanisława Staszica 28 maja 2007 roku

klasa VI

Na rozwiązanie poniższych zadań masz 90 minut. Kolejność rozwiązywania tych zadań jest dowolna. Wszystkie zadania są jednakowo punktowane. Maksymalną liczbę punktów może uzyskać jedynie pełne rozwiązanie, z uzasadnieniem i odpowiedzią.

Używanie korektora i korzystanie z kalkulatora jest niedozwolone.

- 1. Rolnik zebrał 240 ton zboża. Pierwszego dnia sprzedał $\frac{3}{5}$ zbiorów, drugiego dnia $\frac{1}{6}$ reszty. Ile zboża zostało rolnikowi po drugiej sprzedaży?
- 2. Trzy kolejne liczby trzycyfrowe zapisano obok siebie bez odstępów, otrzymując liczbę dziewięciocyfrową podzielną przez 4 i 25. Znajdź tę liczbę, wiedząc, że w jej zapisie występują jedynie trzy różne cyfry.
- 3. Oblicz objętość prostopadłościanu wiedząc, że jeśli byśmy zwiększyli o 1 cm:
 - (a) jedynie długość jego podstawy, to objętość wzrosłaby o 20 cm³.
 - (b) jedynie szerokość jego podstawy, to objętość wzrosłaby o 50 cm³.
 - (c) jedynie jego wysokość, to objętość wzrosłaby o 10 cm³.
- 4. Dany jest równoległobok ABCD o polu równym 20 cm². Punkt P znajduje się we wnętrzu tego równoległoboku. Oblicz sumę pól trójkątów ABP i CDP.
- 5. Uzupełnij przedstawiony poniżej diagram tak, aby każda liczba znajdująca się wyżej była dzielnikiem wszystkich liczb znajdujących się niżej.
 - W każde pole należy wpisać po jednej cyfrze. Powstaną w ten sposób cztery liczby: na górze liczba jednocyfrowa, poniżej dwu i trzycyfrowa, a na samym dole czterocyfrowa.

