Wojewódzki Konkurs Przedmiotowy z matematyki dla uczniów szkół podstawowych województwa kujawsko – pomorskiego

etap rejonowy - 14.12.2019

| Kod ucznia: | | | | | | | |
|-------------|------------------|--------|----|----|----|----|----|
| | Numer zadania | 1 - 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 |
| | | | | | | | |

Wynik: _____ / 30 pkt.

Instrukcja dla ucznia

Zanim przystąpisz do rozwiązywania zadań, przeczytaj uważnie poniższą instrukcję.

- 1. Wpisz w wyznaczonym miejscu powyżej swój kod ustalony przez Komisję Konkursową. Nie wpisuj swojego imienia i nazwiska.
- 2. Przed rozpoczęciem pracy sprawdź, czy twój zestaw jest kompletny. Niniejszy arkusz zawiera 12 stron i składa się z 21 zadań. Jeżeli zauważysz jakiekolwiek braki lub błędy w druku zgłoś ten fakt komisji konkursowej.
- 3. Przeczytaj uważnie i ze zrozumieniem polecenia zadań.
- 4. Dbaj o czytelność pisma i precyzję prezentacji rozwiązania zadań.

Liczba punktów

- 5. Używaj długopisu z czarnym lub niebieskim tuszem.
- 6. **Zadania od 1 do 16** sa zadaniami **jednokrotnego** wyboru.
- 7. **W zadaniach 1 16,** wybierz <u>jedną</u> z podanych odpowiedzi i zamaluj kratkę z odpowiadającą jej literą znajdującą się przy numerze zadania.
- 8. W zadaniu 17 wpisz tylko odpowiedź. Rozwiązania nie będą oceniane
- 9. **W zadaniu 18** oceń, czy zdania są prawdziwe. Zaznacz **P**, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub **F** jeśli jest fałszywe i zamaluj kratkę z odpowiadającą jej literą znajdującą się przy numerze zadania.
- 10. **W zadaniach 19, 20 i 21** oceniane będą tylko te rozwiązania zadań, które zostaną zapisane w miejscu do tego przeznaczonym. Notatki w miejscach przeznaczonych na brudnopis nie podlegają ocenie.
- 11. Nie używaj korektora. Jeżeli się pomylisz, błędną odpowiedź w zadaniach 1 16 otocz kółkiem i ponownie udziel poprawnej odpowiedzi. Oceniane będą tylko odpowiedzi, które zostały wpisane zgodnie z poleceniem i umieszczone w miejscu do tego przeznaczonym.
- 12. W trakcie konkursu obowiązuje zakaz korzystania z urządzeń telekomunikacyjnych oraz kalkulatorów.
- 13. Całkowity czas na wykonanie testu wynosi 60 minut. Po zapoznaniu się z instrukcją zostanie podany faktyczny czas rozpoczęcia i zakończenia pracy z arkuszem.
- 14. Przy każdym zadaniu podano maksymalną liczbę punktów, którą można uzyskać.
- 15. Na ostatniej kartce znajdują się wszystkie zadania, z którymi zmierzyłeś się na konkursie.

Kuratorium Oświaty w Bydgoszczy

Zadanie 1. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

Słoń waży 5 ton, a waga mrówki jest równa 0,5 grama. Słoń jest cięższy od mrówki

- A. 10^6 razy
- B. 10^7 razy
- C. 10 razy
- D. 10^8 razy

Zadanie 2. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

Kasia połowę swoich oszczędności przeznaczyła na prezent dla Maćka. 10% tego, co jej zostało, przeznaczyła na prezent dla Dominiki. Julii pozostało

A. 25% oszczędności

C. 45% oszczędności

B. 40% oszczędności

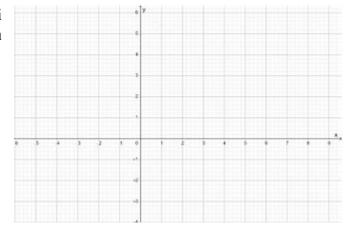
D. 55% oszczędności

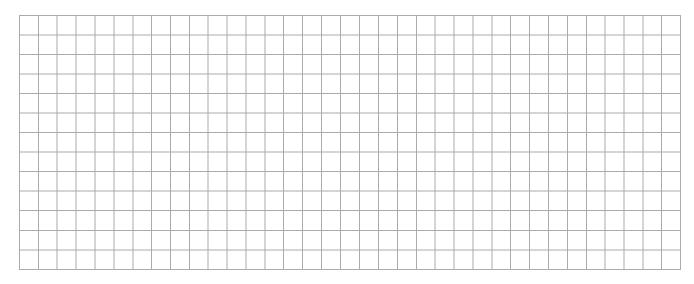
Zadanie 3. (1 punkt)



Punkty $A=(-1,\ 3)$ i $C=(-5,\ 5)$ są przeciwległymi wierzchołkami kwadratu ABCD. Pole tego kwadratu jest równe

- A. 10
- C. 50
- B. 25
- D. 100





Zadanie 4. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

Obwód prostokąta jest równy 28. Stosunek długości jego boków jest równy 3 : 4. Przekątna tego prostokąta jest równa

A. 14

B. 8

C. 6

D. 10

Zadanie 5. (1 punkt)



Dane są okręgi o promieniach 12 i 17. Większy okrąg przechodzi przez środek mniejszego okręgu. Odległość między środkami tych okręgów jest równa

A. 5

B. 12

C. 17

D. 29

Zadanie 6. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

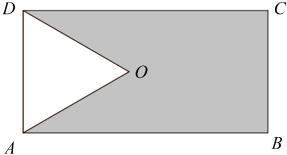
Z prostokąta *ABCD* o obwodzie 30 wycięto trójkąt równoboczny *AOD* o obwodzie 15. Obwód zacieniowanej figury jest równy

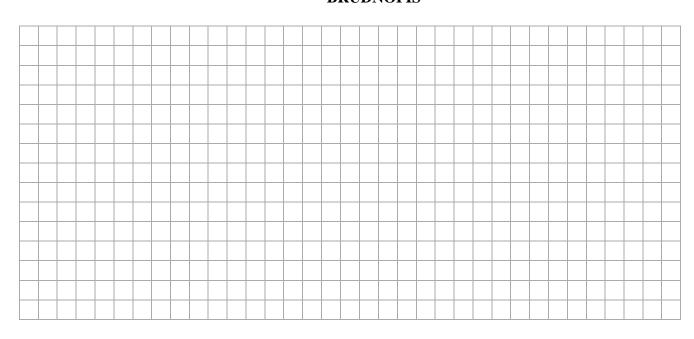
A. 25

B. 30

C. 35

D. 40





Zadanie 7. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

Czwarta potęga liczby naturalnej nie może mieć jako cyfrę jedności

A. 1

B. 2

C. 5

D. 6

Zadanie 8. (1 punkt)



Dany jest sześcian, w którym liczba określająca jego objętość w cm³ jest równa liczbie określającej jego powierzchnię całkowitą w cm². Długość krawędzi tego sześcianu jest równa

A. 8 cm

B. 4 cm

C. 5 cm

D. 6 cm

Zadanie 9. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

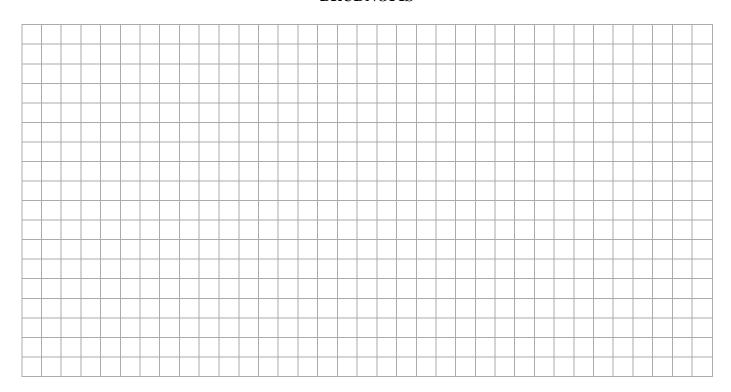
Zegar z wyświetlaczem elektronicznym stoi przy lustrze tak, że wyświetlana godzina odbija się w nim tak jak na rysunku. Godzina 18:30 na zegarze jest taka sama jak w jej lustrzanym odbiciu. Taką samą własność ma również godzina

A. 08: 13

C. 15: 55

B. 09: 06

D. 11: 36



Zadanie 10. (1 punkt)

| A | В | С | D |
|---|---|---|---|
|---|---|---|---|

Spotkało się 10 osób i każda z nich ma swój numer od 1 do 10. Usiedli przy okrągłym stole w równych odległościach w kolejności rosnącej. Naprzeciw osoby z numerem 3 siedzi osoba z numerem

A. 7

B. 8

C. 9

D. 10

Zadanie 11. (1 punkt)



Wskazówka godzinowa w ciągu 20 minut obróci się o

A. 20°

B. 30°

C. 10°

D. 90°

Zadanie 12. (1 punkt)



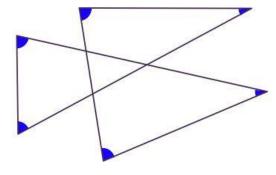
Suma zacieniowanych kątów przedstawionych na rysunku, wynosi

A. 360°

C. 180°

B. 540°

D. 420°





Zadanie 13. (1 punkt)



Chcemy rozlać 12 litrów soku do butelek o pojemności $\frac{1}{2}$ litra, wypełniając te butelki do $\frac{3}{4}$ objętości. Liczba butelek, które należy przygotować, to

- A. 24
- B. 48
- C. 32
- D. 36

Zadanie 14. (1 punkt)



Organizatorzy loterii napisali, że losy wygrywające stanowią 15% wszystkich losów. Wszystkich losów jest 20. Aby mieć pewność, że wśród kupionych losów jest los wygrywający, trzeba kupić co najmniej

- A. 3 losy
- B. 4 losy
- C. 17 losów
- D. 18 losów

Zadanie 15. (1 punkt)



Aby liczba 31∇756∇8 była podzielna przez 12, w miejsce ∇ należy wstawić cyfrę

- A. 2
- B. 4
- C. 0
- D. 8

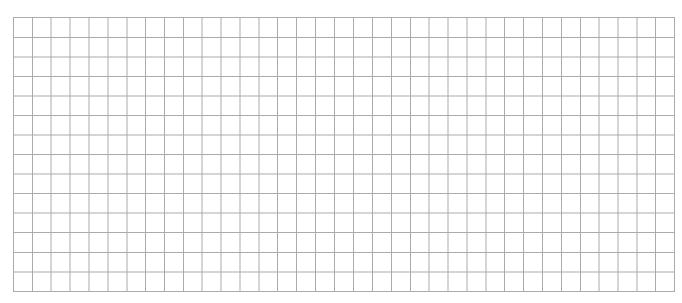
Zadanie 16. (1 punkt)



W pewnym trójkącie **ostrokątnym** równoramiennym jeden z kątów ma miarę 2,5 razy większą niż drugi kąt. Miara największego kąta tego trójkąta to

B. 60°

- B. 70°
- C. 100°
- D. 75°



Zadanie 17. (3 punkty)

Przeczytaj zadanie i uzupełnij luki.

W równoległoboku *ABCD* krótszy bok ma długość 10 cm, kąt ostry ma miarę 45° oraz krótsza przekątna jest prostopadła do jednego z boków.

| | | Odpowiedź |
|----|--|-----------------|
| Α. | Pole tego równoległoboku wynosi | cm ² |
| В. | Kąt rozwarty równoległoboku ma miarę | 0 |
| C. | Wysokość tego równoległoboku opuszczona na dłuższy bok ma długość | cm |

| Punkty |
|--------|
| |
| |
| |

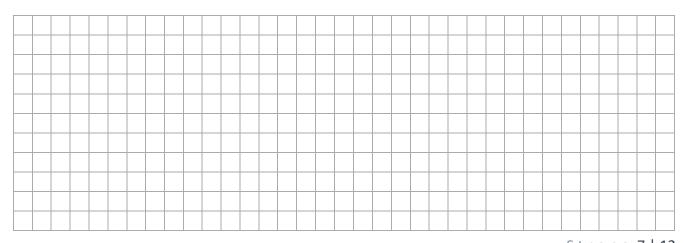
Zadanie 18. (3 punkty)

Oceń prawdziwość zdań. Zaznacz PRAWDA, jeśli zdanie jest prawdziwe, lub FAŁSZ – jeśli jest fałszywe.

W ośmioosobowym zespole jest 5 kobiet i 3 mężczyzn. Średnia wieku pań wynosi 32, a średnia wieku panów 40.

| | | PRAWDA | FAŁSZ |
|----|---|--------|-------|
| Α. | Średnia wieku w całym zespole wynosi 36 | PRAWDA | FAŁSZ |
| В. | Jeżeli do zespołu dojdzie pani w wieku 26 lat, to średnia tego zespołu obniży się o 1 | PRAWDA | FAŁSZ |
| C. | Jeżeli w zespole jest osoba w wieku 26 lat i ona odejdzie, to średnia tego zespołu wzrośnie o 1 | PRAWDA | FAŁSZ |

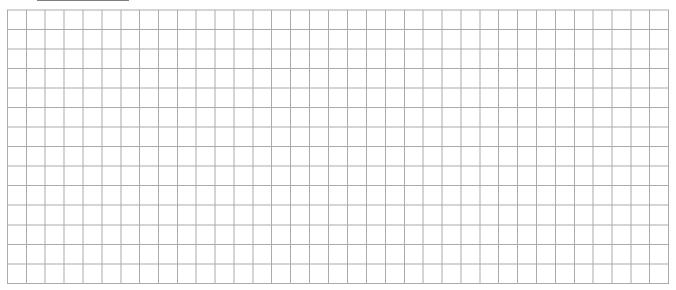
| | Punkty |
|---|--------|
| | |
| | |
| = | |
| | |



Zadanie 19. (2 punkty)

Dany jest trapez ABCD, w którym podstawy |AB| = 8 cm i |CD| = 2 cm. Ile razy pole trójkąta ACD jest mniejsze od pola trapezu ABCD?

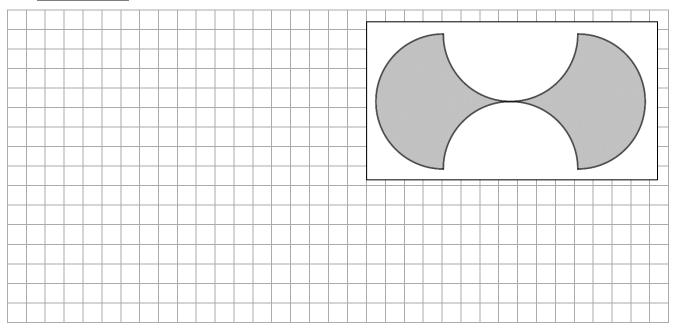
Rozwiązanie:



Zadanie 20. (2 punkty)

Obwód figury przedstawionej na rysunku składa się z czterech jednakowych półokręgów o promieniu 2 cm. Oblicz pole zacieniowanej figury.

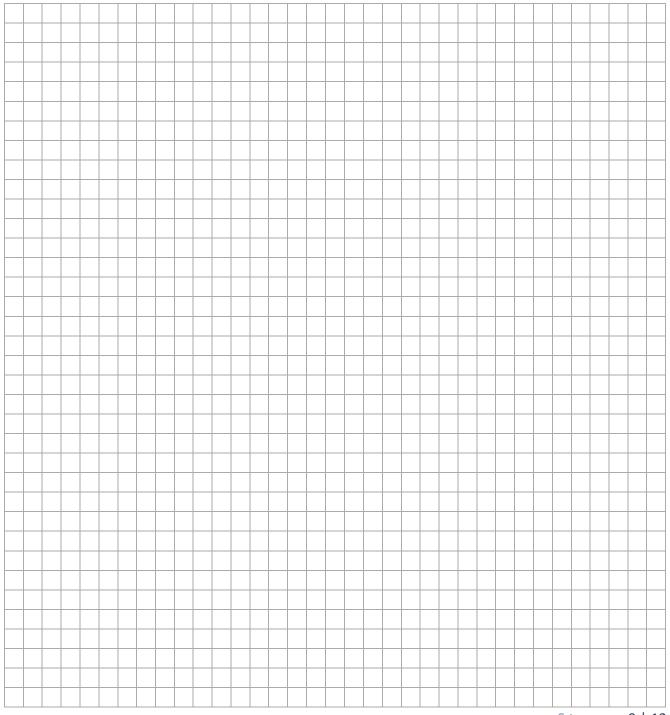
Rozwiązanie:

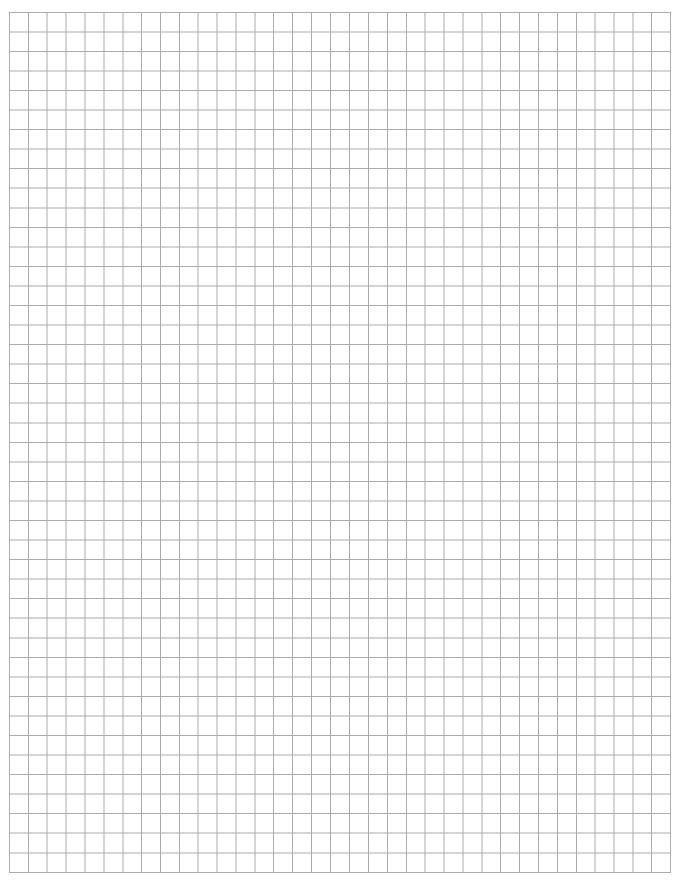


Zadanie 21. (4 punkty)

Grupa uczniów wybrała się na wycieczkę. Pierwszą $\frac{1}{3}$ całej trasy pokonali pieszo z prędkością 5 km/h. Drugą $\frac{1}{3}$ całej trasy przejechali na rowerach z prędkością o 200% większą niż pierwszą część trasy. Ostatnią $\frac{1}{3}$ całej trasy przejechali autobusem z prędkością o 100% większą niż drugą część trasy. Jaka była średnia prędkość tej grupy uczniów na całej trasie?

Rozwiązanie:





Wojewódzki Konkurs Przedmiotowy z matematyki dla uczniów szkół podstawowych województwa kujawsko – pomorskiego

| | et | ap rejonowy – 14.12 | .2019 | |
|---|---------------------------------|------------------------------------|----------------------------|----------------------|
| Zad.1. Słoń waży 5 ton, a | waga mrówki jest rówr | na 0,5 grama. Słoń jest c | ięższy od mrówki | |
| A. 10^6 razy | B. 10^7 razy | C. 10 razy | D. 10^8 razy | |
| Zad.2. Kasia połowę swo na prezent dla Dominiki. J | | naczyła na prezent dla N | Maćka. 10% tego, co jej ze | ostało, przeznaczyła |
| A. 25% oszczędnoścB. 40% oszczędnośc | | C. 45% oszczędn D. 55% oszczędn | | |
| Zad.3. Punkty $A = (-1, 3)$ is | i $C = (-5, 5)$ są przeciwle | głymi wierzchołkami ky | vadratu ABCD. Pole tego | kwadratu jest równe |
| A. 10 | B. 25 | C. 50 | D. 100 | |
| Zad.4. Obwód prostokąta równa | jest równy 28. Stosunel | k długości jego boków je | est równy 3 : 4. Przekątna | tego prostokąta jest |
| A. 14 | B. 8 | C. 6 | D. 10 | |
| Zad.5. Dane są okręgi o p między środkami tych okr | | iększy okrąg przechodz | i przez środek mniejszego | o okręgu. Odległość |
| A. 5 | B. 12 | C. 17 | D. 29 | |
| Zad.6. Z prostokąta <i>ABG</i> o obwodzie 15. Obwód za A. 25 | - | | czny AOD D | > o |
| B. 30 | D. 40 | | | B |
| Zad.7. Czwarta potęga lic | zby naturalnej nie moż e | e mieć jako cyfry jednoś | ści A | Б |
| A. 1; | B. 2; | C. 5; | D. 6. | |
| Zad.8. Dany jest sześcia powierzchnię całkowitą w | | | | ie określającej jego |
| A. 8 cm | B. 4 cm | C. 5 cm | D. 6 cm | |
| Zad.9. Zegar z wyświetla odbija się w nim tak jak lustrzanym odbiciu. Taką | na rysunku. Godzina | 18:30 na zegarze jest t | | 8:30 |
| A. 08: 13 B. 09: 06 | C. 15: 55 D. 11: 36 | | | 10-50 |
| Zad.10. Spotkało się 10 odległościach w kolejnośc | | • | | m stole w równych |
| A. 7 | B. 8 | C. 9 | D. 10 | |
| Zad.11. Wskazówka godz | zinowa w ciągu 20 minu | t obróci się o: | | |
| A. 20° | B. 30° | C. 10° | D. 90° | |
| Zad.12. Suma zacieniowa | nych kątów przedstawie | onych na rysunku, wync | osi | |
| A. 360° B. 540° | C. 180° D. 420° | | | |

| Zad.13. Chcemy rozlać 12 litrów soku do butelek | o pojemności $\frac{1}{2}$ litra, wypełniaja | ac te butelki do $\frac{3}{4}$ objętości. Liczba |
|---|--|--|
| butelek, które należy przygotować, to | 2 | • |

A. 24

B. 48

C. 32

D. 36

Zad.14. Organizatorzy loterii napisali, że losy wygrywające stanowią 15% wszystkich losów. Wszystkich losów jest 20. Aby mieć pewność, że wśród kupionych losów jest los wygrywający, trzeba kupić co najmniej

A. 3 losy

B. 4 losy

C. 17 losów

D. 18 losów

Zad.15. Aby liczba $31\nabla 756\nabla 8$ była podzielna przez 12, w miejsce ∇ należy wstawić cyfrę

A. 2

B. 4

C. 0

D. 8

Zad.16. W pewnym trójkącie **ostrokątnym** równoramiennym jeden z kątów ma miarę 2,5 razy większą niż drugi kąt. Miara największego kąta tego trójkąta to

A. 60°

B. 70°

C. 100°

D. 75°

Zad.17. W równoległoboku *ABCD* krótszy bok ma długość 10 cm, kąt ostry ma miarę 45° oraz krótsza przekątna jest prostopadła do jednego z boków.

A. Pole tego równoległoboku wynosi: cm².

B. Kąt rozwarty równoległoboku ma miarę:

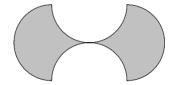
C. Wysokość tego równoległoboku opuszczona na dłuższy bok ma długość:..... cm.

Zad.18. W ośmioosobowym zespole jest 5 kobiet i 3 mężczyzn. Średnia wieku pań wynosi 32, a średnia wieku panów 40.

| A. | Średnia wieku w całym zespole wynosi 36 | PRAWDA | FAŁSZ |
|----|---|--------|-------|
| B. | Jeżeli do zespołu dojdzie pani w wieku 26 lat, to średnia tego zespołu obniży się o 1 | PRAWDA | FAŁSZ |
| C. | Jeżeli w zespole jest osoba w wieku 26 lat i ona odejdzie, to średnia tego zespołu wzrośnie o 1 | PRAWDA | FAŁSZ |

Zad.19. Dany jest trapez ABCD, w którym podstawy AB = 8 cm i CD = 2 cm. Ile razy pole trójkąta ACD jest mniejsze od pola trapezu ABCD?

Zad.20. Obwód figury przedstawionej na rysunku składa się z czterech jednakowych półokręgów o promieniu 2 cm. Oblicz pole zacieniowanej figury.



Zad.21. Grupa uczniów wybrała się na wycieczkę. Pierwszą $\frac{1}{3}$ całej trasy pokonali pieszo z prędkością 5 km/h. Drugą $\frac{1}{3}$ całej trasy przejechali na rowerach z prędkością o 200% większą niż pierwszą część trasy. Ostatnią $\frac{1}{3}$ całej trasy przejechali autobusem z prędkością o 100% większą niż drugą część trasy. Jaka była średnia prędkość tej grupy uczniów na całej trasie?

Oderwij te kartke i zabierz ze soba do domu.