## XII WOJEWÓDZKI KONKURS MATEMATYCZNY DLA UCZNIÓW GIMNAZJÓW

## WOJEWÓDZTWO WIELKOPOLSKIE **Etap rejonowy**rok szkolny 2011/2012

	wylosowany numer uczestnika konkursu		
Dane dotyczące ucznia:			
(wypełnia Komisja Konkursowa			

## Informacje dla uczestnika Konkursu Matematycznego:

• Test składa się z dwóch części.

po rozkodowaniu prac)

- Część I to 10 zadań zamkniętych, w których tylko jedna z odpowiedzi (A, B, C lub D) jest poprawna. Wybierz poprawną odpowiedź, a następnie zaznacz ją znakiem "X" w tabeli znajdującej się na karcie odpowiedzi na końcu tego arkusza.
- Część II to 12 zadań otwartych.

Pamiętaj o wpisaniu kodu uczestnika konkursu na każdej kartce.

Zamieszczaj wszystkie etapy rozwiązania zadań. Zwróć uwagę na jednostki.

- Na rozwiązanie wszystkich zadań z obu części masz 90 minut.
- Za poprawne rozwiązanie wszystkich zadań możesz uzyskać 50 pkt.
- Aby zostać uczestnikiem etapu wojewódzkiego musisz uzyskać 80% czyli 40 pkt.
- Staraj się pisać wyraźnie. Rozwiązania zapisz długopisem (nie ołówkiem). Tylko pomocnicze rysunki możesz wykonać ołówkiem

Powodzenia!

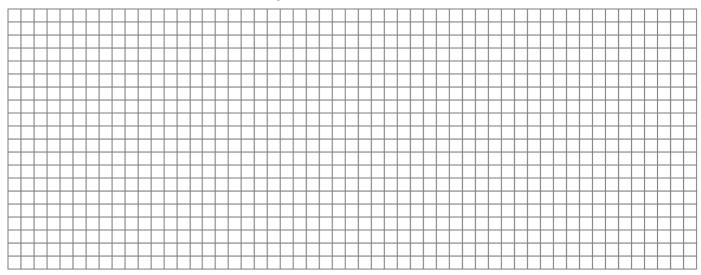
**Zadanie 1** (1 pkt.) Ile liczb wymiernych znajduje się wśród liczb:  $-\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{19}}; \frac{11}{\pi}; \sqrt{2\frac{7}{9}} - 2.3; \sqrt{3 - \sqrt{4}}; \sqrt[3]{9}; 5?$ A 2 B 3 C 4 **Zadanie 2** (1 pkt.) Po uproszczeniu wyrażenie  $\frac{3x-9}{12}$  ma postać: 5 **Zadanie 3** (*1 pkt.*) Wartością wyrażenia:  $\sqrt{4^2 + 8^2} \cdot \sqrt{5^2 + 10^2}$  jest liczba:  $20\sqrt{5}$  $25\sqrt{20}$ 100 500 Zadanie 4 (1 pkt.) Liczby naturalne 1, 3 oraz n są długościami boków trójkata. Jego połowa obwodu wynosi:  $\boxed{\mathsf{B}} \quad \frac{n+2}{2} \qquad \boxed{\mathsf{C}} \qquad n+4$ **Zadanie 5** (1 pkt.) Ile razy liczba (2,5)<sup>4</sup> jest mniejsza niż liczba (25)<sup>4</sup>?  $|C|_{100\,000\,\text{razy}}$ D| 100 razy В 1 000 razy 10 000 razy Zadanie 6 (1 pkt.) Cenę pewnego towaru zwiększono o 10% a następnie ponownie zwiększono o 5%. Łączna podwyżka wyniosła: C | 15,5% B 15% 14.5% 16% **Zadanie 7** (1 pkt.) Ola rozwiązała p zadań, o  $\frac{2}{3}$  więcej niż Paweł. Ile zadań rozwiązał Paweł?  $\begin{bmatrix} C \end{bmatrix}$   $1\frac{1}{2}p$ 0.75pZadanie 8 (1 pkt.) Za dwa lata Jaś będzie trzy razy starszy od Małgosi. Wiadomo, że teraz razem mają 12 lat. Ile obecnie Jaś ma lat? 10 lat 13 lat D 6 lat 16 lat. Zadanie 9 (1 pkt. ) Pan Jan przejechał pewną drogę w 2,5 godziny. Gdyby jechał z szybkością o 20 km/h większa przyjechałby o godzinę wcześniej. Jak długa była droga przebyta przez pana Jana? 30km 60km 100km 75km.

Zadanie 10 (1 pkt.) Ile liczb o różnych cyfrach i większych od 5000 można utworzyć z cyfr 6, 2, 3, 5?

6 27 18. В D

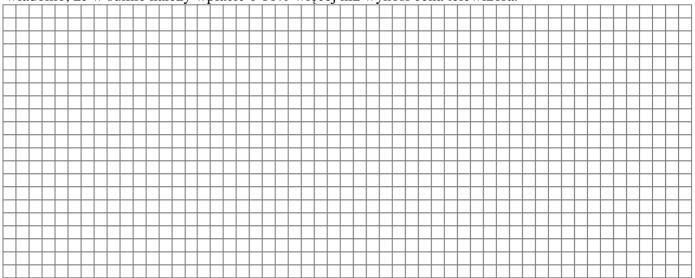
kod ucznia:

**Zadanie 11** (2 pkt.) Zapisz wyrażenie  $\frac{1}{81} \cdot 27^2 \cdot (81)^2 \cdot 3^{-3}$  w postaci potęgi o podstawie 3.

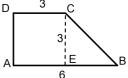


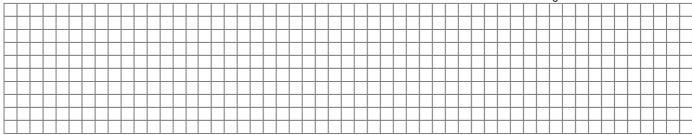
**Zadanie 12** (2 pkt.) Telewizor kosztuje 3 000 złotych. Aby kupić go na raty należy wpłacić 30% ceny. Pozostałą kwotę wraz z odsetkami należy wpłacić w 12 równych ratach. Oblicz wysokość jednej raty, jeżeli

wiadomo, że w sumie należy wpłacić o 10% więcej niż wynosi cena telewizora.



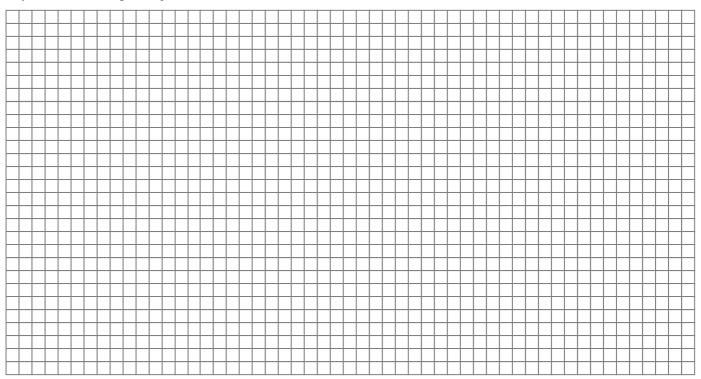
**Zadanie 13** (2 *pkt.*) Oblicz obwód przedstawionego na rysunku obok trapezu prostokątnego.



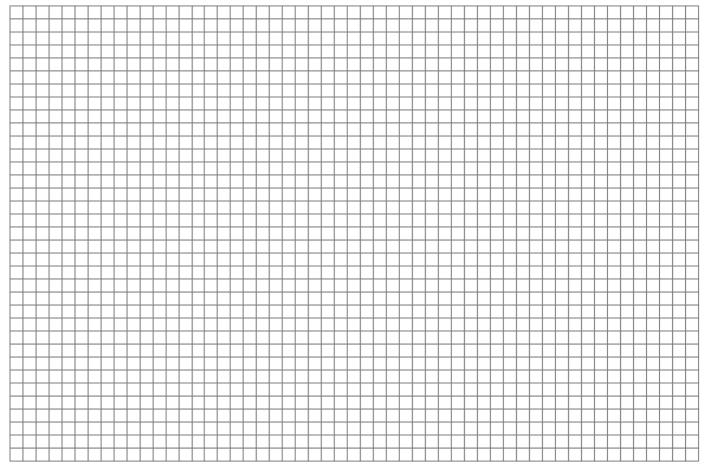


kod ucznia:				
-------------	--	--	--	--

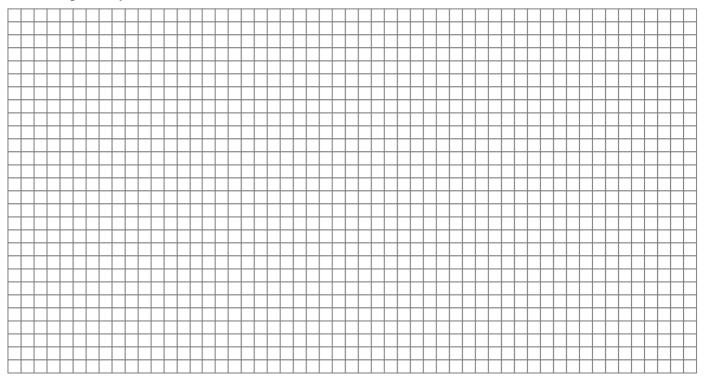
**Zadanie 14** (*2 pkt.*) Do wyprodukowania "Mieszanki owocowej" użyto trzech gatunków cukierków owocowych w proporcji wagowej 3 : 5 : 7. Ile kilogramów każdego z rodzajów tych cukierków jeśli uzyskano 41,25 kg takiej mieszanki?



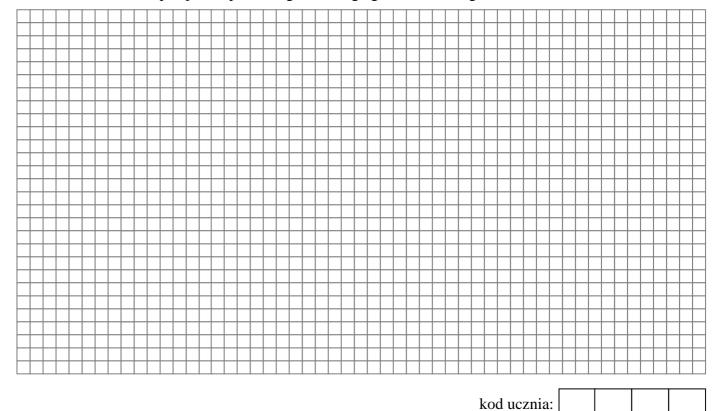
**Zadanie 15** (*2 pkt.*) Pewnego dnia przeprowadzono pomiar temperatury powietrza o pełnych godzinach począwszy od godziny piątej do trzynastej. Stwierdzono, że w każdym następnym pomiarze od pierwszego temperatura wzrastała co pół stopnia Celsjusza. Średnia tych wyników wyniosła 19°C. Jak była temperatura o piątej rano, a jaka o trzynastej?



**Zadanie 16 (4 pkt.)** Nietaktowny sąsiad zapytał panią Krysię, ile ma lat. Pani Krysia odpowiedziała mu: "Jeśli będę żyła równo 120 lat, to mój obecny wiek stanowi trzy piąte czasu, jaki mi pozostał do przeżycia." Ile lat ma pani Krysia?

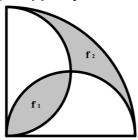


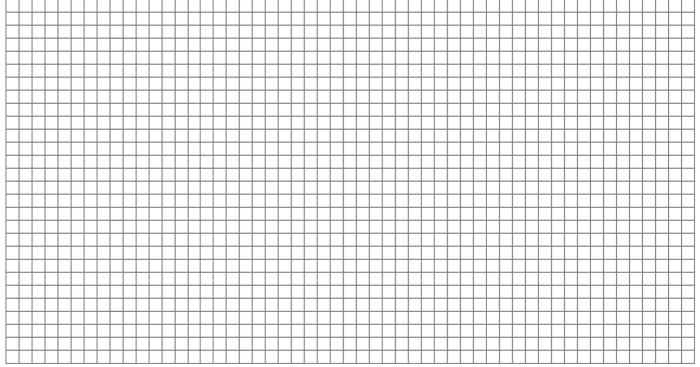
**Zadanie 17** (*4 pkt.*) Turysta w ciągu trzech dni przejechał motocyklem 270 kilometrów. Drugiego dnia przejechał  $\frac{5}{7}$  trasy jaką przejechał pierwszego dnia, a w trzecim dniu przejechał  $\frac{6}{5}$  trasy drugiego dnia. Oblicz ile kilometrów przejechał pierwszego, ile drugiego, a ile trzeciego dnia.



5

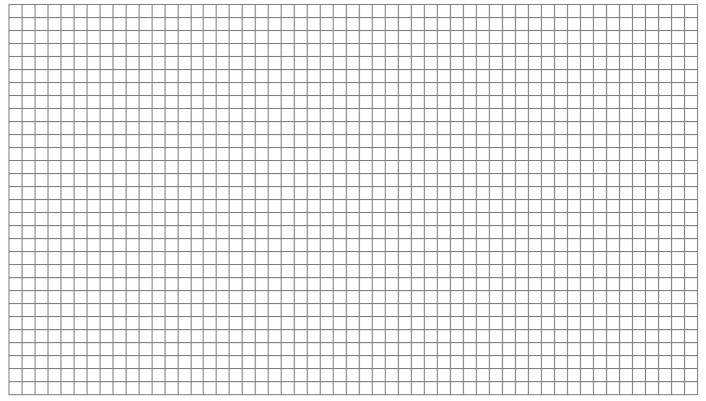
**Zadanie 18** (4 pkt.) Która z figur:  $f_1$  czy  $f_2$  z rysunku obok ma większe pole?



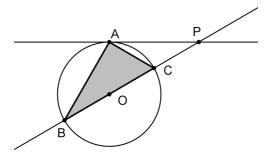


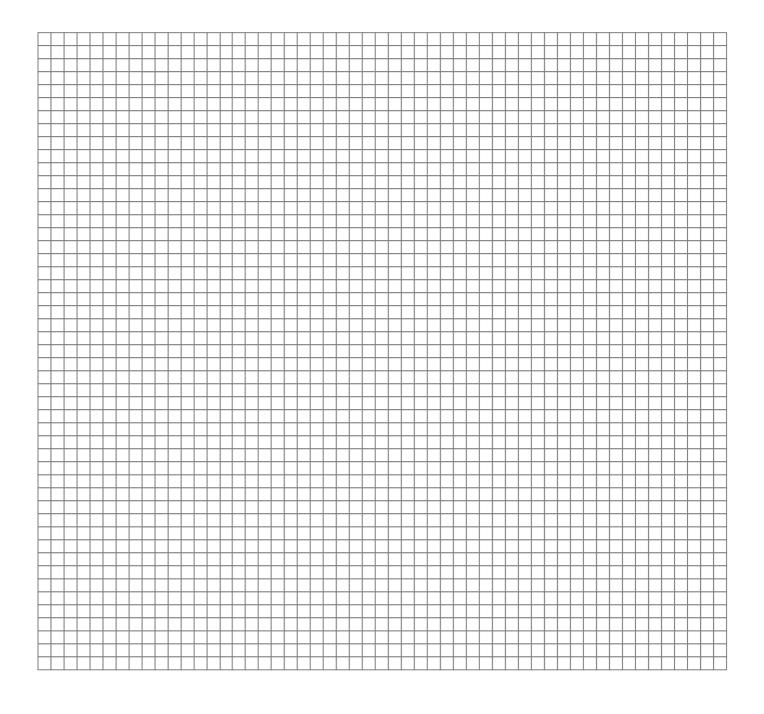
**Zadanie 19** *(4 pkt.)* Z krążków żelaznej blachy o grubości 5 mm i średnicy 12cm wykrawano płytki kwadratowe o możliwie największym polu.

Jaką masę ma taka płytka, jeśli gęstość żelaza jest równa 7,8 g/cm³?



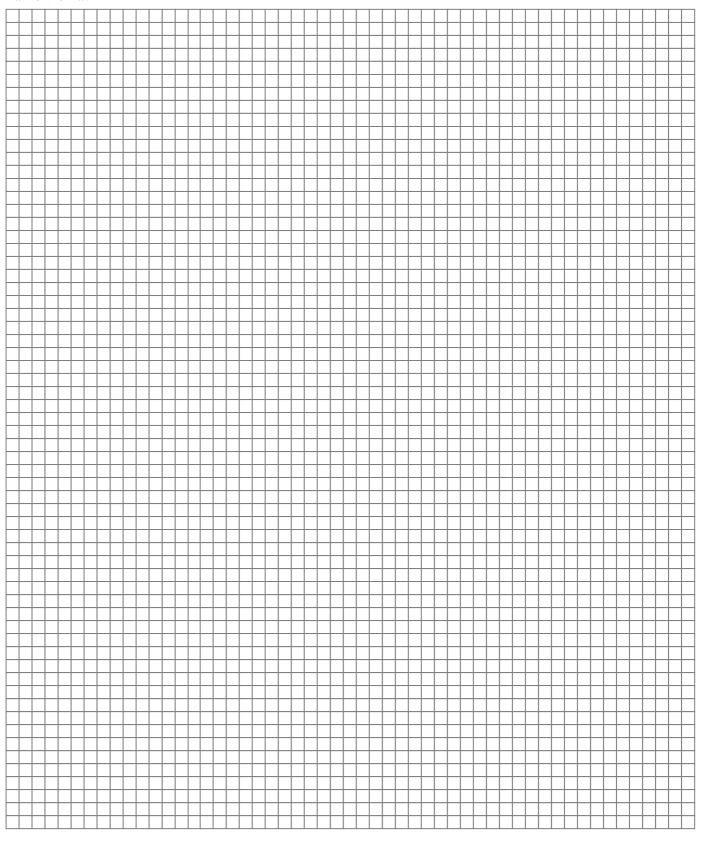
**Zadanie 20** (*4 pkt.*) Dany jest okrąg o środku O. Z punktu P poprowadzono styczną do okręgu i sieczną przechodzącą przez środek okręgu ( tak jak na rysunku ). Oblicz pole trójkąta ABC wiedząc, że odległość punktu C od prostej AP wynosi 2, a odcinek CP ma długość 4.



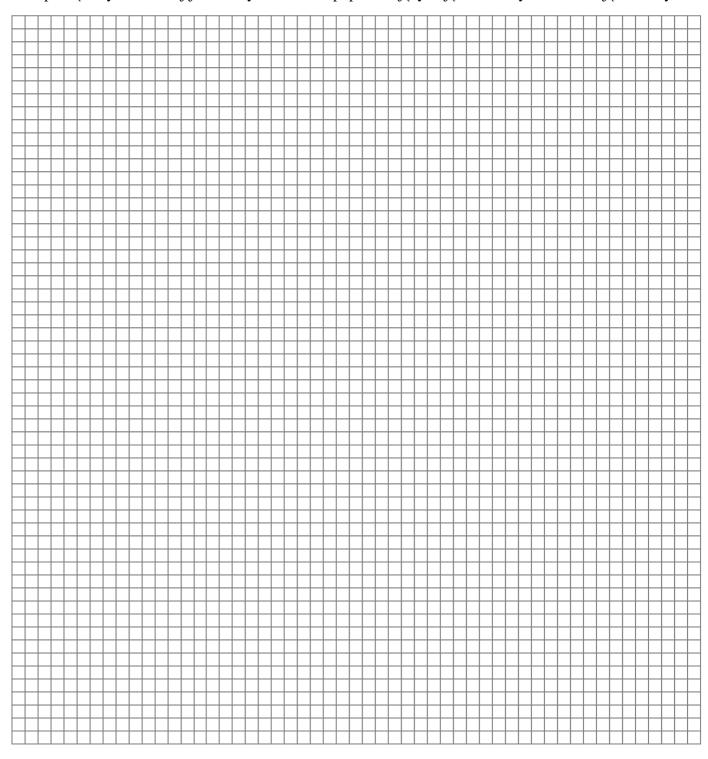


kod ucznia:		

**Zad. 21.** (*5 pkt.*) W fabryce wyprodukowano w ciągu 30 dni 600 piłek realizując 30% zamówienia. O ile procent należy zwiększyć dzienną produkcję, aby w ciągu następnych 56 dni zakończyć realizację zamówienia?



**Zad. 22.** (5 pkt.) Wśród pięciu liczb 2, ..., ..., 500 brakuje trzech liczb. Wiadomo, że każda brakująca liczba począwszy od trzeciej jest iloczynem dwóch poprzedzających ją liczb. Wyznacz brakujące liczby.



kod ucznia:		

**Brudnopis:** 

**Brudnopis:** 

**Karta odpowiedzi**Wybierz tylko jedną właściwą odpowiedź i zamaluj kratkę z odpowiadającą jej literą.
Staraj się nie popełnić błędów przy zaznaczaniu odpowiedzi, ale jeśli się pomylisz, błędne zaznaczenia otocz kółkiem i zaznacz inną odpowiedź.

Numer zadania	Odpowiedzi				Ilość punktów (wypełnia komisja)	Kod ucznia:
1	A	В	С	D		
2	A	В	С	D		
3	A	В	С	D		( Wypełnia komisja ) Suma punktów za
4	A	В	С	D		zadania zamknięte:
5	A	В	С	D		Suma punktów za zadania otwarte:
6	A	В	С	D		
7	A	В	С	D		Suma punktów za zadania zamknięte i otwarte:
8	A	В	С	D		
9	A	В	С	D		
10	A	В	С	D		