

podstawę ma długość  $\frac{s}{2}$ . Ramię trapezu wyznaczamy z podobieństwa odpowiednich trójkątów. Przekątna trapezu nie może przekroczyć średnicy okręgu. Stąd wynika warunek rozwiązalności zadania.

**12.7.** Dla  $p = -1$  i  $p = 2$  układ jest nieoznaczony tzn. ma nieskończenie wiele rozwiązań. Rozwiązania te tworzą dwie proste. Dla każdego z pozostałych  $p$  układ ma jedno rozwiązanie, które przy zmieniającym się  $p$  przebiega trzecią prostą. Na tych trzech prostych znaleźć punkty o podanej własności.

**12.8.** Badać kwadrat pola powierzchni jako funkcję  $y$ . Jest ona wielomianem. Nie mylić postawionego pytania z zagadnieniem wyznaczania ekstremów lokalnych. Wartość najmniejsza jest osiągnięta w punkcie  $y = 0$ , a nie w minimum lokalnym. (Wynik ten kłóci się z intuicją, gdyż w tym przypadku tworząca stożka jest najdłuższa.)

**13.1.** Korzystając ze wzoru na cosinus różnicy kątów przedstawić lewą stronę w postaci  $a \cos(x - \varphi)$  dla odpowiednio dobranego kąta  $\varphi$ .

**13.2.** Wektor  $[12, 5]$  jest wektorem normalnym prostej  $l$ , czyli wektor  $\vec{v} = [5, -12]$  jest do niej równoległy (por. wskazówka do zadania 31.7.). Z definicji iloczynu skalarnego wynika, że liczba  $\frac{|\vec{AB} \circ \vec{v}|}{|\vec{v}|}$  jest długością rzutu prostokątnego odcinka  $AB$  na prostą  $l$ .

**13.3.** Wyznaczyć dziedzinę (nie zapomnieć o warunku  $2^m \neq 7$ ) i użyć wzorów Viète'a. Wykres  $f$  otrzymać ze standardowej krzywej  $y = 2^m$  przez translację i odbicie symetryczne.

**13.4.** Oznaczyć przez  $B_i$  zdarzenie polegające na tym, że pierwszy strzelec trafił  $i$  razy,  $i = 0, 1, 2$ , a przez  $C_j$  zdarzenie, że drugi strzelec trafił  $j$  razy,  $j = 0, 1, \dots, 5$ . Wtedy rozważane zdarzenie ma postać  $(B_0 \cap C_3) \cup (B_1 \cap C_2) \cup (B_2 \cap C_1)$ . Korzystać ze schematu Bernoulliego i niezależności par zdarzeń  $B_i, C_j$ .

**13.5.** Oddzielnie rozważyć  $n$  parzyste i nieparzyste. Zapisać warunki na sumy wyrazów tego ciągu i eliminując niewiadome wyrazić  $a_2$  oraz  $a_3$