Wojewódzki Konkurs Przedmiotowy z matematyki dla uczniów gimnazjum województwa kujawsko-pomorskiego

Etap rejonowy – 3.12.2016r.

Kod ucznia:	Wynik:	/40 pkt.
Tou dezma:	** y 1111X•	/ 40 pku

Instrukcja dla ucznia

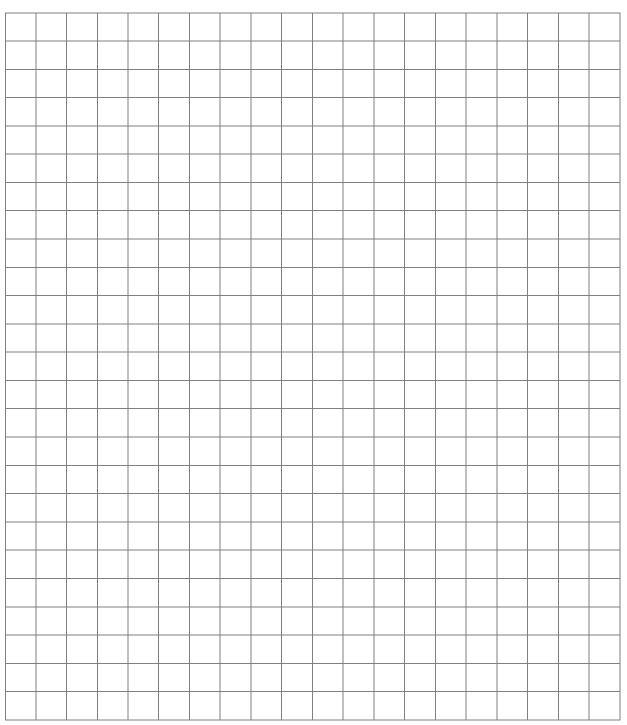
Zanim przystąpisz do rozwiązywania testu, przeczytaj uważnie poniższą instrukcję.

- Wpisz w wyznaczonym miejscu powyżej swój kod ustalony przez Komisję Konkursowa. Nie wpisuj swojego imienia i nazwiska.
- 2. Przed rozpoczęciem pracy sprawdź, czy twój arkusz testowy jest kompletny. Niniejszy arkusz testowy składa się z 7 stron i zawiera 5 zadań. Jeśli zauważysz jakiekolwiek braki lub błędy w druku, zgłoś je natychmiast Komisji Konkursowej.
- 3. Przeczytaj uważnie i ze zrozumieniem polecenia i wskazówki do każdego zadania.
- 4. Odpowiedzi zapisuj długopisem z czarnym lub niebieskim tuszem.
- 5. Dbaj o czytelność pisma i precyzję odpowiedzi. W zadaniach wielokrotnego wyboru poprawne odpowiedzi zaznaczaj zgodnie z poleceniem.
- 6. Nie używaj korektora. Jeżeli pomylisz się, błędną odpowiedź otocz kółkiem i ponownie udziel poprawnej odpowiedzi. Oceniane będą tylko odpowiedzi, które zostały zaznaczone lub wpisane zgodnie z poleceniem i umieszczone w miejscu do tego przeznaczonym.
- 7. Przy każdym zadaniu podano maksymalną liczbę punktów, którą można uzyskać.
- 8. Na ostatniej stronie testu znajdziesz miejsce na brudnopis. **Brudnopis nie podlega** ocenie.
- 9. Pracuj samodzielnie.
- 10. Nie wolno wnosić telefonów komórkowych na konkurs.
- 11. Całkowity czas na wykonanie testu pisemnego wynosi 90 minut.

Zadanie 1. (8 punktów)

Sporządź wykresy funkcji y=x-3, y=x-6 w jednym układzie współrzędnych. Wyznacz współrzędne punktów przecięcia prostych z osiami współrzędnych.

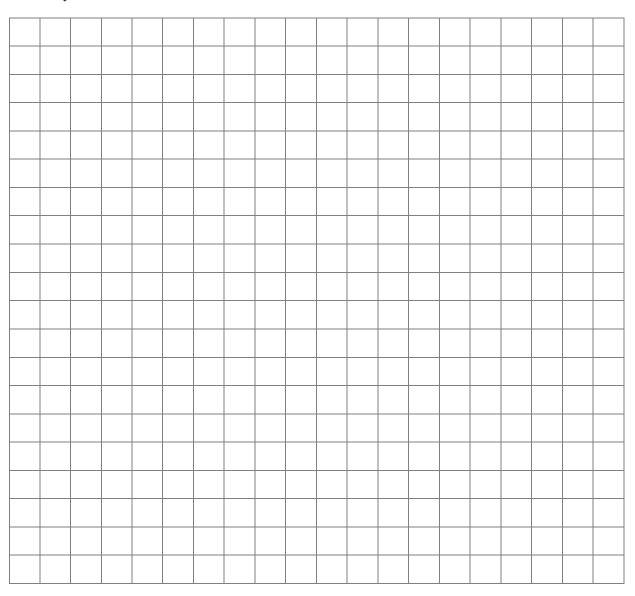
Oblicz pole figury ograniczonej wykresami funkcji y=x-3, y=x-6 oraz osiami układu współrzędnych.



Zadanie 2. (8 punktów)

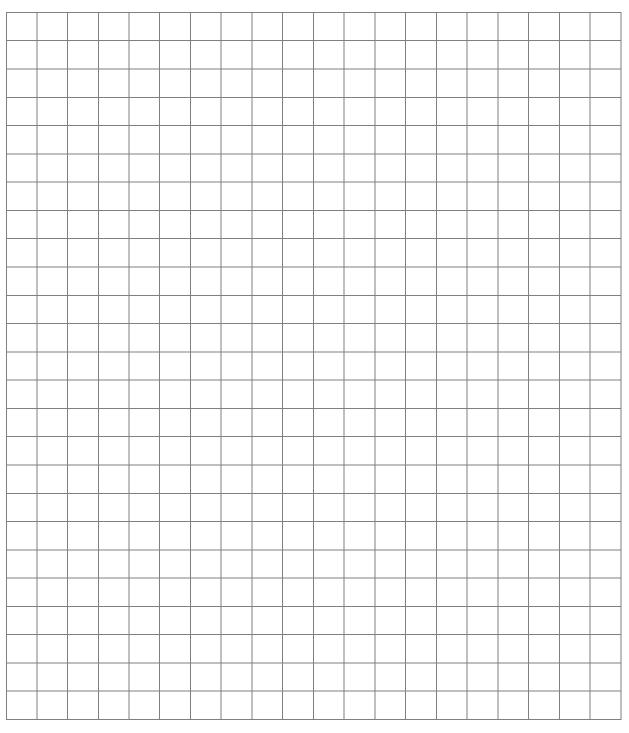
Autobus miał dojechać z miasta A do miasta B o wyznaczonej godzinie. Jeżeli autobus wyjedzie o godzinie 8.00 rano i będzie jechał ze średnią prędkością 50 km/h, to spóźni się do miasta B o jedną godzinę. Jeżeli wyruszy o 8.00 rano i pojedzie ze średnią prędkością 75km/h, to przybędzie na miejsce o dwie godziny za wcześnie. Oblicz:

- a) Odległość miasta B od miasta A.
- b) Z jaką średnią prędkością musi jechać autobus, aby przyjechać do miasta B o wyznaczonej godzinie.
- c) Godzinę planowanego przyjazdu autobusu do miasta B.



Zadanie 3. (8 punktów)

Bilety na pierwszy koncert młodzieżowej kapeli kosztowały 30zł. Na drugi koncert cenę biletów obniżono i wtedy na ten koncert przyszło o 60% więcej słuchaczy niż na pierwszy, a dochód ze sprzedaży biletów na drugi koncert wzrósł o jedną piątą. Oblicz, jaka jest cena biletu po obniżce. O ile procent obniżono cenę biletu?

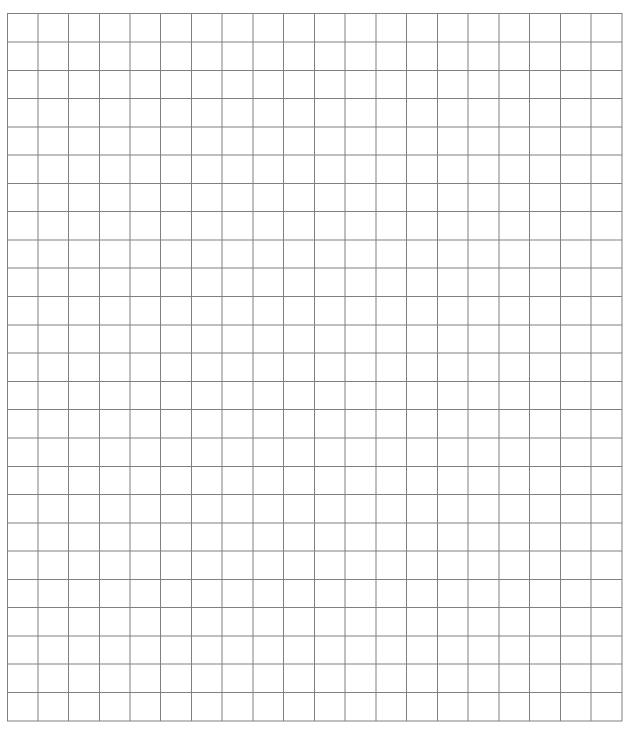


Zadanie 4. (8 punktów)

Dany jest trójkąt ostrokątny ABC. Z Wierzchołka A poprowadzono wysokość AD.

Wykaż, że

$$|BD|^2 - |CD|^2 = |AB|^2 - |AC|^2$$
.



Zadanie 5. (8 punktów)

Długość promienia małego koła wynosi 1 (patrz rysunek).

- Znajdź długość średnicy dużego koła.
- Oblicz pole zacieniowanej figury.

