

SULPHURIC BENCH

સાલ્ફ્યુરિક બેન્ચ

ટેક ટિક સ અવ કિડિયા

પ્રદાર્થવિજ્ઞાન ૬મ પ્રવૃ



টেকটিক্স অব ফিজিক্স

প্রদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র

প্রধান প্রতিকল্পক

আব্দুল্লাহ আবির
মিরাজুল ইসলাম চৌধুরী

সম্পাদনা প্রসদ

জুহায়ের মোবাররাত ভূঁইয়া
নাফিসা তাসনিম

মিসবাহ উজ জামাল
আবরার মাহমুদ
সাদমান ওয়াহিদ
আব্দুল্লাহ শিশান

ফাহিম আবরার
মুবাররাত এ ইশমাঈল
রাফিউর রহমান

মূল্য : ৭০ টাকা মাত্র

টেকটিক্স অব ফিজিক্স

প্রদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র

সংবিধিবদ্ধ সতর্কীকরণ

প্রকাশক এবং স্বত্বাধিকারীর লিখিত অনুমতি ছাড়া এই বইয়ের কোনো অংশেরই কোনোরূপে পুনরুৎপাদন বা প্রতিলিপি করা যাবে না, কোন যান্ত্রিক উপায়ের (গ্রাফিক্স, ইলেক্ট্রনিক্স বা অন্য কোনো মাধ্যম, যেমন ফটোকপি, টেপ বা পুনরুদ্ধারের সুযোগ সংবলিত তথ্য-সঞ্চয় করে রাখার কোনো পদ্ধতি) মাধ্যমে প্রতিলিপি করা যাবে না বা কোনো ডিস্ক, টেপ, প্রারফোরটেড মিডিয়া বা কোনো তথ্য সংরক্ষণের যান্ত্রিক পদ্ধতিতে পুনরুৎপাদন করা যাবে না। এই শর্ত লঙ্ঘিত হলে উপযুক্ত আইনি ব্যবস্থা গ্রহণ করা হবে।

মূল্য : ৭০ টাকা মাত্র

ଟକଟିକମ ଅବ ଚିଞ୍ଚିତ୍ର

ପ୍ରମାର୍ଥବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ପତ୍ର



ଦ୍ଵିତୀୟ ଅଧ୍ୟାୟ



ତୃତୀୟ ଅଧ୍ୟାୟ



ଚତୁର୍ଥ ଅଧ୍ୟାୟ



ପଞ୍ଚମ ଅଧ୍ୟାୟ



ଷଷ୍ଠ ଅଧ୍ୟାୟ



ସପ୍ତମ ଅଧ୍ୟାୟ



ଅଷ୍ଟମ ଅଧ୍ୟାୟ



ନବମ ଅଧ୍ୟାୟ



ଦଶମ ଅଧ୍ୟାୟ

ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ରିଜିକ୍ସ

ମନାର୍ଥବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ପତ୍ର

ଡିକ୍ଟେଟ୍

ସୂଚିପତ୍ର





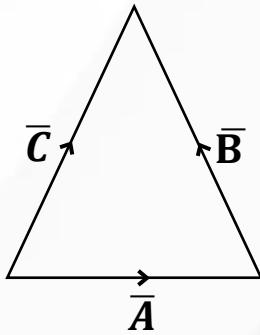
(১) ভেক্টর বীজগণিতের সূত্র:

বিনিময় সূত্র : $\vec{A} + \vec{B} = \vec{B} + \vec{A}$

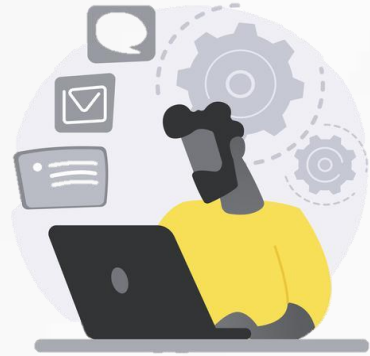
সংযোগ সূত্র : $(\vec{A} + \vec{B}) + \vec{C} = \vec{A} + (\vec{B} + \vec{C})$

বণ্টন সূত্র : $m(\vec{A} + \vec{B}) = m\vec{A} + m\vec{B}$

(২) ত্রিভুজ বিধি :



$$\vec{C} = \vec{A} + \vec{B}$$



(৩) অভিক্ষেপঃ

\vec{A} এর উপর \vec{B} এর অভিক্ষেপ (projection of B up on A), $\text{Proj}_A B$

$$|\vec{B}| \cos \theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}|}$$

(৪) উপাংশ/ অংশক :

$$\vec{A} \text{ ভেক্টরের দিক বরাবর } \vec{B} \text{ এর উপাংশ } B \cos \theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}|} \hat{n}$$

$$= \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{A} \cdot \frac{\vec{A}}{A} = \frac{(\vec{A} \cdot \vec{B}) \vec{A}}{A^2}$$



(৫) • $|\bar{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2 + A_z^2}$

• $\bar{A} + \bar{B} = (A_x + B_x)\hat{i} + (A_y + B_y)\hat{j} + (A_z + B_z)\hat{k}$

• $\bar{A} \cdot \bar{B} = A B \cos\theta = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$

• $\bar{A} \times \bar{B} = A B \sin\theta \hat{n} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix}$
 $= \hat{i}(A_y B_z - A_z B_y) - \hat{j}(A_x B_z - A_z B_x) + \hat{k}(A_x B_y - A_y B_x)$



দিকঃ ডানহাতি স্ক্রু

(৬) • \bar{A} ও \bar{B} লম্ব হলে, $\bar{A} \cdot \bar{B} = A B \cos\theta = 0$

• \bar{A} ও \bar{B} সমান্তরাল হলে, $\bar{A} \times \bar{B} = 0 = \frac{A_x}{B_x} = \frac{A_y}{B_y} = \frac{A_z}{B_z}$

• \bar{A}, \bar{B} ও \bar{C} একই সমতলে থাকলে, $(\bar{A} \times \bar{B}) \cdot \bar{C} = 0$

$$\begin{vmatrix} A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \\ C_x & C_y & C_z \end{vmatrix}$$

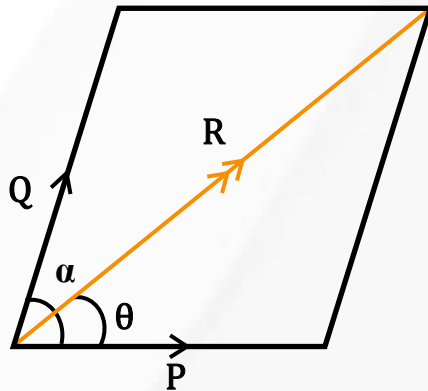


(৭) $R^2 = P^2 + Q^2 + 2PQ \cos \alpha$

$$\tan \theta = \frac{Q \sin \alpha}{P + Q \cos \alpha}$$

লব্ধির সর্বোচ্চ মান $R_{\max} = P + Q$

লব্ধির সর্বনিম্ন মানঃ $R_{\min} = P - Q$



(৮) সামান্তরিকের ক্ষেত্রফল = $|\vec{A} \times \vec{B}| = \frac{1}{2} |\vec{C} \times \vec{D}|$

\downarrow \downarrow
 বাহু কর্ণ

ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = $\frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}|$

ত্রিমাত্রিক বক্ট্রের আয়তন = $(\vec{b} \times \vec{c}) \cdot \vec{a} = \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})$

\uparrow \uparrow \uparrow
 দৈর্ঘ্য, প্রস্থ, উচ্চতা



- (৯) • একক ভেক্টরঃ $\frac{\bar{A}}{|A|}$
- সমান্তরাল একক ভেক্টরঃ $\pm \frac{\bar{A}}{|A|}$
 - সমান্তরাল সদৃশ একক ভেক্টরঃ $+\frac{\bar{A}}{|A|}$
 - সমান্তরাল বিসদৃশ একক ভেক্টরঃ $-\frac{\bar{A}}{|A|}$

(১০) টর্ক :

- $\tau = rF\sin \theta$
- $\bar{\tau} = \bar{r} \times \bar{F}$
 $= \hat{n}rF\sin \theta$



(১১) \bar{A} ও \bar{B} ভেক্টরদ্বয়ের

- মধ্যবর্তী কোণ $= \theta = \cos^{-1} \left(\frac{\bar{A} \cdot \bar{B}}{AB} \right)$
- \bar{A} ও \bar{B} উভয় ভেক্টরের উপর লম্ব

$$\text{একক ভেক্টর } \hat{n} = \frac{\bar{A} \times \bar{B}}{|\bar{A} \times \bar{B}|}$$



(১২) Vector Calculus :

- গ্রেডিয়েন্ট (Gradient) : স্কেলার রাশির সর্বোচ্চ বৃদ্ধির হার নির্দেশ করে
- $\vec{\nabla} \varphi = \left\{ \frac{\partial}{\partial x}(\varphi) \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right\} \varphi = \frac{d\varphi}{dx} \hat{i} + \frac{d\varphi}{dy} \hat{j} + \frac{d\varphi}{dz} \hat{k}$

(১৩) ডাইভারজেন্স:

$$\begin{aligned} \vec{\nabla} \cdot \vec{V} &= \left\{ \frac{\partial}{\partial x}(\varphi) \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right\} \cdot (V_x \hat{i} + V_y \hat{j} + V_z \hat{k}) \\ &= \frac{d}{dx} V_x + \frac{d}{dy} V_y + \frac{d}{dz} V_z \end{aligned}$$

$\vec{\nabla} \cdot \vec{V} = 0$ হলে সলিনয়েড।



(১৪) কাল:

$\vec{\nabla} \times \vec{V} = 0 \rightarrow$ অঘূর্ণনশীল/সংরক্ষণশীল

$\vec{\nabla} \times \vec{V} \neq 0 \rightarrow$ ঘূর্ণনশীল/অসংরক্ষণশীল

$$\vec{\nabla} \times \vec{V} = \left(\frac{\partial}{\partial x}(\varphi) \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right) \times (V_x \hat{i} + V_y \hat{j} + V_z \hat{k})$$

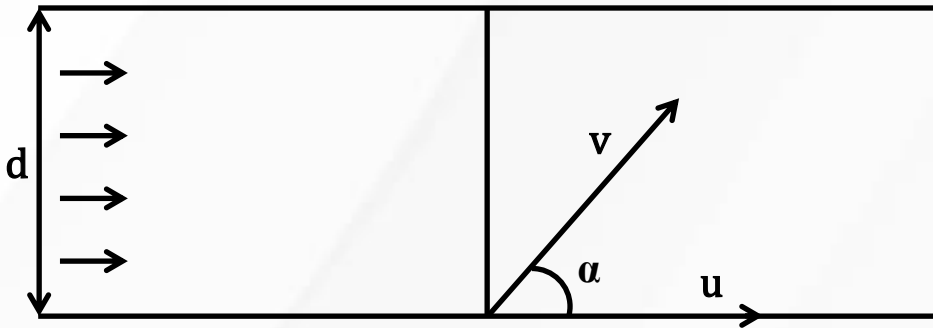


$$\rightarrow \vec{V} \times \vec{V} = 2 \vec{W}$$

→ কোন ভেক্টরদ্বয়ের কালার ডাইভারজেন্স শূন্য

$$\vec{V} (\vec{V} \times \vec{V}) = 0$$

(১৫) নদী-নৌকাঃ



নদীর দৈর্ঘ্য বরাবর,

স্রোতের বেগের উপাংশ = u

নৌকার বেগের উপাংশ = $v \cos \alpha$

মোট বেগ = $u + v \cos \alpha$

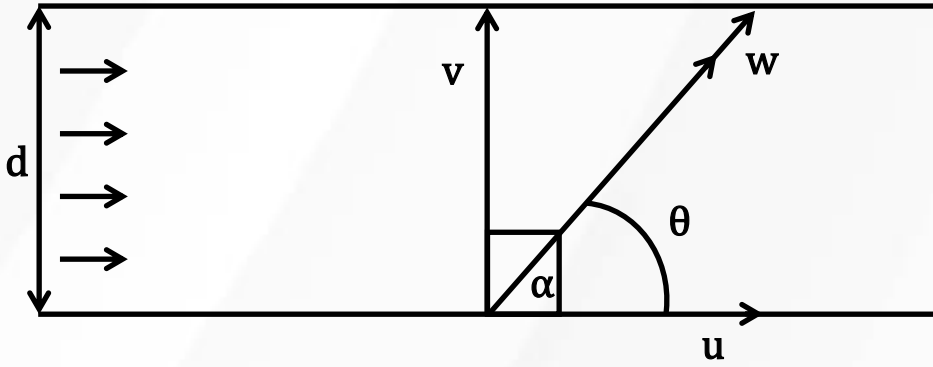


- নদীর দৈর্ঘ্য বরাবর অতিক্রান্ত দূরত্ব, $x = (u + v \cos \alpha) t$
নদীর প্রস্থ বরাবর,
স্রোতের বেগের উপাংশ = 0
নৌকার বেগের উপাংশ = $v \sin \alpha$
মোট বেগ = $v \sin \alpha$
- নদীর প্রস্থ বরাবর অতিক্রান্ত দূরত্ব, $y = (v \sin \alpha) t$
- প্রস্থ বরাবর পারাপারে অতিক্রান্ত দূরত্ব . $d = (v \sin \alpha) T$
- পারাপারে প্রয়োজনীয় সময়, $T = \frac{d}{v \sin \alpha}$





(১৬) ন্যূনতম সময়ে নদী পারাপারঃ



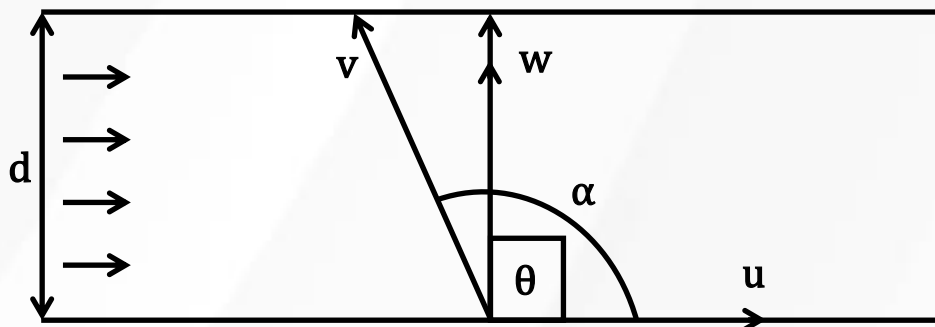
$$\alpha = 90^\circ$$

$$\theta < 90^\circ$$

- পারাপারে প্রয়োজনীয় ন্যূনতম সময়, $T_{\text{minimum}} = \frac{d}{v}$
- লব্ধির মান, $|\vec{w}| = \sqrt{v^2 + u^2}$
- লব্ধির দিক (দৈর্ঘ্যের সাথে), $\tan\theta = \frac{u}{v}$



(১৭) ন্যূনতম পথে বা সোজাসুজি পারাপারঃ



$$\alpha = 90^\circ$$

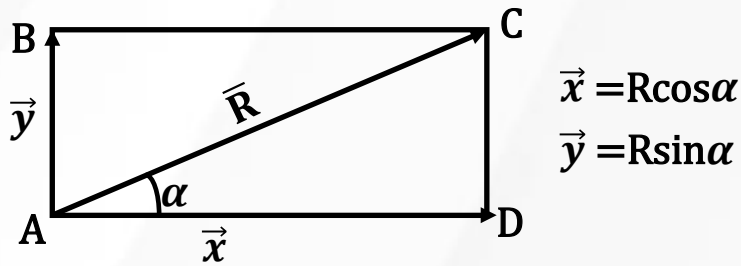
$$\theta < 90^\circ$$

- $\cos \alpha = \frac{-u}{v}$
- লব্ধির মান, $|\vec{w}| = \sqrt{v^2 - u^2}$
- পারাপারে প্রয়োজনীয় সময়, $T = \frac{d}{|\vec{w}|} = \frac{d}{\sqrt{v^2 - u^2}}$

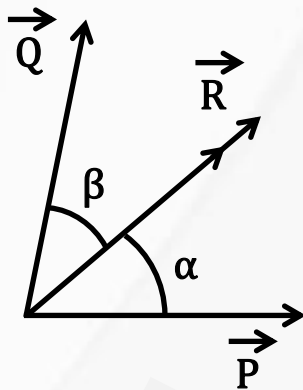


(১৮) ভেক্টর বিভাজনঃ

- লম্ব উপাংশঃ

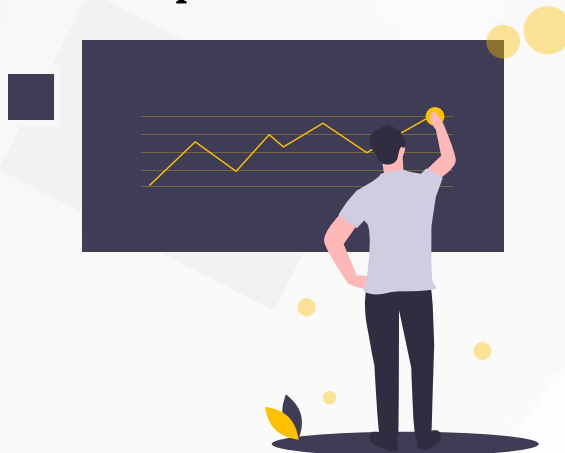


- উপাংশ দুইটি পরস্পর লম্ব না হলেঃ



$$P = \frac{R \sin \beta}{\sin(\alpha + \beta)}$$

$$Q = \frac{R \sin \alpha}{\sin(\alpha + \beta)}$$



ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ରିଜିକ୍ସ

ମନୋବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ପତ୍ର

ଶାନ୍ତିବିଦ୍ୟା

ସୂଚିପତ୍ର



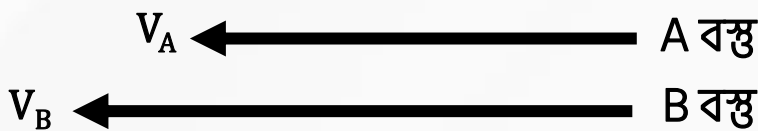


(১) সরণ, বেগ ও ত্বরণঃ

- অবস্থান ভেক্টর, $\vec{r} = x \vec{i}$
- সরণ, $\Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$
- বেগ, $V = \frac{dx}{dt}$
গড় বেগ, $\vec{v} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}$
তাৎক্ষণিক বেগ, $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$
- ত্বরণ, $a = \frac{d^2x}{dt^2}$
গড় ত্বরণ, $a = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$
তাৎক্ষণিক ত্বরণ, $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$

(২) আপেক্ষিক বেগঃ

- যখন দুইটি বস্তু একই দিকে যায়



B - এর সাপেক্ষে A এর আপেক্ষিক বেগ,

$$V_{AB} = V_A - V_B$$



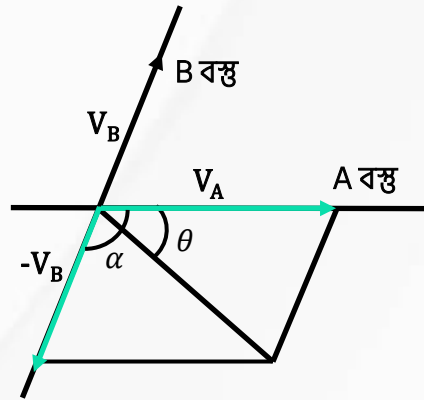
- যখন দুইটি বস্তু বিপরীত দিকে যায়ঃ



B - এর সাপেক্ষে A এর আপেক্ষিক বেগ,

$$V_{AB} = V_A - (-V_B) = V_A + V_B$$

- যখন দুইটি বস্তু যেকোন দুইদিকে যায়ঃ

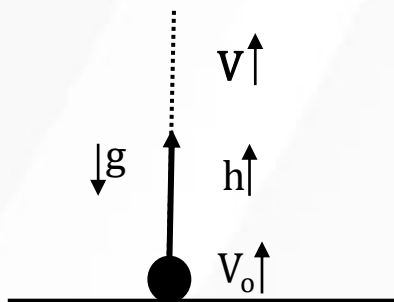


B - এর সাপেক্ষে A এর আপেক্ষিক বেগ

- $V_{AB} = \sqrt{V_A^2 + V_B^2 + 2V_A V_B \cos \alpha}$
- $\tan \theta = \frac{V_B \sin \alpha}{V_A + V_B \cos \alpha}$

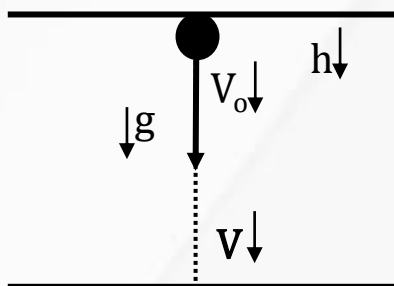


(৩) নিষ্ক্রিয় বস্তুর সূত্রাবলী



- $V = V_0 - gt$
- $h = V_0 t - \frac{1}{2} gt^2$
- $V^2 = V_0^2 - 2gh$

(৪) পড়ন্ত বস্তুর সূত্রাবলী



- $V = V_0 + gt$
- $h = V_0 t + \frac{1}{2} gt^2$
- $V^2 = V_0^2 + 2gh$

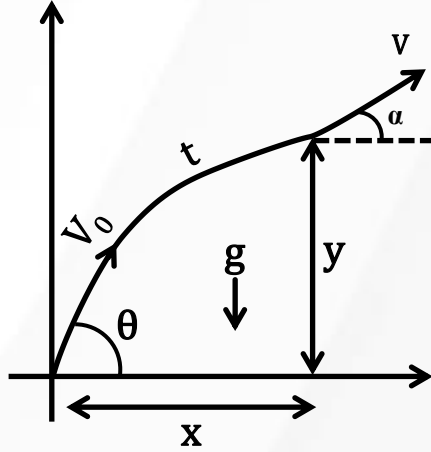
(৫) অনুভূমিকভাবে নিষ্ক্রিয় বস্তুর ক্ষেত্রে:

বস্তুটির উল্লম্ব সরণ, $y = Vy_0 t - \frac{1}{2} gt^2$

বস্তুটির অনুভূমিক সরণ, $x = Vx_0 t = V_0 t$



(৬) প্রাস (Projectile)

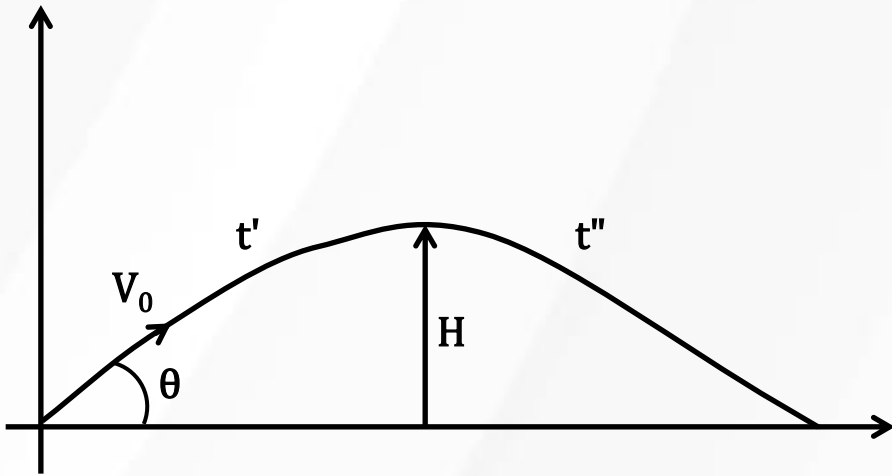


	অনুভূমিক উপাংশ	উলম্ব বরাবর
আদিবেগ	$V_0 \cos \theta$	$V_0 \sin \theta$
শেষ বেগ	$V \cos \alpha$	$V \sin \alpha$
ত্বরণ	0	-g
সরল	X	y

- অনুভূমিক বরাবর বেগ $v \cos \alpha = v_0 \cos \theta$
- উলম্ব বরাবর বেগ $v \sin \alpha = v_0 \sin \theta - gt$
- অতিক্রান্ত অনুভূমিক গুরুত্ব $x = (v_0 \cos \theta)t$
- অতিক্রান্ত উলম্ব গুরুত্ব $y = (v_0 \sin \theta)t - \frac{1}{2}gt^2$



(৭)



- উড্ডয়নকাল/পতনকাল, $t' = t'' = \frac{V_0 \sin \theta}{g}$
- বিচরণকাল, $T = \frac{2V_0 \sin \theta}{g}$
- সর্বোচ্চ উচ্চতা, $H = \frac{V_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$
- পাল্লা, $R = \frac{V_0^2 \sin 2\theta}{g}$
- সর্বাধিক পাল্লা, $R_{\max} = \frac{V_0^2}{g}$



(৮) যেকোন মুহূর্তে x ও y অর্থ্যাৎ অবস্থান ভেক্টরের
অনুভূমিক ও উল্লম্ব উপাংশের মধ্যে সম্পর্ক

$$y = (\tan \theta)x - \frac{g}{2(v_0 \cos \theta)^2} x^2$$

$$y = bx - cx^2 \text{ (Parabola)}$$

প্রাসের গতিপথ বা চলরেখা একটি পরাবৃত্ত





(৯) যেকোন মুহূর্তে x ও y এর সম্পর্ক তথা অনুভূমিক ও উল্লম্ব স্থানাঙ্কের মধ্যে সম্পর্ক

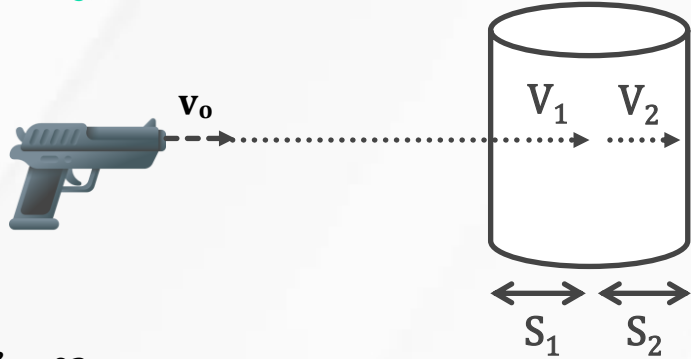
$$y = \left(-\frac{g}{2v^2}\right)x^2$$

$$y = cx^2 \text{ (Parabola)}$$

অনুভূমিকভাবে নিষ্ফিষ্ট বস্তুর গতিপথ একটি পরাবৃত্ত

(১০) কার্টের গুঁড়ি ও বুলেট সংক্রান্ত

$$n = \frac{v_0}{v_1}$$



$$\text{মন্দন } a = \frac{\left(\frac{v_0}{n}\right)^2 - v_0^2}{2S_1}$$

$$S_2 = \frac{S_1}{n^2 - 1}$$



(১১) রৈখিক ক্ষেত্র ও কৌণিক ক্ষেত্র

	রৈখিক	কৌণিক
সরল	S	θ
আদিবেগ	u/v_0	ω_i
শেষবেগ	v	ω_f
ত্বরণ	a	α

রৈখিক গতি	কৌণিক গতি
$S = vt$	$\theta = \theta_o + \omega t$
$v = u + at$	$\omega_f = \omega_i + \alpha t$
$S = \left(\frac{u+v}{2}\right)t$	$\theta = \theta_o + \left(\frac{\omega_i + \omega_f}{2}\right)t$
$S = ut + \frac{1}{2}at^2$	$\theta = \theta_o + \omega_i t + \frac{1}{2}\alpha t^2$
$v^2 = u^2 + 2as$	$\omega_t^2 = \omega_i^2 + 2\alpha\theta$



(১২) রৈখিক গতি কৌণিক গতি

$$S = r\theta$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi N}{t} = 2\pi f$$

$$v = r\omega$$

$$a = \omega^2 r = \frac{v^2}{r}$$

$$a = r\alpha$$

(১৩)

$$\begin{array}{ccccccc} \int dt & & \frac{d}{dt} & & \int dt & & \frac{d}{dt} \\ S \longleftarrow & \longrightarrow & & \longrightarrow & V \longleftarrow & \longrightarrow & a \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} \int dt & & \frac{d}{dt} & & \int dt & & \frac{d}{dt} \\ \theta \longleftarrow & \longrightarrow & & \longrightarrow & \omega \longleftarrow & \longrightarrow & \alpha \end{array}$$



(১৪) কোন বস্তু v_0 আদিবেগ এবং a সমত্বরণে গতিশীল হলে t তম সেকেন্ডে অতিক্রান্ত দূরত্ব –

$$S_{th} = v_0 + \frac{2t-1}{2} a$$

$$x \text{ rpm} = x \times \frac{2\pi}{60} \text{ rads}$$

	রৈখিক ক্ষেত্রে	কৌণিক ক্ষেত্রে
সরল	S	θ
বেগ	v	ω
ত্বরণ	a	α
ভর	m	I
ভরবেগ	$P = mv$	$L = I\omega$
বল	$F = ma$	$T = I\alpha = F \times d$
গতিশক্তি	$E_x = \frac{1}{2} mv^2$	$E_k = \frac{1}{2} I\omega^2$

ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ରିଜିକ୍ସ

ମନୋବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ପତ୍ର

ନିର୍ଦ୍ଦେଶନୀୟ ବଳବିଦ୍ୟା

ସୃଷ୍ଟିପତ୍ର

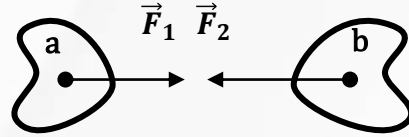




(১) নিউটনের গতিসূত্রঃ

রৈখিক গতির ক্ষেত্রেঃ

- $\sum \vec{F} = \vec{0}$ হলে $\vec{a} = \vec{0}$
- $\vec{p} = m\vec{v}$
 $F = m\vec{a}$
- $\vec{F}_2 = -\vec{F}_1$



ঘূর্ণন গতির ক্ষেত্রেঃ

- $\sum \tau = 0$ হলে $\alpha = 0$
- $\alpha = \frac{1}{I} \sum \tau$
- $\tau_{ij} = -\tau_{ji}$

(২) বন্দুকের বেগঃ

$$V = \frac{-m}{M} v$$

বন্দুকের ভর = M

গুলির ভর = m

গুলির বেগ = v

বন্দুকের বেগ = V



(৩) রকেটের ত্বরণঃ

$$a = \frac{F}{M}$$

$$= \frac{1}{M} \left(\frac{\Delta m}{\Delta t} \right) v$$

M = রকেটের ভর

$\frac{\Delta m}{\Delta t}$ = জ্বালানি ব্যবহারের হার

a = রকেটের ত্বরণ

v = জ্বালানি বা গ্যাসের বেগ

- রকেট অভিকর্ষ বলের সীমার মধ্যে থাকলে -

$$a = \frac{1}{M} \left(\frac{\Delta m}{\Delta t} \right) v - g$$



(৪) প্রাবল্য

তড়িৎক্ষেত্রের কোনো বিন্দুতে স্থাপিত চার্জ $+q$ আধান F বল অনুভব করলে -

- ঐ বিন্দুতে প্রাবল্য, $E = \frac{F}{q}$
- মহাকর্ষীয় ক্ষেত্র প্রাবল্য, $E_G = \frac{F}{m}$



(৫) বলঃ

$$F = ma$$

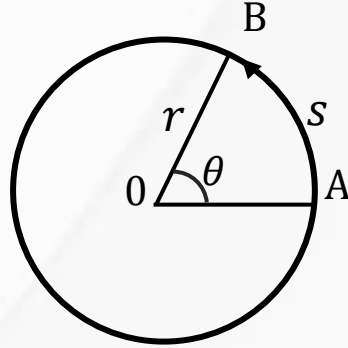
বলের ঘাত, $J = \text{বল} \times \text{বলের ক্রিয়াকালের গুণফল}$

$$= F \times \Delta t$$

$$J = \Delta P$$

- ঘাত বল, $F = \frac{dP}{dt}$

(৬) ঘূর্ণন গতিঃ



- কৌণিক সরণ, $\theta = \frac{s}{r}$
- কৌণিক বেগ, $\omega = \frac{d\theta}{dt}$
 $= 2\pi f = \frac{v}{r}$
- বৈখিক বেগ, $\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r}$



- কৌণিক ত্বরণ, $\alpha = \frac{dw}{dt}$
 $= \frac{\theta}{t^2}$
- রৈখিক ত্বরণ, $\vec{a} = \underbrace{\vec{\alpha} \times \vec{r}}_{\text{স্পর্শী ত্বরণ (a_t)}} + \underbrace{\vec{w} \times \vec{v}}_{\text{কেন্দ্রস্থিতী ত্বরণ (a_c)}}$
- ঘূর্ণনের সময় গতি নির্দিষ্ট হয়ে গেলে-

$$\vec{a} = \vec{a}_c$$

$$a_c = \frac{v^2}{r}$$

(৭) জড়তার ভ্রামকঃ

$$I = \sum m_i r_i^2$$

$$= \frac{2E}{w^2}$$

(৮) চক্রগতির ব্যাসার্ধ

$$K = \sqrt{\frac{I}{M}}$$



- M ভরের কোনো বস্তু অনুভূমিকভাবে গড়াতে থাকলে-

$$\text{মোট গতিশক্তি, } K = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}I\omega^2$$

(৯) কৌণিক ভরবেগ

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$$

$$L = I\omega$$

(১০) টর্ক বা বলের ড্রামক

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$\tau = I\alpha$$



(১১) কৌণিক ভরবেগের সংরক্ষণ সূত্র:

প্রযুক্ত টর্ক শূন্য হলে ব্যবস্থার কৌণিক ভরবেগ ধ্রুবক থাকে।

$$\tau=0 \text{ হলে } \frac{dL}{dt} = 0$$

অর্থাৎ, $L = \text{ধ্রুবক}$



(১২) কেন্দ্রমুখী বল

$$F = \frac{mv^2}{r}$$
$$= mw^2 r$$
$$\vec{F} = -m \frac{v^2}{r^2} \hat{r}$$

- কেন্দ্রমুখী ত্বরণ $a = \frac{v^2}{r}$

(১৩) কেন্দ্রবিমুখী বল

$$F_c = \frac{mv^2}{r}$$

(১৪) ব্যাংকিং কোণ

- কোন বস্তু V সমদ্রুতিতে r ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে বাক নেয়ার সময় উলম্বের সাথে θ কোণে বাক নিলে -

$$\text{ব্যাংকিং কোণ, } \theta = \tan^{-1} \left(\frac{v^2}{rg} \right)$$



- ব্যাংকিং কোণ $= \theta$, রাস্তার প্রস্থ $= d$,
রাস্তার ভিতরের প্রান্ত হতে বাইরের প্রান্তের উচ্চতা $= h$ হলে

$$h = d \sin \theta$$

(১৫) ঘর্ষণ গুণাংক

- স্থিতি ঘর্ষণ গুণাংক, $\mu_s = \frac{f_s}{R}$
 $= \tan \lambda$; $\lambda =$ ঘর্ষণ কোণ

- গতিয় ঘর্ষণ গুণাংক, $\mu_k = \frac{f_k}{R}$; $f_k =$ গতিয় ঘর্ষণ বল
 $R =$ অভিলম্বিক প্রতিক্রিয়া

$$F - f_k = ma$$

- আবর্ত ঘর্ষণ গুণাংক $\mu_r = \frac{f_r}{R}$; $f_r =$ আবর্ত ঘর্ষণ



(১৬) ভরবেগের পরিবর্তনঃ

$$\Delta P = mv - mu$$

- ভরবেগের সংরক্ষনশীলতা নীতি-

$$m_1 u_1 + m_2 u_2 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

(১৭) স্থিতিস্থাপক সংঘর্ষ ,

$$\frac{1}{2} m_1 u_1^2 + \frac{1}{2} m_2 u_2^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2$$

- * যদি $u_1 = u_2$ হয় তবে সংঘর্ষ হবে না।
- * যদি $m_1 = m_2$ হয় তবে $v_1 = v_2$ এবং $v_2 = u_1$ হবে
- * যদি $m_1 \gg m_2$ হয় তবে $v_1 \approx u_1$ এবং $v_2 = 2u_1$ হবে



শর্ট ট্রিক্স

- (১) গতিশক্তি n গুণ বৃদ্ধি করলে বর্তমান বেগ,

$$v_2 = v_1 \times \sqrt{n}$$

- (২) বেগ n গুণ বৃদ্ধি করলে গতিশক্তি,

$$E_2 = (n^2 \times E_1)$$

- (৩) লিফট a ত্বরণে উপরে উঠলে বা নিচে নামলে ওজন,

$$W = m(g \pm a)$$

- (৪) লিফটে h উচ্চতা থেকে কোনো বস্তুকে ছেড়ে দিলে ভূমি স্পর্শ করার সময়,

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g \pm a}}$$

- (৫) লিফট g ত্বরণে নিচে নামলে ওজন,

$$W = m(g - g) = 0$$



(৬) আনত তল বরাবর গোলক আকৃতির কিছু গড়িয়ে পড়লে মোট শক্তি,

$$E = \frac{7}{10} mv^2$$

(৭) খাড়া অবস্থায় রাখা L মিটার দৈর্ঘ্যের দণ্ড কাত হয়ে পড়লে,

$$w = \frac{1}{L} \sqrt{3g}$$



ટેક ટિકમ
અવ
ફિઝિક્સ

પ્રદાર્થવિજ્ઞાન ૯મ પ્રવૃ

કાંડ, ધીંગા, સ્પષ્ટતા

સૂચિપત્ર





(১) কৃতকাজঃ

$$\bullet \quad W = Fx = FS \cos\theta$$

বলের দিকে সরন যেকোন দিকে সরন

$$\Theta = F^{\wedge}S$$

Unit : J

Dim : ML^2T^{-2}

- (২)
- (+ve) work $\rightarrow \cos\theta$ (+ve) $\rightarrow 0^\circ \leq \theta < 90^\circ$
 - Zero work $\rightarrow \cos\theta$ (0) $\rightarrow \theta = 90^\circ$
 - (-ve) work $\rightarrow \cos\theta$ (-ve) $\rightarrow 90^\circ < \theta \leq 180^\circ$

(৩) পরিবর্তনশীল বল দ্বারা কৃতকাজঃ

$$\bullet \quad W = \int_{x_i}^{x_f} F(x) dx$$



(৪) ঘূর্ণন গতির ক্ষেত্রে -

$$\begin{aligned}\text{কৃতকাজ} &= \text{প্রযুক্ত টর্ক} \times \text{অতিক্রান্ত দূরত্ব} \\ &= \tau(\theta_2 - \theta_1)\end{aligned}$$

$$\text{ঘূর্ণায়মান বস্তুর গতিশক্তি, } K = \frac{1}{2} I \omega^2$$

(৫) চলন-ঘূর্ণন গতি সম্পন্ন বস্তুর গতিশক্তি-

$$K = \frac{1}{2} M v_{cm}^2 + \frac{1}{2} I_{cm} \omega^2$$

বস্তুর ভর = M

ভরকেন্দ্রের বেগ = V_{cm}

ঘূর্ণন জড়তা = I_{cm}

কৌণিক বেগ = ω

(৬) অভিকর্ষজ বিভব শক্তি

$$U = mgh$$



(৭) হকের সূত্রঃ

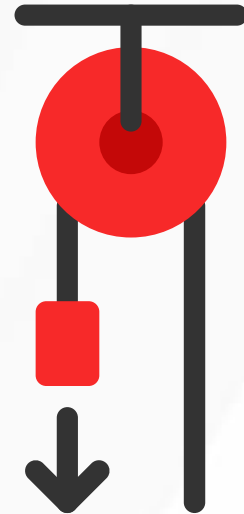
- $F \propto -x$
- $F_{\text{agent}} = Kx$
- বল ধ্রুবক, $K = \frac{F_{\text{agent}}}{x}$ [Unit : Nm-1]
- সমান্তরালে যুক্ত স্প্রিং এর তুল্য বল ধ্রুবক
 $K = k_1 + k_2 + \dots$
- সমান্তরালে যুক্ত স্প্রিং এর তুল্য বল ধ্রুবক
 $\frac{1}{k} = \frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} + \dots$

(৮) স্প্রিং এর প্রত্যয়নী বলঃ

- $F_{\text{restoring}} = -Kx$

(৯) Agent কর্তৃক কৃতকাজঃ

- $W_{\text{agent}} = \frac{K}{2} (x_f^2 - x_i^2)$





(১০) গ্রহের কেন্দ্র হতে r_i দূরত্বে থাকা কোন বস্তুকে সরিয়ে r_f দূরত্বে নিতে Agent কর্তৃক কৃতকাজঃ

- $W_{\text{agent}} = GMm \left[\frac{1}{r_i} - \frac{1}{r_f} \right]$ (বেশি উচ্চতার ক্ষেত্রে)
- মহাকর্ষ বল দ্বারা কৃতকাজঃ $GMm \left[\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right]$
- $F_{\text{earth}} = -G \frac{Mm}{r^2}$

(১১) ভূপৃষ্ঠ হতে কোন বস্তুর h সরণ ঘটানোর জন্য-

- প্রযুক্ত বল, $F = -F_G = \frac{GMm}{r^2}$
- F বলের জন্য কৃতকাজ, $W = \frac{GMmh}{R(R+h)}$

(১২) গতিশক্তি ও ভরবেগের সম্পর্কঃ

- বস্তুর গতিশক্তি, $K = \frac{1}{2}mv^2$

$$K = \frac{p^2}{2m}$$

(১৩) কাজ-শক্তি উপপাদ্য

- প্রযুক্ত বল দ্বারা কৃতকাজ = বস্তুটির গতিশক্তির পরিবর্তন

$$W = K - K_0 = \Delta K$$



(১৪) কোন স্প্রিংকে $x=0$ হতে $x=x$ অবস্থানে টানটান করলে, স্প্রিং এ সঞ্চিত বিভবশক্তিঃ

- $$U = \frac{1}{2} Kx^2$$

(১৫) যান্ত্রিক শক্তির নিত্যতা বা সংরক্ষনশীলতাঃ

- গতিশক্তি + বিভব শক্তি = ধ্রুবক
- $$K_i + U_i = K_f + U_f$$





(১৬) কোন বস্তুকে এক অবস্থান থেকে অন্য অবস্থানে নিতে কৃতকাজ :

- $W = mg (h_f - h_i)$

প্রসঙ্গতল বা ভূমি হতে উচ্চতা

ভূমি হতে শেষ উচ্চতা

(১৭) কুয়া থেকে পানি উত্তোলনে কৃতকাজঃ

- $W = mg\Delta h$

Δh = পানির ভরকেন্দ্রের উলম্ব সরন

$$= \frac{\text{উপরের স্তরের উলম্ব সরন} + \text{নিচের স্তরের উলম্ব সরন}}{2}$$

পানিপূর্ণ কুয়ার ক্ষেত্রে,

$$\Delta h = \frac{0+H}{2} = \frac{H}{2}$$



(১৮) পরপর n সংখ্যক ইট তুলে রাখতে কৃতকাজঃ

- $W = mgh \cdot {}^nC_2$

Unit : Watt বা J/S বা H.P

1 Horse power = 746 watt

(১৯) ক্ষমতাঃ

- $P = \frac{W}{t} = \frac{FS}{t} = Fv$





(২০) কর্মদক্ষতাঃ

- $\eta = \frac{\text{মোট কার্যকর শক্তি (output)}}{\text{মোট প্রদত্ত শক্তি (input)}}$
- $\eta = \frac{\text{কার্যকর ক্ষমতা}}{\text{মোট ক্ষমতা}}$
- $\eta = \frac{W}{E} \times 100\%$

(২১) ক্ষমতা বেগ বলঃ

- $P = F.V$





শর্ট ড্রিক্স

- (১) n সংখ্যক ইট যাদের প্রত্যেকের ভর m এবং উচ্চতা h পরস্পর সাজিয়ে স্তম্ভ বানানো হলে কৃতকাজ;

$$E = mg \frac{n(n-1)}{2}$$

- (২) অভিকর্ষের অভাবে h উচ্চতা হতে, মুক্তভাবে পতনশীল বস্তু ভূমিতে পড়ার পর কাদার ভিতরে r দূরত্ব পর্যন্ত পৌঁছালে, কাদায় প্রযুক্ত গড় বল,

$$F = \frac{mg(h+r)}{r}$$

- (৩) m ভরের কোনো গুলি v বেগ নিয়ে কোনো তক্তার ভিতর r দূরত্ব ভেদ করে থেমে গেলে,

$$Fr = \frac{1}{2} mv^2$$



- (8) m ভরের একটি হাতুড়ি দ্বারা নগন্য ভরের একটি পেরেককে v বেগে আঘাত করায় পেরেকটি দেয়ালে x দূরত্ব আবেশ করলে দেয়ালের বাধা,

$$F_x = \frac{1}{2} mv^2 + mgx \quad [\text{যখন দেয়াল আনুভূমিক}]$$

$$F_x = \frac{1}{2} mv^2 \quad [\text{যখন দেয়াল উল্লম্ব}]$$



ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ରିଜିକ୍ସ

ମନୋବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ମାସ

ମନୋବିଜ୍ଞାନ ଓ ଆବିଷ୍କାର

ମୁଦ୍ରା





(১) নিউটনের মহাকর্ষ সূত্রঃ

- $F = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$ $G = 6.673 \times 10^{-11} Nm^2 kg^{-2}$
- $\vec{F} = \frac{Gm_1m_2}{r^2} \hat{n} = G \frac{m_1m_2}{r^3} \vec{r}$ মাত্রাঃ $L^3 M^{-1} T^{-2}$

(২) $g = \frac{GM}{R^2}$ $\left\{ \begin{array}{l} g = 9.80665 ms^{-2} \text{ (আদর্শ মান)} \\ 45^\circ \text{ অক্ষাংশে সমুদ্র সমতলে} \end{array} \right.$





(৩)

- ভূপৃষ্ঠে $\rightarrow g = \frac{GM}{R^2} = \frac{4}{3}\pi\rho GR$
- ভূপৃষ্ঠ হতে h উচ্চতায় $\rightarrow g_{up} = \frac{gR^2}{(R+h)^2} = \left(1 - \frac{2h}{R}\right)g$
- ভূপৃষ্ঠ হতে h গভীরতায় \rightarrow
 - $g_{down} = \frac{GM}{(R-h)^2}$
 - $g_{down} = \frac{4}{3}G\pi\rho(R-h)$
 - $= \left(\frac{R-h}{R}\right)g$
 - $= \left(1 - \frac{h}{R}\right)g$

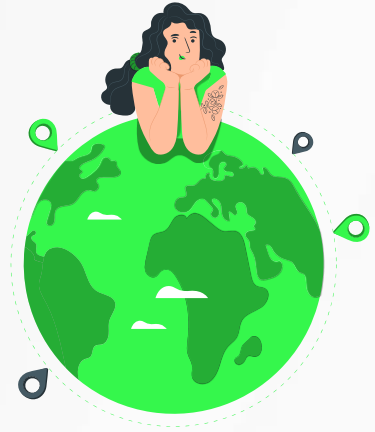
(৪) ভিন্ন অক্ষাংশঃ

- $g_{\lambda} = g - \omega^2 R \cos^2 \lambda$
- $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{24 \times 60 \times 60} = 7.27 \times 10^{-5} \text{rads}^{-1}$



(৫) Some Constant:

- $M_e = 6 \times 10^{24} \text{ kg} = \frac{gR^2}{G} = \text{পৃথিবীর ভর}$
- $R_e = 6.4 \times 10^6 \text{ m}$
- $\rho_e = 5.5 \times 10^5 \text{ kgm}^{-3}$
- $M_{\text{sun}} = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2} = 2 \times 10^{30} \text{ kg}$



(৬) বিভিন্ন অঞ্চলে ঘূর্ণনের জন্য g' এর মানঃ

- মেরুতে $\rightarrow \lambda = 90^\circ$

$$g_{\text{pole}} = g = 9.8 \text{ ms}^{-2}$$

- বিষুবে $\rightarrow \lambda = 0^\circ$

$$g_{\text{equator}} = g - \omega^2 R = 9.78039 \text{ ms}^{-2}$$

(lowest value)



(৭) মহাকর্ষ ক্ষেত্র প্রাবল্যঃ

- $E_G = \frac{F}{m}$ Unit: Nkg^{-1} Dim: LT^{-2}
- ভূপৃষ্ঠে $\rightarrow E_G = g$ ($\because F = mg$)



(৮) মহাকর্ষীয় বিভবঃ

- $v = GM \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) = -\frac{GM}{R}$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{Unit: } Jkg^{-1} \\ \text{Dim: } L^2T^{-2} \end{array} \right.$
যেকোনো গ্রহের

- মহাকর্ষীয় বিভব শক্তি, $U = mV = -\frac{MmG}{r}$



(৯) মহাকর্ষীয় বিভব \longleftrightarrow প্রাবল্যঃ

- $\int E dr = v$
 - $E = -\frac{dv}{dr} = -\vec{\nabla}v$
- $\left\{ \begin{array}{l} \text{মহাকর্ষীয় প্রাবল্য হচ্ছে মহাকর্ষীয়} \\ \text{বিভবের ঋণাত্মক Gradient} \end{array} \right.$

(১০) Escape Velocity (মুক্তিবেগ):

$$V_e = \sqrt{\frac{2GM}{R}} = \sqrt{2gR}$$

পৃথিবীতে মুক্তিবেগের মান =
11200 m/s = 11.2 km/s

(১১) কৃত্রিম উপগ্রহের বেগ, আবর্তনকাল এবং ভূপৃষ্ঠ হতে উচ্চতাঃ

- $v = \sqrt{\frac{GM}{R+h}}$
- $h = \left(\frac{GMT^2}{4\pi^2}\right)^{\frac{1}{3}} - R$
- $T = 2\pi\sqrt{\frac{(R+h)^3}{GM}}$
- $K = \frac{GMm}{2(R+h)}$ (গতিশক্তি)
- $v = \frac{2\pi(R+h)}{T}$



- কৃত্রিম উপগ্রহের কেন্দ্রমুখী বল , $F = \frac{mv^2}{R+h}$

(১২) মুক্তিবগের সাথে একটি কৃত্রিম উপগ্রহের উৎক্ষেপণ বগের সম্পর্কঃ

- $v = 0.707V_e$

(১৩) ভূ-স্থির উপগ্রহের বেগ এবং উচ্চতা(ভূ-পৃষ্ঠ হতে):

- $h = 3.6 \times 10^4 Km$ • $v = 3.08 km/s$

(১৪) পৃথিবীর ব্যাসার্ধ R এবং এর পৃষ্ঠে অভিকর্ষজ ত্বরণ g হলে v বেগে খাড়া উপরের দিকে নিষ্ক্ষিপ্ত বস্তুর সর্বাধিক উচ্চতা ,

- $h = \frac{v^2}{2g - \frac{v^2}{R}}$

(১৫) r ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে ঘূর্ণনরত বস্তুর কেন্দ্রমুখী বল,

- $F = \frac{mv^2}{r}$



(১৬)

- কেপলারের ২য় সূত্রঃ $\frac{dA}{dt} = 0$
- কেপলারের ৩য় সূত্রঃ $T^2 \propto r^3 \longrightarrow \frac{T_1^2}{r_1^3} = \frac{T_2^2}{r^3}$
 $T^2 = Kr^3$
 $K = \frac{4\pi^2}{GM}$

(১৭) পড়ন্ত বস্তু(Falling bodies):

- ২য় সূত্রঃ $v \propto t \longrightarrow \frac{v_1}{t_1} = \frac{v_2}{t_2}$
- ৩য় সূত্রঃ $h \propto t^2 \longrightarrow \frac{h_1}{t_1^2} = \frac{h_2}{t_2^2}$





(১৮) সরল দোলকঃ

- সমকাল সূত্রঃ $L, g = \text{constant}$ হলে, $T = \text{constant}$
- দৈর্ঘ্যের সূত্রঃ $g = \text{constant}$ হলে, $T \propto \sqrt{L}$
- ত্বরণের সূত্রঃ $L = \text{constant}$ হলে, $T \propto \sqrt{\frac{L}{g}}$
- ভরের সূত্রঃ $L, g = \text{constant}$ হলে, T বরের ভর, আয়তন, উপাদান ইত্যাদির উপর নির্ভর করে না
- সরল দোলকের সূত্রঃ $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$

(১৯) সরল দোলকের ব্যবহারঃ

- পাহাড়ের চূড়ায় অভিকর্ষজ ত্বরণঃ $\frac{T_{hill\ top}}{T} = \sqrt{\frac{g}{g_{hill\ top}}}$
- পাহাড়ের উচ্চতা নির্ণয়েঃ $\frac{T_{hill\ top}}{T} = \sqrt{\frac{(R+h)^2}{R^2}} = (1 - \frac{h}{R})$



(২০) ভূ-পৃষ্ঠে সেকেন্ড দোলকের কার্যকর দৈর্ঘ্যঃ

$$L = 0.992948 \text{ m}$$

(২১) সূর্যের চারদিকে ঘূর্ণায়মান গ্রহের পর্যায়কালঃ

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$





শর্ট ট্রিক্স

(১) h উচ্চতায় অভিকর্ষজ ত্বরণ পৃথিবী পৃষ্ঠে $\frac{1}{n}$ অংশ হলে,

$$h = (\sqrt{n} - 1) R$$

$$h = \left(\sqrt{\frac{g}{g_n}} - 1 \right) R$$

(২) ভূ-পৃষ্ঠের অভ্যন্তরে d দূরত্বে গেলে অভিকর্ষজ ত্বরণ ভূপৃষ্ঠের $\frac{n}{1}$ অংশ হলে,

$$d = \left(\frac{n-1}{n} \right) R$$





(৩) h উচ্চতায় অভিকর্ষজ ত্বরণ পৃথিবী পৃষ্ঠের $x\%$ হলে,

$$h = \left(\frac{9.81 - \sqrt{x}}{\sqrt{x}} \right) R$$

(৪) পৃথিবীর ব্যাসার্ধ্য চাঁদের ব্যাসার্ধের n_1 গুণ এবং পৃথিবীর ভর চাঁদের ভরের n_2 গুণ হলে পৃথিবীর মুক্তিবৈগ চাঁদের মুক্তিবৈগের $\sqrt{\frac{n_2}{n_1}}$ গুণ



ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ରିଜିକ୍ସ

ପ୍ରମାର୍ଥବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ପତ୍ର

ପ୍ରମାର୍ଥବି ଗାଈନିକ ଧର୍ମ

ସୃଷ୍ଟିପତ୍ର





- দৈর্ঘ্য বিকৃতি = $\frac{l}{L}$

আয়তন বিকৃতি = $\frac{v}{V}$

ব্যবর্তন বিকৃতি = ব্যবর্তন কোণ = $\theta^c = \frac{d}{D}$
= $\tan\theta$ (যখন ব্যবর্তন কোণ θ খুব ছোট)

- পীড়ন = $\frac{F}{A}$; অসহ পীড়ন = $\frac{\text{অসহ বল}}{\text{ক্ষেত্রফল}}$

- হকের সূত্র = $\frac{\text{পীড়ন}}{\text{বিকৃতি}}$ ধ্রুবক

- ইয়ং গুণাঙ্ক, $Y = \frac{FL}{Al} = \frac{MgL}{\pi r^2 l}$

আয়তন গুণাঙ্ক, $B = \frac{FV}{Av} = \rho \frac{V}{v}$

দৃঢ়তার গুণাঙ্ক, $\eta = \frac{F}{A\theta}$



- পয়সনের অনুপাত, $\sigma = \frac{\text{পার্শ্ব বিকৃতি}}{\text{দৈর্ঘ্য বিকৃতি}} = \frac{Ld}{ld}$; $-1 < \sigma < \frac{1}{2}$

- একক আয়তনে সঞ্চিত স্থিতিশক্তি = $\frac{1}{2} \times \text{পীড়ন} \times \text{বিকৃতি}$



- দৈর্ঘ্য বিকৃতির ক্ষেত্রে মোট স্থিতিশক্তি, $W = \frac{1}{2} \cdot \frac{YAl^2}{L}$

ব্যবর্তন " " " " , $W = \frac{1}{2} \cdot \eta A \delta^2$

আয়তন " " " " , $W = \frac{1}{2} \cdot \frac{Bv^2}{V}$

- $Y = 3B(1 - 2\sigma) = 2\eta(1 + \sigma)$

- $\frac{9}{Y} = \frac{3}{\eta} + \frac{1}{B}$

- সংনম্যতা, $\frac{1}{B} = \frac{v}{PV}$





- তাপমাত্রা পরিবর্তনের প্রযুক্ত বল, $F = YA\alpha \Delta \theta$
- রুদ্ধতাপীয় পরিবর্তনের ক্ষেত্রে, $B = \nu P_0$
- পৃষ্ঠটান, $T = \frac{F}{l}$
- পৃষ্ঠশক্তি, $E = \frac{W}{\Delta A} = T$
- ক্ষেত্রফল পরিবর্তনের জন্য কৃতকাজ, $W = \Delta A \times T$
- পানির ফোঁটায় অতিরিক্ত চাপ, $P = \frac{2T}{r}$
বুদবুদের ফোঁটায় অতিরিক্ত চাপ, $P = \frac{4T}{r}$
- N সংখ্যক r ব্যাসার্ধের তরলের ফোঁটাকে জোড়া লাগিয়ে R ব্যাসার্ধের একটি ফোঁটায় পরিণত করতে
কৃতকাজ $W = 4\pi(Nr^2 - R^2) \times T$
- R ব্যাসার্ধের একটি বড় ফোঁটাকে সমআয়তনের N সংখ্যক ফোঁটায় পরিণত করতে,
কৃতকাজ বা ব্যয়িত শক্তি, $W = E = 4\pi R^2(N^{\frac{1}{3}} - 1)T$
- প্লবতা, $U = \text{অপসারিত তরলের ওজন} = V\rho g$



- স্টোকাস এর সূত্র, $F = 6\pi r\eta v$
- সান্দ্র বল, $F = \eta A \frac{dv}{dx}$
- সান্দ্রতা গুণাঙ্ক, $\eta = \frac{F}{A \frac{dv}{dx}}$
- সান্দ্রতার উপর তাপমাত্রার প্রভাব :

- গ্যাসের ক্ষেত্রে -

$$\frac{\eta_{\theta}}{\eta_0} = \frac{273+C}{T+C} \left(\frac{T}{273} \right)^{\frac{3}{2}}$$

- তরলের ক্ষেত্রে -

$$\eta = \frac{\eta_0}{1+\alpha\theta+\beta\theta^2} \quad ; \alpha, \beta \text{ দুটি ধ্রুবক}$$

$\theta^{\circ} C$ তাপমাত্রায় তরলের সান্দ্রতা গুণাঙ্ক $= \eta_{\theta}$

$0^{\circ} C$ তাপমাত্রায় তরলের সান্দ্রতা গুণাঙ্ক $= \eta_0$

পরম তাপমাত্রা $= T$

সাদারল্যান্ড ধ্রুবক $= C$



- প্রাস্তিক বেগ, $v = \frac{2}{9} \frac{r^2(\rho_s - \rho_f)g}{\eta}$

পানির মধ্যে বায়ুর বুদবুদের ক্ষেত্রে $v = \frac{2}{9} \frac{r^2(\rho_f - \rho_s)g}{\eta}$

- $T_\theta = T_0(1 - \alpha\theta)$

$\theta^\circ C$ তাপমাত্রায় তরলের পৃষ্ঠটান $= T_\theta$

$0^\circ C$ তাপমাত্রায় তরলের পৃষ্ঠটান $= T_0$

ক্ষবক $= \alpha$

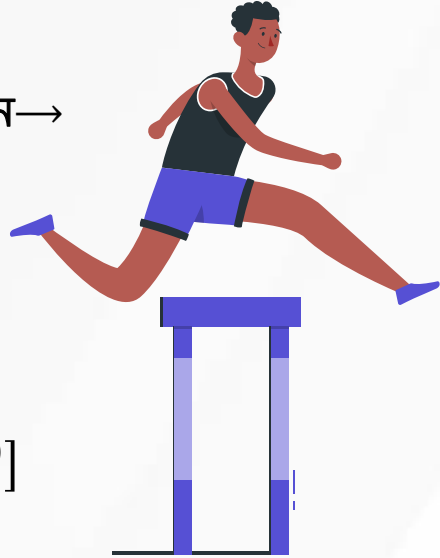
- কৈশিক নলে আরোহন বা অবনমন \rightarrow

$$T = \frac{r\rho g \left(h + \frac{r}{3}\right)}{2 \cos \theta}$$

$$T = \frac{r\rho g \left(h + \frac{r}{3}\right)}{2} \quad [\theta = 0^\circ]$$

$$T = \frac{hr\rho g}{2 \cos \theta} \quad [r \ll h \text{ হলে}]$$

$$T = \frac{hr\rho g}{2} \quad [r \ll h \text{ এবং } \theta^0 \approx 0^\circ \text{ হলে}]$$



ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ରିଜିକ୍ସ

ମନାର୍ଥବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ମସ୍ତ

ମେୟାୟାସୂତା ଶୀଡ଼ି

ମୂଚିମସ୍ତ





(১) সরল ছন্দিত স্পন্দন সম্পন্ন কোনো কণার সূত্রাবলি—

i) সরণ, $x = A \sin(\omega t + \delta)$ • সর্বোচ্চ সরণ, $x_{max} = A$

ii) কৌণিক কম্পাঙ্ক, $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$

iii) পর্যায়কাল, $T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$

iv) বেগ, $v = \omega A \cos(\omega t + \delta)$ • সর্বোচ্চ বেগ, $V_{max} = \omega A$
 $= \omega \sqrt{A^2 - x^2}$

v) ত্বরণ, $a = -\omega^2 A \sin(\omega t + \delta)$
 $= -\omega^2 B \cos(\omega t + \delta)$
 $= -\omega^2 x$

সর্বোচ্চ ত্বরণ, $a_{max} = -\omega^2 A$

vi) প্রত্যায়নী বল, $F = -kx$

vii) স্থিতিশক্তি, $E_p = \frac{1}{2} k A^2 \sin^2(\omega t + \delta)$
 $= \frac{1}{2} k x^2$



viii) গতিশক্তি, $E_k = \frac{1}{2} k A^2 \cos^2(\omega t + \delta)$
 $= \frac{1}{2} k (A^2 - x^2)$

ix) মোট শক্তি, $E_p + E_k = \frac{1}{2} k A^2$

(২) স্প্রিং সংক্রান্তঃ

i) দোলনকাল, $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{e}{g}}$

i i) স্প্রিং এর ভর উপেক্ষণীয় না হলে,

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m_1 + m_2}{k}}$$

m_1 = স্প্রিং এর ভর

m_2 = স্প্রিং এ ঝুলানো বস্তুর ভর





- এক পর্যায়কাল পরিমান সময়ে স্প্রিং এর,

i) গড় গতিশক্তি $= \frac{1}{4} kA^2$

ii) গড় স্থিতিশক্তি $= \frac{1}{6} kA^2$

- এক চক্র পরিমান সময়ে স্প্রিং এর,

i) গড় গতিশক্তি $= \frac{1}{3} kA^2$

ii) গড় স্থিতিশক্তি $= \frac{1}{4} kA^2$

- শ্রেণিতে সজ্জিত একাধিক স্প্রিং এর জন্য,

i) $\frac{1}{K_s} = \frac{1}{K_1} + \frac{1}{K_2} \dots \dots + \frac{1}{K_n}$

- সমান্তরালে সজ্জিত একাধিক স্প্রিং এর জন্য,

$$K_p = K_1 + K_2 \dots \dots + K_n$$



(৩) সরল দোলক সম্পর্কিতঃ

i) দোলনকাল, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$

ii) লিফটে সরলদোলকের দোলনকাল, $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g \pm a}}$

iii) $h = \left[\left(\frac{g}{g'} \right)^{1/2} - 1 \right] R = \left[\left(\frac{T'}{T} \right) - 1 \right] R$

iv) সেকেন্ড দোলকের জন্য, $L = \frac{g}{\pi^2}$

v) ক্রটিপূর্ণ দোলকের জন্য, $\frac{T_2}{T_1} = \frac{2 \times 86400}{86400 \pm x}$

যেখানে x হল যতটি দোলন কম বা বেশি দেয়

vi) ভূপৃষ্ঠ হতে h উচ্চতায়, $\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = \frac{R+h}{R}$

vii) ভূপৃষ্ঠ হতে h গভীরতায়, $\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{g_1}{g_2}} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}} = \sqrt{\frac{1}{(1-\frac{h}{R})}}$



viii) একই স্থানে দুইটি গোলকের কার্যকরী দৈর্ঘ্য L_1, L_2 এবং দোলনকাল T_1, T_2 হলে,

$$\frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{L_2}{L_1}}$$

ix) সরল দোলকের কার্যকর দৈর্ঘ্য, $L = l + r$

সুতার দৈর্ঘ্য = l

ববের ব্যাসার্ধ = r



ଟେକଟିକମ୍ ଅବ ରିଜିକ୍ସ

ମନୋବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ପତ୍ର

ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ

ସୂଚିପତ୍ର





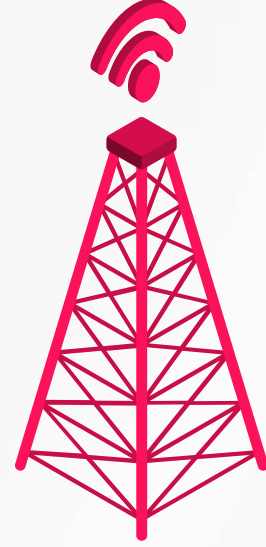
(১) অগ্রগামী তরঙ্গের সমীকরণঃ

(i) $y = A \sin (\omega t \pm \varphi)$

(ii) $y = A \sin \left(\omega t \pm \frac{2\pi}{\lambda} x \right)$

(iii) $y = A \sin \frac{2\pi}{\lambda} (vt \pm x)$

(iv) $y = A \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda} \right)$



- একই মাধ্যমের জন্য, $f_1 \lambda_1 = f_2 \lambda_2$
- $v = f \lambda$
- N কম্পনে অতিক্রান্ত দূরত্ব, $S = N \lambda$
- একই কম্পাঙ্কের তরঙ্গের জন্য, $\frac{v_1}{v_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2}$
- দশা পার্থক্য $= \frac{2\pi}{\lambda} \times$ পথ পার্থক্য [দশা পার্থক্য 2π বেশি হলে দশা পার্থক্য হতে 2π বিয়োগ করতে হবে]



■ ত্বরণ ও বেগ সম্পর্কিতঃ-

$$v = \omega \sqrt{A^2 - x^2}$$

$$a = \omega^2 \sqrt{A^2 - x^2} = -\omega^2 x$$

$$v_{max} = \omega A$$

$$a_{max} = \omega^2 A$$

■ স্থির তরঙ্গের সমীকরণ-

$$Y = 2a \cos \frac{2\pi x}{\lambda} \sin \frac{2\pi}{\lambda} vt$$

$$= A \sin \frac{2\pi}{\lambda} vt \text{ যেখানে } A = 2a \cos \frac{2\pi x}{\lambda}$$

■ δ দশা পার্থক্য বিশিষ্ট দুইটি তরঙ্গ যদি কোনো বিন্দুতে মিলিত হয় তবে লব্ধি বিস্তার,

$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos \theta}$$

■ লব্ধি তরঙ্গের কম্পাংক, $f = \frac{1}{2}(f_1 + f_2)$

■ বিট সংখ্যা, $N = f_1 \sim f_2$

$$f_1 = \text{অজানা কম্পাংক}$$

$$f_2 = \text{জানা কম্পাংক}$$

■ $f_1 = f_2 \pm N$



(২) তীব্রতা সম্পর্কিতঃ

1) $I = 2\pi^2 \rho f^2 a^2 V$

2) $I = \frac{P}{4\pi r^2}$

3) তীব্রতা লেভেল, $\beta = \log \left(\frac{I}{I_0} \right) \text{ Bel}$

যেখানে, $I_0 = 10^{-12} \text{ W m}^{-2}$

$$= 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right) \text{ dB}$$

4) ক্ষমতা লেভেল, $\beta = \log \left(\frac{P}{P_0} \right) \text{ Bel}$

5) প্রাবল্যের জন্য, $\frac{I_1}{I_2} = \frac{r_1^2}{r_2^2}$

6) $\Delta \beta = 10 \log \left(\frac{I_2}{I_1} \right) \text{ dB}$

$$= 10 \log \left(\frac{p_2}{p_1} \right) \text{ dB}$$

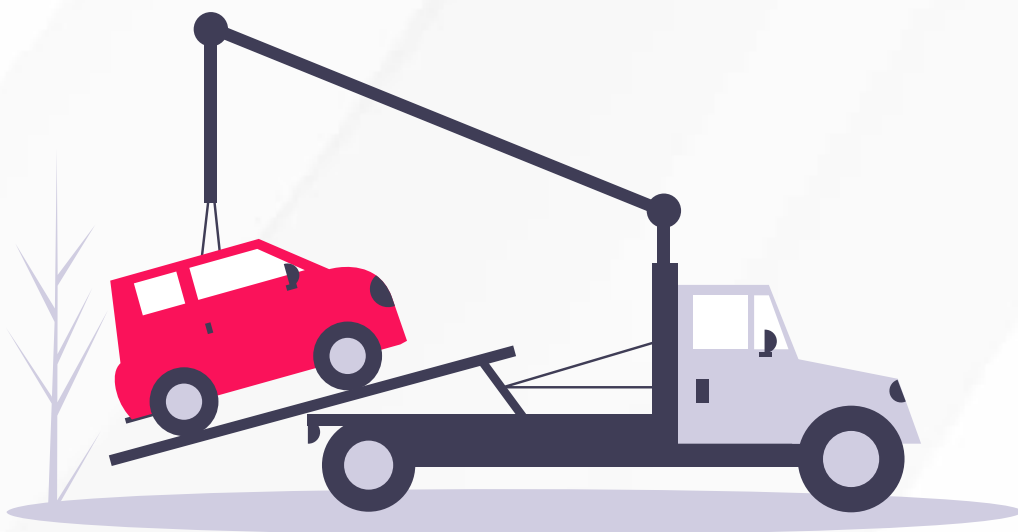


(৩) টানা তার সম্পর্কিত সূত্রাবলিঃ

1) কম্পাঙ্ক, $f = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{T}{\mu}} = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{Mg}{\mu}}$

2) $\mu = \frac{m}{l} = \pi r^2 \rho$

3) $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$





- এক মুখ বন্ধ হলে, $f_0 = \frac{v}{4l}$; $f_n = (2n + 1)f_0$
- দুই মুখ খোলা হলে, $f_0 = \frac{v}{2l}$; $f_n = (n + 1)f_0$
- 1) $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\omega}{v}$
- 2) $T = \frac{t}{N} = \frac{1}{f}$
- 3) $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$
- বিপরিত দশা সম্পন্ন দুটি কণার মধ্যবর্তী দূরত্ব = $\frac{\lambda}{2}$

একই দশা সম্পন্ন দুটি কণার মধ্যবর্তী দূরত্ব = λ

একটি সুস্পন্দ বিন্দু ও একটি নিস্পন্দ বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব = $\frac{\lambda}{4}$

পরপর দুটি সুস্পন্দ বিন্দুর দূরত্ব = $\frac{\lambda}{2}$

সিবেক এর সাইরেনের কম্পাঙ্ক $f = m \times n$

যেখানে, m = ছিদ্র সংখ্যা, n = প্রতি সেকেন্ডে ঘূর্ণন



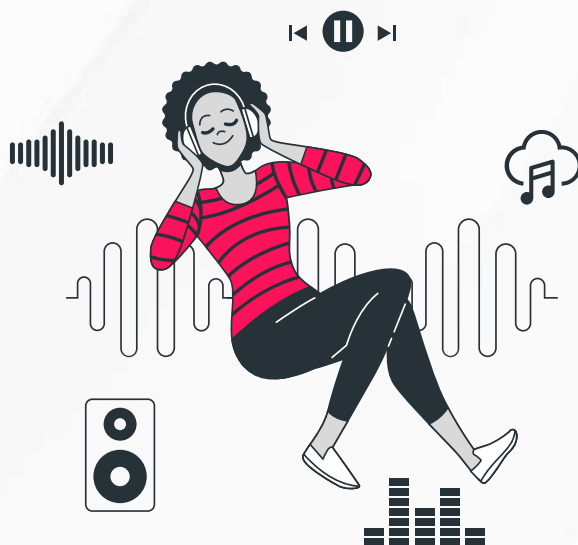
- অর্গান নলে মূলসরের কম্পাঙ্ক f_0 ,

তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ_0 এবং

নলের দৈর্ঘ্য l হলে,

$$\text{i) } l = \frac{\lambda_0}{4} \quad \text{ii) } f_0 = \frac{V}{\lambda_0} = \frac{V}{4l}$$

- বিট শুনতে পাওয়ার শর্ত— $\frac{1}{f_1 \sim f_2}$
- $t^\circ C$ তাপমাত্রায় শব্দের বেগ, $v = 332 + 0.6t$
- $\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}}$



ଟେକଟିକମ୍
ଅବ
ଡିଜିଟାଲ୍

ମନୋବିଜ୍ଞାନ ୧ମ ମସିହା

ଆଦର୍ଶ ଶାସ୍ତ୍ର ଓ ଶାସ୍ତ୍ରର ଗତିତତ୍ତ୍ୱ

ସୂଚିମସ୍ତକ





(১) • $n = \frac{N}{N_A} = \frac{w}{M}$

(২) • বয়েলের সূত্রঃ $P_1 v_1 = P_2 v_2 = P_3 v_3 = \dots \dots = \text{ধ্রুবক}$

• চার্লসের সূত্রঃ $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} = \dots \dots = \text{ধ্রুবক}$

• বয়েল চার্লসের সমন্বিত রূপঃ $\frac{P_1 v_1}{T_1} = \frac{P_2 v_2}{T_2}$

• গে-লুসাকের সূত্রঃ $\frac{P_2}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$

• অ্যাভোগেড্রো সূত্রঃ $\frac{V_1}{n_1} = \frac{V_2}{n_2}$





(৫) আদর্শ গ্যাস সূত্রের ব্যবহারঃ (M = Kg mol⁻¹ একক ভরে)

- গ্যাসের ঘনত্ব নির্ণয়েঃ $d = \frac{PM}{RT}$
- গ্যাসের আণবিক ভর নির্ণয়েঃ $M = \frac{WRT}{PV}$

(৬) • $PV = \frac{1}{3} MC_{rms}^2 = \frac{1}{3} mNC_{rms}^2$

• $P = \frac{1}{3} mnc_{rms}^2 = \frac{1}{3} \rho C_{rms}^2$

(৭) গতিতত্ত্ব সূত্রঃ

• $C_{rms} = \sqrt{\frac{3PV}{M}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} = \sqrt{\frac{3KT}{m}} = \sqrt{\frac{3P}{\rho}}$

[$m = \frac{M}{N_A}$ = একটি অণুর ভর]

$K = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J molecule}^{-1} \text{ K}^{-1}$

$K = 1.36 \times 10^{-25} \text{ L atm K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$

$K = \text{বোল্টজম্যান ধ্রুবক} = \frac{R}{N_A}$

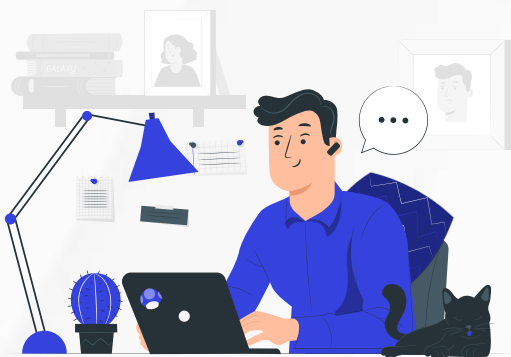
- T তাপমাত্রায় কোন গ্যাসের অণুর গড় গতিশক্তি

$\bar{E} = \frac{3}{2} KT$



- গ্যাসের গতিশক্তি,

$$\begin{aligned}E_k &= \frac{1}{2} W (C_{rms})^2 \\&= \frac{1}{2} mN (C_{rms})^2 \\&= \frac{3}{2} PV \\&= \frac{3}{2} KT \\&= \frac{3}{2} nRT\end{aligned}$$



(৮) সংকোচনশীলতা গুণাঙ্কঃ

- $$Z = \frac{PV_{\text{real gas}}}{nRT} = \frac{V_{\text{real gas}}}{V_{\text{ideal gas}}} = \frac{V_r}{V_i}$$

$z < 1$ হলে সংকুচিত বাস্তব গ্যাস

$z > 1$ হলে প্রসারিত বাস্তব গ্যাস

$z = 1$ হলে আদর্শ গ্যাস

- আদর্শ গ্যাস হতে বিচ্যুতির মাত্রা = $[z-1]$



(৯) গড় মুক্ত পথ বা গড় নির্বোধ পথ(Means Free Path):

- ক্লসিয়াসের সমীকরণঃ $\lambda = \frac{1}{n\pi\sigma^2}$
- বোল্টম্যানের সমীকরণঃ $\lambda = \frac{3}{4\pi\sigma^2n}$
- ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণঃ $\lambda = \frac{1}{\sqrt{2}\pi\sigma^2n}$

n = অণুর সংখ্যা একক আয়তনে

σ = প্রতিটি অণুর ব্যাস





(১০) স্বাধীনতার মাত্রাঃ

- $f = 3 A - B$

A = অণুতে পরমাণু সংখ্যা

B = পরমাণুগুলোর বন্ধন সংখ্যা

(১১) গ্যাসের নাম উল্লেখ থাকলে, স্বাধীনতার মাত্রা বিবেচনা করে,

- গতিশক্তি, $E_k = \frac{f}{2} KT$





(১২) আপেক্ষিক আর্দ্রতাঃ

- $$R = \frac{f}{F} \times 100\%$$

f = শিশিরাক্ষে সম্পৃক্ত জলীয়বাষ্পের চাপ

F = বায়ুর তাপমাত্রায় সম্পৃক্ত জলীয়বাষ্পের চাপ

(১৩) জলীয় বাষ্পের চাপ ও বায়ুর চাপের সম্পর্ক :

- $$f = P - \frac{\rho_a T}{\rho_o T_o} p_o$$





(১৪) শিশিরাক্তঃ

- $\theta_{\text{dewpoint}} = \theta_1 - G (\theta_1 - \theta_2)$

θ_1 = শুষ্ক বাষ্পের তাপমাত্রা

θ_2 = সিক্ত বাষ্পের তাপমাত্রা

$G = \theta_1$ এর জন্য গ্লেসিয়ারের উৎপাদক



টেকটিক্স অব ফিজিক্স

প্রদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র

টেকটিক্স অব ফিজিক্স এর সম্পূর্ণ প্রদার্থবিজ্ঞান ১ম পত্র পাঠ্যটিতে টেক্সট বইয়ের সকল সূত্রের পাশাপাশি শর্ট ট্রিকস রয়েছে। এই বইটি সম্পূর্ণ সম্পাদনা করেছে **সালফিউরিক বেঞ্চ**।



ABOUT US



SCAN US

সালফিউরিক বেঞ্চ মূলত একটি অনলাইন প্ল্যাটফর্ম, পড়ালেখাকে মজার মধ্য দিয়ে উপস্থাপন করে যেটি কাজ করে যাচ্ছে শিক্ষার মানোন্নয়নে তার পাশাপাশি আমরা চেষ্টা করি জ্ঞানপিপাসু মানুষ এবং কৌতূহলী শিক্ষার্থীদের মাধ্যমে সব ধরনের জ্ঞানকে ছড়িয়ে দেওয়ার।