

# 자료구조 & 알고리즘

for(A;B;C)  
D;

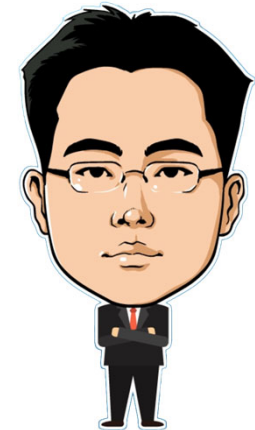


**정렬과 탐색**  
(Sort and Search)

**Seo, Doo-Ok**

**Clickseo.com**

**clickseo@gmail.com**



# 목 차



- 기초적인 정렬 알고리즘
- 고급 정렬 알고리즘
- 특수 정렬 알고리즘
- 탐색 알고리즘



# 기초적인 정렬 알고리즘



- 기초적인 정렬 알고리즘

- 선택 정렬

- 버블 정렬

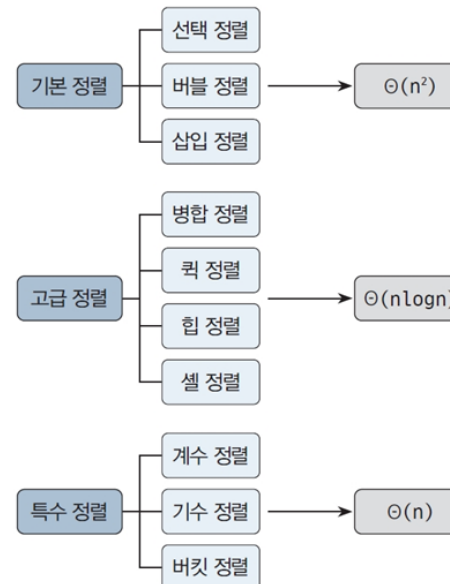
- 삽입 정렬

- 셸 정렬 *성능 ↑*

- 고급 정렬 알고리즘

- 특수 정렬 알고리즘

- 탐색 알고리즘



*이진 → 중복값 X  
정렬*



# 정렬 (1/2)

## ● 정렬(Sort)

### ○ 순서 없이 배열되어 있는 자료들을 재배열 하는 것

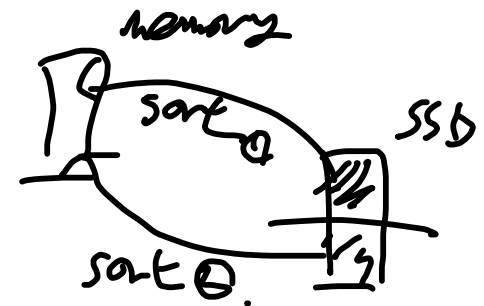
- 정렬의 대상: 레코드
- 정렬의 기준: 정렬 키(sort key) 필드

오름차순, 내림차순

### ○ 정렬 방법의 분류

- 실행 방법에 따른 분류: 비교식 정렬 / 분산식 정렬
- 정렬 장소에 따른 분류

- 내부 정렬: 컴퓨터 메모리 내부에서 정렬
  - » 정렬 속도는 빠르지만 자료의 양이 메인 메모리의 용량에 따라 제한된다.
  - » 교환방식, 삽입 방식, 병합 방식, 분배 방식, 선택 방식
- 외부 정렬: 메모리의 외부인 보조 기억 장치에서 정렬
  - » 내부 정렬로 처리할 수 없는 대용량의 자료를 정렬
  - » 병합 방식: 2-way 병합, n-way 병합



## 정렬 (2/2)

- 정렬: 알고리즘 성능 비교

정렬 알고리즘	Worst Case	Average Case	Best Case
선택 정렬	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^2)$
버블 정렬	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^2)$
삽입 정렬	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n)$
퀵 정렬	$\Theta(n^2)$	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$
병합 정렬	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$
힙 정렬	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n \log n)$	$\Theta(n)$
계수 정렬	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$
기수 정렬	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$
버킷 정렬	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$	$\Theta(n)$

# 기초적인 정렬 알고리즘

## 선택 정렬



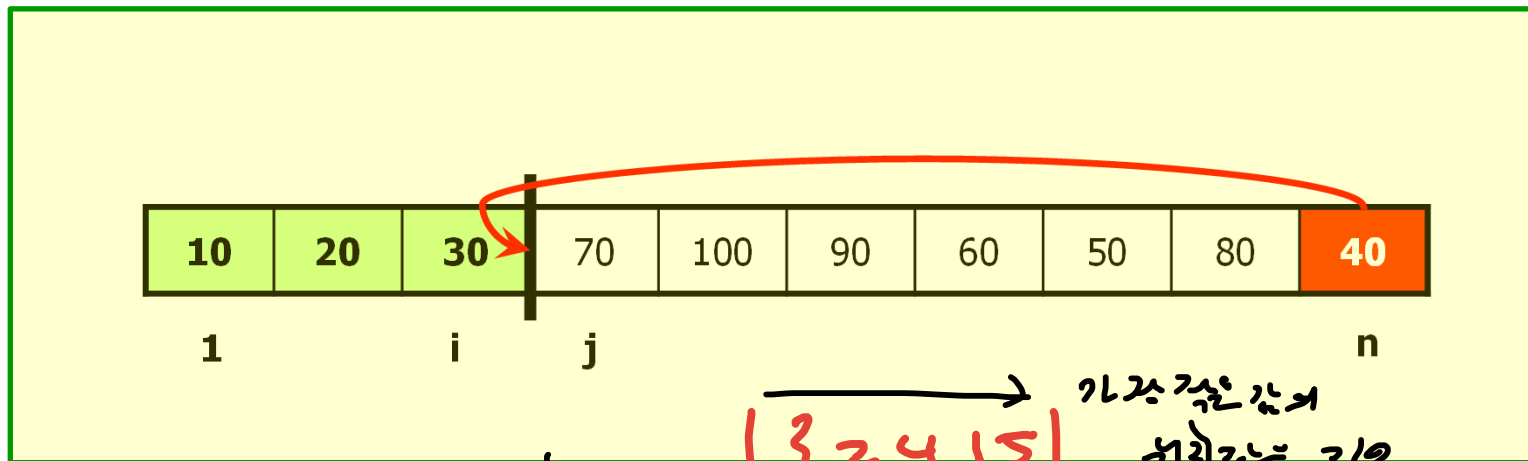
# 선택 정렬 (1/4)

## ● 선택 정렬(Selection Sort) $\Omega(n^2)$

### ○ 배열 원소에 대한 선택 정렬 과정

1. 먼저 정렬되지 않은 리스트에서 가장 작은 원소의 위치 탐색한다.
2. 정렬되지 않은 리스트의 시작 위치에 있는 원소와 교환한다.
3. 각각의 비교 및 교환 후에, 리스트의 경계를 한 개의 원소만큼 이동한다.

그럼과 비교한 영역 구분



가장 작은 값의 위치를 기록  
(3 2 4 1 5)  
최소값의 위치를 기록  
최소값의 위치를 변수 index로 저장  
① | 1 2 4 3 5 | → 처음 정렬에서 초기 min=2로 시작  
② | 1 2 3 4 5 | 비교 완료

# 선택 정렬 (2/4)

## 선택 정렬 동작 과정



수행시간:  $(n - 1) + (n - 2) + \dots + 2 + 1 = O(n^2)$

Worst case

Average case



# 선택 정렬 (3/4)

## ● 선택 정렬: 알고리즘

```
selectionSort( A[], n )           // 배열 A[ 1, ... , n ]을 정렬
{
    for i ← 1 to n - 1             ①
    {
        smallest ← i;
        for j ← i + 1 to n
            if (A[j] < A[smallest]) then smallest ← j;  ②
        A[i] ↔ A[smallest];      ③
    }
}
```

①  
②  
③

제일 작은 값 찾기

수행시간:  $1 + 2 + \dots + (n - 1) + n = O(n^2)$

- ① 의 for 루프는  $n - 1$  번 반복
- ② 에서 가장 작은 수를 찾기 위한 비교 횟수:  $1, 2, \dots, n - 1$
- ③ 의 교환은 상수 시간 작업

# 선택 정렬 (4/4)

## ● 선택 정렬: 알고리즘 분석

- 메모리 사용공간: n 개의 원소에 대하여 n 개의 메모리 사용
- 원소 비교 횟수

- 1 단계: 첫 번째 원소를 기준으로 n 개의 원소 비교
- 2 단계: 두 번째 원소를 기준으로 마지막 원소까지 n - 1 개의 원소 비교
- 3 단계: 세 번째 원소를 기준으로 마지막 원소까지 n - 2 개의 원소 비교
- (중간 생략)
- i 단계: i 번째 원소를 기준으로 n - i 개의 원소 비교

$$C_{min} = C_{ave} = C_{max} = (n - 1) + (n - 2) + \dots + 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i$$

$$\sum_{i=1}^{n-1} i = \frac{(n - 1) + 1}{2} (n - 1) = \frac{1}{2} n(n - 1) = \frac{1}{2} (n^2 - n)$$

어떤 경우에서나 원소 비교 횟수가 같기 때문에...

시간 복잡도는  $O(n^2)$

# 기초적인 정렬 알고리즘

## 버블 정렬

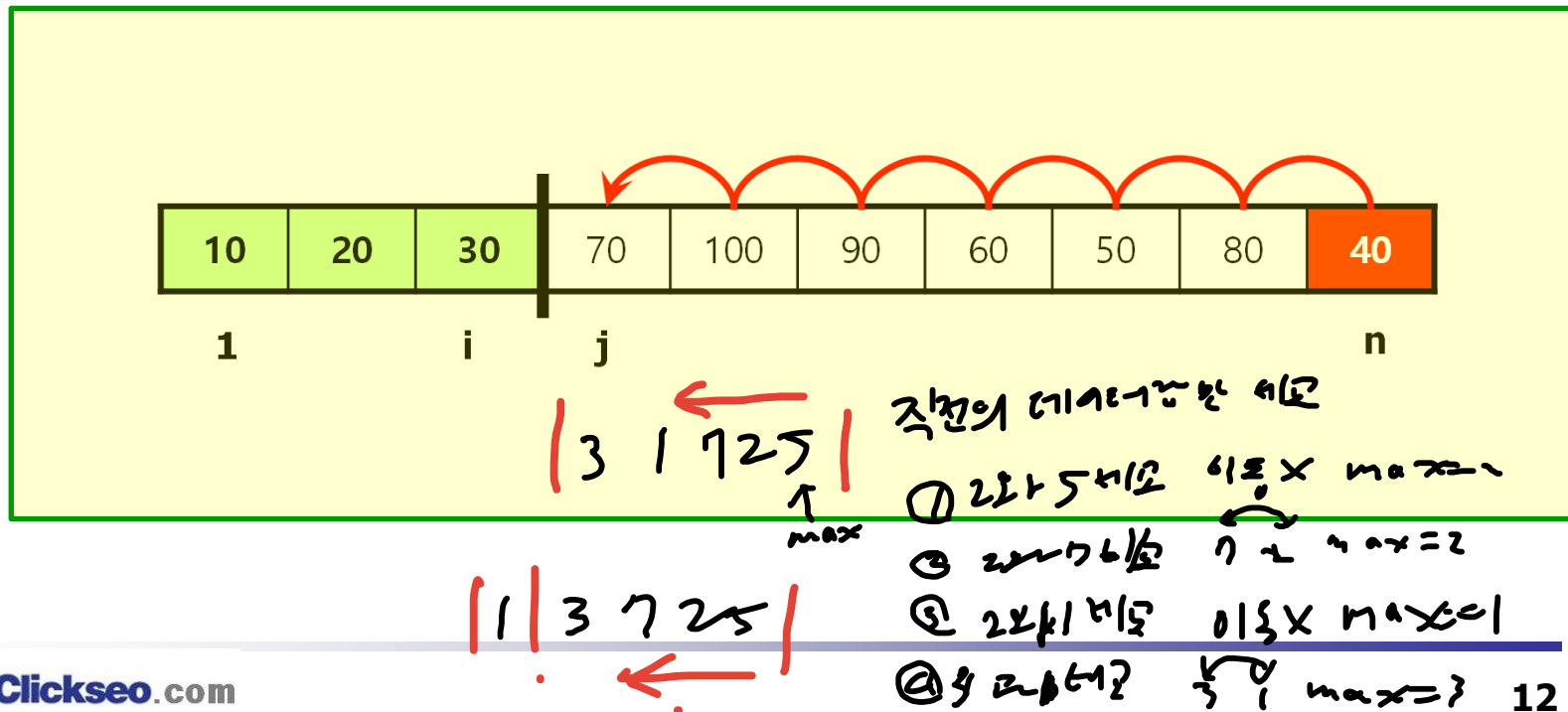


# 버블 정렬 (1/5)

- **버블 정렬**(Bubble Sort)

- 배열 원소에 대한 버블 정렬 과정

1. 정렬되지 않은 리스트의 가장 작은 원소가 정렬된 서브 리스트로 이동한다.
2. 각각의 비교 및 교환 후에 리스트의 경계를 한 개의 원소만큼 이동한다.



# 버블 정렬 (2/5)

## 버블 정렬 동작 과정

초기 배열

30	40	10	50	20
----	----	----	----	----

30	40	10	20	50
----	----	----	----	----

30	40	10	20	50
----	----	----	----	----

30	10	40	20	50
----	----	----	----	----

1단계 완료 이후

10	30	40	20	50
----	----	----	----	----

수행시간:  $1 + 2 + \dots + (n - 1) + n = O(n^2)$

Worst case

Average case

# 버블 정렬 (3/5)

## ● 버블 정렬: 알고리즘

```
bubbleSort ( A[], n )           // A[ 1 ... n ]을 정렬
{
    for i ← 1 to n - 1           ①
        for j ← n downto i - 1    ②
            if ( A[j] < A[j-1] ) then A[j] ↔ A[j-1]; ③
}
```

수행시간:  $(n - 1) + (n - 2) + \dots + 2 + 1 = O(n^2)$

- ① 의 for 루프는  $n - 1$  번 반복
- ② 에서 가장 큰 수를 찾기 위한 비교 횟수:  $n - 1, n - 2, \dots, 2, 1$
- ③ 의 교환은 상수 시간 작업

# 버블 정렬 (4/5)

- 버블 정렬: 변형된 알고리즘

```
bubbleSort ( A[], n )           // A[ 1, ... , n ] 을 정렬
{
    for i ← 1 to n - 1
    {
        state ← TRUE;
        for j ← n downto i - 1
        {
            if (A[j] < A[j-1]) then A[j] ↔ A[j-1];
            state ← FALSE;
        }
        if (state = TRUE) then return;
    }
}
```

이 문장은 필요하지 않음.  
for로 sort를 하면  
정렬이 완료되면.

# 버블 정렬 (5/5)

- 버블 정렬: 알고리즘 분석

- 메모리 사용공간:  $n$  개의 원소에 대하여  $n$  개의 메모리 사용

- 연산 시간

- 최선의 경우: 자료가 이미 정렬되어 있는 경우

- 원소 비교 횟수:  $i$  번째 원소를  $(n - i)$  번 비교하기 때문에  $n(n - 1)/2$
- 원소 교환 횟수: 자리교환이 발생하지 않는다.

- 최악의 경우: 자료가 역순으로 정렬되어 있는 경우

- 원소 비교 횟수:  $i$  번째 원소를  $(n - i)$  번 비교하기 때문에  $n(n - 1)/2$
- 원소 교환 횟수:  $i$  번째 원소를  $(n - i)$  번 교환하기 때문에  $n(n - 1)/2$

평균 시간 복잡도는  $O(n^2)$



# 기초적인 정렬 알고리즘

삽입 정렬, 쉘 정렬

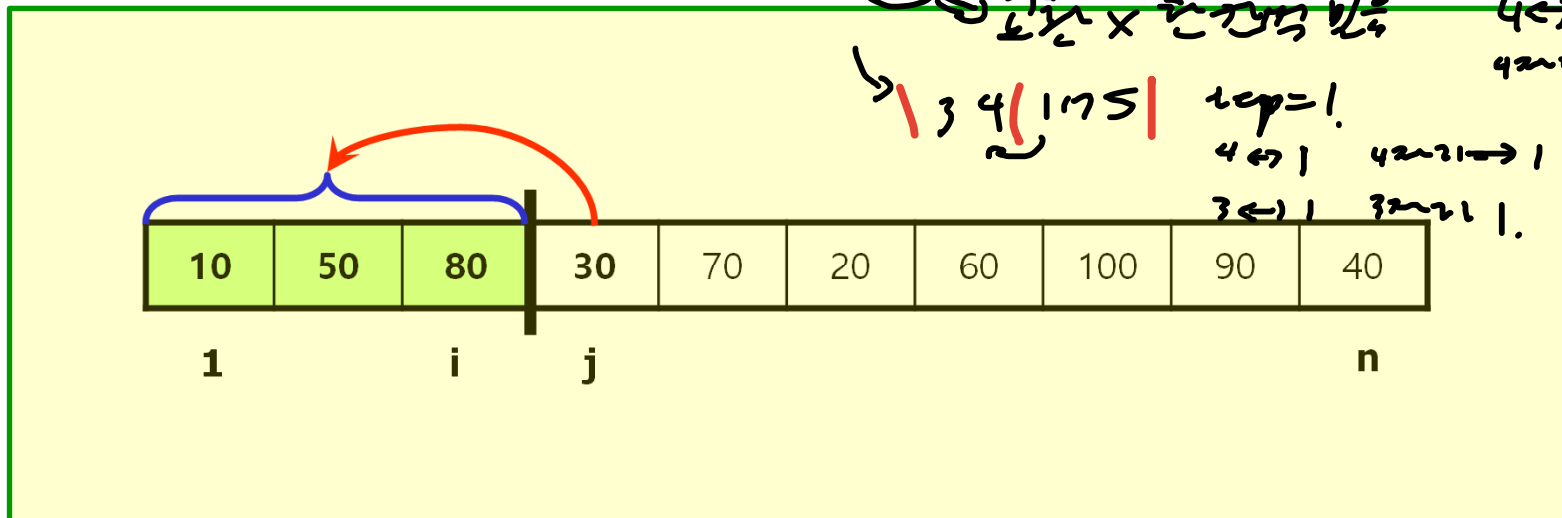


# 삽입 정렬 (1/4)

## ● 삽입 정렬(Insertion Sort)

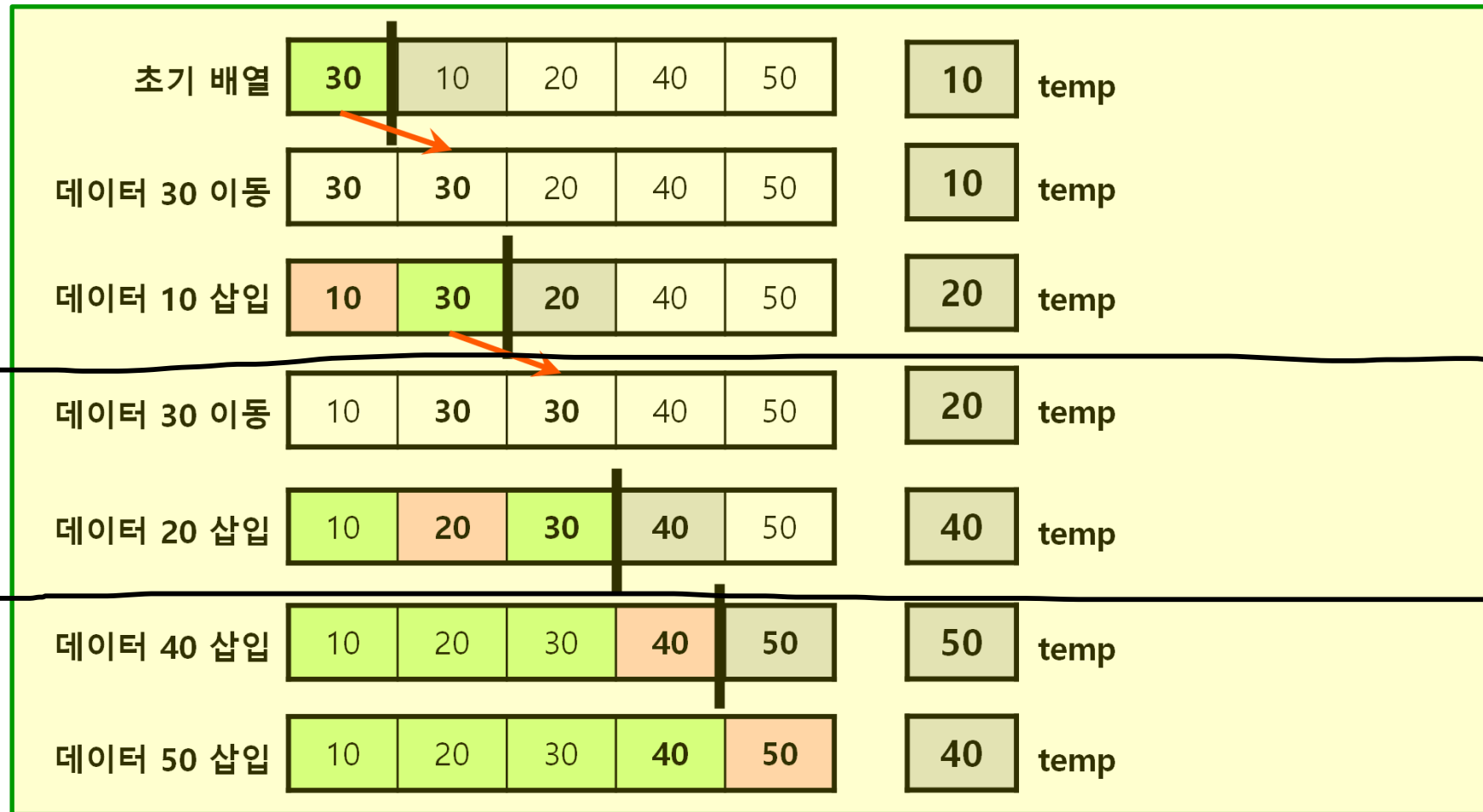
### ○ 배열 원소에 대한 삽입 정렬 과정

1. 각 단계에서 정렬되지 않은 리스트의 첫 번째 원소를 **선택**한다.
2. 선택된 원소를 정렬된 리스트의 적절한 위치로 삽입한다.



## 삽입 정렬 동작 과정

## 삽입 정렬 (2/4)



수행시간:  $O(n^2)$

**Worst case:**  $1 + 2 + \dots + (n-2) + (n-1)$

**Average case:**  $\frac{1}{2}(1 + 2 + \dots + (n-2) + (n-1))$

# 삽입 정렬 (3/4)

## ● 삽입 정렬: 알고리즘

```
insertionSort ( A[], n )
```

```
{
```

```
  for i ← 2 to n
```

```
  {
```

```
    j ← i - 1;
```

```
    temp ← A[i];
```

```
    while ( j ≥ 1 and temp < A[j] )
```

```
    {
```

```
      A[j + 1] ← A[j];
```

```
      j--;
```

```
    }
```

```
    A[j + 1] ← temp;
```

```
  }
```

```
}
```

// A[ 1, ... , n ] 을 정렬

“배열이 거의 정렬되어 있는 상태 일 때  
가장 매력적인 알고리즘”

수행시간:

① 의 for 루프는  $n - 1$  번 반복

② 의 삽입은 최악의 경우  $i - 1$  회 비교

**Worst case:**  $1 + 2 + \dots + (n - 2) + (n - 1) = O(n^2)$

**Average case:**  $\frac{1}{2}(1 + 2 + \dots + (n - 2) + (n - 1)) = O(n^2)$

# 삽입 정렬 (4/4)

- 삽입 정렬: 알고리즘 분석

- 메모리 사용 공간: n 개의 원소에 대하여 n 개의 메모리 사용

- 연산 시간

- 최선의 경우: 원소들이 이미 정렬되어 있을 때 원소 비교 횟수가 최소
  - 이미 정렬되어 있는 경우에는 바로 앞자리 원소와 한번만 비교
  - 전체 원소 비교 횟수 =  $n - 1$
  - 시간 복잡도:  $O(n)$
- 최악의 경우: 모든 원소가 역순으로 되어있을 경우 원소 비교 횟수가 최대
  - 전체 원소 비교 횟수 =  $1 + 2 + 3 + \dots + (n - 1) = n(n - 1)/2$
  - 시간 복잡도:  $O(n^2)$
- 삽입 정렬의 평균 원소 비교 횟수 =  $n(n - 1) / 4$

평균 시간 복잡도는  $O(n^2)$

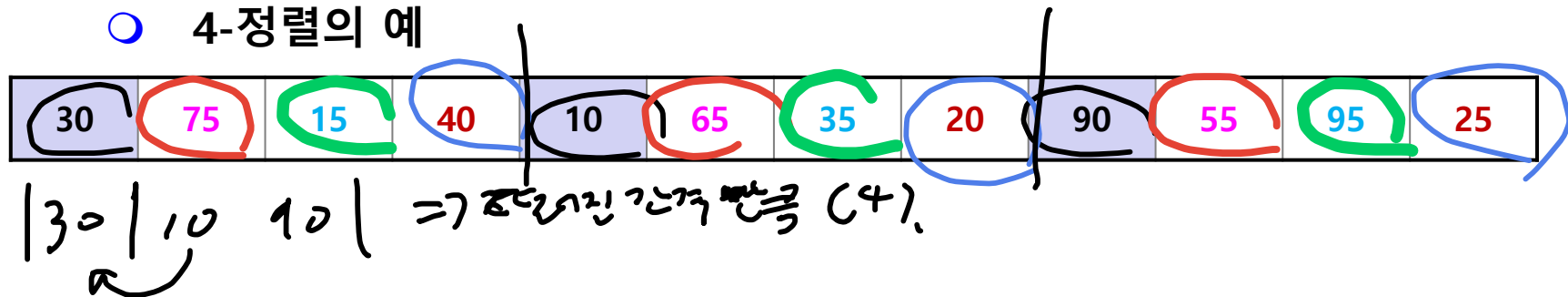
# 셸 정렬 (1/3)

- 셸 정렬(Shell Sort)

- 일정한 간격(interval)으로 데이터들끼리 부분집합을 구성하고, 각 부분집합에 있는 원소들에 대해서 삽입 정렬을 수행한다.

- 전체 원소에 대해서 삽입 정렬을 수행하는 것보다 부분집합으로 나누어 정렬하면 **비교와 교환 연산을 감소**시킬 수 있다.
- 셸 정렬에서는 7-정렬, 4-정렬 등의 용어를 주로 사용

- 4-정렬의 예



# 셸 정렬 (2/3)

- 셸 정렬: 알고리즘

```
shellSort (A[], n)    // A[1, ... , n] 을 정렬
{
    interval ← n;
    while (interval ≥ 1) do
    {
        interval ← interval / 2;
        for (i ← 0; i < interval; i ← i + 1) do
        {
            // interval 간격 만큼의 원소들끼리 셸 정렬 수행
            intervalSort(A[], i, n, interval);
        }
    }
}
```

# 셸 정렬 (3/3)

- 셸 정렬: 알고리즘 분석

- 메모리 사용 공간

- n 개의 원소에 대하여 n 개의 메모리와 매개변수 h 에 대한 저장공간 사용

- 연산 시간

- 원소 비교 횟수: 처음 원소의 상태에 상관없이 매개변수 h 에 의해 결정
- 일반적인 시간 복잡도:  $O(n^{1.25})$
- 셸 정렬은 삽입 정렬의 시간 복잡도  $O(n^2)$  보다 개선된 정렬 방법



# 고급 정렬 알고리즘



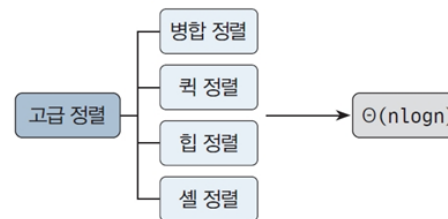
- 기초적인 정렬 알고리즘



- 고급 정렬 알고리즘

- 퀵 정렬

- 병합 정렬



- 특수 정렬 알고리즘

- 탐색 알고리즘



# 퀵 정렬 (1/4)

- **퀵 정렬**(Quick Sort)

- 정렬할 전체 원소에 대해서 정렬을 수행하지 않고, 기준 값을 중심으로 왼쪽 부분 집합과 오른쪽 부분 집합으로 분할하여 정렬

- **기준 값: 피벗(Pivot)**

- **왼쪽 부분 집합:** 기준 값보다 작은 원소들을 이동
    - **오른쪽 부분 집합:** 기준 값보다 큰 원소들을 이동

- 퀵 정렬은 다음의 두 가지 기본 작업을 반복 수행

- **분할**(Divide)

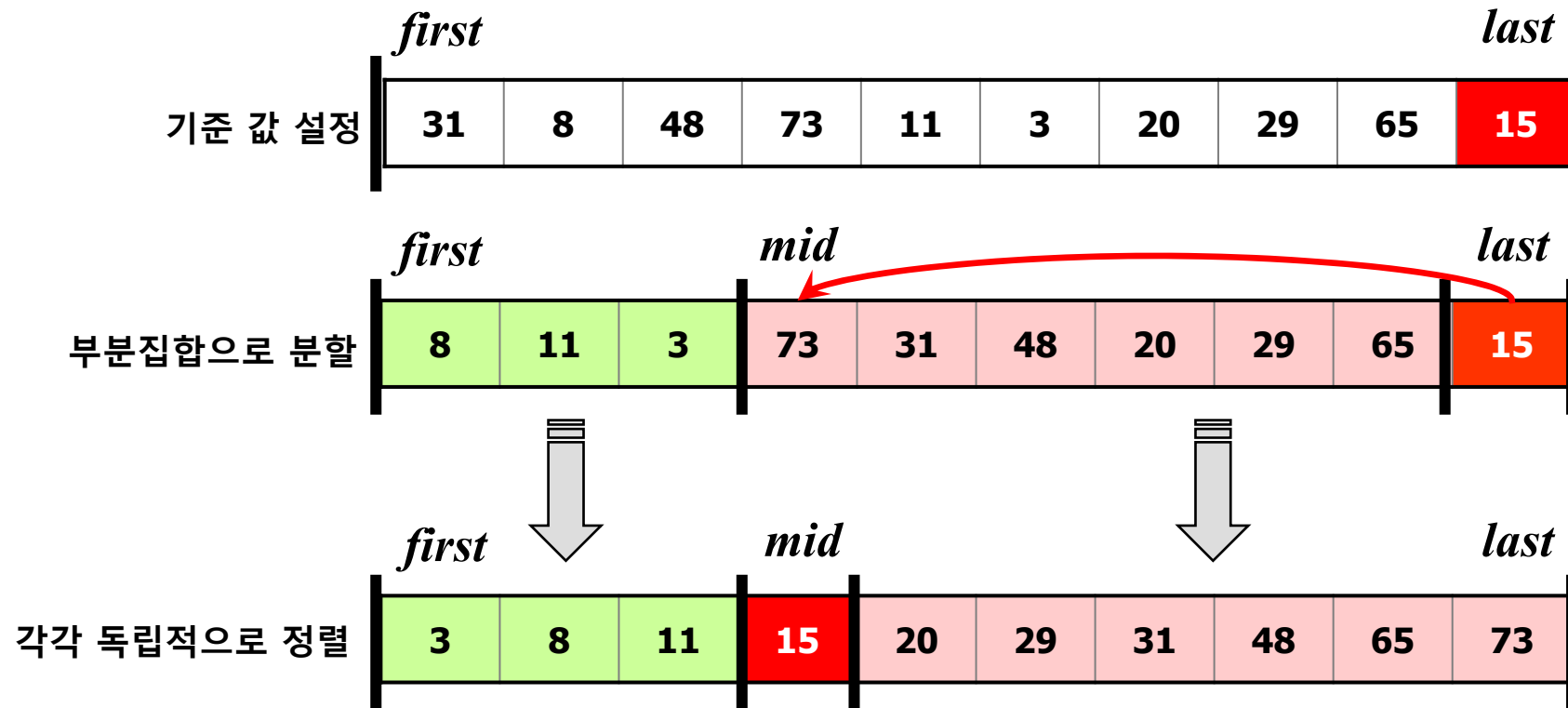
- 정렬할 자료들을 기준 값을 중심으로 두 개의 부분 집합으로 분할

- **정복**(Conquer)

- 부분 집합의 원소들 중에서 기준 값보다 작은 원소들은 왼쪽 부분 집합으로, 기준 값보다 큰 원소들은 오른쪽 부분집합으로 정렬
    - **부분 집합의 크기가 1 이하로 충분히 작지 않으면 순환호출을 이용하여 다시 분할**

## 퀵 정렬 (2/4)

- 퀵 정렬: 동작 과정



평균 수행시간:  $O(n \log n)$

최악의 경우 수행시간:  $O(n^2)$

# 퀵 정렬 (3/4)

- 퀵 정렬: 알고리즘

```
Quick_Sort(A[], first, last)    // A[ first , ... , last ] 을 정렬
{
    if (first < last) then
    {
        mid = Partition(A, first, last);    // 분할 후 기준 값의 위치 값을 반환
        Quick_Sort(A, first, mid-1);        // 왼쪽 부분 정렬
        Quick_Sort(A, mid+1, last);         // 오른쪽 부분 정렬
    }
}

Partition(A[], first, last)
{
    pivot ← A[last];    // 마지막 원소를 기준 값으로 선택
    i ← first - 1;
    for j ← first to last -1
        if (A[j] ≤ pivot) then A[++i] ↔ A[j];
    A[i+1] ↔ A[last];    // 기준 값을 가운데로 위치 시킨다.

    return i + 1;    // 기준 값의 위치 값을 반환
}
```

# 퀵 정렬 (4/4)

- **퀵 정렬: 알고리즘 분석**

- **메모리 사용공간:**  $n$  개의 원소에 대하여  $n$ 개의 메모리 사용

- **연산 시간**

- **최선의 경우**

- 기준 값에 의해서 원소들이 왼쪽 부분 집합과 오른쪽 부분 집합으로 정확히  $n/2$  개씩 이등분이 되는 경우가 반복되어 수행 단계 수가 최소가 되는 경우

- **최악의 경우**

- 기준 값에 의해 원소들을 분할하였을 때 1 개와  $n - 1$  개로 한쪽으로 치우쳐 분할되는 경우가 반복되어 수행 단계 수가 최대가 되는 경우

- **평균 시간 복잡도:  $O(n \log_2 n)$**

- 같은 시간 복잡도를 가지는 다른 정렬 방법에 비해서 자리 교환 횟수를 줄임으로써 더 빨리 실행되어 실행 시간 성능이 좋은 정렬 방법

# 고급 정렬 알고리즘

## 병합 정렬



# 병합 정렬 (1/5)

- **병합 정렬**(Merge Sort)

- 여러 개의 정렬된 자료의 집합을 병합하여 한 개의 정렬된 집합으로 만드는 방법

- 병합 정렬 방법의 종류

- 2-way 병합: 2 개의 정렬된 자료의 집합을 결합하여 하나의 집합으로 만드는 방법
- n-way 병합: n 개의 정렬된 자료의 집합을 결합하여 하나의 집합으로 만드는 방법

// 2-way 병합 정렬: 세 가지 기본 작업을 반복 수행

1) 분할(Divide): 입력 자료를 같은 크기의 부분집합 2개로 분할한다.

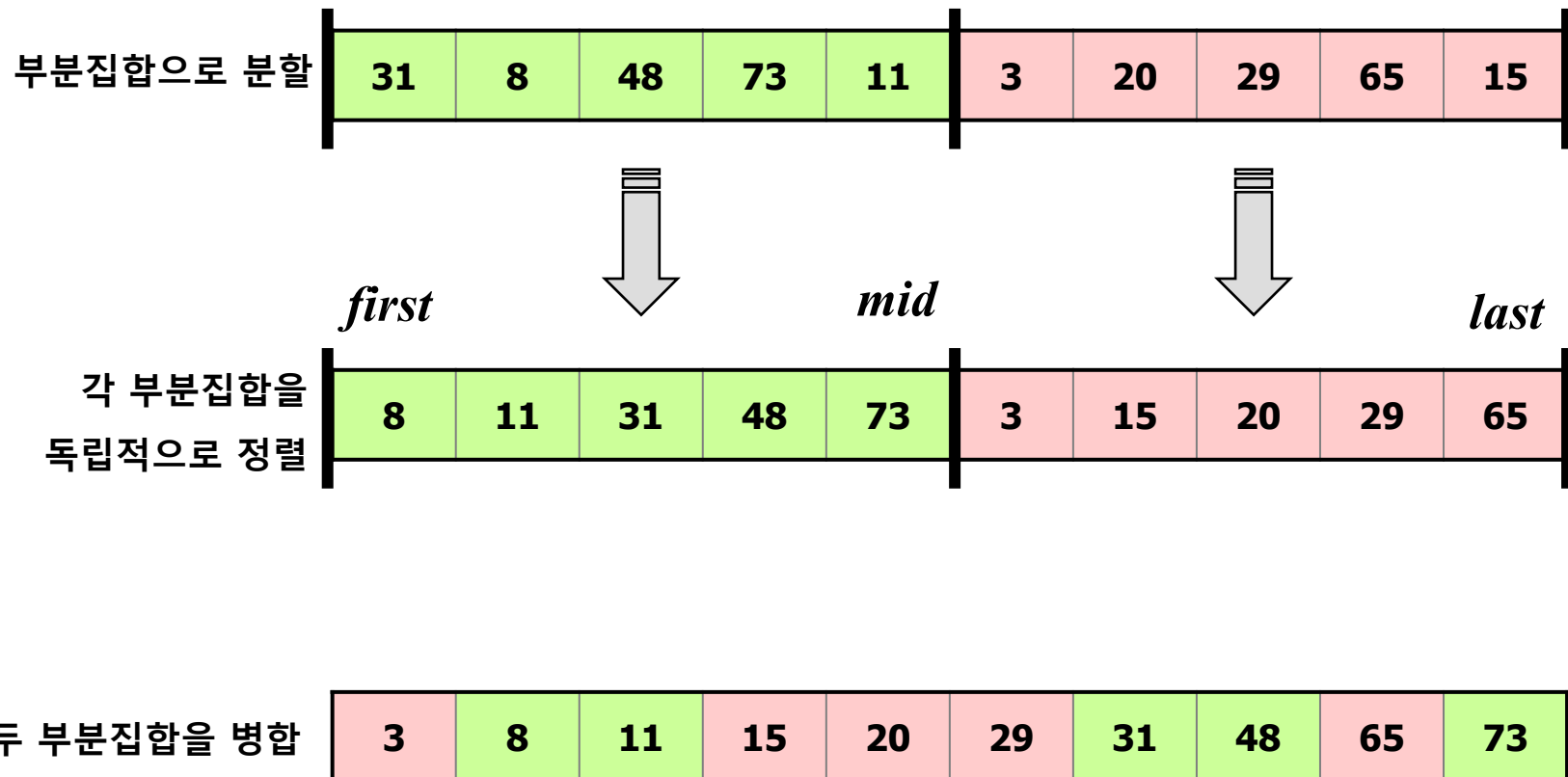
2) 정복(Conquer): 부분집합의 원소들을 정렬한다.

만약 부분집합의 크기가 충분히 작지 않으면, 순환호출을 이용하여 다시 분할 정복 기법을 적용한다.

3) 결합(Combine): 정렬된 부분집합들을 하나의 집합으로 통합한다.

## 병합 정렬 (2/5)

- **병합 정렬: 동작 과정**





# 병합 정렬 (3/5)

- **병합 정렬: 알고리즘**

```
mergeSort(A[ ], first, last)    // A[first , ... , last]을 정렬
{
    if (first < last) then
    {
        mid ← (first+last)/2 ;    // first와 last 사이의 중간 원소의 위치
        mergeSort(A, first, mid); // 왼쪽 부분집합 정렬
        mergeSort(A, mid+1, last); // 오른쪽 부분집합 정렬
        merge(A, first, mid, last); // 정렬된 두 부분집합 병합
    }
}

merge(A[ ], first, mid, last)
{
    정렬되어 있는 두 부분집합 A[first, ... , mid]와 A[mid+1, ... , r]을 병합하여
    정렬된 하나의 배열 A[first, ... , last]을 만든다.
}
```

# 병합 정렬 (4/5)

- **병합 정렬: 병합 알고리즘**

```
merge(A[ ], first, mid, last)
// A[first ... mid]와 A[mid+1 ... last]를 병합하여 A[first ... last]을 정렬된 상태로 재구성
// 단, A[first ... mid]와 A[mid+1 ... last]는 이미 정렬 부분집합이다.
{
    i ← first; j ← mid+1; t ← 1;
    while (i ≤ mid and j ≤ last) {
        if (A[i] ≤ A[j]) then temp[t++] ← A[i++];
        else temp[t++] ← A[j++];
    }
    while (i ≤ mid) temp[t++] ← A[i++];
    while (j ≤ last) temp[t++] ← A[j++];

    // 정렬된 상태로 재구성된 temp 배열을 원본 배열 A 에 복사
    i ← p; t ← 1;
    while (i ≤ last) A[i++] ← temp[t++];
}
```

# 병합 정렬 (5/5)

---

- **병합 정렬: 알고리즘 분석**

- **메모리 사용공간**

- 각 단계에서 새로 병합하여 만든 부분집합을 저장할 공간이 추가로 필요
- 원소  $n$  개에 대해서  $(2 * n)$  개의 메모리 공간 사용

- **연산 시간**

- 분할 단계:  $n$  개의 원소를 분할하기 위해서  $\log_2 n$  번의 단계 수행
- 병합 단계: 부분집합의 원소를 비교하면서 병합하는 단계에서 최대  $n$  번의 비교연산 수행
- 전체 병합 정렬의 시간 복잡도:  $O(n \log_2 n)$

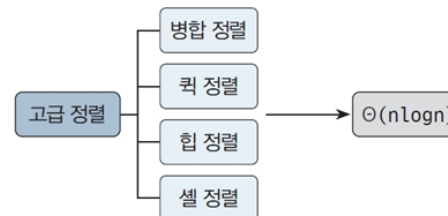
# 특수 정렬 알고리즘



- 기초적인 정렬 알고리즘



- 고급 정렬 알고리즘



- 특수 정렬 알고리즘

- 기수 정렬

- 계수 정렬



- 탐색 알고리즘



# 특수 정렬 알고리즘

- 특수 정렬 알고리즘

- 비교 정렬

- 두 원소를 비교하는 정렬의 하한선은  $\Omega(n \log n)$

“최악의 경우 정렬 시간이  $\Theta(n \log n)$  보다 더 빠를 수는 없는가?”

- 그러나 원소들이 특수한 성질을 만족하면  $O(n)$  정렬도 가능하다.
    - 계수 정렬(Counting Sort): 원소들의 크기가 모두  $O(n) \sim O(n)$  범위에 있을 때...
    - 기수 정렬(Radix Sort): 원소들이 모두  $k$  이하의 자리 수를 가졌을 때( $k$ : 상수)
    - 버킷 정렬(Bucket Sort): 원소들이 균등 분포(Uniform distribution)를 이룰 때...

# 특수 정렬 알고리즘

## 계수 정렬



# 계수 정렬 (1/3)

---

- **계수 정렬**(Counting Sort)
  - 항목들의 순서를 결정하기 위해 집합에 각 항목이 몇 개씩 있는지 세는 작업을 하면서 선형 시간에 정렬하는 효율적인 알고리즘
    - 속도가 빠르며 안정적이다.
    - 제한 사항
      - 정수나 정수로 표현할 수 있는 자료에 대해서만 동작
      - 카운트들을 위한 충분한 공간을 할당하려면 집합 내의 가장 큰 정수를 알아야 한다.

# 계수 정렬 (2/3)

- 계수 정렬: 알고리즘

```
countingSort(A[], B[], n)
// A[1...n]: 입력 배열
// B[1...n]: 배열 A 를 정렬한 결과
{
    for i ← 1 to k
        C[i] ← 0;
    for j ← 1 to n
        C[ A[j] ]++; // 이 시점에서의 C[i] : 값이 i 인 원소의 총 수
    for i ← 1 to k
        C[i] ← C[i] + C[i-1]; // 누적 합 계산
    // 이 시점에서의 C[i] : i 보다 작거나 같은 원소의 총 개수
    for j ← n downto 1 {
        B[ C[A[j]] ] ← A[j];
        C[ A[j] ]--;
    }
}
```



# 계수 정렬 (3/3)

## ● 계수 정렬: 동작과정

### ○ 1단계

- ① data에서 각 항목들의 발생 횟수를 센다.
- ② 발생 횟수들은 정수 항목들로 직접 인덱스 되는 카운트 배열(counts)에 저장한다.

처음의 정렬되지 않은 집합

data

0	4	1	3	1	2	4	1
---	---	---	---	---	---	---	---

data의 각 정수의 발생 횟수

counts

1	3	1	1	2
---	---	---	---	---

counts[4] = 4의 발생 횟수

counts[3] = 3의 발생 횟수

counts[2] = 2의 발생 횟수

counts[1] = 1의 발생 횟수

counts[0] = 0의 발생 횟수

counts[0] counts[1] counts[2] counts[3] counts[4]

1	4	5	6	8
---	---	---	---	---

counts

- ③ 정렬된 집합에서 각 항목의 앞에 위치할 항목의 개수를 반영하기 위하여 카운트들을 조정한다.

### ○ 2단계: 정렬된 집합

↓ j = 0

↓ j = 7

temp

0	1	1	1	2	3	4	4
---	---	---	---	---	---	---	---

[0]

[1]

[2]

[3]

[4]

[5]

[6]

[7]

41

# 특수 정렬 알고리즘

## 기수 정렬



# 기수 정렬 (1/3)

- **기수 정렬**(Radix Sort)

- 입력이 모두  $k$  이하의 자리 수를 가진 특수한 경우에(자연수가 아닌 제한된 종류를 가진 알파벳 등도 해당) 사용할 수 있는 방법
  - $\Theta(n)$  시간이 소요되는 알고리즘

```
radixSort(A[ ], n, k)
// 원소들이 각각 최대 k 자리수인 A[1...n]을 정렬한다
// 가장 낮은 자리 수를 1번째 자리수라 한다
{
    for i ← 1 to k
        i 번째 자리 수에 대해 A[1...n] 을 안정을 유지하면서 정렬한다;
}
```

- **안정성 정렬**(Stable Sort)

- 같은 값을 가진 원소들은 정렬 후에도 원래의 순서가 유지되는 성질을 가진 정렬을 일컫는다.

# 기수 정렬 (2/3)

- 기수 정렬: 알고리즘 분석

- 메모리 사용공간

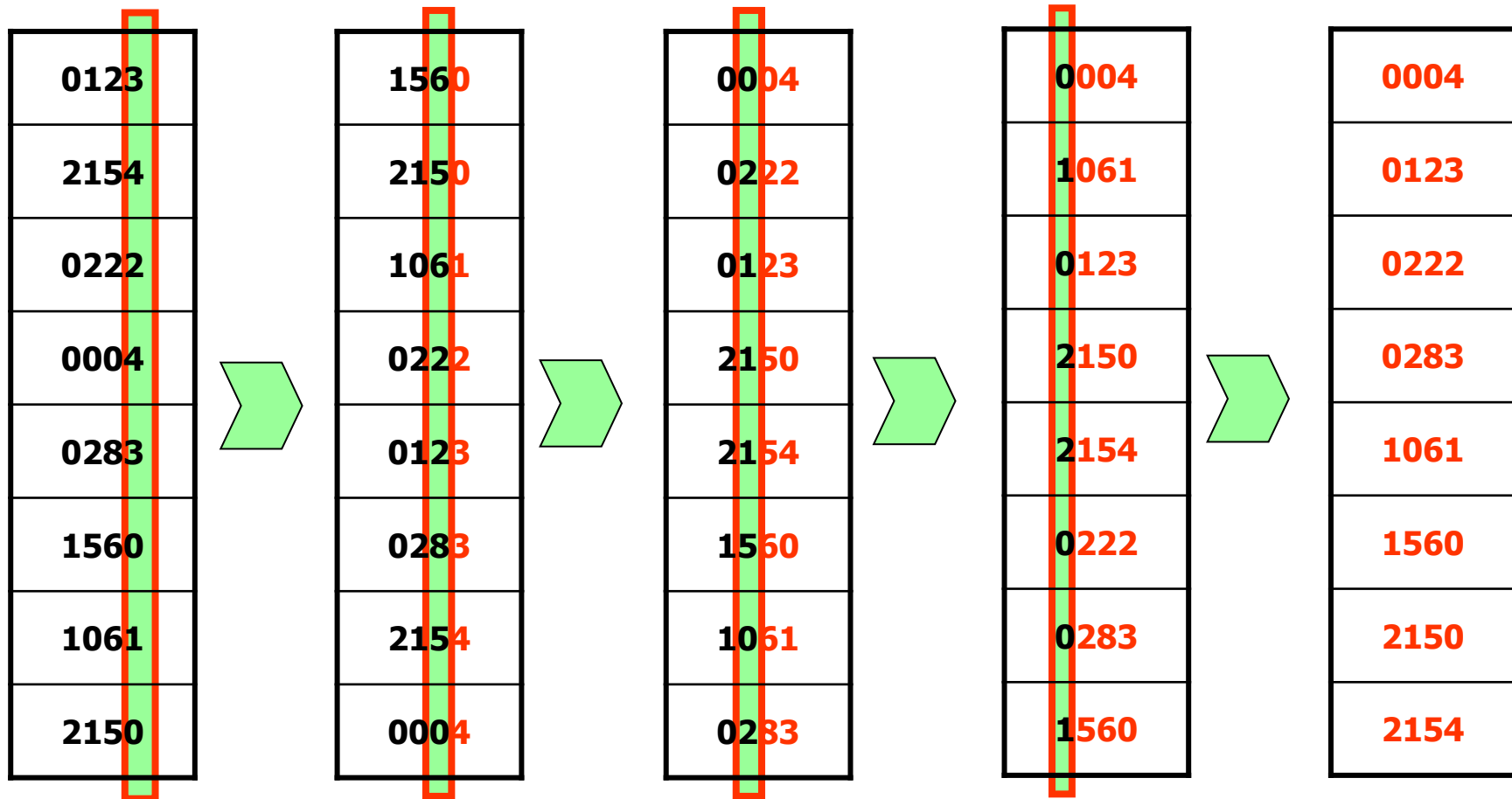
- 원소  $n$ 개에 대해서  $n$ 개의 메모리 공간 사용
  - 기수  $r$ 에 따라 버킷 공간이 추가로 필요

- 연산 시간

- 연산 시간은 정렬할 원소의 수  $n$  과 키 값의 자릿수  $d$  와 버킷의 수를 결정하는 기수  $r$  에 따라서 달라진다.
  - 정렬할 원소  $n$  개를  $r$  개의 버킷에 분배하는 작업:  $(n+r)$
  - 이 작업을 자릿수  $d$  만큼 반복
- 수행할 전체 작업:  $d(n+r)$
- 시간 복잡도:  $O(d(n+r))$

# 기수 정렬 (3/3)

- 기수 정렬: 동작 과정



# 특수 정렬 알고리즘

## 버킷 정렬



# 버킷 정렬 (1/3)

- 버킷 정렬(Bucket Sort)

- 원소들이 균등 분포(Uniform distribution)를 하는  $[0, 1)$  범위의 실수인 경우
  - $[0, 1)$  범위는 아니어도 쉽게  $[0, 1)$  범위로 변환할 수 있다

```
bucketSort(A[ ], n)
```

```
// A[1...n] :  $[0, 1)$  범위의 균등 분포를 한 실수값 리스트
```

```
{
```

```
    for i ← 1 to n
```

```
        A[i]를 리스트 B[n*A[i]]에 삽입한다;           // B[0,..., n-1]: 각각이 리스트인 리스트
```

```
    for i ← 1 to n
```

```
        리스트 B[i]에 있는 원소들을 정렬;           // 삽입 정렬이면 충분하다.
```

```
    B[0], B[1], ... , B[n-1]의 원소들을 차례대로 A[0, ... , n-1]로 복사한다;
```

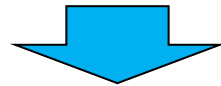
```
}
```

## 버킷 정렬 (2/3)

- 버킷 정렬

(a)  $A[0...14]$ : 정렬할 배열

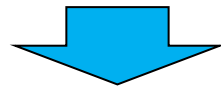
.38	.94	.48	.73	.99	.43	.55	.15	.85	.84	.81	.71	.17	.10	.02
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----



$A[0...14]$  각각에 15를 곱하여 정수부만 취함

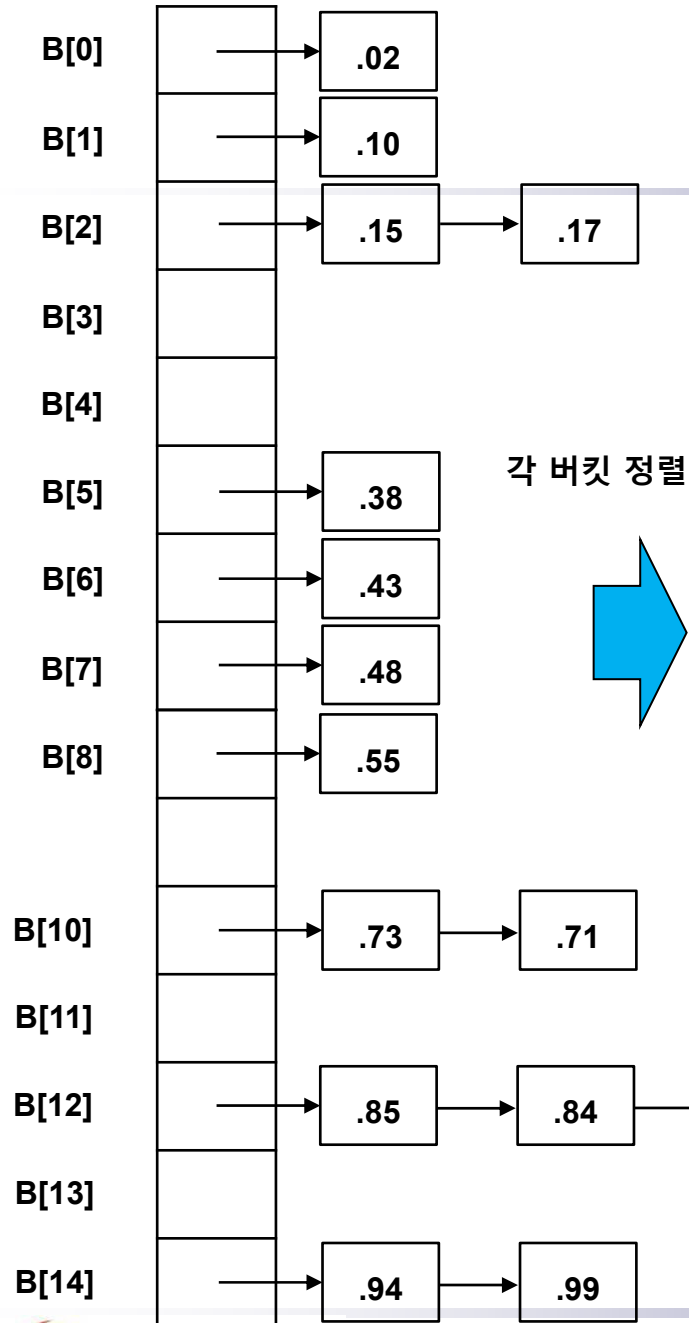
(b) 버킷 리스트 위치

5	14	7	10	14	6	8	2	12	12	12	10	2	1	0
---	----	---	----	----	---	---	---	----	----	----	----	---	---	---

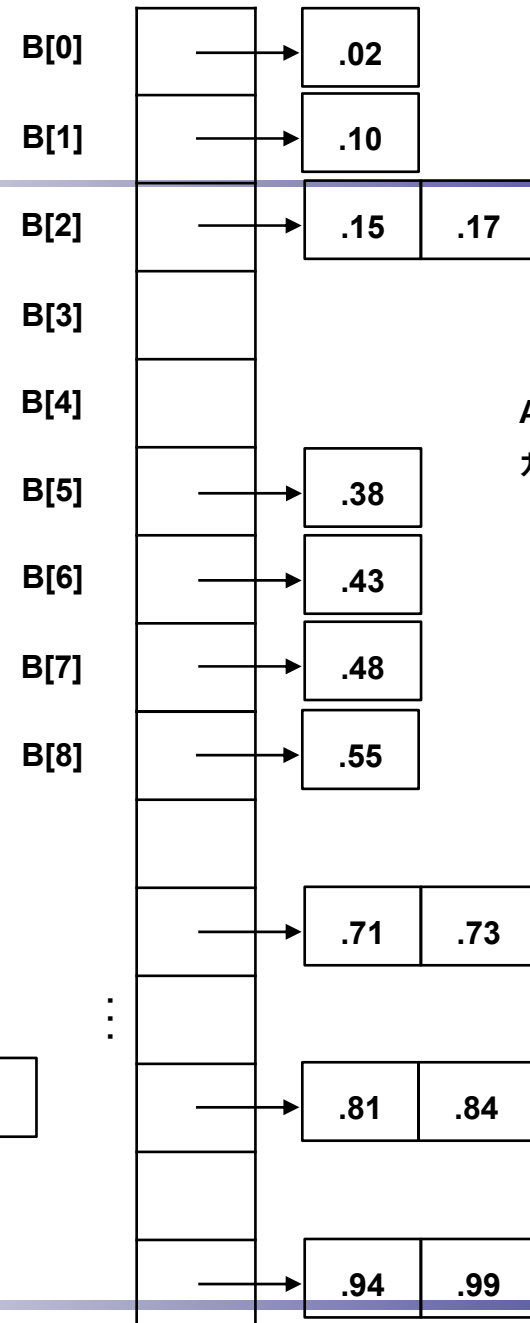




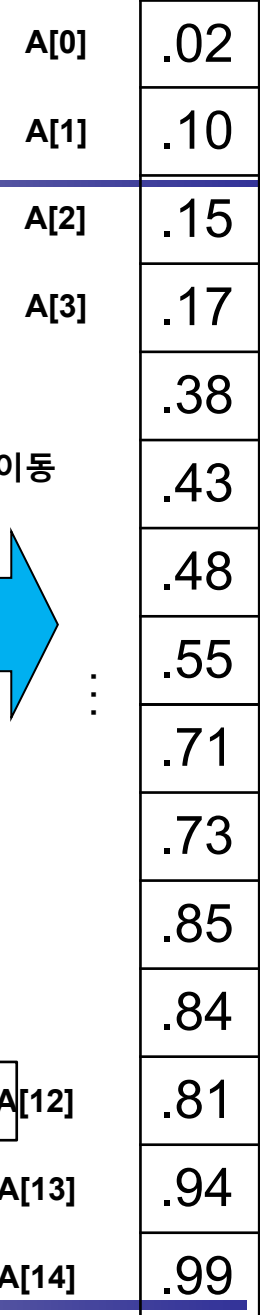
(c)



(d)



(e)



# 탐 색



- 기초적인 정렬 알고리즘
- 고급 정렬 알고리즘
- 특수 정렬 알고리즘
- **탐색 알고리즘**

- 순차 탐색
- 이진 탐색



# 탐 색

---

- **탐색(Search)**

- 레코드의 집합에서 주어진 키를 지닌 레코드를 찾는 작업 탐색

- 주어진 키 값: **목표 키(target key)** 또는 **탐색 키(search key)**

- **탐색의 분류**

- 수행되는 위치에 따른 분류: **내부 탐색, 외부 탐색**

- 검색 방법에 따른 분류

- **비교 탐색:** 검색 대상의 키를 비교하여 탐색
  - » 순차 탐색, 이진 탐색, 트리 탐색
- **계산 탐색:** 계수적 성질을 이용한 계산으로 탐색
  - » 해싱

# 탐색

## 순차 탐색



# 순차 탐색 (1/3)

- 순차 탐색(Sequential Search)

- 선형 탐색(Linear Search)

- 순차 탐색 알고리즘

- 목표치를 찾기 위해 리스트의 처음부터 탐색을 시작해서, 목표치를 찾거나 리스트에 목표치가 없다는 것이 밝혀질 때까지 탐색을 계속한다.

- 순차 탐색은 순서가 없는 리스트일 때 사용

- 순차 탐색은 리스트가 작거나, 가끔 한번씩 탐색할 경우에만 사용

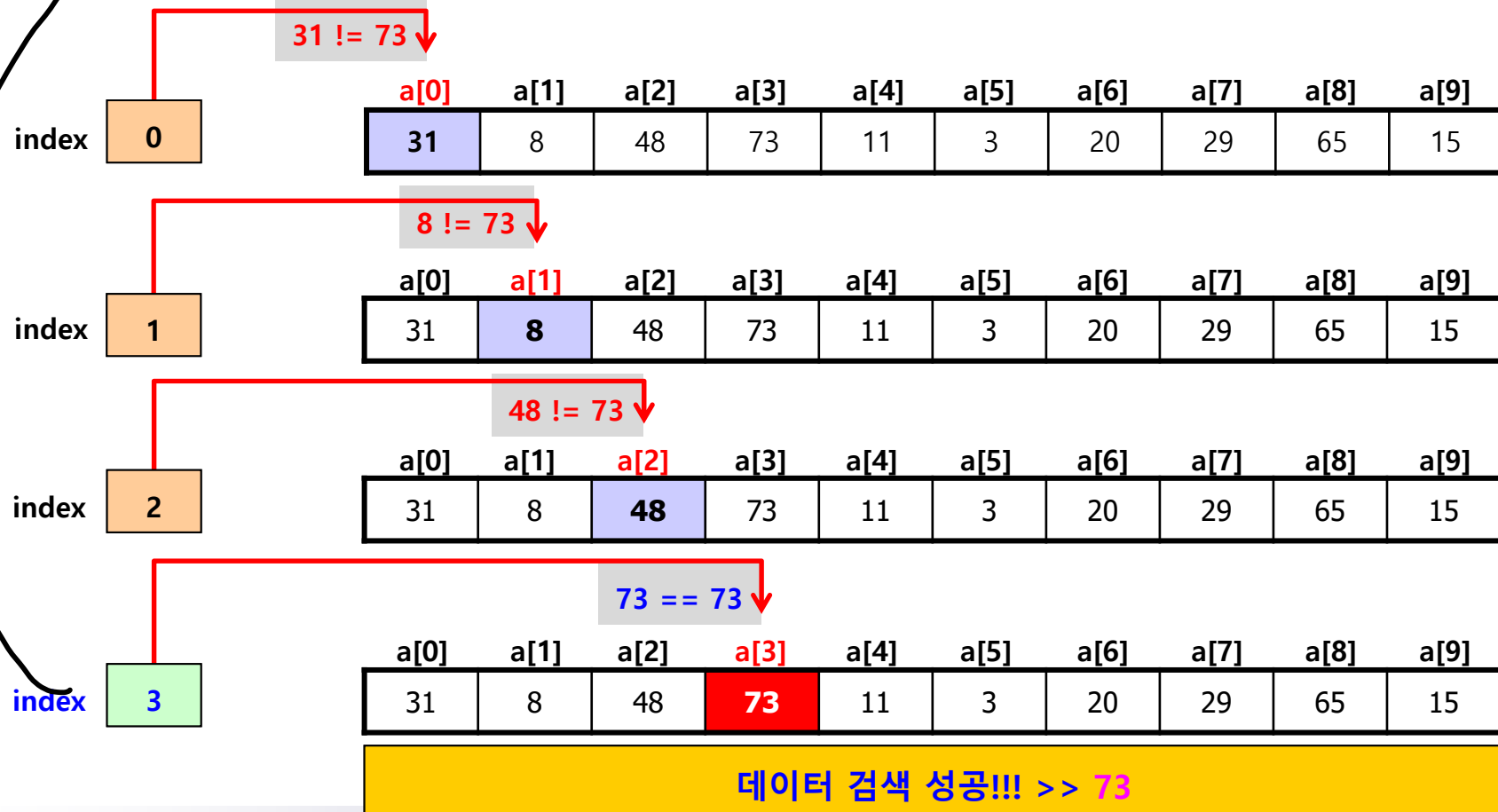
```
sequentialSearch( A[ ], n, key )
{
    i ← 0;
    while ( i < n )
    {
        if ( A[i] = key ) then
            return i;
        i ← i + 1;
    }
    return -1;
}
```

# 순차 탐색 (2/3)

- 순차 탐색: 동작 과정

목표 데이터: 73

- 순서 없는 리스트에 위치한 데이터

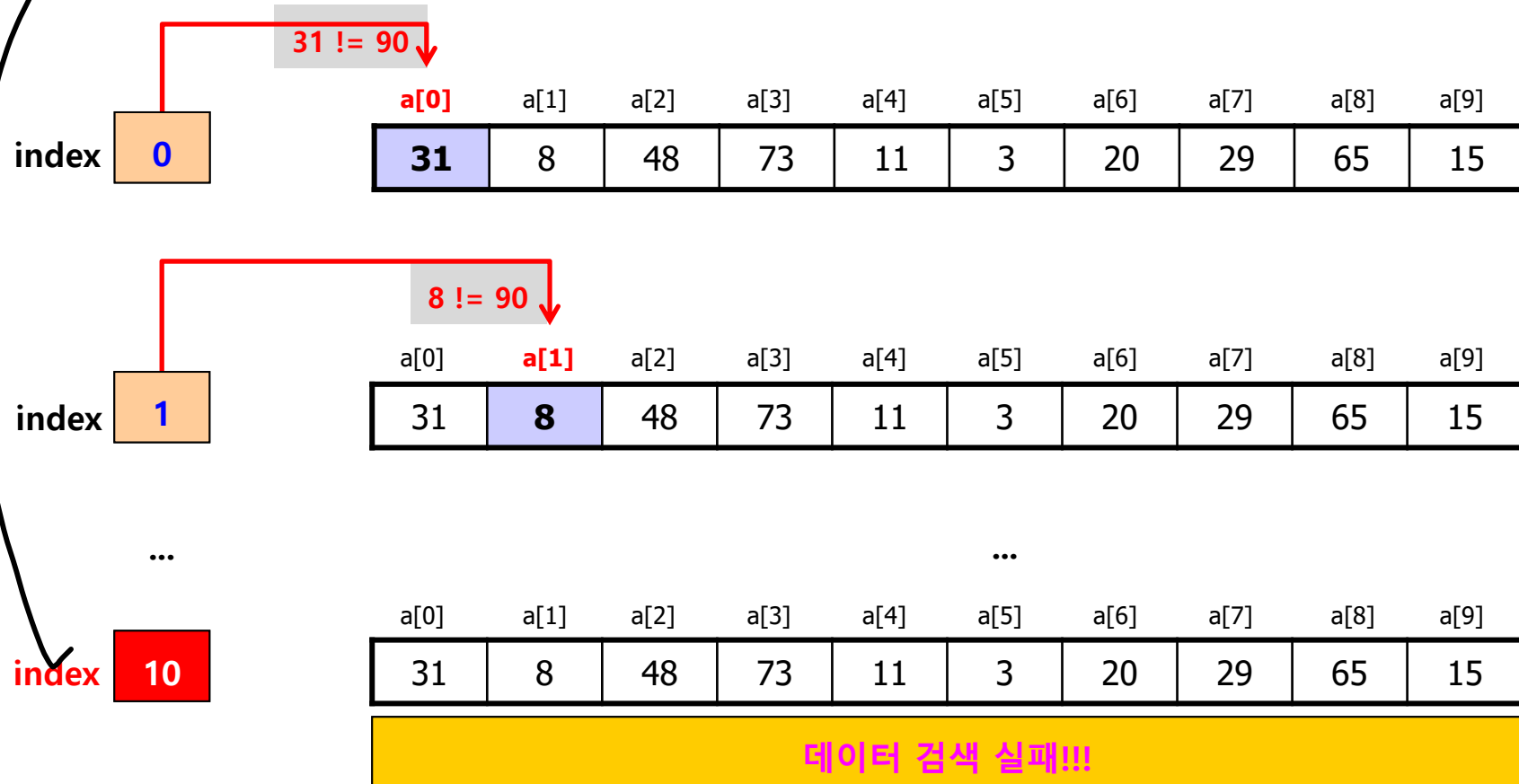


# 순차 탐색 (3/3)

- 순차 탐색: 동작 과정

목표 데이터: 90

- 순서 없는 리스트에 탐색 실패



**탐색**

**이진 탐색**





# 이진 탐색 (1/3)

## ● 이진 탐색(Binary Search)

- 이진 탐색은 배열이 정렬되어 있을 때 효율적인 알고리즘
  - 순차 탐색은 매우 느리다.
- 이진 탐색 알고리즘의 조건
  - 탐색할 데이터들은 정렬된 상태이다.
  - 주어진 데이터들은 유일한 키 값을 가지고 있다.

```
binarySearch( A[ ], first, last, key )
{
    mid ← (first + last) / 2;    // 검색 범위의 중간 원소의 위치 값 계산

    if ( key = A[mid] )        return mid;
    else if ( key < A[mid] ) then binarySearch( A[], first, mid-1, key );
    else if ( key > A[mid] ) then binarySearch( A[], mid+1, last, key );

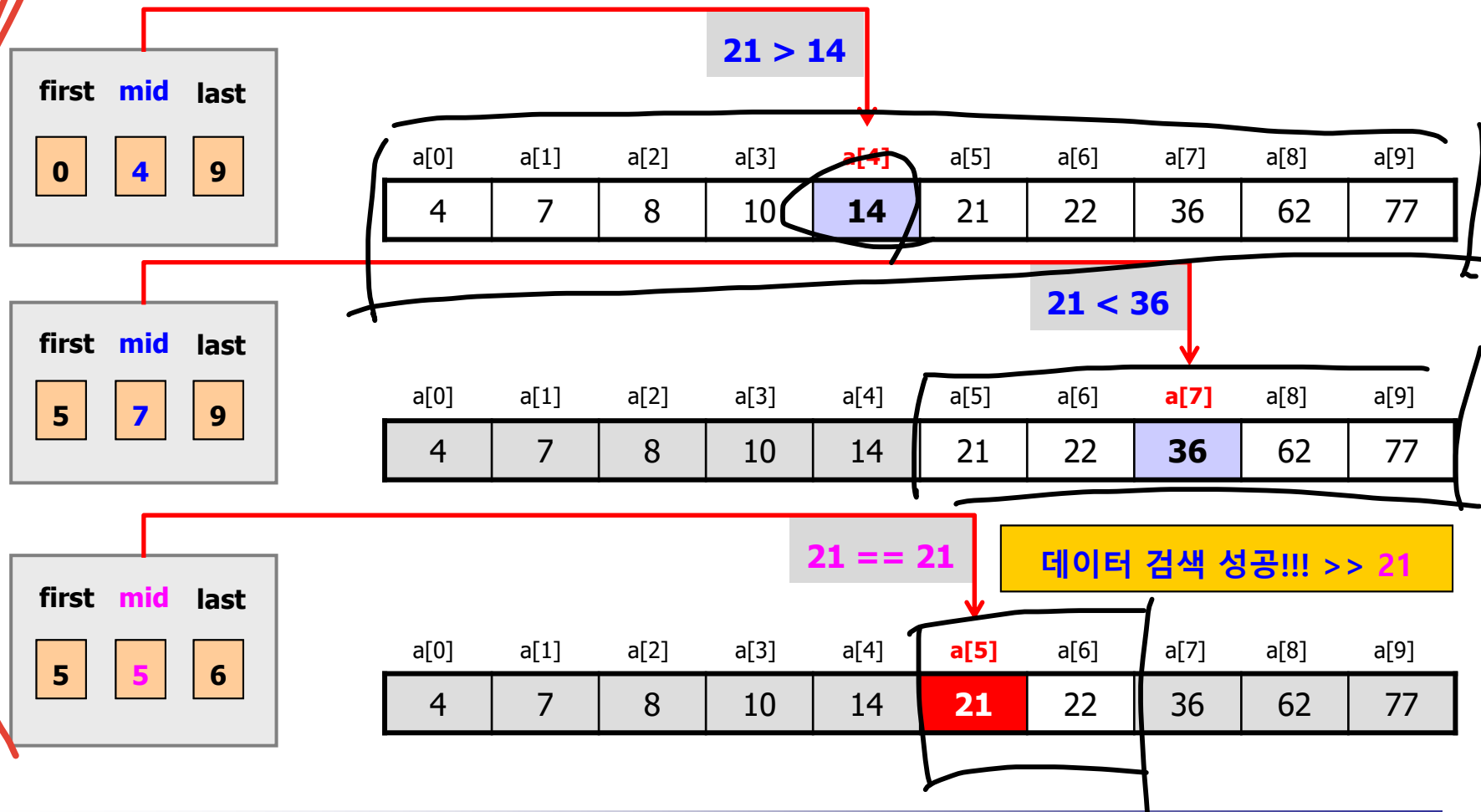
    return -1;
}
```

반복 호출

# 이진 탐색 (2/3)

## ● 이진 탐색: 동작 과정

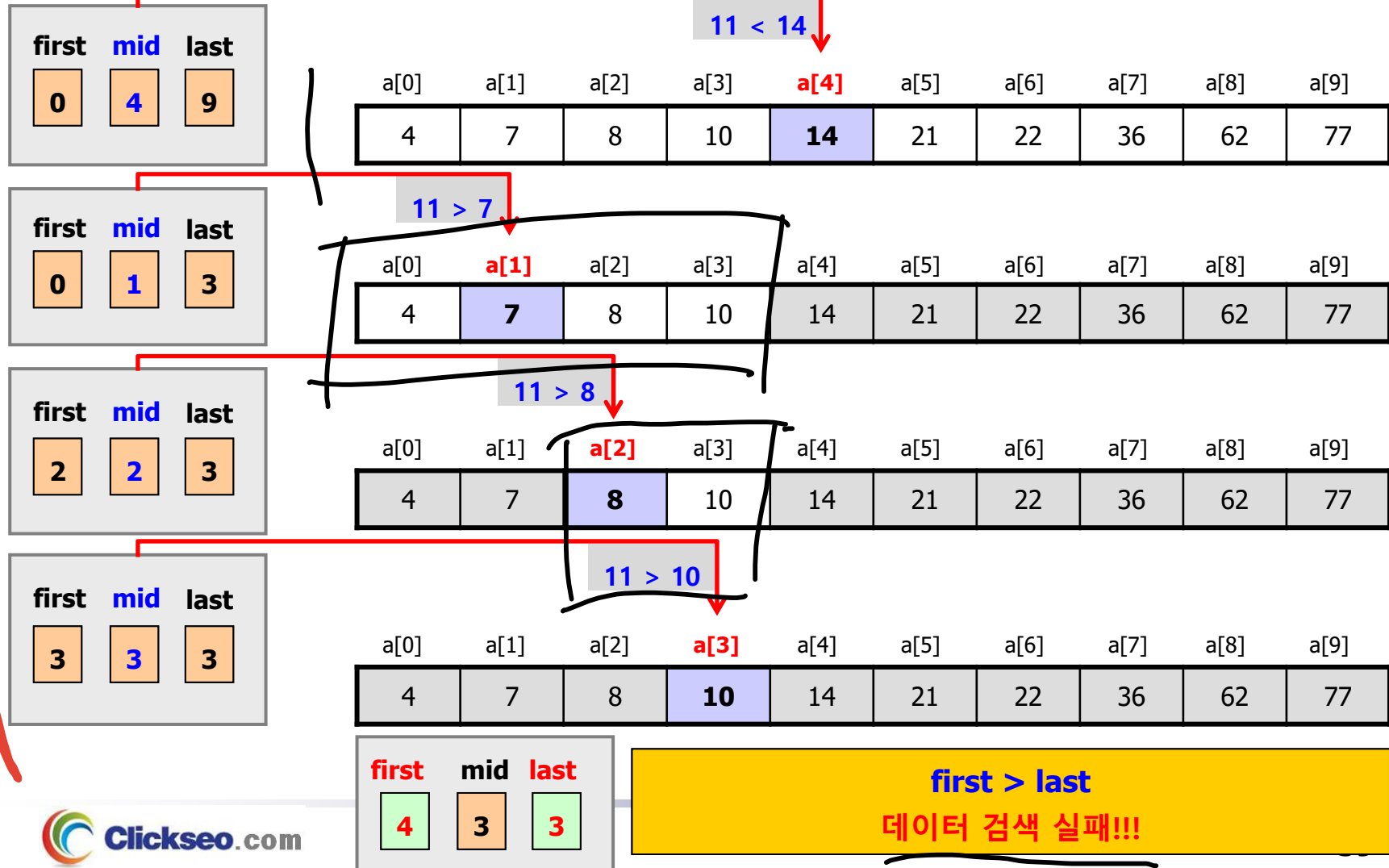
검색 데이터: 21



# 이진 탐색 (3/3)

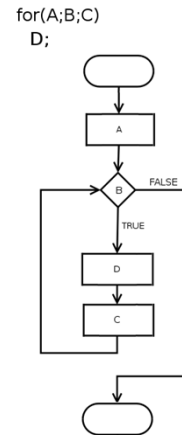
검색 데이터: 11

## ● 이진 탐색: 동작 과정 -- 탐색 실패



# 참고문헌

- [1] Michael T. Goodrich 외 2인 지음, 김유성 외 2인 옮김, "C++로 구현하는 자료구조와 알고리즘", 한티에듀, 2020.
- [2] 주우석, "IT CookBook, C · C++ 로 배우는 자료구조론", 한빛아카데미, 2019.
- [3] 이지영, "C 로 배우는 쉬운 자료구조", 한빛아카데미, 2022.
- [4] 문병로, "IT CookBook, 쉽게 배우는 알고리즘: 관계 중심의 사고법"(개정판), 개정판, 한빛아카데미, 2018.
- [5] Richard E. Neapolitan, 도경구 역, "알고리즘 기초", 도서출판 홍릉, 2017.
- [6] "프로그래밍 대회 공략을 위한 알고리즘과 자료 구조 입문", 와타노베 유타카 저, 윤인성 역, 인사이드, 2021.
- [7] "IT CookBook, 쉽게 배우는 자료구조 with 파이썬", 문병로, 한빛아카데미, 2022.
- [8] "이것이 취업을 위한 코딩 테스트다 with 파이썬", 나동빈, 한빛미디어, 2020.



이 강의자료는 저작권법에 따라 보호받는 저작물이므로 무단 전제와 무단 복제를 금지하며,  
내용의 전부 또는 일부를 이용하려면 반드시 저작권자의 서면 동의를 받아야 합니다.

Copyright © Clickseo.com. All rights reserved.

