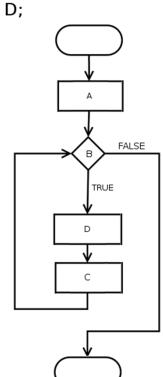


# 자료구조 & 알고리즘

for(A;B;C)



#### 자료구조와 알고리즘

(Data Structures and Algorithms)

Seo, Doo-Ok

Clickseo.com clickseo@gmail.com





## 목차



• 자료구조와 알고리즘

● 알고리즘 설계와 분석





## 자료구조와 알고리즘



- 자료구조와 알고리즘
  - 자료구조
  - 알고리즘
  - 알고리즘의 표현
- 알고리즘 설계와 분석







#### 자료구조와 알고리즘

자료구조



# 자료구조 (1/6)

#### 자료구조(Data Structures)

○ 데이터를 저장, 조직, 관리하는 방법







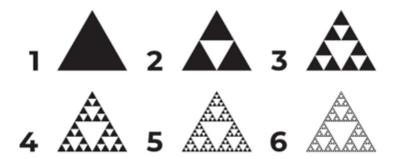




### 자료구조 (2/6)

#### • 자료구조

- 생각하는 방법을 훈련하는 도구
  - 자료구조는 그 자체로도 중요하다 못지 않게, 생각하는 방법 훈련도 중요하다.
    - 자료구조를 이용해서 문제를 해결하는 과정
    - 문제 해결 과정에서 논리의 골격이 구성되는 방법/스타일
    - 의미의 단위(의미의 매듭)를 설정하는 방법
  - 재귀적 구조의 시이르핀스키 삼각형(Sierpinski Triangle)

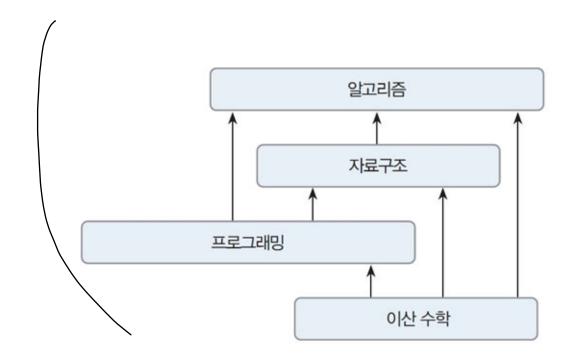


[이미지 출처: "IT CookBook, 쉽게 배우는 자료구조 with 파이썬", 문병로, 한빛아카데미, 2022. ]



# 자료구조 (3/6)

- 자료구조
  - 이산수학, 자료구조와 알고리즘, 프로그래밍의 관계

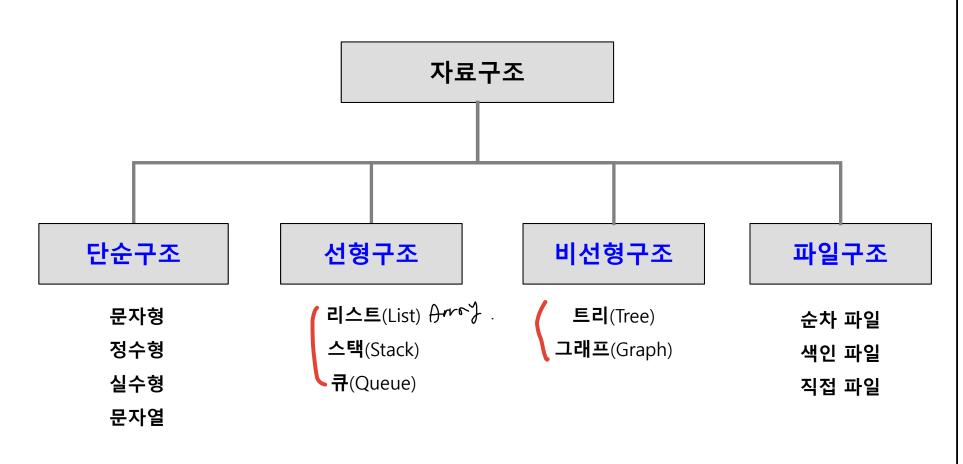


[ 이미지 출처: "IT CookBook, 쉽게 배우는 자료구조 with 파이썬", 문병로, 한빛아카데미, 2022. ]



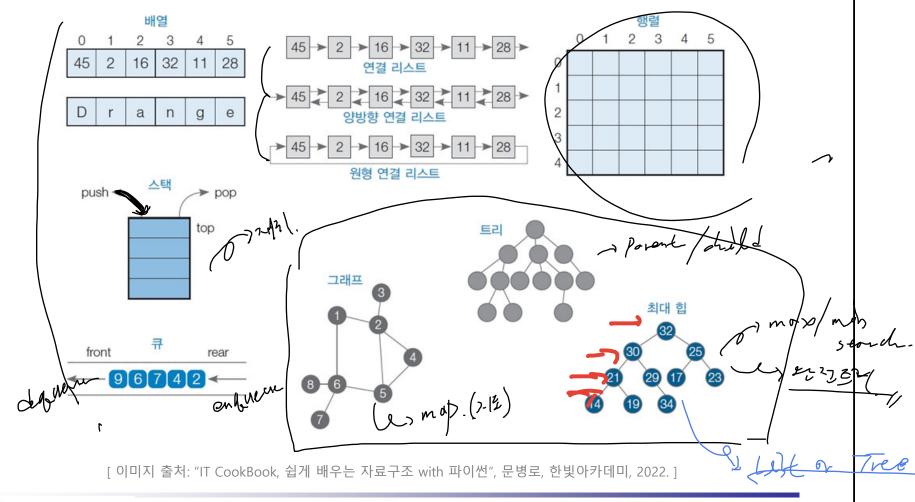
# 자료구조 (4/6)

• 자료구조의 분류



# 자료구조 (5/6)

#### • 자료구조의 종류



### 자료구조 (6/6)

- 추상 데이터 타입 ADT, Abstract Data Type)
  - 세부 사항에서 벗어나 주상적으로 정의한 데이터 타입
    - 어떤 데이터 타입이 어떤 작업으로 이루어지는지만 표현한 것.
      - 내부에서 작업을 '어떻게' 하는지 신경 쓰지 않게 하며, '무엇을' 하는지만 신경 쓰게 해준다.
      - 함수, 클래스(Class)
    - 추상화(Abstraction)
      - 중요하지 않은 부분을 무시하고, 중요한 부분에 집중함으로써 복잡성을 줄이는 기술
      - 파블로 피카소(Pablo Picasso), "예술은 필요 없는 것을 제거하는 과정이다."





#### 자료구조와 알고리즘

#### 알고리즘

생각하는 방법을 터득한 것은 미래의 문제를 미리 해결한 것이다.

- 제임스 왓슨(James Dewey Watson)



### 알고리즘 (1/6)

● 알고리즘(Algorithm)

#### "잘 정의된 문제 해결 <u>과정"</u>

- 주어진 문제를 해결하기 위한 잘 정의된 동작들의 유한 집합
  - 어떤 작업을 수행하기 위해 입력을 받아 원하는 출력을 만들어내는 과정을 기술
  - 문제를 풀거나 작업을 수행하기 위한 단계적인 방법
- 자료구조와 알고리즘
  - **자료구조:** 자료(행위의 객체: 무엇을)
  - 알고리즘: 문제 해결의 방법(행위적인 측면: 어떻게 하라)

#### "무엇을 어떻게 하라"





### 알고리즘 (2/6)

- 알고리즘: 알고리즘의 조건
  - 알고리즘의 조건
    - 1. 입력: 외부에서 제공하는 0개 이상의 입력이 존재
    - **2. 출력:** 1개 이상의 출력이 존재
    - 3. 명백성: 각 명령어의 의미는 모호하지 않고 명확할 것
    - 4. 유한성: 한정된 수의 명령어가 실행된 후에는 반드시 종료될 것
    - 5. 유효성: 각 명령어들은 실행 가능한 연산일 것





## 알고리즘 (3/6)

- 수학적 알고리즘: 1부터 10까지의 합 구하기
  - 1부터 10까지의 합을 구하는 문제를 해결하는 세 가지 알고리즘
    - 1. 1부터 10까지의 숫자를 직접 하나씩 더한다.

$$1 + 2 + 3 + ... + 10 = 55$$

2. 두수의 합이 10이 되도록 숫자들을 그룹화하여, 그룹의 계수에 10을 곱하고 남은 숫자 5를 더한다.

$$(0 + 10) + (1 + 9) + (2 + 8) + (3 + 7) + (4 + 6) + 5 = 10 \times 5 + 5 = 55$$

3. 공식을 이용하여 계산할 수도 있다.

$$10 \times (1 + 10) / 2 = 55$$



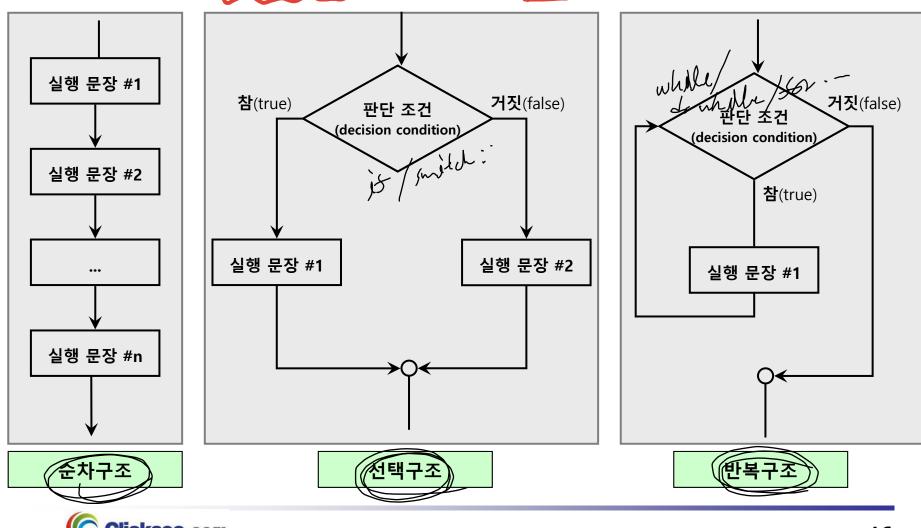
## 알고리즘 (4/6)

- 알고리즘으로 어떤 문제를 푸는가?
  - 일<u>상</u> 생활에서 다양한 사례
    - 아침에 일어 나서 옷 입는 순서
    - 빵 만들기, 라면 조리법, 제품 설명서 등
  - 인터넷 검색: <u>빅데이터</u>
    - 인터넷에는 수조 페이지 이상의 데이터가 존재한다.
  - 자동차 내비게이션: 최단 경로 알고리즘
    - 두 지점 간의 최단 경로나 최단 시간이 걸리는 경로 탐색
    - 각 도로의 실시간 교통 상황을 제공하려면 더욱 복잡한 최단 경로 알고리즘 필요.
  - 신도시를 설계할 때 가스 파이프나 수도관은 어떻게 배치하는 것이 가장 효율적일까? : 최소 신장 트리



## 알고리즘 (5/6)

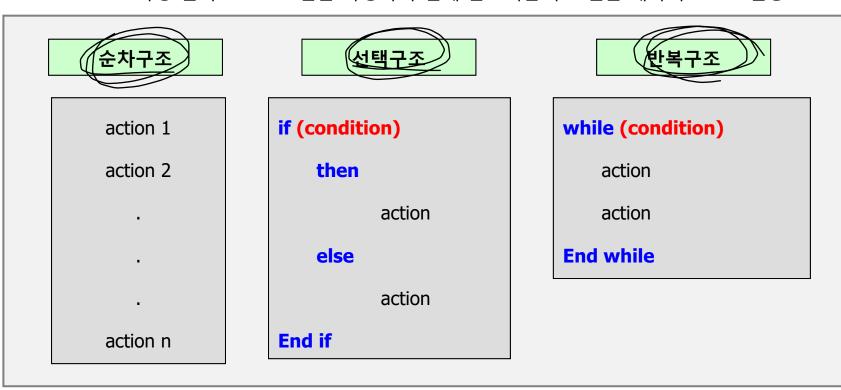
#### ● 순서도(flowchart): 알고리즘을 그림으로 표현





## 알고리즘 (6/6)

- 의사코드(pseudo-code): 영어와 비슷한 <u>자연어로 표현</u>
  - 특정 프로그래밍 언어의 문법에 따라 쓰인 것이 아니라, 일반적인 프로그래밍 언어와 형태가 유사하다.
    - 특정 언어로 프로그램을 작성하기 전에 알고리즘의 모델을 대략적으로 모델링







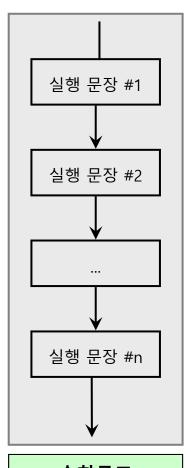
#### 자료구조와 알고리즘

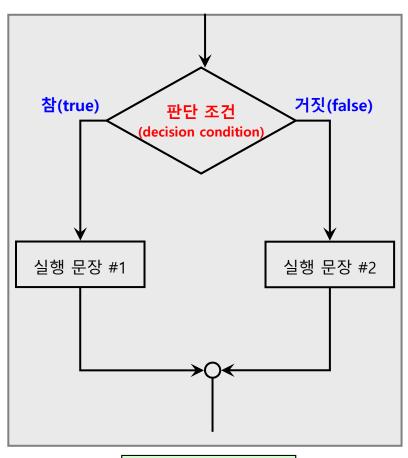
알고리즘의 표현: 순서도

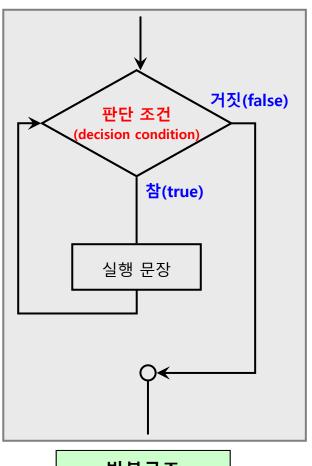


## 순서도 (1/7)

#### ● 순서도(Flowchart): 알고리즘을 그림으로 표현







순차구조

선택구조

반복구조



# 순서도 (2/7)

- 순서도: 기호와 의미
  - 순서도에 사용하는 기호와 의미

	기 호	의 미		
-		단말(Terminal)	순서도의 시작, 끝, 중단을 명시한다.	
		처리(Process)	작동, 각종 연산, 값의 변화 등 처리해야 할 작업을 명시한다.	
		판단(Decision)	주어진 조건(참, 거짓)에 따라 여러 흐름선 중 하나를 선택한다.	
		키보드 입력(Input)	사용자가 키보드로 직접 입력한다.	
		입출력(Input/Output)	데이터를 입력 또는 출력한다.	

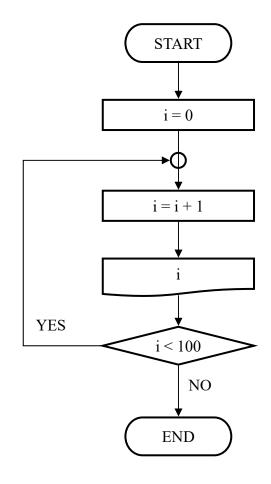
# **순서도** (3/7)

- 순서도: 기호와 의미
  - 순서도에 사용하는 기호와 의미

•	기 호	의 미	
		서류(Document)	서류나 종이를 통한 입출력을 표시한다.
		준비(Preparation)	사전 준비과정(기억 장소의 할당, 초기값 설정)을 명시한다.
	0	연결(Combination)	순서도의 다른 부분으로 연결한다.
		흐름 방향(Flow Direction)	처리의 흐름을 명시하고 기호를 연결한다.

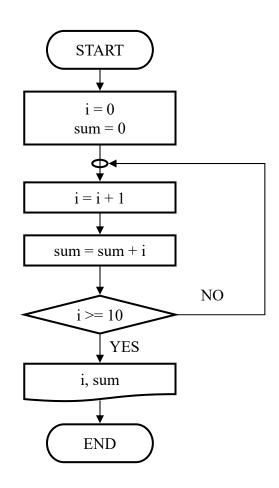
# <del>순서도</del> (4/7)

- 알고리즘 예 #1
  - 1에서 100까지 차례로 출력하기



# <del>순서도</del> (5/7)

- 알고리즘 예 #2
  - 일정한 값으로 증가,감소하는 등차수열의 합
    - 1+2+3+...+10과 같이 1부터 10까지 순서대로 증가하는 수열의 합계를 구하시오.



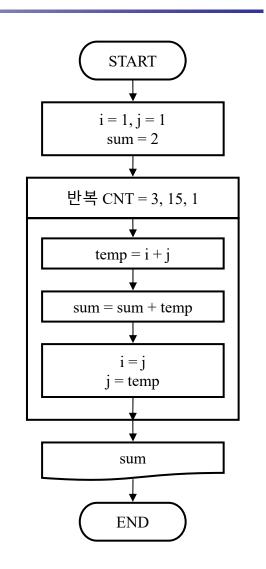


### 순서도 (6/7)

#### 알고리즘 예 #3

- 피보나치 수열의 합계 구하기
  - 1+1+2+3+5+8+13+...와 같은 피보나치 수열의 15번째 항까지의 합계를 구하시오.

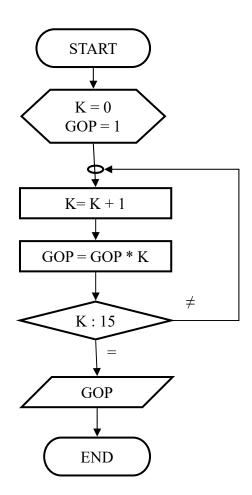
$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2} (n \ge 3)$$
  
 $f_1 = f_2 = 1(n = 1,2)$ 





# 순서도 (7/7)

- 알고리즘 예 #4
  - 1에서 15까지의 누적 곱 (15! 구하기)
    - 1×2×3×4×5×...×15까지의 누적
       곱 즉 15!을 구하시오.







#### 자료구조와 알고리즘

알고리즘의 표현: 의사코드



## 의사코드 (1/5)

- 의사코드(pseudo-code): 영어와 비슷한 자연어로 표현
  - 특정 프로그래밍 언어의 문법에 따라 쓰인 것이 아니라, 일반적인 프로그래밍 언어와 형태가 유사하다.
    - 특정 언어로 프로그램을 작성하기 전에 알고리즘의 모델을 대략적으로 모델링

#### 순차구조 선택구조 반복구조 if (condition) action 1 while (condition) action 2 then action action action else **End while** action **End if** action n



### 의사 코드 (2/5)

- 알고리즘의 예: 두수의 평균
  - 두 수의 평균을 구하는 알고리즘에 대한 알고리즘을 작성하라.

```
AverageOfTwo (서)
Input: 두 수

1. 두 수를 더한다.
2. 결과를 2로 나눈다.
3. 단계 2의 결과를 반환한다.
End
```



#### 의사 코드 (3/5)

- 알고리즘의 예: 통과/비통과 성적
  - 점수 성적을 통과/비통과 성적으로 변환 시키는 알고리즘을 작성하라.

```
Pass/NonPassGrade
Input: 한 개의 수

1. if (number가 70보다 크거나 같다.)
then

1.1 grade를 "pass"로 설정한다.
else

1.2 grade를 "nonpass"로 설정한다.
End if

2. Grade를 반환한다.
End
```



#### 의사 코드 (4/5)

- 알고리즘의 예: 최대 수 찾기
  - 정수의 집합에서 최대값을 찾는 알고리즘을 작성하라.
    - 단, 정수의 개수는 모른다.



#### 의사 코드 (5/5)

- 알고리즘의 예: 1000개의 숫자 중에서 최대 수 찾기
  - 1000 개의 수 중에서 가장 큰 수를 찾는 알고리즘을 작성하라.

```
FindLargest
    Input: 1000개의 양의 정수
    Largest를 0으로 설정한다.
2. Counter를 0으로 설정한다.
  -while (Counter가 1000보다 작다)
        3.1 if (정수가 Largest보다 크다)
          then
                 3.1.1 Largest를 정수의 값으로 설정한다.
          End if
        3.2 Counter를 증가 시킨다.
    End while
    Largest를 반환한다.
    End
```



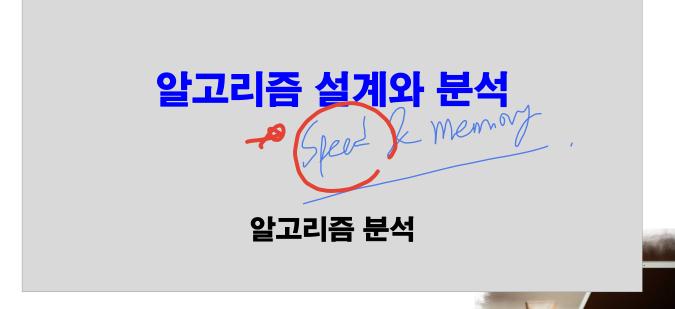
## 알고리즘 설계와 분석



- 자료구조
- 알고리즘 설계와 분석
  - 알고리즘 분석
  - 알고리즘의 수행 시간
  - 알고리즘 복잡도









### 알고리즘 분석 (1/2)

#### • 경험적 분석과 수학적 분석

- 경험적 분석(Empirical analysis)
  - 알고리즘을 프로그래밍 언어로 구현 후에 실행 시간을 비교해 보는 것
  - 장점: 신빙성 있는 자료를 제공하며 수학적인 지식이 필요 없다.
- 수학적 분석(Mathematical analysis)
  - 알고리즘 자체만을 가지고 수학적 분석을 하는 것
  - 장점: 프로그래밍 과정에서 같은 알고리즘이더라도 프로그래머의 능력에 따라 나타날 수 있는 성능의 편차를 없앨 수 있다.

#### ○ 최악의 경우와 최선의 경우

- ✓ 최악의 경우(worst case): 최악의 입력에 대한 분석. "
- 평균적 경우(average case): 모든 입력에 대한 분석(분석이 더 어렵다)
- 최선의 경우(best case): 최상의 입력에 대한 분석(별로 유용하지 않음)

"알고리즘의 성능을 나타내는 데에는

최악의 경우에 한해서 나타내는 것이 보통이다."



#### 알고리즘 분석 (2/2)

#### • 알고리즘 분석의 단계

- 1. 알고리즘을 판단할 수 있는 입력 자료를 결정
- 2. 알고리즘을 구성하는 동작을 <u>추상적이고 기본적인 동작들로</u> 분해하여 그 동작들의 수행 시간을 계산
- 3. 수학적인 알고리즘 분석

"알고리즘의 분석은 원하는 정도의 결과가 나올 때까지 분석하고, 측정하고, 개선시키는 과정의 반복이다."





#### 알고리즘 설계와 분석

알고리즘의 수행 시간



#### 알고리즘의 수행 시간 (1/8)

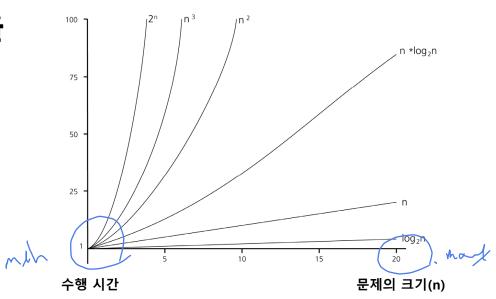
- 알고리즘의 수행 시간
  - 알고리즘의 효율성
    - '자원을 얼마나 효율적으로 사용하는가'로 판단한다.
      - 자원: 시간, 저장 공간, 네트워크 대역 등
    - 알고리즘의 수행 시간은 입력의 크기에 대해 시간이 얼마나 걸리는지로 표현한다.
      - 정렬의 경우: 정렬하고자 하는 개체(원소)의 수(크기)가 입력의 크기
      - 도시간의 최단 거리: 도시들의 총 수와 도시 간 간선(도로)의 총수가 입력의 크기
      - 팩토리얼(Factorial): 팩토리얼을 구하고자 하는 자연수의 크기가 입력의 크기
    - 얼고리즘의 <u>수행</u> 시간을 좌우하는 기준
      - or(또는 while) 윤의 반복 횟수
      - 특징 행이 구행되는 횟수
      - 함수의 호출 횟수
      - 정렬의 경우: 주로 두 수를 비교하는 횟수





# 알고리즘의 수행 시간 (2/8)

• 여러가지 함수의 증가율



n 함수	10	100	1,000	10,000	100,000	1,000,000
1	1	1	1	1	1	1
log <sub>2</sub> n	3	6	9	13	16	19
n	10	10 <sup>2</sup>	10 <sup>3</sup>	104	10 <sup>5</sup>	10 <sup>6</sup>
n * log₂n	30	664	9,965	10 <sup>5</sup>	10 <sup>6</sup>	10 <sup>7</sup>
n <sup>2</sup>	10 <sup>2</sup>	10 <sup>4</sup>	10 <sup>6</sup>	10 <sup>8</sup>	10 <sup>10</sup>	10 <sup>12</sup>
n³	10 <sup>3</sup>	10 <sup>6</sup>	10 <sup>9</sup>	10 <sup>12</sup>	10 <sup>15</sup>	10 <sup>18</sup>
2 <sup>n</sup>	10 <sup>3</sup>	10 <sup>30</sup>	10 <sup>301</sup>	10 <sup>3,010</sup>	1010,103	10301,030



# 알고리즘의 수행 시간 (3/8)

- 알고리즘의 예 #1
  - 입력의 크기가 n : 간단한 연산

"n 에 관계없이 상수 시간이 소요된다."



#### 알고리즘의 수행 시간 (4/8)

- 알고리즘의 예 #2
  - 배열 A[1, ..., n] 의 모든 원소를 더하는 알고리즘

```
sample2(A[], n)
{
    sum ← 0;
    for i ← 1 to n
        sum ← sum + A[i];
    return sum;
}

O(n) 이기도 하고, O(n) 이기도 하다.
        가장 정확한 표현
        work
}
```

for 루프를 제외한 나머지 부분은 상수 시간이 소요되므로 for 루프가 시간을 지배한다.

"항상 n 에 비례하는 시간이 소요된다."



#### 알고리즘의 수행 시간 (5/8)

- 알고리즘의 예 #3
  - 배열 A[1, ..., n] 의 모든 원소 쌍을 곱한 합을 구하는 알고리즘

```
sample3(A[], n)
{
    sum ← 0;

    for i ← 1 to n
        for j ← 1 to n
        sum ← sum+ A[i] * A[j];
    return sum;
}

sample3(A[], n)

②(n²) 원 비례하는 시간이 소요된다.

②(n²) 이기도 하고, O(n²) 이기도 하다.
②(n²): 가장 정확한 표현
②(n²): 가장 정확한 표현
```

- for 루프가 중첩되어 총  $n * n = n^2$  번 반복
- 각 루프에서는 덧셈 한 번과 곱셉 한 번(즉, 상수 시간 작업 수행)

"항상 n<sup>2</sup> 에 비례하는 시간이 소요된다."



#### 알고리즘의 수행 시간 (6/8)

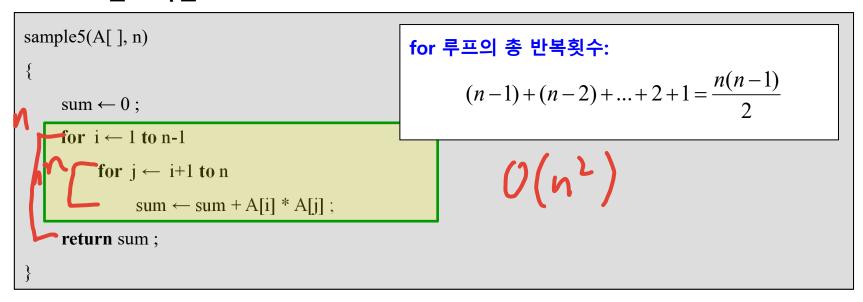
- 알고리즘의 예 #4
  - 배열에서 반을 임의로 뽑아 그 중 최대값을 계속 더하는 알고리즘

"n³에 비례하는 시간이 소요된다."



## 알고리즘의 수행 시간 (7/8)

- 알고리즘의 예 #5
  - 배열 A[1, ..., n]에서 i < j 인 모든 원소 쌍의 곱을 합산하는 알고리즘



<u>"n²</u> 에 비례하는 시간이 소요된다."



### 알고리즘의 수행 시간 (8/8)

- 알고리즘의 예 #6
  - 재귀 호출 알고리즘

```
factorial(n)
{
    if (n=1) then
        return 1;
    return n * factorial(n-1);
}

(けん).
```

"n 에 비례하는 시간이 소요된다."





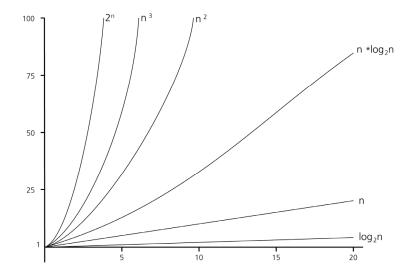
#### 알고리즘 설계와 분석

알고리즘 복잡도



## 알고리즘 복잡도 (1/5)

- 점근적 분석(Asymptotic Analysis)
  - 알고리즘의 수행시간을 분석할 때는 항상 입력의 크기가 충분히 큰 때에 대해서 분석한다.
    - 여러 함수의 증가율과 점근적 개념



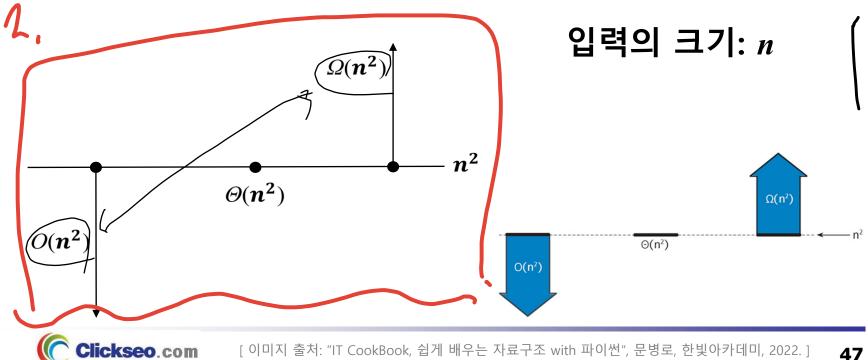
$$\lim_{n\to\infty}f(n)$$

• 점근적 복잡도(Asymptotic Complexity):  $0, \Omega, \Theta, \rho, \omega$  표기법



#### 알고리즘 복잡도 (2/5)

- 점근적 분석: 점근적 복잡도
  - $\bigcirc$   $(0, \Omega, \Theta)$  표기
    - $O(n^2)$ ) 알고리즘이 <mark>기껏해야</mark>  $n^2$ 에 비례하는 시간이 든다.
      - $\Omega(n^2)$ ) 알고리즘이 적어도  $n^2$ 에 비례하는 시간이 든다.
      - $(n^2)$ ) 알고리즘이 <mark>항상</mark>  $n^2$ 에 비례하는 시간이 든다.



#### 알고리즘 복잡도 (3/5)

- O: Big Oh 표기법
  - O(f(n)) : 점근적 상한 ㅋ ( ) ( )
    - 점근적 증가율이 (n) 울 넘지 <u>않는 모든 함수들의 집합</u>
    - 최고차항의 차수가 f(n)과 **일치하거나 더 작은** 함수들의 집합
      - 9: O(n),  $O(n \log n)$ ,  $O(n^2)$ ,  $O(2^n)$ , ...
    - $O(n^2)$ : 최고차항의 차수가  $n^2$  을 넘지 않는(이하) 모든 함수의 집합
      - $O(n^2) = \{ n^2, 5n^2 + 7n + 12, 100n^2 2n + 9, nlogn + 5n, 3n + 9, 150, \dots \}$
    - $5n^2 + 7n + 12 ∈ O(n^2)$  으로 표기해야 하나 편의상  $5n^2 + 7n + 12 = O(n^2)$  으로 표기함.
  - 🔾 직관적 의미
    - $f(n) = O(g(n)) \Rightarrow f \vdash g$ 보다 빠르게 증가하지 않는다.
    - 상수 비율의 차이는 무시
  - 0 표기의 수학적 정의
    - $O(g(n)) = \{ f(n) \mid \exists c > 0, n_0 \ge 0 \text{ s.t. } \forall n \ge n_0, f(n) \le cg(n) \}$
    - $O(g(n)) = \{ f(n) \mid \text{모든 } n \ge n_0 \text{ of } \text{IIII} \text{ of } f(n) \le cg(n) \text{인 양의 상수 c와 } n_0 \text{가 존재한다.} \}$
    - $f(n) \subseteq O(g(n))$ 을 관행적으로 f(n) = O(g(n)) 이라고 쓴다.

#### 알고리즘 복잡도 (4/5)

- Ω: Big Omega 표기법
  - Ω(f(n)) : 점근적 하한 기 시간 시간
    - 점근적 증가율이 적어도 f(n) 의 비율로 증가하는 함수
    - 최고차항의 차수가 f(n)과 <mark>일치하거나 더</mark> 큰 함수들의 집합(O(f(n)) 과 대칭적)
      - $\Theta$ :  $\Omega(n)$ ,  $\Omega(n \log n)$ ,  $\Omega(n^2)$ ,  $\Omega(2^n)$ , ...
    - $\Omega(n^2)$ : 최고차항의 차수가  $n^2$  보다 작지 않은(이상) 모든 함수의 집합
      - $\Omega(n^2) = \{ n^2, 5n^2 + 7n + 12, 100n^2 2n + 9, n^3 + 5n, 7n^5 + n^3 + 9, 2^n, n!, \dots \}$
    - $5n^3 + 12 \in \Omega(n^2)$  으로 표기해야 하나 편의상  $5n^3 + 12 = \Omega(n^2)$  으로 표기함

#### $\Diamond$

#### 직관적 의미

- $m{\Phi}$  선적 의미  $f(n) = \Omega(g(n)) \Rightarrow f \vdash g$  보다 느리게 증가하지 않는다.
- *Ω* 표기의 수학적 정의
  - $\Omega(g(n)) = \{ f(n) \mid \exists c > 0, n_0 \ge 0 \text{ s.t. } \forall n \ge n_0, cg(n) \le f(n) \}$
  - $\Omega(g(n)) = \{ f(n) \mid \exists n \geq n_0 \text{ of } G(n) \leq f(n) \text{ of } S(n) \leq f(n) \text{ of } S(n) \text{ of } S($

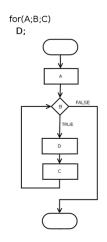


#### 알고리즘 복잡도 (5/5)

- Big Theta 표기법
  - $\Theta(f(n))$   $\Rightarrow$   $2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 1$ 
    - 점근적 증가율이 (n)과 일차하는 모든 함수들의 집합
    - 최고차항의 차수가 f(n)과 일지하는 모든 함수들의 집합
      - $\Theta$ (*n*),  $\Theta$ (*n* log *n*),  $\Theta$ (*n*<sup>2</sup>),  $\Theta$ (2<sup>*n*</sup>), ...
    - $\Theta(n^2)$ : 최고차항의 차수가  $n^2$  인 모든 함수의 집합
      - $\Theta(n^2) = \{ n^2, 5n^2 + 7n + 12, 100n^2 2n + 9, \dots \}$
    - $5n^2 + 12 \in \Theta(n^2)$  으로 표기해야 하나 편의상  $5n^2 + 12 = \Theta(n^2)$  으로 표기함
  - 직관적 의미
    - $g(n) = \Theta(f(n)) \Rightarrow g \vdash f$ 와 같은 정도로 증가한다.
  - Θ-표기의 수학적 정의
    - $\Theta(f(n)) = O(f(n)) \cap \Omega(f(n))$

## 참고문헌

- [1] Michael T. Goodrich 외 2인 지음, 김유성 외 2인 옮김, "C++로 구현하는 자료구조와 알고리즘", 한티에듀, 2020.
- [2] 주우석, "IT CookBook, C·C++ 로 배우는 자료구조론", 한빛아카데미, 2019.
- [3] 이지영, "C 로 배우는 쉬운 자료구조", 한빛아카데미, 2022.
- [4] 문병로, "IT CookBook, 쉽게 배우는 알고리즘: 관계 중심의 사고법"(개정판), 개정판, 한빛아카데미, 2018.
- [5] Richard E. Neapolitan, 도경구 역, "알고리즘 기초", 도서출판 홍릉, 2017.
- [6] "프로그래밍 대회 공략을 위한 알고리즘과 자료 구조 입문", 와타노베 유타카 저, 윤인성 역, 인사이트, 2021.
- [7] "IT CookBook, 쉽게 배우는 자료구조 with 파이썬", 문병로, 한빛아카데미, 2022.
- [8] "이것이 취업을 위한 코딩 테스트다 with 파이썬", 나동빈, 한빛미디어, 2020.



이 강의자료는 저작권법에 따라 보호받는 저작물이므로 무단 전제와 무단 복제를 금지하며, 내용의 전부 또는 일부를 이용하려면 반드시 저작권자의 서면 동의를 받아야 합니다.

**Copyright © Clickseo.com. All rights reserved.** 



