

1. 请给出下列语言的一个上下文无关文法

$$L = \{a^n b^m c^m d^n \mid m \geq 1, n \geq 1\}$$

解: 记 CFG = (V, T, P, S), 则

$$V = \{S, A\} \quad T = \{a, b, c, d\}$$

$$P: S \rightarrow a S d \mid a A d$$

$$A \rightarrow b A c \mid bc$$

2. 请给出下列语言的一个上下文无关文法

$$L = \{a^m b^n \mid m \geq 0 \wedge n \geq 0 \wedge m \neq n\}$$

解: 记 CFG = (V, T, P, S)

$$V = \{S, A, B, C\}, T = \{a, b\}$$

$$P: S \rightarrow AC \mid CB$$

$$A \rightarrow aA \mid a$$

$$B \rightarrow Bb \mid b$$

$$C \rightarrow aCb \mid \varepsilon$$

3. 假设给定文法: $S \rightarrow 0S1|A$, $A \rightarrow 1A0|S|\epsilon$, 请构造一个以空栈方式接受同样语言的 PDA.

解: 构造的 PDA 转移图如下:

$\epsilon, S/0S1$ $\epsilon, S/A$

$\epsilon, A/1A0$ $\epsilon, A/S$ $\epsilon, A/\epsilon$

$0, 0/\epsilon$ $1, 1/\epsilon$

