#### A. 回溯问题

- 一、子集问题
  - 1. 子集-78
  - 2. 子集Ⅱ-90
- 二、组合问题
  - 1. 组合-77
  - 2. 组合总和-39
  - 3. 组合总和Ⅱ-40
  - 4. 组合总和Ⅲ-216
- 三、排列问题
  - 1. 全排列-46
  - 2. 全排列Ⅱ-47
- 四、分割问题
  - 1. 分割回文串-131
- 五、二叉树问题
  - 1. 路径总和-112
  - 2. 路径总和Ⅱ-113
- 六、总结
- B. 广度优先算法-BFS
  - 一、岛屿问题
    - 1. 被围绕的区域-130
    - 2. 统计封闭岛屿的数目-1254
    - 3. 岛屿数量-200
    - 3. 不同的岛屿数量-694
    - 4. 岛屿的最大面积-695
    - 5. 统计子岛屿-1905
    - 6. 飞地的数量-1020
  - 二、二叉树
    - 1. 路经总和-Ⅲ-43

## A. 回溯问题

参考链接: https://programmercarl.com/

- 回溯问题一般可以分为以下几种问题
  - 。 子集问题: 一个N个数的集合里哟多少条符合条件的子集
  - 。 组合问题: N个数里面按照一定规律找出k个数的集合

  - 。 切割问题: 一个字符串按一定规则切割有几种切割方式
  - 。 棋盘问题: N皇后, 解数独等等
- 组合无序, 排列有序
- 子集问题:在回溯函数中先将路径添加到结果中, res.push\_back(path)
- 排列问题: 不需要 startIndex

## 一、子集问题

#### 1. 子集-78

- 给定整数数组 nums
- 数组内元素互不相同
- 返回数组的所有子集
- 注意子集问题的回溯第一步是将路径添加到结果数组 res.push back(path)
- 由于不能重复,因此回溯的索引是 <u>i+1</u>
- 结束条件: startIndex>nums.size()
- 初始化的时候 startIndex=0

```
class Solution {
public:
    vector<vector<int>> res;
    vector<int> path;

void backtrack(vector<int>& nums, int startIndex){
    // 子集问题首先应该将路线添加到结果中
    res.push_back(path);
    if(startIndex==nums.size()) return;
    for(int i = startIndex; i<nums.size();i++){
        path.push_back(nums[i]);
        backtrack(nums,i+1);
        path.pop_back();
    }
}

vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
        backtrack(nums, 0);
        return res;
    }
};
```

#### 2. 子集Ⅱ-90

- 给定整数数组 nums
- 数组内存在重复元素
- 返回数组的不重复子集
- 注意子集问题的回溯第一步是将路径添加到结果数组 res.push back(path)
- 由于不能重复, 因此回溯的索引是 i+1
- 结束条件: startIndex>nums.size()
- 利用 used 数组实现去重,具体来说分为两步
  - if(i>0&&nums[i]==nums[i-s]&&nums[i-1]==false) continue, 来跳过同层重复的可能
  - 。 回溯前 used[i]=true , 回溯后 used[i]=false

- 初始化的时候 startIndex=0
- 由于是去重复,因此还需要进行排序 sort

```
class Solution {
public:
    vector<vector<int>> res;
   vector<int> path;
   void backtrack(vector<int>& nums, int startIndex, vector<bool>& used){
        res.push_back(path);
        for(int i = startIndex;i<nums.size();i++){</pre>
            if(i>0&&nums[i]==nums[i-1]&&used[i-1]==false) continue;
            path.push_back(nums[i]);
            used[i] = true;
            backtrack(nums, i+1, used);
            used[i] = false;
            path.pop_back();
    vector<vector<int>> subsetsWithDup(vector<int>& nums) {
        sort(nums.begin(), nums.end());
        vector<bool> used(nums.size(), false);
        backtrack(nums, 0, used);
        return res;
```

## 二、组合问题

### 1. 组合-77

- 给定两个整数 n 和 k
- 返回范围 [1,n] 内所有可能的 k 个数的组合
- 注意组合的问题是当满足了返回的条件时候, 才将路径存入结果数组
- 由于不能重复,因此回溯的索引是 <u>i+1</u>
- 结束条件: path.size()==k
- 初始化的时候 startIndex=1 , 数字的范围是 [1,n] , 因此起始值是 1

```
class Solution {
public:
    vector<vector<int>> res;
    vector<int> path;

    void backtrack(int startIndex, int n, int k){
        if(path.size()==k) {
            res.push_back(path);
            return;
        }
}
```

```
for(int i=startIndex;i<=n;i++){
    path.push_back(i);
    backtrack(i+1,n, k);
    path.pop_back();
}

vector<vector<int>> combine(int n, int k) {
    backtrack(1, n, k);
    return res;
}
};
```

#### 2. 组合总和-39

- 给定 无重复 元素的整数数组 candidates
- 目标整数 target
- 返回和为 target 的所有不同组合
- 注意: 同一个数字可以被无限制地重复选取
- 注意组合的问题是当满足了返回的条件时候, 才将路径存入结果数组
- 由于数字可以重复, 因此回溯的索引是 i
- 结束条件: sum>target 和 sum==target
- 初始化的时候 startIndex=0

```
public:
    vector<vector<int>> res;
   vector<int> path;
    void backtrack(vector<int>& candidates, int target, int sum, int startIndex)
        if(sum>target){
        if(sum==target){
            res.push_back(path);
            return;
        for(int i = startIndex; i<candidates.size();i++){</pre>
            sum+=candidates[i];
            path.push_back(candidates[i]);
            backtrack(candidates, target, sum, i);
            sum-=candidates[i];
            path.pop_back();
    vector<vector<int>> combinationSum(vector<int>& candidates, int target) {
        backtrack(candidates, target, 0, 0);
        return res;
};
```

#### 3. 组合总和 II-40

- 给定 有重复 元素的整数数组 candidates
- 目标整数 target
- 返回和为 target 的所有不同组合
- 注意: 同一个数字在每个组合里只能使用一次
- 注意组合的问题是当满足了返回的条件时候, 才将路径存入结果数组
- 由于数字不能重复, 因此回溯的索引是 i+1
- 结束条件: sum>target 和 sum==target
- 初始化的时候 startIndex=0
- 利用 used 数组实现去重, 具体来说分为两步
  - if(i>0&&nums[i]==nums[i-s]&&nums[i-1]==false) continue , 来跳过同层重复的可能
  - 。 回溯前 used[i]=true ,回溯后 used[i]=false
- 由于是去重复,因此还需要进行排序 sort

```
class Solution {
public:
    vector<vector<int>> res;
    vector<int> path;
    void backtrack(vector<int>& candidates, int target, int sum, int startIndex,
vector<bool>& used){
        if(sum>target) return;
        if(sum==target){
            res.push_back(path);
            return;
        for(int i = startIndex; i < candidates.size(); i++) {</pre>
            if(i>0&&candidates[i]==candidates[i-1]&&used[i-1]==false){
                continue;
            used[i] = true;
            sum+=candidates[i];
            path.push back(candidates[i]);
            backtrack(candidates, target, sum, i+1, used);
            path.pop_back();
            sum-=candidates[i];
            used[i] = false;
    vector<vector<int>> combinationSum2(vector<int>& candidates, int target) {
        sort(candidates.begin(), candidates.end());
        vector<bool> used(candidates.size(), false);
        backtrack(candidates, target, 0, 0, used);
        return res;
```

#### 4. 组合总和皿-216

- 给定两个整数 n 和 k
- 返回相加和为 n 的 k 个数的组合
- 只使用数字 1~9
- 每个数字最多使用一次
- 注意组合的问题是当满足了返回的条件时候, 才将路径存入结果数组
- 由于不能重复,因此回溯的索引是 <u>i+1</u>
- 结束条件: path.size()==k 和 sum>n
- 初始化的时候 startIndex=1 , 数字的范围是 [1,9] , 因此起始值是 1

```
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> res;
   vector<int> path;
    void backtrack(int k, int n, int sum, int startIndex){
        // 什么时候结束呢? 当pth和k大小一样的时候
        if(path.size()==k){
            if(sum==n){
                res.push_back(path);
        if(sum>n){
            return;
        for(int i = startIndex;i<=9;i++){</pre>
            path.push_back(i);
            sum+=i;
            backtrack(k, n, sum, i+1);
            sum-=i;
            path.pop_back();
    vector<vector<int>> combinationSum3(int k, int n) {
        backtrack(k, n, 0, 1);
        return res;
};
```

## 三、排列问题

#### 1. 全排列-46

- 给定 不含重复 数字的数组 nums
- 返回所有可能的全排列
- 排列问题是需要去重的, used 数组来记录 path 里哪些元素已经使用过

- 排列问题不需要 startIndex
- if(used[i]==false){}, 如果没有使用过,继续进行判断。

```
class Solution {
public:
   vector<vector<int>> res;
   vector<int> path;
   void backtrack(vector<int>& nums, vector<bool> used){
        if(path.size()==nums.size()){
            res.push_back(path);
            return;
        for(int i=0;i<nums.size();i++){</pre>
            if(used[i]==false){
                used[i] = true;
                path.push_back(nums[i]);
                backtrack(nums, used);
                path.pop_back();
                used[i] = false;
    vector<vector<int>> permute(vector<int>& nums) {
        vector<bool> used(nums.size(), false);
        backtrack(nums, used);
        return res;
};
```

#### 2. 全排列 II-47

- 给定 含重复 数字的数组 nums
- 返回所有可能的 不重复 的全排列
- 排列问题是需要去重的, used 数组来记录 path 里哪些元素已经使用过
- 排列问题不需要 startIndex
- 利用 used 数组实现去重,具体来说分为两步
  - if(i>0&&nums[i]==nums[i-s]&&nums[i-1]==false) continue , 来跳过同层重复的可能
  - 。 回溯前 used[i]=true ,回溯后 used[i]=false
- 由于是去重复,因此还需要进行排序 sort

```
class Solution {
  public:
    vector<vector<int>> res;
    vector<int>> path;
```

```
void backtrack(vector<int>& nums, vector<bool>& used){
    if(path.size()==nums.size()){
        res.push_back(path);
        return;
    for(int i=0;i<nums.size();i++){</pre>
        if(i>0&&nums[i]==nums[i-1]&&used[i-1]==false) continue;
        if(used[i]==false){
            used[i] = true;
            path.push_back(nums[i]);
            backtrack(nums, used);
            path.pop_back();
            used[i] = false;
vector<vector<int>> permuteUnique(vector<int>& nums) {
    vector<bool> used(nums.size(), false);
    sort(nums.begin(), nums.end());
    backtrack(nums, used);
    return res;
```

### 四、分割问题

#### 1. 分割回文串-131

- 给定一个字符串 s , 将字符串分割成子串 , 是的每个子串都是回文子串
- 返回 s 所有可能的分割方案

```
    else{
        continue;
    }
    backtrack(s, i+1);
    path.pop_back();
}

bool isPalindrome(const string& s, int left, int right){
    while(leftcright){
        if(s[left]==s[right]){
            left++;
            right--;
        }
        else return false;
    }
    return true;
}

vector<vector<string>> partition(string s) {
    backtrack(s, 0);
    return res;
}
};
```

## 五、二叉树问题

• 递归和回溯的关系密不可分,而对于一些路径问题更适合用回溯来进行遍历。

#### 1. 路径总和-112

- 给定了二叉树的根节点 root 和整数目标 targetSum
- 判断是否存在从根结点到叶子点的路径,使得路径和为 targetSum

```
class Solution {

public:
    bool backtrack(TreeNode* node, int targetSum, int sum){
        // 先添加根节点
        cout<<"current node:"<<node->val<<", sum="<<sum<<endl;
        if (node->left == NULL && node->right == NULL) {
            if (sum==targetSum) {
                return true;
            }
        }

        if (node->left != NULL) {
            sum += node->left->val;
            // 如果满足要求,直接跳出
            if(backtrack(node->left, targetSum, sum)) return true;
            sum -= node->left->val;
        }
```

```
if (node->right != NULL) {
        sum += node->right->val;
        if(backtrack(node->right, targetSum, sum)) return true;
        sum -= node->right->val;
    }
    return false;
}

bool hasPathSum(TreeNode* root, int sum) {
    if (root == NULL) return false;
    return backtrack(root, sum, root->val);
}
```

#### 2. 路径总和 II-113

- 给定了二叉树的根节点 root 和整数目标 targetSum
- 找到所有从根结点到叶子点的路径,使得路径和为 targetSum
- 初始值需要将根节点的值 root->val 存入到 path 中
- 同时将 sum 的初值更新为 root->val

```
public:
    vector<vector<int>> res;
    vector<int> path;
    void backtrack(TreeNode* node, int targetSum, int sum){
        cout<<"current node:"<<node->val<<", sum="<<sum<<endl;</pre>
        if (node->left == NULL && node->right == NULL) {
            if (sum==targetSum) {
                res.push_back(path);
        // if (sum > targetSum) return;
        if (node->left != NULL) {
            path.push_back(node->left->val);
            sum += node->left->val;
            backtrack(node->left, targetSum, sum);
            sum -= node->left->val;
```

```
path.pop_back();

}

if (node->right != NULL) {
    path.push_back(node->right->val);
    sum += node->right->val;
    backtrack(node->right, targetSum, sum);
    sum -= node->right->val;
    path.pop_back();
}

vector<vector<int>> pathSum(TreeNode* root, int targetSum) {
    // return null vector
    if(root==NULL) return {};
    // 先将根节点的值添加到路径中
    path.push_back(root->val);
    // 同时sum的值也更新为根节点的值,作为初值
    backtrack(root, targetSum, root->val);
    return res;
}

};
```

## 六、总结

子集问题	给定数组,返回有多少个符合条件的子集	
组合问题	给定数组,找目标和为target的不同组合,或者其他规律的组 合	组合无 序
排列问题	给定数组,找全部的排列方式	排列有 序
二叉树问 题	给定二叉树,找到满足条件的所有路径	

回溯问题	数组元素	抽取元素	回溯索 引	startIndex	used	是否排 序
子集	不重复	不重复	i+1	0		
子集Ⅱ	存在重 复	不重复	i+1	0	使用	排序
组合	不重复	不重复	i+1	1,范围是 [1,n]		

回溯问题	数组元 素	抽取元素	回溯索 引	startIndex	used	是否排 序
组合总和	不重复	可重复	i	0		
组合总和 II	存在重 复	不重复	i+1	0	使用	排序
组合总和	不重复	不重复	i+1	1,范围是 [1,9]		
全排列	不重复	不重复	无	无	用	
全排列Ⅱ	存在重 复	不重复	无	无	使用	排序

- 对于数组元素存在重复的情况下,应该使用 used 数组, 跳过 同层使用过的情况。
  - o if(i>0&&nums[i]==nums[i-1]&&used[i-1]==false) continue;
- 对于排列问题,应该使用 used 数组来记录数字是否使用过,如果没有用过,那么接下来继续讨论。
  - o if(used[i]==false) {};
- 如果抽取元素 可重复 , 回溯的索引是 i , 否则为 i+1

# B. 广度优先算法-BFS

## 一、岛屿问题

• 注意输入的是数字还是字符串

#### 1. 被围绕的区域-130

- 将 陆地 填为 海水
  - 。 陆地: "0" 。 海水: "X"
- 边界的陆地不会被填充
- 解法有问题,后期再修改。

```
class Solution {
public:
    void dfs(vector<vector<char>>& board, int i, int j) {
        int m = board.size();
        int n = board[0].size();
        if (i < 0 || i >= m || j < 0 || j >= n) return;
        // 这个逻辑写的有问题,不能直接返回这个,边上的不能直接覆盖。
```

```
if (board[i][j] == 'X') return;
   board[i][j] = 'X';
   dfs(board, i - 1, j);
   dfs(board, i + 1, j);
   dfs(board, i, j - 1);
   dfs(board, i, j + 1);
void solve(vector<vector<char>>& board) {
    int m = board.size();
   int n = board[0].size();
   for (int j = 0; j < n; j++) {
        dfs(board, 0, j);
        dfs(board, m - 1, j);
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        dfs(board, i, 0);
        dfs(board, i, n - 1);
   for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            if (board[i][j] == '0') {
                dfs(board, i, j);
```

#### 2. 统计封闭岛屿的数目-1254

```
    将陆地填为海水
    陆地: 0
    海水: 1
```

```
class Solution {
public:
    // 还需要排除边界的情况, 可以先将四周的海水淹没
    void dfs(vector<vector<int>>% grid, int i, int j) {
        int m = grid.size();
        int n = grid[0].size();
        if (i < 0 || i >= m || j < 0 || j >= n) return;
        if (grid[i][j] == 1) return;
        grid[i][j] = 1;
        dfs(grid, i - 1, j);
        dfs(grid, i, j - 1);
        dfs(grid, i, j + 1);
    }
    int closedIsland(vector<vector<int>>% grid) {
```

```
int m = grid.size();
int n = grid[0].size();

for (int j = 0; j < n; j++) {
    dfs(grid, 0, j);
    dfs(grid, m - 1, j);
}

for (int i = 0; i < m; i++) {
    dfs(grid, i, 0);
    dfs(grid, i, n - 1);
}

int res = 0;
for (int i = 0; i < m; i++) {
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        if (grid[i][j] == 0) {
            res++;
            dfs(grid, i, j);
        }
    }
}
return res;
}
</pre>
```

#### 3. 岛屿数量-200

```
将 陆地 填为 海水

• 陆地: '1'

• 海水: '0'
```

```
class Solution {
public:
   void dfs(vector<vector<char>>& grid, int i, int j) {
       int m = grid.size();
       int n = grid[0].size();
       if (i < 0 || i >= m || j < 0 || j >= n) return;
       if (grid[i][j] == '0') return;
       grid[i][j] = '0';
       dfs(grid, i - 1, j);
       dfs(grid, i + 1, j);
       dfs(grid, i, j - 1);
       dfs(grid, i, j + 1);
   int numIslands(vector<vector<char>>& grid) {
        int m = grid.size();
       int n = grid[0].size();
       int res = 0;
```

```
for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            if (grid[i][j] == '1') {
                res++;
                dfs(grid, i , j);
            }
        }
    }
    return res;
}</pre>
```

#### 3. 不同的岛屿数量-694

```
将 陆地 填为 海水

• 陆地: 1

• 海水: 0
```

• 回溯后添加字符保证走过的路线不相同

```
class Solution {
public:
    void dfs(vector<vector<int>>& grid, int i, int j, string& temp, char c){
       int m = grid.size();
       int n = grid[0].size();
       if (i < 0 || i >= m || j < 0 || j >= n) return;
       if (grid[i][j] == 0) return;
       grid[i][j] = 0;
       temp += c;
       dfs(grid, i + 1, j, temp, 'r');
       dfs(grid, i - 1, j, temp, 'l');
       dfs(grid, i, j + 1, temp, 'd');
       dfs(grid, i, j - 1, temp, 'u');
       int numDistinctIslands(vector<vector<int>>& grid) {
       int m = grid.size();
       int n = grid[0].size();
       int res = 0;
       set<string> visited;
       for (int i = 0; i < m; i++) {
           for (int j = 0; j < n; j++) {
               if (grid[i][j] == 1) {
                   string aux = "";
                   dfs(grid, i, j, aux, 's');
```

### 4. 岛屿的最大面积-695

```
将 陆地 填为 海水

• 陆地: 1

• 海水: 0
```

```
public:
    int dfs(vector<vector<int>>& grid, int i, int j) {
        int m = grid.size();
        int n = grid[0].size();
        if (grid[i][j] == 0) return 0;
        grid[i][j] = 0;
        int area = 1 + dfs(grid, i - 1, j) + dfs(grid, i + 1, j) + dfs(grid, i, j)
j - 1) + dfs(grid, i, j + 1);
        return area;
    int maxAreaOfIsland(vector<vector<int>>& grid) {
        int m = grid.size();
        int n = grid[0].size();
        int res = 0;
        for (int i = 0; i < m; i++) {
            for (int j = 0; j < n; j++) {
                if (grid[i][j] == 1) {
                   int area = dfs(grid, i, j);
                   res = max(res, area);
        return res;
};
```

#### 5. 统计子岛屿-1905

```
将 陆地 填为 海水

• 陆地: 1

• 海水: 0
```

- 将第一个为海水, 第二个为陆地的情况时, 将第二个陆地淹没。
- 那么再次遍历, 由于排除了不合法的情况, 那么第二个为陆地的时候, 进行计数。

```
class Solution {
public:
   void dfs(vector<vector<int>>& grid, int i, int j) {
       int m = grid.size();
       int n = grid[0].size();
       if (i < 0 || i >= m || j < 0 || j >= n) return;
       if (grid[i][j] == 0) return;
       grid[i][j] = 0;
       dfs(grid, i - 1, j);
       dfs(grid, i + 1, j);
       dfs(grid, i, j - 1);
       dfs(grid, i, j + 1);
   int countSubIslands(vector<vector<int>>& grid1, vector<vector<int>>& grid2)
       // 如果左侧的位置是0但是右侧的位置是1,说明一定是不被包含的情况;
       int m = grid1.size();
       int n = grid1[0].size();
       int res = 0;
       for (int i = 0; i < m; i++) {
           for (int j = 0; j < n; j++) {
               if (grid1[i][j] == 0 && grid2[i][j] == 1) {
                   dfs(grid2, i, j);
       for (int i = 0; i < m; i++) {
           for (int j = 0; j < n; j++) {
               if (grid2[i][j] == 1) {
                   res++;
                   dfs(grid2, i, j);
       return res;
```

#### 6. 飞地的数量-1020

```
将 陆地 填为 海水

• 陆地: 1

• 海水: 0
```

- 相当于计算封闭岛屿的陆地总数
- 统计 陆地 的面积

```
class Solution {
public:
    void dfs(vector<vector<int>>& grid, int i, int j) {
        int m = grid.size();
        int n = grid[0].size();
       if (i < 0 || i >= m || j < 0 || j >= n) return;
       if (grid[i][j] == 0) return;
        grid[i][j] = 0;
        dfs(grid, i - 1, j);
       dfs(grid, i + 1, j);
       dfs(grid, i, j - 1);
       dfs(grid, i, j + 1);
    int numEnclaves(vector<vector<int>>& grid) {
        int m = grid.size();
        int n = grid[0].size();
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            dfs(grid, 0, j);
            dfs(grid, m - 1, j);
        for (int i = 0; i < m; i++) {
            dfs(grid, i, 0);
            dfs(grid, i, n - 1);
        int res = 0;
        for (int i = 0; i < m; i++) {
            for (int j = 0; j < n; j++) {
                if (grid[i][j] == 1) {
                    res++;
        return res;
```

## 二、二叉树

## 1. 路经总和-Ⅲ-43

- 给定了二叉树的根节点 root 和整数目标 targetSum
- 找到所有从 父节点 到 子结点 的路径,使得路径和为 targetSum