基于A*的推箱子求解与基于蒙特卡洛的关卡生成问题分析

推箱子作为一个游戏,既需要用图形界面和用户交互,其求解与关卡生成问题又和人工智能密切相关。Python的pygame库提供了丰富便捷的图形界面显示和用户输入处理功能;同时,Python作为一门流行于科学计算和人工智能的语言,也很适合在本次课程设计以外,在后续的探索中利用深度强化学习进行推箱子问题的求解,具有更多可能性。所以我们选用Python配合pygame库来实现推箱子。

问题形式化

推箱子很显然是可以通过搜索求解的问题。根据本学期课程用书《人工智能原理:现代方法》「中对搜索问题的形式化描述,推箱子是一个完全可观测的、单智能体的、在确定世界中的、已知的、序贯、静态、离散搜索问题。我们将推箱子问题写作一个类,其根据储存关卡初始化,所包含的方法全部参照书中内容。此外,推箱子问题的动作是有限的,最多为上下左右四种。推箱子问题的状态就是地图上每个位置的内容,这是一个矩阵。矩阵中的元素内容也是有限个,包含墙、空间、箱子、玩家、目标、在目标上的玩家和在目标上的箱子等。

推箱子求解

去除掉重复局面,每个推箱子问题的状态空间是有限的,那么在有限时间内(即使可能是超出多项式时间),用搜索算法搜索从初始状态到目标状态的路径就是可解的。问题的关键就是如何避免探索没有必要的状态,这包括达成目标的可能性很低的状态和后续已经无法达到目标的状态(称为死锁)。

由于导致死锁的动作是单向的,并且推箱子问题又是完全可观测的,所以使用离线搜索是好过在线搜索(局部搜索)的。为了避免探索重复状态,甚至造成死循环,为状态类自定义哈希方法,并在搜索中比较即可。为了避免探索没有必要的状态,我们可以人工设计启发式函数和使用A*算法。为了避免在死锁的状态下持续探索下去,我们在启发式函数中加入一个十分大的死锁惩罚项。

有一种方法可以判断出大部分的死锁。多次遍历每个箱子,如果这个箱子可以被推动,就 让他消失;继续遍历,如果某一轮还有箱子,但遍历一次并未消去任何箱子,那么可以知道后 续的遍历也不能消去这些箱子,即局面出现了死锁。

地图生成

生成的推箱子地图需要保证可解性和一定的难度。可解性和难度可以通过对生成地图的直接求解来实现,但是这意味着我们需要消耗指数级的时间。为了避免这个问题,我们选用了一种一定能够保证地图有解的生成方法,并选择了地图的几个特征用于评估生成地图的难度。进一步地,我们可以将生成推箱子地图的问题转化成为一个优化问题,并使用蒙特卡洛树搜索的方法,来生成难度较高的地图。

地图难度评估

为了更好的评估地图的难度,我们选择了几个有代表性又便于求解的特征,这包括有效块数 $P_b = \mathsf{num_block_33}$,阻塞系数 $P_c = \mathsf{Congestion_metric}$ 和箱子的个数 $n = \mathsf{box_num}$ 。 有效块 $\mathsf{block_33}$ 指的是周围3*3范围内的八个位置不全是墙壁或空的块,阻塞系数:

$$P_{c} = \sum_{i=1}^{n} rac{lpha b_{i} + eta g_{i}}{\gamma \left(A_{i} - w_{i}
ight)}$$

用于评估箱子与目标的密度。 在阻塞系数的公式中,n是地图中箱子的数目。按字典序排序,依次将所有的箱子与目标给予编号i,则 A_i , b_i , g_i , w_i 分别代表着在编号为i的箱子和目标之间包围的方框所包围的面积、箱子数,目标数,墙壁数,参数 α , β , γ 选取的值分别为10,5,1。分别选取系数 w_b , w_c , w_n ,k为10,5,1,50,最终,我们可以将难度表达为:

$$ext{rewards} = rac{w_b P_b + w_c P_c + w_n n}{k}$$

地图生成动作集

为了避免繁琐的证明可解的过程,我们选择在生成时就能保证地图有解的策略。我们首先将player的初始位置之外的所有的位置设置为障碍物。此时,我们可以进行的行动有移动(move)和冻结(freeze)当选择移动时,我们会按照选择的方向在地图中进行移动,并且无视墙壁,将走过的所有位置都变成空。当选择冻结时,我们将无法再清除障碍物,并进入下一个状态。进入第二个状态之后,我们能选择的行动有生成箱子 generate_box ,和结束生成end_gene_box 。 当选择生成箱子时,若选择的位置是空的,我们将在这里生成一个箱子。 当选择结束生成时,我们无法再生成箱子,并进入下一个状态。 进入第三个状态之后,我们能选择的状态有移动 move 和结束 end_all 当选择移动时,我们会仿照游戏的规则,在地图中进行移动,途中能够进行推箱子,也会受到障碍的影响,只是途中并没有设置目标。 当选择结束后,我们除去没有移动过的所有箱子,然后在所有有箱子的地方设置目标。这使得所有目标都可达,同时防止我们生成的地图过于简单。然后我们对我们的地图按照上面的标准进行评估,同时结束整个生成过程。

关卡文件的储存与爬取

经过调查,关卡文件的储存大都由字符表示地块类型,储存在plaintext文件中。主要有两套映射方式,一套是用 #,\$,@,. 等符号,另一套是用 w,B,P,G 等字母,为了后续利用数据进行训练的便捷,我们储存了两套符号符号系统的转化字典和函数。

在设计要求提供的推箱子网站上,储存着许多关卡,我们编写了一个脚本,根据图像排列的格式,转化为txt文件储存在 levels/ 中。

数据结构设计与实现

各个类型的接口详见对应类的docstring.

状态地图 Map

Map 定义在 game/map.py 中,由表示所有地块的 numpy 数组 tiles 和表示玩家位置的 player x,player y 构成。为了增强代码可移植性和美观, tiles 中的数组元素为枚举类型

Tile 的对象,实际上相当于整数。

Map 包含一些常用的接口,例如:

- 1 set_tiles(x, y, tiles):设置某一位置的地块为某个类型。
- 2. is_XxX(x, y): 判断某个位置的地块是否为某个类型。
- 3. locate_XxX(x, y): 给出某个类型的地块所在的位置,类型为 $n \times 2$ 的数组,n为该类型地块的数量。借助 numpy.where 这个函数,可以很方便实现。
- 4. p_move(dx, dy): 使得玩家向某个方向移动,如果成功返回 True,否则返回 False。
- 5. $cost_matrix()$: 给出一个局面的耗费矩阵,(i,j)为第i个箱子到第j个目标的曼哈顿距离。借助 numpy 的广播性质,这可以很方便实现。
- 6. count_deadlock(): 利用上文提到的算法,进行并不精确的死锁判定,查全率可能不够高,但查准率是100%.

值得注意的是,由于 Map 的状态只和 tiles 有关,其哈希设计为 tiles 数组转化为二进制码后的哈希值。

推箱子问题规则 SokobanProblem

SokobanProblem 在 game/problem.py 实现,由储存关卡的文件路径初始化的属性 level 储存了关卡的初始局面。枚举类型 SokobanAction 定义了上下左右四个动作。问题规则形式化之后写作以下方法:

- 1 initial_state: 关卡的初始局面。
- 2. actions(map): 在某个状态下的所有可能动作。
- 3. result(state, action): 在某个状态下实施某个动作会导致的结果状态。
- 4. is_goal(state): 判断某个状态是否为目标状态。
- 5. step_cost(map, action): 由于每一步的耗费都是相等的,所以统一返回1.

此外,问题某个局面的启发值有 heuristic(map) 方法输出。这需要精心设计。

搜索算法

在本学期人工智能原理的课程作业中,我们写过一个搜索算法的库 sealgo ,意思是 SEArch ALGOrithms。这次在稍加完善后可以使用。 sealgo 中包含许多局部搜索 (local_search.py)与最佳优先搜索(best_first_search.py)算法,便于我们实验和分析哪种更适用于推箱子问题。每个算法接受一个问题作为参数初始化 Search(problem),使用 search()方法搜索答案并返回解的列表,每个解是一系列动作的列表。经过实验和分析,我们选择了A*算法,所以以下主要介绍A*算法。

#TODO

显示 Display

Display 模块在 ui/display.py 实现,负责图形用户界面的显示,初始化时会加载材质,材质风格在 assets/中储存,可以在启动时被命令行参数 --icon-style 指定。枚举类 State 定义了GUI的可能状态:开始菜单、游戏中、主菜单(暂停菜单)、胜利菜单、AI解决中、关卡生成中。每种菜单状态下分别由一种私有方法渲染,由方法 run() 判断。

开始菜单 _start_menu() 在启动时出现,显示游戏标题,提供开始游戏、生成关卡、退出的选项; 主菜单 _main_menu() 在暂停后出现,显示关卡号,提供继续游戏、重新开始、询问AI、退出的选项; 胜利菜单 _victory_menu() 在每次通关后出现,提供下一关、退出的选项, 如果所有关卡都通关,则返回主菜单; 游戏中,渲染当前状态的可视化界面,每个地块的材质默认是从设计要求提供的推箱子网站上下载的。

用户输入处理 InputHandler

InputHandler 在 ui/input_handler.py 中实现,负责所有用户输入的处理。枚举类型 Event 定义了对游戏主逻辑造成的更新信号,例如 ASK_AI, START, RESTART 等。当用户输入与游戏主逻辑相关时,例如点击"Start", InputHandler 返回对应 Event; 当输入与推箱子问题相关时,例如按 UP 键, InputHandler 返回对应 SokobanAction。

算法复杂度分析 A*搜索算法 结果分析 推箱子求解

利用A*算法,使用最优匹配距离、人箱最近距离和,在20个示例关卡上测试,得到结果如下:

```
2024-07-22 00:36:32,665 - INFO - Game initialized at 2024-07-22 00:36:32.665623 2024-07-22 00:36:32,917 - INFO - Level 1: Solution found in 0.25 seconds. 2024-07-22 00:36:33,917 - INFO - Solution length: [23] 2024-07-22 00:36:33,986 - INFO - Level 2: Solution found in 1.06 seconds. 2024-07-22 00:36:33,987 - INFO - Solution length: [58] 2024-07-22 00:36:34,128 - INFO - Level 3: Solution found in 0.13 seconds. 2024-07-22 00:36:34,128 - INFO - Solution length: [43] 2024-07-22 00:36:34,317 - INFO - Solution length: [73] 2024-07-22 00:36:34,317 - INFO - Solution length: [73] 2024-07-22 00:36:35,151 - INFO - Solution length: [73] 2024-07-22 00:36:35,5151 - INFO - Solution length: [55] 2024-07-22 00:36:37,616 - INFO - Solution length: [55] 2024-07-22 00:36:37,616 - INFO - Solution length: [32] 2024-07-22 00:36:37,825 - INFO - Level 6: Solution found in 0.20 seconds. 2024-07-22 00:36:37,825 - INFO - Level 7: Solution found in 0.20 seconds. 2024-07-22 00:36:37,825 - INFO - Solution length: [52] 2024-07-22 00:36:43,365 - INFO - Solution length: [52] 2024-07-22 00:36:43,366 - INFO - Solution length: [131] 2024-07-22 00:36:45,326 - INFO - Solution length: [131] 2024-07-22 00:36:45,326 - INFO - Solution length: [83] 2024-07-22 00:36:55,762 - INFO - Level 9: Solution found in 10.43 seconds. 2024-07-22 00:36:55,620 - INFO - Solution length: [78] 2024-07-22 00:36:55,944 - INFO - Solution length: [104] 2024-07-22 00:36:55,944 - INFO - Solution length: [37] 2024-07-22 00:36:55,944 - INFO -
```

```
2024-07-22 00:37:07,933 - INFO - Solution length: [121]
2024-07-22 00:41:37,750 - INFO - Level 16: Solution found in 269.81 seconds.
2024-07-22 00:41:37,750 - INFO - Solution length: [90]
2024-07-22 00:45:26,704 - INFO - Level 17: Solution found in 228.95 seconds.
2024-07-22 00:45:26,704 - INFO - Solution length: [397]
2024-07-22 00:45:37,443 - INFO - Level 18: Solution found in 10.73 seconds.
2024-07-22 00:45:37,443 - INFO - Solution length: [89]
2024-07-22 01:02:18,220 - INFO - Level 19: Solution found in 1000.78 seconds.
2024-07-22 01:02:18,221 - INFO - Solution length: [209]
2024-07-22 01:02:20,534 - INFO - Level 20: Solution found in 2.31 seconds.
2024-07-22 01:02:20,534 - INFO - Solution length: [73]
```

除了16、17和19关,该算法都能在较快的时间内找到答案。其中19关的时间尤其长。可能是启发式函数设计不恰当,导致探索了很多没有发现的死锁;也可能是阻挡过多,导致最优匹配给出的距离过于低估了箱子需要前往目标的路程,难以发现正确的路径。

成员分工

- 林佳豪: 基本要求1、2, 进阶项1
- 田翔宇: 进阶项2 我们分别完成了各自负责部分的技术报告。