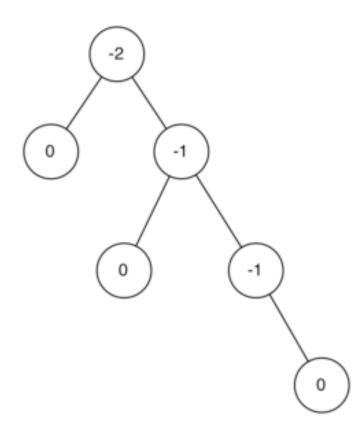
ต้นไม้เอวีแอล AVL Tree

#### **ADT**

- มี method เหมือนกับ binary search tree
- ต่างกันที่การทำงานข้างใน method
  - คำนึงถึงค่าความสมดุล (balance factor)

### Balance factor

- balanceFactor = height(lestSubTree) height(rightSubTree)
- balance factor > 0 ต้นไม้หนักไปทางฝั่งซ้าย
- balance factor < 0 ต้นไม้หนักไปทางฝั่งขวา
- balance factor = 0 ต้นไม้สมดุลแบบสมบูรณ์
- AVL tree
  - balance factor = -1, 0, 1
  - ถ้าหลุดออกจากค่าพวกนี้ต้องทำการแก้ไข
  - ทำงานได้เร็วขึ้น



# เพิ่ม node

- เพิ่ม left node
  - parent และ ต้นตระกูลมีค่า balance factor เพิ่ม 1
- เพิ่ม right node
  - parent และ ต้นตระกูลมีค่า balance factor ลด 1

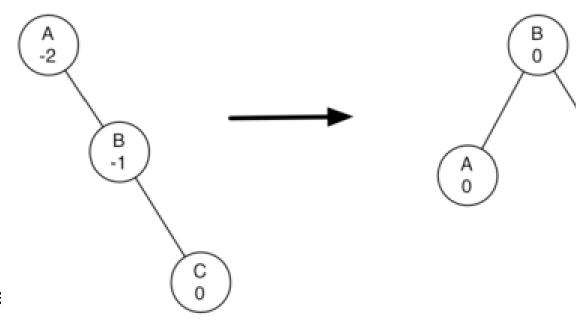
```
def _put(self,key,val,currentNode):
    if key < currentNode.key:</pre>
        if currentNode.hasLeftChild():
                self._put(key,val,currentNode.leftChild)
        else:
                currentNode.leftChild = TreeNode(key,val,parent=currentNode)
                self.updateBalance(currentNode.leftChild)
    else:
        if currentNode.hasRightChild():
                self. put(key,val,currentNode.rightChild)
        else:
                currentNode.rightChild = TreeNode(key,val,parent=currentNode)
                self.updateBalance(currentNode.rightChild)
```

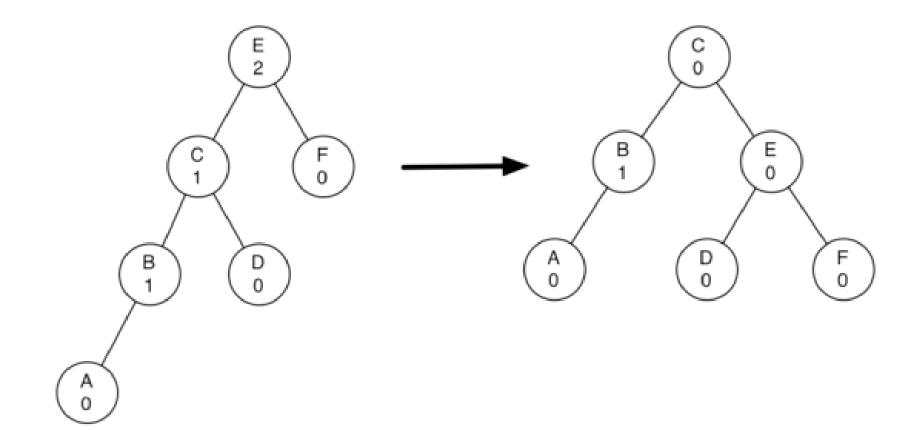
```
def updateBalance(self, node):
    if node.balanceFactor > 1 or node.balanceFactor < -1:</pre>
        self.rebalance(node)
        return
    if node.parent != None:
        if node.isLeftChild():
                node.parent.balanceFactor += 1
        elif node.isRightChild():
                node.parent.balanceFactor -= 1
        if node.parent.balanceFactor != 0:
                self.updateBalance(node.parent)
```

#### rebalance

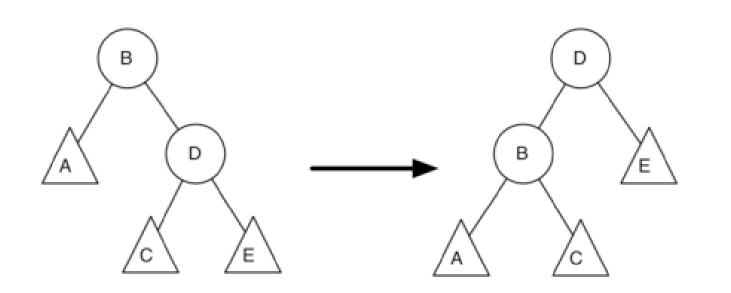
#### rotation

- left rotation
  - ปรับ right child มาเป็น root ของ subtre
  - เอา root เดิมมาเป็น left child
  - ถ้า root ใหม่มี left child อยู่แล้วให้ปรับมาเป็น right child ของ left child ใหม่
- right rotation
  - ปรับ left child มาเป็น root ของ subtree
  - เอา root เดิมมาเป็น right child
  - ถ้า root ใหม่มี right child อยู่แล้วให้ปรับมาเป็น left child ของ right child ใหม่





```
def rotateLeft(self,rotRoot):
   newRoot = rotRoot.rightChild
    rotRoot.rightChild = newRoot.leftChild
    if newRoot.leftChild != None:
        newRoot.leftChild.parent = rotRoot
   newRoot.parent = rotRoot.parent
    if rotRoot.isRoot():
        self.root = newRoot
    else:
        if rotRoot.isLeftChild():
                rotRoot.parent.leftChild = newRoot
        else:
            rotRoot.parent.rightChild = newRoot
    newRoot.leftChild = rotRoot
    rotRoot.parent = newRoot
    rotRoot.balanceFactor = rotRoot.balanceFactor + 1 - min(newRoot.balanceFactor, 0)
    newRoot.balanceFactor = newRoot.balanceFactor + 1 + max(rotRoot.balanceFactor, 0)
```



$$newBal(B) = h_A - h_C$$

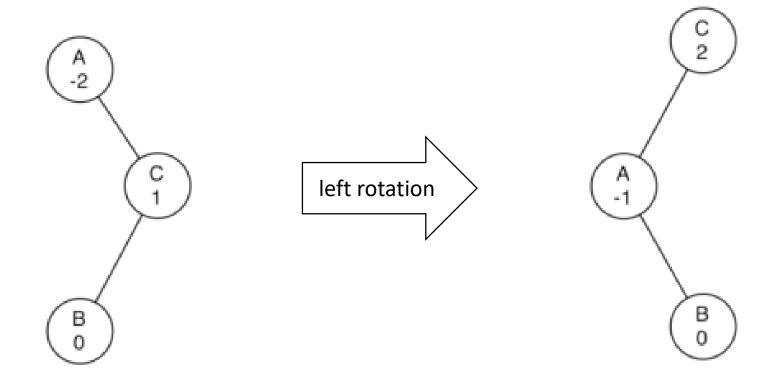
$$oldBal(B) = h_A - h_D$$
$$oldBal(B) = h_A - (1 + \max(h_C, h_E))$$



$$newBal(B) - oldBal(B) = h_A - h_C - (h_A - (1 + max(h_C, h_E)))$$
  
 $newBal(B) - oldBal(B) = h_A - h_C - h_A + (1 + max(h_C, h_E))$   
 $newBal(B) - oldBal(B) = h_A - h_A + 1 + max(h_C, h_E) - h_C$   
 $newBal(B) - oldBal(B) = 1 + max(h_C, h_E) - h_C$ 

$$newBal(B) = oldBal(B) + 1 + max(h_C - h_C, h_E - h_C)$$

$$newBal(B) = oldBal(B) + 1 + max(0, -oldBal(D))$$
$$newBal(B) = oldBal(B) + 1 - min(0, oldBal(D))$$



## double rotation

- ทำ left rotation
  - ถ้า right child มี balance factor > 0 (หนักไปทางฝั่งซ้าย) ให้ทำ right rotation ที่ right child ก่อน แล้วจึงทำ left rotation ปกติ
- ทำ right rotation

• ถ้า left child มี balance factor < 0 (หนักไปทางฝั่งขวา) ให้ทำ left rotation ที่ left child ก่อน แล้วจึงทำ right rotation ปกติ

 $\begin{array}{c}
A \\
-2 \\
C \\
1
\end{array}$   $\begin{array}{c}
B \\
0 \\
C \\
0
\end{array}$   $\begin{array}{c}
C \\
0 \\
0
\end{array}$ 

```
def rebalance(self, node):
  if node.balanceFactor < 0:</pre>
         if node.rightChild.balanceFactor > 0:
            self.rotateRight(node.rightChild)
            self.rotateLeft(node)
         else:
            self.rotateLeft(node)
  elif node.balanceFactor > 0:
         if node.leftChild.balanceFactor < 0:</pre>
            self.rotateLeft(node.leftChild)
            self.rotateRight(node)
         else:
            self.rotateRight(node)
```