Chapter 2. Getting to Know Your Data

Data Objects and Attribute Types

- Basic Statistical Descriptions of Data
- Data Visualization

การที่จะเอา Data นี้ไปประมวลผล สั่งที่จำเป็น คือ เราจะต้องสามารถชัดได้ว่า Data จุด 1 กับ Data จุด 2 เหมือนหรือต่างกัน ซึ่งความเหมือน หรือ ความต่างของ Data ก็จะใช้ Distance หรือ ระยะห่างเป็นตัววัด

Measuring Data Similarity and Dissimilarity

Summary

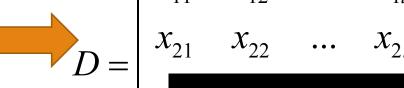
Similarity, Dissimilarity, and Proximity

Similarity measure or similarity function สร้างพึงก็ชั่นเพื่อให้ทราบว่าสองจุดเหมือนหรือต่างกันอย่างไร A real-valued function that quantifies the similarity between two objects Data ทั้ง 2ตัว จะเป็นตัวกำหนดความเหมือนว่าจะต่างหรือเหมือนกันยังไง Measure how two data objects are alike: The higher value, the more alike เป็น () = ไม่เหมือนกันเลย เป็น 1 = เหมือนกันเลย Often falls in the range [0,1]: 0: no similarity; 1: completely similar ความไม่เหมือน Dissimilarity (or distance) measure ยิ่งไม่เหมือน = ยิ่งห่าง Numerical measure of how different two data objects are In some sense, the inverse of similarity: The lower, the more alike Minimum dissimilarity is often 0 (i.e., completely similar) Range [0, 1] or $[0, \infty)$, depending on the definition ความห่าง หรือ ระยะห่าง (ไม่เหมือน)

Proximity usually refers to either similarity or dissimilarity

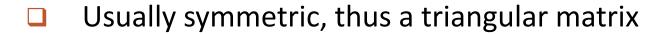
Data Matrix and Dissimilarity Matrix

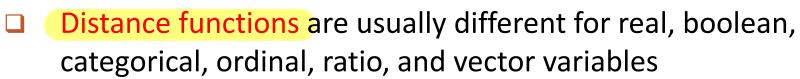
- Data matrix
 - ☐ A data matrix of n data points with *I* dimensions



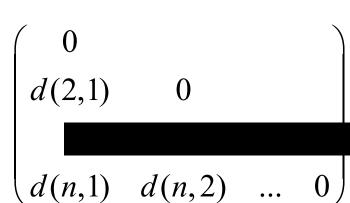
เป็นตัวที่ใช้คำนวณว่า Data ใหนจะห่างจาก Data ใหน เท่าใหร่

- Dissimilarity (distance) matrix
- n data points, but registers only the distance d(i, j) (typically metric)





Weights can be associated with different variables based on applications and data semantics



Standardizing Numeric Data

 \Box Z-score: $z = \frac{x - \mu}{\sigma}$

- \square X: raw score to be standardized, μ : mean of the population, σ : standard deviation
- the distance between the raw score and the population mean in units of the standard deviation
- □ negative when the raw score is below the mean, "+" when above
- An alternative way: Calculate the mean absolute deviation

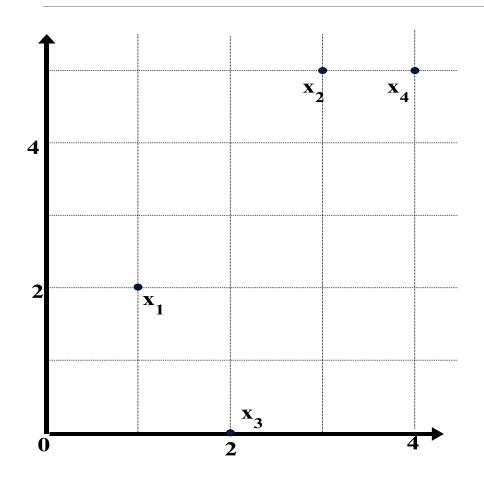
$$s_f = \frac{1}{n}(|x_{1f} - m_f| + |x_{2f} - m_f| + ... + |x_{nf} - m_f|)$$

where

$$m_f = \frac{1}{n} (x_{1f} + x_{2f} + \dots + x_{nf})$$

- standardized measure (z-score): $z_{if} = \frac{x_{if} m_f}{S_f}$
- Using mean absolute deviation is more robust than using standard deviation

Example: Data Matrix and Dissimilarity Matrix



Data Matrix

point	attribute1	attribute2
x1	1	2
<i>x2</i>	3	5
<i>x3</i>	2	0
<i>x4</i>	4	5

จะระบุว่าแต่ละจุดห่างกันเท่าใหร่

Dissimilarity Matrix (by Euclidean Distance)

	<i>x1</i>	<i>x</i> 2	<i>x3</i>	<i>x4</i>
<i>x1</i>	0			
<i>x2</i>	3.61	0		
<i>x3</i>	2.24	5.1	0	
<i>x4</i>	4.24	1	5.39	0

Distance on Numeric Data: Minkowski Distance

☐ Minkowski distance: A popular distance measure

$$d(i,j) = \sqrt[p]{|x_{i1} - x_{j1}|^p + |x_{i2} - x_{j2}|^p + |x_{j1}|^p}$$

where $i = (x_{i1}, x_{i2}, ..., x_{il})$ and $j = (x_{j1}, x_{j2}, ..., x_{jl})$ are two l-dimensional data objects, and p is the order (the distance so defined is also called L-p norm)

- Properties มีคุณสมบัติ 3 ตัว
 - \mathbf{u} $\mathbf{d}(\mathbf{i},\mathbf{j}) > 0$ if $\mathbf{i} \neq \mathbf{j}$, and $\mathbf{d}(\mathbf{i},\mathbf{i}) = 0$ (Positivity) ระยะห่างระหว่างงจุด 2 จุด ต้องมากกว่า 1 เสมอ
 - \Box d(i, j) = d(j, i) (Symmetry)
 - \Box d(i, j) \leq d(i, k) + d(k, j) (Triangle Inequality)
- A distance that satisfies these properties is a metric
- Note: There are nonmetric dissimilarities, e.g., set differences

Special Cases of Minkowski Distance

- 🔲 p = 1: (L, norm) Manhattan (or city block) distance เราจะวัดระยะทางในแนวตามแกนอย่างเดียว
 - E.g., the Hamming distance: the number of bits that are different between two binary vectors $d(i,j) = |x_{i1} x_{i1}| + |x_{i2} x_{i2}| + |x_{i3} x_{i4}|$
- p = 2: (L₂ norm) Euclidean distance ระยะทางที่ชัดระหว่างจุด 2 จุด โดยใช้ทฤษฎีพีทาโกรัส

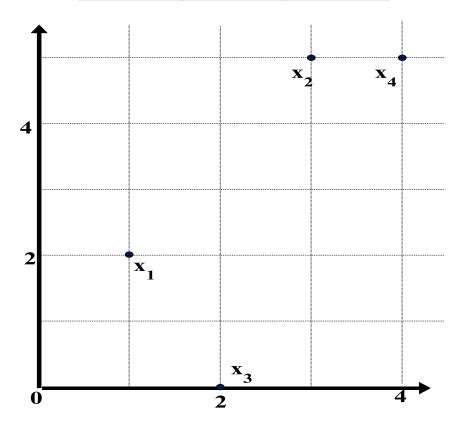
$$d(i,j) = \sqrt{|x_{i1} - x_{j1}|^2 + |x_{i2} - x_{j2}|^2 + |x_{i2} - x_{j2}|^2}$$

- $ightharpoonup p
 ightharpoonup \infty$: (L_{max} norm, L_{\infty} norm) "supremum" distance
 - □ The maximum difference between any component (attribute) of the vectors

$$d(i,j) = \lim_{p \to \infty} \sqrt[p]{|x_{i1} - x_{j1}|^p + |x_{i2} - x_{j2}|^p + \dots + |x_{il} - x_{jl}|^p} = \max_{f=1}^l |x_{if} - x_{jf}|$$

Example: Minkowski Distance at Special Cases

point	attribute 1	attribute 2
x1	1	2
x2	3	5
х3	2	0
x4	4	5



Manhattan (L₁)

L	x1	x2	х3	x4
x1	0			
x2	5	0		
х3	3	6	0	
x 4	6	1	7	0

Euclidean (L₂)

L2	x1	x2	x3	x4
x1	0			
x2	3.61	0		
х3	2.24	5.1	0	
x4	4.24	1	5.39	0

Supremum (L_m)

L_{∞}	x 1	x2	х3	x4
x1	0			
x2	3	0		
х3	2	5	0	
x 4	3	1	5	0