

# 计算机组成原理复习指南

---

针对于ppt所划知识点的逐一解答。 *powered by BoffinZhang*

---

## 目录

### 计算机组成原理复习指南

#### 数据的编码表示

1. 原码、反码、补码
2. 移码
3. 浮点数
4. 规格化浮点数的表示范围与精度取决什么？
5. 浮点运算中，判断尾数是否规格化的方法？

#### 指令系统

1. 掌握一些常见的寻址方式
2. 相对寻址
3. 堆栈
4. 十六进制编码格式与通用约定

#### 运算器

1. 四位先行(快速)进位链的逻辑表达式
2. 计算机中的补码运算
3. 浮点数的运算
4. 左规、右规
5. 浮点运算器的实现
6. PSW寄存器
7. 原码一位乘法
8. 浮点数的溢出判断&处理方法

#### CPU

1. CPU中的常用寄存器，名称和作用
2. 指令周期
3. 单总线数据通路中，指令运行的基本过程
4. 转移指令的读取与执行

---

## 数据的编码表示

---

### 1. 原码、反码、补码

对于一个二进制数，通常会单独考虑符号位，如 $[-8]_{10} = [-1000]_2$ 但是在机器码之中，我们以额外的一位二进制数代替符号位，0表示正，1表示负，这样就有 $[-8]_{10} = [11000]_{\text{原}}$ 这种表示方法就叫做**原码**。我们将原码除了符号位以外的其它各位\*按位取反\*，就得到了反码， $[11000]_{\text{原}} = [10111]_{\text{反}}$ 我们将反码**加1**，就得到补码 $[11000]_{\text{原}} = [10111]_{\text{反}} = [11000]_{\text{补}}$ 注：补码也可以通过**取反加一**的方式得到

原码。

- $n$ 位二进制数的表示范围 - 原码:  $-(2^{n-1} - 1) \sim 2^{n-1} - 1$  - 反码:  $-(2^{n-1} - 1) \sim 2^{n-1} - 1$  - 补码:  $-2^{n-1} \sim 2^{n-1} - 1$

## 2. 移码

- 移码通常用于表示浮点数的阶码
- 以IEEE754浮点数中的8位移码为例, 设移码为 $E$ , 真值为 $e$ , 有  $E = e + [01111111]_2$  即  $E = e + 127$ 。
- $n$ 位移码通式:  $E = e + 2^{n-1}$
- 表示范围:  $e \in [-2^{n-1}, 2^{n-1} - 1]$  (和补码范围相同)

## 3. 浮点数

- 一般表示法:  $N$ 位阶码 $e$ ,  $K$ 位尾数 $M$ , 真值为  $M * 2^e$
- IEEE754 (32位浮点): 1位符号位 $S$ , 8位移码 $E=e+127$ , 23位尾数 $M$ , 真值为:  $(-1)^S * (1.M) * 2^{E-127}$
- \*IEEE754浮点数的特殊情形
  - $E=0, M=0$ : 表示机器0
  - $E=0, M \neq 0$ : 表示非规格化浮点数  $(-1)^S * (0.M) * 2^{E-126}$
  - $1 \leq E \leq 254$ : 表示正常的规格化浮点数  $(-1)^S * (1.M) * 2^{E-127}$
  - $E=255, M=0$ : 无穷大inf
  - $E=255, M \neq 0$ : 非数值NaN, 对应0/0

## 4. 规格化浮点数的表示范围与精度取决什么?

- 表示范围取决于阶码的位数
- 精度取决于尾数的位数

## 5. 浮点运算中, 判断尾数是否规格化的方法?

- 依据PPT讲解, 尾数规格化就是通过移位的方式将尾数化为  $0.1101... * 2^e$  的形式

---

# 指令系统

---

## 1. 掌握一些常见的寻址方式

数据寻址方式是根据指令中给出的地址码字段寻找真实操作数地址的方式, 形式地址经过某种运算而得到的能够直接访问主存的地址称为有效地址 (Effective Address, 简记作EA)。指令中的形式地址->(寻址方式)->有效地址 下面是几种基本的寻址方式

1. 立即寻址 指令中直接给出的立即数就是操作数。

OP	立即数

**2. 寄存器寻址** 指令中的地址码部分给出某一个通用寄存器的编号  $R_i$ ，这个指定的寄存器存放着操作数。此时，操作数  $S$  与寄存器  $R_i$  的关系为：

$$S = (R_i)$$

**3. 直接寻址** 指令中的地址码字段给出的地址  $A$  就是操作数的有效地址，即形式地址等于有效地址：

$$EA = A$$

**4. 间接寻址** 指令中给出的地址  $A$  是存放着操作数地址的主存单元的地址，通常会在指令格式中划出一位作为直接或间接寻址的标志位，间址寻址时标志位  $@=1$ 。一级间接寻址时，指令中存储的  $A$  是操作数地址的地址， $(A)$  是操作数的地址， $((A))$  就是操作数。

$$S = ((A))$$

如此可以进行多次间接寻址。

**5. 寄存器间接寻址** 指令中的地址码给出的是某一个通用寄存器的编号，被指定的寄存器存放的是操作数的有效地址。操作数  $S$  与寄存器号  $R_i$  的关系为：

$$S = ((R_i))$$

**6. 变址寻址** 变址寻址把变址寄存器  $R_x$  的内容与指令中给出的形式地址  $A$  相加，形成操作数的有效地址，即  $EA = (R_x) + A$ ，而实际的操作数地址为：

$$S = ((R_x) + A)$$

变址寻址最典型的用法是将指令中的形式地址作为基准地址，而变址寄存器中的内容作为修改量，在需要频繁修改地址时，只要修改变址值就可以了（用于汇编语句），对于数组运算、字符串操作等成批的数据处理是很有用的。

**7. 基址寻址** 基址寻址将基址寄存器  $R_b$  的内容与给出的位移量  $D$  相加，形成操作数的有效地址，即  $EA = (R_b) + D$ ，而实际的操作数为：

$$S = ((R_b) + D)$$

基址寻址原来是大型计算机采用的一种技术，用来将用户的逻辑地址转化成主存的物理地址。

这一部分大致了解即可，不用死记硬背，实际工程中会依照指令集设计不同而采用不同的寻址方式，考试时也会给出具体的规则。

## 2. 相对寻址

相对寻址的有效地址为： $EA = (PC) + D$  由程序计数器（PC）提供基准地址，指令中给出的地址码字段作为位移量  $D$ 。这种寻址方式有两个特点：

- 操作数的地址不是固定的，随之PC值的变化而变化，并且与指令地址之间总是相差一个固定值。当指令地址变换是，由于其位移量不变，使得操作数与指令在可用的存储区内一起浮动。

- 指令给出的位移量D可正可负，采用补码表示，若位移量为n位二进制数，则相对寻址的寻址范围为： $(PC) - 2^{(n-1)} \sim (PC) + 2^{(n-1)} - 1$

### 3. 堆栈

**1. 寄存器堆栈** 在计算机中用一组专门的寄存器构成寄存器堆栈，称作**硬堆栈**。（可以想想用寄存器组成堆栈会有多贵）这种堆栈的**栈顶**是固定的，他们之间具有对应位自动推移的功能，可以将一个寄存器的内容推移到相邻的另一个寄存器中。**2. 存储器堆栈** 从主存中划出一部分作为**软堆栈**，**堆栈的大小可变，栈底固定，栈顶浮动**，需要用一个专门的硬件计算器作为**栈顶指针**，即**专用寄存器SP**。将存储器想像成一摞书，地址小的在上面，地址大的在下面。

低地址
—
—
...
高地址

构造堆栈可以有两种方式：

- 自底向上生成（向低地址方向）进栈：

```
(SP) - 1 -> SP;    //修改栈指针
(A) -> (SP);       //将A中的内容压入栈顶单元
```

出栈：

```
((SP)) -> A;       //将栈顶单元的内容弹出
(SP) + 1 -> SP;    //修改栈指针
```

- 自顶向下生成（向高地址方向）略

### 4. 十六进制编码格式与通用约定

考试时，机器指令都要以十六进制形式进行编码，自行翻译。PPT中给出的一个指令格式：

操作码	寄存器号	寻址方式	寄存器号	寻址方式
15~12	11~9	8~6	5~3	2~0

地址、取值的助记符，以及寻址方式的约定：

字段代码	寻址方式	地址助记符	含义
000	寄存器直接	$R_i$	操作数= $(R_i)$
001	寄存器间接	$(R_i)$	操作数= $((R_i))$

## 运算器

### 1. 四位先行(快速)进位链的逻辑表达式

对于并行加法器中的第*i*个全加器： 输入信号：

- 从低位 (*i*-1) 来的进位输入  $C_{i-1}$
- 两个加数  $A_i$  和  $B_i$

输出信号：

- 本位和  $S_i$  与进位输出  $C_i$

运算的逻辑表达式为：

$$S_i = A_i \oplus B_i \oplus C_{i-1}$$

$$C_i = A_i B_i + (A_i \oplus B_i) C_{i-1}$$

如果记  $G_i = A_i B_i$  (进位产生函数),  $P_i = A_i \oplus B_i$  (进位传递函数), 就可以很简单地表示每一位上的进位:  $C_i = G_i + P_i C_{i-1}$  我们用上面的式子多次展开, 就可以实现快速进位加法器, 其四阶的表达式如下: (十分重要)

$$C_1 = G_1 + P_1 C_0 \quad C_2 = G_2 + P_2 C_1 = G_2 + P_2 G_1 + P_2 P_1 C_0$$

$$C_3 = G_3 + P_3 C_2 = G_3 + P_3 G_2 + P_3 P_2 G_1 + P_3 P_2 P_1 C_0$$

$$C_4 = G_4 + P_4 C_3 = G_4 + P_4 G_3 + P_4 P_3 G_2 + P_4 P_3 P_2 G_1 + P_4 P_3 P_2 P_1 C_0 \dots$$

### 2. 计算机中的补码运算

补码加减运算非常简单, 只要加就行了, 具体规则如下:

1. 参与运算的两个操作数均用补码表示
2. 符号位作为数的一部分参加运算
3. 如若加法, 直接相加; 如若减法, 则将被减数与减数的机器负数相加
4. 运算结果仍然是补码

补码运算的直接好处在于可以简化运算器的设计。

\*EXTRA 符号扩展 比如你想把一个8位数和另外一个32位数相加, 就必须将8位数转换成32位数的形式, 这就被称为符号扩展。

- 原码的符号扩展: 符号位移到最高位, 多出来的其它位用0填充。
- 补码的符号扩展: 所有多出来的数位用补码的符号位填充。

\*EXTRA 溢出检测 待续

! 双符号位补码

### 3. 浮点数的运算

我们这里只考虑规格化浮点数的四则运算问题，其中尾数的基数 $r=2$ （2进制数）。设参与运算的两个非0规格化浮点数分别为： $A = M_A \times 2^{E_A}$   $B = M_B \times 2^{E_B}$

- 浮点数加减运算

1. 对阶——将两个浮点数的小数点对齐  $E_A = E_B$ ，无需对阶； $E_A > E_B$ ，则 $M_B$ 右移。每右移一位， $E_B + 1 > E_B$ ，直到 $E_A = E_B$ ； $E_A < E_B$ ，则 $M_A$ 右移。每右移一位， $E_A + 1 > E_A$ ，直到 $E_A = E_B$ ；
2. 尾数加减  $M_A \pm M_B \rightarrow M_C$
3. 尾数结果规格化 规格化的尾数 $M$ 应当满足  $\frac{1}{2} \leq |M| < 1$  **左规&右规** 设尾数采用双符号位补码表示，经过加减运算，会出现以下六种情况：a.  $00.1 \times \dots \times$  b.  $11.0 \times \dots \times$  c.  $00.0 \times \dots \times$  d.  $11.1 \times \dots \times$  e.  $01. \times \times \dots \times$  f.  $10. \times \times \dots \times$ 
  - 其中，a和b已经符合规格化浮点数的定义，已是规格化数。
  - c和d不是规格化数，需要**尾数左移**以实现规格化，每左移一位，阶码减一，直到**两个符号位和小数点后第一位不同为止**，这就实现了**左规**，左规可以有很多次。将左规条件用符号化语言叙述，即： $\overline{C_{s1}} \overline{C_{s2}} \overline{C_1} + C_{s1} C_{s2} C_1$  其中， $C_{s1}, C_{s2}$ 代表尾数 $M_c$ 的两个符号位， $C_1$ 为 $M_C$ 的最高位。
  - e和f两种情况在**定点加减运算中称为溢出**，但是在浮点运算时，说明此时尾数的绝对值大于1，右移一次即可，并且右移最多只会有一次： $\text{右规} = C_{s1} \oplus C_{s2}$  (没看懂)
4. 舍入 正常尾数的最低位之后的全部数位通常会在运算后直接丢失。
5. 溢出判断 浮点数的溢出需要根据阶码的符号位来判断。若阶码也用双符号位补码表示  $[E_C]_{\text{补}} = 01. \times \times \dots$  表示上溢，浮点数真正溢出，做溢出中断处理。  $[E_C]_{\text{补}} = 10. \times \times \dots$  表示下溢，浮点数值趋近于0，按照机器0处理。

浮点数加减法计算样例可参照书107页。

- 浮点数乘除运算——未完待续

### 4. 左规、右规

[左规、右规](#) 这个在上文中已经提到，不再赘述。

### 5. 浮点运算器的实现

浮点运算器由两个定点运算部件构成，分别完成对阶码和尾数的处理。

- 阶码运算部件：完成阶码加、减和尾数规格化时对阶码的调整。
- 尾数运算部件：完成尾数的四则运算，判断尾数是否规格化，判断溢出。

注：阶码只需要加减，而尾数需要四则运算。

### 6. PSW寄存器

（参见书168页，状态标志寄存器）**状态标志寄存器**是CPU内的一个**专用寄存器**，用来存放程序状态字（PSW，Program Status Word），反映处理器的状态和**ALU运算结果的某些特征**，以及控制指令的**执行状态**。各类机器中的状态标志寄存器规定不尽相同，这里给出8086微处理器的例子。8086的状态标志寄存器有6个状态标志和3个控制标志。6个状态标志：

- 进位标志位 (CF) ；
- 辅助进位标志位 (AF) ；
- 溢出标志位 (OF) ；
- 零标志位 (ZF) ；
- 符号标志位 (SF) ；
- 校验标志位 (PF) ；

3个控制标志：

- 方向标志 (DF) ，表示串操作指令中字符串操作的方向。
- 终端允许标志位 (IF) ，表示CPU是否能够相应外部的可屏蔽中断请求。
- 陷阱标志位 (TF) ，为了方便程序的调试，使处理器的执行进入单步方式而设置的控制标志位。

## 7. 原码一位乘法

这里的“一位乘法”并不是说只计算1位二进制数，而是说仿照手写竖式的方式，逐位相乘，再将部分和相加，在计算机中，由于位宽限制，通常不会完全按照手写的方式设计乘法器，一是因为**加法器内很难实现多个数据同时相加**，二是因为**加法器的位数需要设置为寄存器位数的两倍**才能满足计算需要。因此，计算机中通常把n位乘法转化为n次**累加和移位**。具体步骤如下：

1. 参加运算的操作数取其绝对值；
2. 令乘数的最低位为判断位，若为1，加被乘数，若为0，加0；
3. 累加后的部分积以及乘数右移一位；
4. 重复n次第2步和第3步；
5. 符号位单独处理；

原码一位乘法运算器电路需要的部件：

- 3个寄存器
- 1个n+2位加法器
- 1个计数器
- n+2个与门
- 1个异或门

## 8. 浮点数的溢出判断&处理方法

[浮点数运算](#)

## CPU

- CPU(Central Processing Unit, 中央处理单元)，计算机的核心组成部分，包括运算器和控制器。

### 1. CPU中的常用寄存器，名称和作用

- CPU中的寄存器主要用来暂存运算和控制过程中的中间结果、最终结果，以及控制、状态的信息。
- 可以分为通用寄存器和专用寄存器两大类。
- 在32位MIPS中，32个寄存器都是通用寄存器

1. 通用寄存器 通用寄存器可以用来存放原始数据和计算结果，常见的有如下几个用途：
  - 变址寄存器
  - 计数器
  - 地址指针
  - 累加寄存器Acc
2. 专用寄存器 专用寄存器专门用来完成某一种特殊的功能，CPU中至少需要5个专用寄存器：
  - 程序计数器（PC）
  - 指令寄存器：用来存放从存储器中取出的指令
  - 存储器数据寄存器：在读写主存时，暂存需要读取/写入的指令或数据
  - 存储器地址寄存器：保存当前CPU所访问的主存单元的地址。由于主存频率慢于CPU，所以需要地址寄存器保存地址信息，直到主存读写操作完成。
  - [状态标志寄存器](#)：存放程序状态字

## 2. 指令周期

- 指令周期是指从取指令、分析取数到执行完该指令所需的全部时间。

机器周期又称CPU周期，通常一个指令周期会被划分为若干个机器周期，在每个机器周期，CPU会完成一个基本操作。一般的CPU周期分为下面几个部分：

- 取指周期（短）
- 取数周期（长）
- 执行周期（短）
- 中断周期（长）  $\text{指令周期} = i \times \text{机器周期}$

## 3. 单总线数据通路中，指令运行的基本过程

一条指令的运行过程可以分为3个阶段：取指令阶段、分析取数阶段、执行阶段。

1. 取指令阶段 将现行指令从主存中取出来并送到指令寄存器中。在整个取指令过程中，MAR和MDR充当主存的接口寄存器，最终将指令送到IR中。
  - 将程序计数器（PC）中的内容送到存储器地址寄存器（MAR），同时送到地址总线（DB）
  - 由控制单元（CU）经过控制总线（CB）向存储器发读命令。
  - 从主存中取出的指令通过数据总线（DB）送到存储器数据寄存器（MDR）。
  - 将MDR的内容送至指令寄存器（IR）中。
  - 将PC的内容递增（ $PC \leftarrow PC + 4$ ）。
2. 分析取数阶段 取出指令后，指令译码器(ID)可以识别和区分出不同的指令类型，并依据不同指令的功能完成对主存信息的读取。
3. 执行阶段 执行阶段完成指令规定的各种操作，形成稳定运算结果，并将其存储起来。这个过程依据指令的不同而不同。完成执行阶段任务的时间成为执行周期。

更加详细的指令微操作序列参见书179页。

## 4. 转移指令的读取与执行

转移指令：JC A 这是一个条件转移指令

- 若上次运算结果有进位( $C=1$ )，就转移（ $PC=PC+A$ ）；



- 若上次运算结果无进位( $C=0$ ), 就顺序执行下一条指令。同样需要三个周期来完成读取和执行。

### 1. 取指周期

- $PC_{out}$  和  $MAR_{in}$  有效,  $(PC) \rightarrow MAR$
- 控制总线向主存发出读命令,  $Read$
- 存储器将MAR中的地址所指向单元的内容通过数据总线送至MDR,  $M(MAR) \rightarrow MDR$
- $MDR_{out}$  和  $IR_{in}$  有效,  $(MDR) \rightarrow IR$ , 取地址完毕, IR中的指令开始控制CU
- PC内容“加一 (机器字)”,  $(PC) + 1 \rightarrow PC$

### 2. 取数周期

- JC指令不需要取数, 直接进入执行周期。

### 3. 执行周期

- 如果有进位( $C=1$ ), 则完成  $(PC) + A \rightarrow PC$  的操作
  - $PC_{out}$  和  $Y_{in}$  有效 (Y是存储中间结果的寄存器), 记作:  $(PC) \rightarrow Y(C = 1)$
  - $AdIR_{out}$  (指令中的地址码字段) 和  $Y_{in}$  有效, 同时CU向ALU发送"ADD"控制信号, 结果存入寄存器Z, 记作:  $Ad(IR) + (Y) \rightarrow Z(C = 1)$
  - $Z_{out}$  和  $PC_{int}$  有效,  $(Z) \rightarrow PC(C = 1)$
- 如果没有进位( $C=0$ ), 则直接执行下一条指令