

# Synchronisation

## Programmiermethodik 2

**Zum Nachlesen:**

Christian Ullenboom: Java ist auch eine Insel, Kapitel 14.5/14.6  
[http://openbook.rheinwerk-verlag.de/javainsel9/javainsel\\_14\\_005.htm](http://openbook.rheinwerk-verlag.de/javainsel9/javainsel_14_005.htm)

# Wiederholung

- Parallelität
- Erzeugen
- Beenden
- Weitere Methoden
- Timer

# Ausblick



# Agenda

- Probleme paralleler Programmausführung
- Kritischer Abschnitt
- Monitor-Mechanismus
- Reihenfolge-Beschränkungen
- Deadlocks

## Zum Nachlesen

- Kathy Sierra, Bert Bates: Java von Kopf bis Fuß, Kapitel 15 ab Abschnitt "Multithreading", O'Reilly-Verlag
- zu `wait()` / `notify()`: Oracle Java Tutorial "Guarded Blocks": <http://docs.oracle.com/javase/tutorial/essential/concurrency/guardmeth.html>, abgerufen am 11.04.2014
- Christian Ullenboom: Java ist auch eine Insel, 9., aktualisierte Auflage 2011, Galileo Computing, Kapitel 14.6: Synchronisation über Warten und Benachrichtigen, auch online verfügbar



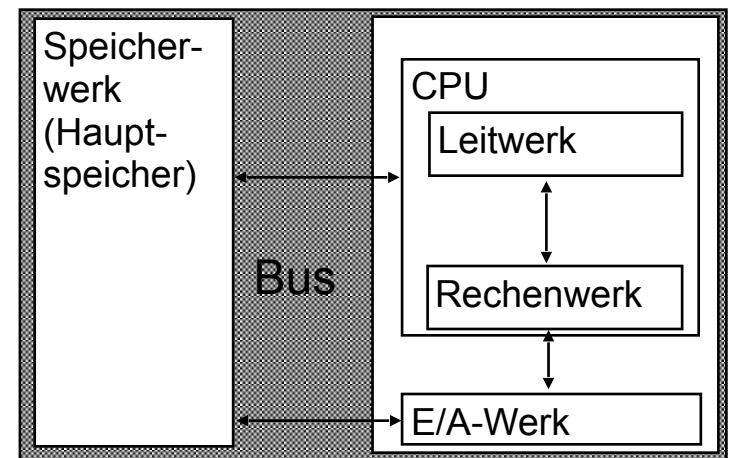
# Probleme paralleler Programmausführung

# Das „Lost Update“-Problem

- Eine „harmlose“ Zeile Java-Quelltext:  
`zaehler = zaehler + 1;`
- Warum ist diese Zeile nicht so harmlos?
  - Weil zaehler eine Objektvariable ist und deshalb potentiell von mehrere parallelen Threads manipuliert werden kann.
  - Weil die Java-Anweisung (eine Zuweisung) nur in der sequentiellen Programmierung atomar ist.
  - Weil Java-Programme (wie fast alle Programme) auf der von Neumann-Architektur ausgeführt werden.
- Was genau geht denn schief?

# von Neumann-Rechner

- Rechner besteht aus 4 Werken
- Rechnerstruktur ist unabhängig vom bearbeiteten Problem
- Programme und Daten stehen im selben Speicher
- Der Hauptspeicher ist in Zellen gleicher Größe unterteilt, die durchgehend adressierbar sind
- Das Programm besteht aus Folgen von Befehlen, die generell nacheinander ausgeführt werden.
- Von der sequenziellen Abfolge kann durch Sprungbefehle abgewichen werden
- Die Maschine benutzt Binärcodes für die Darstellung von Programm und Daten





# Imperative Programme

- elementaren Operationen eines von Neumann-Rechners:
  - CPU führt Maschinenbefehle aus
  - über den sog. Bus werden Befehle und Daten vom Speicher in die CPU übertragen und die Ergebnisse zurück übertragen
- imperative Programmiersprachen abstrahieren von diesen elementaren Operationen:
  - Anweisungen (engl.: statements) fassen Folgen von Maschinenbefehlen zusammen
  - Variablen (engl.: variables) abstrahieren vom physischen Speicherplatz

# Eine Anweisung – mehrere Maschinenbefehle

- Die Java-Anweisung:

```
zaehler = zaehler + 1;
```

wird (vereinfacht dargestellt) in mehrere Maschinenbefehle übersetzt:

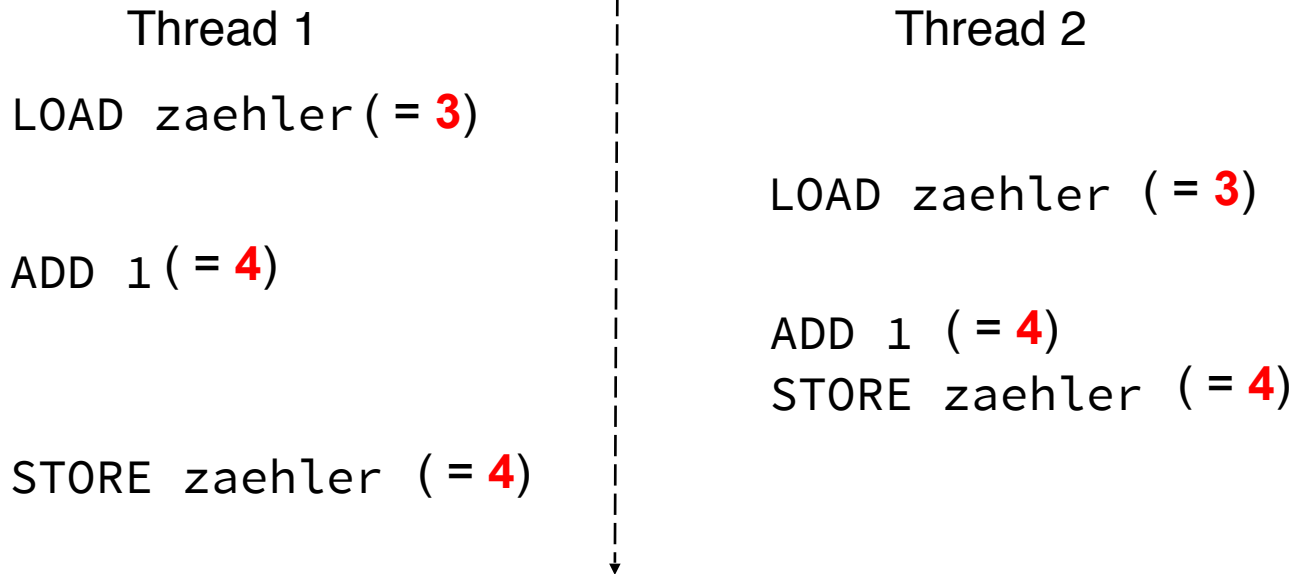
```
LOAD _zaehler  
ADD 1  
STORE _zaehler
```

- Und warum ist das ein Problem?

# Verzahnung von Threads

zaehler = zaehler + 1;

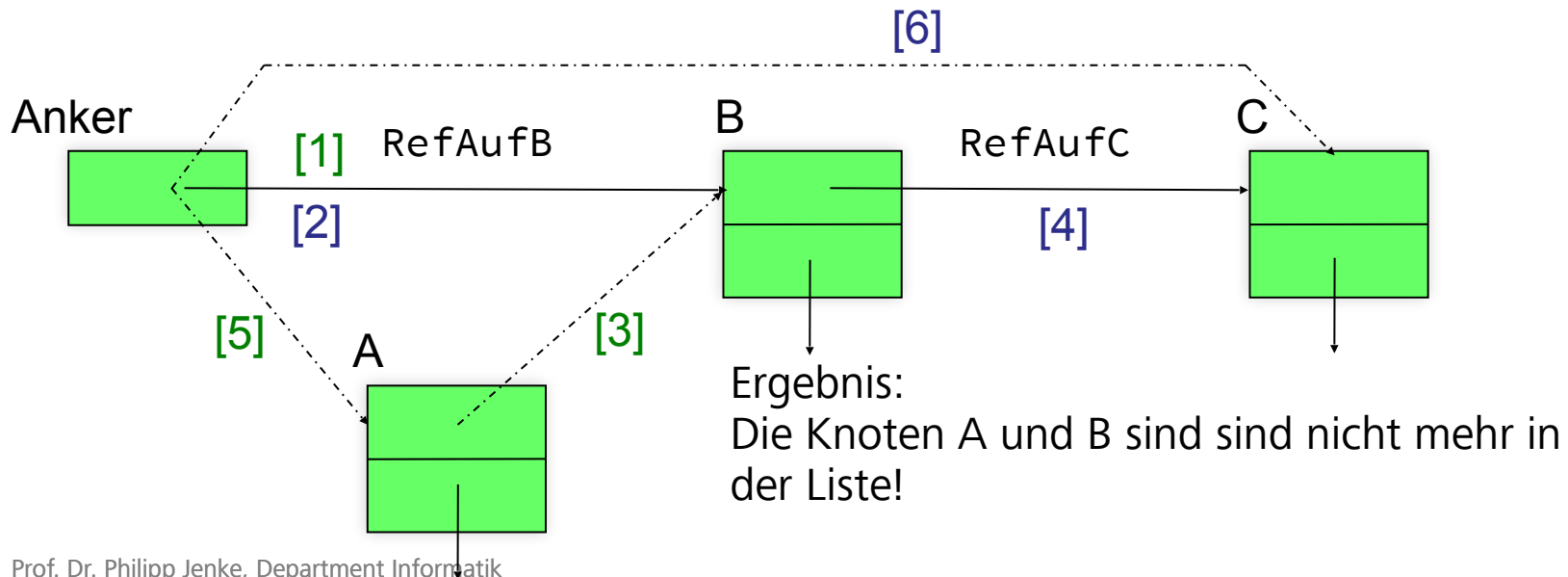
**Zeit**



Ergebnis in zaehler: 4 statt 5!

# Paralleler Zugriff auf verkettete Liste

- Thread 1: Einfügen von Knoten A
  - [1] Lesen des Ankers: RefAufB
  - [3] Setzen: NextRefA = RefAufB
  - [5] Setzen: Anker = RefAufA
- Thread 2: Entfernen von Knoten B
  - [2] Lesen des Ankers: RefAufB
  - [4] Lesen: NextRefB:RefAufC
  - [6] Setzen: Anker = RefAufC



# Synchronisation von Prozessen/Threads

- Offensichtlich kann es zu Problemen kommen, wenn mehrere Prozesse/Threads auf denselben Daten/Ressourcen arbeiten
- Wir müssen uns also ansehen, wie wir das nebenläufige Verhalten mehrerer Threads geeignet synchronisieren können
- Durch die Synchronisation von Prozessen soll gewährleistet werden, dass diese auch bei Nebenläufigkeit korrekt arbeiten
- Aber was heißt nochmal korrekt?

# Zitate „Concurrent Java“ von B. Goetz

- Correctness
  - „Correctness means that a class conforms to its specification. A good specification defines invariants constraining an object's state and postconditions describing the effects of operations.“
- Thread-Safe
  - „A class ist thread-safe when it continues to behave correctly when accessed from multiple threads.“
- „When designing thread-safe classes, good object-oriented techniques – encapsulation, immutability and clear specifications of invariants – are your best friends.“

# Mechanismen zur Synchronisation

- Wir betrachten im folgenden die Mechanismen zur Synchronisation paralleler Prozesse mit gemeinsamem Speicher auf drei Ebenen:
  - Auf der Maschinen-Ebene (Hardware)
  - Als Dienstleistungen des Betriebssystems
  - Auf Ebene einer Programmiersprache
- Minimale Voraussetzung:
  - Normalerweise kann man davon ausgehen, dass Lade- und Speicherbefehle unteilbar sind.



## Kritischer Abschnitt



# Thread-Synchronisation

- Thread-Synchronisation
  - Herstellen einer zeitlichen Reihenfolge zwischen parallel ablaufenden Threads
- grundsätzliche Probleme
  - Zugriff auf gemeinsam benutzte Objekte
    - Wechselseitiger Ausschluss
  - Einhalten von notwendigen Reihenfolgebedingungen
    - Ablaufsteuerung durch Reihenfolgebeschränkungen

# Kritischer Abschnitt

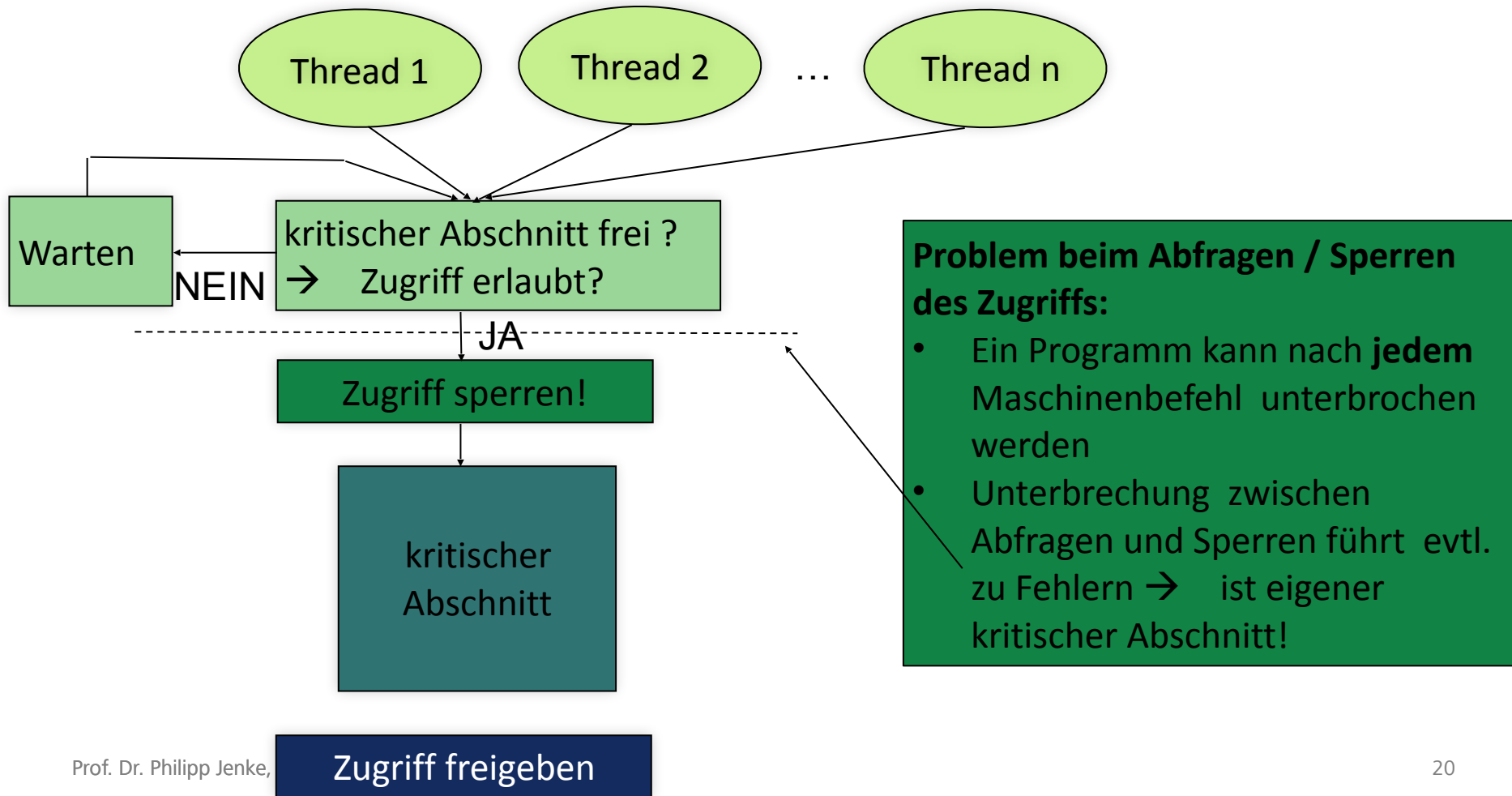
- Nebenläufigkeit führt zu der Notwendigkeit, Zugriff auf gemeinsam verwendete Objekte zu reglementieren
- Bereiche in denen Konflikte durch parallelen Zugriff auftreten können nennt man "Kritische Abschnitte" (engl. critical sections)
  - problematisch nur, wenn dort der Zustand verändert werden kann
  - kein Problem bei unveränderlichen Objekten
- Konsequenz
  - Befehlsfolgen in kritischen Abschnitten dürfen nicht unterbrochen werden
  - nur ein Thread zur Zeit darf einen kritischen Abschnitt betreten
    - z.B. Veränderung einer Liste oder eines Zählers

# Lösung: Wechselseitiger Ausschluss

- engl. mutual exclusion
- Anforderung, dass keine zwei Prozesse oder Threads parallel eine kritische Sektion betreten
- Problemstellung wurde 1965 von Edsger W. Dijkstra beschrieben [3]

# Thread-Synchronisation

- Allgemeine Synchronisationslösung für wechselseitigen Ausschluss



# Aktives Warten

- eigene Lösung für wechselseitigen Ausschluss
- engl. busy waiting
  - ein Thread prüft ständig, ob er einen kritischen Abschnitt betreten darf
  - z.B. in einer "while"-Schleife
  - Beispiel:

```
while (istBesetzt) {  
}; // Warten (leerer Block)  
istBesetzt = true; // Selbst Sperre setzen  
... // Code für kritischen Abschnitt  
istBesetzt = false; // Sperre freigeben
```

# Beispiel

- zwei Threads, die gemeinsame Zählervariable verändern
- eigentlich: +1
- Vorgehen
  - +0.5
  - Pause
  - +0.5
  - Ausgabe
- Wunsch: Ausgabe immer ganzzahlig
- aber: klappt nicht
  - immer wieder x.5-Werte

# Beispiel

```
public class Zaehler {
    private double zaehler = 0.0;
    public void inkrement() {
        zaehler = zaehler + 0.5;
        try {
            Thread.sleep((int) (10 *
                Math.random()));
        } catch (InterruptedException e) {
        }
        zaehler = zaehler + 0.5;
        System.err.println(
            "Aktueller Zählerwert (" +
            Thread.currentThread().getName()
            + "): " + zaehler + " (keine
            Synchronisation)");
    }
    public double getZaehlerStand() {
        return zaehler;
    }
}

public static void main(String[] args) {
    Zaehler zaehler = new Zaehler();
    new VeraendererThread(zaehler).start();
    new VeraendererThread(zaehler).start();
}
```

```
public class VeraendererThread extends
    Thread {
    private final Zaehler zaehler;
    public VeraendererThread(
        Zaehler zaehler) {
        this.zaehler = zaehler;
    }

    @Override
    public void run() {
        while (zaehler.getZaehlerStand()
            < 100.0) {
            zaehler.inkrement();
        }
    }
}
```

# Übung: Aktives Warten

- Verändern Sie den Beispielcode so, dass aktives Warten verwendet wird
- Die Ausgabe des Zählerstandes soll dann immer ganzzahlig sein.

```
public class Zaehler {  
    private double zaehler = 0.0;  
    public void inkrement() {  
        zaehler = zaehler + 0.5;  
        try {  
            Thread.sleep((int) (10 *  
                Math.random()));  
        } catch (InterruptedException e) {  
        }  
        zaehler = zaehler + 0.5;  
        System.err.println(  
            "Aktueller Zählerwert (" +  
            Thread.currentThread().getName() +  
            "): " + zaehler + " (keine  
            Synchronisation)");  
    }  
    public double getZaehlerStand() {  
        return zaehler;  
    }  
}
```



# Aktives Warten

- Probleme
  - mögliche Unterbrechung zwischen Abfrage und Sperren
  - Synchronisation klappt manchmal nicht!
  - eine saubere Programmierlösung mit aktivem Warten ist aufwändig
  - in der Praxis häufig: zweiter Thread kommt gar nicht zum Zug
  - wartender Thread (in while-Schleife) verbraucht CPU-Zeit!
- also: Aktives Warten ist keine Lösung!



# Monitor-Mechanismus

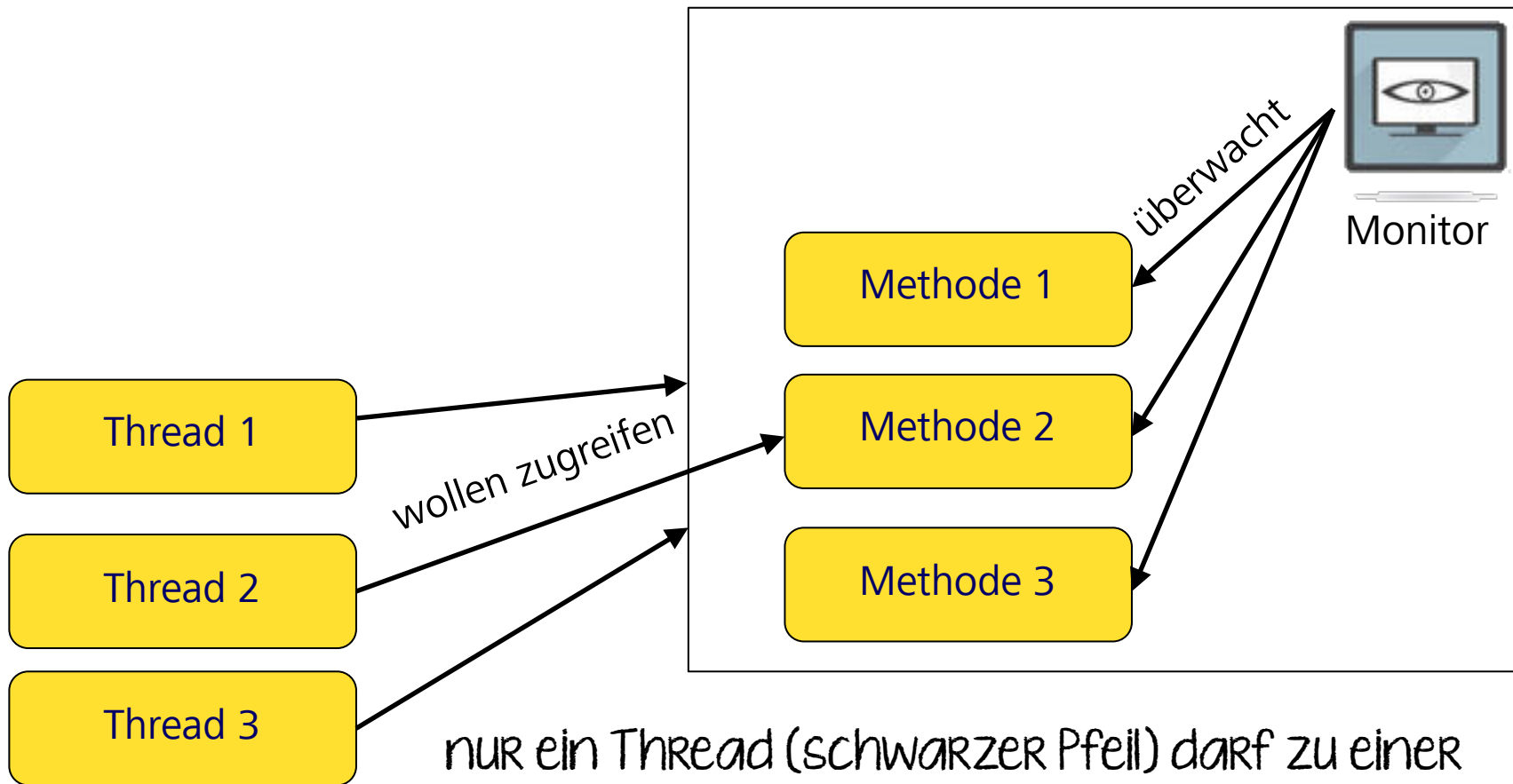
# Synchronisation in Java

- Java bietet verschiedene Mechanismen zur Synchronisation
  - Monitor
  - Semaphore

# Monitor-Mechanismus

- Ein Monitor überwacht den Aufruf bestimmter Methoden
- Ein Thread „betritt“ den überwachten Monitorbereich durch den Aufruf einer der Methoden und „verlässt“ ihn mit dem Ende dieser Methode
- Nur ein Thread zur Zeit kann sich innerhalb der überwachten Monitor-Methoden aufhalten (Sperrung des kritischen Abschnitts), die übrigen müssen warten
- Die wartenden Threads werden von dem Monitor in einer Monitor-Warteschlange verwaltet (sind blockiert)
- Es gibt zusätzliche Synchronisationsfunktionen innerhalb des Monitors
- falls ein Monitor mehrere Methoden überwacht, darf nur eine zur Zeit betreten werden

# Monitor-Mechanismus



nur ein Thread (schwarzer Pfeil) darf zu einer Zeit den überwachten Bereich betreten, alle anderen müssen warten (graue Pfeile)

# Monitore in Java

- jedes Java-Objekt besitzt einen eigenen Monitor
  - ist sein eigener Monitor
- falls Monitorbereich eines Objektes gesperrt
  - kein anderer Thread eine synchronisierte Methode dieses Objektes ausführen
  - ab in die Monitor-Warteschlange!
  - jede unsynchronisierte Methode lässt sich dagegen ausführen!

# Synchronized

- Monitor eines Objekts überwacht alle Methoden / Blöcke des Objekts, die mit `synchronized` bezeichnet sind
- Eintritt in den Monitorbereich über Aufruf irgendeiner `synchronized` – Methode des Objekts
- Eintritt in eine `synchronized`-Methode
  - Monitorbereich des Objekts für andere Threads gesperrt
  - nach dem Austritt wieder freigegeben
- Syntax:

```
<Sichtbarkeit> synchronized <Rückgabotyp> <Bezeichner>  
(<Paramater>) {  
    ...  
}
```

- Beispiel:

```
public synchronized void erhoeheZaehler() { ... }
```

# Beispiel

```
public synchronized void inkrement() {  
    zaehler = zaehler + 0.5;  
    try {  
        Thread.sleep((int) (10 * Math.random()));  
    } catch (InterruptedException e) {  
    }  
    zaehler = zaehler + 0.5;  
    System.err.println("Aktueller Zählerwert (" +  
        Thread.currentThread().getName() + "): " + zaehler  
        + " (Monitor zur Synchronisation)");  
}
```



# Geschachtelte Aufrufe

- Frage: Kann man aus einer synchronized-Methode heraus eine andere, ebenfalls als synchronized gekennzeichnete Methode des gleichen Objekts aufrufen?
- Beispiel:

```
class Termin {  
    synchronized void aendereTermin(...) {  
        ... schreibeTermin(...);    ...  
    }  
    synchronized void schreibeTermin(...) {  
        ...  
    }  
}
```

# Synchronisations-Varianten

- Synchronisation von Methoden einer Klasse
  - Schlüsselwort `synchronized` im Methodenkopf angeben
  - Wirkung ist identisch mit `synchronized(this) { ... }` am Anfang der Methode
- Synchronisation von Blöcken
  - Es können beliebige Code-Blöcke synchronisiert werden
  - Angabe eines Synchronisationsobjekts nötig
  - Syntax: `synchronized ( <Synchr.-Objekt> ) { ... }`
    - meist `getClass()` als Monitor verwendet
- Synchronisation über Klassen
  - Wie Objekte, besitzt auch jede Klasse genau einen Monitor
  - Eine Klassenmethode, die die Attribute `static synchronized` trägt, fordert somit den Monitor der Klasse an

# Beispiel

```
public void inkrement() {  
    synchronized (this) {  
        zaehler = zaehler + 0.5;  
        try {  
            Thread.sleep((int) (10 * Math.random()));  
        } catch (InterruptedException e) {  
        }  
        zaehler = zaehler + 0.5;  
        System.err.println("Aktueller Zählerwert (" +  
            Thread.currentThread().getName() + "): " + zaehler  
            + " (Block-Synchronisation mit Monitor)");  
    }  
}
```

# Übung: Synchronisierter Fußball

- Identifizieren Sie die kritische Methode in der Fußballsimulation.
- Verändern Sie den Quellcode so, dass der kritische Bereich synchronisiert wird
  - also nur von einem Thread gleichzeitig besucht wird

```
public class Spieler extends Thread {
    private final Keeper keeper;
    public Spieler(Keeper keeper, String name) {
        super(name);
        this.keeper = keeper;
    }

    @Override
    public void run() {
        for (int i = 0; i < 10; i++) {
            keeper.score();
            System.err.println(getName() +
                " hat ein Tor geschossen.");
        }
    }
}

public class Keeper {
    protected int anzahlTore = 0;
    public void score() {
        anzahlTore++;
        try {
            Thread.sleep(100);
        } catch (InterruptedException e) {
            e.printStackTrace();
        }
    }
}
```



# Reihenfolge- beschränkungen

# Synchronisation im Monitorbereich

- bisher gelöst: Wechselseitiger Ausschluss
- neue Problemstellung: Einhalten von Reihenfolgebedingungen
- Ein Thread X befindet sich im kritischen Abschnitt
  - in einem synchronized-Block/ -Methode
  - im Monitorbereich
- Er kann den kritischen Abschnitt erst verlassen, nachdem ein anderer Thread im selben kritischen Abschnitt ein Ereignis ausgelöst hat

# Beispiel: Erzeuger-Verbraucher-Problem

- ein oder mehrere Erzeuger-Threads generieren einzelne Datenpakete und speichern diese in einem Puffer
- ein oder mehrere Verbraucher-Threads entnehmen einzelne Datenpakete aus dem Puffer und verbrauchen diese
- Zu jedem Zeitpunkt darf nur ein Thread (Erzeuger oder Verbraucher) auf den Puffer zugreifen
  - Kritischer Abschnitt
- Erzeuger-Threads müssen auf einen Verbraucher warten, wenn der Puffer voll ist
- Verbraucher-Threads müssen auf einen Erzeuger warten, wenn der Puffer leer ist

# Beispiel

- dann
  - Zapfhahn füllt nur, wenn mindestens ein Glas leer
  - Gast trinkt nur, wenn mindestens ein Glas voll



Verbraucher = Gast

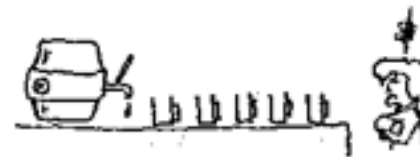
Erzeuger = Zapfhahn



Idee: beschränkte Ressourcen: 5  
Gläser



Produktion zu schnell: Stress  
für den Gast!



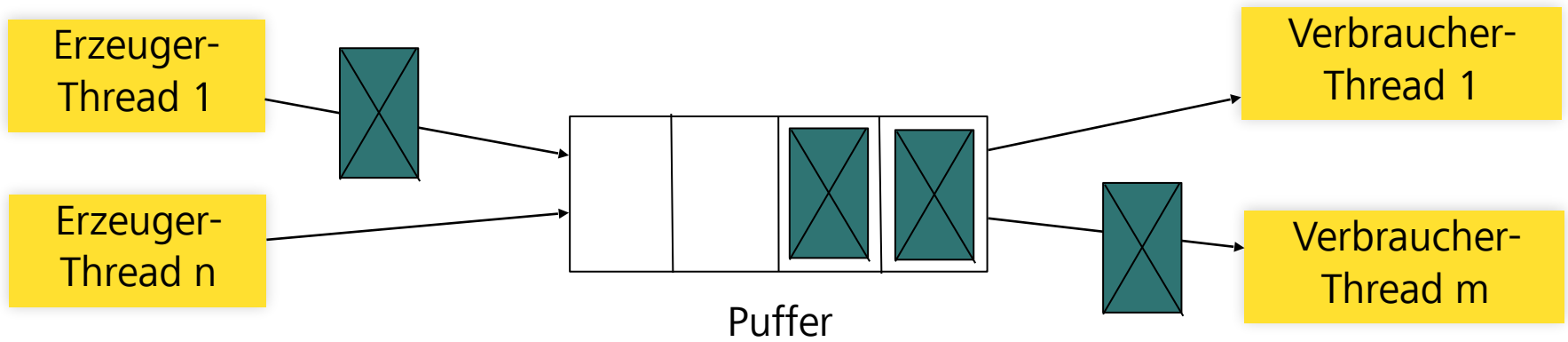
Produktion zu  
langsam:  
Gast verdurstet!



oder:  
Gast entfernt  
halbvolles Glas!

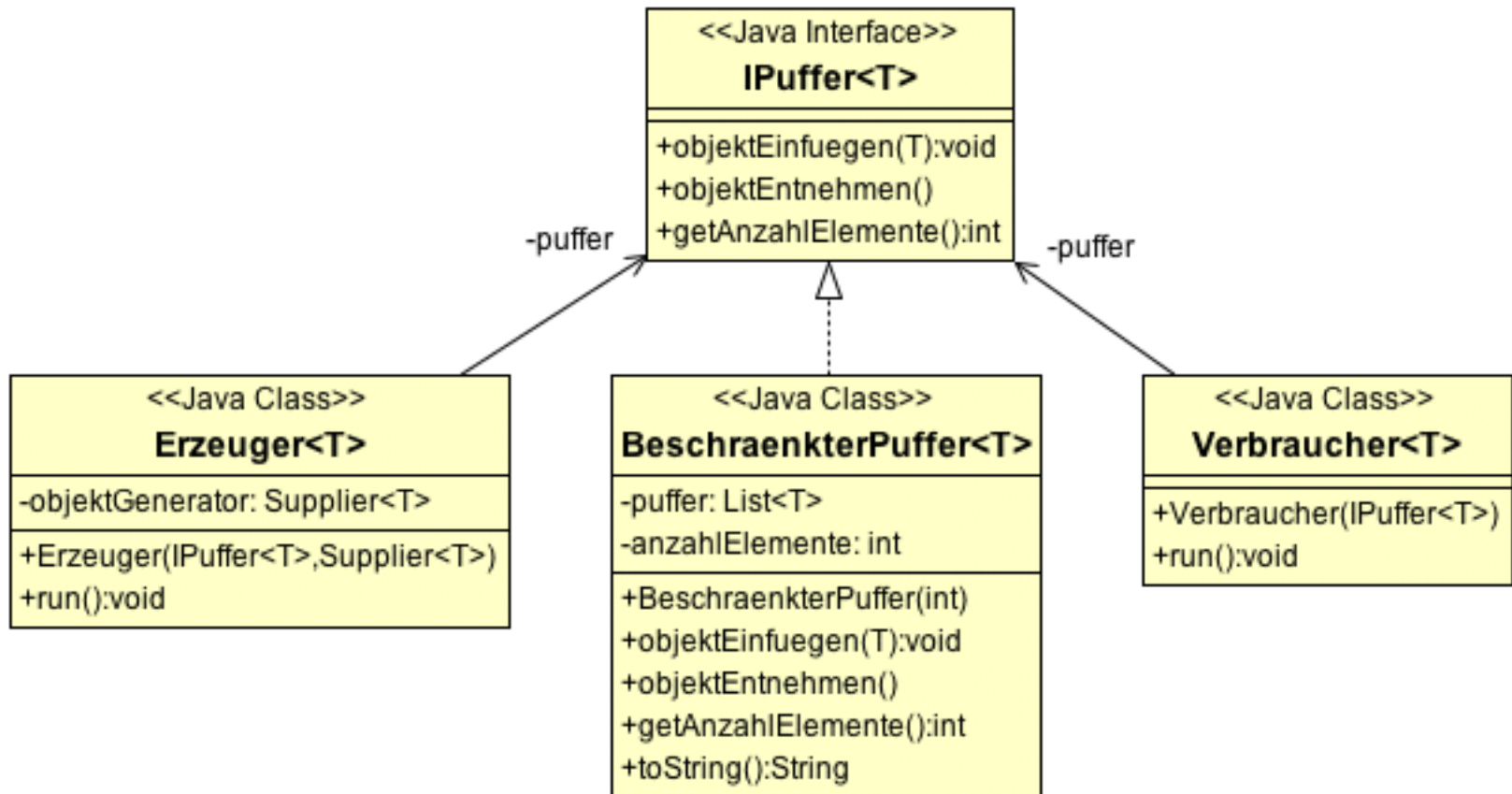


# Erzeuger-Verbraucher-Problem



# Umsetzung

- Wir versuchen, das Problem programmatisch zu lösen



# Puffer

- Puffer kann Elemente aufnehmen
- und wieder abgeben
- gemeinsames Interface: Puffer

```
public interface IPuffer<T> {  
  
    public void objektEinfuegen(T objekt);  
  
    public T objektEntnehmen();  
  
    public int getAnzahlElemente();  
  
}
```

# Erzeuger

- Erzeuger ist ein Thread
- fügt ein Objekt (generischer Typ T) in einen Puffer ein
- Objekterzeugung über Lambda-Ausdruck (SAM `Supplier<T>`)

```
public class Erzeuger<T> extends Thread {  
    private IPuffer<T> puffer;  
    private final Supplier<T> objektGenerator;  
    public Erzeuger(IPuffer<T> puffer, Supplier<T> objektGenerator) {  
        this.puffer = puffer;  
        this.objektGenerator = objektGenerator;  
    }  
    @Override  
    public void run() {  
        T objekt = objektGenerator.get();  
        puffer.objektEinfuegen(objekt);  
        System.err.println("Erzeuger hat Objekt " + objekt  
            + " erzeugt und in den Puffer gelegt. ");  
    }  
}
```

# Übung: Verbraucher

- Verbraucher
  - ist ein Thread
  - nimmt ein Element aus einem Puffer (T objektEntnehmen())
  - gibt Objekt auf Konsole aus (durch toString())
- Schreiben Sie die Klasse Verbraucher

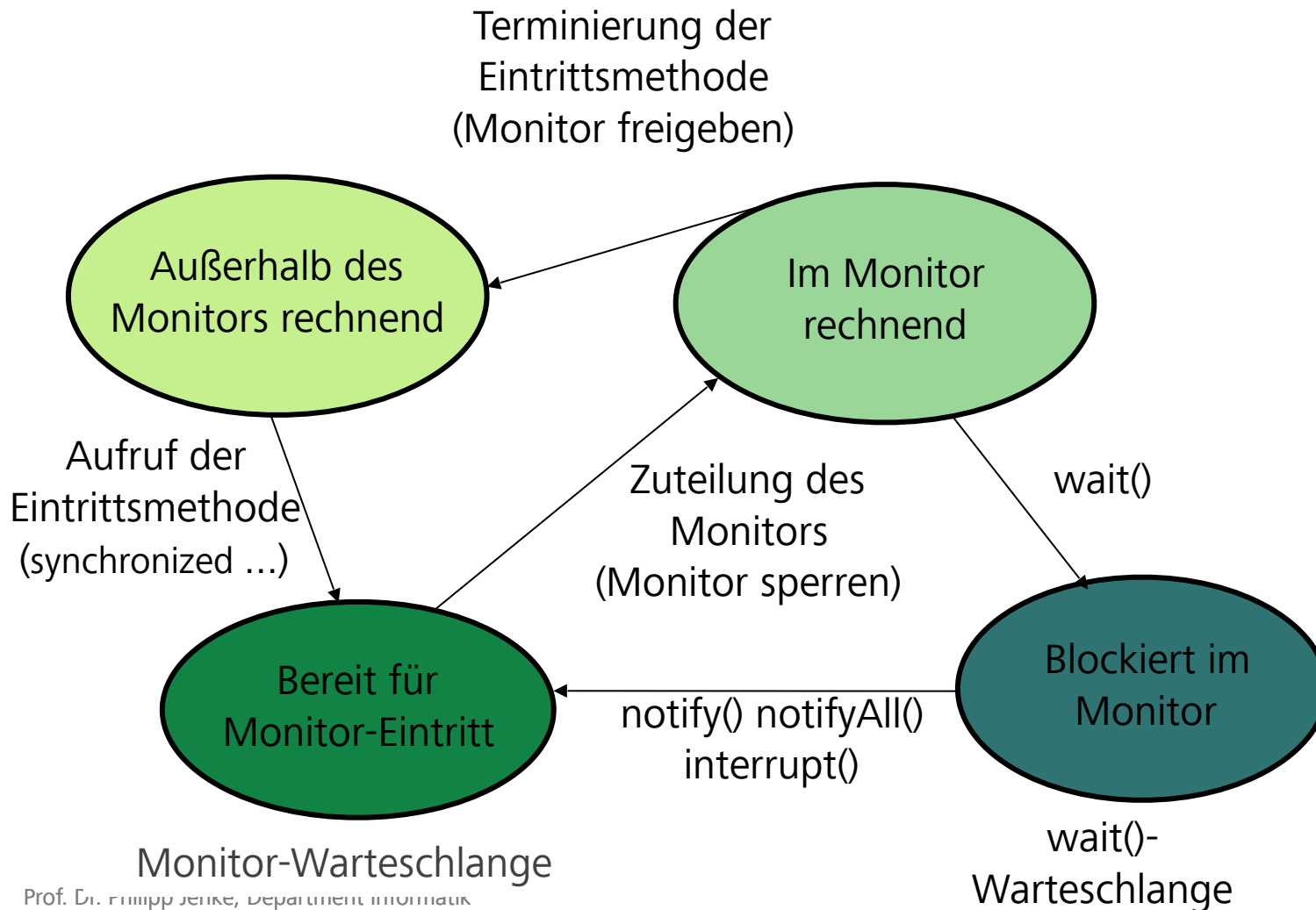
# Mechanismen zur Reihenfolgensteuerung

- Ziel
  - nur ein Element einfügen, wenn Puffer nicht voll
  - nur ein Element entfernen, wenn mindestens eins im Puffer ist
- Umsetzung mit Threads (Wunsch)
  - Einfügen und Entfernen synchronisiert
- dann
  - Methode betreten
  - Prüfen, ob Bedingung erfüllt
  - falls ja: machen, Methode verlassen
  - falls nein: Warten (Parken), Monitor freigeben, später zurückkommen und wieder Bedingung prüfen

# **wait() und notify()**

- Thread parken: wait()
  - Methode nicht weiter bearbeiten
  - Monitor freigeben für anderer Threads
  - Thread in einer Warteschlange parken
- Threads aus der Warteschlange zurückholen: notifyAll()
  - ein Thread aus der Warteschlange holen
  - Monitor zugriff erteilen
  - Thread darf weitermachen, wo er zuvor geparkt wurde

# Thread-Zustandsdiagramm





# **wait() und notify()**

- Monitor freigeben und in zusätzlicher wait()-Warteschlange warten
  - kann eine InterruptedException werfen

`wait()`

- einen (zufälligen) Thread in der wait()-Warteschlange wecken

`notify()`

- alle Threads in wait()-Warteschlange wecken

`notifyAll()`

- Der Aufruf dieser Methoden muss aus dem Monitor heraus erfolgen
  - innerhalb einer synchronized-Methode

# Beschränkter Puffer

- Umsetzung in beschränktem Puffer
- Sicherstellung der Reihenfolge-Anforderungen

```
public class BeschraenkterPuffer<T> implements IPuffer<T> {  
  
    private final List<T> puffer;  
  
    private int anzahlElemente = 0;  
  
    public BeschraenkterPuffer(int pufferGroesse) {  
        puffer = new ArrayList<T>();  
        anzahlElemente = 0;  
        for (int i = 0; i < pufferGroesse; i++) {  
            puffer.add(null);  
        }  
    }  
  
    ...  
}
```

# Puffer-Methode: Objekt einfügen

```
@Override
public synchronized void objektEinfuegen(T objekt) {
    while (anzahlElemente == puffer.size()) {
        try {
            this.wait();
        } catch (InterruptedException e) {
            Thread.currentThread().interrupt();
            return;
        }
    }
    puffer.set(anzahlElemente, objekt);
    anzahlElemente++;
    try {
        Thread.sleep(500);
    } catch (InterruptedException e) {
    }
    System.err.println("---\nNeuer Pufferinhalt: " + this);
    this.notifyAll();
}
```

solange "Puffer voll"

einfügenden Thread  
parken

erst wenn Platz  
im Puffer

Element einfügen

geparkte  
Threads  
aufwecken

## Übung: Objekt aus Puffer entnehmen

- Implementieren Sie die Methode `T objektEntnehmen()` für die Klasse `BeschränkterPuffer`:
  - Warten bis mindestens ein Element vorhanden
  - Element entnehmen
  - geparkte Threads informieren
  - Element zurückgeben

# Weiteres Beispiel

- Zwei Zähler zählen abwechseln gemeinsamen Wert hoch

```
public class ZaehlerAbwechselnd extends Thread {  
    private static double zaehler = 0.0;  
    @Override  
    public void run() {  
        synchronized (getClass()) {  
            while (zaehler < 1000.0) {  
                zaehler = zaehler + 0.5;  
                try {  
                    Thread.sleep((int) (10 * Math.random()));  
                } catch (InterruptedException e) {  
                    return;  
                }  
                zaehler = zaehler + 0.5;  
                System.err.format("%s: %.1f\n", Thread.currentThread()  
                    .getName() + ": ", zaehler);  
                getClass().notify();  
                try {  
                    getClass().wait();  
                } catch (InterruptedException e) {  
                    return;  
                }  
            }  
            getClass().notify();  
        }  
    }  
}
```

Ausgabe:

*Thread-0: : 1,0*

*Thread-1: : 2,0*

*Thread-0: : 3,0*

*Thread-1: : 4,0*

*Thread-0: : 5,0*

*Thread-1: : 6,0*

*Thread-0: : 7,0*

*...*

*Thread-1: : 18,0*

*Thread-0: : 19,0*

*Thread-1: : 20,0*



# Deadlocks

# Deadlocks

- mehrere Threads hängen voneinander ab
- es kann Situation entstehen in der kein Thread weitermachen kann
  - weil er auf einen anderen Thread wartet
- Deadlock!



Quelle: [4]

# Beispiel: Philosophen-Problem

- fünf Philosophen
  - entweder denken oder essen
- fünf Gabeln je zwischen zwei Philosophen
- zum Essen zwei Gabeln benötigt



Quelle: [5]



# Beispiel: Philosophen-Problem

- Philosoph = Thread
- entweder denken (= Warten)
- oder Essen
  - linke Gabel aufnehmen
  - rechte Gabel aufnehmen
  - Warten
  - linke Gabel zurücklegen
  - rechte Gabel zurücklegen
- möglicher Deadlock
  - jeder Philosoph hat eine Gabel aufgenommen
  - wartet, dass er zweite Gabel aufnehmen kann

- Auszug aus Gabel:

```
public synchronized void nimmAuf(
    Philosoph philosoph) {
    while (hatGabel != null) {
        try {
            wait();
        } catch (InterruptedException e) {
        }
    }
    System.err.println("Philosoph "
        + Thread.currentThread().getName()
        + " nimmt " + name + " auf");
    hatGabel = philosoph;
}

public synchronized void legeZurueck() {
    System.err.println("Philosoph " +
        Thread.currentThread().getName()
        + " legt Gabel " + name + " zurück.");
    hatGabel = null;
    notifyAll();
}
```

# Zusammenfassung

- Probleme paralleler Programmausführung
- Kritischer Abschnitt
- Monitor-Mechanismus
- Reihenfolge-Beschränkungen
- Deadlocks

# Quellen

- Die Folien basieren zum großen Teil auf den Folien von Prof. Dr. Martin Hübner, Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg und folgendem Buch: Elisabeth Freeman, Eric Freeman, Kathy Sierra, Bert Bates: *Head First Design Patterns*, O'Reilly Media, 2004
- [1] Valerijs Kostreckis, *123rf.com/*, Bild-Nummer : 14007058, abgerufen: 24.10.2013
- [2] Wikipedia: Mutual Exclusion: [http://en.wikipedia.org/wiki/Mutual\\_exclusion](http://en.wikipedia.org/wiki/Mutual_exclusion), abgerufen am 31.10.2013
- [3] Dijkstra, E. W.: *"Solution of a problem in concurrent programming control"*. Communications of the ACM 8 (9): 569
- [4] Christian Ullenboom: Java ist auch eine Insel, Galileo Computing, ISBN 978-3-8362-1506-0
- [5] Wikipedia: Philosophenproblem, <http://de.wikipedia.org/wiki/Philosophenproblem>, abgerufen am 22.3.2014
- [6] Michael Vigneau, <http://www.ccs.neu.edu/home/kenb/synchronize.html>, abgerufen am 19.06.2015 (Texte überarbeitet)