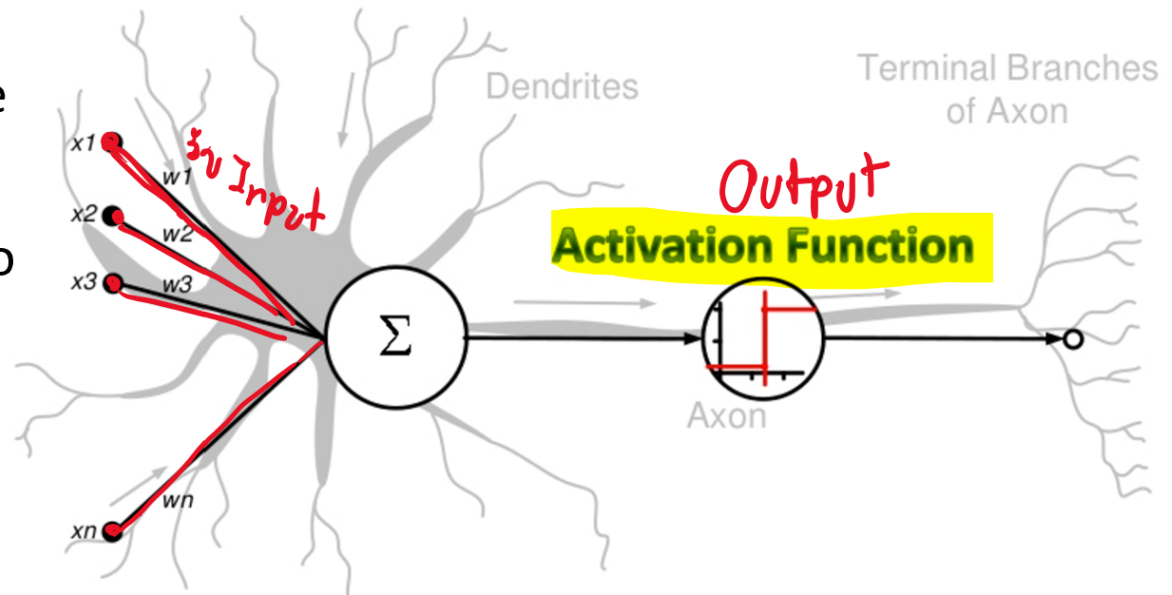
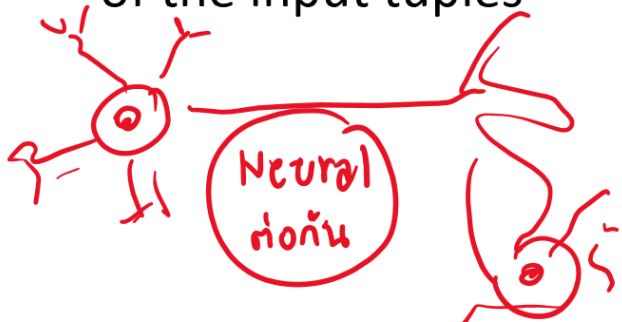


# Artificial + Neural Network for Classification

↳ เลียนแบบเซลล์ประสาทของคน

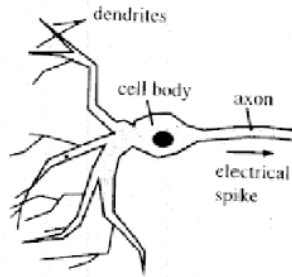
- Started by psychologists and neurobiologists to develop and test computational analogues of neurons
- A neural network: A set of connected input/output units where each connection has a **weight** associated with it
- During the learning phase, the **network learns by adjusting the weights** so as to be able to predict the correct class label of the input tuples



Artificial Neural Networks as an analogy of Biological Neural Networks

## 6.7 ข่ายงานประสาทเทียม

ข่ายงานประสาทเทียม (Artificial Neural Network) เป็นการจำลองการทำงานบางส่วนของสมองมนุษย์ เซลล์ประสาท (neuron) ในสมองของคนเราประกอบด้วยนิวเคลียส (nucleus) ตัวเซลล์ (cell body) โยประสาทนำเข้า (dendrite) แกนประสาทนำออก (axon) แสดงในรูปที่ 6-34

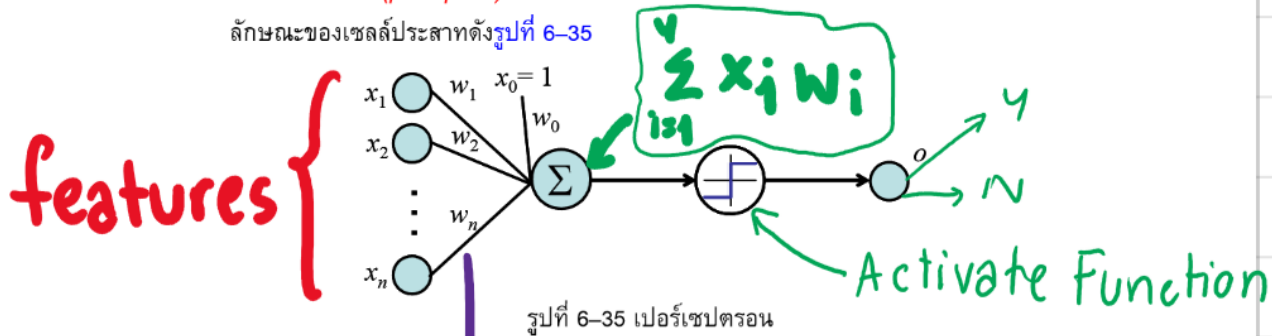


รูปที่ 6-34 เซลล์ประสาท

เดนไดรต์ทำหน้าที่รับสัญญาณไฟฟ้าเคมีซึ่งส่งมาจากเซลล์ประสาทใกล้เคียง เซลล์ประสาทตัวหนึ่งๆ จะเชื่อมต่อกับเซลล์ตัวอื่นๆ ประมาณ 10,000 ตัว เมื่อสัญญาณไฟฟ้าเคมีที่รับเข้ามาเกินค่าค่าหนึ่ง เซลล์จะถูกกระตุ้นและส่งสัญญาณไปทางแกนประสาทนำออกไปยังเซลล์อื่นๆ ต่อไป ประมาณกันว่าสมองของคนเรามีเซลล์ประสาทอยู่ทั้งสิ้นประมาณ  $10^{11}$  ตัว

### 6.7.1 เพอร์เซปตรอน

เพอร์เซปตรอน (perceptron) เป็นข่ายงานประสาทเทียมแบบง่ายมีหน่วยเดียวที่จำลองลักษณะของเซลล์ประสาทดังรูปที่ 6-35



รูปที่ 6-35 เพอร์เซปตรอน

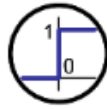
Weights  $\rightarrow$  ขั้ว weight มาก  
(สรวมมอด) features มีค่านวมมีนซ์มาก

เพอร์เซปตรอนรับอินพุตเป็นเวกเตอร์จำนวนจริงแล้วคำนวณหาผลรวมเชิงเส้น (linear combination) แบบถ่วงน้ำหนักของอินพุต ( $x_1, x_2, \dots, x_n$ ) โดยที่ค่า  $w_1, w_2, \dots, w_n$  ในรูปเป็นค่าน้ำหนักของอินพุตและให้เอาต์พุต ( $o$ ) เป็น 1 ถ้าผลรวมที่ได้มีค่าเกินค่าขีดแบ่ง ( $\theta$ ) และเป็น -1 ถ้าไม่เกิน ส่วน  $w_0$  ในรูปเป็นค่าลบของค่าขีดแบ่งดังจะได้อธิบายต่อไป และ  $x_0$  เป็นอินพุตเทียมกำหนดให้มีค่าเป็น 1 เสมอ



ฟังก์ชันกระตุ้น

ในรูปแสดงฟังก์ชันกระตุ้น (activation function) ชนิดที่เรียกว่าฟังก์ชันสองขั้ว (bipolar function) ซึ่งแสดงผลของเอาต์พุตเป็น 1 กับ -1 ฟังก์ชันกระตุ้นอื่นๆ ที่นิยมใช้ก็อย่างเช่น ฟังก์ชันไบนารี (binary function) ซึ่งแสดงผลของเอาต์พุตเป็น 1 กับ 0 และเขียน



แทนด้วยรูป

เราสามารถแสดงเอาต์พุต ( $o$ ) ในรูปของฟังก์ชันของอินพุต ( $x_1, x_2, \dots, x_n$ ) ได้ดังนี้

$$o(x_1, x_2, \dots, x_n) = \begin{cases} 1 & \text{if } w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n > \theta \\ -1 & \text{if } w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n < \theta \end{cases} \quad (6.7)$$

เอาต์พุตเป็นฟังก์ชันของอินพุตในรูปของผลรวมเชิงเส้นแบบถ่วงน้ำหนัก น้ำหนักจะเป็นตัวกำหนดว่าในจำนวนอินพุตนั้น อินพุต ( $x_i$ ) ตัวใดมีความสำคัญต่อการกำหนดค่าเอาต์พุต ตัวที่มีความสำคัญมากจะมีค่าสัมบูรณ์ของน้ำหนักมาก ส่วนตัวที่มีความสำคัญน้อยจะมีค่าใกล้ศูนย์ ในกรณีที่ผลรวมเท่ากับค่าขีดแบ่งค่าเอาต์พุตไม่นิยาม (จะเป็น 1 หรือ -1 ก็ได้)

จากฟังก์ชันในสูตรที่ (6.7) เราจัดรูปใหม่โดยย้าย  $\theta$  ไปรวมกับผลรวมเชิงเส้นแล้วแทน  $-\theta$  ด้วย  $w_0$  เราจะได้ฟังก์ชันของเอาต์พุตดังด้านล่างนี้

$$o(x_1, x_2, \dots, x_n) = \begin{cases} 1 & \text{if } w_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n > 0 \\ -1 & \text{if } w_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n < 0 \end{cases} \quad (6.8)$$

กำหนดให้  $g(\vec{x}) = \sum_{i=0}^n w_i x_i = \vec{w} \cdot \vec{x}$  โดยที่  $\vec{x}$  แทนเวกเตอร์อินพุต เราสามารถเขียนฟังก์ชันของเอาต์พุตได้ใหม่ดังนี้

$$o(x_1, x_2, \dots, x_n) = \begin{cases} 1 & \text{if } g(\vec{x}) > 0 \\ -1 & \text{if } g(\vec{x}) < 0 \end{cases} \quad (6.9)$$

สมมติว่าเรามีอินพุตสองตัวคือ  $x_1$  และ  $x_2$  ซึ่งแสดงค่าส่วนสูงและน้ำหนักของเด็กนักเรียนประถมและหลังจากที่แพทย์ตรวจร่างกายของเด็กโดยละเอียดแล้วได้จำแนกนักเรียน

### Algorithm: Perceptron-Learning-Rule

1. Initialize weights  $w_i$  of the perceptron. → *Initialize Data แทนหัว*
  2. UNTIL the termination condition is met DO
    - 2.1 FOR EACH training example DO
      - Input the example and compute the output. → *f(Σ wx)*
      - Change the weights if the output from the perceptron is not equal to the target output using the following rule.
 

$$w_i \leftarrow w_i + \Delta w_i \rightarrow \text{penalty}$$

$$\Delta w_i \leftarrow \alpha(t - o^i x_i)$$

*weight ใหม่*
*weight เดิม*
*0.5 Input ใหม่*
- where  $t$ ,  $o$  and  $\alpha$  are the target output, the output from the perceptron and the learning rate, respectively.

การปรับน้ำหนักตามกฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอนโดยใช้อัตราการเรียนรู้ที่มีค่าน้อยเพียงพอ จะได้ระนาบหลายมิติที่จะเข้าสู่ระนาบหนึ่งที่สามารถแบ่งข้อมูลออกเป็นสองส่วน (ในกรณีที่ข้อมูลสามารถแบ่งได้) เพื่ออธิบายผลที่เกิดจากการปรับค่าน้ำหนัก เราจะลองพิจารณาพฤติกรรมของกฎการเรียนรู้นี้ดูว่าทำไมการปรับน้ำหนักเช่นนี้จึงเข้าสู่ระนาบที่แบ่งข้อมูลได้อย่างถูกต้อง

- พิจารณากรณีที่เพอร์เซปตรอนแยกตัวอย่างสอนตัวหนึ่งที่ได้รับเข้ามาได้ถูกต้อง กรณีนี้จะพบว่า  $(t-o)$  จะมีค่าเป็น 0 ดังนั้น  $\Delta w_i$  ไม่เปลี่ยนแปลงเพราะ  $\Delta w_i = \alpha(t-o)x_i$
- พิจารณาในกรณีที่เพอร์เซปตรอนให้เอาต์พุตเป็น -1 แต่เอาต์พุตเป้าหมายหรือค่าที่แท้จริงเท่ากับ 1 ในกรณีนี้หมายความว่าค่าที่เราต้องการคือ 1 แต่ค่าน้ำหนักไม่เหมาะสม ดังนั้นเพื่อที่จะทำให้เพอร์เซปตรอนให้เอาต์พุตเป็น 1 น้ำหนักต้องถูกปรับให้สามารถเพิ่มค่าของ  $w \cdot x$  ในกรณีนี้หมายความว่าผลรวมเชิงเส้นน้อยเกินไปและน้อยกว่า 0 จึงได้เอาต์พุตเป็น -1 ดังนั้นสิ่งที่เราต้องการคือการเพิ่มค่าผลรวมเชิงเส้นเพราะถ้าเราเพิ่มค่าได้เรื่อยๆ จนมากกว่า 0 เพอร์เซปตรอนจะให้เอาต์พุตเป็น 1 ซึ่งตรงกับที่เราต้องการ พิจารณาต่อต่อไปนี้ว่าการปรับค่าโดยกฎการเรียนรู้ทำให้ผลรวมเชิงเส้นเพิ่มขึ้นได้อย่างไร กรณีนี้เราจะได้ว่า  $(t-o)$  เท่ากับ  $(1-(-1))$  มีค่าเป็น 2 และลองพิจารณาค่าของอินพุต  $x_i$  แยกกรณีดังนี้

- ถ้า  $x_i > 0$  จะได้ว่า  $\Delta w_i$  มากกว่า 0 เพราะว่า  $\Delta w_i \leftarrow \alpha(t-o)x_i$  และ  $\alpha$  มากกว่า 0,  $(t-o) = 2$  และ  $x_i > 0$  จากสมการการปรับน้ำหนัก  $w_i \leftarrow w_i + \Delta w_i$  เมื่อ  $\Delta w_i$  มากกว่า 0 จะทำให้  $w_i$  มีค่าเพิ่มขึ้นและ  $\sum w_i x_i$  ก็จะมีค่าเพิ่มขึ้น เมื่อผลรวมมีค่ามากขึ้นแสดงว่าการปรับไปในทิศทางที่ถูกต้องคือเมื่อปรับไปจนกระทั่งได้ผลรวมมากกว่า 0 จะทำให้เพอร์เซปตรอนเอาต์พุตได้ถูกต้องยิ่งขึ้น
- ถ้า  $x_i < 0$  เราจะได้ว่า  $\alpha(t-o)x_i$  จะมีค่าน้อยกว่า 0 แสดงว่า  $w_i$  ตัวที่คูณกับ  $x_i$  ที่น้อยกว่า 0 จะลดลงทำให้  $\sum w_i x_i$  เพิ่มขึ้นเหมือนเดิม เพราะ  $x_i$  เป็นค่าลบและ  $w_i$  มีค่าลดลง ในที่สุดก็จะทำให้เพอร์เซปตรอนให้เอาต์พุตได้ถูกต้องยิ่งขึ้น
- ในกรณีที่เพอร์เซปตรอนให้เอาต์พุตเป็น 1 แต่เอาต์พุตเป้าหมายหรือค่าที่แท้จริงเท่ากับ -1 จะได้ว่า  $w_i$  ของ  $x_i$  ที่เป็นค่าบวกจะลดลง ส่วน  $w_i$  ของ  $x_i$  ที่เป็นค่าลบจะเพิ่มขึ้นและทำให้การปรับเป็นไปในทิศทางที่ถูกต้องเช่นเดียวกับในกรณีแรก

## 6.7.2 ตัวอย่างการเรียนรู้ฟังก์ชัน AND และ XOR ด้วยกฎเรียนรู้เพอร์เซปตรอน

พิจารณาตัวอย่างการเรียนรู้ของเพอร์เซปตรอนโดยจะให้เรียนรู้ฟังก์ชัน 2 ฟังก์ชัน ฟังก์ชันแรกคือฟังก์ชัน AND แสดงในตารางที่ 6-18 ในกรณีนี้เราใช้ฟังก์ชันไบนารีเป็นฟังก์ชันกระตุ้น

X                      Y

ตารางที่ 6-18 ฟังก์ชัน AND( $x_1, x_2$ )

$x_1$	$x_2$	เอาต์พุตเป้าหมาย
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$T \wedge T \equiv T$$

$$T \wedge F \equiv F$$

ฟังก์ชัน AND ตามตารางด้านบนนี้จะให้ค่าที่เป็นจริงก็ต่อเมื่อ  $x_1$  และ  $x_2$  เป็นจริงทั้งคู่ (ดูที่สดมภ์เอาต์พุตเป้าหมาย) ผลการใช้กฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอนกับฟังก์ชัน AND แสดงในตารางที่ 6-19



ตารางที่ 6-19 ผลการเรียนรู้ฟังก์ชัน AND โดยกฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอน

Perceptron Learning Example - Function AND												
Bias Input $x_0 = +1$			$\sum_0 (x_i w_i)$		$f(\sum_0 (x_i w_i))$		Alpha = 0.5		learning rate			
Input	Input				Net Sum	Target	Actual	Alpha*	Weight Values			
x1	x2	$1.0 * w_0$	$x_1 * w_1$	$x_2 * w_2$	Input	Output	Output	Error	w0	w1	w2	
									0.1	0.1	0.1	
0	0	0.10	0.00	0.00	0.10	0	1	-0.50	-0.40	0.10	0.10	
0	1	-0.40	0.00	0.10	-0.30	0	0	0.00	-0.40	0.10	0.10	
1	0	-0.40	0.10	0.00	-0.30	0	0	0.00	-0.40	0.10	0.10	
1	1	-0.40	0.10	0.10	-0.20	1	0	0.50	0.10	0.60	0.60	
0	0	0.10	0.00	0.00	0.10	0	1	-0.50	-0.40	0.60	0.60	
0	1	-0.40	0.00	0.60	0.20	0	1	-0.50	-0.90	0.60	0.10	
1	0	-0.90	0.60	0.00	-0.30	0	0	0.00	-0.90	0.60	0.10	
1	1	-0.90	0.60	0.10	-0.20	1	0	0.50	-0.40	1.10	0.60	
0	0	-0.40	0.00	0.00	-0.40	0	0	0.00	-0.40	1.10	0.60	
0	1	-0.40	0.00	0.60	0.20	0	1	-0.50	-0.90	1.10	0.10	
1	0	-0.90	1.10	0.00	0.20	0	1	-0.50	-1.40	0.60	0.10	
1	1	-1.40	0.60	0.10	-0.70	1	0	0.50	-0.90	1.10	0.60	
0	0	-0.90	0.00	0.00	-0.90	0	0	0.00	-0.90	1.10	0.60	
0	1	-0.90	0.00	0.60	-0.30	0	0	0.00	-0.90	1.10	0.60	
1	0	-0.90	1.10	0.00	0.20	0	1	-0.50	-1.40	0.60	0.60	
1	1	-1.40	0.60	0.60	-0.20	1	0	0.50	-0.90	1.10	1.10	
0	0	-0.90	0.00	0.00	-0.90	0	0	0.00	-0.90	1.10	1.10	
0	1	-0.90	0.00	1.10	0.20	0	1	-0.50	-1.40	1.10	0.60	
1	0	-1.40	1.10	0.00	-0.30	0	0	0.00	-1.40	1.10	0.60	
1	1	-1.40	1.10	0.60	0.30	1	1	0.00	-1.40	1.10	0.60	
0	0	-1.40	0.00	0.00	-1.40	0	0	0.00	-1.40	1.10	0.60	
0	1	-1.40	0.00	0.60	-0.80	0	0	0.00	-1.40	1.10	0.60	
1	0	-1.40	1.10	0.00	-0.30	0	0	0.00	-1.40	1.10	0.60	
1	1	-1.40	1.10	0.60	0.30	1	1	0.00	-1.40	1.10	0.60	

ขั้นตอนแรกเริ่มจากการสุ่มค่า  $w_0$  จนถึง  $w_2$  ในที่นี้กำหนดให้เป็น 0.1 ทั้งสามตัว จากนั้นก็เริ่มป้อนตัวอย่างเข้าไป (ทีละแถว) ตัวอย่างแรกได้ผลรวมเชิงเส้น (Net Sum) เป็น 0.10 ซึ่งมากกว่า 0 ดังนั้นเพอร์เซปตรอนจะให้เอาต์พุตจริง (Actual Output) ออกมาเป็น 1 ซึ่งผิดเพราะเอาต์พุตเป้าหมาย (Target Output) จะต้องได้เป็น 0 ทำให้อัตราการเรียนรู้คูณค่าผิดพลาด (Alpha x Error) ได้ -0.50 หลังจากนั้นก็นำไปปรับน้ำหนักตาม  $w_i \leftarrow w_i + \Delta w_i$  และ  $\Delta w_i \leftarrow \alpha(t-o)x_i$  ดังนั้นจะได้เป็น  $w_0 \leftarrow w_0 + \alpha(t-o)x_0 = w_0 + 0.50(-1) \times 1 = 0.10 + (-0.5) = -0.4$  ต่อก็ปรับค่า  $w_1$  ในทำนองเดียวกัน  $w_1 \leftarrow w_1 + \alpha(t-o)x_1 = w_1 + 0.50(-1) \times 0$  ดังนั้น  $w_1$  จะเท่ากับ 0.10 คือไม่เปลี่ยนแปลง เช่นเดียวกับ  $w_2$  ที่ไม่เปลี่ยนแปลง จะเห็นได้ว่าแม้มีค่าผิดพลาดแต่ไม่มีการปรับค่า  $w_1$  และ  $w_2$  เนื่องจากอินพุตที่ใส่เข้าไปเป็น 0 ทำ

# Classifier Evaluation Metrics: Confusion Matrix

## Confusion Matrix:

*one class*

Actual class \ Predicted class	$C_1$	$\neg C_1$
$C_1$	True Positives (TP)	False Negatives (FN)
$\neg C_1$	False Positives (FP)	True Negatives (TN)

*much Positive gn* (pointing to TP)  
*Precision* (pointing to TP)  
*Recall* (pointing to TP)  
*much Negative* (pointing to FN)  
*much Positive do.* (pointing to FP)  
*much Negative gn* (pointing to TN)

- In a confusion matrix w.  $m$  classes,  $CM_{i,j}$  indicates # of tuples in class  $i$  that were labeled by the classifier as class  $j$

May have extra rows/columns to provide totals

## Example of Confusion Matrix:

*test\_pos*      *test\_Neg*

Actual class \ Predicted class	buy_computer = yes	buy_computer = no	Total
buy_computer = yes <i>Positive</i>	6954	46	7000
buy_computer = no <i>Negative</i>	412	2588	3000
Total	7366	2634	10000

# Classifier Evaluation Metrics: Accuracy, Error Rate, Sensitivity and Specificity

A\P	C	¬C	
C	TP	FN	P
¬C	FP	TN	N
	P'	N'	All

- Classifier accuracy, or recognition rate

- Percentage of test set tuples that are correctly classified

$$\text{Accuracy} = (TP + TN) / \text{All}$$

- Error rate:  $1 - \text{accuracy}$ , or  
 $\text{Error rate} = (FP + FN) / \text{All}$

- Class imbalance problem

- One class may be *rare*
  - E.g., fraud, or HIV-positive
- Significant *majority of the negative class* and minority of the positive class
- Measures handle the class imbalance problem

- Sensitivity** (recall): True positive recognition rate

$$\text{Sensitivity} = TP / P$$

- Specificity**: True negative recognition rate

$$\text{Specificity} = TN / N$$



# Classifier Evaluation Metrics: Precision and Recall, and F-measures

- **Precision:** Exactness: what % of tuples that the classifier labeled as positive are actually positive?

$$P = \text{Precision} = \frac{TP}{TP + FP}$$

→ ถ้าที่ Model มั่วเป็น Positive มากเกินไป?

- **Recall:** Completeness: what % of positive tuples did the classifier label as positive?

$$R = \text{Recall} = \frac{TP}{TP + FN}$$

→ ไม่ครบถ้วน  
ถ้าที่พบ positive จริงๆ ถูกมองข้ามไป

- Range: [0, 1]
- The “inverse” relationship between precision & recall
- **F measure (or F-score):** harmonic mean of precision and recall
  - In general, it is the weighted measure of precision & recall

$$F_\beta = \frac{1}{\alpha \cdot \frac{1}{P} + (1 - \alpha) \cdot \frac{1}{R}} = \frac{(\beta^2 + 1)PR}{\beta^2 P + R}$$

Assigning  $\beta$  times as much weight to recall as to precision)

- **F1-measure (balanced F-measure)**

- That is, when  $\beta = 1$ ,

$$F_1 = \frac{2PR}{P + R}$$

P - Precision  
R - Recall

F สูง ยี่สิบ