МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н. Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра теории функций и стохастического анализа

ОТЧЕТ ПО ПРОИЗВОДСТВЕННОЙ (БАЗОВОЙ) ПРАКТИКЕ

студента 4 курса 451 группы направления 38.03.05 — Бизнес-информатика

> механико-математического факультета Чайковского Петра Ильича

Место прохождения: завод "Тантал"	
Сроки прохождения: с 29.06.2019 г. по 26.07.2019 г.	
Оценка:	
Руководитель практики от СГУ	
доцент, к. фм. н.	Н. Ю. Агафонова
Руководитель практики от организации	
ведущий программист	Д. Э. Кнутов



СОДЕРЖАНИЕ

BE	ВЕДЕНИЕ	4
1	Постановка задачи. Описание метода её решения	5
2	Вычисление сложности алгоритма	7
3	Программа решения на языке С++	8
ЗА	АКЛЮЧЕНИЕ	12

ВВЕДЕНИЕ

Главное требование при разработке алгоритмов сортировки массивов - экономное использование доступной оперативной памяти. Это означает, что перестановки, с помощью которых упорядочиваются элементы, должны выполняться без затрат дополнительной временной памяти. Ограничивая методы сортировок таким образом, попробуем классифицировать их в соответствии с их временной эффективностью, выражающейся числом перестановок элементов M или числом необходимых сравнений ключа C. Такая временная эффективность является функцией числа сортируемых элементов n. Хотя хорошие алгоритмы сортировки ограничиваются порядком $n \cdot log(n)$ сравнений, наиболее простые требуют порядка n^2 сравнений ключей. Рассмотрим один из наиболее простых алгоритмов сортировки - сортировку пузырьком.

1 Постановка задачи. Описание метода её решения.

Среди алгоритмов сортировки сортировка пузырьком занимает своё место как один из наиболее простых алгоритмов. Как и в других несложных алгоритмах, здесь выполняются повторные проходы по массиву, причём каждый раз наименьший элемент оставшегося множества просеивается в направлении одного из концов массива (в зависимости от того, происходит ли сортировка по убыванию или по возрастанию). Своё название алгоритм получил как раз из-за схожести процесса подъёма пузырьков воздуха в сосуде с водой с просеиванием элемента к одному из концов массива. Рассмотрим код "наивной"реализации алгоритма сортировки пузырьком:

```
PROCEDURE BubbleSort;
     VAR i, j: INTEGER; x: Item;
2
  BEGIN
     FOR i := 1 TO n 1 DO
4
       FOR j := n - 1 TO i BY -1 DO
5
         IF a[j - 1] > a[j] THEN
6
           x := a[j - 1]; a[j - 1] := a[j]; a[j] := x
7
         END
8
       END
9
10
     END
  END BubbleSort
11
```

Листинг 1: Алгоритм сортировки пузырьком.

Этот алгоритм нетрудно улучшить. Рассмотрение примеров показывает, что в некоторых случаях алгоритм продолжает работу при уже отсортированном массиве. Очевидный способ улучшить алгоритм - запоминать, был ли осуществлён хотя бы один обмен во время прохода. Тогда проход без обменов будет означать, что алгоритм может быть остановлен. Возможно также ещё одно улучшение - запоминать не только факт обмена, но и позицию (индекс) последнего обмена. Ясно, что все пары соседних элементов левее этого значения индекса уже упорядочены, поэтому последующие проходы могут останавливаться на этом значении индекса, вместо того, чтобы продолжаться до *i*. Также возможно и третье усовершенствование: менять направление последовательных проходов. Получившийся алгоритм называ-

ется "шейкер-сортировкой" и является модификацией алгоритма сортировки пузырьком. Рассмотрим код этого алгоритма:

```
PROCEDURE ShakerSort;
     VAR j, k, L, R: INTEGER; x: Item;
2
3
  BEGIN
     L := 1; R := n - 1; k := R;
4
     REPEAT
5
       FOR j := R TO L BY -1 DO
6
         IF a[j - 1] > a[j] THEN
7
           x := a[j - 1]; a[j - 1] := a[j]; a[j] := x; k := j;
8
9
         END
       END
10
       L := k + 1;
11
       FOR j := L TO R BY +1 DO
12
         IF a[j - 1] > a[j] THEN
13
          x := a[j - 1]; a[j - 1] := a[j]; a[j] := x; k := j
14
15
         END
       END
16
17
       R := k - 1
     UNTIL L > R
18
19 END ShakerSort
```

Листинг 2: Алгоритм шейкер-сортировки.

2 Вычисление сложности алгоритма.

Оценим число сравнений в простой пузырьковой сортировке. В среднем оно будет равно $C=\frac{n^2-n}{2},$ а минимальное, среднее и максимальное числа присваиваний элементов равны:

$$M_{min} = 0$$
, $M_{avg} = \frac{3}{4}(n^2 - n)$, $M_{max} = \frac{3}{2}(n^2 - n)$.

Анализ улучшенных вариантов, особенно шейкер-сортировки, довольно сложен. Наименьшее число сравнений здесь равно $C_{min}=n-1$. Для улучшенной пузырьковой сортировки Дональд Кнут нашёл, что среднее число проходов пропорционально величине $n-k_1\sqrt{n}$, а среднее число сравнений величине: $(n^2-n\cdot(k_2+\ln n))/2$. Однако ни одно из упомянутых улучшений не может повлиять на число обменов, уменьшается только число избыточных проверок, поэтому все улучшения имеют меньший эффект, чем могло ожидаться - обмен двух элементов более затратная, нежели сравнение ключей, операция.

Подобный анализ показывает, что сортировка пузырьком и её небольшие улучшения хуже, чем сортировка вставками и сортировка выбором, поэтому является малоэффективным алгоритмом сортировки. Шейкер-сортировка эффективна в тех случаях, когда элементы уже стоят в почти правильном порядке.

3 Программа решения на языке С++.

По полученным псевдокодам напишем программу на языке программирования C++. Программа будет содержать реализацию алгоритма сортировки пузырьком и шейкерной сортировки.

```
#include < iostream >
  #include < vector >
3
4 using namespace std;
5
  const int numberOfValues = 10;
   const int divisionValue = 97;
8
  void generateVector(vector<int>& values)
10
11
     int i;
12
     for (i = 0; i < numberOfValues; ++i)</pre>
13
       values[i] = rand() % divisionValue;
14
  }
15
16
  void displayVector(vector<int> values)
17
18
     for (int value : values)
19
       cout << value << " ";
20
  }
21
22
   void shakerSort(vector<int>& values)
23
   {
24
25
     int left, right, i;
26
     left = 0; right = values.size() - 1;
27
28
     do
29
     {
30
31
       for (i = right; i > left; --i)
32
       {
         if (values[i] < values[i - 1])</pre>
33
            swap(values[i], values[i - 1]);
34
       }
35
```

```
36
       left++:
37
       for (i = left; i < right; ++i)</pre>
38
       {
39
         if (values[i] > values[i + 1])
40
            swap(values[i], values[i + 1]);
41
       }
42
       right --;
43
     }
44
     while (left <= right);</pre>
45
46
47
  void bubbleSort(vector<int>& values)
48
  {
49
50
     int i, j;
51
     for (i = 0; i < numberOfValues; ++i)</pre>
52
       for (j = numberOfValues - 1; j > i; --j)
53
         if (values[j - 1] > values[j])
54
            swap(values[j - 1], values[j]);
56
57
  int main()
58
  {
59
60
     srand(time(0));
61
     vector < int > values (numberOfValues, 0);
62
     generateVector(values);
63
     cout << "Случайно сгенерированные числа:\n";
65
     displayVector(values);
66
67
     cout << "\nОтсортированные элементы:\n";
68
     bubbleSort(values);
69
     displayVector(values);
70
71
     cout << "\n\nСлучайно сгенерированные числа:\n";
72
     generateVector(values);
73
     displayVector(values);
74
75
```

```
cout << "\nОтсортированные элементы:\n";
shakerSort(values);
displayVector(values);
}
```

Листинг 3: Программа алгоритмов сортировки пузырьком и шейкерной сортировки.

Для хранения элементов, которые нужно отсортировать, будем пользоваться структурой "вектор". Для демонстрации работы алгоритма будем генерировать вектор случайных значений, содержащий 10 чисел. Генерацию и вывод случайных значений будем осуществлять при помощи вспомогательных функций generate Vector() и display Vector().

Сначала протестируем алгоритм сортировки пузырьком, расположенный на 48 - 56 строках программы. Сгенерируем вектор случайных значений и попробуем его отсортировать:

```
Randomly generated numbers:
43 9 34 73 80 28 3 50 24 49
Sorted with bubbleSort:
3 9 24 28 34 43 49 50 73 80
```

Puc. 1 - Входные и выходные данные для алгоритма сортировки пузырьком.

Как видно, алгоритм справляется со своей задачей. Теперь рассмотрим шейкерную сортировку. Сгенерируем новый вектор из 10 случайных значений и посмотрим на результат выполнения алгоритма.

```
Randomly generated numbers:
45 11 37 25 20 72 16 23 1 33
Sorted with shakerSort:
1 11 16 20 23 25 33 37 45 72
```

Puc. 2 - Входные и выходные данные для алгоритма шейкерной сортировки.

Видно, что алгоритм справляется с поставленной задачей. Разберём его подробнее. Основная часть работы выполняется на строках 29 - 45. При входе в функцию инициализируются два значения - left и right - изначально они указывают на начало и конец вектора соответственно. Далее, элементы

начинают обрабатываться в цикле. В строках 31 - 35 выполняется сдвиг к началу вектора более "легких"элементов - меньших по значению. В строках 38 - 42 осуществляется сдвиг к концу вектора более "тяжёлых"элементов, больших по значению. Как видно, такие сдвиги осуществляются поочерёдно - сначала продвигаются меньшие, а затем большие значения. После каждого такого цикла значение left увеличивается, а значение right уменьшается, что означает, что все элементы, стоящие до left и после right, стоят на своих местах. Внешний цикл продолжается до тех пор, пока значения left и right не совпадут.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В ходе проведённого анализа было выявлено, что алгоритм пузырьковой сортировки и его разнообразные модификации являются малоэффективными алгоритмами сортировок. Причиной этому является тот факт, что все простые методы сортировок перемещают элемент на одну позицию на каждом элементарном шаге, поэтому всегда требуют порядка n^2 таких шагов. Любое серьёзное усовершенствование должно иметь целью увеличение расстояния, на которое перемещаются элементы в каждом прыжке. Такой способ перемещения элементов реализован, например, в сортировках вставками, выбором и обменами.