

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

**«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»**

Кафедра теоретических основ
компьютерной безопасности и
криптографии

Протоколы анонимности

ОТЧЁТ

ПО ДИСЦИПЛИНЕ

«КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ ПРОТОКОЛЫ»

студента 5 курса 531 группы

специальности 10.05.01 Компьютерная безопасность

факультета компьютерных наук и информационных технологий

Бородина Артёма Горовича

Преподаватель

аспирант

подпись, дата

Р. А. Фарахутдинов

Саратов 2023

1 Постановка задачи

Необходимо реализовать протокол анонимности Нурми-Саломеа-Сантина.

2 Теоретические сведения

Для начала рассмотрим простой протокол тайного цифрового голосования.

Простой алгоритм электронного голосования по сути представляет собой переписку с электронными подписями между избирательным комитетом и множеством избирателей. Пусть здесь и далее: A – агентство, проводящее электронное голосование, E – избиратель, легитимный участник голосования, B – цифровой бюллетень. B может содержать число, имя кандидата, развёрнутый текст или какие-либо другие данные, сообщающие о выборе E , верифицирующие его или необходимые для усиления безопасности протокола. Ход голосования выглядит так:

1. A выкладывает списки возможных избирателей.
2. Пользователи, в числе которых и E , сообщают о желании участвовать в голосовании.
3. A выкладывает списки легитимных избирателей.

Шаги 1-3 обязательны. Основная цель – определение и объявление числа активных участников n . Хотя некоторые из них могут не участвовать, а некоторые – и вовсе не существовать («мёртвые души», злонамеренно внесённые A), возможность манипулирования голосованием у A заметно снижена. В дальнейшем эти шаги будут считаться за один шаг «утвердить списки».

4. A создаёт открытый и закрытый ключ a_{public} и $a_{private}$ и выкладывает в общий доступ a_{public} . Кто угодно может зашифровать сообщение при помощи a_{public} , но расшифровать его сможет только A .
5. E

- создаёт собственные публичный и приватный ключи ЭЦП e_{public} и $e_{private}$, затем публикует открытый ключ. Кто угодно может проверить документ E , но подписать его – только сам избиратель. Этот шаг пропускается, если A уже знает электронные подписи избирателей (например, они были сгенерированы при регистрации в системе)
- формирует сообщение B , где тем или иным способом выражает свою волю
- подписывает сообщение личным закрытым ключом $e_{private}$
- шифрует сообщение открытым ключом a_{public}
- отправляет зашифрованное сообщение A

6. A

- собирает сообщения
- расшифровывает их при помощи лежащего в открытом доступе e_{public}
- подсчитывает их и публикует результаты

Особенности, преимущества и недостатки

Этот протокол чрезвычайно прост, тем не менее, его достаточно, чтобы защититься от внешнего вмешательства, подделки голосов и дискредитации легитимных избирателей. Однако голосующим приходится абсолютно доверять A , ведь его работа никем не контролируется. С одной стороны, E может предоставить злоумышленнику-покупателю голосов доказательство, как он проголосовал, а с другой – не может проверить, что A правильно учёл или даже получил его бюллетень. Поэтому тривиальный метод применим только в сообществах, где все доверяют друг другу и агентству, отвечающему за подсчёт голосов.

Протокол двух агентств

Он же протокол Нурми – Саломаа – Сантина. Основная идея состоит в том, чтобы заменить одно избирательное агентство двумя, чтобы они контролировали друг друга. Пусть здесь и далее V – регистратор, в обязанности которого входит подготовка списков, а также допуск или недопуск участника до голосования. Последовательность действий выглядит так:

1. V

- создаёт набор опознавательных меток t_i и утверждает список возможных избирателей
- отправляет по защищённому каналу по одной метке каждому голосующему
- отправляет A весь набор меток без информации о том, какая метка кому принадлежит

2. E

- генерирует $e_{public}, e_{private}$ (для цифровой подписи) и e_{secret} (для того, чтобы ни A , ни посторонний злоумышленник не мог до нужного времени узнать содержимое бюллетеня)
- e_{public} публикуется
- формирует сообщение B с выбранным решением
- подписывает его $e_{private}$
- прикладывает к нему полученный t_i
- шифрует при помощи e_{secret}
- снова прикладывает к шифротексту t_i
- отправляет шифротекст

$$\{t_i, \text{encrypt}(e_{secret}, \{t_i, \text{sign}(e_{private}, B)\})\}$$

на рассмотрение в A

3. A

- получает шифротекст. По внешнему тегу оно определяет, что сообщение пришло от легитимного пользователя, но не может определить, ни от какого, ни как он проголосовал
- выкладывает в открытый доступ полученную пару тег-шифр

4. Опубликованный файл служит сигналом E отправить секретный ключ e_{secret}

5. A

- собирает ключи
- производит подсчёт голосов
- присоединяет к опубликованному шифротексту бюллетень без опознавательного тега, на чём голосование заканчивается.

3 Практическая реализация

3.1 Описание программы

Язык программной реализации – Common Lisp. Основная функция реализует исполнение протокола по шагам, а каждый выполняемый шаг в свою очередь разбит на подшаги. Для удобства представления отображаемые числа представлены в шестнадцатеричном формате, а получившиеся шифротексты сокращены на скриншотах. Используемая в протоколе цифровая подпись: ESIGN. Используемый алгоритм симметричного шифрования: AES-128.

3.2 Результаты тестирования программы

Протестируем работу протокола с числом избирателей, равным 9. Число возможных кандидатов тоже определим равным 9.

```

NSS> (nss)

[ПРОТОКОЛ ДВУХ АГЕНСТВ]

Шаг [1]. V (регистратор)

[1.0.1] -- Определение числа избирателей.

Введите количество избирателей (по умолчанию 9):

[1.1] -- Создаёт набор опознавательных меток  $t_i$  и утверждает список возможных избирателей.

Для избирателя "Голосующий №1" была сгенерирована опознавательная метка b95002d6e90663c67d213f84f2c92c00;
Для избирателя "Голосующий №2" была сгенерирована опознавательная метка 73fead7ad73eb173133e373989446a64;
Для избирателя "Голосующий №3" была сгенерирована опознавательная метка ca8a757d8678d0efb1005f4bbbae8365;
Для избирателя "Голосующий №4" была сгенерирована опознавательная метка 28f47d01a105ed38032fd90f78e037a3;
Для избирателя "Голосующий №5" была сгенерирована опознавательная метка 6d782bdc555708cf3eb9d8b8da6f51d;
Для избирателя "Голосующий №6" была сгенерирована опознавательная метка 0b0edd7e4502deb7cf174d6fe57e58d4;
Для избирателя "Голосующий №7" была сгенерирована опознавательная метка 17633b55c3ecf195a9fea00a1ef513ff;
Для избирателя "Голосующий №8" была сгенерирована опознавательная метка 49da5e19623e4e8788f22ad22f87132d;
Для избирателя "Голосующий №9" была сгенерирована опознавательная метка e22e0113093409e7d857e9660bc5c001;

```

Рисунок 1 – Определение числа избирателей и создание регистратором набора опознавательных меток для них

```

[1.2] -- Отправляет по защищённому каналу по одной метке каждому голосующему.

В дальнейшем для каждого избирателя будет создан индивидуальный каталог, содержащий всю необходимую информацию.

[1.3] -- Отправляет А весь набор меток без информации о том, какая метка кому принадлежит.

Набор меток был сохранён в файле ts.

```

Рисунок 2 – Выполнение подшагов 2 и 3 шага 1 протокола

```

Шаг [2]. E (избиратель)

[2.0.1] -- Определение битовой длины чисел p и q.

Введите битовую длину числа l ( $l > 15$ ,  $l = 2^n$ , по умолчанию  $l = 1024$ ): 128

[2.1] -- Генерирует e-pub, e-priv (для цифровой подписи) и e-secret (чтобы до нужного времени нельзя было узнать содержимое бюллетеня).

[2.1.1] -- Определение параметра безопасности k:

Введите значение параметра безопасности k (по умолчанию 8):

В подписи ESIGN пара чисел (n, k) является открытым ключом, а (p, q) -- закрытым.

n = 0x578C7B44E469536F8E48BFD83B93EB1EDB229003198D3A3500DACB417F39FF584A5735405782C6DE6965ADFEB189D86D;
k = 8;
p = 0xA153AF649E96EECC49F75DCD3EA57A7B;
q = 0xDC74035193B31CDC190F161A9202FA75.

Эти значения являются общими для всех избирателей.

```

Рисунок 3 – Определение параметров цифровой подписи

Сгенерированные значения $e\text{-secret}$ каждого избирателя:

```
e-sec_{1} = 0xa059c2895256f2622f0e2e7ad87aec10;  
e-sec_{2} = 0xb3214b3354c69248153ad280f2c99206;  
e-sec_{3} = 0x696e3ccf66e8b8cb105b3ed1e147ed9d;  
e-sec_{4} = 0xe3e8d2625f49593a6e954b006671aefa;  
e-sec_{5} = 0x7ecbfd11312382a5a072c980499a6162;  
e-sec_{6} = 0xe8f960f12a0b21355d1caa79fd840830;  
e-sec_{7} = 0xc547b1bd6934f3aad41e56e9b748ec53;  
e-sec_{8} = 0x83c018768e6db32aa884f55badf4259b;  
e-sec_{9} = 0x456a139f9a70b41dbad77e72ac6a471e;
```

Рисунок 4 – Результат генерации значений e_{secret} для каждого избирателя

[2.2] -- Для каждого избирателя было сформировано сообщение B :

```
B_{1} = "6 b95002d6e90663c67d213f84f2c92c00";  
B_{2} = "0 73fead7ad73eb173133e373989446a64";  
B_{3} = "6 ca8a757d8678d0efb1005f4bbbae8365";  
B_{4} = "5 28f47d01a105ed38032fd90f78e037a3";  
B_{5} = "9 6d782bdcd555708cf3eb9d8b8da6f51d";  
B_{6} = "6 0b0edd7e4502deb7cf174d6fe57e58d4";  
B_{7} = "2 17633b55c3ecf195a9fea00a1ef513ff";  
B_{8} = "8 49da5e19623e4e8788f22ad22f87132d";  
B_{9} = "9 e22e0113093409e7d857e9660bc5c001";
```

Рисунок 5 – Результат генерации сообщений B для каждого избирателя

[2.3] -- Для каждого сообщения B была сформирована подпись s :

```
s_{1} = 0xE214695A6815F792531A98006804F2DA8F445FF113567C51DEEAE4623A12868F11803D1D2B0894392760892076E5842;  
s_{2} = 0x312C54CABA096F390A88E0208257FE7B94F9CA86EB5AC3A19BB0B7697F2591D919BDC3DA6A7A968BEE03927038273289;  
s_{3} = 0x246D43387C0C346D73AE1E9707E5C83775405E14732E980F171A11C9D8059C83C0DC1FD643A2640FC0311B743075F4AB;  
s_{4} = 0x54BA1A237DA6FDF9295D5463DC65E801F0FF45638DF52A4D9371854B6C02F1475B2B324AC30025C18AC0729DDFF1D5B0;  
s_{5} = 0x21E83D7C5DAC41AE3E69037425785D094D41D3ED2727C28230BCBF70AF9D57B429E69F8861D347183305A6E3CE82AEF7;  
s_{6} = 0x447F45B3F13B31FA1488131F388304714FAFA4991A7AF93E0E1F6567F8BFE7B30F590DC3811FB1292DBC5D809C51373B;  
s_{7} = 0x37562DD8208D2F5BE933090778AC717E1661FBE01080CA532C02725226698BB309964A9130F1BEEA44676206BF177063;  
s_{8} = 0x3113477F1FC1F186BB3CA264F9A37EF41D5704717F547A0285430C68626C030755CC2AD1C296EA16587701FE23648FE0;  
s_{9} = 0x510581C2700C2FB77DE11A4D4EFD171945C2072B5B5CB7B4FA472A401293AB157C73F9FD22072C6B719E5B191CDF8B91;
```

Рисунок 6 – Результат генерации подписи s_i для каждого избирателя


```
[2.4] -- К каждой подписи была приложена метка t и всё было зашифровано:

encr_{1} = 0xEF70AA56AF4DDA71CB815672E4F0046B53CBC248D167CA3F6FC79C4
encr_{2} = 0x12AAFFE57CB98360ABAC2633A58BBD419A5DC06ADC561D92E28D945
encr_{3} = 0xE947D6DB1FEF955B0C8AEAC6834AE53F8EAC745F9FF1D298BCF30CC
encr_{4} = 0x4ED3B0D7424E95268CF5384333B1ED5921C2A86045055EBB3CFB0BF
encr_{5} = 0x4EEE908DB686D8727A4A11DBB8E28FF0CF2D06C872FBACDD4842323
encr_{6} = 0xB747EE786BFC3973F6AA91D715FE550C78DD3D6EDA0359A105EC3E1
encr_{7} = 0x80A4B4ACD04AC3FE547C738F70CC4D12E0ED02CC8FA1334AF9943A6
encr_{8} = 0xE5B0B0B43C3D9F2D61653F3132173A049FC8FB1564021085C818531
encr_{9} = 0xD19B59A91FE803414EA34142853A04676B4926232E79A54A6DB639A
```

Рисунок 7 – Результат шифрования метки и подписи каждым избирателем

```
[2.5] -- Шифртексты с приложенной меткой t были отправлены на рассмотрение в А.

Эти строки были сохранены в файле ciphertexts.
```

Рисунок 8 – Выполнение подшага 5 шага 2 протокола

```
Шаг [3]. А (агентство)

[3.1] -- Агентство получает шифртексты с тегами. По ним оно определяет, что сообщение пришло
        от легитимного пользователя, но не может определить, ни от какого, ни как он проголосовал.

Результат сравнения отправленных стороной V меток и меток пользователей: T.
```

Рисунок 9 – Выполнение подшага 1 шага 3 протокола

```
[3.2] -- Выкладывает в открытый доступ полученную пару р тег-шифр:

p_{1} = b95002d6e90663c67d213f84f2c92c00, 0xEF70AA56AF4DDA71CB8
p_{2} = 73fead7ad73eb173133e373989446a64, 0x12AAFFE57CB98360ABA
p_{3} = ca8a757d8678d0efb1005f4bbbae8365, 0xE947D6DB1FEF955B0C8
p_{4} = 28f47d01a105ed38032fd90f78e037a3, 0x4ED3B0D7424E95268CF
p_{5} = 6d782bdcd555708cf3eb9d8b8da6f51d, 0x4EEE908DB686D8727A4
p_{6} = 0b0edd7e4502deb7cf174d6fe57e58d4, 0xB747EE786BFC3973F6A
p_{7} = 17633b55c3ecf195a9fea00a1ef513ff, 0x80A4B4ACD04AC3FE547
p_{8} = 49da5e19623e4e8788f22ad22f87132d, 0xE5B0B0B43C3D9F2D616
p_{9} = e22e0113093409e7d857e9660bc5c001, 0xD19B59A91FE803414EA
```

Рисунок 10 – Публикация полученных пар агентством

Шаг [4]. Опубликованный файл служит сигналом Е отправить секретный ключ e-secret.

Шаг [5]. А (агентство)

[5.1] -- Собирает ключи.

```
e-sec_{1} = a059c2895256f2622f0e2e7ad87aec10;  
e-sec_{2} = b3214b3354c69248153ad280f2c99206;  
e-sec_{3} = 696e3ccf66e8b8cb105b3ed1e147ed9d;  
e-sec_{4} = e3e8d2625f49593a6e954b006671aefa;  
e-sec_{5} = 7ecbfd11312382a5a072c980499a6162;  
e-sec_{6} = e8f960f12a0b21355d1caa79fd840830;  
e-sec_{7} = c547b1bd6934f3aad41e56e9b748ec53;  
e-sec_{8} = 83c018768e6db32aa884f55badf4259b;  
e-sec_{9} = 456a139f9a70b41dbad77e72ac6a471e;
```

Рисунок 11 – Выполнение шага 4 протокола и сбор агентством ключей

[5.2] -- Расшифровывает сообщения.

```
p_{1} = b95002d6e90663c67d213f84f2c92c00, 0xE214695A68  
p_{2} = 73fead7ad73eb173133e373989446a64, 0x312C54CABA  
p_{3} = ca8a757d8678d0efb1005f4bbbae8365, 0x246D433870  
p_{4} = 28f47d01a105ed38032fd90f78e037a3, 0x54BA1A237D  
p_{5} = 6d782bdcd555708cf3eb9d8b8da6f51d, 0x21E83D7C5D  
p_{6} = 0b0edd7e4502deb7cf174d6fe57e58d4, 0x447F45B3F1  
p_{7} = 17633b55c3ecf195a9fea00a1ef513ff, 0x37562DD826  
p_{8} = 49da5e19623e4e8788f22ad22f87132d, 0x3113477F1F  
p_{9} = e22e0113093409e7d857e9660bc5c001, 0x510581C276
```

Рисунок 12 – Результат расшифрования агентством полученных шифротекстов

[5.3] -- Производит подсчёт голосов.

Количество ошибок при расшифровании: 0.

Результаты выборов (с учётом "битых" голосов):

```
Кандидат Кандидат №1 набрал 1 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №2 набрал 0 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №3 набрал 1 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №4 набрал 0 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №5 набрал 0 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №6 набрал 1 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №7 набрал 3 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №8 набрал 0 голос(а/ов);
Кандидат Кандидат №9 набрал 1 голос(а/ов);
Количество избирателей, воздержавшихся от голосования: 2.
```

Рисунок 13 – Подсчёт голосов избирателей

[5.4] -- Присоединяет к опубликованному шифртексту бюллетень без опознавательного тега, на чём голосование заканчивается.

```
v8c_{1} = 7, 0xEF70AA56AF4DDA71CB815672E4F0046B53CBC248D167CA3F6FC79C4205147F0D638F256B790F65A340C26C1380CA015FFD4E2F0
v8c_{2} = 1, 0x12AAFFE57CB98360ABAC2633A58BBD419A5DC06ADC561D92E28D9451B01FD7D09DDA49414D77B3909F9A33062F828C0523F4A22
v8c_{3} = 7, 0xE947D6DB1FEF955B0C8AEAC6834AE53F8EAC745F9FF1D298BCF30CC04859BF0D144F42B30AE3DC564E71B29390291073307015F
v8c_{4} = 6, 0x4ED3B0D7424E95268CF5384333B1ED5921C2A86045055EBB3CFB0BF6671E0E6B0B6D8E444D57007E2ECB6E217834778C78E334A
v8c_{5} = X, 0x4EEE908DB686D8727A4A11DBB8E28FF0CF2D06C872FBACDD484232350E261F27B7B5801DF43A80D4F3C17788794777467869889
v8c_{6} = 7, 0xB747EE786BFC3973F6AA91D715FE550C78DD3D6EDA0359A105EC3E13BDD90280D7135AA60ADA4088D3780C5E5D1CC456C1C3084
v8c_{7} = 3, 0x80A4B4ACD04AC3FE547C738F70CC4D12E0ED02CC8FA1334AF9943A6C4F58CED18C2E016448EA342D8A48A2DE425ED85A2F13066
v8c_{8} = 9, 0xE5B0B0B43C3D9F2D61653F3132173A049FC8FB1564021085C81853141FB29BF6774370B57D884AA9EC12FE5CAAAE0ACD59DAF3F
v8c_{9} = X, 0xD19B59A91FE803414EA34142853A04676B4926232E79A54A60B639AE6AEA9C16130D17A9BF1FA785AF045DB7D39652EA201DD96
```

Рисунок 14 – Окончание голосования

Листинг программы

```
(defpackage :crypt
  (:use #:cl)
  (:export #:random-string
           #:aes-encrypt
           #:aes-decrypt
           #:hash))

(in-package :crypt)

(defun random-string (num-bytes)
  (ironclad:byte-array-to-hex-string
   (ironclad:random-data num-bytes)))

(defun ripemd128 (str)
  (ironclad:byte-array-to-hex-string
   (ironclad:digest-sequence
    :ripemd-128
    (ironclad:ascii-string-to-byte-array str))))

(defun get-cipher (key)
  (ironclad:make-cipher :aes
    :mode :ecb
    :key (ironclad:ascii-string-to-byte-array (ripemd128 key))))

(defun aes-encrypt (plaintext key)
  (let ((cipher (get-cipher key))
        (msg (ironclad:ascii-string-to-byte-array plaintext)))
    (ironclad:encrypt-in-place cipher msg)
    (ironclad:octets-to-integer msg)))

(defun aes-decrypt (ciphertext-int key)
  (let ((cipher (get-cipher key))
        (msg (ironclad:integer-to-octets ciphertext-int)))
    (ironclad:decrypt-in-place cipher msg)
    (coerce (mapcar #'code-char (coerce msg 'list)) 'string)))

(defun skein1024 (str)
  (ironclad:byte-array-to-hex-string
   (ironclad:digest-sequence
    :skein1024
```

```
(ironclad:ascii-string-to-byte-array str))))
```

```
(defun hash (str modulo)
  (let ((digest (skein1024 str)))
    (mod (ironclad:octets-to-integer
          (ironclad:ascii-string-to-byte-array digest)) modulo)))
```

```

(defpackage #:aux
  (:use :cl)
  (:export #:write-to-file
            #:read-parse
            #:mod-expt
            #:miller-rabin
            #:ext-gcd
            #:generate-prime))

(in-package #:aux)

(defmacro while (condition &body body)
  `(loop while ,condition
        do (progn ,@body)))

(defun write-to-file (data filename)
  (with-open-file (out filename :direction :output :if-exists :supersede
                    :if-does-not-exist :create)
    (dolist (param data)
      (format out "~a~%" param))))

(defun read-parse (filename &optional (at 0))
  (parse-integer (uiop:read-file-line filename :at at)))

(defun is-pow-of-2? (num)
  (zerop (logand num (1- num))))

(defun mod-expt (base power modulo)
  (setq base (mod base modulo))
  (do ((product 1) ((zerop power) product)
      (do () ((oddp power)
              (setq base (mod (* base base) modulo)
                    power (ash power -1)))
      (setq product (mod (* product base) modulo)
              power (1- power)))))

(defun miller-rabin (n &optional (k 10))
  (when (or (= 2 n) (= 3 n)) (return-from miller-rabin t))
  (when (or (< n 2) (= 0 (logand n 1))) (return-from miller-rabin))
  (let* ((n-pred (1- n)) (bound (- n-pred 2)) (t-val n-pred) (s 0) (round 0)
        (x))
    (while (= 0 (logand t-val 1)) (setq s (1+ s) t-val (ash t-val -1)))

```

```

(do () (nil)
  (tagbody next-iteration
    (when (= k round) (return-from miller-rabin t))
    (setq x (mod-expt (+ 2 (random bound)) t-val n))
    (when (or (= 1 x) (= n-pred x))
      (incf round) (go next-iteration))
    (do ((iter 0 (1+ iter))) ((= iter (1- s)) (return-from miller-rabin))
      (setq x (mod (* x x) n))
      (when (= 1 x) (return-from miller-rabin))
      (when (= n-pred x)
        (incf round) (go next-iteration))))))

(defparameter *base-primes*
  (remove-if-not #'(lambda (prime?) (miller-rabin prime? 12))
    (loop for prime? from (1+ (ash 1 15)) to (1- (ash 1 16)) by 2
      collect prime?)))

(defun ext-gcd (a b)
  (let ((s 0) (old-s 1) (r b) (old-r a)
        (quotient) (bezout-t))
    (while (not (zerop r))
      (setq quotient (floor old-r r))
      (psetq old-r r r (- old-r (* quotient r))
            old-s s s (- old-s (* quotient s))))
    (if (zerop b) (setq bezout-t 0)
      (setq bezout-t (floor (- old-r (* old-s a)) b)))
    (list old-r old-s bezout-t)))

(defun generate-even (target-len)
  (apply #'(lambda (ash 1 (1- target-len))
    (mapcar #'(lambda (bit pow) (* bit (ash 1 pow)))
      (append (loop for bit from 0 to (- target-len 3)
        collect (random 2)) '(0))
      (loop for pow from (- target-len 2) downto 0 collect pow))))

(defun generate-prime (target-len)
  (when (not (is-pow-of-2? target-len))
    (return-from generate-prime))
  (when (= 16 target-len)
    (return-from generate-prime (nth (random (length *base-primes*))
      *base-primes*)))
  (let ((prime) (s) (prime?) (req-len (- target-len 16)))
    (tagbody pick-prime
      (setq prime (nth (random (length *base-primes*)) *base-primes*))
      (when (not (miller-rabin prime)) (go pick-prime)))

```



```
(tagbody try-again
  (setq s (generate-even req-len)
        prime? (1+ (* prime s)))
  (if (and (= 1 (mod-expt 2 (1- prime?) prime?))
          (/= 1 (mod-expt 2 s prime?))
        (zerop (logxor (length (write-to-string prime? :base 2))
                        target-len)))
      (return-from generate-prime prime?)
      (go try-again))))
```

```
(defpackage #:sig
  (:use #:cl)
  (:export #:gen-keys
           #:sign-message
           #:verify-message))
```

```
(in-package #:sig)
```

```
(defun get-k ()
  (format t "~%Введите значение параметра безопасности k (по умолчанию 8): ")
  (let (k)
    (setq k (read-line))
    (when (or (zerop (length k))
              (null (setq k (parse-integer k :junk-allowed t)))
              (< k 4))
      (setq k 8)) k))
```

```
(defun gen-keys (bit-len)
  (let* ((p (aux:generate-prime bit-len))
         (q (aux:generate-prime bit-len))
         (n (* p q)) (k (get-k)))
    (when (uiop:directory-exists-p "sig")
      (uiop:run-program "rm -r sig"))
    (uiop:run-program "mkdir sig")
    (aux:write-to-file (list p) "sig/p")
    (aux:write-to-file (list q) "sig/q")
    (aux:write-to-file (list n) "sig/n")
    (aux:write-to-file (list k) "sig/k") (list p q n k)))
```

```
(defun sign-message (message p q n k)
  (let* ((digest (crypt:hash message n))
         (pq (* p q)) (x (random pq))
         (chi (ceiling (/ (- digest (aux:mod-expt x k n))
                          pq))))
    (h (mod (* chi (cadr (aux:ext-gcd (* k (aux:mod-expt x (1- k) p)) p)))
          p)))
  (+ x (* h pq))))
```

```
(defun verify-message (message s n k)
  (let ((digest (crypt:hash message n))
        (ksi (ceiling (* 2/3 (integer-length n)))))
    (<= digest (aux:mod-expt s k n) (+ digest (ash 1 ksi)))))
```

```
(defpackage #:ta-aux
  (:use #:cl)
  (:export #:*candidates*
           #:get-n
           #:get-bit-len
           #:gen-voters&ts
           #:form-folders
           #:send-ciphertexts
           #:compare-tags
           #:collect-keys
           #:collect-Bs
           #:decrypt-received
           #:count-voices))
```

```
(in-package #:ta-aux)
```

```
(defparameter *num-bytes* 16)
```

```
(defparameter *candidates* '("Кандидат №1" "Кандидат №2" "Кандидат №3"
                             "Кандидат №4" "Кандидат №5" "Кандидат №6"
                             "Кандидат №7" "Кандидат №8" "Кандидат №9"))
```

```
(defun get-n ()
  "Шаг 1. Определение количества избирателей."
  (format t "~%Введите количество избирателей (по умолчанию 9): ")
  (let (n)
    (setq n (read-line))
    (when (or (zerop (length n))
              (null (setq n (parse-integer n :junk-allowed t)))
              (< n 1))
      (setq n 9))
    (aux:write-to-file (list n) "n") n))
```

```
(defun get-bit-len ()
  (format t "~%Введите битовую длину числа l (l > 15, l = 2^m, по умолчанию l = 1024): ")
  (let ((bit-len (read-line)))
    (when (or (zerop (length bit-len))
              (null (setq bit-len (parse-integer bit-len :junk-allowed t)))
              (< bit-len 16)
              (plusp (logand bit-len (1- bit-len)))))
      (setq bit-len 1024)) bit-len))
```

```
(defun gen-voters&ts ())
```

```

"Шаг 1. Функция генерирует список избирателей и для каждого избирателя
опознавательную метку t_i."
(let* ((n (aux:read-parse "n")) voters ts
      (len (length (write-to-string n))))
  (loop for j from n downto 1
        do (setq voters (cons (format nil "Голосующий №~v, '0d" len j) voters)
                              ts (cons (crypt:random-string *num-bytes*) ts)))
  (aux:write-to-file voters "voters")
  (aux:write-to-file ts "ts") (list voters ts)))

(defun gen-secret-keys (n)
  (loop for j from 0 below n
        collect (crypt:random-string *num-bytes*)))

(defun form-votes (n)
  (let ((up-to-choice (1+ (length *candidates*)))))
    (loop for j from 0 below n
          collect (random up-to-choice))))

(defun form-messages-to-sign (votes ts)
  (setq votes (mapcar #'write-to-string votes))
  (mapcar #'(lambda (vote t-val)
              (concatenate 'string vote " " t-val)) votes ts))

(defun form-signatures (to-sign p q n k)
  (mapcar #'(lambda (vote)
              (sig:sign-message vote p q n k)) to-sign))

(defun form-ciphertexts (ts sigs keys)
  (let (ciphertexts)
    (setq sigs (mapcar #'write-to-string sigs)
          ciphertexts (mapcar #'(lambda (t-val sig)
                                  (concatenate 'string t-val " " sig))
                              ts sigs)
          ciphertexts (mapcar #'(lambda (plaintext key)
                                  (crypt:aes-encrypt plaintext key))
                              ciphertexts keys))))

(defun form-folders-routine (keys Bs sigs ts ciphertexts n)
  (let ((general-path "voting-data/voter-~a") path)
    (dotimes (j n)
      (setq path (format nil general-path j))
      (uiop:run-program (format nil "mkdir voting-data/voter-~a" j))

```

```

(aux:write-to-file (list (nth j keys))
  (concatenate 'string path "/e-secret"))
(aux:write-to-file (list (nth j Bs))
  (concatenate 'string path "/B"))
(aux:write-to-file (list (nth j sigs))
  (concatenate 'string path "/s"))
(aux:write-to-file (list (nth j ts))
  (concatenate 'string path "/t"))
(aux:write-to-file (list (nth j ciphertexts))
  (concatenate 'string path "/ciphertext")))))

(defun form-folders (num-users)
  (let* ((p (aux:read-parse "sig/p")) (q (aux:read-parse "sig/q"))
    (n (aux:read-parse "sig/n")) (k (aux:read-parse "sig/k"))
    (secret-keys (gen-secret-keys num-users)) (votes (form-votes num-
users))
    (ts (uiop:read-file-lines "ts"))
    (to-sign (form-messages-to-sign votes ts))
    (sigs (form-signatures to-sign p q n k))
    (ciphertexts (form-ciphertexts ts sigs secret-keys)))
    (when (uiop:directory-exists-p "voting-data")
      (uiop:run-program "rm -r voting-data"))
    (uiop:run-program "mkdir voting-data")
    (form-folders-routine secret-keys to-sign sigs ts ciphertexts num-users)
    (list secret-keys to-sign sigs ciphertexts)))

(defun collect-tag (num-voter)
  (uiop:read-file-line
    (format nil "voting-data/voter-~a/t" num-voter)))

(defun collect-tags (num-users)
  (loop for j from 0 below num-users
    collect (collect-tag j)))

(defun collect-ciphertext (num-voter)
  (uiop:read-file-line
    (format nil "voting-data/voter-~a/ciphertext" num-voter)))

(defun collect-ciphertexts (num-users)
  (loop for j from 0 below num-users
    collect (collect-ciphertext j)))

(defun send-ciphertexts (num-users)

```

```

(let ((ts (collect-tags num-users))
      (ciphertexts (collect-ciphertexts num-users)))
  (aux:write-to-file (mapcar #'(lambda (t-val ciphertext)
                                (concatenate 'string t-val " " ciphertext))
                        ts ciphertexts)
    "ciphertexts") t))

(defun compare-tags ()
  (let (tags received)
    (unless (and (uiop:file-exists-p "ts")
                 (uiop:file-exists-p "ciphertexts"))
      (return-from compare-tags nil))
    (setq tags (uiop:read-file-lines "ts")
          received (uiop:read-file-lines "ciphertexts")
          received (mapcar #'(lambda (ciphertext)
                                (uiop:split-string ciphertext :separator " "))
                            received))
    (null (remove-if #'(lambda (tag)
                        (member tag received :key #'car :test #'equal))
                    tags))))

(defun collect-key (num-voter)
  (uiop:read-file-line
    (format nil "voting-data/voter-~a/e-secret" num-voter)))

(defun collect-keys (num-users)
  (loop for j from 0 below num-users
        collect (collect-key j)))

(defun decrypt-received (num-users)
  (let ((keys (collect-keys num-users)) ciphertexts)
    (setq ciphertexts (uiop:read-file-lines "ciphertexts")
          ciphertexts (mapcar #'(lambda (ciphertext)
                                (uiop:split-string ciphertext :separator "
                                ciphertexts)
                                ciphertexts (mapcar #'(lambda (ciphertext)
                                                            (parse-integer (cadr ciphertext)))
                                                        ciphertexts))
          ciphertexts)
    (mapcar #'(lambda (ciphertext key)
                (crypt:aes-decrypt ciphertext key))
            ciphertexts keys)))

(defun collect-B (num-voter)

```



```

(uiop:read-file-line
 (format nil "voting-data/voter-~a/B" num-voter)))

(defun collect-Bs (num-users)
  (loop for j from 0 below num-users
        collect (collect-B j)))

(defun verify-sigs (num-users)
  (let ((sigs (decrypt-received num-users))
        (Bs (collect-Bs num-users))
        (n (aux:read-parse "sig/n"))
        (k (aux:read-parse "sig/k"))
        (broken 0))
    (setq sigs (mapcar #'(lambda (decrypted)
                          (uiop:split-string decrypted :separator " ")) sigs)
            sigs (mapcar #'(lambda (lst-decrypted)
                          (handler-case (parse-integer (cadr lst-decrypted))
                            (error () (incf broken) t))) sigs))
    (list
     (every #'(lambda (B sig)
               (if sig
                   t
                   (sig:verify-message B sig n k))) Bs sigs) broken)))

(defun make-keyword (num)
  (intern (concatenate 'string ":" (write-to-string num))))

(defun count-voices (num-users)
  (destructuring-bind (correct-sigs? num-broken) (verify-sigs num-users)
    (format t "~2%Количество ошибок при расшифровании: ~d." num-broken)
    (unless correct-sigs?
      (return-from count-voices nil)))
  (let ((voices (collect-Bs num-users))
        (election-results (loop for j from 0 below (* 2 (1+ (length
*candidates*)))
                                if (evenp j)
                                  collect (make-keyword (ash j -1))
                                  else collect 0)) voice-keyword)
    (setq voices (mapcar #'(lambda (B)
                            (uiop:split-string B :separator " ")) voices)
            voices (mapcar #'(lambda (B-splitted)
                            (parse-integer (car B-splitted))) voices))
    (dolist (voice voices election-results)
      (setq voice-keyword (make-keyword voice))
      (when (getf election-results voice-keyword)

```

```
(incf (getf election-results voice-keyword))))))
```

```

(defpackage #:nss
  (:use #:cl)
  (:export #:nss))

(in-package #:nss)

(defun stop () (read-line))

(defun step-1-substep-1 ()
  (format t "~2%[1.1] -- Создаёт набор опознавательных меток t_i и утверждает
  список возможных избирателей.~2%")
  (destructuring-bind (voters ts) (ta-aux:gen-voters&ts)
    (let ((len (length voters)))
      (do ((j 0 (1+ j))) ((= len j))
        (format t "~4tДля избирателя ~s была сгенерирована опознавательная
  метка ~a;~%"
              (nth j voters) (nth j ts)))))))

(defun step-1-substep-2 ()
  (format t "~%[1.2] -- Отправляет по защищённому каналу по одной метке каждому
  голосующему.~2%")
  (format t "~4tВ дальнейшем для каждого избирателя будет создан индивидуальный
  каталог, содержащий всю необходимую информацию.~%"))

(defun step-1-substep-3 ()
  (format t "~%[1.3] -- Отправляет А весь набор меток без информации о том,
  какая метка кому принадлежит.~%")
  (format t "~%~4tНабор меток был сохранён в файле ts.~%"))

(defun step-1 ()
  (format t "~%~4tШаг [1]. V (регистратор)~2%[1.0.1] -- Определение числа
  избирателей.~%")
  (ta-aux:get-n)
  (step-1-substep-1) (stop)
  (step-1-substep-2) (stop)
  (step-1-substep-3) (stop) t)

(defun step-2-substep-1 (p q n k keys)
  (format t "~%В подписи ESIGN пара чисел (n, k) является открытым ключом, а
  (p, q) -- закрытым.~2%")
  (format t "~4tn = 0x~x;~%~4tk = ~a;~%~4tp = 0x~x;~%~4tq = 0x~x.~%"
        n k p q))

```

```

(format t "~%Эти значения являются общими для всех избирателей.~%")
(format t "~%Сгенерированные значения e-secret каждого избирателя:~%")
(let* ((len-keys (length keys)) (len (length (write-to-string len-keys))))
  (dotimes (j len-keys (terpri))
    (format t "~%~4te-sec_{~v,'0d} = 0x~x;" len (1+ j) (nth j keys))))))

(defun step-2-substep-2 (Bs)
  (format t "~%[2.2] -- Для каждого избирателя было сформировано сообщение
B:~%")
  (let* ((len-Bs (length Bs)) (len (length (write-to-string len-Bs))))
    (dotimes (j len-Bs (terpri))
      (format t "~%~4tB_{~v,'0d} = ~s;" len (1+ j) (nth j Bs))))))

(defun step-2-substep-3 (sigs)
  (format t "~%[2.3] -- Для каждого сообщения B была сформирована подпись
s:~%")
  (let* ((len-sigs (length sigs)) (len (length (write-to-string len-sigs))))
    (dotimes (j len-sigs (terpri))
      (format t "~%~4ts_{~v,'0d} = 0x~x;" len (1+ j) (nth j sigs))))))

(defun step-2-substep-4 (ciphers)
  (format t "~%[2.4] -- К каждой подписи была приложена метка t и всё было
зашифровано:~%")
  (let* ((len-ciphers (length ciphers)) (len (length (write-to-string len-
ciphers))))
    (dotimes (j len-ciphers (terpri))
      (format t "~%~4tencr_{~v,'0d} = 0x~x;" len (1+ j) (nth j ciphers))))))

(defun step-2-substep-5 (num-users)
  (ta-aux:send-ciphertexts num-users)
  (format t "~%[2.5] -- Шифртексты с приложенной меткой t были отправлены на
рассмотрение в А.~%")
  (format t "~%~4tЭти строки были сохранены в файле ciphertexts.~%"))

(defun step-2 ()
  (format t "~%~4tШаг [2]. Е (избиратель)")
  (format t "~%[2.0.1] -- Определение битовой длины чисел p и q.~%")
  (let ((bit-len (ta-aux:get-bit-len)) (num-users (aux:read-parse "n")))
    (format t "~%[2.1] -- Генерирует e-pub, e-priv (для цифровой подписи) и
e-secret (чтобы до нужного времени нельзя было узнать содержимое
бюллетеня).~%")
    (format t "~%[2.1.1] -- Определение параметра безопасности k:~%")
    (destructuring-bind (p q n k) (sig:gen-keys bit-len)

```

```

(destructuring-bind (keys Bs sigs ciphers) (ta-aux:form-folders num-
users)
  (step-2-substep-1 p q n k keys) (stop)
  (step-2-substep-2 Bs ) (stop)
  (step-2-substep-3 sigs ) (stop)
  (step-2-substep-4 ciphers ) (stop)
  (step-2-substep-5 num-users ) (stop) t))))

```

```

(defun step-3-substep-1 ()
  (format t "~2%[3.1] -- Агенство получает шифртексты с тегами. По ним оно
определяет, что сообщение пришло
      от легитимного пользователя, но не может определить, ни от какого, ни
как он проголосовал.")
  (let ((correct-tags? (ta-aux:compare-tags)))
    (format t "~2%~4tРезультат сравнения отправленных стороной V меток и меток
пользователей: ~a.~%"
      correct-tags?) correct-tags?))

```

```

(defun step-3-substep-2 ()
  (format t "~%[3.2] -- Выкладывает в открытый доступ полученную пару р тег-
шифр:~%")
  (let* ((ciphertexts (uiop:read-file-lines "ciphertexts"))
        (len-ciph (length ciphertexts))
        (len (length (write-to-string len-ciph))) pair)
    (setq ciphertexts (mapcar #'(lambda (ciphertext)
      (uiop:split-string ciphertext :separator "
")))
      ciphertexts))
  (dotimes (j len-ciph (terpri))
    (setq pair (nth j ciphertexts))
    (format t "~%~4tp_{~v,'0d} = ~a, 0x~x;"
      len (1+ j) (car pair) (parse-integer (cadr pair))))))

```

```

(defun step-3 ()
  (format t "~%~4tШаг [3]. А (агенство)")
  (when (not (step-3-substep-1))
    (format t "~%Не все значения меток совпали! Завершение протокола.")
    (return-from step-3 nil)) (stop)
  (step-3-substep-2) (stop) t)

```

```

(defun step-4 ()
  (format t "~%~4tШаг [4]. Опубликованный файл служит сигналом Е отправить
секретный ключ e-secret.~%")
  (stop) t)

```

```

(defun step-5-substep-1 (num-users)
  (format t "~2%[5.1] -- Собирает ключи.~%" )
  (let* ((keys (ta-aux:collect-keys num-users))
         (len-keys (length keys))
         (len (length (write-to-string len-keys))))
    (dotimes (j len-keys (terpri))
      (format t "~%~4te-sec_{~v,'0d} = ~a;" len (1+ j) (nth j keys))))))

(defun step-5-substep-2 (num-users)
  (format t "~%[5.2] -- Расшифровывает сообщения.~%" )
  (let* ((decrypted (ta-aux:decrypt-received num-users))
         (len-decr (length decrypted))
         (len (length (write-to-string len-decr))) pair)
    (setq decrypted (mapcar #'(lambda (cipher)
                                (uiop:split-string cipher :separator " ")
                                decrypted))
          (dotimes (j len-decr (terpri))
            (setq pair (nth j decrypted))
            (format t "~%~4tp_{~v,'0d} = ~a, 0x~x;"
                    len (1+ j) (car pair) (handler-case (parse-integer (cadr pair))
                                                            (error () (cadr pair)))))))

(defun step-5-substep-3 (num-users)
  (format t "~%[5.3] -- Производит подсчёт голосов.")
  (let* ((election-results (ta-aux:count-voices num-users))
         (list-voices (loop for j from 0 below (length election-results)
                             when (oddp j)
                             collect (nth j election-results))))
    (format t "~2%Результаты выборов (с учётом \"битых\" голосов):~%" )
    (dotimes (j (length ta-aux:*candidates*) (terpri))
      (format t "~%~4tКандидат ~a набрал ~d голос(а/ов);"
              (nth j ta-aux:*candidates*) (nth j list-voices)))
    (format t "~4tКоличество избирателей, воздержавшихся от голосования: ~d.~%"
            (car (last list-voices)))))

(defun step-5-substep-4 (num-users)
  (format t "~%[5.4] -- Присоединяет к опубликованному шифртексту бюллетень
без опознавательного тега, на чём голосование заканчивается.~%" )
  (let* ((votes (ta-aux:collect-Bs num-users))
         (ciphers (uiop:read-file-lines "ciphertexts"))
         (len (length (write-to-string num-users)))
         (num-cands (length ta-aux:*candidates*)) vote)
    (setq votes (mapcar #'(lambda (vote&tag)
                            (car (uiop:split-string vote&tag :separator " ")))
                        votes)
          votes)

```



```

        votes (mapcar #'parse-integer votes)
        ciphers (mapcar #'(lambda (tag&cipher)
                             (cadr (uiop:split-string tag&cipher :separator "
)))) ciphers)
        ciphers (mapcar #'parse-integer ciphers))
(dotimes (j num-users (terpri))
  (setq vote (1+ (nth j votes)))
  (when (= (1+ num-cands) vote)
    (setq vote 'X))
  (format t "~%~4tv&c_{~v,'0d} = ~a, 0x~x;"
          len (1+ j) vote (nth j ciphers))))))

(defun step-5 ()
  (let ((num-users (aux:read-parse "n")))
    (format t "~%~4tllar [5]. A (агєнстѵо)")
    (step-5-substep-1 num-users) (stop)
    (step-5-substep-2 num-users) (stop)
    (step-5-substep-3 num-users) (stop)
    (step-5-substep-4 num-users) t))

(defun nss ()
  (ignore-errors (uiop:run-program "make"))
  (format t "~%~25t[ПРОТОКОЛ ДВУХ АГЕНСТВ]~%")
  (step-1) (step-2)
  (step-3) (step-4)
  (step-5) t)

```