编码 1110 作业

November 2022

1 第一题

7.13

由 $G(x) = 1 + x^4 + x^6 + x^7 + x^8$ 得, generator matrix:

行变化可得:

由 generator matrix 可得 parity-check polynomial:

$$h(x) = (x^15 - 1)/(1 + x^4 + x^6 + x^7 + x^8) = 1 + x^4 + x^6 + x^7$$

$$h_R(x) = 1 + x + x^3 + x^7$$

对应的 parity-check matrix:

2 第二题

7.20

由于 α 是本原元,则 $F_{2^m} = \{0, \alpha, \alpha^2, \dots, \alpha^{2^m-1}\}$

由于 g(x) 是本原元 α 的极小多项式,则 g(x) 一定能整除 $x^{2^m-1}-1$,且 g(x) 的维数是 m,因此 g(x) 能生成一个长度为 2^m-1 ,维数是 2^m-1-m 的循环码