

## Addition

## 1 Descriptif

L'objectif de ce défi est d'implémenter l'addition de deux nombres binaires. L'idée générale de cet algorithme est de manipuler en permanence trois variables :

- Une retenue R (initialisée à 0)
- Le bit du premier nombre  $B_1$
- Le bit du second nombre  $B_2$

En regardant le résultat de  $R+B_1+B_2$ , il est possible d'en déduire le bit du résultat et la nouvelle valeur de la retenue.

Par exemple, si on essaye de faire l'addition suivante : 1011 + 111, l'algorithme se déroule de la façon suivante :

- 1. On prend le premier bit des deux nombres  $:B_1=1, B_2=1$  et R=0.
- 2. Comme  $B_1 + B_2 + R = 2$ , on en déduit que le premier bit du résultat est 0 et R prend la valeur 1.
- 3. On prend le deuxième bit des deux nombres :  $B_1 = 1$ ,  $B_2 = 1$  et R = 1.
- 4. Comme  $B_1 + B_2 + R = 3$ , on en déduit que le deuxième bit du résultat est 1 et R prend la valeur 1.
- 5. On prend le troisième bit des deux nombres :  $B_1 = 0$ ,  $B_2 = 1$  et R = 1.
- 6. Comme  $B_1 + B_2 + R = 2$ , on en déduit que le troisième bit du résultat est 0 et R prend la valeur 1.
- 7. On prend le quatrième bit des deux nombres :  $B_1 = 1$ ,  $B_2 = 0$  et R = 1.
- 8. Comme  $B_1 + B_2 + R = 2$ , on en déduit que le quatrième bit du résultat est 0 et R prend la valeur 1.
- 9. On prend le cinquième bit des deux nombres :  $B_1 = 0$ ,  $B_2 = 0$  et R = 1.
- 10. Comme  $B_1 + B_2 + R = 1$ , on en déduit que le quatrième bit du résultat est 1 et R prend la valeur 0.
- 11. Le résultat est donc 10010.

## 2 Protocole

- 1. Une fois la connexion établie, le serveur commence par envoyer un premier message annonçant le début du défi :
  - -- Debut du defi : Addition --

Ce message n'attend pas de réponse.

2. Le serveur envoie ensuite une série de nombres binaires (de taille aléatoire) deux par deux.

- 3. Pour chaque paire de nombres binaires, le serveur doit recevoir en retour un nombre binaire (sous forme binaire) égal à la somme de deux nombres binaires envoyés.
- 4. Après chaque réponse, le serveur enverra un message commençant par "OK" ou "NOK" suivant si la réponse est correcte ou non.
- 5. A la fin du défi, le serveur enverra un message indiquant "Defi valide" ou "Defi echoue!". Aucune réponse n'est attendue.
- 6. Le serveur terminera la communication par le message "FIN", votre client devra alors fermer la socket. Aucune réponse n'est attendue.

## 3 Exemple de communication

Voici un exemple (incomplet) d'une communication pour ce défi. Dans cet exemple les "<" et ">" indiquent le sens de transfert de chaque message et ne doivent pas être présents dans la communication.

- < -- Debut du defi : Addition --
- < 1000111111001010100
- < 11100000000011010101111
- > 1110100100000110101011
- < OK
- < 110010110011000101
- < 111010001111100110011001001110
- > 11101001000011001001100010011
- < OK
- < 1001010000111
- < 11111011010000111110111000
- > 1111101101001101000111111
- < OK