

## Лабораторная работа № 1

Выполнила:

студентка 21ПИ2 Болотина С. Е.

### Цель:

Вычислить среднее время работы трех алгоритмов поиска в отсортированной матрице, заполненной первым способом:

$$a[i][j] = (N / M * i + j) * 2, \text{ где } target = 2N + 1$$

Сравнить полученные результаты времени работы трех алгоритмов, сделать выводы.

А также вычислить время работы экспоненциального поиска в отсортированной матрице, заполненной вторым способом:

$$a[i][j] = (N/M*(i + 1)(j + 1)) * 2, \text{ где } target = 16N + 1$$

Сравнить полученные результаты времени работы экспоненциального поиска на двух видах данных, сделать выводы.

### Ход работы:

В лабораторной использовались:

ЯП Python 3.9

IDE PyCharm Community Edition 2021.3.2

### Сложность:

*Binary search:*  $O(M * \log N)$

*Ladder search:*  $O(M + N)$

*Exponential search:*  $O(\log N)$  – проход по строке и таким строк  $M$ , следовательно,  $O(M * \log N)$

Стоит заметить, что если первый элемент матрицы(он же минимальный) больше искомого, алгоритмы завершают свою работу – сложность  $O(1)$ . В дальнейшем рассматриваем случай, когда искомый элемент предположительно может содержаться в матрице.

Можно было бы предположить, что бинарный и экспоненциальный поиск работают примерно одинаково.

1. Однако по результатам видно(диаграмма 1), что с увеличением количества строк в матрице хуже всего работает бинарный поиск. В случае если искомого элемента нет в матрице, алгоритм будет зависеть только от количества столбцов( $N$ ) и строк( $M$ ). Значит, при постоянном количестве столбцов( $N$ ), а следовательно, и постоянном времени работы бинарного поиска по строкам, равного  $\log N$ , время работы алгоритма будет расти в той же степени, в какой увеличивается число строк( $M$ ). Как можно видеть из таблицы(приложение 1), время работы увеличивается в два раза при увеличении  $M$  в два раза.

В лучшем случае, искомый элемент будет найден в первой строке, тогда сложность будет составлять  $O(\log N)$ .

2. Время работы экспоненциального поиска сравнимо со временем работы бинарного поиска на промежутке от  $M = 2$  до  $M = 256$ , однако, когда количество столбцов матрицы все больше

приближается к количеству строк, время выполнения бинарного поиска начинает возрастать быстрее.

На основании имеющихся данных можно сказать, что экспоненциальный поиск превосходит бинарный, когда количество строк в матрице возрастает, в том случае, если при выполнении алгоритма экспоненциального поиска рассматривается не вся строка, а её часть. Это происходит, когда искомый элемент предположительно находится ближе к концу строки, а поскольку данные отсортированы по возрастанию, в дальнейшем поиске можно будет использовать только подходящий интервал строки, что уменьшает время работы бинарного поиска по строке до  $\log j$ , где  $j$  – размер интервала.

3. Время работы алгоритма «лесенка» колеблется на том же уровне в промежутке от  $M = 4$  до  $M = 2048$ , при минимальном количестве строк время работы несколько ниже, начиная с  $M = 4096$ , время работы начинает возрастать. Сложность этого алгоритма  $O(M + N)$  превосходит сложность бинарного и экспоненциального  $O(M * \log N)$ . На имеющихся начальных данных, где  $M \leq 10$ , хорошо видно, что алгоритм «лесенка» работает значительно дольше.

Однако, поскольку  $N$  не меняется, следовательно,  $\log(N)$  тоже, тогда начиная с какого-то  $M$  произведение  $M * \log N$  будет превосходить  $M + N$ .

4. Как можно видеть на диаграмме 2, экспоненциальный поиск работает эффективнее, когда данные в имеющейся матрице заполнены вторым способом (экспоненциально), поскольку тогда разница значений между соседними элементами большая и при экспоненциальном увеличении индекса элемента быстрее находится интервал, где может находиться искомый элемент. В том случае, когда значение количество столбцов матрицы приближается к значению количества строк, время работы экспоненциального поиска на двух разных типах данных стремится к одному и тому же значению, как можно видеть из диаграммы 3 время работы во втором случае чуть менее, чем в два раза, меньше. Т.е. на экспоненциальный поиск заметно замедляется при увеличении количества столбцов матрицы

#### **Выводы:**

Экспоненциальный поиск лучше использовать с большими массивами, когда бинарный поиск затратен, поскольку экспоненциальный поиск разделяет данные на более доступные для поиска части.

Если  $N$  не меняется, следовательно,  $\log(N)$  тоже, тогда начиная с какого-то  $M$  произведение  $M * \log N$  будет превосходить  $M + N$ .

Экспоненциальный поиск работает эффективнее, когда данные заполнены экспоненциально, поскольку тогда разница значений между соседними элементами большая и при экспоненциальном увеличении индекса элемента быстрее находится интервал, где может находиться искомый элемент. Однако с увеличением  $M$ , которое таким образом приближается к  $N$ , время работы алгоритма сильно увеличивается.

Диаграмма 1.

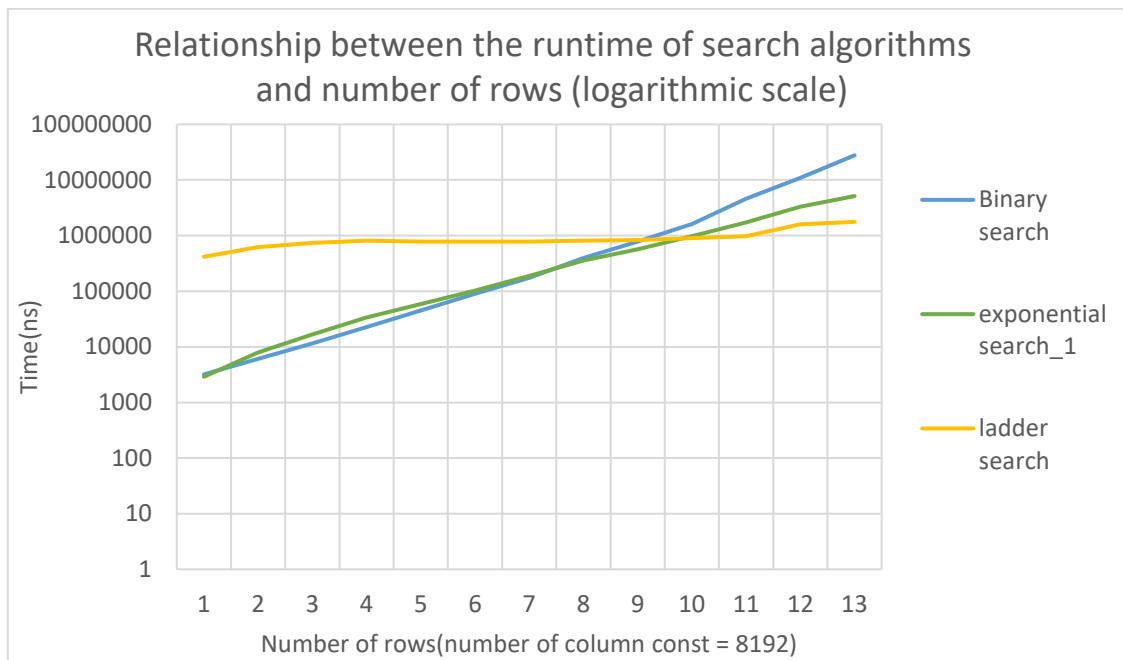


Диаграмма 2.

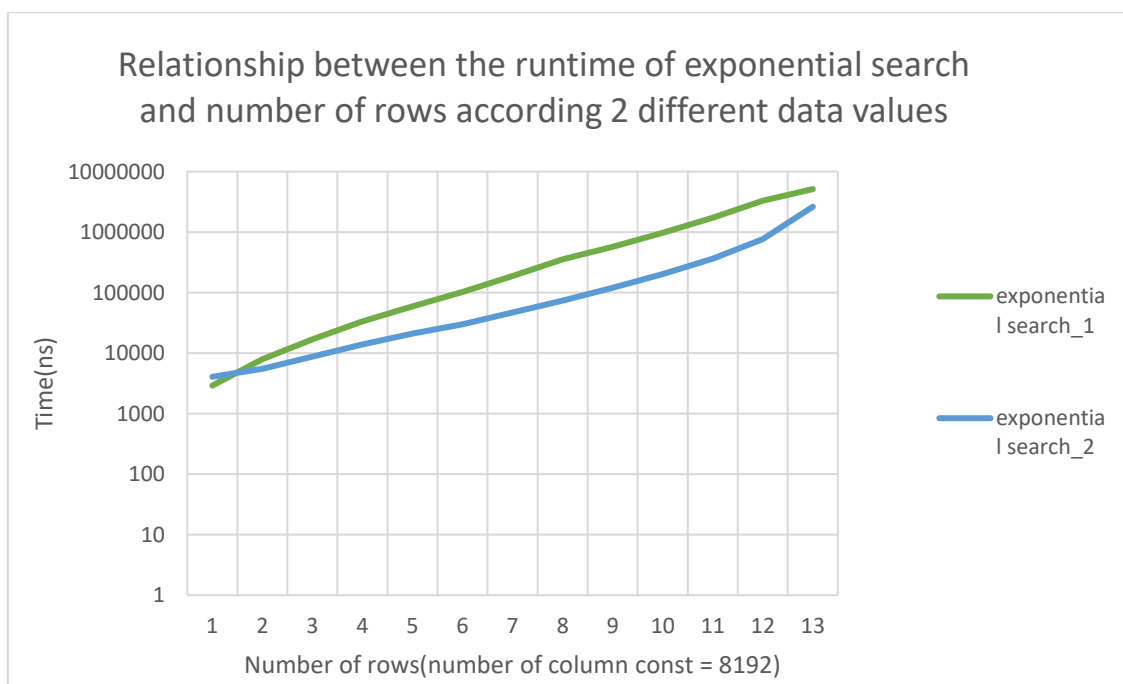
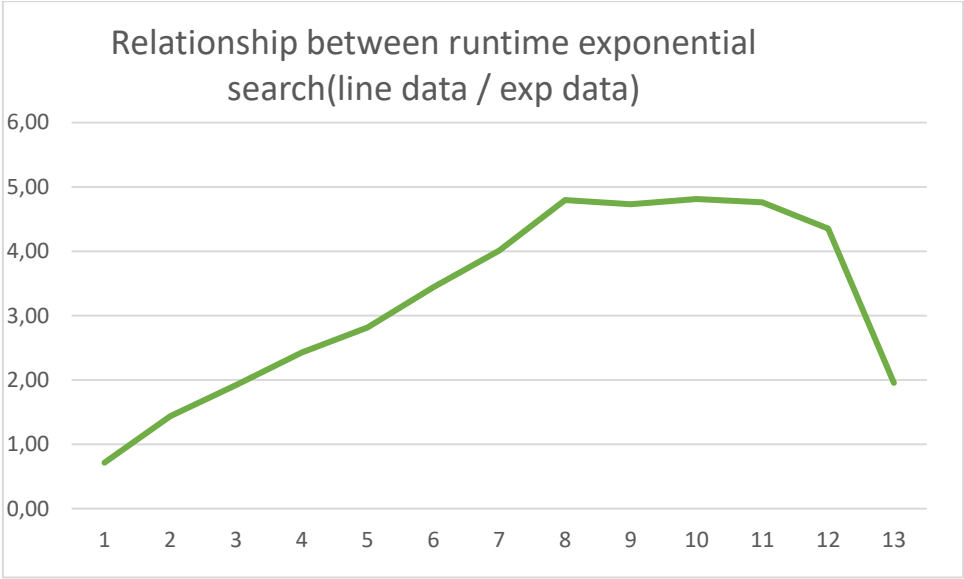


Диаграмма 3.



Приложение 1.

Binary search	
m	time(nanoseconds)
2	3196
4	6102
8	11558
16	22789
32	45039
64	89698
128	174111
256	395342
512	775402
1024	1611259
2048	4617881
4096	10911268
8192	27761831

Приложение 2.

exponential search_1	
m	time(nanoseconds)
2	2906
4	7910
8	16804
16	33586
32	58973
64	102608
128	188790
256	354518
512	569832
1024	980536
2048	1729678
4096	3314736
8192	5135877

Приложение 3.

ladder search	
m	time(nanoseconds)
2	416847
4	622337
8	743022
16	806746
32	779101
64	782278
128	781529
256	811688
512	829098
1024	903500
2048	970644
4096	1593568
8192	1769547

Приложение 4.

exponential search_2	
m	time(nanoseconds)
2	4064
4	5497
8	8746
16	13828
32	20928
64	29799
128	47078
256	73938
512	120486
1024	203753
2048	363125
4096	761361
8192	2626017

Приложение 5.

exp1 / exp2	
2	0,72
4	1,44
8	1,92
16	2,43
32	2,82
64	3,44
128	4,01
256	4,79
512	4,73
1024	4,81
2048	4,76
4096	4,35
8192	1,96