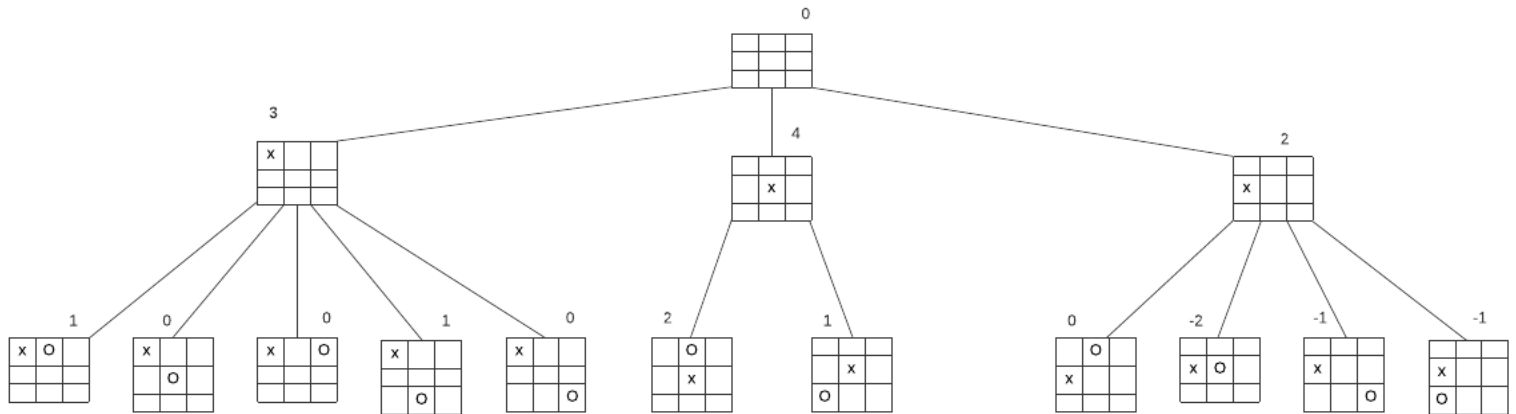
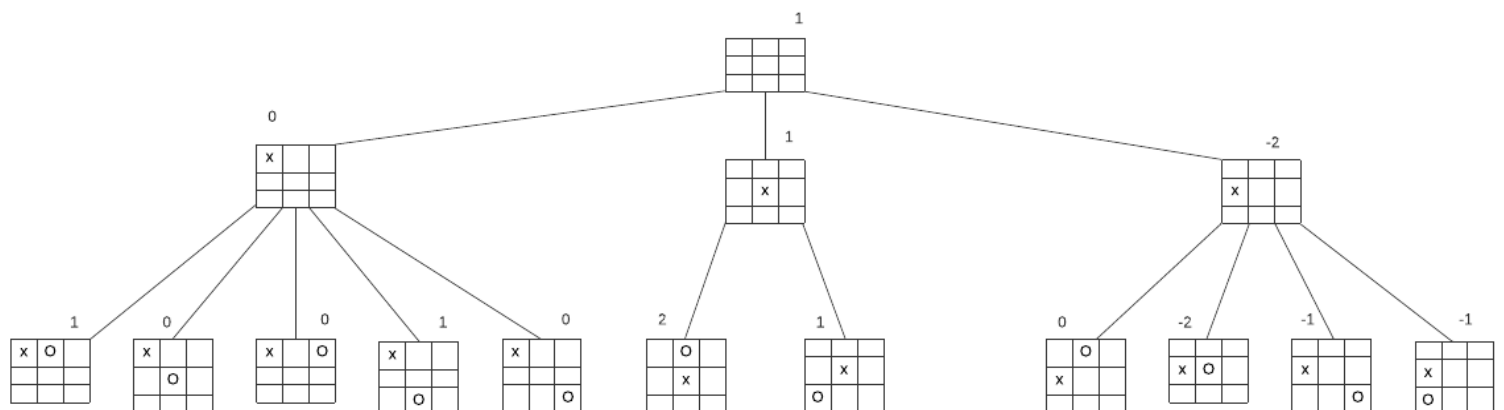


Πρόβλημα 1
Άσκηση 2,3



Άσκηση 4



Άσκηση 5

Ο αλγόριθμος alpha-beta κόβει τους 3 τελευταία φύλλα στο πιο δεξιά node. Όταν ελέγχει την utility function του αριστερού παιδιού-φύλλου, βρίσκει πως είναι 0 ($0 < 1$), δεν ελέγχει τις υπόλοιπες και αναθέτει την τιμή minimax 1 στη ρίζα.

Αν οι κόμβοι παράγονται με την αντίθετη σειρά θα κόψει τα τελευταία 4 φύλλα (από δεξιά στα αριστερά) από το πιο αριστερό παιδί. Βλέπει πως η utility function είναι 0 ($0 < 1$), οπότε δεν ελέγχει τις υπόλοιπες και αναθέτει την minimax 1 στη ρίζα.

Στην προκειμένη περίπτωση, η δεύτερη μέθοδος είναι καλύτερη καθώς παράγει 11 nodes και η πρώτη παράγει 12 nodes.

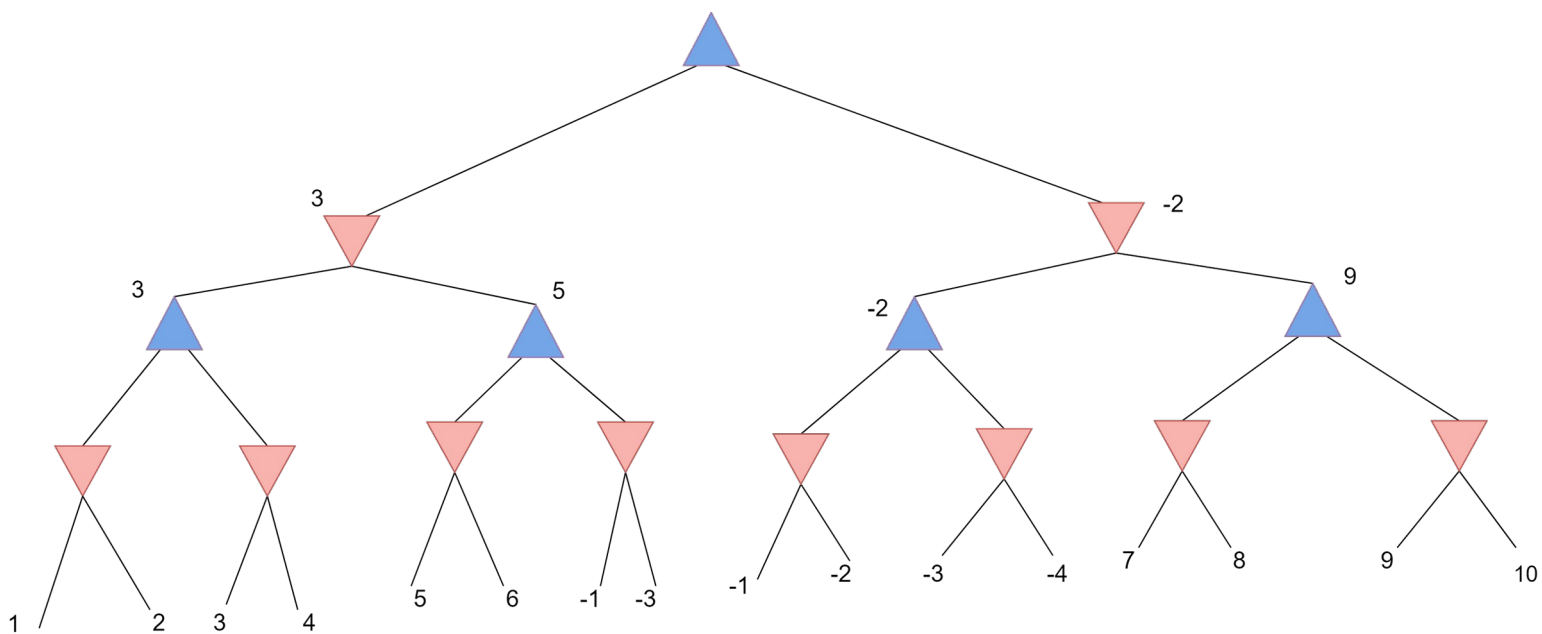
Πρόβλημα 2

Για να είναι βέλτιστος ο alpha-beta αλγόριθμος, πρέπει να παράγονται πρώτα οι κόμβοι που αποτελούν την καλύτερη λύση για τον κάθε παίκτη. Δηλαδή όταν παίζει ο παίκτης X, να παράγονται με φθίνουσα σειρά οι κόμβοι και όταν παίζει ο O να παράγονται με αύξουσα σειρά.

Για την αντίθετη περίπτωση παρατηρείται η μέγιστη παραγωγή κόμβων από τον αλγόριθμο

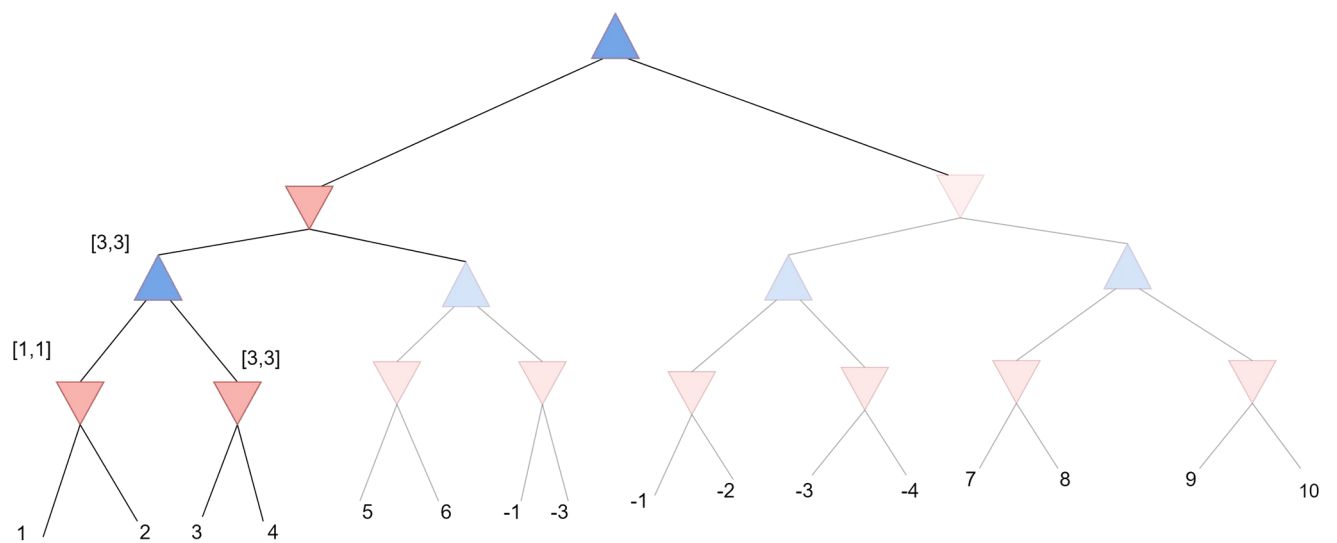
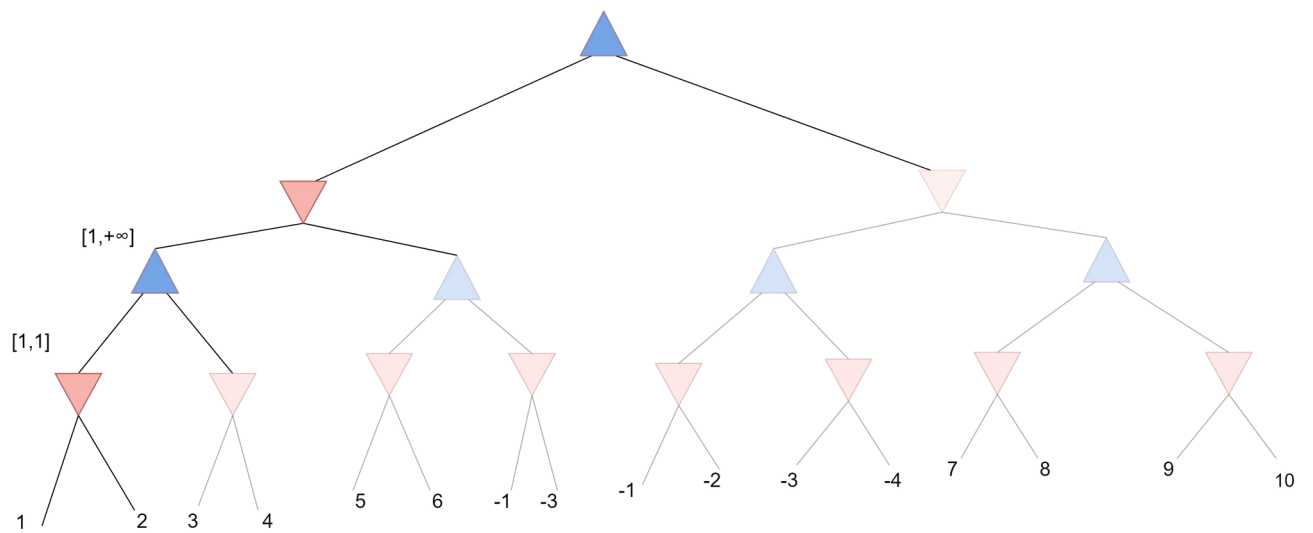
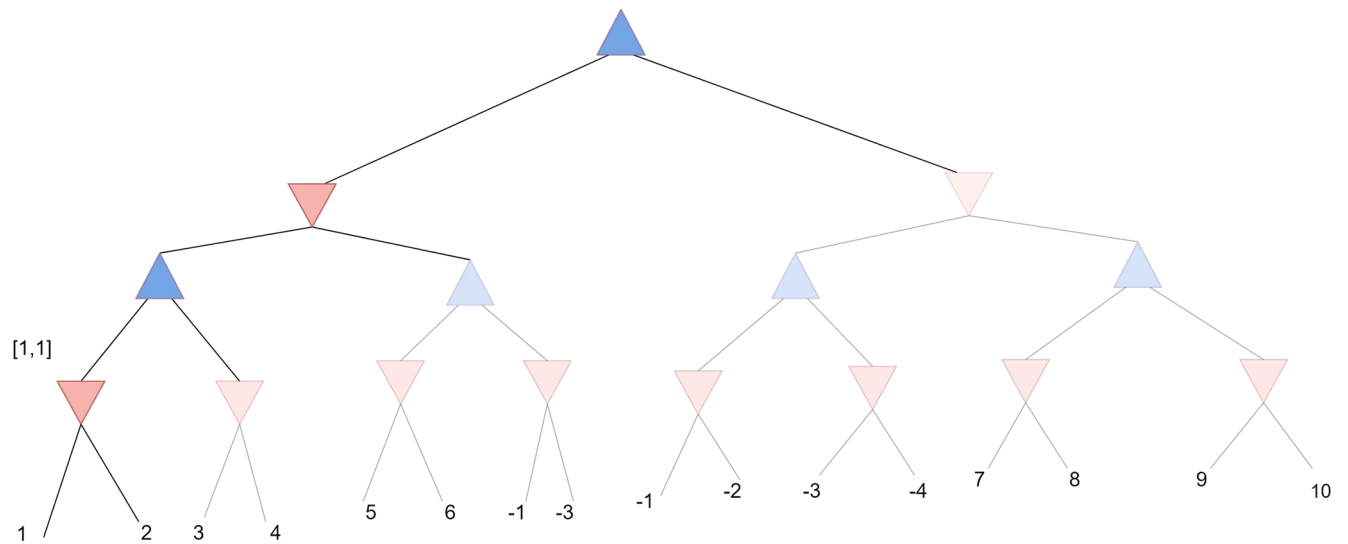
Πρόβλημα 3

Στη ρίζα θα διαλέξει τον αριστερό κόμβο, καθώς έχει το μεγαλύτερο minimax value.

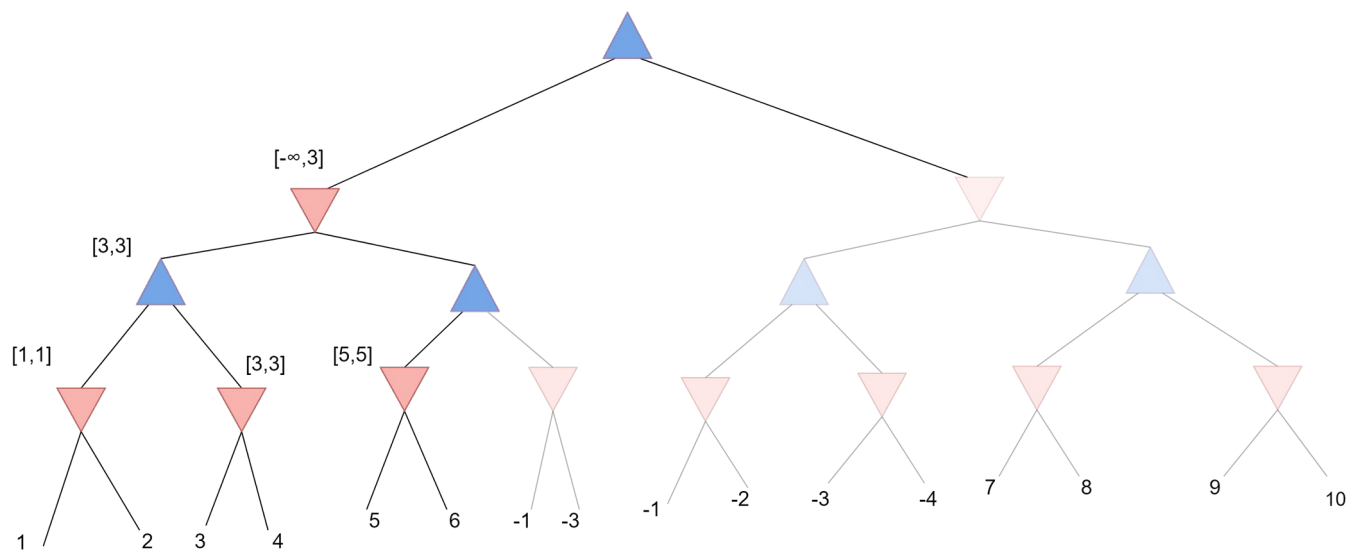
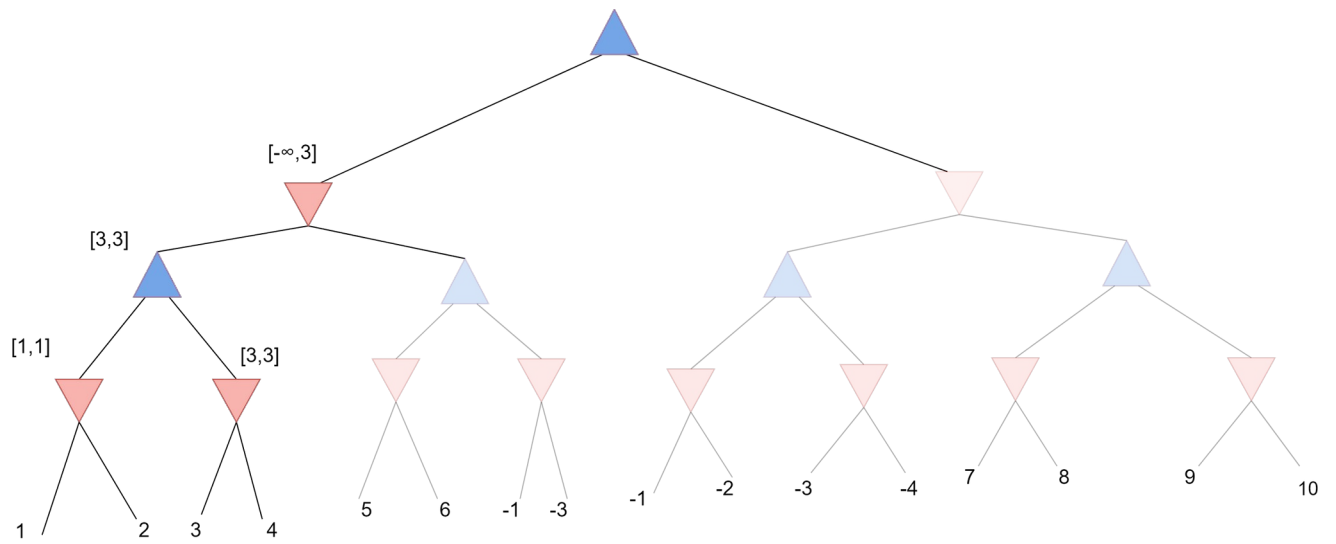
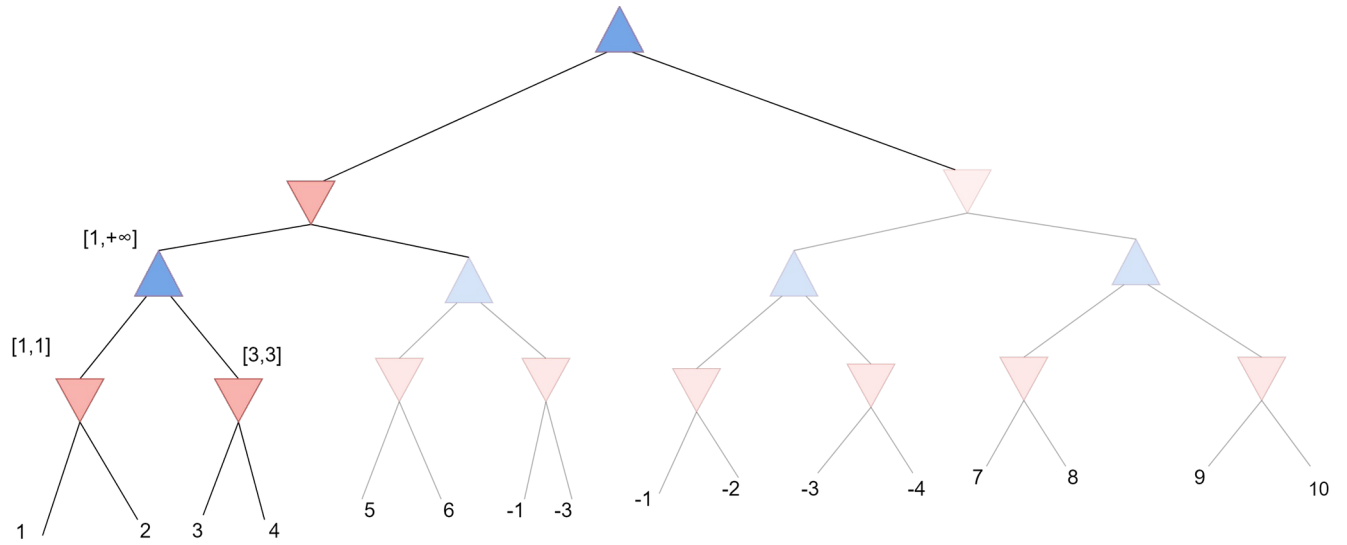


Alpha-Beta:

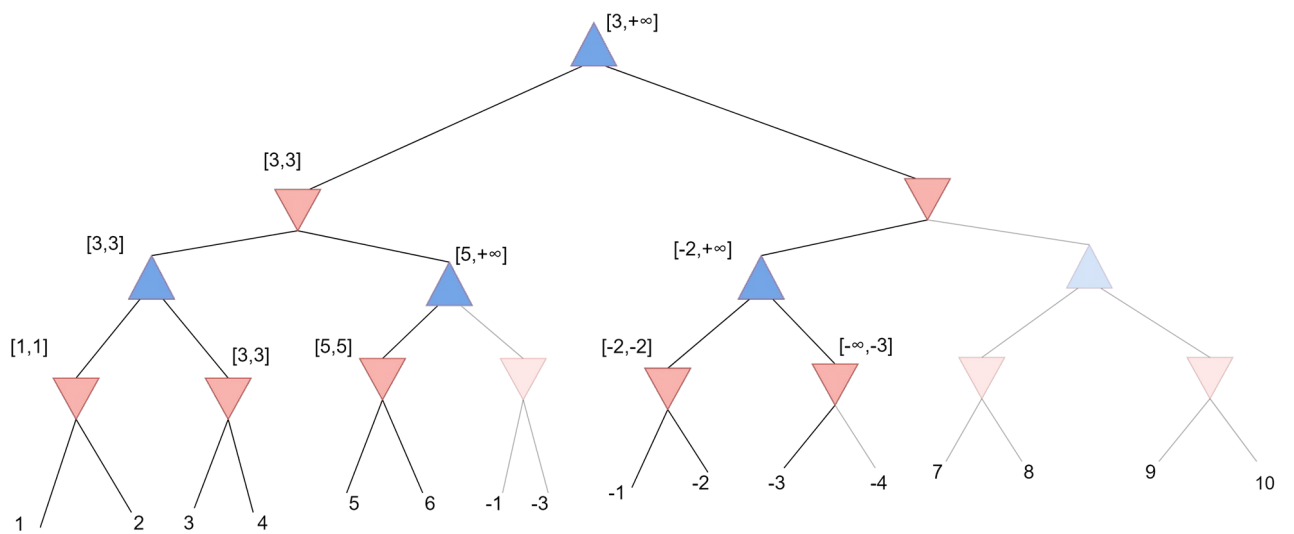
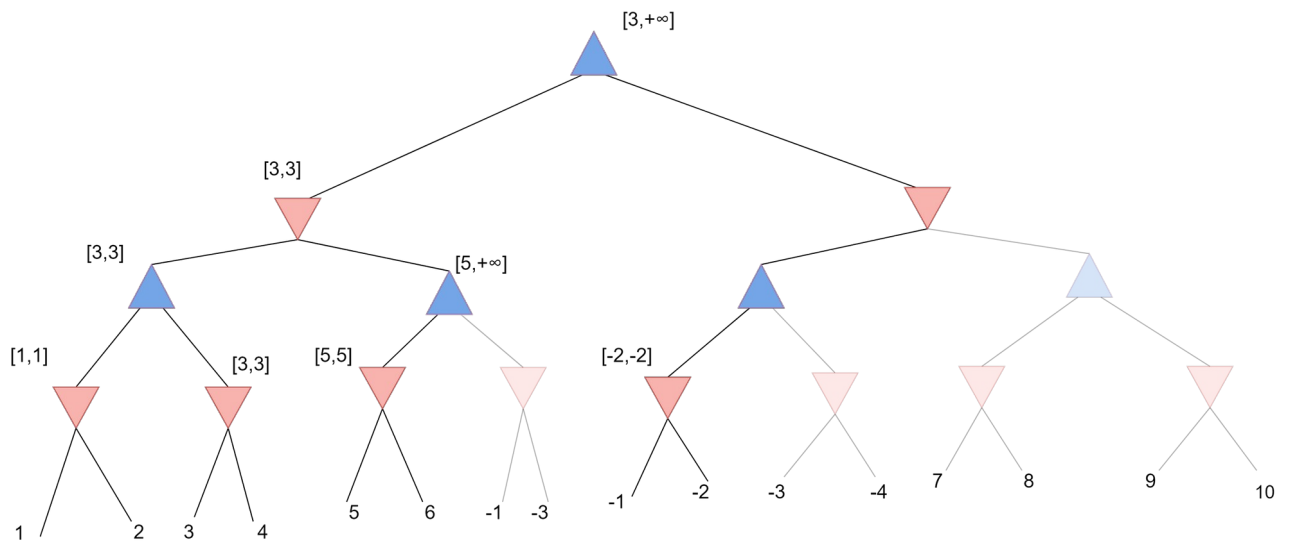
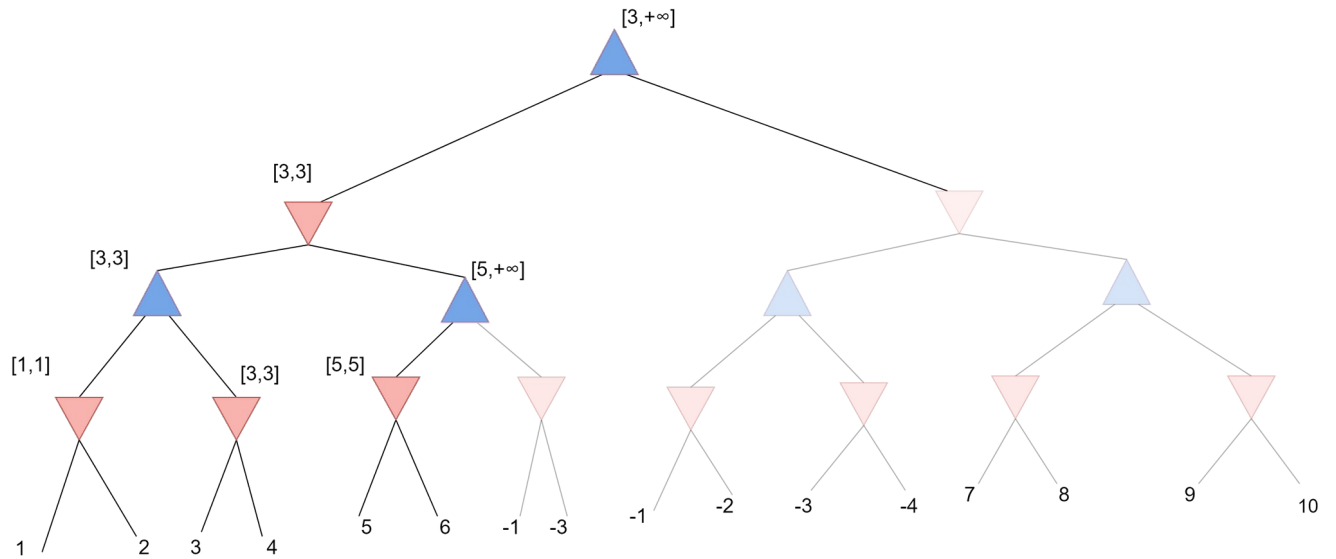
Εργασία 2
Χαράλαμπος Τσιτσιρίγγος
sdi1900198



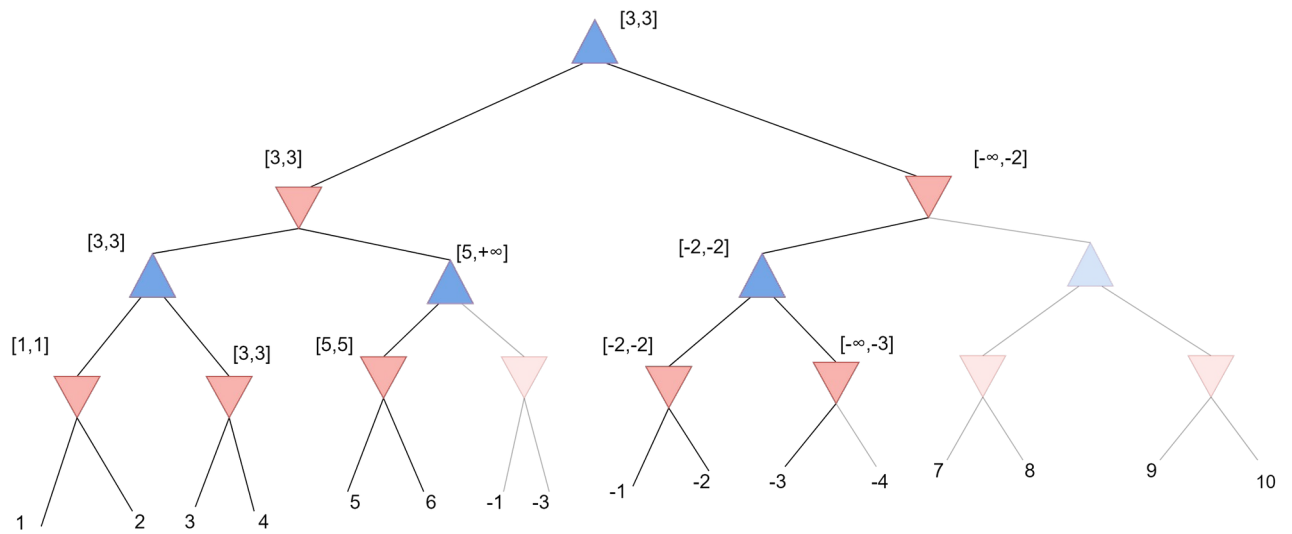
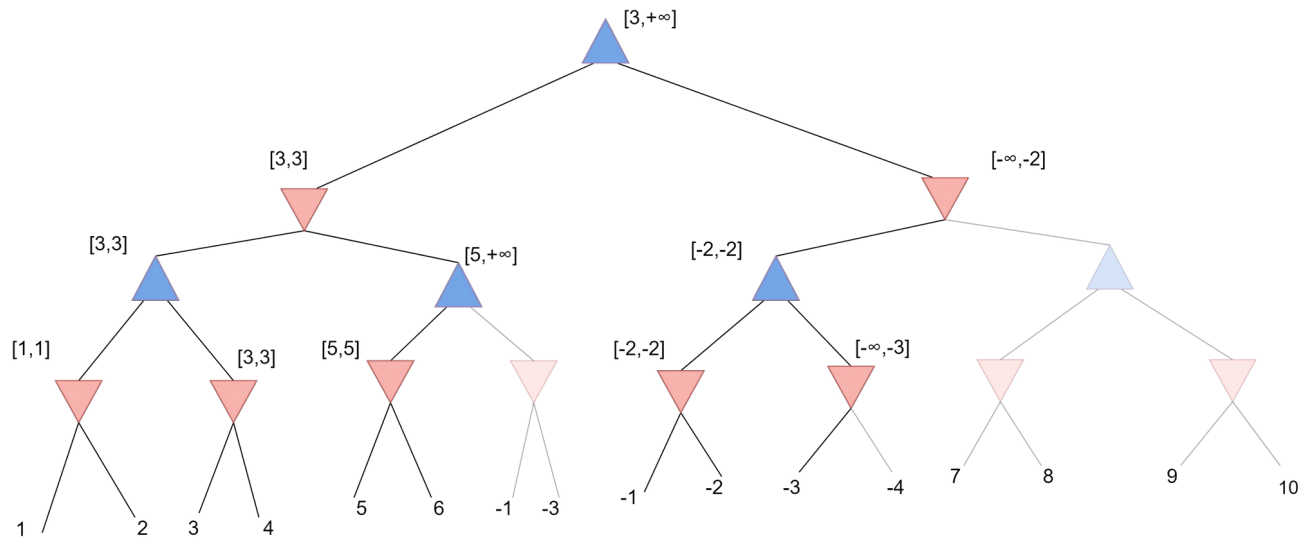
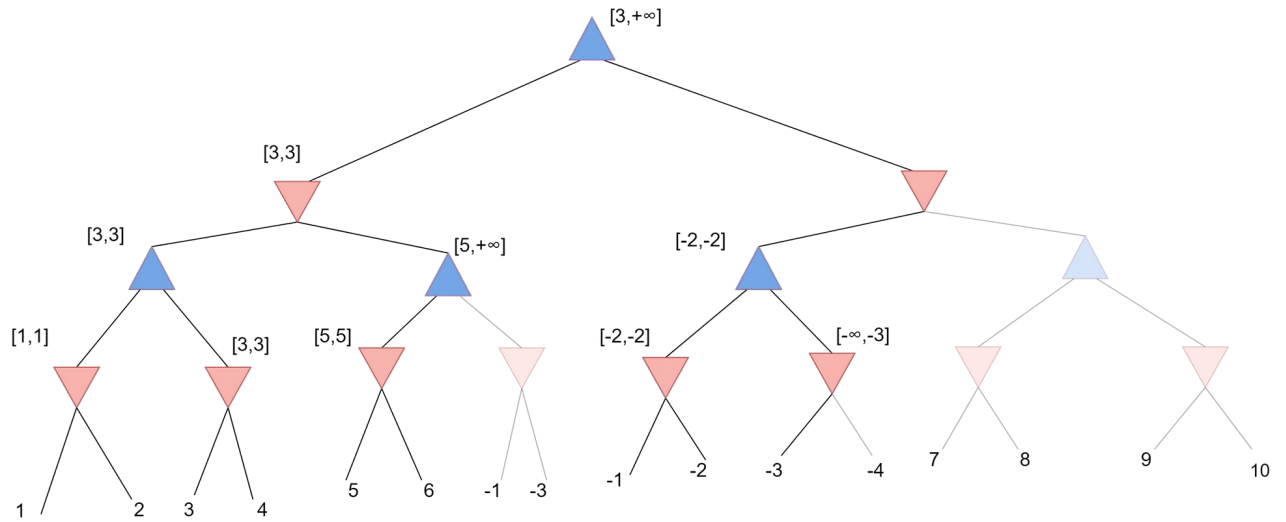
Εργασία 2
Χαράλαμπος Τσιτσιρίγγος
sdi1900198



Εργασία 2
Χαράλαμπος Τσιτσιρίγγος
sdi1900198



Εργασία 2
Χαράλαμπος Τσιτσιρίγγος
sdi1900198



Πρόβλημα 4

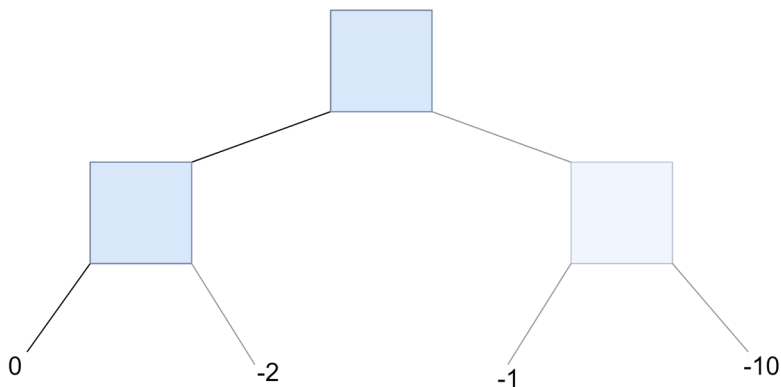
α) Δεν υπάρχει κάποιος αλγόριθμος για να κλαδέψουμε ένα unordered max-tree καθώς δεν υπάρχει ένα upper bound στα values των παιδιών ενός node. Αν όμως παράγουμε τα nodes με σειρά από το βέλτιστο στο λιγότερο χρήσιμο, τότε εμφανίζεται ένα upper bound για τα παιδιά του κάθε node. Συγκεκριμένα θα είναι, με c_0, c_1, \dots, c_n παιδιά:

$$\text{eval}(c_0) \geq \text{eval}(c_1), \dots, \geq \text{eval}(c_n)$$

Έτσι μπορούμε να κρατάμε ένα γενικό max με το οποίο θα ελέγχουμε το $\text{eval}(c_0)$. Αν είναι η eval είναι μικρότερη, τότε, δεν θα παράγουμε τα υπόλοιπα nodes

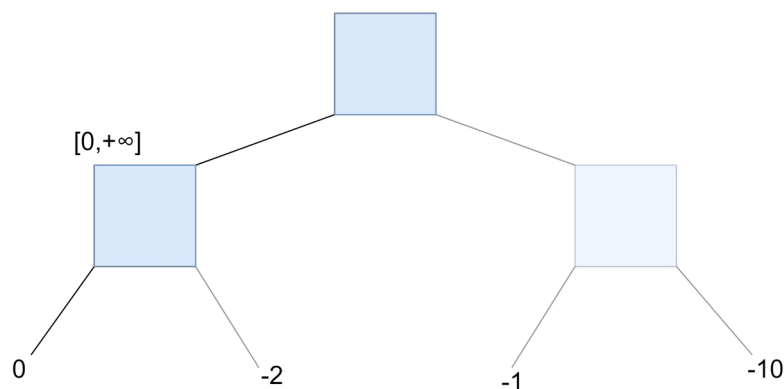
β) Δεν υπάρχει κάποιος αλγόριθμος να κλαδέψουμε ένα expectiamax tree καθώς από τον ορισμό, πρέπει να παραχθούν όλα τα nodes για να έχουμε τιμές.

γ) Ναι καθώς τώρα υπάρχει upper bound το 0. (αν υποθέσουμε ότι δεν έχουμε ισοπαλίες)
Πχ:

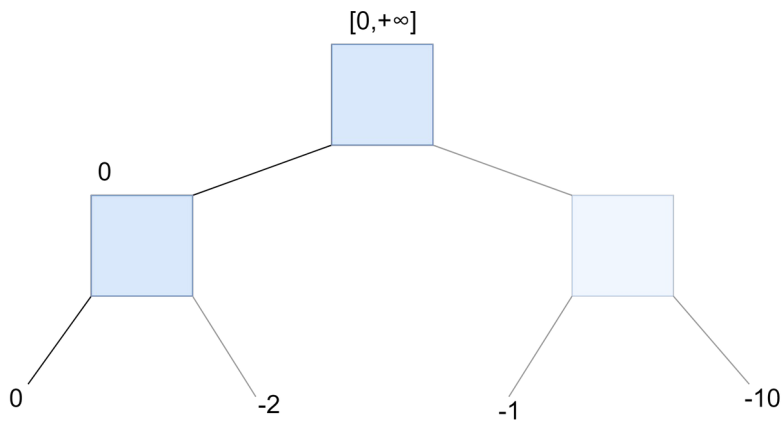


1) Πηγαίνοντας στα αριστερά βρίσκουμε το 0

2) Άρα ο κόμβος έχει τιμή σίγουρα $[0, +\infty]$, άρα 0, αφού έχουμε upper bound το 0.



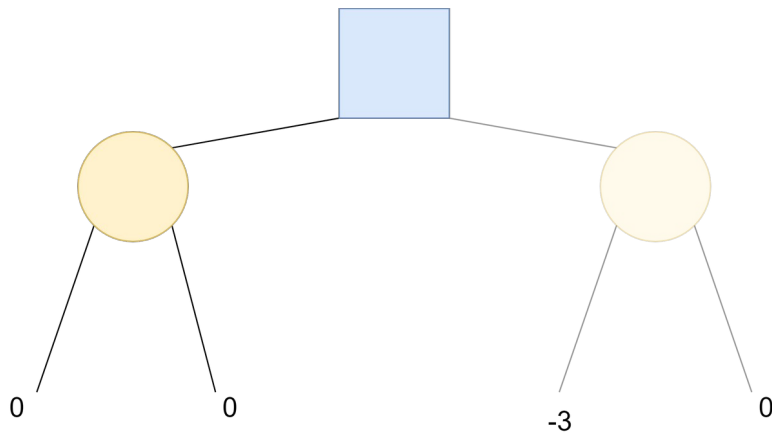
Έτσι δεν χρειάζεται να παράξουμε το node με τιμή -2.



3) Ομοίως για το parent node. Έχει τιμή μεγαλύτερη ή ίση του 0, άρα ίση του μηδενός

δ) Ναι. (αν υποθέσουμε ότι δεν έχουμε ισοπαλίες) Πχ:

1) Υπολογίζουμε τον αριστερά κόμβο.



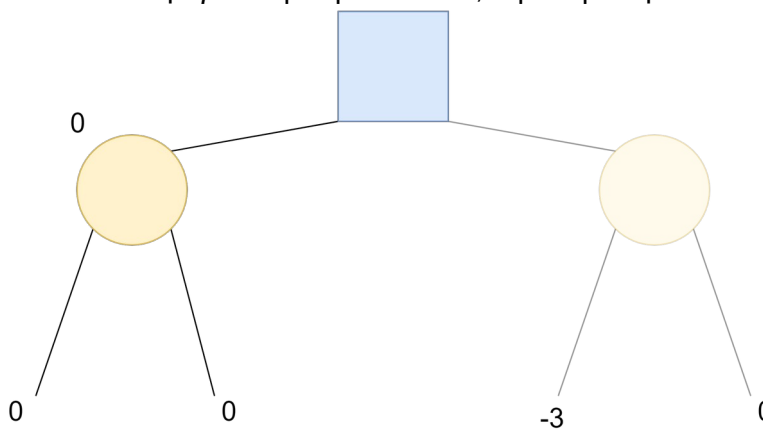
2) Είναι ίσος με 0. Το 0 είναι upper bound

3) Το max είναι μεγαλύτερο ή ίσο του 0, δηλαδή ίσο με το 0 και άρα ίσο με την max τιμή. Οπότε δεν χρειάζεται να παράξουμε το δεξί παιδί.

ε) Όχι
 upper
 κόμβοι

στ)
 upper

τιμές, άρα να παραχθούν όλοι οι κόμβοι



καθώς δεν υπάρχει
 bound, άρα πρέπει να
 παραχθούν όλοι οι

Όχι καθώς δεν υπάρχει
 bound, άρα πρέπει να
 υπολογίσουμε όλες τις

Εργασία 2
Χαράλαμπος Τσιτσιρίγγος
sdi1900198

ζ) Ναι. Κάθε φορά που σε κάποιο childNode συναντάμε το 1 (δηλαδή το μέγιστο) ,δεν χρειάζεται να παράξουμε και τα υπόλοιπα παιδιά , αφού η τιμή θα είναι σίγουρα 1.

η) Μπορούμε μόνο αν συναντήσουμε κάποιο chanceNode με τιμή 1, δηλαδή όλα τα παιδιά του είναι ίσα με 1. Άρα η τιμή του κόμβου max θα είναι μεγαλύτερη ή ίση του 1 , άρα 1. Αν δεν έχουμε ισοπαλίες , τότε ο αλγόριθμος θα σταματούσε εκεί . Αν μπορεί να έχουμε , τότε θα έπρεπε να παράγουμε τα childNodes του επόμενου chanceNode μέχρι να βρούμε 0 . Όταν βρούμε 0 , είναι σίγουρο πως η τιμή του chanceNode θα είναι λιγότερο από 1 , άρα ο αλγόριθμος προχωράει.