

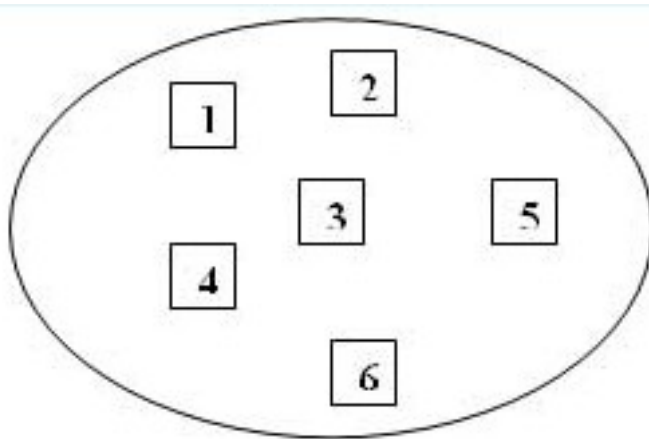
Ассоциативные контейнеры

Ассоциативные контейнеры — это упорядоченные коллекции, в которых позиция элемента зависит от его значения (или ключа, если элемент представляет собой пару ключ-значение)
set, multiset, map, multimap

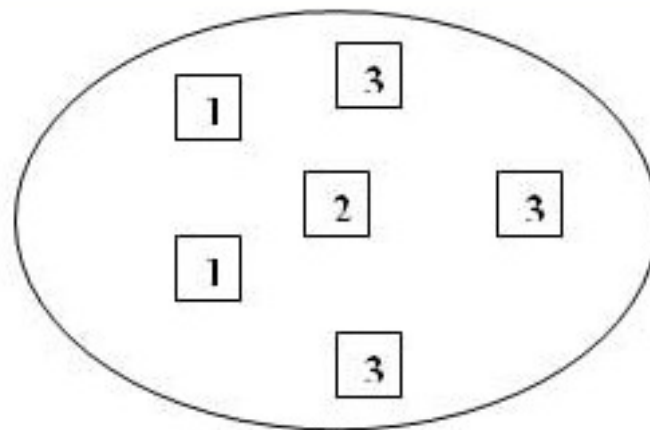
Неупорядоченные контейнеры

Неупорядоченные контейнеры — позиция элемента не имеет значения, смысл имеет только принадлежность конкретного элемента такой коллекции.
unordered set, unordered multiset, unordered map, unordered multimap

Множество и мультимножество (set и multiset)



Множество
все элементы различны



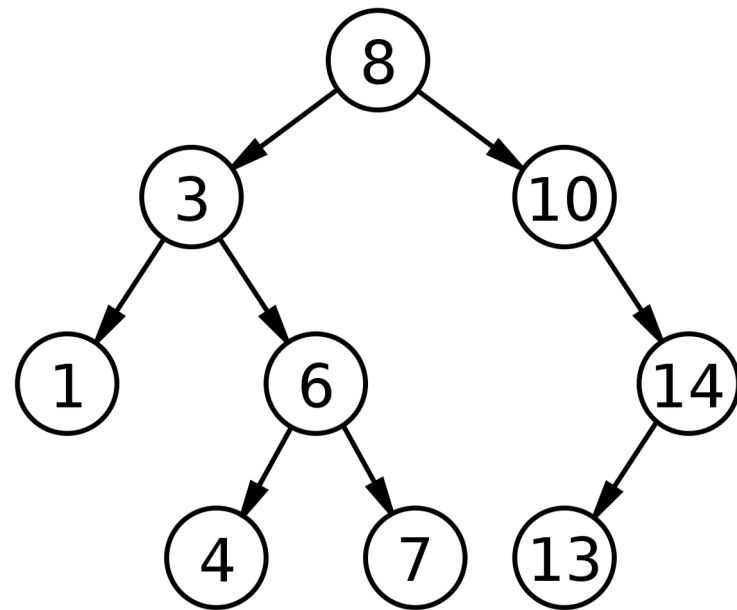
Мультимножество
могут быть повторяющиеся
элементы

Ассоциативные контейнеры

Ассоциативные контейнеры автоматически сортируют свои элементы в соответствии с определенным значением. Элементы могут быть или значениями любого типа, или парой ключ-значение. Критерий сортировки может задаваться в виде функции, сравнивающей значения или ключи. По умолчанию контейнеры сравнивают элементы или ключи с помощью операции $<$.

Обычно ассоциативные контейнеры реализуются с помощью бинарных деревьев.

- Основное преимущество ассоциативных контейнеров в том, что поиск элемента с заданным значением выполняется за логарифмическое время.
- Недостаток ассоциативных контейнеров в том, что значения невозможно изменять непосредственно, потому что при этом может быть нарушен порядок элементов.



Сортировка в ассоциативных контейнерах

Основное преимущество автоматической сортировки в том, что бинарное дерево допускает эффективный поиск конкретного значения. Функция поиска имеет логарифмическую сложность. Например, для поиска элементов в множестве или мультимножестве, состоящем из 1000 элементов, поиск по дереву в среднем требует в 50 раз меньше сравнений, чем при линейном поиске (который осуществляется алгоритмами поиска, обходящими все элементы).

В то же время автоматическая сортировка накладывает следующее ограничение на множества и мультимножества: значение элемента нельзя изменить непосредственно, потому что это может нарушить правильный порядок следования элементов.

Таким образом, для модификации элемента нужно удалить элемент, имеющий старое значение, и вставить элемент, имеющий новое значение.

Критерий сортировки

Критерий сортировки можно задать двумя способами:

1. Как шаблонный параметр:

```
std::set<int, std::greater<int>> coll;
```

2. Как параметр конструктора:

set c(beg, end, op) — создание множества с критерием сортировки op, инициализированное элементами из интервала [beg, end)

Немодифицирующие операции над множествами и мультимножествами

c.key_comp() - возвращает критерий сравнения

c.empty() - возвращает результат проверки того, что контейнер пуст

c.max_size() - возвращает максимально возможное число элементов

Функции поиска для множеств и мультимножеств

`c.count(val)` — возвращает количество элементов, имеющих значение `val`

`c.find(val)` — возвращает позицию первого элемента, имеющего значение `val` (или позицию `end()`, если элемент не найден)

`c.lower_bound(val)` — возвращает первую позицию, в которую можно вставить элемент со значением `val` (первый элемент, удовлетворяющий условию $\geq val$)

`c.upper_bound(val)` — возвращает последний элемент, в который можно вставить элемент со значением `val` (первый элемент, удовлетворяющий условию $> val$)

`c.equal_range(val)` — возвращает интервал со всеми элементами, значение которых равно `val` (то есть первую и последнюю позицию, в которые можно вставить элемент со значением `val`)

Вставка и удаление элементов

`c.insert(val)` — вставляет копию элемента `val`, возвращает позицию нового элемента

`c.insert(beg, end)` — вставляет копии всех элементов интервала `[beg, end)`, не возвращая ничего.

`c.insert(initlist)` — вставляет копию всех элементов списка инициализации `initlist`, не возвращает ничего.

`c.erase(val)` — удаляет все элементы, равные `val`, возвращает количество удаленных элементов

`c.erase(pos)` — удаляет элемент, занимающий позицию `pos`, и возвращает следующую позицию

`c.erase(beg, end)` — удаляет все элементы интервала `[beg, end)`, и возвращает следующую позицию

`c.clear()` - удаляет все элементы (опустошает контейнер)

set

примеры

```
#include <iostream>
#include <set>
#include <algorithm>
#include <iterator>
using namespace std;

int main()
{
    // множество без повторяющихся элементов, в котором элементы сортируются по убыванию
    set<int, greater<int>> coll1;
    // вставка элементов
    coll1.insert({4,3,5,1,6,2});
    coll1.insert(5);
    // вывод элементов на экран
    for (int elem : coll1) {
        cout << elem << ' ';
    }
    cout << endl;
    // вставляем 4, если status.first == True, т.е. успешно вставили элемент
    // то вычисляем расстояние от начала множества до позиции, где был вставлен элемент
    auto status = coll1.insert(4);
    if (status.second) {
        cout << "4 inserted as element "
              << distance(coll1.begin(), status.first) + 1 << endl;
    } // если status.first == False, значит, элемент уже есть в множестве
    else {
        cout << "4 already exists" << endl;
    }
}
```


set

примеры

```
// создаем новое множество coll2 с элементами множества coll1 в обратном порядке
set<int> coll2(coll1.cbegin(), coll1.cend());
// выводим на экран элементы с использованием потоковых итераторов
copy(coll2.cbegin(), coll2.cend(),
      ostream_iterator<int>(cout, " "));
cout << endl;
// удаление элементов, равных 3
coll2.erase(coll2.begin(), coll2.find(3));
// удаление элементов, равных 5
int num;
num = coll2.erase(5); // num - сколько элементов удалили
cout << num << " element(s) removed" << endl;
copy (coll2.cbegin(), coll2.cend(),
      ostream_iterator<int>(cout, " "));
cout << endl;
}
```

set

примеры

```
#include <iostream>
#include <set>
using namespace std;

int main ()
{
    set<int> c;

    c.insert(1);
    c.insert(2);
    c.insert(4);
    c.insert(5);
    c.insert(6);

    cout << "lower_bound(3): " << *c.lower_bound(3) << endl; // выведет 4
    cout << "upper_bound(3): " << *c.upper_bound(3) << endl; // выведет 4
    cout << "equal_range(3): " << *c.equal_range(3).first << " "
        << *c.equal_range(3).second << endl; // выведет 4 4

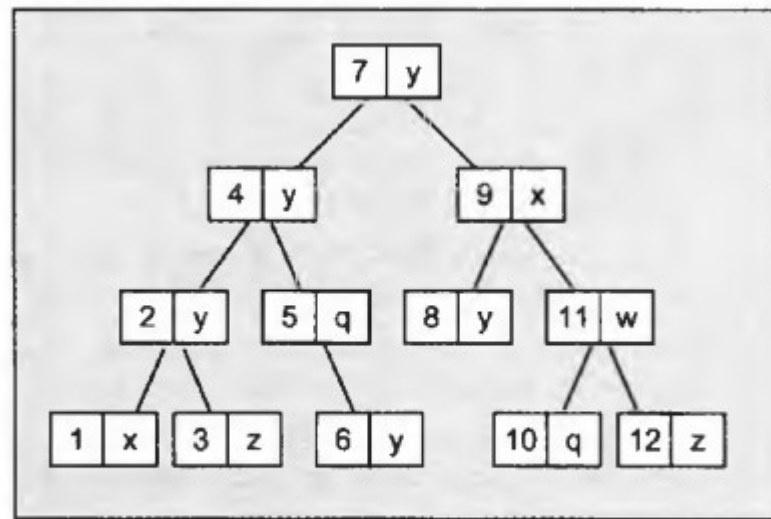
    cout << endl;
    cout << "lower_bound(5): " << *c.lower_bound(5) << endl; // выведет 5
    cout << "upper_bound(5): " << *c.upper_bound(5) << endl; // выведет 6
    cout << "equal_range(5): " << *c.equal_range(5).first << " "
        << *c.equal_range(5).second << endl; // выведет 5 6
}
```

Отображения (map)

Отображения — это контейнеры, элементами которых являются пары ключ-значение. Эти контейнеры автоматически упорядочивают свои элементы в соответствии со значением ключа. Существуют также мультиотображения, в которых значения ключей могут повторяться.

Отображения обычно реализуются в виде сбалансированных бинарных деревьев.

Таким образом, отображения и мультиотображения имеют все возможности и операции, которые имеют множества и мультимножества.



*Внутренняя структура отображений
и мультиотображений*

Отображения. Критерий сортировки

Критерий сортировки можно задать двумя способами:

1. Как шаблонный параметр:

```
std::set<float, std::string, std::greater<float>> coll;
```

2. Как параметр конструктора:

`map s(beg, end, op)` — создание отображения с критерием сортировки `op`, инициализированное элементами из интервала `[beg, end)`

Отображения. Примеры

```
#include <map>
#include <string>
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;

int main()
{
    typedef map<string, float> StringFloatMap;
    // отображение, ключи - типа string, значения - типа float
    StringFloatMap stocks;
    // вставка элементов
    stocks["BASF"] = 369.50;
    stocks["VW"] = 413.50;
    stocks["Daimler"] = 819.00;
    stocks["BMW"] = 834.00;
    stocks["Siemens"] = 842.20;
    // вывод элементов на экран
    StringFloatMap::iterator pos;
    cout << left; // задаем выравнивание
    for (pos = stocks.begin(); pos != stocks.end(); ++pos) {
        cout << "stock: " << setw(12) << pos->first
            << "price: " << pos->second << endl;
    }
    cout << endl;
```

Отображения. Примеры

```
// удвоение в цикле всех значений отображения
for (pos = stocks.begin(); pos != stocks.end(); ++pos) {
    pos->second *= 2;
}
cout << endl;
/* переименование ключа "VW" в "Volkswagen"
   для этого добавляем элемент с ключом "Volkswagen" и значением, равным
   значению по ключу "VW", а старый элемент удаляем */
stocks["Volkswagen"] = stocks["VW"];
stocks.erase("VW");
}
```

Неупорядоченные контейнеры

Неупорядоченные контейнеры содержат все вставленные в произвольном порядке. Иначе говоря, неупорядоченный контейнер можно рассматривать как мешок: в него можно класть элементы, но когда вы открываете мешок для того, чтобы достать элементы, вы делаете это в случайном порядке.

В противоположность множествам и отображениям в неупорядоченных контейнерах нет критерия сортировки.

В противоположность последовательным контейнерам в неупорядоченных контейнерах нельзя разместить элемент в определенной позиции.

Неупорядоченные контейнеры реализованы в виде **хэш-таблиц**.



Неупорядоченные контейнеры

Хэш-таблицы

Чтобы разобраться, что такое хеш-таблицы, представьте, что вас попросили создать библиотеку и заполнить ее книгами. Но вы не хотите заполнять шкафы в произвольном порядке.

Первое, что приходит в голову — разместить все книги в алфавитном порядке и записать все в некий справочник. В этом случае не придется искать нужную книгу по всей библиотеке, а только по справочнику.

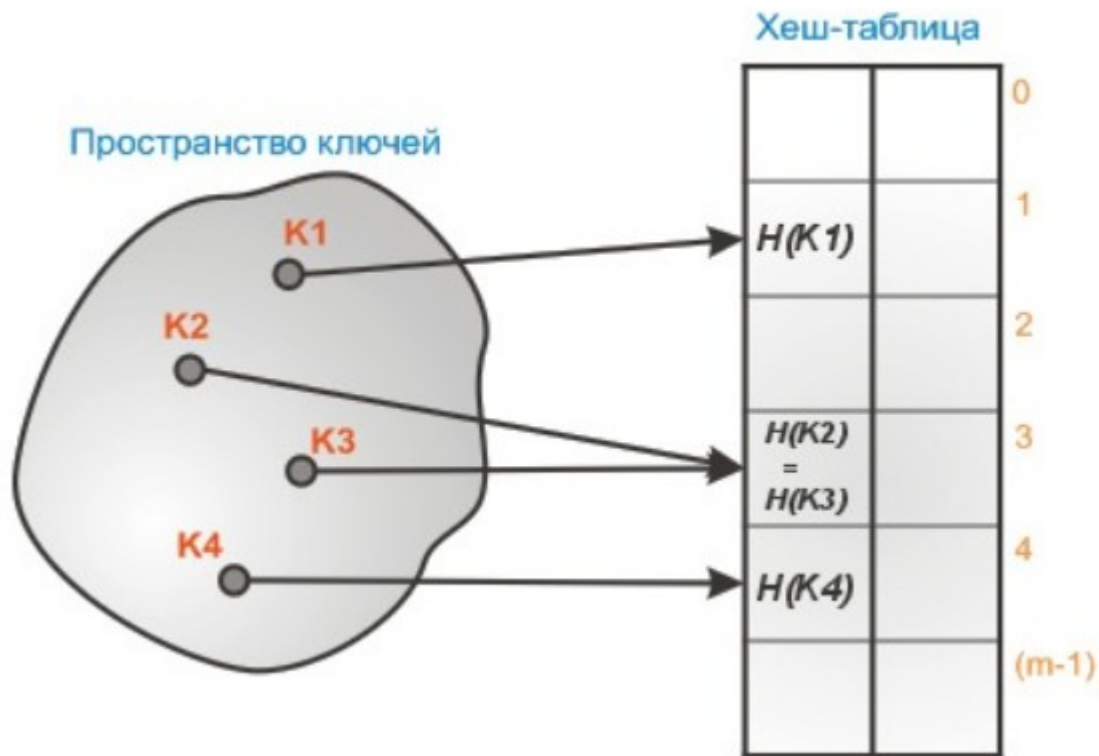
А можно сделать еще удобнее. Если изначально отталкиваться от названия книги или имени автора, то лучше использовать некий алгоритм хеширования, который обрабатывает входящее значение и выдает номер шкафа и полки для нужной книги.

Зная этот алгоритм хеширования, вы быстро найдете нужную книгу по ее названию.

Хеш-функция должна иметь следующие свойства:

- Всегда возвращать один и тот же адрес для одного и того же ключа;
- Не обязательно возвращает разные адреса для разных ключей;
- Использует все адресное пространство с одинаковой вероятностью;
- Быстро вычислять адрес.

Хэш-таблицы

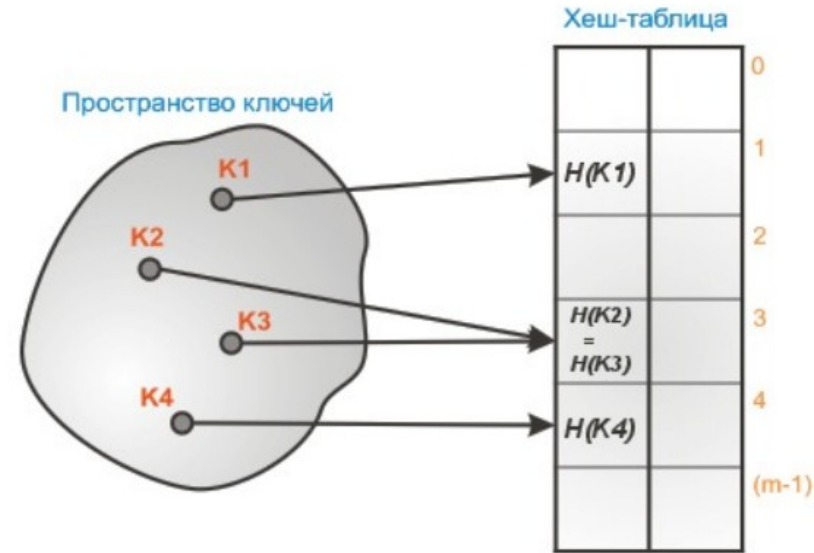


Хэш-таблицы

Так же этот рисунок иллюстрирует одну из основных проблем.

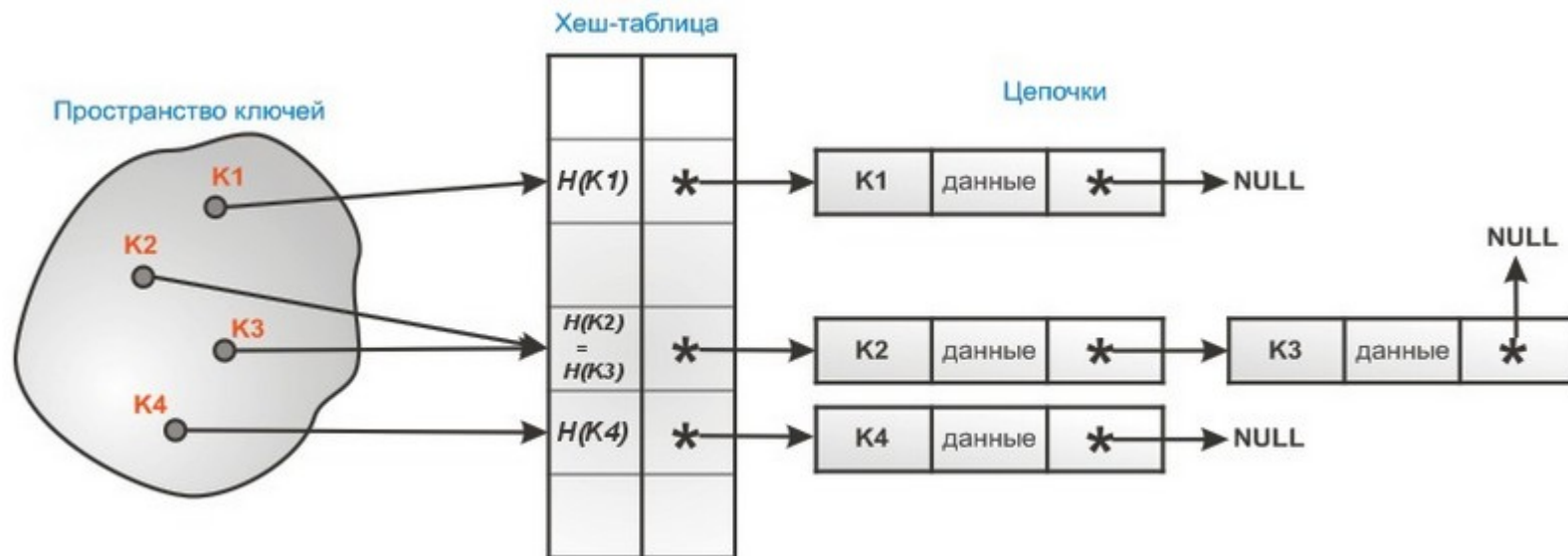
При достаточно маленьком значении m (размера хеш-таблицы) по отношению к n (количеству ключей) или при плохой хеш-функции, может случиться так, что два ключа будут хешированы **в одну и ту же ячейку** массива H .

Такая ситуация называется **коллизией**. Хорошие хеш-функции стремятся минимизировать вероятность коллизий, однако, учитывая то, что пространство всех возможных ключей может быть больше размера нашей хеш-таблицы H , всё же избежать их вряд ли удастся. На этот случай имеются несколько технологий для разрешения коллизий.



Хэширование с цепочками (используется в STL)

Мы объединяем элементы, хешированные в одну и ту же ячейку, в **связный список**. Если при добавлении в хеш-таблицу в заданную ячейку мы встречаем ссылку на элемент связанного списка, то случается коллизия. Так, мы просто вставляем наш элемент как узел в список. При поиске мы проходим по цепочкам, сравнивая ключи между собой на эквивалентность, пока не доберёмся до нужного. При удалении ситуация такая же.



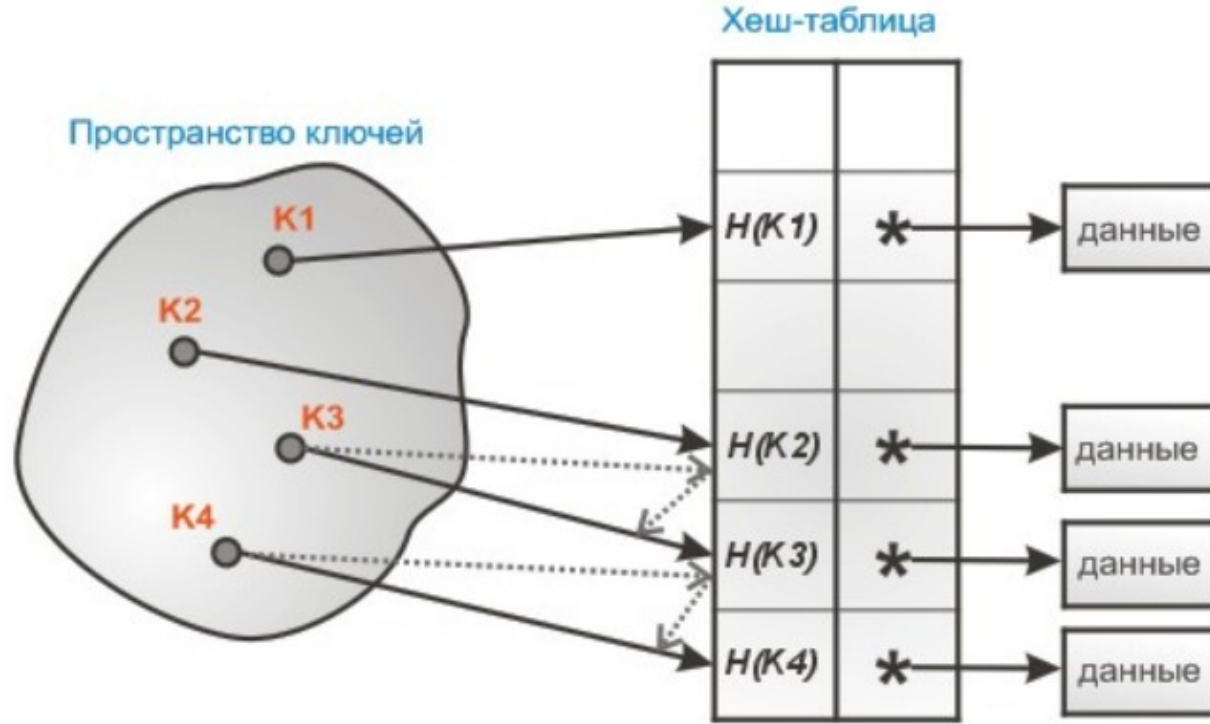
Хэширование с цепочками

Процедура вставки выполняется даже в наихудшем случае за $O(1)$, учитывая то, что мы предполагаем отсутствие вставляемого элемента в таблице. Время поиска зависит от длины списка, и в худшем случае равно $O(n)$. Эта ситуация, когда все элементы хешируются в единственную ячейку.

Если функция распределяет n ключей по m ячейкам таблицы равномерно, то в каждом списке будет содержаться порядка n/m ключей. Это число называется коэффициентом заполнения хеш-таблицы.

Математический анализ хеширования с цепочками показывает, что в среднем случае все операции в такой хеш-таблице в среднем выполняются за время $O(1)$.

Хеширование с открытой адресацией



Все элементы хранятся непосредственно в хеш-таблице, без использования связанных списков.

При возникновении коллизии следующие за текущей ячейки проверяются одна за другой, пока не найдётся пустая ячейка, куда и помещается наш элемент. Так, при достижении последнего индекса таблицы, мы перескакиваем в начало, рассматривая её как «циклический» массив.

Конструкторы неупорядоченных контейнеров

`Unord c` — конструктор по умолчанию, создает пустой контейнер

`Unord c(bnum)` — создает пустой неупорядоченный контейнер, который использует по крайней мере `bnum` сегментов (сегмент — это связный список, ключи, для которых значение хэш — функции получается одно и то же, добавляются в один и тот же сегмент)

`Unord c(bnum, hf)` — создает пустой неупорядоченный контейнер, который использует по крайней мере `bnum` сегментов и хэш-функцию `hf`

`Unord c(bnum, hf, cmp)` - создает пустой неупорядоченный контейнер, который использует по крайней мере `bnum` сегментов и хэш-функцию `hf` и критерий сравнения `cmp` для идентификации одинаковых значений

Конструкторы неупорядоченных контейнеров

`Unord c(beg, end)` — контейнер инициализируется элементами интервала `[beg, end)`

`Unord c(beg, end, bnum)`

`Unord c(beg, end, bnum, hf)`

`Unord c(beg, end, bnum, hf, cmp)`

`Unord c(initlist)`

Возможные типы Unord

<code>unordered_set<Elem></code>	Неупорядоченное множество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <code>hash<></code> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_set<Elem, Hash></code>	Неупорядоченное множество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_set<Elem, Hash, Cmp></code>	Неупорядоченное множество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <i>Cmp</i>
<code>unordered_multiset<Elem></code>	Неупорядоченное мультимножество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <code>hash<></code> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_multiset<Elem, Hash></code>	Неупорядоченное мультимножество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_multiset<Elem, Hash, Cmp></code>	Неупорядоченное мультимножество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <i>Cmp</i>

Возможные типы Unord

<code>unordered_multiset<Elem, Hash, Cmp></code>	Неупорядоченное мультимножество, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <i>Cmp</i>
<code>unordered_map<Key, T></code>	Неупорядоченное мультиотображение, которое по умолчанию использует хеш-функцию <code>hash<></code> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_map<Key, T, Hash></code>	Неупорядоченное мультиотображение, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_map<Key, T, Hash, Cmp></code>	Неупорядоченное отображение, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <i>Cmp</i>
<code>unordered_multimap<Key, T></code>	Неупорядоченное мультиотображение, которое по умолчанию использует хеш-функцию <code>hash<></code>
<code>unordered_multimap<Key, T, Hash></code>	Неупорядоченное мультиотображение, которое по умолчанию использует хеш-функцию <code>hash<></code> и критерий сравнения <code>equal_to<></code> (оператор <code>==</code>)
<code>unordered_multimap<Key, T, Hash, Cmp></code>	Неупорядоченное мультиотображение, которое по умолчанию использует хеш-функцию <i>Hash</i> и критерий сравнения <i>Cmp</i>

Структурные операции над неупорядоченными контейнерами

<code>c.hash_function()</code>	Возвращает хеш-функцию
<code>c.key_eq()</code>	Возвращает предикат эквивалентности
<code>c.bucket_count()</code>	Возвращает текущее количество сегментов
<code>c.max_bucket_count()</code>	Возвращает максимально возможное количество сегментов
<code>c.load_factor()</code>	Возвращает текущий коэффициент заполнения
<code>c.max_load_factor()</code>	Возвращает текущий коэффициент максимального заполнения
<code>c.max_load_factor(val)</code>	Задаёт коэффициент максимального заполнения равным <i>val</i>
<code>c.rehash(bnum)</code>	Повторно хеширует контейнер, так, чтобы его размер сегмента был не меньше <i>bnum</i>
<code>c.reserve(num)</code>	Повторно хеширует контейнер, чтобы он мог содержать не меньше <i>num</i> элементов (по стандарту C++11)

unordered set

примеры

```
#include <unordered_set>
#include <numeric> // для функции accumulate
#include <iostream>
#include <string>
|
template <typename T>
inline void PRINT_ELEMENTS (const T& coll,
                           const std::string& optstr="")
{
    std::cout << optstr;
    for (const auto& elem : coll) {
        std::cout << elem << ' ';
    }
    std::cout << std::endl;
}

using namespace std;

int main()
{
    // создание и инициализация неупорядоченного множества
    unordered_set<int> coll = { 1,2,3,5,7,11,13,17,19,77 };
    PRINT_ELEMENTS(coll);
    /* вставка элементов. Может вызвать рехэширование и элементы
       могут переместиться в другом порядке */
    coll.insert({-7,17,33,-11,17,19,1,13});
    PRINT_ELEMENTS(coll);
    coll.erase(33); // удаление элемента
```

unordered set

примеры

```
// вставка суммы всех элементов
coll.insert(accumulate(coll.begin(), coll.end(), 0));
PRINT_ELEMENTS(coll);
// проверка, есть ли элемент 19 в контейнере
if (coll.find(19) != coll.end()) {
    cout << "19 is available" << endl;
}
// удаление всех отрицательных значений
unordered_set<int>::iterator pos;
for (pos=coll.begin(); pos!= coll.end(); ) {
    if (*pos < 0) {
        pos = coll.erase(pos);
    }
    else {
        ++pos;
    }
}
PRINT_ELEMENTS(coll);
}
```

Сравнение различных контейнеров

Контейнер	Вставка	Доступ	Удаление	Поиск
vector	В конец: $O(1)$ В остальные места: $O(N)$	$O(1)$	В конец: $O(1)$ В остальные места: $O(N)$	Отсортированный: $O(\log(N))$ Не отсортированный: $O(N)$
deque	В начало/конец: $O(1)$ В остальные места: $O(N)$	$O(1)$	В начало/конец: $O(1)$ В остальные места: $O(N)$	Отсортированный: $O(\log(N))$ Не отсортированный: $O(N)$
list	В начало/конец: $O(1)$ В остальные места: $O(N)$	начало/конец: $O(1)$ Остальные места: $O(N)$	В начало/конец: $O(1)$ В остальные места: $O(N)$	$O(N)$
set/map	$O(\log(N))$	–	$O(\log(N))$	$O(\log(N))$
unordered_set/ unordered_map	$O(1)$ или $O(N)$	$O(1)$ или $O(N)$	$O(1)$ или $O(N)$	$O(1)$ или $O(N)$

Boost.MultiIndex

`boost::multi_index` используется, если в контейнере необходим доступ по более чем одному ключу или по комбинации ключей.

Создадим структуру и далее `boost::multi_index_container` для экземпляров этой структуры

```
using namespace boost::multi_index;

// структура, содержащая два элемента: название животного и количество его ног
struct animal
{
    std::string name;
    int legs;
};
```

Boost.MultiIndex

```
// структура, содержащая два элемента: название животного и количество его ног
struct animal
{
    std::string name;
    int legs;
};

// будем использовать multi_index_container
typedef multi_index_container<
    animal,           // структура, поля которой будут использоваться как ключи для поиска
    indexed_by<
        hashed_non_unique< // поле animal::name будет хешироваться
            member<
                animal, std::string, &animal::name
            >
        >,
        hashed_non_unique< // поле animal::legs также будет ключом для поиска и оно хешируется
            member<
                animal, int, &animal::legs
            >
        >
    >
> animal_multi;
```

Boost.MultiIndex

```
int main()
{
    // создаем multi_index_container
    animal_multi animals;

    // вставка элементов в контейнер
    animals.insert({"cat", 4});
    animals.insert({"shark", 0});
    animals.insert({"spider", 8});

    // подсчет количества элементов с данным значением одного из ключей
    std::cout << animals.count("cat") << '\n';

    // создаем объект legs_index для поиска в контейнере по 2-му полю структуры, т.е. legs
    const animal_multi::nth_index<1>::type &legs_index = animals.get<1>();
    // подсчет количества элементов, где legs = 8
    std::cout << legs_index.count(8) << '\n';
}
```


Boost.MultiIndex

```
int main()
{
    // создаем multi_index_container
    animal_multi animals;

    // вставка элементов в контейнер
    animals.insert({"cat", 4});
    animals.insert({"shark", 0});
    animals.insert({"spider", 8});

    /* создаем объект legs_index для поиска в контейнере
       по 2-му полю структуры, т.е. legs */
    auto &legs_index = animals.get<1>();
    // поиск элемента, где legs = 4
    // это элемент ("cat", 4)
    auto it = legs_index.find(4);
    // вывод на экран соотв. полей найденной структуры
    cout << it->name << ' ' << it->legs << endl;
    // изменение поля name в найденной структуре
    legs_index.modify(it, [](animal &a){ a.name = "dog"; });

    cout << animals.count("dog") << '\n';
}
```

Boost.MultiIndex

```
typedef multi_index_container<
    animal,
    indexed_by<
        sequenced<>, /* последовательность, в которой элементы упорядочены
                       в порядке добавления */
        ordered_non_unique<
            member<
                animal, int, &animal::legs // поиск по полю legs структуры animal
            >
        >,
        random_access<> // можно обращаться по индексу к элементу контейнера
    >
> animal_multi;
```

Boost.MultiIndex

```
int main()
{
    animal_multi animals;

    // добавление элементов
    animals.push_back({"cat", 4});
    animals.push_back({"shark", 0});
    animals.push_back({"spider", 8});

    // объект для поиска элементов в контейнере по полю legs
    auto &legs_index = animals.get<1>();
    for(auto it = legs_index.begin(); it != legs_index.end(); it++)
        std::cout << it->name << ' ' << it->legs << std::endl;
    std::cout << std::endl;

    // объект, чтобы обращаться к элементам контейнера по индексу
    const auto &rand_index = animals.get<2>();
    std::cout << rand_index[0].name << '\n';
}
```

Boost.Bimap

bimap отличается от map тем, что можно использовать в качестве ключа любое из двух значений.

```
#include <boost/bimap.hpp>
#include <string>
#include <iostream>

int main()
{
    // bimap, где первое значение типа string, второе - типа int
    typedef boost::bimap<std::string, int> bimap;
    bimap animals;

    // вставка элементов в bimap
    animals.insert({"cat", 4});
    animals.insert({"shark", 0});
    animals.insert({"spider", 8});

    // подсчет количества элементов, где первое значение "cat"
    std::cout << animals.left.count("cat") << '\n';
    // подсчет количества элементов, где второе значение 8
    std::cout << animals.right.count(8) << '\n';

    // вывод элементов bimap на экран
    for (auto it = animals.begin(); it != animals.end(); ++it)
        std::cout << it->left << " has " << it->right << " legs\n";
}
```