Федеральное агентство по образованию Российской Федерации Государственное образовательное учреждение высшего профессионального образования Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского

Факультет вычислительной математики и кибернетики

Отчёт по лабораторной работе Полиномы

Выполнил: студент ф-та ИИТММ гр. 381908-01

Козел С. А.

Проверил: ассистент каф. МОСТ, ИИТММ

Лебедев И.Г.

Нижний Новгород $2020 \ \Gamma$.

Содержание

Введение	4
Постановка задачи	5
Руководство пользователя	6
Руководство программиста	7
Описание структуры программы	7
Описание структур данных	7
Описание алгоритмов	9
Эксперименты	10
Заключение	12
Литература	13
Приложения	14
Приложение 1 Monom.h	14
Приложение 2 Monom.cpp	15
Приложение 3 Polinom.h	18
Приложение 4 Polinom.cpp	19
Приложение 5 PolinomIterator.h	23
Приложение 6 PolinomIterator.cpp	24
Приложение 7 Main.cpp	25

Введение

Полином - это многочлен от N переменных, в себе он содержит мономы, которые являются одночленами. Разработка структуры данных полинома важна, так как она позволит работать с многочленами — совершать операции обработки с ними.

Постановка задачи

Цель данной работы - разработка структуры данных для хранения многочленов (полиномы) и одночленов (мономы), полином содержит в себе список мономов.

Выполнение работы предполагает решение следующих задач:

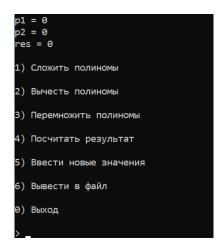
- 1. Реализация структуры Monom.
- 2. Реализация класса полиномов Polinom.
- 3. Реализация итератора для полинома PolinomIterator.
- 4. Реализация методов для ввода/вывода структуры данных в файл
- 5. Публикация исходных кодов в личном репозиторий на GitHub.

Руководство пользователя

Пользователю нужно запустить файл Polinom_manom.exe.

Откроется консольное приложение для тестирования полиномов.

Программа покажет меню для удобного взаимодействия с программой.



- 1) Складывает полином р1 и р2
- 2) Вычитает полином р1 из р2
- 3) Перемножает полиномы р1 и р2
- 4) Ввести значение коэфицентов a, b, c и вывести конечный ответ
- 5) Изменить полиномы р1 и р2
- 6) Вывести полином в файл
- 0) Закрытие консоли

Руководство программиста

Описание структуры программы

Программа состоит из следующих модулей:

- Приложение Polinom_manom
- Статическая библиотека Monom:
 - ▶ Monom.h описание одночлена для полинома
- Статическая библиотека Polinom:
 - ▶ Polinom.h описание многочлена состоящий из одночленов.
- Статическая библиотека PolinomIterator:
 - PolinomIterator.h описание класса итератора для полинома
- Приложение main:
 - ▶ main.cpp тестирование работы программы

Описание структур данных

Класс Мопот:

```
1) Monom() - конструктор по умолчанию;
2) Monom(int coef, int A, int B, int C) - конструктор с параметрами;
3) Monom(const Monom& m) - конструктор с параметрами;
4) int Get_A()const - получить значение A;
5) int Get_B()const - получить значение В;
6) int Get_C()const - получить значение С;
7) int Get_coef()const - получить значение коэфицента;
8) bool operator==(const Monom& m)const - перегрузка сравнения для мономов;
9) bool operator!=(const Monom& m)const - перегрузка неравенства для мономов;
10) bool operator>(const Monom& m)const - перегрузка знака больше для мономов;
11) bool operator<(const Monom& m)const - перегрузка знака меньше для мономов;
12) bool operator<=(const Monom& m)const – перегрузка знака меньше или равно для
   мономов;
13) bool operator>=(const Monom& m)const - перегрузка знака больше или равно для
14) Monom operator+(const Monom& m)const — сложение двух мономов;
15) Monom& operator+=(const Monom& m) - сложение двух мономов;
16) Monom operator-(const Monom& m)const - вычитание двух мономов;
17) Monom operator-()const - сделать моном отрицательным;
18) Monom& operator-=(const Monom& m) - вычитание двух мономов;
19) Monom operator*(const Monom& m)const - перемножение двух мономов;
20) Monom& operator*=(const Monom& m) - перемножение двух мономов;
21) Monom operator*(const int& num)const - умножение монома на число;
22) Monom& operator*=(const int& num) - умножение монома на число;
23) int Resault(int a, int b, int c) – получить результат выражения при заданных
   коэфицентах;
24) std::string ConvertString()const - получить привычную запись многочлена из
   мономов;
```

Класс Polinom:

```
1. Polinom() - конструктор;

    Polinom(const std::vector<Monom>& m) - κομετργκτορ;

   3. Polinom(const Polinom& p) - конструктор;
   4. Polinom& operator+=(const Monom& m) - прибавить моном;
   5. Polinom operator+(const Monom& m)const - прибавить моном от полинома;
   6. Polinom operator-(const Monom& m)const - отнять моном от полинома;
   7. Polinom& operator-=(const Monom& m) - отнять моном от полинома;

    Polinom operator*(const Monom& m) – умножить полином на моном;
    Polinom& operator*=(const Monom& m) – умножить полином на моном;

   10. Polinom operator+(Polinom& p) - сложить полиномы;
   11. Polinom& operator+=(Polinom& p) - сложить полиномы;
   12. Polinom operator-(Polinom& p) - вычесть полином;
   13. Polinom& operator-=(Polinom& p) - вычесть полином;
   14. Polinom operator*(Polinom& p) - перемножить полиномы;
   15. Polinom& operator*=(Polinom& p) - перемножить полиномы;
   16. Polinom operator*(const int& num)const - умножить полином на число;
   17. Polinom& operator*=(const int& num) - умножить полином на число;
   18. Polinom operator-(const int& num)const - отнять от полинома число;
   19. Polinom& operator-=(const int& num) - отнять от полинома число;
   20. Polinom operator+(const int& num)const - прибавить число к полиному;
   21. Polinom& operator+=(const int& num) - прибавить число к полиному;
   22. bool operator==(const Polinom& p)const - сравнить два полинома;
   23. Polinom& operator=(const Polinom& p) - присвоить полином полиному;
   24. int Resault(int x, int y, int z) - получить ответ для многочлена;
   25. void OutputFile(std::string path) - вывести полином в файл;
   26. std::string to_str() - получить строку с многочленом;
   27. void del_nulls() - удалить нули;
   28. void set_null() - сделать многочлен нулевым;
   29. void DeletPolinom() - удалить полином;
Класс PolinomIterator:

    PolinomIterator() - конструктор;

   2. PolinomIterator(std::list<Monom>& 1) - конструктор;
   3. void Set list(std::list<Monom>& 1) - установить список;

    void init() - инициализация;

   5. bool check_next() - проверка не кончился ли список;
   6. void go next() - установить указатель на следующий;
   7. Monom& get_value() - получить значение по текущему указателю;
   8. void del cur() - удалить текущий указатель;
   9. void insert before(const Monom& m) - вставить моном;
```

Описание алгоритмов

Принцип работы полиномов

Инициализация полиномов происходит заполнением мономами, при вводе монома, вводится коэффициент и значение степени у переменных тут же высчитывается мощность множества по формуле $A * 20^2 + B * 20 + C$. При умножении двух полиномов, перемножаются мономы, то есть коэффициент с коэффициентом и степень со степенью, при сложении мономы записываются в порядке убывания степеней, при вычитании проделывается аналогичная операция, но с учётом минуса в операции.

Эксперименты

```
p1 = 0
p2 = 0
res = 0
1) Сложить полиномы
2) Вычесть полиномы
3) Перемножить полиномы
4) Посчитать результат
5) Ввести новые значения
6) Вывести в файл
0) Выход
```

После ввода новых значений (5 пункт меню).

```
p1 = 2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c
Введите р1 и р2:
                                    p2 = 2 * a^3 * b^4 * c^5
Количество мономов: 2
Введите моном 1
                                    res = 0
Коэфицент: 2
Введите А: 2
                                    1) Сложить полиномы
Введите В: 3
                                    2) Вычесть полиномы
Введите С: 1
Введите моном 2
                                    3) Перемножить полиномы
Коэфицент: 3
Введите А: 1
                                    4) Посчитать результат
Введите В: 2
Введите С: 1
                                    5) Ввести новые значения
Количество мономов: 1
Введите моном 1
                                    6) Вывести в файл
Коэфицент: 2
Введите А: 3
                                    0) Выход
Введите В: 4
Введите С: 5_
```

Сложим полиномы:

```
p1 = 2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c
p2 = 2 * a^3 * b^4 * c^5
res = 0

1) Сложить полиномы

2) Вычесть полиномы

3) Перемножить полиномы

4) Посчитать результат

5) Ввести новые значения

6) Вывести в файл

9) Выход

> 1
2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c + 2 * a^3 * b^4 * c^5 = 2 * a^3 * b^4 * c^5 +2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c
Для продолжения нажмите любую клавишу . . . _
```

Результат вычисления запишется в переменную "res":

```
р1 = 2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c
p2 = 2 * a^3 * b^4 * c^5
res = 2 * a^3 * b^4 * c^5 +2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c

1) Сложить полиномы

2) Вычесть полиномы

3) Перемножить полиномы

4) Посчитать результат

5) Ввести новые значения

6) Вывести в файл

0) Выход
```

Перемножим полиномы:

```
p1 = 2 * a^2 * b^3 * c +3 * a * b^2 * c
p2 = 2 * a^3 * b^4 * c^5
res = 4 * a^5 * b^7 * c^6 +6 * a^4 * b^6 * c^6

1) Сложить полиномы

2) Вычесть полиномы

3) Перемножить полиномы

4) Посчитать результат

5) Ввести новые значения

6) Вывести в файл

0) Выход
```

Заключение

При выполнении данной работы мною была полностью изучена и успешно реализована структура данных полином.

Литература

- 1. https://fb-ru.turbopages.org/fb.ru/s/article/449193/chto-takoe-polinom-i-chem-on-polezen
- 2. https://ru.strephonsays.com/polynomial-and-vs-monomial-8816
- 3. https://ru.wikipedia.org/wiki/Многочлен

Приложения

Приложение 1

Monom.h

```
⊟class Monom
 private:
     short int coef;
     int power;
     void Set_power(int A, int B, int C);
 public:
     Monom();
     Monom(int coef, int A, int B, int C);
     Monom(const Monom& m);
     int Get_A()const;
     int Get_B()const;
     int Get_C()const;
     int Get_coef()const;
     bool operator==(const Monom& m)const;
     bool operator!=(const Monom& m)const;
     bool operator>(const Monom& m)const;
     bool operator<(const Monom& m)const;</pre>
     bool operator<=(const Monom& m)const;</pre>
     bool operator>=(const Monom& m)const;
     Monom operator+(const Monom& m)const;
     Monom& operator+=(const Monom& m);
     Monom operator-(const Monom& m)const;
     Monom operator-()const;
     Monom& operator-=(const Monom& m);
     Monom operator*(const Monom& m)const;
     Monom& operator*=(const Monom& m);
     Monom operator*(const int& num)const;
     Monom& operator*=(const int& num);
     int Resault(int a, int b, int c);
     std::string ConvertString()const;
```

Monom.cpp

```
□void Monom::Set_power(int A, int B, int C)
     power = A * POWER_MAX * POWER_MAX + B * POWER_MAX + C;
⊟Monom::Monom()
    coef = 1;
    Set_power(1, 1, 1);
□Monom::Monom(int coef, int A, int B, int C)
    if (A >= POWER_MAX || B >= POWER_MAX || C >= POWER_MAX)
        throw std::exception("Too many numbers!");
    this->coef = coef;
    Set_power(A, B, C);
⊟int Monom::Get_A()const
    return power / POWER_MAX / POWER_MAX;
□int Monom::Get_B()const
    return (power - Get_A() * POWER_MAX * POWER_MAX) / POWER_MAX;
int Monom::Get_C()const
    return power % POWER_MAX;
coef = m.coef;
    power = m.power;
 int Monom::Get_coef() const { return coef; }
 bool Monom::operator==(const Monom& m) const { return power == m.power; }
 bool Monom::operator!=(const Monom& m) const { return power != m.power; }
 bool Monom::operator<=(const Monom& m) const { return power <= m.power; }</pre>
 bool Monom::operator>=(const Monom& m) const { return power >= m.power; }
 bool Monom::operator>(const Monom& m) const { return power > m.power; }
 bool Monom::operator<(const Monom& m) const { return power < m.power; }</pre>
if (*this != m)
        throw std::logic_error("Monoms are different!");
    Monom res(*this);
     res.coef += m.coef;
     return res;
```

```
onom& Monom::operator+=(const Monom& m)
         throw std::exception("Monoms are different!");
     coef += m.coef;
□Monom Monom::operator-(const Monom& m) const
     if (*this != m)
    res.coef += m.coef;
     return res;
⊡Monom Monom::operator-() const
    Monom res(*this);
res.coef *= -1;
□Monom& Monom::operator-=(const Monom& m)
     if (*this != m)
         throw std::exception("Monoms are different!");
    coef -= m.coef;
    return *this;
□Monom Monom::operator*(const Monom& m) const
    return Monom(coef * m.coef, Get_A() + m.Get_A(), Get_B() + m.Get_B(), Get_C() + m.Get_C());
□Monom& Monom::operator*=(const Monom& m)
    coef *= m.coef;
Set_power(Get_A() + m.Get_A(), Get_B() + m.Get_B(), Get_C() + m.Get_C());
∃Monom Monom::operator*(const int& num) const
    res.coef *= num;
    return res;
□Monom& Monom::operator*=(const int& num)
    coef *= num;
return *this;
```

```
⊟Monom Monom::operator*(const int& num) const
     res.coef *= num;
coef *= num;
□int Monom::Resault(int x, int y, int z)
     return coef * pow(x, Get_A()) * pow(y, Get_B()) * pow(z, Get_C());
☐std::string Monom::ConvertString()const
     const int A = Get_A();
    const int B = Get_B();
     const int C = Get_C();
     switch (coef)
     break;
     case 0:
       res += std::to_string(coef);
break;
       break;
       res += std::to_string(coef) + " * ";
        break;
     if (A)
            res += "a^" + std::to_string(A) + " * ";
            res += "b^" + std::to_string(B) + " * ";
     if (C)
            res += "c^" + std::to_string(C) + " ";
```

Polinom.h

```
⊟class Polinom
 private:
     std::list<Monom> polinom;
     PolinomIterator it;
 public:
     Polinom();
     Polinom(const std::vector<Monom>& m);
     Polinom(const Polinom& p);
     Polinom& operator+=(const Monom& m);
     Polinom operator+(const Monom& m)const;
     Polinom operator-(const Monom& m)const;
     Polinom& operator-=(const Monom& m);
     Polinom operator*(const Monom& m);
     Polinom& operator*=(const Monom& m);
     Polinom operator+(Polinom& p);
     Polinom& operator+=(Polinom& p);
     Polinom operator-(Polinom& p);
     Polinom& operator-=(Polinom& p);
     Polinom operator*(Polinom& p);
     Polinom& operator*=(Polinom& p);
     Polinom operator*(const int& num)const;
     Polinom& operator*=(const int& num);
     Polinom operator-(const int& num)const;
     Polinom& operator-=(const int& num);
     Polinom operator+(const int& num)const;
     Polinom& operator+=(const int& num);
     bool operator==(const Polinom& p)const;
     Polinom& operator=(const Polinom& p);
     int Resault(int x, int y, int z);
     void OutputFile(std::string path);
     std::string to_str();
     void del_nulls();
     void set_null();
     void DeletPolinom();
     friend PolinomIterator;
```

Polinom.cpp

```
ool Polinom::operator==(const Polinom& p)const
     it.init();
return *this;
     it.init();
while (it.check_next())
          res += it.get_value().Resault(x, y, z);
it.go_next();
     std::fstream fs;
fs.open(path, std::ios::out | std::ios::app);
if (!fs.is_open())
           fs << to_str();
std::cout << "File opened and rewritten!" << std::endl;</pre>
     it.init();
bool add_first_flag = false;
     Monom tmp = it.get_value();
while (it.check_next())
           if (tmp.Get_coef() > 0 && add_first_flag)
               res += "+" + tmp.ConvertString();
                res += tmp.ConvertString();
          it.go_next();
tmp = it.get_value();
add_first_flag = true;
⊡void Polinom::del_nulls()
     it.init();
while (it.check_next())
           if (it.get_value().Get_coef() == 0)
                it.del_cur();
it.init();
           set_null();
```

```
oid Polinom::set_null()
     Monom null_monom(0, 0, 0, 0); if (polinom.size() == 0)
          polinom.push_back(null_monom);
DeletPolinom()
     polinom.clear();
Monom m(0, 0, 0, 0);
polinom.push_back(m);
□Polinom::Polinom()
     Monom m(0, 0, 0, 0);
polinom.push_back(m);
     it.Set_list(polinom);
□Polinom::Polinom(const std::vector<Monom>& m)
     if (m.size() == 0)
          throw std::exception("Initial vector is empty!");
          it.Set_list(polinom);
     del_nulls();
Polinom::Polinom(const Polinom& p)
     polinom = p.polinom;
      it.Set_list(polinom);
     return res;
     Polinom res(*this);
     res -= m;
     return res;
Polinom& Polinom::operator-=(const Monom& m)
     if (polinom.size() == 0)
         polinom.push_back(-m);
         del_nulls();
     it.init();
     while (it.check_next())
          if (it.get_value() == m)
              it.get_value() -= m;
              del_nulls();
          else if (it.get_value() < m)</pre>
              it.insert_before(-m);
          it.go_next();
      polinom.push_back(m);
     del_nulls();
```

```
olinom Polinom::operator*(const Monom& m)
     it.init();
while (it.check_next())
          p += it.get_value() * m;
         it.go_next();
Polinom& Polinom::operator*=(const Monom& m)
     it.init();
     while (it.check_next())
         p += it.get_value() * m;
it.go_next();
     *this = p;
return *this;
∃Polinom Polinom::operator+(Polinom& p)
     Polinom res(*this);
     while (p.it.check_next())
         res += p.it.get_value();
         p.it.go_next();
□Polinom& Polinom::operator+=(Polinom& p)
     while (p.it.check_next())
         *this += p.it.get_value();
         p.it.go_next();
         res -= p.it.get_value();
         p.it.go_next();
     p.it.init();
while (p.it.check_next())
         *this -= p.it.get_value();
p.it.go_next();
Polinom Polinom::operator*(Polinom& p)
     it.init();
while (it.check_next())
          while (p.it.check_next())
              res += it.get_value() * p.it.get_value();
              p.it.go_next();
          it.go_next();
```

```
Polinom& Polinom::operator*=(Polinom& p)
     p.it.init();
it.init();
while (it.check_next())
          while (p.it.check_next())
              res += it.get_value() * p.it.get_value();
              p.it.go_next();
          p.it.init();
it.go_next();
     *this = res;
return *this;
□Polinom Polinom::operator*(const int& num) const
     Monom m(num, 0, 0, 0);
Polinom res(*this);
     return res;
⊡Polinom& Polinom::operator*=(const int& num)
     Monom m(num, 0, 0, 0);
*this *= m;
return *this;
□Polinom Polinom::operator-(const int& num) const
     Monom m(num, 0, 0, 0);
Polinom res(*this);
res -= m;
□Polinom& Polinom::operator-=(const int& num)
     *this -= m;
return *this;
□Polinom Polinom::operator+(const int& num) const
     Monom m(num, 0, 0, 0);
Polinom res(*this);
     return res;
□Polinom& Polinom::operator+=(const int& num)
   Monom m(num, 0, 0, 0);
⊡Polinom& Polinom::operator+=(const Monom& m)
     if (polinom.size() == 0)
          polinom.push_back(m);
          del_nulls();
     it.init();
     while (it.check_next())
          if (it.get_value() == m)
              it.get_value() += m;
del_nulls();
          else if (it.get_value() < m)
              it.insert_before(m);
del_nulls();
return *this;
          it.go_next();
     polinom.push_back(m);
      del_nulls();
     return *this;
```

PolinomIterator.h

```
class PolinomIterator {
   private:
        std::list<Monom>* MonomList;
        std::_List_node<Monom, void*>* currentNode;
   public:
        PolinomIterator();
        PolinomIterator(std::list<Monom>& 1);
        void Set_list(std::list<Monom>& 1);
        void init();
        bool check_next();
        void go_next();
        Monom& get_value();
        void del_cur();
        void insert_before(const Monom& m);
};
```

PolinomIterator.cpp

```
□PolinomIterator::PolinomIterator()
     MonomList = nullptr;
     currentNode = nullptr;
□PolinomIterator::PolinomIterator(std::list<Monom>& 1)
     MonomList = &1;
     init();
□void PolinomIterator::Set_list(std::list<Monom>& 1)
     MonomList = &1;
     currentNode = MonomList->begin()._Ptr;
□void PolinomIterator::init()
     currentNode = MonomList->begin()._Ptr;
bool PolinomIterator::check_next()
     if (currentNode != MonomList->end()._Ptr)
         return true;
     else return false;
□void PolinomIterator::go_next()
     if (!check_next()) throw std::exception("End of list!");
     currentNode = currentNode->_Next;
return currentNode->_Myval;
□void PolinomIterator::del_cur()
     auto it = MonomList->begin();
     while (it._Ptr != currentNode) it++;
     MonomList->erase(it);
□void PolinomIterator::insert_before(const Monom& m)
     auto it = MonomList->begin();
     while (it._Ptr != currentNode) it++;
     MonomList->insert(it, m);
```

Main.cpp