Лабораторная работа №6

«Структура пакета Scilab. Арифметические операции. Целые и рациональные числа. Константы»

Цель работы: получить навыки проведения простейших вычислений в математическом пакете Scilab.

Задание 1. Осуществить вычисления согласно варианту.

Пример выполнения работы

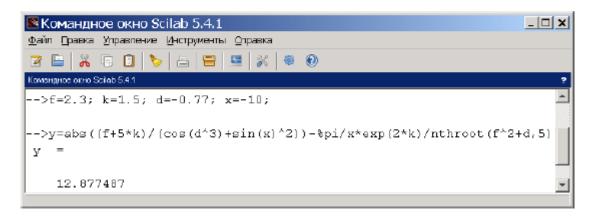
Заданы значения переменных:

$$f = 2,3; k = 1,5; d = -0,77; x = -10.$$

Вычислить значение у, определяемое следующим выражением:

$$y = \left| \frac{f + 5k}{\cos d^3 + \sin^2 x} \right| - \frac{\frac{\pi}{x} e^{2k}}{\sqrt[5]{f^2 + d}}$$

Решение представлено в командном окне SciLab:



Варианты заданий

1.
$$a = -1.3$$
; $b = 0.91$; $c = 0.75$; $x = 2.32$; $k = 8$;
 $y = \sin\frac{a - x}{c} + 10^4 \sqrt[3]{\frac{a - kx^2}{2b}} + \frac{\cos kx^2}{\tan 3} - \frac{bc}{ax}$.

2.
$$k = 2$$
; $x = 3,32$; $d = 1,25$; $n = -4$; $b = 0,75$; $c = 2,2$; $y = 10^{-3} \operatorname{tg} kn - \frac{(x-d)(x^2+b^2)}{\sqrt[3]{x^2+b^2-cd}} - \frac{\cos kx}{\sin 5}$.

3.
$$i = 5$$
; $k = -2$; $x = 0.1$; $a = 25.2$; $b = 2.35$;

$$y = \operatorname{tg} ik - \frac{ax^3 - b}{(a+b)^2} + 10^3 \, \mathrm{e}^{-5} + \sqrt[3]{\frac{10^2|xk|}{(a+b)^2}}.$$

4.
$$a = -1.25$$
; $c = 0.05$; $d = 2.5$; $i = 5$; $x = 1.35$;

$$y = \frac{\sqrt{|c - d| + (a + c)^2}}{\sin 2i} + 10^{-3} e^{ix} - \frac{|c - d| + a^2}{\sqrt[3]{(a + c)^2}}.$$

5.
$$k = 2$$
; $x = 2.5$; $c = 0.31$; $a = 0.93$; $b = 5.61$;

$$y = \frac{\ln|kx|}{\sin 7} - \sqrt{|x - a^2|} - \frac{10^4 a - b}{\cos kx} + \sqrt[3]{x - a^2} + c^3 x.$$

6.
$$k = -2$$
; $a = 3.5$; $b = 0.35$; $x = 1.523$;
 $y = 10^4 \frac{ax}{b^2} - \left| \frac{a - b}{kx} \right| + \frac{\ln 3}{\sqrt[3]{ax + b^2}} - e^{-kx}$.

7.
$$a = 1,7; b = -1,25; c = -0,3; x = 2,5; k = 3;$$

$$y = \sqrt{\frac{abc}{2,4}} - \frac{0,7abc}{\sin 7} + 10^{45} \sqrt{|\cos kx|} - \frac{|b-a|}{kx}.$$

8.
$$a = 1,3; b = 2,42; c = 0,83; x = 1,5; k = 2;$$

$$y = \frac{|a^2 - b^2|}{\sin kx} - \frac{k^2 + \operatorname{tg} 3k}{e^{kx}} - 10^4 \sqrt[5]{\sin kx - bc}.$$

9.
$$x = 0.29$$
; $a = -2.4$; $k = 3$; $c = 1.52$;

$$y = \frac{\sqrt[3]{\ln x + a^2}}{0.47x^2} - \left| 0.47x^2 - \frac{10^4}{7}\cos^2 k \right| - \frac{c}{x}.$$

10.
$$a = -2.5$$
; $b = 1.35$; $x = 2.75$; $i = 3$; $c = -0.72$;

$$y = \frac{1.5(a-b)^2}{|a-b|c} + \frac{i}{5} + 10^3 \sqrt{|a-b|} - \frac{2.5(a+x^2)\sin 7}{ix^2 + a^2bc}.$$

11.
$$a = 3.5$$
; $i = 2$; $b = -0.7$; $x = 0.8$;

$$y = 10^4 \sin^2 i - \frac{0.32x^3 + 4x + b}{\cos ia} \sqrt[6]{0.32x^3 - b} + |b|.$$

12.
$$a = 4,72$$
; $b = 1,25$; $d = -0,01$; $x = 2,25$; $i = 2$; $k = 3$;
$$y = \frac{ax^2 + |d|}{(a+b)^2} - 10^4 \sqrt[5]{\frac{kx}{(a+b)^2}} - \frac{\cos i}{\sin kx}.$$

13.
$$a = -3.25$$
; $x = 8.2$; $k = 4$; $b = 0.05$; $d = 0.95$; $y = (x - a) \cos k + \frac{\sqrt[3]{|x + a|}}{2.4b} e^3 + 10^{-4} \frac{(x + a)^3 + x^4 d}{k(x - a)^3}$.

14.
$$x = 0.48$$
; $b = -0.31$; $c = 1.72$; $a = 2.01$; $k = 3$;
$$y = \sqrt[5]{|ax^2 - b^3|} + \ln kx - \frac{e^{kx} + c^2}{\sin kx} - 10^{-3}\sqrt{2157}$$
.

15.
$$x = 2.5$$
; $b = 0.04$; $k = 3$; $n = 5$;

$$y = \frac{1}{9} + \frac{\sqrt{x^2 + b}}{0.4x} - 10^4 e^{kx} + \cos\sqrt{x^2 + b} + \frac{\sin 3}{(x^2 + b)n}.$$

16.
$$x = 0.5$$
; $a = 2.71$; $c = 3.25$; $d = -3.53$; $k = 5$;
$$y = \frac{\sin(ax^2 - c)}{0.25k^2xd} - \left|\sqrt[3]{x^2 + \ln 3} - \cos kx\right| + 10^4 x^5 cd$$
.

17.
$$a = 0.02$$
; $x = -3.25$; $b = 2.5$; $c = 1.2$; $d = 3.5$; $k = 6$;
$$y = \frac{(ax - b)^2 + |d - b| - e^{kd}}{10^4 d^5 + b^2 + c} - \sin 2 + \sqrt[3]{d - b} .$$

18.
$$a = -1.7$$
; $b = 2.32$; $c = 0.92$; $k = 2$; $x = 0.057$;
$$y = \sqrt{\frac{\cos k^2 x - b}{a^2 + b^2}} - 10^4 e^7 + \frac{tgk^2 x + \sqrt[3]{5}}{a - \sin k^2 x} - \frac{c}{k}$$
.

19.
$$a = -1.52$$
; $b = -13.2$; $k = 2$; $n = 4$; $x = 1.4$;
$$y = 0.5 \frac{a^2 x + |b|}{(a+b)^2 - b} + \frac{\sin k}{\cos nx} + 10^{45} \sqrt{a^2 x + |b|}$$
.

20.
$$k = 3$$
; $a = 3.5$; $b = 0.35$; $n = 4$; $x = -0.2$;

$$y = \frac{abx + tg 2k}{|a - b| + 0.5x} - 10^4 x \frac{\sin na}{\cos kx} - \frac{abx}{\sqrt[3]{a - b}}.$$

21.
$$a = -1,4$$
; $b = 25,3$; $x = 4,5$; $n = 4$;

$$y = 1,1 \frac{\sqrt[3]{(a+b)^2 + |\cos nx|}}{\sin(a+b)} - e^2 + 10^{-3} \frac{n^2x}{a+b}.$$

22.
$$a = 2,75; b = 1,3; x = -7,85; d = 1,23; k = -2;$$

$$y = 10^4 \frac{\sqrt{a^2 + b^2}}{x^2 + a^2} - 1,7 \frac{\sqrt{7}(a^2 + b^2)}{(a+b)kd} - \frac{\cos 2}{|x+d+k|}.$$

23.
$$a = -5.1$$
; $x = 0.71$; $k = 4$; $b = 0.24$;
 $y = e^{ax} - \frac{\operatorname{tg} kx}{\sqrt{|a + x^2|}} - 10\sin 2 + \frac{1}{3} - \frac{a + x^2}{kx}b$.

24.
$$a = 2.5$$
; $b = -5.25$; $x = 1.25$; $k = 2$;

$$y = \left(\frac{1}{3}\right)^3 e^{a+b} + \frac{\sqrt{15 - kx^2 - 0.41}}{10^{-2}|a+b|} + \frac{\ln(a+b)^2}{x + kx^2} - \sqrt{3} .$$

25.
$$d = 1,2; x = 0,75; c = 1,3; b = 2,35; i = 2; k = -3;$$

$$y = \left(\frac{dx}{x} - \sqrt{\frac{|c - b|}{x}} \right)^{2} + 1,2 \operatorname{tg} i - 10^{3} \frac{(c - b)^{2}}{dx} + \sqrt[3]{\cos kx}.$$

26.
$$a = 1,2; k = 0,5; b = 0,1; x = 4,75;$$

$$y = \sqrt[3]{(a^2 + x)x^2} - \frac{1}{\sqrt{\ln(b + x)}} + \sin\left(k + \frac{x^3}{a}\right).$$

27.
$$a = 10$$
; $b = 5,43$; $c = 0,26$; $x = -0,55$;
$$y = \frac{cx^2 + (abc)^3}{\cos cx} + \sqrt[4]{\frac{c+1}{x+b}} + \left| e^{cx-a} \right|.$$

28.
$$a = 3.5$$
; $b = 0.8$; $k = -2.3$; $x = -2.75$;

$$y = \frac{1}{7} - \cos(\sqrt{x^2 + b} + k) + \frac{e^{\frac{k}{x}} + \frac{a}{b}}{\sqrt[3]{308 + k}} + \frac{|a - b|}{\lg \frac{k}{a}}.$$

29.
$$a = 7,83$$
; $b = 3,25$; $k = 1,5$; $x = 1$;
$$y = \left| \frac{\sin k^2 x}{a^2 + 3b^2} \right| - \sqrt[3]{b + kx} + \frac{a(a^2 - b)}{e^{2x + b}}.$$

30.
$$a = 3,27$$
; $b = 0,89$; $i = 0,5$; $x = 1.5$;

$$y = \frac{\sqrt{17x}}{ae^{bx}} - \left(\frac{xi}{9}\right)^5 e^{a+b} + \operatorname{tg} i \frac{\ln(a+b)}{ix^2}.$$

Задание 2. Освоить функцию вывода mprintf форматного вывода. Для этого необходимо создать скрипт в редакторе Scipad (Меню – Editor) (в версиях после 4.0: Меню – Инструменты – Текстовый редактор SciNotes). Набранный скрипт нужно сохранить с расширением *.sce (имя файла латинскими буквами) и запустить его в основном окне Scilab с помощью команды File – Ехес или Файл - Выполнить.

Пример выполнения работы

Задать мощности P_1, P_2, P_3 трех потребителей электроэнергии на участке промышленного предприятия и их координаты $x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3$. Рассчитать координаты x_0, y_0 центра нагрузок по формулам:

$$x_0 = \frac{P_1 x_1 + P_2 x_2 + P_3 x_3}{P_1 + P_2 + P_3}, \qquad y_0 = \frac{P_1 y_1 + P_2 y_2 + P_3 y_3}{P_1 + P_2 + P_3}.$$

Вывести рассчитанные и исходные значения в виде:

```
КООРДИНАТЫ ЦЕНТРА ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ НАГРУЗОК:

x0 = 21.02 м y0 = 34.03 м

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:

Номер X, м Y, м P, кВт
1 13.50 45.00 55.80
2 20.00 32.00 17.40
3 35.00 15.60 31.30
```

Пример программы выполнения работы представлен ниже:

```
// Пример выполнения 2-й лабораторной работы
 //Задаем исходные данные
x1=13.5;v1=45;P1=55.8;
x2=20;y2=32;P2=17.4;
x3=35;y3=15.6;P3=31.3;
 // Выполняем расчет
x0=(P1*x1+P2*x2+P3*x3)/(P1+P2+P3);
y0=(P1*y1+P2*y2+P3*y3)/(P1+P2+P3);
// Выводим в командное окно
mprintf('\n')
mprintf(' КООРДИНАТЫ ЦЕНТРА ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ НАГРУ-
30K:\n')
mprintf(' -----
mprintf('
             x0 = \%.2f \text{ M} \quad y0 = \%.2f \text{ M/n'}, x0, y0)
mprintf('\n')
                ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:\n')
mprintf('
mprintf(' -
            Homep X, M Y, M P, \kappa B \tau \backslash n')
mprintf('
            1 %.2f %.2f %.2f\n',x1,y1,P1)
mprintf('
               %.2f %.2f %.2f\n',x2,y2,P2)
mprintf('
                %.2f %.2f %.2f\n',x3,y3,P3)
mprintf('
mprintf('\n')
```

Варианты заданий

1. Задать значения координат xa, ya и xb, yb точек A и B на плоскости, а также два целых числа n1 и n2.

Вычислить координаты xc и yc точки C, делящий отрезок AB в отношении n1: n2, по формулам:

$$k = \frac{n1}{n2}$$
; $xc = \frac{xa + k \cdot xb}{1 + k}$; $yc = \frac{ya + k \cdot yb}{1 + k}$.

Вывести полученные и исходные значения в виде:

КООРДИНАТЫ ТОЧКИ С: xc = 4.00 мм yc = 0.00 мм

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:

Точки концов отрезка А(0.00,0.00)

B(10.00, 0.00)

Точка С делит отрезок в соотношении 2.00:3.00

2. Задать значения сопротивления R, индуктивности L, емкости C, частоты f и напряжения U.

Вычислить силу тока I в цепи, подключенной к синусоидальному напряжению с действующим значением U и частотой f и состоящей из соединенных последовательно сопротивления R, индуктивности L и емкости C:

$$I = \frac{U}{\sqrt{R^2 + \left(2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C}\right)^2}}.$$

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

MCXOДНЫЕ ДАННЫЕ: R=2.10 O_{M} $L=0.100\ \Gamma_{H}$ $C=0.020\ \Phi$ $U=220.00\ B$ $f=50.000\ \Gamma_{U}$

ОТВЕТ ЗАДАЧИ:

Cила mо κ а = 7.023 A

 Задать координаты x0, y0, z0 произвольной точки в пространстве и коэффициенты A, B, C, D1 и D2 двух параллельных плоскостей.

Найти расстояния s1, s2 от данной точки до двух параллельных плоскостей по формулам:

$$s1 = \frac{|A \cdot x0 + B \cdot y0 + C \cdot z0 + D1|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}},$$

$$s2 = \frac{|A \cdot x0 + B \cdot y0 + C \cdot z0 + D2|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}.$$

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ: x0= 5.00 мм y0= -3.00 мм z0= 7.00 мм D1= 7.00 D2= 9.00 A = 3.00 B= 4.00 C = -5.00 ОТВЕТ: Расстояние до 1-й плоскости= 3.54 мм Расстояние до 2-й плоскости= 3.25 мм

4. Задать значения радиусов оснований R и r, образующей l и высоты H усеченного конуса.

Вычислить площади оснований S1 и S2, всей поверхности S и объем усечённого конуса V:

$$S1 = \pi R^2$$
, $S2 = \pi r^2$, $S = \pi (r+R)l + S1 + S2$.
$$V = \frac{\pi H(R^2 + r^2 + Rr)}{3}.$$

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

5. Задать площадь треугольника S и значение C, на которое основание a этого треугольника больше его высоты h:

$$a = h + C$$
.

Высота h определяется по формуле:

$$h = \frac{-C + \sqrt{C^2 + 8S}}{2}.$$

Рассчитать значения h и a.

Вывести полученные и исходные значения в виде:

МОЯ ЗАДАЧА РЕШЕНА

Высота треугольника = 3.22 мм Основание треугольника = 6.22 мм

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ: C=3.00 мм S=10.00 кв.мм

6. Задать длины трех сторон треугольника a, b, c. Вычислить медианы ma, mb, mc треугольника по формулам:

$$ma = 0.5 \sqrt{2b^2 + 2c^2 - a^2},$$

$$mb = 0.5 \sqrt{2a^2 + 2c^2 - b^2},$$

$$mc = 0.5 \sqrt{2a^2 + 2b^2 - c^2}.$$

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

СТОРОНЫ ТРЕУГОЛЬНИКА:

а, мм b, мм c, мм 2.00 2.00 3.00

MЕДИАНЫ ТРЕУГОЛЬНИКА: ma=2.35 мм mb=2.35 мм mc=1.32 мм

Задать координаты x1, y1 точки C1, x2, y2 точки C2 и x3, y3 точки
 С3 на плоскости.

Вычислить расстояния L1, L2, L3 этих точек от начала координат по формулам:

$$L1 = \sqrt{x1^2 + y1^2}$$
; $L2 = \sqrt{x2^2 + y2^2}$; $L3 = \sqrt{x3^2 + y3^2}$.

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:

КООРДИНАТЫ ТОЧЕК C1,C2,C3 x1=1.00 мм x2=2.00 мм x3=3.00 мм y1=4.00 мм y2=5.00 мм y3=6.00 мм

РАССТОЯНИЕ ОТ НАЧАЛА КООРДИНАТ: ТОЧКИ С1 - 4.12 мм ТОЧКИ С2 - 5.39 мм ТОЧКИ С3 - 6.71 мм

8. Задать длины сторон *a*, *b*, *c* прямоугольного параллелепипеда.

Вычислить его объем V, площади трех граней Sab, Sbc, Sac и площадь поверхности S по формулам:

$$V = a \cdot b \cdot c,$$

 $Sab = a \cdot b, \quad Sbc = b \cdot c, \quad Sca = c \cdot a,$
 $S = 2 \cdot (Sab + Sbc + Sca).$

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

ИЗМЕРЕНИЯ ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕДА:

a = 2.00 cm

 $b = 4.00 \, c_M$

 $c = 6.00 \, cM$

ОТВЕТ ЗАДАЧИ:

ОБЪЕМ= 48.00 куб.см

Площадь поверхности = 88.00 кв.см

Площади граней Sab = 8.00 кв.см

 $Sbc = 24.00 \, \text{кв.см}$

 $Sac = 12.00 \, кв.см$

Задать длины полуосей a, b эллипса.

Вычислить длину эллипса по приближенной формуле:

$$l = 2\pi \left(\frac{3}{2} \cdot \frac{a+b}{2} - \frac{1}{2} \sqrt{ab} \right).$$

Вывести полученные и исходные значения в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ

Полуоси эллипса: $a = 3.00 \, \text{мм}$ $b = 6.00 \, \text{мм}$

РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТА

Длина эллипса = 29.08 мм

10. Задать стороны x, y, z треугольника и вычислить его высоты hx, hy, hz по формулам:

$$hx = rac{2\sqrt{p(p-x)(p-y)(p-z)}}{x}, \quad hy = rac{2\sqrt{p(p-x)(p-y)(p-z)}}{y},$$
 $hz = rac{2\sqrt{p(p-x)(p-y)(p-z)}}{z},$ где $p = rac{x+y+z}{2}.$

Вывести полученные и исходные значения в виде:

ВЫСОТЫ ТРЕУГОЛЛЬНИКА:

hx = 8.98 MM

 $hy = 4.99 \, _{MM}$

 $hz = 4.49 \, MM$

СТОРОНЫ ТРЕУГОЛЬНИКА:

x = 5.00 mm y = 9.00 mm z = 10.00 mm

11. Задать две стороны a и b треугольника и угол C между ними. Найти третью сторону c , два других угла A,B и площадь треугольника S :

$$c = \sqrt{a^2 + b^2 - 2ab\cos C} , \quad A = \arccos \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc},$$

$$B = 180^\circ - (A + C), \quad S = \frac{1}{2} ac\sin B.$$

Вывести полученные и исходные значения в виде:

СТОРОНЫ ТРЕУГОЛЬНИКА:

a=2.50 cm

 $b=4.20 \ c_{M}$

c = 5.99 cM

УГЛЫ ТРЕУГОЛЬНИКА:

A=19.98 град.

В=35.02 град.

С=125.00 град.

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА:

S=4.30 кв.см

12. Задать значения a, b и угол α . Найти решение системы уравнений

$$\begin{cases} x\cos\alpha - y\sin\alpha = a \\ x\sin\alpha + y\cos\alpha = b \end{cases}$$

используя выражения:

$$y = b \cos \alpha - a \sin \alpha,$$
 $x = \frac{a + y \sin \alpha}{\cos \alpha}.$

Вывести полученные и исходные значения в виде:

ОТВЕТ ЗАДАЧИ:

 $x=18.32 \ ed$.

y=2.05 ed.

ИСХОДНЫЕ ЗНАЧЕНИЯ: a=12.00 eд. b=14.00 eд.

Альфа=43.00 град.

13. Задать массы трех материальных точек m_1, m_2, m_3 и их координаты $x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3$ на плоскости. Рассчитать координаты x_0, y_0 центра тяжести системы трех материальных точек по формулам:

$$x_0 = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}, \qquad y_0 = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}.$$

Вывести исходные и рассчитанные значения в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:

xI = 100.00 mm x2 = 40.00 mm x3 = -50.00 mm yI = -45.00 mm y2 = 20.00 mm y3 = 150.00 mm mI = 10.00 ke m2 = 10.00 ke m3 = 10.00 ke

КООРДИНАТЫ ЦЕНТРА ТЯЖЕСТИ:

X0=30.00 мм Y0=41.67 мм

14. Задать координаты x, y некоторой точки в старой системе прямоугольных координат, координаты x_0, y_0 начала и угол A поворота новой системы координат. Вычислить координаты x_1, y_1 точки в новой системе координат:

$$x_1 = (x - x_0) \cos A + (y - y_0) \sin A,$$

 $y_1 = (y - y_0) \cos A - (x - x_0) \sin A.$

Вывести исходные данные и рассчитанные значения в виде:

КООРД. ТОЧКИ В СТАРОЙ СИСТЕМЕ: x=5.00 cm y=5.00 cm

НАЧАЛО КООРДИНАТ НОВОЙ СИСТЕМЫ:

x0=5.00 см y0=-5.00 см Угол A=0.00 град.

KOOPД.TOЧКИ В НОВОЙ СИСТЕМЕ: x1=0.00 см y1=10.00 см

 Задать стороны треугольника а, b, c. Вычислить углы A, B, C и площадь S треугольника:

$$A = \arccos \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}, \quad B = \arccos \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac},$$

$$C = 180^\circ - (A + B), \quad S = \frac{1}{2}ab\sin C.$$

Вывести рассчитанные значения и исходные данные в виде:

ОТВЕТ ЗАДАЧИ:

Угол A = 31.40 град.

Угол B = 52.73 град.

Угол C = 95.86 град.

Площадь S = 5.74 кв.мм

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ: a=2.75 мм b=4.20 мм c=5.25 мм

16. Задать сторону основания a и высоту h правильной шестиугольной пирамиды. Найти ее объем V и площадь поверхности S по формулам:

$$V = \frac{1}{3}S_{osn}h, \quad S = S_{osn} + S_{bok},$$

где

$$S_{osn} = \frac{3\sqrt{3}}{2}a^2$$
, $S_{bok} = 3a\sqrt{h^2 + \frac{3}{4}a^2}$.

Вывести исходные данные и рассчитанные значения в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ: СТОРОНА ОСН. ПИРАМИДЫ = 3.50 см ВЫСОТА ПИРАМИДЫ = 12.00 см

OTBET: $V = 127.31 \ куб.cm$ $S = 31.83 + 129.96 = 161.78 \ кв.cm$

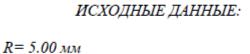
17. Задать радиус шара R. Определить его объем V и площадь S:

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3$$
, $S = 4\pi R^2$.

Найти также объем шарового сегмента $V_{\rm c}$ высоты H:

$$V_{\rm c} = \pi H^2 \left(R - \frac{H}{3} \right).$$

Вывести исходные данные и рассчитанные значения в виде:



OTBET:

 $H = 3.00 \, \text{мм}$

V=523.60 куб.см S=314.16 кв.см Vc=113.10 куб.см

18. Задать координаты трех вершин A, B, C треугольника: xa, ya, xb, yb, xc, yc. Вычислить длины сторон данного треугольника по формулам:

$$|AB| = \sqrt{(xa - xb)^2 + (ya - yb)^2},$$

$$|BC| = \sqrt{(xb - xc)^2 + (yb - yc)^2},$$

$$|CA| = \sqrt{(xc - xa)^2 + (yc - ya)^2}.$$

Вывести исходные данные и найденные значения и в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ: ВЕРШИНЫ ТРЕУГОЛЬНИКА

xa = 10.00 mm ya = 20.00 mm xb = 30.00 mm yb = 40.00 mmxc = 50.00 mm yc = 60.00 mm

ДЛИНЫ СТОРОН ТРЕУГОЛЬНИКА: $AB = 28.28 \text{ мм} \quad BC = 28.28 \text{ мм} \quad AC = 56.57 \text{ мм}$

19. Задать углы A и C треугольника и сторону a против угла A. Найти третий угол B, длины других сторон b, c и площадь S треугольника:

$$B=180^\circ-(A+C), \qquad b=\frac{a\sin B}{\sin A}, \qquad c=\frac{a\sin C}{\sin A}, \qquad S=\frac{1}{2}\;bc\sin A.$$

Выдать информацию в виде:

ТРЕУГОЛЬНИК АВС

СТОРОНЫ, мм: a=83.00 b=78.68 c=73.50

УГЛЫ, градусы: A=66.00 B=60.00 C=54.00

ПЛОЩАДЬ, кв мм: S=2641.70

20. Задать высоту H, внешний R и внутренний r радиусы цилиндрического кольца. Вычислить его объем V и площадь S всей поверхности по формулам:

$$S = 2\pi H(R+r) + 2\pi (R^2 - r^2),$$

$$V = \pi H(R^2 - r^2).$$

Вывести заданные и рассчитанные значения в виде:

ОТВЕТ ЗАДАЧИ:

V=54.924 куб.см S=219.733 кв.см

ЗАДАЧА РЕШЕНА

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ: Н=5.49 см

R=3.17 см

r=2.62 cm

21. Задать координаты x_0 , y_0 точки на плоскости и три коэффициента a_1 , a_2 , b, определяющие математические уравнения двух параллельных прямых на этой плоскости. Найти расстояния d_1 и d_2 от точки до параллельных прямых по формулам:

$$d_1 = \frac{|a_1 + bx_0 + y_0|}{\sqrt{b^2 + 1}}, \qquad d_2 = \frac{|a_2 + bx_0 + y_0|}{\sqrt{b^2 + 1}}.$$

Вывести исходные и найденные значения в виде:

22. Задать радиус основания R и высоту H конуса. Рассчитать объем V конуса и площадь его поверхности S по формулам:

$$V = \frac{1}{3}\pi R^2 H, \quad S = S_{\rm 60K} + S_{\rm och} = \pi R \sqrt{R^2 + H^2} + \pi R^2.$$

Выдать ответ и исходную информацию в виде:

23. Задать две стороны треугольника b, c и угол B против одной из них. Найти два остальных угла C, A, третью сторону a и площадь S треугольника:

$$C = \arcsin \frac{c \sin B}{b}, \qquad A = 180^{\circ} - (B + C),$$

$$a = \frac{b \sin A}{\sin B}, \qquad S = \frac{1}{2}ac \sin B.$$

Вывести исходные и расчетные значения в виде:

СТОРОНЫ ТРЕУГОЛЬНИКА, $c_M: a=6.51\ b=3.27\ c=5.30$

УГЛЫ ТРЕУГОЛЬНИКА:, град.: A=95.87 B=30.00 C=54.13

ПЛОЩАДЬ ТРЕУГОЛЬНИКА, кв.см: S=8.62

24. Задать два угла B, C треугольника и сторону a между ними. Найти третий угол A, длины других сторон b, c и площадь треугольника S:

$$A = 180^{\circ} - (B+C),$$
 $b = \frac{a \sin B}{\sin A},$ $c = \frac{a \sin C}{\sin A},$ $S = \frac{1}{2} ac \sin B.$

Вывести исходные и расчетные значения в виде:

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:

Угол B=37.40 град Угол C=97.00 град

Сторона а=50.00 мм

ОТВЕТ: Угол А=45.60 град

Сторона b = 42.51 мм

Сторона с=69.46 мм

Площадь треугольника=1054.71 кв.мм

25. Задать коэффициенты A, B, C, D_1 и D_2 двух параллельных плоскостей. Вычислить расстояние d между этими параллельными плоскостями:

$$d = \frac{|D_2 - D_1|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$

Определить расстояние l от точки $N(x_N, y_N, z_N)$ до плоскости:

$$l = \frac{|Ax_N + By_N + Cz_N + D_1|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}.$$

Выдать информацию в виде:

26. Задать амплитуды U_{m1} , U_{m2} и начальные фазы φ_1 , φ_2 двух гармонических колебаний одной частоты. Найти амплитуду U_m и начальный фазовый угол φ суммы этих гармонических колебаний по формулам:

$$\begin{split} U_m &= \sqrt{U_{m1}^2 + U_{m2}^2 + 2 \, U_{m1} \, U_{m2} \, \cos(\varphi_1 - \varphi_2)}, \\ \varphi &= \, \arctan \Big(\frac{U_{m1} \sin \varphi_1 + U_{m2} \sin \varphi_2}{U_{m1} \cos \varphi_1 + U_{m2} \cos \varphi_2} \Big). \end{split}$$

Выдать информацию в виде:

ИСХОДНЫЕ КОЛЕБАНИЯ: U1=4.90*cos(w*t-75.00) U2=3.10*cos(w*t+21.00) РЕЗУЛЬТАТ СЛОЖЕНИЯ: U=5.52*cos(w*t-41.03) 27. Задать значения r_{12} , r_{23} , r_{31} треугольника сопротивлений и рассчитать значения сопротивлений r_1 , r_2 , r_3 эквивалентной звезды:

$$r_1 = \frac{r_{12}r_{31}}{r_{12} + r_{23} + r_{31}}, \qquad r_2 = \frac{r_{23}r_{12}}{r_{12} + r_{23} + r_{31}}, \quad r_3 = \frac{r_{23}r_{31}}{r_{12} + r_{23} + r_{31}}.$$

Вывести исходные и расчетные значения в виде:

СОПРОТИВЛЕНИЯ ТРЕУГОЛЬНИКА:

 $r12 = 3.40 \ O_M$

 $r23 = 5.50 O_M$

 $r31 = 2.90 O_M$

СОПРОТИВЛЕНИЯ ЭКВИВАЛЕНТНОЙ ЗВЕЗДЫ:

 $r1 = 0.84 \ O_{\rm M}$

 $r2 = 1.58 \ O_{\rm M}$

 $r3 = 1.35 O_M$

28. Задать значения r_1 , r_2 , r_3 звезды из трех сопротивлений и рассчитать значения r_{12} , r_{23} , r_{31} эквивалентного треугольника сопротивлений:

$$r_{12} = r_1 + r_2 + \frac{r_1 r_2}{r_3}, \qquad r_{23} = r_2 + r_3 + \frac{r_2 r_3}{r_1}, \qquad r_{31} = r_3 + r_1 + \frac{r_3 r_1}{r_2}.$$

Выдать информацию в виде:

СОПРОТИВЛЕНИЕ ЗВЕЗДЫ, Ом:

$$r1 = 3.80$$
 $r2 = 1.50$ $r3 = 3.30$

СОПРОТИВЛЕНИЯ ЭКВИВАЛЕНТНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА:

 $r12 = 7.03 O_M$

 $r23 = 6.10 O_M$

 $r31 = 15.46 O_{\rm M}$

29. Задать три ЭДС E_1 , E_2 , E_3 и три сопротивления r_1 , r_2 , r_3 трех ветвей электрической цепи, подключенных параллельно к двум узлам. Определить проводимости ветвей g_1 , g_2 , g_3 и напряжение U между двумя узлами, к которым подключены эти ветви:

$$g_1 = \frac{1}{r_1}, \; g_2 = \frac{1}{r_2}, \; g_3 = \frac{1}{r_3}, \qquad U = \frac{E_1 g_1 + E_2 g_2 + E_3 g_3}{g_1 + g_2 + g_3}.$$

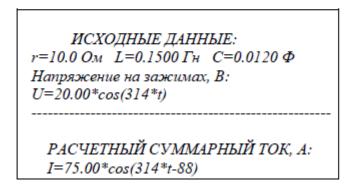
Выдать исходные и расчетные значения в виде:

30. Задать значения сопротивления r, индуктивности L и емкости C, подключенных параллельно к двум узлам, и амплитуду U_m и частоту f приложенного к этим узлам синусоидального напряжения. Определить циклическую частоту ω , амплитуду I_m и угол φ сдвига фазы суммарного тока:

$$\omega = 2\pi f, \qquad I_m = U_m \sqrt{\frac{1}{r^2} + \left(\frac{1}{\omega L} - \omega C\right)^2},$$

$$\varphi = \arctan\left(r\left(\frac{1}{\omega L} - \omega C\right)\right).$$

Выдать исходные и расчетные значения в виде:



Задание 3. Вычислить значение арифметического выражения для заданного набора исходных данных. Для вычислений необходимо написать скрипт во встроенном редакторе Scipad.

| № варианта | Выражение |
|------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | $\frac{2\sin\left(\frac{d}{b}\right)}{b+d^{3-b}} + \frac{1}{2e^{b+d}} + \cos^2(b), \text{ при } b = 2,12 d = 3,13$ |
| 2 | $\frac{\ln\left(a + \frac{b^2}{5}\right) - \sqrt{4,12 - \frac{1}{b^{-3}}}}{\sin(a) + \cos^2(b)}, \text{ при } a = 2 \ b = 1,5$ |
| 3 | $\frac{\sin(a) + \frac{\cos^2(b-a)}{1+e^{a-\sqrt{\frac{b}{4}}}}}{b-a^2}, \text{ при } a = 1,5 b = 4,66$ |
| 4 | $\frac{\ln^2\left(\frac{m}{n}\right)}{\sin(n^3 - m^3) + \frac{1}{4,55 + \cos(n^3 - m^3)}}, \text{ при } m = \frac{1}{4} \ n = 2,15$ |
| 5 | $x^{-1} + \frac{y^2}{\sin^2(x) - \cos^2\left(\frac{x+1,15}{y-\sqrt{1,15}}\right)}, \text{ при } x = 1, y = \frac{1}{2}$ |
| 6 | $\frac{a + \ln(b)}{\sin^3 \left(\frac{1}{2 + a^b}\right)} + \frac{\cos^3 \left(a - \frac{1}{5,15 \cdot b}\right)}{4}, \text{ при } a = 0,25 \ b = 1,75$ |
| 7 | $x + \frac{2}{3y^{x-3}} - \frac{1}{\sqrt{x + \frac{2}{\sin^2(y - \frac{2}{3})}}}$, при $x = 1$ $y = 2,25$ |
| 8 | $\sqrt[3]{\frac{a}{b + \cos^2(0, 45 - a)}} + \frac{0,45}{b - \frac{\ln(a)}{a^{\cos(b)}}}, \text{ при } a = \frac{3}{4}b = 1,11$ |
| 9 | $\frac{(n+m)^2}{n+\frac{1}{\cos^2(m)-\sin^2(m)}} + \sqrt{\frac{n}{m-1,12}}, \text{ при } n=2,2 m=4,2$ |

| 10 | 2 |
|----|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| | $\frac{a}{b+5^{e-5}} - \frac{1 - \frac{2}{3\sqrt{a+b}}}{\cos(b) + \sin^2(a)}, \text{ при } a = 1,15 \ b = 5,15$ |
| 11 | $\frac{x^{y} + y^{x}}{\sin(x) - \sin(y)} + \frac{\frac{1}{2 - \cos^{2}(x)}}{2 + \sqrt{x + y}}, \text{ при } x = 3 y = 1,5$ |
| 12 | $\sqrt[4]{\frac{a}{b}} + \frac{1}{\sin^2(a+b)} + \frac{\cos^3(a-\sqrt{b})}{\frac{1}{4}}$, при $a = 0,5$ $b = 0,75$ |
| 13 | $\frac{\left(n+m\right)^2}{n+\frac{1}{\cos^2(m)-\sin^2(m)}} + \sqrt{\frac{n}{m-1,12}}, \text{ при } n=2,2 \ m=4,2$ |
| 14 | $\frac{x^{y} + y^{x}}{\sin(x) - \sin(y)} + \frac{\frac{1}{2 - \cos^{2}(x)}}{2 + \sqrt{x + y}}, \text{ при } x = 3, y = 1,5$ |
| 15 | $\frac{\ln\left(a + \frac{b^2}{5}\right) - \sqrt{4,12 - \frac{1}{b^{-3}}}}{\sin(a) + \cos^2(b)}, \text{ при } a = 2 \ b = 1,5$ |
| 16 | $\frac{2\sin\left(\frac{d}{b}\right)}{b+d^{3-b}} + \frac{1}{2e^{b+d}} + \cos^2(b), \text{ при } b = 2,12 \ d = 3,13$ |
| 17 | $\frac{\ln^2\left(\frac{m}{n}\right)}{\sin(n^3 - m^2) + \frac{1}{4,55 + \cos(n^3 - m^2)}}, \text{ при } m = \frac{1}{4} \ n = 2,15$ |
| 18 | $\frac{\ln\left(a + \frac{b^2}{5}\right) - \sqrt{4,12 - \frac{1}{b^{-3}}}}{\sin(a) + \cos^2(b)}, \text{ при } a = 2 \ b = 1,5$ |
| 19 | $\sqrt[4]{\frac{a}{b}} + \frac{1}{\sin^2(a+b)} + \frac{\cos^3(a-\sqrt{b})}{\frac{1}{4}}, \text{ при } a = 0,5 \ b = 0,75$ |
| 20 | $\frac{a + \ln(b)}{\sin^3 \left(\frac{1}{2 + a^b}\right)} + \frac{\cos^2 \left(a - \frac{1}{5,15 \cdot b}\right)}{4}, \text{ при } a = 0,25 \ b = 1,75$ |

Задание 4. Для вычислений необходимо написать скрипт во встроенном редакторе Scipad.

Вычислить значение арифметического выражения:

| Вариант | Выражение | Вариант | Выражение |
|---------|---------------------------------|---------|---------------------------------|
| 1 | $1\frac{1}{4} + \frac{1}{9}$ | 2 | $1\frac{1}{7} + 2\frac{1}{5}$ |
| 3 | $3\frac{3}{4} - \frac{4}{5}$ | 4 | $\frac{5}{7} \div \frac{4}{21}$ |
| 5 | $\frac{1}{3} \div \frac{5}{12}$ | 6 | $\frac{5}{6} \cdot 2.4$ |
| 7 | $\frac{4}{5}$ - 2.5 | 8 | $3\frac{1}{11} + \frac{1}{3}$ |
| 9 | $\frac{1}{5} + 2\frac{1}{9}$ | 10 | $5\frac{2}{3}\cdot\frac{9}{17}$ |
| 11 | $8\frac{1}{2}\cdot\frac{7}{14}$ | 12 | $\frac{1}{5} + 4\frac{1}{2}$ |
| 13 | $\frac{1}{35} \div \frac{4}{5}$ | 14 | $\frac{5}{9} \cdot 1.8$ |
| 15 | $\frac{2}{9} \cdot 1.8$ | 16 | $\frac{2}{3} \div \frac{8}{9}$ |

Задание 5. Для вычислений необходимо написать скрипт во встроенном редакторе Scipad.

Вычислить значение арифметического выражения:

| Вар иан т | Выражение | Вар иан т | Выражение |
|-----------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1 | $\frac{\left(13.75 + 9\frac{1}{6}\right) \cdot 1.2}{\left(10.3 - 8\frac{1}{2}\right) \cdot \frac{5}{9}} + \frac{\left(6.8 - 3\frac{3}{5}\right) \cdot 5\frac{5}{6}}{\left(3\frac{2}{3} - 3\frac{1}{6}\right) \cdot 56} - 27\frac{1}{6}$ | 2 | $\frac{\left(\frac{1}{6} + 0.1 + \frac{1}{15}\right) \div \left(\frac{1}{6} + 0.1 - \frac{1}{15}\right) \cdot 2.52}{\left(0.5 - \frac{1}{3} + 0.25 - \frac{1}{5}\right) \div \left(0.25 - \frac{1}{6}\right) \cdot \frac{7}{13}}$ |
| 3 | $\left(\frac{3\frac{1}{3} + 2.5}{2.5 - \frac{1}{3}} \cdot \frac{4.6 - 2\frac{1}{3}}{4.6 + 2\frac{1}{3}} \cdot 5.2\right) \div \left(\frac{0.05}{\frac{1}{7} - 0.125} + 5.7\right)$ | 4 | $\frac{0.4 + 8 \cdot \left(5 - 0.8 \cdot \frac{5}{8}\right) - 5 \div 2\frac{1}{2}}{\left(1\frac{7}{8} \cdot 8 - \left(8.9 - 2.6 \div \frac{2}{3}\right)\right) \cdot 34\frac{2}{5}} \cdot 90$ |

| 5 | $\frac{\left(\frac{3}{5} + 0.425 - 0.005\right) \div 0.1}{30.5 + \frac{1}{6} + 3\frac{1}{3}} + \frac{6\frac{3}{4} + 5\frac{1}{2}}{26 \div 3\frac{5}{7}} - 0.05$ | 6 | $\frac{3\frac{1}{3}\cdot 1.9 + 19.5 \div 4\frac{1}{2}}{\frac{62}{75} - 0.16} \div \frac{3.5 + 4\frac{2}{3} + 2\frac{2}{15}}{0.5 \cdot \left(1\frac{1}{20} + 4.1\right)}$ |
|----|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 7 | $\frac{\left(1\frac{1}{5} \div \left(\frac{17}{40} + 0.6 - 0.005\right)\right) \cdot 1.7}{\frac{5}{6} + 1\frac{1}{3} - 1\frac{23}{30}} + \frac{4.75 + 7\frac{1}{2}}{33 \div 4\frac{5}{7}} \div 0.25$ | 8 | $\frac{\left(4.5 \cdot 1\frac{2}{3} - 6.75\right) \cdot \frac{2}{3}}{\left(3\frac{1}{3} \cdot 0.3 + 5\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8}\right) \div 2\frac{2}{3}} + \frac{1\frac{4}{11} \cdot 0.22 \div 0.3 - 0.96}{\left(0.2 - \frac{3}{40}\right) \cdot 1.6}$ |
| 9 | $\frac{\left(1.88 + 2\frac{3}{25}\right) \cdot \frac{3}{16}}{0.625 - \frac{13}{18} \div \frac{26}{9}} + \frac{\left(\frac{0.216}{0.15} + 0.56\right) \div 0.5}{\left(7.7 \div 24\frac{3}{4} + \frac{2}{15}\right) \cdot 4.5}$ | 10 | $\frac{0.128 \div 3.2 + 0.86}{\frac{5}{6} \cdot 1.2 + 0.8} \cdot \frac{\left(1\frac{32}{63} - \frac{13}{21}\right) \cdot 3.6}{0.505 \cdot \frac{2}{5} - 0.002}$ |
| 11 | $\frac{0.125 \div 0.25 + 1\frac{9}{16} \div 2.5}{(10 - 22 \div 2.3) \cdot 0.46 + 1.6} + \left(\frac{17}{20} + 1.9\right) \cdot 0.5$ | 12 | $\frac{(3.4 - 1.275) \cdot \frac{16}{17}}{\frac{5}{18} \cdot \left(1\frac{7}{85} + 6\frac{2}{17}\right)} + 0.5 \cdot \left(2 + \frac{12.5}{5.75 + \frac{1}{2}}\right)$ |
| 13 | $\frac{\left(0.3275 - \left(2\frac{15}{88} + \frac{4}{33}\right) \div 12\frac{2}{9}\right) \div 0.07}{\left(13 - 0.416\right) \div 6.05 + 1.92}$ | 14 | $\frac{3.75 \div 1\frac{1}{2} + \left(1.5 \div 3\frac{3}{4}\right) \cdot 2\frac{1}{2} + \left(1\frac{1}{7} - \frac{23}{49}\right) \div \frac{22}{147}}{2 \div 3\frac{1}{5} + \left(3\frac{1}{4} \div 13\right) \div \frac{2}{3} - \left(2\frac{5}{18} - \frac{17}{36}\right) \cdot \frac{18}{65}}$ |
| 15 | $\frac{\left(\left(4.625 - \frac{13}{18} \cdot \frac{9}{26}\right) \div \frac{9}{4} + 2.5 \div 1.25 \div 6.75\right) \div 1\frac{53}{68}}{\left(\frac{1}{2} - 0.375\right) \div 0.125 + \left(\frac{5}{6} - \frac{7}{12}\right) \div \left(0.358 - 1.4796 \div 1\right)}$ | 16 | $\frac{\left(\left(3\frac{7}{12} - 2\frac{11}{18} + 2\frac{1}{24}\right) \cdot 1\frac{5}{31} - \frac{3}{52} \cdot \left(3\frac{1}{2} + \frac{5}{6}\right)\right) \cdot 1\frac{7}{13}}{\frac{19}{84} \div \left(5\frac{13}{42} - 2\frac{13}{28} + \frac{5}{24}\right) + 1\frac{2}{27} - \frac{1}{3} \cdot \frac{4}{9}}$ |