$\zeta = (0, y_{(0)} + \delta y, 0, 0)$