Lista zadań nr 2 (zadanie dodatkowe)

Julia Mazur, 262296

a) grupa pierwsza:

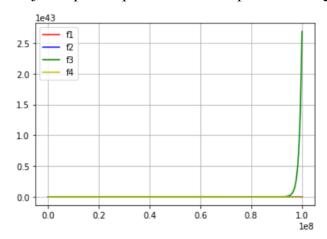
 $f_1(n) = n^{0.999999} \log n$

 $f_2(n) = 10000000n$

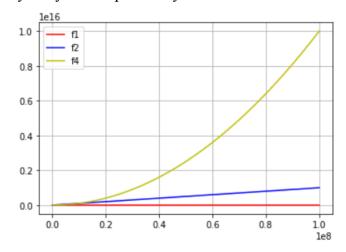
 $f_3(n) = 1.000001^n$

 $f_4(n) = n^2$

Zaczęłam od przeanalizowania wykresów tych funkcji, żeby ustalić możliwą kolejność przez sprawdzeniem odpowiednich granic:



Widzimy, że wykres został zdominowany przez f3, stąd zakładamy, że ta funkcja ma największą złożoność obliczeniową. Wyświetlamy teraz wykresy trzech pozostałych:



Zatem kolejność do sprawdzenia to: f1<f2<f4<f3.

1)
$$\lim_{n\to\infty} \frac{n^{1-10-6} \ln n}{10^{2} n} = \lim_{n\to\infty} \frac{(1-10^{-6})}{10^{2} n} = \lim_{n\to\infty} \frac{(1-10^{-6})}{10^{2} n} = \lim_{n\to\infty} \frac{1-10^{-6}}{10^{2} n} = 0$$

2) $\lim_{n\to\infty} \frac{10^{2} n}{n^{2}} = \lim_{n\to\infty} \frac{10^{2}}{n} = 0$
 $\lim_{n\to\infty} \frac{10^{2} n}{n^{2}} = \lim_{n\to\infty} \frac{10^{2}}{n} = 0$

3) $\lim_{n\to\infty} \frac{n^{2}}{(1+10^{6})^{n}} = \lim_{n\to\infty} \frac{10^{2}}{(1+10^{6})^{n}} = \lim_{n\to\infty} \frac{10^{2} (1+10^{-6})^{n}}{10^{2} (1+10^{-6})^{n}} = 0$

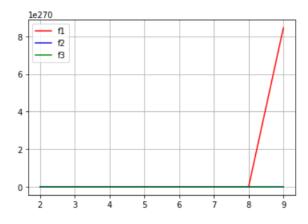
b) grupa druga:

$$f_1(n) = 2^{100n}$$

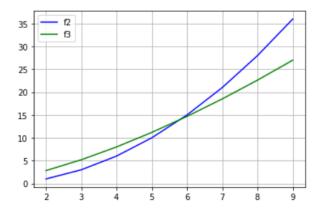
$$f_2(n) = \binom{n}{2}$$

$$f_3(n) = n\sqrt{n}$$

Analizując wykresy możemy zauważyć, że f1 zdominowało pozostałe funkcje.



Pozostałe funkcje prezentują się w następujący sposób:



Zatem kolejność do sprawdzenia to: f3<f2<f1.

c) grupa trzecia:

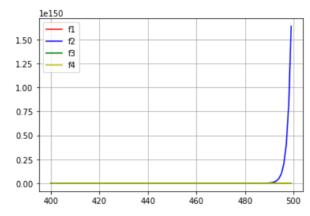
$$f_1(n) = n^{\sqrt{n}}$$

$$f_2(n) = 2^n$$

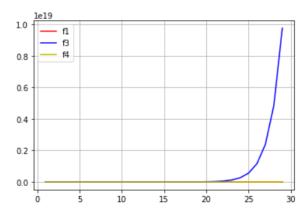
$$f_3(n) = n^{10}2^{n/2}$$

$$f_4(n) = \sum_{i=1}^n (i+1)$$

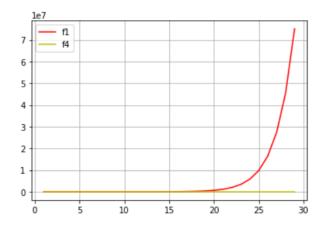
Znów zaczynamy od narysowania wszystkich funkcji.



Wykres został zdominowany przez f2, stąd możemy założyć, że ta funkcja ma największą złożoność obliczeniową. Pozostałe funkcje prezentują się w następujący sposób:



Teraz największą złożoność obliczeniową najprawdopodobniej ma f3.



Ostatecznie otrzymujemy, kolejność do sprawdzenia: f4<f1<f3<f2.

$$f_{4}(n) = \sum_{i=1}^{n} (i+1) = \frac{2+n+1}{2} \cdot n = \frac{n(n+3)}{2}$$
1) $\lim_{n \to \infty} \frac{n(n+3)}{2n \ln n} = \lim_{n \to \infty} \frac{n+3}{2n \ln n} = \lim_{n \to \infty} \frac{n}{n \ln n} = 0$

2)
$$\lim_{n\to\infty} \frac{n^{\lceil n \rceil}}{n^{10} \cdot 2^{\frac{n}{2}}} = \lim_{n\to\infty} \frac{\sqrt{\lceil n \rceil - 10}}{\sqrt{2^{\frac{n}{2}}}} = 0$$

3) lim
$$\frac{n^{10} \cdot 2^{\frac{n}{2}}}{2^n} = \lim_{n \to \infty} \frac{n}{2^{\frac{n}{2}}} = 0$$

Nosnie olle kolejných pochodných

link do kodu:

https://github.com/Swinkawkrawacie/algorytmy2021-22/blob/f95179629bbe9847ea84d3f6dde7e3ae4b81ac45/lista2(dodatkowe).py