Algorytmy i struktury danych

Laboratorium - lista 4

Termin wysłania: 2022-05-22

Zadanie 1. [20 p.]

Zaimplementuj strukturę <u>BST (Binary Search Tree)</u>, przyjmując jak na listach 2. i 3., że kluczami są liczby całkowite, wraz z następującymi operacjami:

- insert(k) wstawianie nowego wystąpienia klucza k do drzewa,
- delete(k) usuwanie jednego wystąpienia klucza k w drzewie (jeśli istnieje).
- height funkcja zwracająca bieżącą wysokość drzewa.

Zademonstruj poprawność swojej implementacji w prezentacji w następujących dwóch przypadkach, dla *n*=50:

- 1. Wstawienie rosnącego ciągu *n* kluczy operacjami insert, a następnie usunięcie losowego ciągu *n* kluczy operacjami delete
- 2. Wstawienie losowego ciągu *n* kluczy operacjami insert, a następnie usunięcie losowego ciągu *n* kluczy operacjami delete

Załóżmy, że klucze są z przedziału [0, 2*n*-1]. (Możesz wykorzystać lub przerobić generatory danych z listy 2.)

W każdym kroku drukuj wykonywaną operację (np. 'insert 48' albo 'delete 20') oraz stan drzewa po tej operacji, w takiej postaci, aby widoczna była jego struktura, na przykład tak jak niżej, gdzie 'lewa-prawa strona' zostały wyświetlone jako kierunki 'góra-dół':

```
/-[48]
       /-[54]
       | \-[257]
     /-[282]
     | \-[310]
   /-[352]
 /-[370]
 | | /-[370]
 | \-[372]
    \-[484]
-[517]
      /-[527]
 | \-[665]
    /-[713]
 | /-[725]
 | | \-[736]
 | \-[788]
 \-[924]
   | /-[939]
   \-[978]
```

Na potrzeby wyświetlania drzew w swojej aplikacji możesz przerobić sobie przykładowy program dostępny pod linkiem:

https://gist.github.com/mki1967/a3f79891f4a236f1d55d7f8f554435fe

Zadanie 2. [10 p.]

Podobnie jak w poprzednich listach zadań, przeprowadź eksperymenty badające złożoność dla dużych danych (po 20 testów dla wartości *n* równych: 10 000, 20 000, ..., 100 000), dla takich samych scenariuszy jak w zadaniu 1. (tj. wstawianie rosnącego ciągu i usuwanie losowego ciągu oraz wstawianie i usuwanie losowego ciągu) ale bez wyświetlania wykonywanych operacji i drzew.

Jako miary złożoności zliczaj:

- liczby porównań między kluczami,
- liczby odczytów i podstawień wskaźników łączących elementy struktury drzewa,
- wysokość drzewa po każdej operacji.

Dla każdego *n* zliczaj zarówno średni koszt, jak i maksymalny napotkany koszt pojedynczej operacji.

(Można korzystać z przygotowanych kontenerów.)

Przygotuj obrazy z wykresami uzyskanych wyników dla każdej z tych miar.

Zadanie 3. [30 p.]

Podobnie jak w zadaniu 1, zaimplementuj strukturę <u>RB BST (Red-Black Binary Search Tree)</u>, oraz demonstracje jej działania dla *n*=50.

Zadanie 4. [10 p.]

Wykonaj odpowiednik zadania 2. dla drzew RB BST.

Zadanie 5. [20 p.]

Podobnie jak w zadaniu 1, zaimplementuj Splay Tree, oraz demonstracje jej działania dla n=50.

Zadanie 6. [10 p.]

Wykonaj odpowiednik zadania 2. dla drzew Splay Tree.

Literatura

- [1] Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, and Clifford Stein. Introduction to
- Algorithms. The MIT Press, 3rd edition, 2009.
- [2] Daniel D. Sleator and Robert E. Tarjan. Self-adjusting binary search trees. J. ACM, 32(3):652-686, July 1985.
- [3] Robert E. Tarjan. Data Structures and Network Algorithms. Society for Industrial and Applied Mathematics, USA, 1983.