ر یاضیات اول برائے گیاریوں اور بارویں جماعت

طلبه و طالبات

بامد کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

1	ب اور مصرب	جزو ضر	1
3	 اعداد کی مختلف اقسام	تفرق 2.1	2
13		ات	جواما

باب1

جزوضر باور مضرب

(x-2)(x-4) < 0 مثال 1.1: عدم مساوات کو حل کریں

پیلا طریقہ : (x-4)(x-4) کی ترسیم کریں۔ یہ ترسیم x محور کو x=4 اور x=4 پہ کاٹے گی۔ اب جب کہ x^2 عدد کی سر شبت ہے، قطع مکانی اوپر کو جائے گا، حبیبا کہ شکل 5-5 میں دکھایا گیا ہے۔

آپ کو x کی وہ قیت معلوم کرنی ہے جہاں y < 0 ہو سکے۔ اس تر سیم سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ تب ہوگا جب x > 1 اور x > 1 ور میان ہو x > 1 گا، لیخن x > 2 ہو x > 1 مطلب بھی وہی ہے جو x > 2 کا ہے، المذاہم اے x > 1 کہ سکتے ہیں کہ x > 1 مطلب بھی ہوتا ہے۔ جب آپ x > 1 اور x > 1 مشم کی عدم مساوات کو x < 1 ہیں۔ اس کا مطلب بھی ہوگا ہے۔ جب آپ x < 1 ورنہ x < 1 کہ مشا تو بالکل ہی غلط ہے؛ بھلا ایسا کسے ہو سکتا ہے کہ x < 1 انداز میں کلھتے ہیں تو اس کا لاز می مطلب یہ ہوتا ہے کہ x < 1 ورنہ x < 1 کیسا تو بالکل ہی غلط ہے؛ بھلا ایسا کسے ہو سکتا ہے کہ x < 1 سات سے بڑا بھی ہو اور تین سے چھوٹا بھی !

میرا نام خالد ہے۔

باب2

تفرق

2.1 اعداد کی مختلف اقسام

پہلے پہل اعداد کو صرف گنتی کے لیے استعمال کیا جاتا تھا اور . . . 1, 2, 3, 1 یہ کافی تھا ، اگو قدرتی اعداد یا شبت اعداد کہا جاتا ہے تب یہ بات آشکار ہوئی کہ اعداد کو معیشت اور پیائش کے لیے بھی استعمال کیا جا سکتا ہے۔ اس مقصد کے لیے کسر بھی درکار تھے، کسر اور عدد تصیح مشتر کہ طور پہ معقول اعداد بناتے ہیں۔ یہ وہ اعداد ہیں جو کہ ﷺ کی صورت میں لکھے جا سکتے ہیں ، بشر طیکہ p اور p صحیح اعداد ہوں اور p صفر نا ہو۔

یونانیوں کی باتی دریافتوں میں ایک میہ بھی بہت اہم دریافت تھی کہ کئی ایسے اعداد تھے جن کا ہم اوپر بتائے گئے طریقے سے اظہار نہیں کع سکتے تھے۔ ایسا نے اعداد کو نا معقول اعداد کہا جاتا ہے، پہلا نامعقول عدد √2 تھا۔ جو کہ 1 اکائی کمبائی کے مرفع کے وتر کی کمبائی ہے اور فیثا غورث کے قانون سے اسے معلوم کیا گیا۔ وہ اصول جنگی بنیاد پر یونانیوں نے یہ ثابت کیا کے √2 کسر کی شکل میں نہیں لکھا جا سکتا ای اصول کی بناء پر ہم یہ کہہ سکتے ہیں کہ کسی بھی مثبت عدد کی جزر، کعبی جزر اور دیگر یا تو صحیح عدد ہوں گی یا نا معقول۔ کئی دیگر نا معقول اعداد بھی ہمارے جانے ہیں کہ سکتے ہیں کہ کسی میں تر بنان زد عام ہے۔

معقول اور نا معقول اعداد مجموعی طور پر حقیقی اعداد کہلاتے ہیں، صبح اعداد، معقول و نا معقول اعداد اور حقیقی اعداد سب مثبت، منفی یا صفر ہو سکتے ہیں۔

جب معقول اعداد کو اعشاریہ میں لکھا جاتا ہے تو اسکے ہندہے یہ تو متناہی ہوتے ہیں یہ خود کو بالترتیب دہرانا شروع کر دیتے ہیں مثال کے طور پر؛

$$\frac{7}{10} = 0.7$$
, $\frac{7}{11} = 0.6363...$, $\frac{7}{12} = 0.5833...$, $\frac{7}{13} = 0.53846153846153...$

باب.2 تفسرت

$$\frac{7}{14} = 0.5$$
, $\frac{7}{15} = 0.466...$, $\frac{7}{16} = 0.4375$, $\frac{7}{17} = 0.411764705882352941176...$

اس کا الٹ بھی ممکن ہے۔ اگر ایک اعشاری عدد ختم ہو جائے یا خود کو ہی دہرائے تو بیہ ایک معقول عدد ہوگا۔ لہٰذہ اگر ایک نا معقول عدد کو اعشار بیہ کی صورت میں کھھا جائے ہندسوں کی ترتیب مبھی خود کو نہیں دہراتی چاہے آپ جتنا کمبا حساب کتاب کر لیں۔

غیر معقول جزر کی خصوصیات

جب آپ $\sqrt{8}$ ، $\sqrt{2}$ یا $\sqrt{12}$ ایے کلیہ کو آپ حساب کتاب کے آلہ کی مدد سے حمل کر کے اعشاریہ کی شکل میں ضرور کھتے ہوں گے۔ یقینی طور آپ نے کبھی لکھا ہوگا۔

یے کلیہ $\sqrt{2} = 1.414$ غلط کیوں ہے؟

ایسے کلیوں کو ہی غیر معقول جزر کہتے ہیں۔ $\sqrt[3]{9}$ ، $\sqrt{2}$

x کا مطلب ہمیشہ x کی مثبت جزر حل کریں گے۔ یہ بات ذہن نشین کر لیں کہ \sqrt{x} کا مطلب ہمیشہ x کی مثبت جزر ہے یا صفر اگر x صفر ہو تو۔

غير معقول جزر کي خصوصيات جو يهان استعال مون گي وه درج ذيل بين-

$$\sqrt{\frac{x}{y}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}}$$
 let $\sqrt{xy} = \sqrt{x} \times \sqrt{y}$

 $(\sqrt{x} imes \sqrt{y}) imes (\sqrt{x} imes \sqrt{y}) = (\sqrt{x} imes \sqrt{x}) imes (\sqrt{y} imes \sqrt{y}) = x imes y = xy$ آپ یہ و کیا ہے گئے ہیں کہ xy شبت ہے، یہ y کا میر ہے۔ ای لیے y میر ہے۔ ا

درج ذیل مثال سے انہی خصوصیات کو واضع کرتی ہے۔

$$\sqrt{8} = \sqrt{4 \times 2} = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}; \quad \sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{4} \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3};$$

$$\sqrt{18} \times \sqrt{2} = \sqrt{18 \times 2} = \sqrt{36} = 6; \quad \frac{\sqrt{27}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{27}{3}} = \sqrt{9} = 3.$$

آپکو اینے طور پر بھی اوپر دیے گئے حساب کتاب کو دہرانا چاہیے۔

2.1 اعبداد کی مختلف اقسام

مثال 2.2.1

حل کریں ا

 $\sqrt{28} + \sqrt{63}$

ب

 $\sqrt{5} \times \sqrt{10}$

حل كرنے كے دو طريقے ہيں اور دونوں حصوں كو مختلف طريقوں سے حل كيا گيا ہے۔

$$\sqrt{28} + \sqrt{63} = (\sqrt{4} \times \sqrt{7}) + (\sqrt{9} \times \sqrt{7}) = 2\sqrt{7} + 3\sqrt{7} = 5\sqrt{7}$$

 $\sqrt{5} \times \sqrt{10} = \sqrt{5} \times 2$ طریقہ $\sqrt{5} \times \sqrt{10} = \sqrt{5} \times 10 = \sqrt{50} = \sqrt{25} \times 2 = 5\sqrt{2}$ طریقہ $\sqrt{5} \times \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$ طریقہ $\sqrt{5} \times \sqrt{5} \times \sqrt{5} = \sqrt{5} \times \sqrt{5} = 5\sqrt{2}$ بین فریعہ کس بین نب نما سے جزر کو ختم کرنا ہمارے لیے مفید ہوتا ہے، $\sqrt{2} = \sqrt{2} \times \sqrt{2} = \sqrt{2}$ جیسا کہ $\sqrt{2}$ آپ اسکہ با آسانی عل کر سکتے ہیں اگر آپ $\sqrt{2}$ سے ضرب بھی دیں اور تفزیق بھی کریں۔ $\sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$

$$y = x^2$$
 (0.4, 0.16) (0.7, 0.49)

 $y x \delta y \delta x \delta$

یہ سبق کسی بھی ترسیم پر موجود نقطے کے ڈھلاؤ یا خط مماس معلوم کرنے کے بارے میں ہے۔ جب آپ یہ سبق مکمل کر لیں گے ، آپ کو عبور حاصل ہوگا کہ:

آپ ایک سمتی مقدار پر ایک نقط پہ ڈھلاؤ معلوم کرنے کے لئے ایک کلیہ کا حساب لگائیں, اس کی مساوات بنائیں مربعی اور دیگر قسم کے خم پہ ایک نقطہ پر عین مطابق ڈھلاؤ کا حساب لگائیں

اس سبق کو دو حصوں میں تقتیم کیا گیا ہے۔ پھلے جسے میں ضعیم 6.1 تا 6.5 میں آپ تجربے کی بنیاد پر نتائج اخذ کرتے ہوئے خط مماس سے ترسیم تک کے مسائل حل کریں گے۔ آپ اگر چاہیں تو سبق کے دوسرے جسے میں ضیمہ 6.6 تا 6.7 تجربے کی بنیاد اخذ پر نتائج کو ثابت کریں گے۔ آپ اگر چاہیں تو سبق کے دوسرے جسے کو نظرانداذ کر سکتے ہیں لیکن آپ کو چاہیے کہ سبق کے اختتام پہ موجود مشق کو حل کریں۔

خط مماس كا ڈھلاؤ معلوم كرنا؛

واب.2. تغسرت

ایک سادہ سے خم کے بارے میں سوچیں جیسے کے $y=x^2$ کی ترسیم۔ جیسے جیسے آپ کی نظر کی(x-axis) ست بڑھتی ہے ، کیا آپ بیان کر سکتے ھیں ، ریاضی کی زبان میں ، خم کی سمت کس طرہ سے تبدیل ھوتی ہے۔

جیسے ایک سید ھی لکیر کا ایک عدری ڈھلاء و ہے، المذہ کوئ بھی خم ، بشر طیکہ وہ کافی حد تک (سموتھ) ہو ایک ڈھلوان یا ڈھلاء و رکھتا ہے جو کہ کسی بھی ایک نقتے ہے مایا جا سکتا ہے۔ فرق صرف اتنا ھے کہ خم کے لیے ڈھلاء و کی ست بھی بدلتی ھے جیسے جیسے آپ اسکے ساتھ چلتے ھیں۔ ریاضی دان اس ڈھلاء و کی مدد سے خم کی سمت کا تعین کرتے ہیں۔

سبق نمبر 1 میں آپ سکھ بچے ھیں کے اگر آپکے پاس ایک سیدھی لکیر کے دو نقتوں کے محدد دستیاب ہون تو آپ کیے اسکا ڈھلاء و معلوم کر سکتے ہیں۔ آپ اس طریقے کو براہ راست نم بے استعال نہیں کر سکتے کیوں کہ وہ ایک سیدھی لکیر نہیں ہے۔ آپ اس خط مماس کا ڈھلاء و معلوم کرتے ھیں جو کہ خم کے کے کمی بھی دو نقتوں کی مدد سے بنایا جائے گا۔ (جیسا کہ آپ تصویر 6.1 میں دیکھ رھے ھیں) کہ ایک نقتے پر خط مماس اور ڈھلاء و کی ڈھلوان برابر ہے۔ تاھم بھاں ایک نیا مسعلہ کھڑا ہو گیا ہے، وہ یہ کہ آپ ایک لکیر کا ڈھلاء و صرف تب ہی معلوم کر سکتے ہیں جب آپ کو ایک دو نقتوں کے محدد بتا ہوں۔

تصویر 6.2 میں ہم آ ہنگ لکیریں (سیدھی کلیریں جو خم کے دو نقتوں میں سے گزریں) دکھائ گئ ہیں جو خط مماس کے قریب تر ہوتی جارہی ہیں، لہٰذہ بہتر یہی ہے کہ ہم ان ھم آ ھنگ لکیروں کی ڈھلوان معلوم کرنے سے ابتدا کریں، کیونکہ اس طریقے کو پہلے سبق میں سکیھ چکے ھیں۔

مثال 6.1.1

ایک هم آهنگ کلیر کی ڈھلوان اور مساوات معلوم کریں جو کہ $y=x^2$ کے خم کے دو نقتوں کو جورتی ہے ، ان دو نقتون کے محدد ہیں (0.7,0.16) اور (0.7,0.16)

ضیمہ 1.3 میں ہم آ ہنگ کیبر کی ڈھلوان معلوم کرنے کے نیخہ کے مطابق؛

$$\frac{0.49 - 0.16}{0.7 - 0.4} = \frac{0.33}{0.3} = 1.1$$

ضیمہ 1.5 میں ہم آ ہنگ کلیر کی مساوات معلوم کرنے کے نسخہ کے مطابق؛

$$y - 0.16 = 1.1(x - 0.4),$$

جو کہ ؛

$$y = 1.1x - 0.28$$

caption 6.3 figure

 δx یہاں مددگار ہوگا کہ ہم کچھ ٹی علامات سیکھیں، بڑھوتری کے لئے ہم یونانی علامت δ (ڈیلٹا) کا استعال کرتے ہیں۔ الہٰذہ x میں بڑھوتری کو δx علامت فاہر کرتے ہیں۔ ان مقداروں کو ضیمہ 1.3 میں (x-step) اور δx بیا گیا ہے۔ الہٰذہ مثال 1.3 میں (y-step) ہما گیا ہے۔ الہٰذہ مثال 1.3 میں الم

2.1. اعبداد کی مختلف اقسام 7

0.49-0.16=0.33 (y-step) جبکہ 0.7-0.4=0.3 (x-step) میں هم آهنگ لکیر کے ایک سرے سے دوسرے ہے۔للذہ ہم کہ سکتے ھیں کہ؛

$$\delta x = 0.3, \quad \delta y = 0.33$$

اں علامت نولی سے آپ کسی هم آهنگ کلير کی ڈھلوان کو $\frac{\delta y}{\delta x}$ سے ظاہر کر سکتے ہیں۔

ا کے طبقہ کا کی بحائے Δ استمعال کرتا ہے، دونوں ہی صحیح ہیں۔ اس بات کا خیال رکھیں کہ اس $frac\delta y\delta x$ میں آپ دونوں کا کو آپس میں کا نہیں سکتے کیوں کہ یہ اعداد نہیں ہیں۔ اب جبکہ ہم علامت کو استعال کر رہے ہیں تو آپ عادت بنا لیں اسکو باڑھوتری کی شرح کہنے گی ، اسطرح آپ اسکو الجبرا کی عام علامت نا متمجھیں۔ یاد رکھیں کہ δx یا δx علامت نا متمجھیں۔ یاد رکھیں کہ δx علامت نا متمجھیں۔ یاد رکھیں کہ δx علامت نا متمجھیں۔ یاد رکھیں کہ ورکھیں کہ کا منطق مجھی ہو سکتے ہیں،اور الیمی صورت میں (y-step)اور (x-step) کم هو نگے۔ ۵۷()

اگر ہم اس طریقے کو بروے کار لاتے ہوے ھم آھنگ کلیروں کے ڈھلاءو کو معلوم کرس تو مثال 6.1.1 کچھ ایسی دکھے گی؛

$$\frac{\delta y}{\delta x} = \frac{0.49 - 0.16}{0.7 - 0.4} = \frac{0.33}{0.3} = 1.1$$

مثال 6.1.2

خم $y=x^2$ کے دو نقتوں کو جوڑنے والی هم آهنگ ککير کا ڈھلاءو معلوم کریں ۔جبکے x محدد 0.4 اور 0.41 ہیں۔ سب سے پہلے آپکو ان دونوں نقتوں یہ y محدد معلوم کرنا ہوگا جو کہ 0.16=0.16 اور $0.1681=0.41^2=0.41^2$ ہیں۔

$$\frac{\delta y}{\delta x} = \frac{0.0081}{0.01} = 0.81$$

مثال 6.4 میں هم آهنگ ککیر اور محدد x 0.4 پیر موجود خط مماس کو الگ پیچانا مشکل ھے ، (((((یہال جمیں ایک طریقہ ملتا ھے کہ ہم محدد x 6.4 بيه خط مماس كا دُهلاء و سطره معلوم كر سكته هيں۔)))) مثال 6.1.3 ميں به نقطے مزيد قريب آگئے ہيں۔

مثال 6.1.3 خم $y=x^2$ کے دو نقتوں کو جوڑنے والی هم آهنگ ککیر کا ڈھلاءو معلوم کریں ۔جبکے x محدد 0.4000 اور 0.40001 ہیں۔ دونوں نقتوں کے محدد $(0.40001, 0.40001^2)$ اور $(0.4, 0.4^2)$ ہیں

 $\delta y = 0.40001^2 - 0.4^2 = 0.000080001$ اور $\delta x = 0.40001 - 0.4 = 0.00001$ کا ڈھلاءو ہے؛ $\delta y = 0.80001 = 0.80001$ کا ڈھلاءو ہے؛ $\delta y = 0.80001$

اب.2. تغسرت 8

یہ نتیجہ چونکہ 0.8 کے بہت قریب ہے المذہ ایسا نظر آ رہا ہے کہ 2 $y=x^2$ کے خم پہ محدد x 0.4 پہ موجود خط مماس کا ڈھلاءو 0.8 ہے۔ کین اس سے یہ ثابت نہیں ہوتا کیونکہ آپ ابھی تک دو نقتوں کو ملانے والی خط مماس کی مساوات معلوم کر رہے ہیں، قطعی نظر اسکے کہ یہ نقطے کتنے قریب ہیں۔

سوالنمبر 2 اور 3 میں سوالوں کو مختلف حصوں میں تقتیم کیا جا سکتا ہے، لہذہ طلباء کی جماعت انتظمے کام کرتے ہوئے ان تمام سوالوں کے جوابات حاصل کر لیں گے،اور پھر ان جوابات کو جمع کیا جا سکتا ھے،

ا وو نقتوں کو ملائے جنگی کا کی مساوات بنائیں جو $y=x^2$ خم یہ دو نقتوں کو ملائے جنگی x کی قیت $y=x^2$ اور $y=x^2$

question اس سوال کے ہر مصے میں $y=x^2 خم پہ درج ذیل x محدد کے دو نقتوں سے بننے والی علم آھنگ ککیروں کا ڈھلاءو معلوم$ کریں ۔

1 اور 1 1 .001 اور 99.999 2 اور 2 0 .002 اور 99.99 3 اور 3 .00000 اور 99.999 1 اور 3 .000001 اور 99.999

3 question

اس سوال کے ہر جصے میں، $y=x^2$ خم پہ درج ذیل نقتے اور اسکے قریبی نقتے کی مدد سے بن هم آهنگ کئیر کا ڈھلاءو معلوم کریں۔ بتائے گئے نقتے اور اسکے قریبی نقتے کے ماہین فاصلے کو تبدیل کر کے اس عمل کو دہرائیں، اس بات کا خیال رکھیں کہ کچھ نقتے بتائے گئے نقتے کی بائیں طرف بھی ہوں۔ (-1،1)(-2،4)(2،4)(2،4)

4 question سوالنمبر 2 اور 3 سے حاصل شدہ تجربے کی بنیاد $y=x^2$ نم پے موجود کسی بھی نقتے پے خط ممان کے ڈھلاءو کا انداذہ $y=x^2$ میں۔

a part 5 question سوالنمبر 2 سے 4 کئک استعال شدہ طریقے کی مدد سے $y=x^2+1$ ور $y=x^2-2$ موجود کی a part 5 question سوانمبر 2 سے 4 کئک استعال شدہ تجربے کی بنیاد ہے $y=x^2+c$ ، جبکہ c مالک و فقط پہ بنی خط مماس کا ڈھلاءو معلوم کریں۔ b part حصہ (۱) میں حاصل شدہ تجربے کی بنیاد ہے $y=x^2+c$ ، جبکہ c مالک کے ڈھلاءو کو معلوم کرنے کا ایک عالمگیر اصول وضع کریں

 $y=x^2+c$ خط مماس کا ڈھلاءو جو کہ خط ہے بنی ھو۔

ا گر آپ مثق 6A کے نتاہ ن کو جمع کریں تو آ کچو میہ شبہ گزرے گا کہ کسی بھی نقتے پر $y=x^2$ نم پے بنی خط مماس کا ڈھلاءو x محد د کا دو گناہ ھے، اب اباب میہ ہے کہ $y=x^2$ خم کے ڈھلاءو کا کلیہ x2 ہے

مثال کے طور پر ، $y=x^2$ مثال کے طور پر ، $y=x^2$ کے خم ہے ایک نقتے (-3،9) کا ڈھلاءو $y=x^2$ ہماں کا ڈھلاءو -6 ہوگا اور یہ نقتہ (-3،9) سے گزرے گی۔ اس خط مماں کی مساوات معلوم کرنے کے لیے آپ ضیمہ 1.5 کا سہارا لے سکتے ہیں۔ کیبر کی مساوات ہو گی؛

$$y - 9 = -6(x - (3)),$$

-2y = -6x - 9 y - 9 = 6x - 18: S.

غور کریں کہ ڈھلاءو کا کلیے خم $y=x^2+c$ بی لاگو ھو رہا ہے ، جبکہ x مستقل ہے۔ پے بھی ڈھلاءو کا کلیے خم $y=x^2+c$ بی وجہ سادہ ک جہا ہی وجہ سادہ ک $y=x^2+c$ کے خم جہیا ہی ھے بس صرف y کور کی سمت تھوڑا شتقل ہو گیا ہے۔

ایک ثانیے کے لیے یہ مان لیں کہ ان نتائج کو ثابت کیا جا سکتا ہے۔آپکو ثبوت مل جائے گا ضیمہ 6.6 میں۔

خم کے کسی نقتے پر عمودی لکیر۔

وہ لکیر جو خم اور خط مماں کے باہمی ملاپ کے نقتے سے پچھ اس طرح گزرے کہ خط مماس کے ساتھ 900 زاویہ بنائے اس نقتے پر خم کی عمودی کلیر کہلاتی ہے۔

 90^{0}

اگر آ کچو کسی ایک نقتے پر خط مماس کا ڈھلاء و معلوم ہے تو آپ ضیمہ 1.9 کے بنتیج سے عمودی خط کا ڈھلاء و معلوم کر سکتے ہیں۔ اگر خط مماس کا ڈھلاء و m $\neq 0$ ڈھلاء و m وی کوری کیر کا ڈھلاء و $\frac{1}{m}$ ہوگا، بشر طبکہ 0

مثال 6.3.1

ہے۔ x=0 اور x=-3 اور x=-3 اور x=-3 ہے۔

ضیمہ 6.2 میں ہم نے (3.9-) پے خط ممان کا ڈھلاءو معلوم کیا تھا جو کہ -6 تھا۔ ای طرح عمودی خط کا ڈھلاءو $-\frac{1}{-6} = \frac{1}{6} = -1$ اور بیہ بھی (3.9-) ہے ہی گزرتا ہے۔ لہذہ عمودی خط کی مساوات ((3.9-) ہے ہی گزرتا ہے۔ لہذہ عمودی خط کی مساوات ((3.9-) ہے۔

نقتے (0,0) پر خط مماس کا ڈھلاء و 0 ہے۔ لمذہ خط مماس x محور کے مساوی بڑھتی رہے گی۔ ای وجہ سے عمودی خط y محور کے مساوی بڑھتی رہے گی۔ اس وجہ سے عمودی خط x = 0 ہے۔ x = 0 ہی ہے۔ x = 0 ہے۔ x = 0 ہے۔ x = 0 ہے۔ x = 0 ہی ہے۔ x = 0 ہے۔ x = 0

اگر آ کیے پاس ترسیم کاری کا آلہ موجود یے تو ، آپ $y=x^2$ خم کو، y=-6x-9 خط مماس کو، 57 $y=x^2$ عبوری خط کا مشاہدہ کریں ، آپ نتائج سے جیران ضرور ہول گے۔

آ پکو یہ بات سمجھنی هو گی که اگر آپ ایک هی نقتے پر خم، خط مماس اور خط عمودی کثید کریں تو خط عمودی صرف ای صورت 90⁰ زاویے پر ہوگا جب X اور y محور دونوں یہ پیانہ ایک سا ہو، خط مماس پر کوئ فرق نہیں پڑے گا۔

 $y=x^2+c$ ال موقع پر آپکو سمجھنا ھو گا کہ آپکو اس نتیجے کو دیگر مساوات کے لئے بھی علمگیر کرنا ھوگا۔ ضیمہ 6.2 میں آپ نے دیکھا کہ 2 کے جمال کا ڈھلاء و 2 کے برابر ہوگا۔

باب.2 تنسرت

مثق 6B

سوالنمبر 9 سے 12 میں سوالوں کو مختلف حصول میں تقیم کیا جا سکتا ہے، المذہ طلباء کی جماعت اکٹھے کام کرتے ہوئے ان تمام سوالوں کے جوابات حاصل کر لیں گے،اور پھر ان جوابات کو جمع کیا جا سکتا ھے،

2ورج ذیل x محدد کی مدد سے $y=x^2$ کے خم یے بنے والے خط مماس کا ڈھلاءو معلوم کریں۔ $y=x^2$ کے جم یہ بنے والے خط مماس کا ڈھلاءو

x=1 جبہ $y=x^2$ بی معرض وجود میں آئے نقتے پر بیخ عمودی خط کی مساوات معلوم کریں x کی y یو x کی خود کہ خود کا جبہ $y=x^2$ جبہہ $y=x^2$ جبہہ کہ $y=x^2$ جبہہ کہ جبہہ ویک ایک نقتے $y=x^2$ جبہہ کہ $y=x^2+1$ جبہہ کہ خود کی خط مماں کا ڈھلاء و 2 ہے۔ اس نقتے y پر عمود کی خط کی مساوات بنائیں۔

خم $y=x^2$ کے ایک نقتے P پر عمود کی خط کا ڈھلاءو۔ 1 ہے۔ اس نقتے P پر خط مماس کی مساوات بنائیں۔ خم $y=x^2$ میں محدد $y=x^2+1$ کم عمود کی خط دوبارہ اس خم ہے گزرتا ہے، اس نقتے کی نظامذہ کی کریں۔ (2,4)

وال کے ہر جے میں درج ذیل خموں کو بروئے کار لاتے ہوئے $2x^2 = 3x^2$ ہو $y = -x^2$ ہوں ہورج کے کار لاتے ہوئے $y = -x^2$ ہوں ہورے کار التے ہوئے 1.909 ہوں ہورج کے کار لاتے ہوئے 1.909 ہوں ہورج کے کہ محدد سے والے نقتوں سے معرض وجود میں آنے والی حم آھنگ کیبر کا ڈھلاءو معلوم کریں 1 1 1.001 اور 20.99999 اور 2.99999 ہے جہ جہ چہ درج ذیل محدد سے 8 اور 2 $y = \frac{1}{2}x^2 + 2$ ہے درج ذیل محدد سے بنے والے نقتے اور اسکے قربی نقتے کی مامین فاصلے کو بنیوں کے مامین فاصلے کو تبدیل کر کے ای مگل کو دہرائیں، اس بات کا خیال رکھیں کہ کچھ نقتے بنائے گئے نقتے کی بائیں طرف مجمی ہوں۔ - 1 - 10 2

سوالنمبر 9 اور 10 سے حاصل شدہ تجربے کی بنیاد $y=ax^2+c$ اور $y=ax^2+c$ ، جبکہ ایک ھنیتی عدد ہے، کے خم پے موجود کسی بھی نقتے پے خط ممان کے ڈھلاء کا انداذہ کریں۔

a part 5 question سوالنمبر 9 سے 11 تک استعمال شدہ طریقے کی مدد سے $x^2 + 3x = y$ اور $y = x^2 - 2x$ خم ہے موجود $y = x^2 + bx$ مین نقطے پہ بنی خط مماس کا ڈھلاء و معلوم کرنے کا طریقہ و ضغ کریں۔ b part حصد (۱) میں حاصل شدہ تجربے کی بنیاد پے $y = x^2 + bx$ ، جبکہ طایک حقیقی عدد ھے، کے خم پہ بنی کسی بھی خط مماس کے ڈھلاء و کو معلوم کرنے کا ایک عالمگیر اصول و ضغ کریں

دو در جی ترسیم کے ڈھلاءو کا کلیہ؛ سبق 3 میں عام دو در جی ترسیم کا تزکرہ کیا گیا ، جبکی مساوات کچھ ایک $y=ax^2+bx+c$ ہے، جنگہ b ہ

2.1 اعبداد کی مختلف اتبام

آپکوان بات کا پہلے سے ہی علم ہے کہ $y=x^2+c$ اور $y=x^2+c$ دونوں کے ڈھلاءو کا کلیہ ایک ہی ہے، $y=x^2$ کی مقدار جنتی بھی ہوان سے فرق نہیں پڑتا۔

لہذہ اس بات میں کوی بعید نہیں یے کہ؛

مساوات $y=ax^2+bx+c$ مساوات $y=ax^2+bx+c$ مساوات

یہ بتیجہ اس طرح بھی اہم ہے کہ ھم ایک ایسے تفاعل کا ڈھلاءو معلوم کر سکتے ہیں جو کی حصوں پر مشتمل ہو، اور ایبا کرنے کے لیے ہم ان تمام حصون کے ڈھلاءو کو باہمی طور پے جمع کر دیتے ہیں۔ آپ ایک ایسے تفاعل کا ڈھلاءو بھی معلوم کر سکتے ہیں جسکے ساتھ کوی مستقل عدد ضرب کھا رہا ہو، اور ایبا کرنے کے لئے ہمیں اس تفاعل کے ڈھلاءو کو بھی اسے عدد سے ضرب دینی ہو گی۔

ضیمہ 6.6 میں ہم اس بات کا مشاہدہ کریں گے کہ ہم ان نتائج کو ثابت کر سکتے ہیں، وقت ضائع نہ کرتے ہوئے یہاں ان کے استعال کی چند مثالیں دی گی ہیں ، لیکن اس سے قبل ہمیں علامت نولی کو دیکھنا ہوگا۔

مان کیں کے ایک خم کی مساوات y=f(x) ہے، اسکے ڈھلاءو کا کلیہ f(x) ہوگا، اور اسکو f(x) ڈیٹر x پڑھا جائے گا۔

کسی بھی خم کے خط مماس کے ڈھلاءو کو معلوم کرنا تفریق کاری کہلاتا ہے، اور جب ہم اس عمل کو انجام دے رہے ہوتے ہیں تو دراصل ہم تفریق کاری کر رہے ہوتے ہیں۔

x = 2 اور y = f(x) ہوتا ہے جب y = f(x) ہوں ای طرح y = 1 اس ڈھلاء و کے لیے استعال ہوتا ہے جب y = 1 اور y = 1 ہور y = 1 ہور کرنا چاہتے اسکے y = 1 ہوں کہ بہتر ہور کا جاتے اسکے y = 1 ہور کہتے ہیں آپ جس y = 1 ہور کے بہتر ہور کا جاتے اسکے y = 1 ہور کے بہتر کے بہتر

مقدار f(2) کو تفاعل f(x) کا تفرق کہا جائے گا جب x=2 ہوگا۔

لی جب بھی ہمیں مساوات y=f(x) کے خم کا x=x پ وُھلاءو معلوم کرنا ہو ، ہم f(x) معلوم کریں گے اور پھر x کو اسکے متبادل مقدار لیعنی یہاں 2 سے بدل دیں گے، نتیجے کے طور پر ہمیں f(x) کے گا۔

مثال 6.4.1

مساوات $3x^2 - 2x + 5$ کو تفریق کریں۔ خم $3x^2 - 2x + 5$ کو خط مماس اور عمود کی خط کے ڈھلاءو کی مساوات بنائیں، جبکہاس نقتے پر x = 1 ہو۔

12 يا___2. تفرق

مان کیں کہ c=5 ہے ۔ اس تفاعل کا اگر تفرق معلوم b=-2 ، a=3 اور c=5 ہے ۔ اس تفاعل کا اگر تفرق معلوم کریں، $f(x)=2\times 3\times x-2=5$

وہ نقتہ جس پیہ x=1 اسکا y محدد برابر ہو گا x=1

 $f\prime(1)=6 imes1-2-4$ جب x=1 جب راء و خط مماس کا ڈھلاءو ہوگا، و ہوگا، جب جب جب بات

y=4x+2ای کیے خط ممان کی مساوات کچھ یوں بنے گی، y-6=4(x-1)

جوابات