第三、四章重点总结

● 常微分方程求解

详见"特征根法,你到底,你到底是谁"

● 第三章的主要内容,要学什么,怎么学

▶ 目的:求解柱坐标、球坐标下固有值问题

▶ 方法: 特殊函数法

▶ 要掌握什么:

◆ 柱坐标、球坐标下分离变量得到的两类固有值问题

◆ 两类方程的求解方法

◆ 模长的求解

◆ 贝塞尔函数和勒让德函数的母函数、递推公式、性质

◆ 应用两类函数的性质、递推式求解积分

● 第四章的主要内容

▶ 目标:偏微分方程转化为常微分方程

▶ 方法: 积分变换法

> 要掌握啥:

◆ 转化流程: 正变换, 求解常微分方程, 反变换

◆ 正变换: 积分变换的微分性质等

◆ 反变换: 积分变换的卷积性质等

◆ 最重要的:选择合适的变量进行积分变换

● 积分运算:

▶ 基本的换元法

> 分部积分法

- ◆ 低阶的问题直接求解
- ◆ 高阶的问题可能涉及,利用分部积分构造递推
- ◆ 重要的: 怎样利用贝塞尔函数和勒让德函数的性质、递推 公式

> 留数定理

- ♦ 基本概念
- ♦ 特殊积分如何构造围道
- ▶ 特殊积分
 - ♦ gamma 函数
 - ♦ 高斯积分