# 1 思考题

### 1.1 多级页表的优劣势

多级页表的优势在于:允许页表内存在"空洞",操作系统可以在虚拟地址被应用进程使用之后再分配和填写相应的页表页,这样当应用进程的虚拟地址空间范围非常大,但是真实使用的虚拟页又非常少的时候,多级页表可以仅仅映射比较少的页数,从而能够大大减少页表本身所占用的物理内存。

多级页表能发挥这样一种优势的前提条件,是应用进程使用的虚拟地址远小于总的虚拟地址空间。如果虚拟地址空间用满,多级页表最末级的页表和单级页表使用的内存大小是一样的,这样多级页表的其他级页表就是多出来的,相比于单级页表占用了更多的内存。

#### 1.2 以 4KB 粒度映射时

总地址范围 4GB,故需要  $\frac{4GB}{4KB}=1M$  个物理页。由于单个页表页中每项占据 8B,一个页表页本身的项数为  $\frac{4KB}{8B}=2^9$ ,即一个最末级页表页可以指向  $2^9$  个物理页。这样就需要  $\frac{1M}{2^9}=2^{11}$  个 L3 页表页。同理就需要  $\frac{2^{11}}{2^9}$  个,即 4 个 L2 页表页。这时候只需要 1 个 L0、1 个 L1 页表页。所以一共需要 2048+4+1+1=2054 个页表页。

### 1.3 以 2MB 粒度映射时

此时需要  $\frac{4GB}{2MB}=2K=2^{11}$  个物理页。然而,由于物理内存的映射粒度发生了变化,我们需要重新计算每个页表页中能够容纳的项数。由于单个页表页本身此时也占据 2MB 的空间,一个页表页中含有  $\frac{2MB}{8B}=2^{18}$  项。所以只需要一张最末级页表就足够包含这  $2^{11}$  个物理页。

在此基础上我们需要考虑,此时我们能够容纳多少级页表。由于粒度为  $2^{MB}$ ,物理页内偏移为  $2^{21}$ ,由刚才的计算知,单个页表页含有  $2^{18}$  项,故单个页表页索引长度为 18。由于我们虚拟地址只有 64 位,最多也只能容纳两级页表(即占用 18+18+21=57 位)。这样我们需要 1 个 10 页表页,1 个 10 页表页,所以一共是 10 个页表页。

(当然此时我们也可以只用单级页表来进行索引,毕竟一张页表的  $2^{18}$  项就已经足够覆盖我们需要的  $2^{11}$  个不同的物理页,这时候我们实际上只需要 1 个页表页。)

# 2 练习题

代码见附录1。

我们在配置 ttbr1 的时候,填入的物理地址是和 ttbr0 一样的,不同之处仅仅是虚拟地址的差别。所以我们只需要在第 78 行设定配置 ttbr1 虚拟地址的开始,即

vaddr = KERNEL VADDR(Oxfffffff000000000)+PHYSMEM START

在本代码定义的每个页表的 PTP\_ENTRIES 为 512 的情况下,此处我们以 2MB 为粒度映射 1GB 内存恰好需要 512 个页表项,也就是说,一个 L2 页表页就足够了。从而对应的 L0 和 L1 页表页里也暂时仅仅需要填写一项,即下一级页表的首地址。这一部分我们在 step1 中填写。

之后, 我们还需要在87行, 填写物理地址前, 设定

vaddr = PHYSMEM\_START

然后只需要用循环体将对应的 L2 页表页每项填写上对应的物理地址即可。

## 3 思考题

从 ChCore 启动到 el1\_mmu\_activate 函数启用之前,ChCore 使用物理地址,MMU 启动之后,CPU 会对 PC 中的地址进行翻译,从这时候开始 PC 中的地址将被视为虚拟地址。为了能够保证指令的正常运行,必须为低虚拟地址段配置相应的页表,并将低地址区域的虚拟地址映射为完全相同的物理地址。因为在调用 start\_kernel 函数之后,内核会跳转到高地址区域运行,但是在启动过程中调用过的函数仍然可能用到低虚 拟地址,如果不提前将这部分低虚拟地址的页表配置好,MMU 将无法翻译这部分虚拟地址,导致

## 4 练习题

代码见附录2。下面按照函数调用的逻辑,简单介绍函数实现的过程。

由于在 init\_buddy 函数的最后调用了 buddy\_free\_pages,我首先实现了此函数。buddy\_free\_pages 只需要将对应 page 标记为未分配,然后将其插入到对应 order 的空闲链表中,之后,调用 merge\_page 函数进行块合并即可。在 buddy\_free\_pages 函数中并不需要关心对应块是否能被合并,这部分逻辑可以在 merge\_page 中处理。

merge\_page 首先判断能否合并。之后对于能够合并的情况,永远让指针指向较小的地址,然后将被合并的伙伴块标记为已分配,之后将被合并的两块从空闲链表中删除,再将合并后的块插入升阶之后的空闲链表中。由于合并之后的块可能仍然可以继续被合并,在末尾需要递归调用函数自身。

从逻辑上来讲,需要先实现 split\_page,以便供 buddy\_get\_pages 调用。在实现 split\_page 函数时我并没有采用递归的方法。参数 order 规定了欲分裂得到的块大小,在当前块阶数高于 order 时,不断对当前块降阶,取其伙伴块插入对应阶的空闲链表,直到待分裂块满足阶数需求即可。由于我们返回的是一个供buddy\_get\_pages 使用的块,所以在函数返回前要将返回的块标记为已分配。

对于我们想要获取的某个特定 order 的块,buddy\_get\_pages 函数只需要从空闲链表里找到满足阶数需求的最小块,然后调用 list\_entry 宏来得到一个对应阶数的块,并将块分裂请求发给 split\_page 即可。在当前阶数的空闲链表里已经有满足需求的块存在的情况下,split\_page 函数并不会真的进行分裂,而是直接返回对应的块。在这种情况下,split\_page 和 buddy\_get\_pages 的逻辑是自治的。

- 5 练习题
- 6 练习题
- 7 思考题
- 8 思考题

## 附录

```
77
         /* first set the virtual address for kernel mode*/
             vaddr = KERNEL_VADDR + PHYSMEM_START;
 78
             /* Step 1: set LO and L1 page table entry */
 79
             boot_ttbr1_l0[GET_L0_INDEX(vaddr)] = ((u64)boot_ttbr1_l1) | IS_TABLE
 80
                                                   | IS_VALID | NG;
 81
 82
             boot_ttbr1_l1 [GET_L1_INDEX(vaddr)] = ((u64)boot_ttbr1_l2) | IS_TABLE
                                                   | IS_VALID | NG;
 83
 84
 85
             /* Step 2: map PHYSMEM_START ~ PERIPHERAL_BASE with 2MB granularity */
 86
             vaddr = PHYSMEM START;
 87
             for (; vaddr < PERIPHERAL_BASE; vaddr += SIZE_2M) {
 88
 89
                     boot_ttbr1_l2 [GET_L2_INDEX(vaddr)] =
                              (vaddr) /* here we have modified vaddr, va = pa */
 90
 91
                              UXN /* Unprivileged execute never */
 92
                              | ACCESSED /* Set access flag */
                              NG /* Mark as not global */
 93
                              | INNER SHARABLE /* Sharebility */
 94
                              | NORMAL_MEMORY /* Normal memory */
 95
 96
                              | IS_VALID;
 97
             }
 98
             /* Step 2: map PERIPHERAL_BASE ~ PHYSMEM_END with 2MB granularity */
 99
100
         for (vaddr = PERIPHERAL_BASE; vaddr < PHYSMEM_END; vaddr += SIZE_2M) {
101
                     boot_ttbr1_l2 [GET_L2_INDEX(vaddr)] =
                              (vaddr) /* here we have modified vaddr, va = pa */
102
                              UXN /* Unprivileged execute never */
103
                              | ACCESSED /* Set access flag */
104
105
                              NG /* Mark as not global */
                              | DEVICE_MEMORY /* Device memory */
106
                              | IS_VALID;
107
108
             }
```

Listing 1: 练习题 2 代码

```
79
        static struct page *split_page(struct phys_mem_pool *pool, u64 order,
                                     struct page *page)
80
81
             /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
82
83
              * Hint: Recursively put the buddy of current chunk into
84
85
              *\ a\ suitable\ free\ list .
86
             */
        if(page->allocated){
87
            return NULL;
88
89
90
91
        //delete the page from current free list
92
        list_del(&page->node);
93
        pool->free_lists[page->order].nr_free ---;
94
```

```
95
          while(page->order > order){
 96
              page->order ---;
              struct page *buddy = get_buddy_chunk(pool, page);
 97
 98
              buddy \rightarrow allocated = 0;
              buddy->order = page->order;
 99
100
              //always need to add buddy to free list, might need to split original chunk recursively
              list\_add(\&buddy\!\!\to\!\!node\,,\ \&pool\!\!\to\!\!stree\_lists\,[\,buddy\!\!\to\!\!sorder\,]\,.\,free\_list\,)\,;
101
102
              pool->free_lists[buddy->order].nr_free++;
103
          }
104
105
          //mark the page splited as allocated before return
          page \rightarrow allocated = 1;
106
107
          return page;
              /* LAB 2 TODO 2 END */
108
109
110
111
     struct page *buddy_get_pages(struct phys_mem_pool *pool, u64 order)
112
              /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
113
114
               st Hint: Find a chunk that satisfies the order requirement
115
116
                * in the free lists, then split it if necessary.
117
          u64 curr_order = order;
118
          while(pool->free_lists[curr_order].nr_free == 0){
119
120
              curr_order++;
121
          if(curr_order >= BUDDY_MAX_ORDER){
122
123
              return NULL;
124
125
          struct page *page = list_entry(pool->free_lists[curr_order].free_list.next, struct page, node);
126
          return split_page(pool, order, page);
127
128
              /* LAB 2 TODO 2 END */
129
130
131
      static struct page *merge_page(struct phys_mem_pool *pool, struct page *page)
132
              /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
133
134
135
                * Hint: Recursively merge current chunk with its buddy
                * if possible.
136
137
138
139
          //check if current page can be merged
          if(page->order >= BUDDY_MAX_ORDER-1 || page->allocated){
140
141
              return page;
142
          //check if its buddy page can be merged
143
144
          struct page *buddy = get_buddy_chunk(pool,page);
          if(buddy = NULL \mid \mid buddy \rightarrow allocated \mid \mid buddy \rightarrow order != page \rightarrow order){}
145
146
              return page;
147
148
```

```
149
         //after merge, the page must be pointing lower address
150
         if(page > buddy){
             struct page *tmp = buddy;
151
152
             buddy = page;
             page = tmp;
153
154
         buddy->allocated = 1;//this might not be necessary but we still modify it for safety...
155
156
157
         //delete the merged pages from the free lists
         u64 order_before_merged = page->order;
158
         pool->free_lists[order_before_merged].nr_free -= 2;
159
         list_del(&page->node);
160
         list_del(&buddy->node);
161
162
163
         //
         page->order++;
164
165
         page \rightarrow allocated = 0;
166
         pool->free_lists[order_before_merged + 1].nr_free ++ ;
         list_add(&page=>node, &pool=>free_lists[order_before_merged + 1].free_list);
167
168
169
         return merge_page(pool,page);
170
             /* LAB 2 TODO 2 END */
171
172
     void buddy_free_pages(struct phys_mem_pool *pool, struct page *page)
173
174
             /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
175
             /*
176
177
               * Hint: Merge the chunk with its buddy and put it into
178
               * a suitable free list.
179
               */
180
181
         //if the page has been allocated, just return
182
         if(page \rightarrow allocated == 0){
183
             return;
184
         }
185
186
         //always put the page into a free list, then call merge_page to check if it can be merged
187
         page \rightarrow allocated = 0;
         u64 cur_order = page->order;
188
         list_add(&page->node, &pool->free_lists[cur_order].free_list);
189
190
         pool->free_lists[cur_order].nr_free++;
191
         //once a page is freed, always need to check if we can merge with its buddy(recursively)
192
193
         merge_page(pool, page);
194
             /* LAB 2 TODO 2 END */
195
196
```

Listing 2: 练习题 4 代码