## 1 思考题

### 1.1 多级页表的优劣势

多级页表的优势在于:允许页表内存在"空洞",操作系统可以在虚拟地址被应用进程使用之后再分配和填写相应的页表页,这样当应用进程的虚拟地址空间范围非常大,但是真实使用的虚拟页又非常少的时候,多级页表可以仅仅映射比较少的页数,从而能够大大减少页表本身所占用的物理内存。

多级页表能发挥这样一种优势的前提条件,是应用进程使用的虚拟地址远小于总的虚拟地址空间。如果虚拟地址空间用满,多级页表最末级的页表和单级页表使用的内存大小是一样的,这样多级页表的其他级页表就是多出来的,相比于单级页表占用了更多的内存。

#### 1.2 以 4KB 粒度映射时

总地址范围 4GB,故需要  $\frac{4GB}{4KB}=1M$  个物理页。由于单个页表页中每项占据 8B,一个页表页本身的项数为  $\frac{4KB}{8B}=2^9$ ,即一个最末级页表页可以指向  $2^9$  个物理页。这样就需要  $\frac{1M}{2^9}=2^{11}$  个 L3 页表页。同理就需要  $\frac{2^{11}}{2^9}$  个,即 4 个 L2 页表页。这时候只需要 1 个 L0、1 个 L1 页表页。所以一共需要 2048+4+1+1=2054 个页表页。

### 1.3 以 2MB 粒度映射时

此时需要  $\frac{4GB}{2MB}=2K=2^{11}$  个物理页。然而,由于物理内存的映射粒度发生了变化,我们需要重新计算每个页表页中能够容纳的项数。由于单个页表页本身此时也占据 2MB 的空间,一个页表页中含有  $\frac{2MB}{8B}=2^{18}$  项。所以只需要一张最末级页表就足够包含这  $2^{11}$  个物理页。

在此基础上我们需要考虑,此时我们能够容纳多少级页表。由于粒度为  $2^{MB}$ ,物理页内偏移为  $2^{21}$ ,由刚才的计算知,单个页表页含有  $2^{18}$  项,故单个页表页索引长度为 18。由于我们虚拟地址只有 64 位,最多也只能容纳两级页表(即占用 18+18+21=57 位)。这样我们需要 1 个 10 页表页,1 个 10 页表页,所以一共是 10 个页表页。

(当然此时我们也可以只用单级页表来进行索引,毕竟一张页表的  $2^{18}$  项就已经足够覆盖我们需要的  $2^{11}$  个不同的物理页,这时候我们实际上只需要 1 个页表页。)

## 2 练习题

代码见附录1。我们在配置 ttbr1 的时候,填入的物理地址是和 ttbr0 一样的,不同之处仅仅是虚拟地址的差别。所以我们只需要在第 78 行设定配置 ttbr1 虚拟地址的开始,即

vaddr = KERNEL\_VADDR(Oxffffff000000000)+PHYSMEM\_START

在本代码定义的每个页表的 PTP\_ENTRIES 为 512 的情况下,此处我们以 2MB 为粒度映射 1GB 内存恰好需要 512 个页表项,也就是说,一个 L2 页表页就足够了。从而对应的 L0 和 L1 页表页里也暂时仅仅需要填写一项,即下一级页表的首地址。这一部分我们在 step1 中填写。

之后, 我们还需要在87行, 填写物理地址前, 设定

vaddr = PHYSMEM START

然后只需要用循环体将对应的 L2 页表页每项填写上对应的物理地址即可。

# 3 思考题

相关图片见附录1(a)1(b)。从 ChCore 启动到 el1\_mmu\_activate 函数启用之前,ChCore 使用物理地址,MMU 启动之后,CPU 会对 PC 中的地址进行翻译,从这时候开始 PC 中的地址将被视为虚拟地址。为了能够保证指令的正常运行,必须为低虚拟地址段配置相应的页表,并将低地址区域的虚拟地址映射为完全相同的物理地址。因为在调用 start\_kernel 函数之后,内核会跳转到高地址区域运行,但是在启动过程中调用过的函数仍然可能用到低虚拟地址,如果不提前将这部分低虚拟地址的页表配置好,MMU 将无法翻译这部分虚拟地址,导致使用低虚拟地址空间的函数访问出现异常。

我猜测如果不设置低虚拟地址的页表,在 el1\_mmu\_activate 执行过程中,访问低虚拟地址时会出现异常。为了验证这一猜想,我将 mmu.c 中有关 ttbr0 配置已经给出的代码全部注释掉,然后使用 gdb 调试,在 el1\_mmu\_activate 函数处设置断点,之后 continue 到此函数处1(a),并进行单步调试,发现确实出现了地址 访问异常1(b)。

## 4 练习题

代码见附录2。下面按照函数调用的逻辑,简单介绍函数实现的过程。

由于在 init\_buddy 函数的最后调用了 buddy\_free\_pages,我首先实现了此函数。buddy\_free\_pages 只需要将对应 page 标记为未分配,然后将其插入到对应 order 的空闲链表中,之后,调用 merge\_page 函数进行块合并即可。在 buddy\_free\_pages 函数中并不需要关心对应块是否能被合并,这部分逻辑可以在 merge\_page 中处理。

merge\_page 首先判断能否合并。之后对于能够合并的情况,永远让指针指向较小的地址,然后将被合并的伙伴块标记为已分配,之后将被合并的两块从空闲链表中删除,再将合并后的块插入升阶之后的空闲链表中。由于合并之后的块可能仍然可以继续被合并,在末尾需要递归调用函数自身。

从逻辑上来讲,需要先实现 split\_page,以便供 buddy\_get\_pages 调用。在实现 split\_page 函数时我并没有采用递归的方法。参数 order 规定了欲分裂得到的块大小,在当前块阶数高于 order 时,不断对当前块降阶,取其伙伴块插入对应阶的空闲链表,直到待分裂块满足阶数需求即可。由于我们返回的是一个供buddy\_get\_pages 使用的块,所以在函数返回前要将返回的块标记为已分配。

对于我们想要获取的某个特定 order 的块,buddy\_get\_pages 函数只需要从空闲链表里找到满足阶数需求的最小块,然后调用 list\_entry 宏来得到一个对应阶数的块,并将块分裂请求发给 split\_page 即可。在当前阶数的空闲链表里已经有满足需求的块存在的情况下,split\_page 函数并不会真的进行分裂,而是直接返回对应的块。在这种情况下,split\_page 和 buddy\_get\_pages 的逻辑是自治的。

# 5 练习题

代码见附录3。query\_in\_pgtbl 只需要逐级调用 get\_next\_ptp 函数,直到找到对应的页表块或者项,然后根据虚拟地址设定相应的物理地址即可。对于 map 和 unmap 这一对操作,只需要针对在地址区间内的每一个地址,还是逐级调用 get\_next\_ptp 函数,然后将所需的标志位设置或者重置。

## 6 练习题

代码见附录4。基本思路是和练习题 5 一致的,区别在于这里需要首先处理大小为 1GB 和 2MB 的页。对于不同大小的页面,调用 get\_next\_ptp 的级数不同,设定的页表项(块)参数也略有差别。在 huge 函数的末尾再调用练习题 5 中的函数将大小为 4KB 的页实现 map 和 unmap 即可。

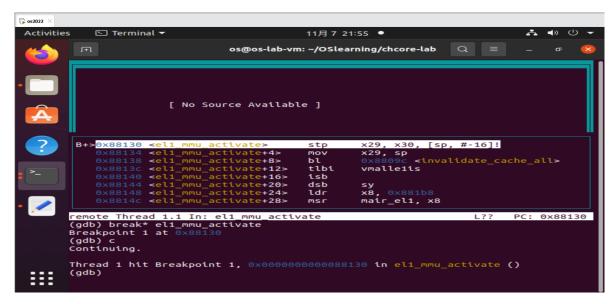
## 7 思考题

需要配置**页表是否可写**字段。发生缺页异常时,如果操作系统发现当前的缺页异常并不是物理页没有映射,而是由于应用程序尝试写入只读内存且相应的内存区域被标记成写时拷贝,这时操作系统会将物理页重新拷贝一份,并且将新拷贝的物理页以可读写的方式重新映射给触发异常的进程,再将控制流返回对应的进程。

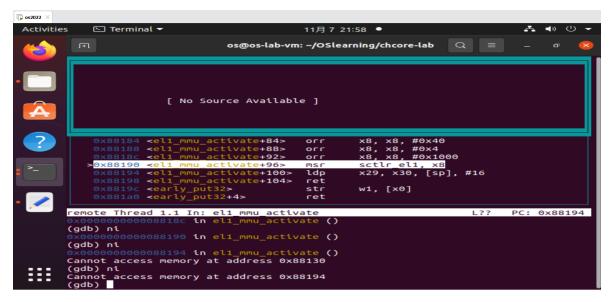
## 8 思考题

内核实际运行时有时可能仅仅需要比较小的物理内存段。如果仅仅实现 2MB 粒度的页表,在没有实现 slab 机制的情况下,有可能会造成比较严重的内部碎片问题。

## 附录



(a) 设置断点并执行到 el1\_mmu\_activate 处



(b) 单步执行直到发现地址访问异常

图 1: 地址访问异常测试

```
/* first set the virtual address for kernel mode*/
 77
 78
              vaddr = KERNEL_VADDR + PHYSMEM_START;
 79
              /* Step 1: set LO and L1 page table entry */
             boot\_ttbr1\_l0\left[ GET\_L0\_INDEX(vaddr) \right] \ = \ \left( (u64)boot\_ttbr1\_l1 \right) \ | \ IS\_TABLE
 80
 81
                                                     | IS_VALID | NG;
 82
             boot_ttbr1_l1 [GET_L1_INDEX(vaddr)] = ((u64)boot_ttbr1_l2) | IS_TABLE
                                                     IS VALID | NG;
 83
 84
 85
 86
             /* Step 2: map PHYSMEM_START ~ PERIPHERAL_BASE with 2MB granularity */
             vaddr = PHYSMEM START;
 87
              for (; vaddr < PERIPHERAL_BASE; vaddr += SIZE_2M) {
 88
                      boot_ttbr1_l2[GET_L2_INDEX(vaddr)] =
 89
 90
                              (vaddr) /* here we have modified vaddr, va = pa */
 91
                              UXN /* Unprivileged execute never */
                              | ACCESSED /* Set access flag */
 92
                               | NG /* Mark as not global */
 93
                              | INNER_SHARABLE /* Sharebility */
 94
 95
                              | NORMAL_MEMORY /* Normal memory */
 96
                              | IS_VALID;
 97
             }
 98
             /* Step 2: map PERIPHERAL_BASE ~ PHYSMEM_END with 2MB granularity */
 99
          for (vaddr = PERIPHERAL BASE; vaddr < PHYSMEM END; vaddr += SIZE 2M) {
100
                      boot_ttbr1_l2[GET_L2_INDEX(vaddr)] =
101
102
                              (vaddr) /* here we have modified vaddr, va = pa */
                              | UXN /* Unprivileged execute never */
103
104
                              ACCESSED /* Set access flag */
105
                              NG /* Mark as not global */
                              | DEVICE_MEMORY /* Device memory */
106
                               IS VALID;
107
108
             }
```

Listing 1: 练习题 2 代码

```
79
        static struct page *split_page(struct phys_mem_pool *pool, u64 order,
80
                                    struct page *page)
81
            /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
82
83
              * Hint: Recursively put the buddy of current chunk into
              * a suitable free list.
85
86
        if(page->allocated){
87
88
            return NULL;
89
90
91
        //delete the page from current free list
        list del(&page->node);
92
        pool->free_lists[page->order].nr_free --;
93
94
95
        while(page->order > order){
```

```
96
             page->order ---;
 97
             struct page *buddy = get_buddy_chunk(pool, page);
             buddy \rightarrow allocated = 0;
 98
 99
             buddy->order = page->order;
             //always need to add buddy to free list, might need to split original chunk recursively
100
101
             list_add(&buddy->node, &pool->free_lists[buddy->order].free_list);
             pool->free_lists[buddy->order].nr_free++;
102
103
104
         //mark the page splited as allocated before return
105
106
         page \rightarrow allocated = 1;
         return page;
107
             /* LAB 2 TODO 2 END */
108
109
110
111
     struct page *buddy_get_pages(struct phys_mem_pool *pool, u64 order)
112
113
             /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
             /*
114
               * Hint: Find a chunk that satisfies the order requirement
115
              st in the free lists, then split it if necessary.
116
117
               */
         u64 curr_order = order;
118
         while(pool->free_lists[curr_order].nr_free == 0){
119
120
             curr_order++;
121
         if(curr order >= BUDDY MAX ORDER){
122
123
             return NULL;
124
125
         struct page *page = list_entry(pool->free_lists[curr_order].free_list.next, struct page, node);
126
         return split_page(pool, order, page);
127
             /* LAB 2 TODO 2 END */
128
129
130
     static struct page *merge_page(struct phys_mem_pool *pool, struct page *page)
131
132
133
             /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
134
              * Hint: Recursively merge current chunk with its buddy
135
136
               * \ if \ possible .
               */
137
138
         //check if current page can be merged
139
140
         if(page->order >= BUDDY_MAX_ORDER-1 || page->allocated){
141
             return page;
142
143
         //check if its buddy page can be merged
144
         struct page *buddy = get_buddy_chunk(pool,page);
145
         if(buddy == NULL || buddy->allocated || buddy->order != page->order){
146
             return page;
147
148
149
         //after merge, the page must be pointing lower address
```

```
150
          if(page > buddy){
151
             struct page *tmp = buddy;
152
             buddy = page;
153
             page = tmp;
154
155
         buddy->allocated = 1; //this might not be necessary but we still modify it for safety...
156
157
         //delete the merged pages from the free lists
158
         u64 order_before_merged = page->order;
         pool->free_lists[order_before_merged].nr_free -= 2;
159
160
         list_del(&page->node);
         list_del(&buddy->node);
161
162
         //
163
164
         page->order++;
165
         page \rightarrow allocated = 0;
166
         pool->free_lists[order_before_merged + 1].nr_free ++ ;
167
         list_add(&page->node, &pool->free_lists[order_before_merged + 1].free_list);
168
169
         return merge_page(pool,page);
             /* LAB 2 TODO 2 END */
170
171
172
173
     void buddy_free_pages(struct phys_mem_pool *pool, struct page *page)
174
             /* LAB 2 TODO 2 BEGIN */
175
176
               st Hint: Merge the chunk with its buddy and put it into
177
178
               *\ a\ suitable\ free\ list .
179
180
181
         //if the page has been allocated, just return
182
          if(page \rightarrow allocated = 0){
             return;
184
         }
185
         //always put the page into a free list, then call merge_page to check if it can be merged
186
187
         page \rightarrow allocated = 0;
188
         u64 cur_order = page->order;
         list_add(&page->node, &pool->free_lists[cur_order].free_list);
189
190
         pool->free_lists[cur_order].nr_free++;
191
192
         //once a page is freed, always need to check if we can merge with its buddy(recursively)
193
         merge_page(pool,page);
194
195
             /* LAB 2 TODO 2 END */
196
```

Listing 2: 练习题 4 代码

```
205
                    * Hint: Walk through each level of page table using `get_next_ptp`,
206
                    * return the pa and pte until a LO/L1 block or page, return
207
                    * `-ENOMAPPING` if the va is not mapped.
208
                    */
209
210
              ptp_t *cur_ptp = (ptp_t *)pgtbl;
              pte_t *pte = NULL;
211
212
              int result=0;
213
214
              for(int level=0;level <=3; ++level){</pre>
215
                   result = get_next_ptp(cur_ptp, level, va, &cur_ptp, &pte, false);
216
217
                   if (result == -ENOMAPPING) {return result;}
218
                   if(level == 0){continue;}
219
220
                   if(level < 3){
221
                       if(result =  BLOCK\_PIP) \{ //with \ L1 \ and \ L2 \ only \ return \ when \ result \ is \ a \ block \ ptp \ block\_PIP) \} \}
222
                           if( entry != NULL){
                               *entry =pte;
223
224
                           switch (level) {
225
226
227
                                    *pa = virt\_to\_phys(cur\_ptp) + GET\_VA\_OFFSET\_L1(va);
228
                                    break;
229
                                    *pa = virt_to_phys(cur_ptp) + GET_VA_OFFSET_L2(va);
230
231
                                    break;
232
                           }
233
                           return 0;
234
                       }
235
236
                   if(level == 3){
237
                       if( entry != NULL){
238
                           *entry =pte;
239
240
                       *pa = virt_to_phys(cur_ptp) + GET_VA_OFFSET_L3(va);
                  }
241
242
243
              return 0;
                   /* LAB 2 TODO 3 END */
244
245
          }
246
247
          int map_range_in_pgtbl(void *pgtbl, vaddr_t va, paddr_t pa, size_t len,
                                   vmr_prop_t flags)
248
249
250
                   /* LAB 2 TODO 3 BEGIN */
251
                   * Hint: Walk through each level of page table using `get_next_ptp`,
252
                    *\ create\ new\ page\ table\ page\ if\ necessary\,,\ fill\ in\ the\ final\ level
253
254
                    * pte with the help of `set_pte_flags`. Iterate until all pages are
255
                    * mapped.
256
              ptp_t* ptp = NULL;
257
258
              pte_t* pte = NULL;
```

```
259
              int result = 0;
260
              const vaddr_t end_va = va + len;
261
              vaddr_t cur_va = va;
262
              vaddr t cur pa = pa;
263
264
              while(cur_va < end_va){</pre>
265
                  ptp = (ptp_t *) pgtbl;
266
                  for(int level=0; level <3; ++level){</pre>
267
                      result = get_next_ptp(ptp, level, cur_va, &ptp, &pte, true);
                      if(result == -ENOMAPPING){return result;}
268
269
                  }
270
271
                  pte = &(ptp->ent[GET_L3_INDEX(cur_va)]);
                  pte->l3_page.is_valid = 1;
272
273
                  pte \rightarrow l3\_page.is\_page = 1;
274
                  pte->l3_page.pfn = cur_pa >> PAGE_SHIFT;
275
                  set_pte_flags(pte, flags, USER_PTE);
276
277
                  cur_va += PAGE_SIZE;
278
                  cur_pa += PAGE_SIZE;
279
280
              return 0;
                  /* LAB 2 TODO 3 END */
281
282
283
         int unmap_range_in_pgtbl(void *pgtbl, vaddr_t va, size_t len)
284
285
         {
286
                  /* LAB 2 TODO 3 BEGIN */
287
288
                   * Hint: Walk through each level of page table using `get_next_ptp`,
289
                   st mark the final level pte as invalid. Iterate until all pages are
290
                   * unmapped.
291
                   */
292
              ptp_t* ptp = NULL;
293
              pte_t* pte = NULL;
294
              int result = 0;
              const vaddr_t end_va = va + len;
295
296
              vaddr_t cur_va = va;
297
              while (cur_va < end_va) {
298
299
                  ptp = (ptp_t *) pgtbl;
300
                  for(int level=0; level<3;++level){</pre>
301
                      result = get_next_ptp(ptp, level, cur_va, &ptp, &pte, true);
302
                      if(result == -ENOMAPPING){return result;}
303
304
                  pte = &(ptp->ent[GET_L3_INDEX(cur_va)]);
305
                  pte \rightarrow l3\_page.is\_valid = 0;
306
307
                  cur_va += PAGE_SIZE;
308
              };
309
310
311
                  /* LAB 2 TODO 3 END */
312
```

#### Listing 3: 练习题 5 代码

```
int map_range_in_pgtbl_huge(void *pgtbl, vaddr_t va, paddr_t pa, size_t len,
314
315
                                        vmr_prop_t flags)
316
                  /* LAB 2 TODO 4 BEGIN */
317
318
              ptp_t* ptp=NULL;
              pte_t* pte=NULL;
319
320
              int result = 0;
321
              const vaddr_t end_va = va + len;
322
323
              const u64 SIZE 1G = PAGE SIZE * L1 PER ENTRY PAGES;
324
              const u64 SIZE_2M = PAGE_SIZE * L2_PER_ENTRY_PAGES;
325
              const u64 SHIFT 1G = PAGE SHIFT + PAGE ORDER + PAGE ORDER;
              const u64 SHIFT_2M = PAGE_SHIFT + PAGE_ORDER;
326
327
328
              while (va + SIZE_1G < end_va) {
329
                  ptp = (ptp_t *)pgtbl;
330
                  result = get_next_ptp(ptp, 0, va, &ptp, &pte, true);
331
                  if(result == -ENOMAPPING){return result;}
332
333
                  pte = &(ptp->ent[GET_L1_INDEX(va)]);
334
                  pte->l1_block.is_valid = 1;
                  pte->l1\_block.is\_table = 0;
335
336
                  pte \rightarrow l1\_block.pfn = pa >> SHIFT\_1G;
337
                  set_pte_flags(pte, flags, USER_PTE);
338
                  va += SIZE 1G;
339
340
                  pa += SIZE_1G;
341
                  len -= SIZE_1G;
342
343
344
345
              while (va + SIZE_2M < end_va) {
346
                  ptp = (ptp_t *)pgtbl;
347
                  for(int level=0; level<2;++level){</pre>
348
                       result = get_next_ptp(ptp, level, va, &ptp, &pte, true);
349
                       if(result == -ENOMAPPING){return result;}
350
                  }
351
352
                  pte = &(ptp->ent[GET_L2_INDEX(va)]);
353
                  pte \rightarrow l2\_block.is\_valid = 1;
                  pte \rightarrow l2\_block.is\_table = 0;
354
355
                  pte \rightarrow l2 \quad block.pfn = pa >> SHIFT \ 2M;
                  set_pte_flags(pte, flags, USER_PTE);
356
357
358
                  va += SIZE_2M;
359
                  pa += SIZE_2M;
360
                  len -= SIZE 2M;
361
362
363
              map\_range\_in\_pgtbl(pgtbl,\ va,\ pa,\ len,\ flags);
```

```
364
365
              return 0;
                   /* LAB 2 TODO 4 END */
366
367
368
369
          int unmap_range_in_pgtbl_huge(void *pgtbl, vaddr_t va, size_t len)
370
371
                   /* LAB 2 TODO 4 BEGIN */
372
              ptp_t* ptp=NULL;
373
              pte_t* pte=NULL;
374
              int result = 0;
              const vaddr_t end_va = va + len;
375
376
              const u64 SIZE_1G = PAGE_SIZE * L1_PER_ENTRY_PAGES;
377
378
              const u64 SIZE_2M = PAGE_SIZE * L2_PER_ENTRY_PAGES;
              const u64 SHIFT_1G = PAGE_SHIFT + PAGE_ORDER + PAGE_ORDER;
379
380
              \mathbf{const} \ \ \mathbf{u64} \ \ \mathbf{SHIFT\_2M} = \ \mathbf{PAGE\_SHIFT} \ + \ \mathbf{PAGE\_ORDER};
381
              while (va + SIZE_1G < end_va) {
382
383
                   ptp = (ptp_t *)pgtbl;
384
                   result = get_next_ptp(ptp, 0, va, &ptp, &pte, true);
385
                   if(result == -ENOMAPPING){return result;}
386
                   pte = &(ptp->ent[GET\_L1\_INDEX(va)]);
387
388
                   pte \rightarrow l1\_block.is\_valid = 0;
389
390
                   va += SIZE 1G;
                   len -= SIZE_1G;
391
392
393
394
              while (va + SIZE_2M < end_va) {
395
                   ptp = (ptp_t *)pgtbl;
396
                   for(int level=0; level<2;++level){</pre>
                       result = get_next_ptp(ptp, level, va, &ptp, &pte, true);
397
                       if(result == -ENOMAPPING){return result;}
398
399
                   pte = &(ptp->ent[GET_L2_INDEX(va)]);
400
401
                   pte \rightarrow l2\_block.is\_valid = 0;
402
                   va += SIZE_2M;
403
                   len -= SIZE_2M;
404
405
              };
406
407
              unmap_range_in_pgtbl(pgtbl, va, len);
408
409
              return 0;
                   /* LAB 2 TODO 4 END */
410
411
          }
```

Listing 4: 练习题 6 代码