Para as questões seguintes, considere um motor CC de ímã permanente com os seguintes parâmetros: Ra = 0.35 O, La = 1.5 mH, kE = 0.5 V/(rad/s), kT = 0.5 Nm/A e Jm = 0.02kg · m². O torque nominal do motor é 4 Nm.

$$R_a := 0.35\Omega$$

$$L_a := 1.5 \text{mH}$$

$$\mathbf{R}_{a} \coloneqq 0.35\Omega \qquad \qquad \mathbf{L}_{a} \coloneqq 1.5 \text{mH} \qquad \qquad \mathbf{k}_{E} \coloneqq 0.5 \frac{\mathbf{V}}{\frac{\text{rad}}{\mathbf{I}}} \qquad \qquad \mathbf{k}_{T} \coloneqq 0.5 \frac{\mathbf{N} \cdot \mathbf{m}}{\mathbf{A}}$$

$$k_{\mathrm{T}} := 0.5 \frac{\text{N} \cdot \text{m}}{\text{A}}$$

$$J_{\mathbf{m}} := 0.02 \text{kg} \cdot \text{m}^2 \qquad \qquad T_{\mathbf{N}} := 4 \text{N} \cdot \text{m}$$

$$T_N := 4N \cdot m$$

1) Desenhe a característica torque-velocidade para Va = 100 V, 60 V e 30 V.

RESOLUÇÃO:

$$V_a := 100V$$

$$I_{f,nom} := 1A$$

$$R_{m,nom} := 1\Omega$$

$$I_{f.nom} := 1A$$
  $R_{m.nom} := 1\Omega$   $\omega_{m.nom} := 1 \frac{rad}{s}$ 

$$I_{a,nom} := 1A$$

$$R_f := 1\Omega$$

$$L_{\mathbf{f}} = 1H$$

Para I.a = 0A, ou seja a vazio [sem carga]: w.m.min

$$\omega_m := \frac{V_a}{k_E}$$

$$\omega_{m} := \frac{V_{a}}{k_{F}} \qquad \qquad \omega_{m} = 200 \frac{1}{s}$$

I.a para torque nominal T.N:

$$I_a := \frac{T_N}{k_T}$$

$$I_a = 8 A$$

$$\text{Minimize} \frac{V_a - R_a \cdot I_a}{k_E}$$

$$\omega_{\rm m} = 194.4 \frac{1}{\rm s}$$

$$V_a := V_a - 40V$$

$$V_a = 60 \text{ V}$$

$$\omega_{\text{NPA}} \coloneqq \frac{V_a}{k_F} \qquad \qquad \omega_m = 120 \; \frac{1}{s}$$

$$\omega_{\rm m} = 120 \frac{1}{\rm s}$$

$$\text{was:} \frac{V_a - R_a \cdot I_a}{k_E}$$

$$\omega_{\rm m} = 114.4 \frac{1}{s}$$

$$V_a := \frac{V_a}{2} \qquad V_a = 30 \text{ V}$$

$$V_a = 30 \text{ V}$$

$$\omega_{\text{NNA}} \coloneqq \frac{V_a}{k_F} \qquad \qquad \omega_m = 60 \; \frac{1}{s} \label{eq:omega_mass}$$

$$\omega_{\rm m} = 60 \frac{1}{\rm s}$$

$$\omega_{\text{NNA}} \coloneqq \frac{V_a - R_a \cdot I_a}{k_E}$$

$$\omega_{\rm m} = 54.4 \, \frac{1}{\rm s}$$

2) Supondo que o motor está acionando uma carga com torque constante de 3 Nm e independente da velocidade, calcule a tensão na armadura Va em regime permanente se a carga é acionada a 1500 rpm.

## RESOLUÇÃO:

$$T_{torque} := 3N \cdot m$$
 rpm := 1

$$rpm := 1$$

$$n_{rpm} := 1500rpm$$
  $\omega := 157.08 \frac{rad}{s}$ 

$$\omega := 157.08 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$V_a := (\omega \cdot k_E) + R_a \cdot I_a$$

$$V_a = 81.34 \text{ V}$$

3) Supondo que o motor está acionando uma carga a uma velocidade de 1500 rpm. Em certo instante o motor entra no modo de frenagem regenerativa. Calcule a tensão na armadura Va nesse instante se acorrente Ia não deve superar 10 A. Suponha que a inércia é muito grande e, em consequência, a velocidade muda lentamente.

## RESOLUÇÃO:

$$n_{motor} := 1500 rpm$$

$$\omega_{\text{motor}} := n_{\text{motor}} \cdot \left(\frac{\pi}{30}\right) \frac{\text{rad}}{\text{s}} \qquad \omega_{\text{motor}} = 157.08 \frac{1}{\text{s}}$$

$$\omega_{\text{motor}} = 157.08 \frac{1}{\text{s}}$$

$$k_F = 0.5 \text{ Wb}$$

$$k_E = 0.5 \text{ Wb}$$
  $V_{a} := (\omega_{motor} \cdot k_E) + R_a \cdot I_a$   $V_a = 82.04 \text{ V}$ 

$$V_a = 82.04 \text{ V}$$

4) Supondo que o motor está acionando uma carga a uma velocidade de 1500 rpm. A carga é totalmente inercial com uma inércia de 0,04 kg · m^2. Calcule a energia recuperada por desaceleração a 750 rpm enquanto se mantêm a corrente de frenagem regenerativa em 10 A.

## RESOLUÇÃO:

$$n_{\text{motor}} = 1.5 \times 10^3 \text{ rpm}$$

$$J_{em} := 0.04 (kg \cdot m^2)$$

 $I_{regenerativa} := 10A$ 

 $n_{desaceleração} := 750 rpm$ 

$$T_{em} := k_T \cdot I_{regenerativa}$$
  $T_{em} = 5 J$ 

$$T_{em} = 5$$
.

$$\omega_{\text{max}} = \frac{T_{\text{em}}}{J_{\text{em}}}$$

$$\omega_{\rm m} = 125 \, \frac{1}{{\rm s}^2}$$