Київський національний університет імені Т. Шевченка Факультет комп'ютерних наук та кібернетики

> Комп'ютерна графіка Лабораторна робота №1 Звіт

> > Виконав: студент групи ІПС-31

Мисечко Артемій

## Умова лабораторної роботи:

Геометричний пошук (варіант Б).

Задача на приналежність точки опуклому многокутнику.

## Алгоритм розв'язання:

- 1. Вершини опуклого многокутника P впорядковані за полярними кутами відносно довільної внутрішньої точки.
- 2. Нехай q довільна внутрішня точка, z шукана точка. За точку q можна взяти центроїд трикутника утвореного будь-якою трійкою вершин многокутника P.
- 3. Проведемо з точки q промені, що проходять через вершини многокутника. Ці промені розбивають площину на N клинів. Кожен з клинів розбитий на дві частини одним з ребер P, одна частина цілком всередині фігури, інша цілком ззовні.
- 4. Вважаючи q за початок полярних координат, відшукуємо клин, якому належить точка z, а потім перевіряємо, де z знаходиться відносно ребра, що розбиває цей клин.
- 5. Визначаємо методом бінарного пошуку клин, в якому лежить точка z. Вона лежить між променями, які визначаються сусідніми вершинами (u і v) многокутника (час знаходження  $O(\log N)$ ).
- 6. Коли знайдені вершини, які визначають клин в якому лежить вершина, то перевіряємо чи точка z є внутрішньою (кути quv і zuv мають бути одного знаку).

Передобробка: визначення точки q та розміщення усіх вершин у структуру даних, яка дозволяє бінарний пошук (час O(N)).

Алгоритм пошуку: бінарний пошук по всіх вершинах многокутника (час O(log(N))

Витрати по пам'яті: зберігання вершин многокутника (займає O(N)).