Compte rendu automatique

Adam SINKOVICS, Mahdi MOUNZER, Jimmy NIYONKURU 2023-2024

Description et but du TP

Lors des scéances de TP en automatique, il nous est demandé d'identifier deux systemes inconnues, chacun mesurable sur des sorties differentes d'une boite. Le but est d'identifier, modéliser les systemes, puis les asservir. Nous avons effectué ces études sur la boite numéro 10.

Pour étudier ces systemes, on utilise un générateur a basse fréquences, une oscilloscope et une alimentation afin d'alimenter la boite.

Étude

1.1 Réponse harmonique

Lorsque le systeme étudié est linéaire, on observe en sortie un signale sinusoidale pour une entrée de signale sinusoidale. Il est donc possible d'écrire la fonction de transfert du systeme étudié, qui décrit les caractéristiques du signale de sortie par rapport a celui d'entrée. La fonction de transfert est une fonction complexe dont le module représente l'amplification dans la bande passante du systeme, c'est-a-dire pour une entrée constant dans le temps par combien le systeme amplifie-t-il le signale d'entrée (ou le mot "amplifie" ne signifie pas forcément une augmentation de la valeur du signale), et dont l'argument représente le déphasage du signale de sortie par rapport a l'entrée, c'est a dire par combien (mesuré en radians) est la sortie en retard ou en avance par rapport a l'entrée.

1.1.1 Théorie

Si on souhaite étudier, en tracant les diagrammes de Bode ou de Black, tels systemes, il est important de d'abord déterminer la nature du systeme. Pour ce déterminer, on soumets le systeme a des fréquences de grandeur différentes et on compare les sorties. Si le systeme blah blah blah

1.1.2 Pratique

Systeme 1

Apres avoir branché la premiere sortie de la boite sur la générateur et l'oscilloscope, on a déterminer que notre systeme est de type passe-bas, puisque pour des fréquences faibles, l'amplification variait peu, mais en augmentant la fréquence de l'entrée l'amplification mesurée sur la sortie diminuait. Pour tracer le diagramme de Bode et de Black, on mesure d'abord la fréquence de coupure a -3dB. Pour faire cela on soumets le systeme a une entrée de fréquence faible $(f_e < 1Hz)$ et une mesure l'amplitude de la sortie, qu'on divise par l'amplitude de l'entrée pour obtenir l'amplification dans la bande passante A de notre systeme. Il est également possible, vu qu'on sait que le systeme est un filtre de type passebas, qu'on le soumets a un échelon (avec le générateur on délivre un signale carré de faible fréquence), et on mesure l'amplitude de la sortie en régime permanent c'est-a-dire lorsque la variation de l'amplitude de la réponse est faible. Ceci est garanti par le fait que le systeme soit linéaire. La régime permanent est visible sur la figure dans une demi-période du signale de la sortie lorsque la courbe devient horizontale.

Ici on a mesuré A = 1.8

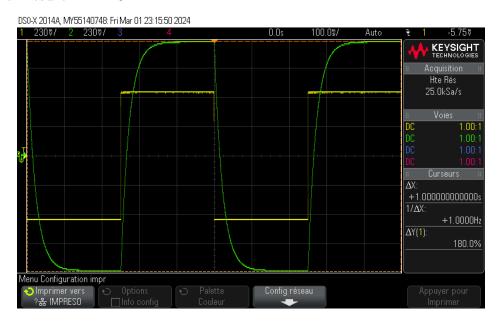


Figure 1.1: Image de l'oscilloscope lors la mesure de A pour le premiere systeme

Une fois A connue, sachant que la fréquence de coupure a -3dB f_{-3dB} représente

$$20 \cdot log(|A|) - 3dB = 20 \cdot log\left(|A|\right) + 20 \cdot log\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 20 \cdot log\left(\frac{|A|}{\sqrt{2}}\right)$$

on sait qu'on cherche une fréquence pour laquelle l'amplitude de la sortie est $S_{-3dB} \simeq 0.7 \cdot A$, autrement dit 70% de l'amplitude dans la bande passante. En connaissant f_{-3dB} on peut commencer a mesurer l'amplification (le rapport sortie / entrée) et le déphasage de notre systeme, pour des valeur écarté sur l'échelle logarithmique, mais plus sérré autour la fréquence f_{-3dB} .

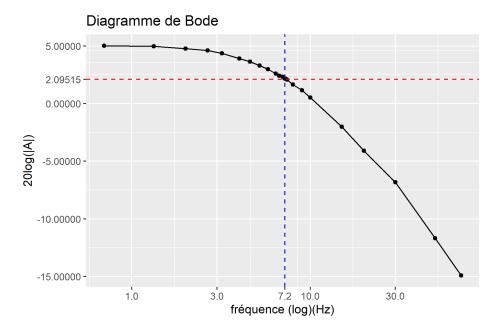


Figure 1.2: Diagramme de Bode pour le premiere systeme

Il est important de noter ici le fait que sur le graphique on a l'impression que l'intersection des deux droites n'est pas exactement sur la courbe. Il est vrai qu'une valeur de 7.4Hz

corresponderais mieux sur le graphe pour f_{-3dB} mais expérimentalement on a mesuré un déphasage de $-45 \,\mathrm{deg}$ a une fréquence de 7.2 Hz, c'est pour cela qu'on a décidé de guarder cette valeur.

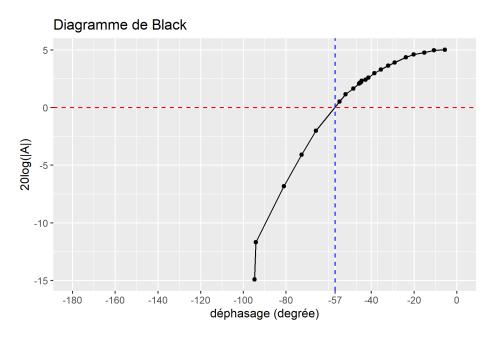


Figure 1.3: Diagramme de Black pour le premiere systeme

Il est possible de déterminer la marge de phase en calculant graphiquement depuis la figure 1.3, la difference entre -180 et le point d'intersection de la courbe avec l'axe des abscisses. Dans notre cas:

$$M_{ph} = -57 - (-180) = 123$$

La marge de phase est orienté selon les valeurs de l'abscisse croissantes.

En regardant les allures de diagrammes de Black et Bode, on peut remarquer que la modélisatoin du systeme par un systeme d'ordre 1 semble raisonnable.

Systeme 2

Pour le systeme 2, on constate qu'en variant la fréquence d'entrée sinusoidale, au début l'amplification augmente, ainsi nous soupçonnons que le systeme peut pas etre modélisé par un systeme d'ordre 1 puisque ces systemes ne présentes jamais des résonances. Ainsi on va modéliser le systeme par un systeme d'ordre 2.

1.2 Réponse indicielle

Dans cette deuxieme partie on va s'interesser a l'identification des systemes, c'est a dire trouver une fonction de transfert, qui décrit au plus proche notre systeme. Il est demandé de tracer la caractéristique statique de notre systeme, qui est la courbe qui représente la sortie en fonction de l'entrée. Lorsque notre systeme est linéaire, la caractéristique statique est une droite de pente A, l'amplification. En réalité étant donné que le domaine linéaire de la caractéristique statique est toujours limité (par exemple par la tension de saturation des amplificateurs opérationnelles), c'est a dire que la droite n'a pas en tant que limite en $\pm \infty$ l'infini, deux points de cassures, a partir desquelles la pente devient nulle.

1.2.1 Système du première ordre

Pour les systemes de premiere ordre de type passe-bas, on peut décrire le systeme dans le domaine de Laplace par la fonction

$$F_1(p) = \frac{A}{1 + \tau p}$$

ou A représente l'amplification dans la bande passante (pour les passe-bas c'est aussi l'amplification statique, dans ce cas sans unité) et τ le constant de temps. Il est ici possible de déterminer l'amplification A en soumettant notre systeme a une entrée de type échelon de fréquence f << 10Hz. Ceci en realité est faite en mettant un signale carré de fréquence faible. Pour mesurer τ il suffit de mesurer le temps de réponse a 5 pourcent c'est a dire le temps a partir duquel la réponse est autour de sa valeur en régime permanent en ne plus dépassant $\pm 5\%$ de cette valeur. On peut bien visualiser le régime permanent et transitoire au meme temps, si on choisit une fréquence telle que le temps de réponse a 5% est égale a la moitié de la demi-période de notre signale d'entrée:

$$\frac{T_E}{4} = t_{5\%}$$

ou T_E est la période du signale d'entrée.

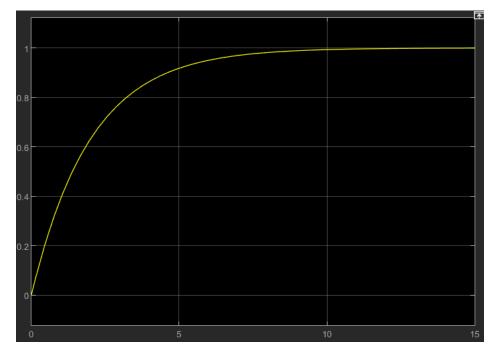


Figure 1.4: Réponse d'un système à première ordre

Lorsqu'on souhaite de mesurer ces caractéristiques avec un entrée harmonique (sinusoidale) on peut soumettre le systeme a un signale sinusoidale de fréquence basse, et on mesure le rapport des valeurs maximums des allures des sortie par rapport a l'entrée. Pour trouver τ on peut mesurer la fréquence de coupure a -3dB en sachant que $f_{-3dB}=2\pi\omega_0$ donc

$$\omega_0 = \frac{f_{-3dB}}{2\pi}$$

Il est maintenant facile a déterminer τ en connaissant la relation

$$\tau = \frac{1}{\omega_0}$$

ou ω_0 est la pulsation de cassure a -3dB et aussi la pulsation de coupure vu qu'il s'agit d'un système du premiere ordre. Voir la figure 1.4 pour voir l'allure de la réponse d'un tel système.

En appliquant un signale d'entrée constant (en pratique on met un signale carré), on obtient une réponse comme dans la figure

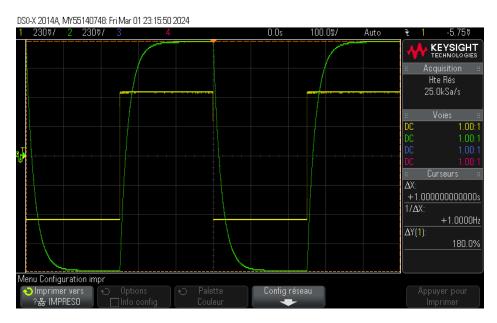


Figure 1.5: Réponse de systeme 1 de la boite

1.2.2 Système du second ordre

Les systèmes du second ordre de type passe-bas peuvent être décrit dans le domaine de Laplace par la fonction

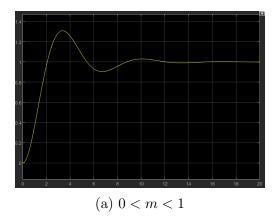
$$F_2(p) = \frac{A}{1 + 2m\frac{p}{\omega_0} + (\frac{p}{\omega_0})^2}$$

ou A est l'amplification dans la bande passante (pour les passe bas l'amplification statique aussi), m est le coefficient d'amortissement et ω_0 est la pulsation de cassure de la fonction de transfert. Lorsque le coefficient d'amortissement est inférieur à $\frac{1}{\sqrt{2}}$, la réponse du système présente des dépassements, c'est a dire que la réponse prend des valeurs supérieurs à la valeur en régime permanent.

Dans le cas ou m<1, afin de mesurer l'amplification dans la bande passante A on peut mesurer la réponse a une échelon en boucle ouverte et comparer le résultat obtenu par rapport a l'entrée. Alors $A=\frac{\Delta S}{\Delta E}$. Toujours pour une entrée type échelon, on peut mesurer la premiere dépassement, en prenant la valeur en régime permanent en tant que 100% et mesurant le pique de la premiere dépassement. En ce connaissant, on peut déterminer le coefficient d'amortissement m en utilisant les abaques. On peut également mesurer le temps de réponse a 5% qui est le temps ou l'allure de la réponse entre pour la derniere fois dans la bande de la valeur en régime permanent $\pm 5\%$ et n'en sors plus. En connaissant déja la valeur du coefficient d'amortissement, on peut utiliser les abaques pour déterminer ω_0 .

Lorsqu'on prends $F_2(j\omega_0)$ on obtient:

$$\frac{A}{1 + 2mj - \frac{1}{\omega_0^2}} = \frac{A}{1 - \frac{1}{\omega_0^2} + 2mj}$$



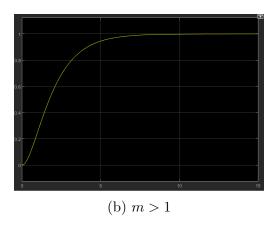


Figure 1.6: Réponse d'un système a 2nd ordre

d'ou

$$|F_2(j\omega_0)| = \frac{|A|}{|1 - \frac{1}{\omega_0^2} + 2mj|} = \frac{A}{\sqrt{\left(1 - \frac{1}{\omega_0^2}\right)^2 + (2m)^2}}, \qquad Arg(F_2(j\omega_0)) = -\arctan\left(\frac{2m}{1 - \frac{1}{\omega_0^2}}\right)$$

1.3 Asservissement des systemes

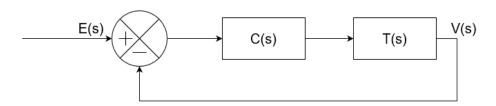


Figure 1.7: Modélisation par schéma-blocks

Dans cette partie on s'interessera a calculer des correcteurs pour les systèmes qui permettent de les asservir. On utilisera le logiciel MatLab afin de simuler la réponse des systèmes pour pouvoir comparer dans le chapiter prochaine aux systèmes réalisés. Les systèmes asservis peuvent etre modélisés par des schéma-blocks comme représenté sur le figure 1.7, ou E(s) est le signale d'entrée représenté en domaine de Laplace, C(s) est la fonction qui représente le correcteur utilisé et T(s) est la fonction de transfert de notre système. On peut également représenter sur le schéma, V(s) qui est la sortie du système en domaine de Laplace.

1.3.1 Système 1

Le premiere système peut etre modelisé par un système de premier ordre:

$$T(s) = F_1(s) = \frac{A}{1 + \tau s}$$

ou A=1,8 et $\tau=21,667$ ms d'apres les mesure effectués dans la premiere partie.

Correction avec correcteur proportionnel

Pour un correcteur proportionnel on a C(s) = K, K > 0. Ainsi la fonction de transfert en boucle fermée est, d'apres le formule de Black:

$$FTBF = \frac{FTBO}{1 + FTBO} = F_{p1}(s)$$

$$F_{p1}(s) = \frac{\frac{KA}{1+\tau s}}{1 + \frac{KA}{1+\tau s}} = \frac{KA}{1+\tau s + KA}$$

$$F_{p1}(s) = \frac{\frac{KA}{1+KA}}{1 + \frac{\tau}{1+KA}s} = \frac{K_{BF}}{1 + \tau_{BF}s}$$

avec $K_{BF}=\frac{KA}{1+KA}$ et $\tau_{BF}=\frac{\tau}{1+KA}$ Il est alors possible de déterminer *l'erreur statique* ε_s et le temps de réponse a 5% $t_{r5\%}$ en fonction de K. En effet:

$$\varepsilon_s = \lim_{t \to \infty} \varepsilon(t) = \lim_{s \to 0} s \cdot \varepsilon(s)$$

avec $\frac{\varepsilon(s)}{E(s)} = \frac{1}{1 + \frac{KA}{1 + \tau s}}$ d'ou $\varepsilon(s) = \frac{E(s)}{1 + \frac{KA}{1 + \tau s}}$ or ici, E(s) est un échelon donc

$$\varepsilon_s = \lim_{s \to 0} s \cdot \frac{\frac{E_0}{s}}{1 + \frac{KA}{1 + \tau_s}} = \frac{E_0}{1 + KA} = \frac{E_0}{1 + K_{BO}}$$

avec $K_{BO} = KA$. On remarque qu'en augmentant K on arrive a diminuer l'erreur statique, mais on n'arrivera jamais a l'annuler.

Vu qu'il s'agit d'un système du premiere ordre, on peut exprimer $t_{r5\%1p}$ (temps de réponse a 5% du premiere systeme en boucle fermée avec correcteur proportionnel) avec

$$t_{r5\%1p} = 3\tau_{BF} = 3 \cdot \frac{\tau}{1 + K_{BO}}$$

ainsi on conclue que le temps de réponse a 5% diminue lorsque K augmente, le systeme devient plus rapide et plus nerveux.

En faisant l'application numérique avec K=1 on obtient:

$$t_{r5\%1p} = 23,214ms$$
 $\varepsilon_s = 0,357 = 35,7\%$

Chercher le K qui convient

Dans un premier temps, on va chercher la valeur de K tels que notre système admette une erreur statique de 10%

$$\varepsilon_{s10\%} = \frac{E_0}{1 + KA} \Rightarrow K = \frac{E_0}{A\varepsilon_{s10\%}} - \frac{1}{A} = 5$$

ensuite, on calcule le temps de réponse a 5%

$$t_{r5\%err10} = \frac{3\tau}{1 + KA} = 6,5ms.$$

Pour retrouver le K ou l'erreur statique devient 1% on fait le meme calcul:

$$\varepsilon_{s1\%} = \frac{E_0}{1 + KA} \Rightarrow K = \frac{E_0}{A\varepsilon_{s1\%}} - \frac{1}{A} = 55$$

ainsi donnant un temps de réponse $t_{r5\%err1}$

$$t_{r5\%err1} = 0.65ms$$

Dans un second temps, on cherche le K tels que le temps de réponse a 5% soit 5 fois plus petit par rapport a en boucle ouverte.

On a donc

$$t_{r5\%5x} = \frac{t_{r5\%}}{5} = \frac{3\tau}{1 + KA} \Rightarrow K = \frac{15\tau}{t_{r5\%}A} - \frac{1}{A} = 2,22$$

ou l'erreur statique est:

$$\varepsilon_{5x} = \frac{E_0}{1 + KA} = 0, 20 = 20\%$$

Il est possible de faire les memes calcules pour obtenir un temps de réponse 50 fois plus rapide:

$$t_{r5\%50x} = \frac{t_{r5\%}}{50} \Rightarrow K = \frac{150\tau}{t_{r5\%}A} - \frac{1}{A} = 27,22$$

ou l'erreur statique est:

$$\varepsilon_{50x} = \frac{E_0}{1 + KA} = 0,020 = 2\%$$

Correction avec un correcteur intégral

Dans le cas d'un correcteur intégral, on a $C(s) = \frac{1}{T_i s}$ ou T_i représente le constant de temps de l'intégral. Comme dans la partie précédente, il est possible d'exprimer la fonction de transfert en boucle fermée par l'aide du formule de Black:

$$FTBF = \frac{FTBO}{1 + FTBO}$$

$$F_{i1}(s) = \frac{\frac{1}{T_i s} \frac{A}{1 + \tau s}}{1 + \frac{1}{T_i s} \frac{A}{1 + \tau s}}$$

$$F_{i1}(s) = \frac{A}{T_i s (1 + \tau s) + A} = \frac{A}{A + T_i s + T_i \tau s^2}$$

$$F_{i1}(s) = \frac{1}{1 + \frac{T_i}{A} s + \frac{T_i \tau}{A} s^2}$$

On reconnait la forme d'une fonction de transfert du second ordre.

$$F_{i1}(s) = \frac{A}{1 + 2m\frac{s}{\omega_0} + (\frac{p}{\omega_0})^2} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{A_1}{T_i \tau}}, \ m = \frac{T_i \ \omega_0}{2A_1} = \sqrt{\frac{T_i}{4A_1 \tau}}$$

Il est possible de calculer l'erreur statique en utilisant le meme formule que dans la partie correction proportionnel:

$$\lim_{s\to 0} s \cdot \varepsilon_{s2}(s)$$

avec

$$\varepsilon_{s2}(s) = \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{T_i}{A_1}s + \frac{T_i\tau}{A_1}s^2}} = \frac{1 + \frac{T_i}{A_1}s + \frac{T_i\tau}{A_1}s^2}{1 + 1 + \frac{T_i}{A_1}s + \frac{T_i\tau}{A_1}s^2}$$

donnant

$$\lim_{s \to 0} s \cdot \frac{1}{2} = 0$$

L'erreur statique est ainsi égale a 0.

Sachant que

$$m = \sqrt{\frac{T_i}{4A_1\tau}}$$

on peut conclure que plus T_i augmente, plus le coefficient d'amortissement m augmente. Ainsi lorsque T_i est assez petit, m dépasse la valeur de $\frac{1}{\sqrt{2}}$ ou le système va commencer a presenter des dépassements, au meme temps augmentant la rapidité du système. Plus T_i est petit plus le régime transitoire est longue, ainsi devenant pratiquement instable apres un certain valeur. Le système ainsi devient moins nerveux pour les valeur plus en plus grandes de T_i .

En utilisant les abaques on peut chercher T_i pour que la réponse indicielle présente un dépassement de 5%. En effet on cherche m = 0, 7. Alors

$$0,7 = \sqrt{\frac{T_i}{4A_1\tau}} \Rightarrow T_i = 0,7^2 \cdot 4A_1\tau = 0,0764$$

Pour ce T_i le temps de réponse a 5% peut etre retrouvé en utilisant les abaques:

$$t_{r5\%dep5\%} \cdot \omega_0 = 3 \Rightarrow t_{r5\%dep5\%} = \frac{3}{\omega_0} = 0,09s = 90ms$$

1.3.2 Système 2

Le second système peut etre modelisé par une fonction de transfert du second ordre.

$$F_2(s) = \frac{A_2}{1 + 2m\frac{s}{\omega_0} + \left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2}$$

avec $A_2 = 2$, m = 0, 5 et $\omega_0 = 43, 85$

En utilisant un correcteur proportionnel on obtient:

$$F_{p2}(s) = \frac{K_2 \frac{A_2}{1 + 2m \frac{s}{\omega_0} + \left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2}}{1 + K_2 \frac{A_2}{1 + 2m \frac{s}{\omega_0} + \left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2}} = \frac{K_2 A_2}{1 + K_2 A_2 + 2m \frac{s}{\omega_0} + \left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2}$$

$$F_{p2}(s) = \frac{\frac{K_2 A_2}{1 + K_2 A_2}}{1 + \frac{2m}{\omega_0 (1 + K_2 A_2)} s + \frac{1}{1 + K_2 A_2} \left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2} = \frac{K_{BF2}}{1 + \frac{2m'}{\omega'_0} s + \left(\frac{s}{\omega'_0}\right)^2}$$

avec $K_{BF2}=\frac{K_2A_2}{1+K_2A_2},~\omega_0'=\omega_0\sqrt{1+K_2A_2}$ et $m'=\frac{m}{\sqrt{1+K_2A_2}}$ on reconnait un système du second ordre. On peut également écrire, vue que A=2,

$$K_{BF2} = \frac{2K_2}{1 + 2K_2}, \ \omega_0' = \omega_0 \sqrt{1 + 2K_2}, \ m' = \frac{m}{\sqrt{1 + 2K_2}}$$

On remarque que l'effet d'augmenter K_2 est la diminution du coefficient d'amortissement m' qui implique l'augmentation de la nerveusité du système.

On cherche a calculer K pour obtenir une erreur statique de 10%, avec

$$\varepsilon_{s2}(s) = \frac{E(s)}{1 + KF_2(s)} = \frac{\frac{1}{s} \left(1 + \frac{2m'}{\omega_0'} s + \left(\frac{s}{\omega_0'} \right)^2 \right)}{1 + KA_2 + \frac{2m'}{\omega_0'} s + \left(\frac{s}{\omega_0'} \right)^2}$$

d'ou

$$\lim_{s \to 0} = s \cdot \frac{\frac{1}{s} \left(1 + \frac{2m'}{\omega_0'} s + \left(\frac{s}{\omega_0'} \right)^2 \right)}{1 + KA_2 + \frac{2m'}{\omega_0'} s + \left(\frac{s}{\omega_0'} \right)^2} = \frac{1}{1 + KA_2} = 0, 1 \Rightarrow K_{10} = 4.5$$

Il est ainsi possible de déterminer l'amplitude du premiere dépassement, en calculant le coefficient d'amortissement de la fonction de transfert du systeme en boucle fermée, et regardant les abaques. On retrouve $m_1' = \frac{m}{\sqrt{1+K_{10}A_2}} = 0.158114$ qui nous laisse montrer depuis les abaques que le systeme présente une premiere dépassement de 60%. On également calculer le temps de réponse a 5% une fois qu'on calcule $\omega_{10}' = \omega_0 \sqrt{1+K_{10}A_2} = 138.665$. Depuis les abaques, pour $m=0.15,\,t_{r5\%}\omega_0=20$, d'ou $t_{r5\%}=0.144s$

De meme facon on peut retrouver pour une erreur de 2%

$$\frac{1}{K_{2p}A} = 0.02 \Rightarrow K_{2p} = 24.5$$

pour lequel:

$$m_2' = 0.0707$$

a partir duquel on déduit une premiere dépassement de 80%. On cherche alors $\omega_2'=\omega_0\sqrt{1+K_{2p}A_2}=310.066,$ d'ou $t_{r5\%}=\frac{40}{310,0663}=0.129s$

1.4 Simulation des asservissements

Dans cette partie nous allons simuler la réponse des systemes en utilisant les valeurs obtenus dans la partie précédente, en utilisant le logiciel l'outil *Simulink* du logiciel *Matlab*, afin de pouvoir les comparer aux résultats de la section précédente.

1.4.1 Systeme d'ordre 1

Dans un premier temps on prends le systeme décrit par la fonction de transfert

$$F_1(s) = \frac{A}{\tau s + 1}$$

les valeurs sont A = 1.8 et $\tau = 0.021667$.

Correcteur proportionnel

Pour les correcteur proportionnel les valeurs obtenus sont

$$K_{sp1.1} = 5$$
 $K_{sp1.2} = 55$ $K_{sp2.1} = 2.22$ $K_{sp2.2} = 27.22$

Dans le logiciel on réalise le schéma de la figure 1.8 en remplacant K a chaque fois par les valeurs calculées.

Nos mesures des erreurs statiques sont exactement les que nous avons calculé.

Les valeurs sont, si pas exactement les meme, tres proches des valeurs calculés. On peut alors conclure que les calculs de K sont justes pour vérifier les caractéristiques attendues. On peut également remarquer le fait que, lorsqu'on augmente K, la précision du systeme augmente, c'est a dire que l'erreur statique diminue, et la rapidité du systeme augmente, c'est a dire que la valeur en régime permanent est atteinte dans moins de temps que pour les valeurs plus faibles de K (voir les figures).

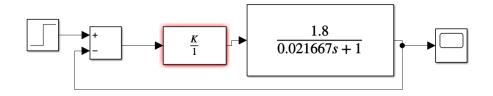


Figure 1.8: Modélisation par schéma-blocks dans Simulink

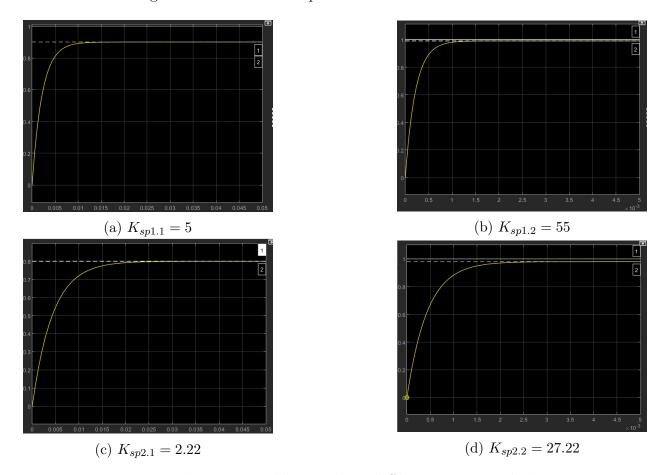


Figure 1.9: Réponses simulés pour les K différentes, mesure de l'erreur

Correcteur intégral

Pour cette section on va simuler le systeme avec un correcteur proportionnel. On modélisera dans Simulink comme dans la figure 1.11.

On prendra les valeurs

$$T_{i1} = \tau \quad T_{i2} = 5\tau \quad T_{i3} = 10\tau$$

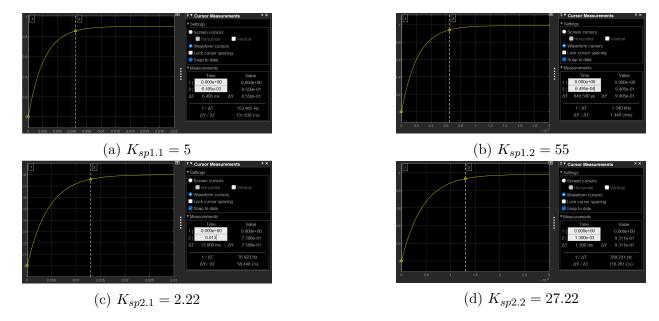


Figure 1.10: Réponses simulés, mesure du temps de réponse

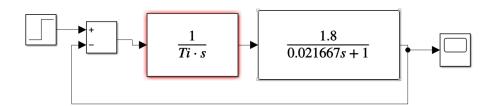


Figure 1.11: Modélisation par schéma-blocks dans Simulink

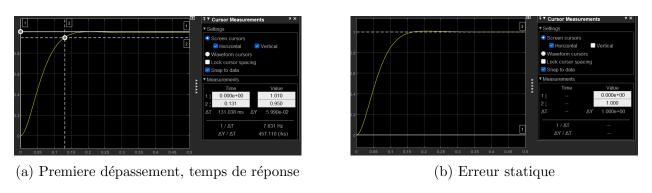


Figure 1.13: Réponses simulés, mesures des caractéristiques pour $T_i=5\tau$

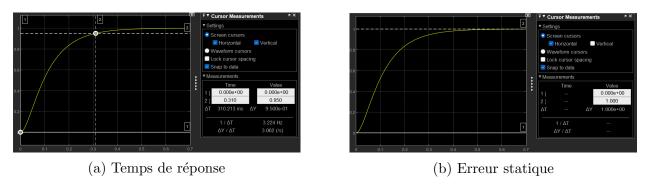
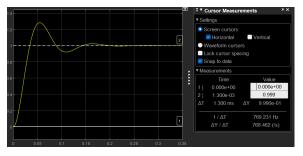
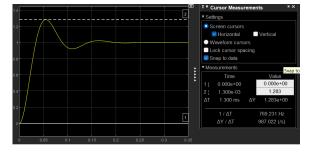


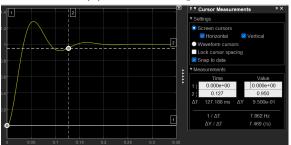
Figure 1.14: Réponses simulés, mesures des caractéristiques pour $T_i=10\tau$





(a) Erreur statique

(b) Mesure de premiere dépassement



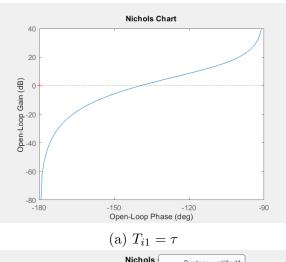
(c) Mesure du temps de réponse

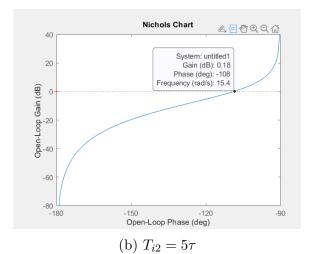
Figure 1.12: Réponses simulés, mesures des caractéristiques pour $T_i = \tau$

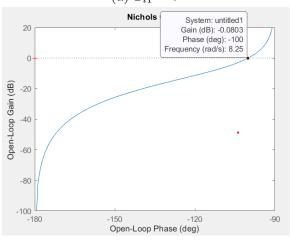
D'apres les resultats obtenues (figures 1.12, 1.13 1.14), on remarque que que nos conclusion de la chapitre précédente sur le changement du dynamique du systeme sont cohérentes: plus la valuer de T_i est grande plus le systeme est lant (moins rapide), moins il présente des dépassements. On peut ce conclure grace aux temps de réponses mesurées: pour T_{i1} c'est 127.188ms, pour T_{i2} c'est 131.038 (presque le meme) et pour T_{i3} c'est 310.213ms. L'erreur est le meme pour tous les systemes, c'est 0. Pour ce mesurer, on cherche le nombre

 $1 - \frac{\text{valeur mesur\'e en r\'egime permanent}}{\text{valeur attendu en r\'egime permanent}}$

La valeur du premiere dépassement diminue, ainsi d'apres tout les éléments présentés on peut conclure que le systeme devient moins nerveux en augmentant T_i .







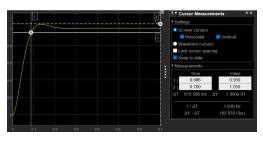
(c) $T_{i3} = 10\tau$

Figure 1.15: Diagrammes de black pour les τ différents

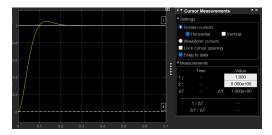
D'apres les diagrammes de Black (figures 1.15), on peut calculer la marge de phase:

$$\Delta\Phi_1 = 180 - 139 = 41 deg \quad \Delta\Phi_2 = 180 - 108 = 72 deg \quad \Delta\Phi_3 = 180 - 100 = 80 deg$$

On peut en conclure que plus τ augmente, plus T_i augmente, plus la marge de phase est grande, qui implique que la stabilité du systeme augmente si T_i augmente.



(a) Mesure premiere dépassement, temps de réponse



(b) Mesure erreur statique

Figure 1.16: Simulation avec $T_i = 0.0764$

Lorsqu'on applique le T_i trouvé dans la partie précédente pour avoir un premiere dépassement de 5% ($T_i = 0.0764$) on mesure un premiere dépassement de 5%, un temps de réponse de

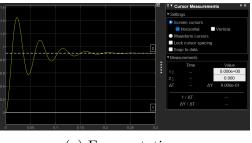
86ms et une erreur statique nulle (figure 1.16). Dans nos calcules de la section précédente, on a trouvé un temps de réponse de 90ms donc nos résultats sont coéhrentes.

On peut ainsi comparer les resultats des correcteurs proportionnel et intégral. D'une part, le correcteur proportionnel ne présente jamais des dépassementes en corrigant un systeme de premiere ordre, qui garanti que nos composants ne seront pas surchargés. Lorsqu'on augmente la valeur de K pour le correcteur proportionnel on augmente, et lorsqu'on augmente T_i du correcteur intégral, on diminue la nerveusité du systeme. Le correcteur proportionnel présente une erreur statique tendis que l'integral n'en a pas (pour les entrée type échelon).

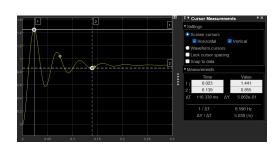
1.4.2 Systeme d'ordre 2

Correcteur proportionnel

Dans un premier temps, on va simuler le systeme 2, modelisé par une fonction de transfert d'ordre 2, avec un correcteur proportionnel. On prendra les valeurs de K trouvés précédamment: $K_{2,1} = 4.5$, $K_{2,2} = 24.5$.



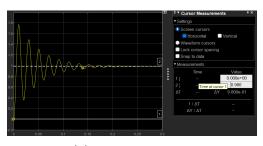
(a) Erreur statique



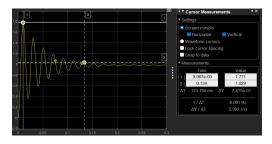
(b) Mesure premiere dépassement, temps de réponse

Figure 1.17: Simulation avec K = 4.5

Pour $K_{2.1} = 4.5$ on trouve une erreur statique de 10%, une premiere dépassement de 43.8% et un temps de réponse a 5% de 1.332s ce qui sont cohérentes avec les résultats précédentes (sauf le dépassement [on a trouvé 60% mais mesuré 43.8%]).



(a) Erreur statique



(b) Mesure premiere dépassement, temps de réponse

Figure 1.18: Simulation avec K = 24.5

Pour $K_{2.2} = 24.5$ on retrouve une erreur statique de 2%, et on mesure une premiere dépassement de 75.9% et un temps de réponse de 1.265s. Ici les resulats sont plus cohérentes avec celles calculées.

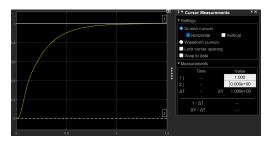
On peut conclure que plus K augmente, plus le systeme devient nerveux: les premieres dépassements sont de plus en plus importantes, mais l'erreur statique diminue. Une premiere

dépassement de presque 80% dans le cas de $K_{2.2}$ peut etre considéré comme trop grand dans certains applications, ainsi, augmenter la valeur de K afin de diminuer l'erreur statique n'est peut etre pas la meilleur solution.

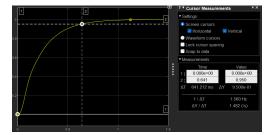
Correcteur intégral

On peut dans un second temps regarder l'influence d'un correcteur intégrale sur la correction du systeme. On prendra les valeurs définis dans le TP:

$$T_{i1} = 0.456$$
 $T_{i2} = 0.22805$ $T_{i3} = 0.114025$ $T_{i4} = 0.022805$



(a) Erreur statique

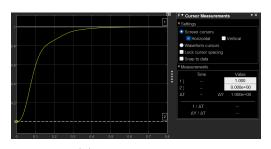


(b) Temps de réponse

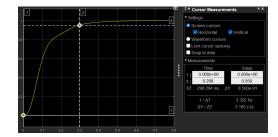
Figure 1.19: Simulation avec $T_i = 0.456$

$$t_{r5\%Ti1} = 0.641s$$

Pour le premiere $T_i = 0.456$ on retrouve une erreur statique nulle, un temps de réponse de 0.641s et il n'y a pas de dépassement.



(a) Erreur statique

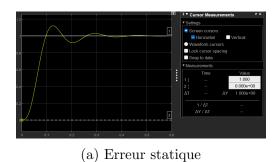


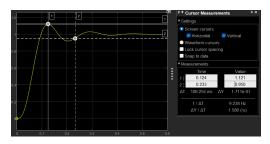
(b) Temps de réponse

Figure 1.20: Simulation avec $T_i = 0.22805$

$$t_{r5\%Ti2} = 0.298s$$

Pour $T_i = 0.22805$ on retrouve une erreur statique nulle, un temps de réponse de 0.298s et il n'y a pas de dépassement. La rapidité du systeme a augmenté en diminuant la valeur de T_i





(b) Temps de réponse, premiere dépassement

Figure 1.21: Simulation avec $T_i = 0.114025$

$$t_{r5\%Ti3} = 0.233s$$

Pour $T_i = 0.114025$ on retrouve une erreur statique nulle, un temps de réponse de 0.233s et une premiere dépassement de 12.1%. On remarque que c'est la nerveusité du systeme qui augmente en diminuant T_i , puisqu'avant il n'y avait pas de dépassement.

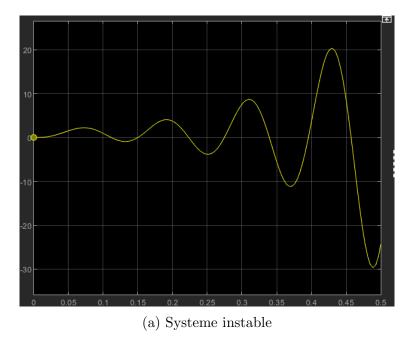


Figure 1.22: Simulation avec $T_i = 0.215982$

Pour $T_i = 0.022805$ on trouve que le systeme devient instable. En effet le systeme n'a pas l'aire de converger vers une valeur spécifique, le régime transitoire n'a pas l'aire de se finir.

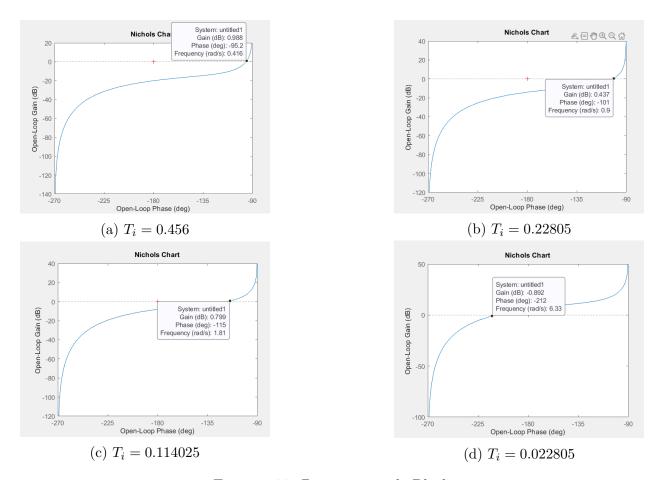


Figure 1.23: Diagrammes de Black

On remarque sur les diagrammes de Black, que plus T_i est grand, plus le systeme est stable puisque la marge de phase augmente, mais pour $T_i=0.022805$ la marge de phase devient négatif, ainsi le systeme n'est pas stable.