## Réalisation d'une ACM

# Rémi Taniel 30/09/2019

## Contents

Introduction	2
1ère partie : Importation des données	2
2e partie : Mise en oeuvre de l'ACM	2
3e partie : Analyse des résultats Nombre d'axe à retenir	$\frac{4}{7}$
3e partie : Clasification ascendate hiérarchique sur les axes retenus Réalisation sous R	

## Introduction

## 1ère partie : Importation des données

On commence par importer les données grâce à :

```
data <- read.table("/home/remi/Documents/Cours/AD/data/race.csv", sep = ",", dec = ".", colClasses = "f
```

Puis on visualise les données grâce à la fonction str(...) :

```
str(data)
```

```
## 'data.frame':
                    27 obs. of 8 variables:
##
    $ Race
                  : Factor w/ 27 levels "B.AL", "BASS", ...: 3 2 1 4 5 6 7 8 9 10 ...
    $ Taille
                  : Factor w/ 3 levels "1", "2", "3": 3 1 3 2 1 3 1 1 2 3 ...
##
  $ Poids
                  : Factor w/ 3 levels "1", "2", "3": 2 1 2 2 1 3 1 1 1 2 ...
                  : Factor w/ 3 levels "1", "2", "3": 3 1 3 2 1 1 2 1 1 3 ...
   $ Intelligence: Factor w/ 3 levels "1","2","3": 3 1 3 2 2 3 3 1 2 2 ...
                  : Factor w/ 2 levels "1", "2": 2 1 2 2 2 1 2 2 2 2 ...
    $ Agressivite : Factor w/ 2 levels "1", "2": 2 2 2 2 1 2 1 1 2 1 ...
##
    $ Fonction
                  : Factor w/ 3 levels "1", "2", "3": 3 2 3 1 1 3 1 1 1 1 ...
```

Notre jeu de données comporte 27 obervations (27 races de chiens) et 8 variables (les 7 modalités et un libellé), on remarque également que toutes les variables sont des variables qualitatives, et ont 3 niveaux chacunes :

Faible : 1 Moyen : 2 Fort : 3

On se décide de visualiser les 6 premières lignes de nos données ;

#### head(data)

```
##
     Race Taille Poids Velocite Intelligence Affection Agressivite Fonction
## 1 BEAU
                3
                                 3
                                               3
                                                           2
                                                                                  3
## 2 BASS
                1
                       1
                                 1
                                               1
                                                          1
                                                                        2
                                                                                  2
                       2
                                                           2
                                                                        2
## 3 B.AL
                3
                                 3
                                               3
                                                                                  3
## 4 BOXE
                2
                       2
                                 2
                                               2
                                                           2
                                                                        2
                                                                                  1
                                               2
                                                           2
## 5 BULD
                1
                       1
                                 1
                                                                                  1
## 6 BULM
                       3
                                               3
                                                           1
                                                                        2
                                                                                  3
                                 1
```

On remarque que nous devons enlever la colonne race, on décide donc de formater nos données pour donner un identifiant aux différentes lignes, dans notre cas, ce sera la variable race :

```
rownames(data) <- data$Race
data <- data[,-1]
head(data)</pre>
```

```
Taille Poids Velocite Intelligence Affection Agressivite Fonction
## BEAU
                     2
                               3
                                              3
                                                         2
                                                                      2
                                                                                 3
## BASS
                                                                      2
                                                                                 2
              1
                     1
                               1
                                              1
                                                         1
                     2
                                                         2
                                                                      2
## B.AL
                               3
                                              3
                                                                                3
              3
## BOXE
                     2
                               2
                                              2
                                                         2
                                                                      2
                                                                                 1
              2
                                                         2
                                              2
## BULD
              1
                     1
                               1
                                                                      1
                                                                                 1
## BULM
                     3
                                                                                 3
```

## 2e partie : Mise en oeuvre de l'ACM

Pour réaliser l'ACM, nous aurons besoin du package FactoMineR :

#### library(FactoMineR)

Puis on range les résultats de l'ACM (valeurs propres, coordonnées, contribution) dans la variable data.mca, dans notre cas, nous ne retenons que les 5 premiers axes et on souhaite que les graphiques ne soient pas générés lors de l'appel de la fonction :

```
data.mca <- FactoMineR::MCA(data, ncp = 5, quali.sup = c(7), graph = FALSE)</pre>
```

(Explication de où se trouve les variables?)

## 3e partie : Analyse des résultats

#### Nombre d'axe à retenir

Pour connaître le nombre d'axe que nous devons retenir, nous pouvons utiliser 3 critères :

- Part d'inertie supérieure à la moyenne
- Part d'inertie cumulée supérieure à 80%
- Critère du coude

Pour rappel, les valeurs propres des différents axes sont stockés dans :

#### data.mca\$eig

```
##
           eigenvalue percentage of variance
## dim 1
         0.487590671
                                   29.2554403
## dim 2 0.385667752
                                   23.1400651
## dim 3 0.220728360
                                   13.2437016
## dim 4 0.164472270
                                    9.8683362
## dim 5 0.148659735
                                    8.9195841
## dim 6 0.101816275
                                    6.1089765
## dim 7 0.081305114
                                    4.8783069
## dim 8 0.044665793
                                    2.6799476
## dim 9 0.024078978
                                    1.4447387
## dim 10 0.007681718
                                    0.4609031
##
          cumulative percentage of variance
## dim 1
                                    29.25544
## dim 2
                                    52.39551
## dim 3
                                    65.63921
## dim 4
                                    75.50754
## dim 5
                                    84.42713
## dim 6
                                    90.53610
## dim 7
                                    95.41441
## dim 8
                                    98.09436
## dim 9
                                    99.53910
## dim 10
                                   100.00000
```

#### Part d'inertie supérieure à la moyenne

Nous n'utiliserons qu'un seul critère, le critère de la part d'inertie moyenne, cette moyenne des part d'inertie expliquée par chaque axe peut être obtenue par :

#### 100/16

```
## [1] 6.25
```

Selon ce critère, nous pouvons retenir les 5 premiers axes, qui possèdent tous une part d'inertie supérieure à la moyenne calculée qui est de 6.25%.

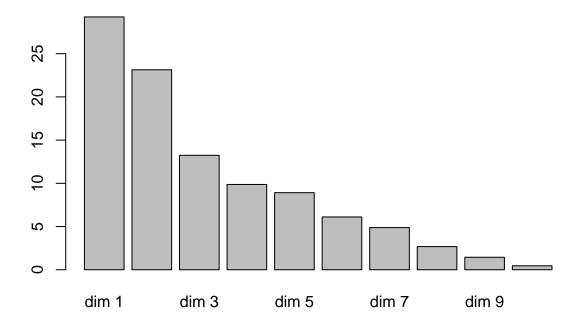
#### Part d'inertie cumulée supérieure à 80%

Tout comme le précédent critère, nous retenons les 5 premiers axes, en effet, ces 5 dimensions expliquent 84,43% de l'inertie totale portée par nos données.

#### Critère du coude

Afin d'appliquer ce critère, nous devons dans un premier temps, tracer le graphique suivant :

```
barplot(data.mca$eig[,2])
```



Le coude apparaît entre la 4e et 5e dimension, donc en utilisant ce critère nous devons retenir 4 dimensions.

#### Conclusion sur le nombre d'axe à retenir

Selon les 3 critères, nous devons seulement retenir les 5 premiers axes.

## Analyse des 5 premiers axes en fonction des modalités

Pour obtenir les données des 5 premiers axes en fonction des modalités, on utilisa l'information suivante :

```
data.mca$var
```

##	\$coord					
##		Dim 1	Dim 2	Dim 3	Dim 4	Dim 5
##	Taille_1	1.1902124	0.8814312493	-0.66619486	0.0245082	0.04370012
##	Taille_2	0.8464733	-1.2369449391	0.98137849	0.4516478	0.32628695
##	Taille_3	-0.8375902	0.0009803967	-0.01623523	-0.1619864	-0.12915570
##	Poids_1	1.1761704	0.7857960033	-0.43503416	0.1695709	0.01837861

```
## Poids 2
                 -0.3293556 -0.8124958119 -0.18601927 -0.1564473 0.19161738
## Poids 3
                 -0.9596770 1.0177146680 1.21690862 0.1667392 -0.56593443
## Velocite 1
                 0.3536067 1.0417311970 0.35916042 0.0229601 -0.32924689
                 0.5993249 -0.8943513681 0.39416354 0.1983599 0.53176045
## Velocite_2
## Velocite_3
                 -0.9256296 -0.3625001139 -0.74943473 -0.2018311 -0.10684608
## Intelligence 1 -0.3298252  0.8162016046 -0.30430278 -0.1139304  1.11946622
## Intelligence 2 0.4660516 -0.2414724706 0.62739888 -0.4483245 -0.26091301
## Intelligence 3 -0.4220026 -0.5188490270 -0.72776633 0.8987625 -0.83211053
## Affection 1
                0.7504976 -0.2946789888 -0.15904879 0.2194294 -0.13854750
## Affection_2
## Agressivite_1 0.4080360 -0.1994591783 -0.17920983 -0.7002575 -0.22502503
## Agressivite_2 -0.4394234 0.2148021920 0.19299520 0.7541235 0.24233465
## $contrib
##
                     Dim 1
                                  Dim 2
                                             Dim 3
                                                         Dim 4
                                                                     Dim 5
## Taille_1
                 12.553839 8.704555e+00 8.68815258 0.01578023 0.05550791
                 4.535510 1.224454e+01 13.46697104 3.82791292
## Taille_2
                                                                2.21034998
## Taille 3
                 13.322448 2.307632e-05 0.01105694 1.47720499 1.03898691
## Poids 1
                 14.010709 7.906445e+00 4.23412382 0.86334566 0.01122036
## Poids 2
                 1.922595 1.479251e+01 1.35478624 1.28604643 2.13446702
## Poids 3
                 5.829749 8.288840e+00 20.70679054 0.52172002 6.64957461
## Velocite 1
                 1.582963 1.736933e+01 3.60747890 0.01978518 4.50126929
## Velocite_2
                  3.637845 1.024184e+01 3.47591976 1.18138110 9.39320246
## Velocite 3
                  9.762175 1.892912e+00 14.13634026 1.37597681 0.42662991
## Intelligence 1 1.101761 8.530147e+00 2.07170863 0.38972813 41.62973133
## Intelligence_2 3.299734 1.119923e+00 13.20977953 9.05229126 3.39206631
## Intelligence_3 1.578185 3.016142e+00 10.36832982 21.22170349 20.12573312
              10.750805 2.095476e+00 1.06659687
## Affection_1
                                                    2.72454975 1.20171562
## Affection_2
                 9.982890 1.945799e+00 0.99041137 2.52993905
                                                               1.11587879
## Agressivite_1 2.950901 8.914721e-01 1.25741474 25.76534276 2.94361715
                 3.177893 9.600469e-01 1.35413895 27.74729221 3.17004923
## Agressivite_2
##
## $cos2
##
                                  Dim 2
                                               Dim 3
                      Dim 1
                                                            Dim 4
                 0.49581192 2.719224e-01 0.1553354552 0.0002102282
## Taille 1
## Taille 2
                 0.16284478 3.477347e-01 0.2188872152 0.0463603889
## Taille 3
                 0.87694667 1.201472e-06 0.0003294784 0.0327995000
## Poids 1
                 0.58247448 2.599896e-01 0.0796861975 0.0121070633
## Poids 2
                 0.11681934 7.109302e-01 0.0372649528 0.0263585186
                 0.20931365 2.353962e-01 0.3365605898 0.0063186241
## Poids_3
## Velocite 1
                 0.07355161 6.383552e-01 0.0758801234 0.0003100978
## Velocite 2
                 0.15123804 3.367850e-01 0.0654167993 0.0165670095
                 0.42839511 6.570317e-02 0.2808262078 0.0203679027
## Velocite 3
## Intelligence_1 0.04580407 2.804990e-01 0.0389895501 0.0054653233
## Intelligence_2 0.17376329 4.664716e-02 0.3149034805 0.1607958967
## Intelligence_3 0.06233016 9.422151e-02 0.1853753391 0.2827209221
                 0.60657339 9.351538e-02 0.0272424033 0.0518530622
## Affection 1
                 0.60657339 9.351538e-02 0.0272424033 0.0518530622
## Affection 2
## Agressivite_1 0.17930056 4.284427e-02 0.0345866377 0.5280806741
## Agressivite_2 0.17930056 4.284427e-02 0.0345866377 0.5280806741
##
                        Dim 5
## Taille_1
                 0.0006683951
                 0.0241961758
## Taille 2
## Taille 3
                 0.0208514951
```

```
## Poids 1
                  0.0001422203
## Poids 2
                  0.0395416207
## Poids 3
                  0.0727913127
## Velocite_1
                  0.0637667735
## Velocite 2
                  0.1190607053
## Velocite 3
                  0.0057080420
## Intelligence 1 0.5276651063
## Intelligence 2 0.0544604772
## Intelligence_3 0.2423427783
## Affection_1
                  0.0206719783
## Affection_2
                  0.0206719783
## Agressivite_1
                  0.0545313614
## Agressivite_2
                  0.0545313614
##
## $v.test
##
                      Dim 1
                                   Dim 2
                                               Dim 3
                                                           Dim 4
                                                                       Dim 5
                             2.658943687 -2.00965714
## Taille_1
                   3.590419
                                                      0.07393195
                                                                  0.13182668
## Taille 2
                   2.057660 -3.006842664 2.38559586
                                                      1.09789349
                                                                  0.79315860
                             0.005589121 -0.09255506 -0.92346467 -0.73630080
## Taille 3
                  -4.774999
## Poids 1
                   3.891572
                             2.599948123 -1.43938915
                                                      0.56105583
                                                                 0.06080894
## Poids_2
                  -1.742786 -4.299323719 -0.98432148 -0.82784146
                                                                 1.01394385
## Poids 3
                             2.473924090 2.95813714
                  -2.332843
                                                      0.40531991 -1.37570859
## Velocite_1
                             4.073970535
                                         1.40459361
                                                      0.08979167 -1.28760868
                   1.382874
## Velocite 2
                   1.982975 -2.959123171
                                         1.30416133
                                                      0.65630957
                                                                  1.75942557
## Velocite 3
                  -3.337405 -1.307012748 -2.70212535 -0.72771249 -0.38523901
## Intelligence_1 -1.091286
                             2.700550551 -1.00684075 -0.37695942 3.70395637
## Intelligence_2 2.125522 -1.101283907
                                         2.86137912 -2.04467438 -1.18994639
## Intelligence_3 -1.273022 -1.565170677 -2.19539491
                                                      2.71122555 -2.51016179
## Affection_1
                  -3.971260 1.559294642 0.84160708 -1.16111137 0.73312443
## Affection_2
                   3.971260 -1.559294642 -0.84160708 1.16111137 -0.73312443
                   2.159124 -1.055438765 -0.94828929 -3.70541462 -1.19072054
## Agressivite_1
## Agressivite_2
                  -2.159124 1.055438765 0.94828929 3.70541462 1.19072054
##
## $eta2
##
                               Dim 2
                                          Dim 3
                                                     Dim 4
## Taille
                0.8897105 0.48476391 0.29356228 0.05250841 0.02947784
## Poids
                0.6366877 0.71705966 0.34825241 0.02635943 0.07845008
## Velocite
                0.4383338 0.68272633 0.28102789 0.02543211 0.12773827
## Intelligence 0.1749381 0.29309697 0.33969853 0.30259993 0.58108888
                0.6065734 0.09351538 0.02724240 0.05185306 0.02067198
## Affection
## Agressivite
               0.1793006 0.04284427 0.03458664 0.52808067 0.05453136
```

Pour chacune des 4 dimensions, nous allons retenir les modalités dont la contribution est supérieure à la moyenne (soit 6.25), puis pour chacune des modalités retenues, nous allons noter la qualité de leur répresentation sous cet axe, ainsi que le signe de ses coordonnées.

#### Dimension 1

Modalité	Contribution	Qualité	Signe
Poids_1	14.01	0.58	+
$Taille_3$	13.32	0.87	-
$Taille_1$	12.56	0.49	+
$Affection_1$	10.75	0.60	-
$Affection\_2$	9.98	0.60	+

Modalité	Contribution	Qualité	Signe
Velocite_3 Somme	9.76 70.38	0.43	_

#### Dimension 2

Modalité	Contribution	Qualité	Signe
Velocite_1	17.36	0.64	+
Poids_2	14.89	0.71	-
$Taille_2$	12.24	0.34	-
$Velocite\_2$	10.24	0.34	-
$Taille_1$	8.70	0.27	+
$Intelligence\_\ 1$	8.53	0.28	+
Somme	71.96		

#### Dimension 3

Modalité	Contribution	Qualité	Signe
Poids_3	20.71	0.37	+
$Velocite\_3$	14.14	0.28	-
$Intelligence\_2$	13.21	0.32	-
$Intelligence\_3$	10.37	0.18	+
$Taille_1$	8.68	0.16	-
Somme	67.44		

#### Dimension 4

Modalité	Contribution	Qualité	Signe
Agressivite_2	27.74	0.53	
Agressivite_1 Intelligence 3	25.76 21.22	$0.53 \\ 0.28$	
Intelligence_2	9.01	0.28	
Somme	83.73		

## Analyse des dimensions

## Analyse des 5 premiers axes en fonction des individus

Nous allons reprendre la même méthode que précédemment mais en l'appliquant aux individus et non plus aux modalités, dans ce cas on utilisera les données suivantes :

#### data.mca\$ind

```
## $coord

## Dim 1 Dim 2 Dim 3 Dim 4 Dim 5

## BEAU -0.5259384 -0.47575949 -0.58374071 0.55564235 -0.33401607

## BASS 0.2726981 1.08888034 -0.24197092 0.25517645 0.53766998

## B.AL -0.5259384 -0.47575949 -0.58374071 0.55564235 -0.33401607

## BOXE 0.4519622 -0.87628238 0.65659133 0.41868418 0.38581511

## BULD 1.0369751 0.52959725 -0.16067532 -0.29265208 -0.38543246
```

```
## BULM -0.7430945 0.55653626 0.42440108 0.59354942 -0.63323133
## CANI 0.8836606 -0.06443988 -0.62899988 0.33303322 -0.26015724
## CHIH 0.8470130 0.81345055 -0.49119441 -0.15522858 0.21125992
## COCK 0.7526566 0.07225541 0.55583657 0.48058272 -0.06125534
## COLL -0.1117012 -0.51249596 -0.23503778 -0.59565654 -0.28913039
        0.6542361 -0.98745978  0.52455242 -0.17901219  0.18379095
## DOBE -0.8979794 -0.31150711 -0.46655613 0.36835102 -0.20963017
## DA.L -1.0264251 0.53796989 0.18135217 0.08498958 0.30650741
## E.BR 0.4422729 -1.06190072 0.04381058 0.37459034 -0.06311888
## E.FR -0.1197618 -0.49097917 0.28783575 -0.61848428 0.11130403
## FX.H -0.8759782 0.04678712 -0.31633338 -0.04782801 0.63397205
## FX.T 0.8933499 0.12117846 -0.01621913 0.37712706
                                                     0.18877675
## GBLG -0.5119978 -0.09594847 0.08935556 0.11663557
                                                     0.91002057
## LABR 0.6542361 -0.98745978 0.52455242 -0.17901219 0.18379095
## LEVR -0.6737043 -0.06439028 -0.44837229 -0.64552437 0.43194788
## MAST -0.7210934 0.91483050 0.57462384 0.17737039
                                                     0.21037088
## PEKI 0.8470130 0.81345055 -0.49119441 -0.15522858 0.21125992
## POIN -0.6957054 -0.42268452 -0.59859504 -0.22934534 -0.41165433
## ST-B -0.5311313 0.63097720 0.90514293 0.03994690 -0.38632150
## SETT -0.4837422 -0.34824358 -0.11785320 -0.78294787 -0.16474449
## TECK 1.0369751 0.52959725 -0.16067532 -0.29265208 -0.38543246
## T.NE -0.3288574 0.51979980 0.77310402 -0.55774946 -0.58834566
##
## $contrib
##
            Dim 1
                        Dim 2
                                   Dim 3
                                               Dim 4
                                                           Dim 5
## BEAU 2.10111844 2.17369113 5.71765657
                                          6.95239166
                                                     2.77956990
## BASS 0.56486551 11.38631564 0.98243645
                                          1.46630641
                                                      7.20235393
## B.AL 2.10111844 2.17369113
                              5.71765657
                                          6.95239166
                                                      2.77956990
## BOXE 1.55161864 7.37413469
                              7.23383138 3.94745005
                                                      3.70852623
## BULD 8.16803372 2.69348375 0.43318803 1.92862044
                                                      3.70117360
## BULM 4.19439182 2.97447169
                               3.02225475
                                          7.93336291
                                                      9.99005033
## CANI 5.93132626
                  0.03987790 6.63864170
                                          2.49757571
                                                     1.68622192
## CHIH 5.44955505
                  6.35455623 4.04841413
                                         0.54260890
                                                     1.11192907
                  0.05013761 5.18408763 5.20091611 0.09348260
## COCK 4.30303195
## COLL 0.09477557
                   2.52234098
                               0.92694388
                                          7.98979010
                                                      2.08271755
## DAL 3.25124622 9.36400725
                              4.61695759 0.72162030 0.84157173
## DOBE 6.12510519
                  0.93187754
                               3.65246368
                                         3.05539455
                                                     1.09483944
## DA.L 8.00267820 2.77932193 0.55185326 0.16265782 2.34058723
## E.BR 1.48580379 10.82905948
                               0.03220594 3.15977886
                                                      0.09925708
## E.FR 0.10894759 2.31498957
                               1.39016885
                                         8.61392102 0.30864885
## FX.H 5.82864293
                  0.02102208
                              1.67906747
                                          0.05151197 10.01343537
## FX.T 6.06211255
                  0.14101775
                              0.00441401 3.20271975 0.88785063
## GBLG 1.99121023
                  0.08840951
                              0.13397424 0.30634135 20.63218850
## LABR 3.25124622
                  9.36400725
                              4.61695759 0.72162030 0.84157173
## LEVR 3.44762033
                  0.03981654 3.37330515 9.38358594 4.64842239
## MAST 3.94969799 8.03718894
                               5.54045425 0.70844447
                                                     1.10259017
## PEKI 5.44955505
                  6.35455623 4.04841413 0.54260890
                                                     1.11192907
## POIN 3.67647489
                  1.71575624 6.01235105
                                         1.18446820
                                                     4.22190300
## ST-B 2.14281499 3.82340445 13.74714214 0.03593434
                                                      3.71826755
## SETT 1.77749654 1.16463313 0.23305630 13.80413634
                                                      0.67618368
## TECK 8.16803372 2.69348375 0.43318803 1.92862044 3.70117360
## T.NE 0.82147815 2.59474760 10.02891524 7.00522151 8.62398496
##
## $cos2
```

```
##
                         Dim 2
                                      Dim 3
## BEAU 0.19318200 0.158078170 0.2379780727 0.2156193132 0.077916905
## BASS 0.03893080 0.620711031 0.0306517673 0.0340886922 0.151342440
## B.AL 0.19318200 0.158078170 0.2379780727 0.2156193132 0.077916905
## BOXE 0.11183606 0.420403058 0.2360304269 0.0959733835 0.081495980
## BULD 0.64266568 0.167625423 0.0154293198 0.0511860542 0.088786106
## BULM 0.27815801 0.156023623 0.0907311457 0.1774668333 0.201989233
## CANI 0.38024293 0.002022086 0.1926598936 0.0540088961 0.032958090
## CHIH 0.38556757 0.355617092 0.1296663063 0.0129498182 0.023985817
## COCK 0.28975347 0.002670396 0.1580262244 0.1181329992 0.001919211
## COLL 0.01095173 0.230541033 0.0484889401 0.3114290851 0.073376137
## DAL 0.23755593 0.541172466 0.1527125209 0.0177853352 0.018747576
## DOBE 0.55359781 0.066618921 0.1494408973 0.0931505474 0.030169577
## DA.L 0.53895247 0.148051191 0.0168244731 0.0036951098 0.048059352
## E.BR 0.09451162 0.544844311 0.0009273902 0.0677981326 0.001924967
## E.FR 0.01169406 0.196541690 0.0675488576 0.3118788278 0.010100673
## FX.H 0.55756256 0.001590595 0.0727104867 0.0016621553 0.292043282
## FX.T 0.44081779 0.008110859 0.0001453019 0.0785581701 0.019683984
## GBLG 0.18220281 0.006398746 0.0055496040 0.0094554212 0.575600583
## LABR 0.23755593 0.541172466 0.1527125209 0.0177853352 0.018747576
## LEVR 0.33582962 0.003067758 0.1487503335 0.3083228462 0.138052133
## MAST 0.27298068 0.439369729 0.1733469229 0.0165162378 0.023233792
## PEKI 0.38556757 0.355617092 0.1296663063 0.0129498182 0.023985817
## POIN 0.33802415 0.124775596 0.2502437311 0.0367347283 0.118348388
## ST-B 0.16426904 0.231835114 0.4770745045 0.0009292189 0.086905976
## SETT 0.20103461 0.104185949 0.0119323415 0.5266336570 0.023316573
## TECK 0.64266568 0.167625423 0.0154293198 0.0511860542 0.088786106
## T.NE 0.06389477 0.159632893 0.3531230245 0.1837928020 0.204510346
```

Comme précédemment, pour chaque dimension, on ne garde que les races canines ayant une contribution supérieure à la moyenne qui est de :

```
mean(data.mca$ind$contrib[,1])
```

## [1] 3.703704

#### Dimension 1

Individu	Contribution	Qualité	Signe
BULD	8.17		
TECK	8.17		
DA.L	8		
DOBE	6.13		
FX.T	6.06		
CANI	5.93		
CHIH	5.45		
PEKI	5.45		
FX.H	5.83		
COCK	4.30		
BULM	4.20		
Somme	67.69		

#### Dimension 2

Individu	Contribution	Qualité	Signe
BASS	11.38		
E.BR	10.83		
LABR	9.36		
DAL	9.36		
MAST	8.04		
BOXE	7.37		
PEKI	6.35		
CHIH	6.35		
Somme	69.04		

#### Dimension 3

Individu	Contribution	Qualité	Signe
ST-B	13.75		
T.NE	10.03		
BOXE	7.23		
CANI	6.64		
POIN	6.01		
BEAU	5.72		
B.AL	5.72		
MAST	5.54		
COCK	5.18		
LABR	4.62		
Somme	70.44		

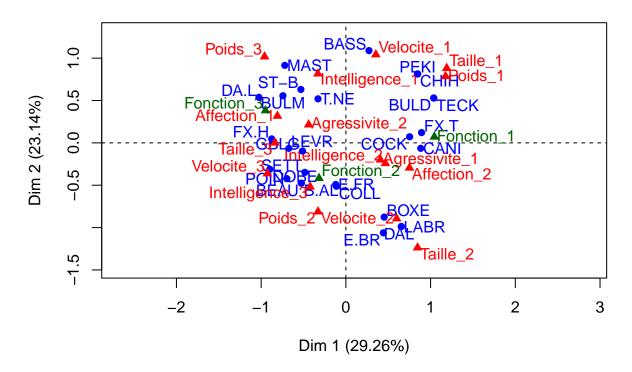
## Dimension 4

## Interprétation du premier plan factoriel

On peut obtenir les projections des marques et des attributs dans le premier plan factoriel grâce à :

```
plot.MCA(data.mca, axes = c(1, 2))
```

## MCA factor map



l'axe2 oppose les hommes bruns représentés par les  $\rm EL12$  et 7 aux femmes blondes représentées par les  $\rm EL11$  et 1.

## 3e partie : Clasification ascendate hiérarchique sur les axes retenus

#### Réalisation sous R

Pour notre étude, nous aurons besoins des librairies suivantes :

```
library(plyr)
library(philentropy)
library(factoextra)
```

## Loading required package: ggplot2

## Welcome! Related Books: `Practical Guide To Cluster Analysis in R` at https://goo.gl/13EFCZ library(ggplot2)

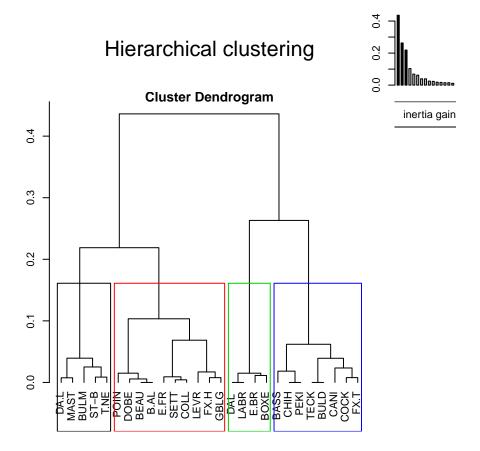
On stocke ensuite les résultats du CAH dans la variable data.hcpc et on décide de ne pas afficher les graphiques tout de suite :

```
data.hcpc <- FactoMineR::HCPC(data.mca, nb.clust = 4, proba = 1, graph = FALSE)</pre>
```

#### Interprétation et analyse des résultats

#### Typologie en 4 classes

Pour visualiser la coupure de l'arbre en 4 classes, on utilise la fonction suivante :



On distingue 4 groupes principaux : \* Le premier groupe formé des races : DA.L, MAST, BULM, ST-B et T.NE \* Un second formé des races : POIN, DOBE, BEAU, B.AL, E.FR, SETT, COLL, LEVR, FX.H, GBL.G \* Un autre par les races : DAL, LABR, E.BR et BOXE \* Puis le dernier par : BASS, CHIH, PEKI, TECK, BULD, CANI, COCK, FX.T

Pour chaque classe determinée au dessus, on décide de les caractériser en fonction des modalités actives, c'est à dire en fonction de leur taille, poids, vélocité, intelligence, affection et aggressivité :

```
data.hcpc$desc.var
```

```
## Link between the cluster variable and the categorical variables (chi-square test)
## -----
##
               p.value df
## Poids
            7.377151e-10
            3.099411e-08
## Taille
## Velocite
            3.717407e-05
## Fonction
            1.724164e-04
## Affection
            1.746539e-03
## Agressivite 3.521994e-01
## Intelligence 6.346470e-01 6
## Description of each cluster by the categories
  _____
## $`1`
```

```
##
                                   Cla/Mod Mod/Cla
                                                     Global
                                                                  p.value
## Poids=Poids 3
                                100.000000
                                               100 18.51852 1.238697e-05
## Fonction=Fonction 3
                                 62.500000
                                               100 29.62963 6.936703e-04
## Affection=Affection_1
                                 38.461538
                                               100 48.14815 1.594203e-02
## Taille=Taille 3
                                 33.333333
                                               100 55.55556 3.719807e-02
## Velocite=Velocite 1
                                                80 37.03704 5.046451e-02
                                 40.000000
## Agressivite=Agressivite 2
                                 30.769231
                                                80 48.14815 1.558776e-01
## Intelligence=Intelligence_1
                                 25.000000
                                                40 29.62963 6.076551e-01
## Intelligence=Intelligence_2
                                                40 44.44444 8.521739e-01
                                 16.666667
## Intelligence=Intelligence_3
                                 14.285714
                                                20 25.92593 8.041992e-01
## Velocite=Velocite_3
                                 11.111111
                                                20 33.33333 5.534002e-01
## Taille=Taille_2
                                  0.000000
                                                 0 18.51852 3.261984e-01
## Taille=Taille_1
                                  0.000000
                                                 0 25.92593 1.920476e-01
## Agressivite=Agressivite_1
                                  7.142857
                                                20 51.85185 1.558776e-01
## Velocite=Velocite_2
                                                 0 29.62963 1.440357e-01
                                  0.000000
## Poids=Poids_1
                                  0.00000
                                                 0 29.62963 1.440357e-01
## Fonction=Fonction_2
                                                 0 33.33333 1.061315e-01
                                  0.000000
## Fonction=Fonction 1
                                  0.000000
                                                 0 37.03704 7.665056e-02
                                                 0 51.85185 1.594203e-02
## Affection=Affection_2
                                  0.00000
## Poids=Poids 2
                                  0.00000
                                                 0 51.85185 1.594203e-02
##
                                    v.test
## Poids=Poids 3
                                 4.3706633
## Fonction=Fonction_3
                                 3.3920688
## Affection=Affection 1
                                 2.4102400
## Taille=Taille 3
                                 2.0835835
## Velocite=Velocite_1
                                 1.9560055
## Agressivite=Agressivite_2
                                 1.4190734
## Intelligence=Intelligence_1
                                0.5134234
## Intelligence=Intelligence_2 -0.1863454
## Intelligence=Intelligence_3 -0.2479163
## Velocite=Velocite_3
                                -0.5926727
## Taille=Taille_2
                                -0.9817999
## Taille=Taille_1
                                -1.3045458
## Agressivite=Agressivite_1
                                -1.4190734
## Velocite=Velocite 2
                                -1.4609263
## Poids=Poids 1
                                -1.4609263
## Fonction=Fonction 2
                                -1.6158278
## Fonction=Fonction_1
                                -1.7704599
## Affection=Affection 2
                                -2.4102400
## Poids=Poids_2
                                -2.4102400
##
## $`2`
##
                                Cla/Mod Mod/Cla
                                                   Global
                                                                p.value
                                             100 51.85185 0.0001186541
## Poids=Poids_2
                                71.42857
## Velocite=Velocite_3
                                88.8889
                                              80 33.33333 0.0001674908
## Taille=Taille_3
                                66.66667
                                             100 55.55556 0.0003559624
## Fonction=Fonction_2
                                66.66667
                                              60 33.33333 0.0377633046
## Affection=Affection_1
                                53.84615
                                              70 48.14815 0.1042461226
## Intelligence=Intelligence_3 57.14286
                                              40 25.92593 0.2463024898
## Agressivite=Agressivite_2
                                              50 48.14815 0.8909229596
                                38.46154
## Fonction=Fonction_3
                                37.50000
                                              30 29.62963 0.9667105841
## Intelligence=Intelligence_1 37.50000
                                              30 29.62963 0.9667105841
## Agressivite=Agressivite_1
                                35.71429
                                              50 51.85185 0.8909229596
## Velocite=Velocite 2
                                25.00000
                                              20 29.62963 0.4479578393
```

```
## Intelligence=Intelligence_2 25.00000
                                              30 44.44444 0.2834477498
## Affection=Affection 2
                                              30 51.85185 0.1042461226
                                21.42857
## Poids=Poids 3
                                               0 18.51852 0.0766505636
                                0.00000
## Taille=Taille_2
                                0.00000
                                               0 18.51852 0.0766505636
## Fonction=Fonction 1
                                10.00000
                                              10 37.03704 0.0334265616
## Taille=Taille 1
                                               0 25.92593 0.0219001610
                                0.00000
## Poids=Poids 1
                                               0 29.62963 0.0109500805
                                0.00000
                                               0 37.03704 0.0023052801
## Velocite=Velocite 1
                                0.00000
##
                                     v.test
## Poids=Poids_2
                                3.84889031
## Velocite=Velocite_3
                                3.76359093
## Taille=Taille_3
                                3.57074864
## Fonction=Fonction_2
                                2.07741466
                                1.62460795
## Affection=Affection_1
## Intelligence=Intelligence_3 1.15937714
## Agressivite=Agressivite_2
                                0.13713643
## Fonction=Fonction_3
                                0.04173421
## Intelligence=Intelligence 1 0.04173421
## Agressivite=Agressivite_1
                                -0.13713643
## Velocite=Velocite 2
                                -0.75882401
## Intelligence=Intelligence_2 -1.07260640
## Affection=Affection 2
                               -1.62460795
## Poids=Poids_3
                               -1.77045987
## Taille=Taille 2
                               -1.77045987
## Fonction=Fonction 1
                               -2.12692204
## Taille=Taille 1
                               -2.29209501
## Poids=Poids_1
                               -2.54428785
## Velocite=Velocite_1
                               -3.04779385
##
## $`3`
##
                                  Cla/Mod Mod/Cla
                                                    Global
                                                                p.value
## Taille=Taille_2
                                80,000000
                                              100 18.51852 0.0002849003
## Velocite=Velocite_2
                                50.000000
                                              100 29.62963 0.0039886040
                                              100 51.85185 0.0570370370
## Affection=Affection_2
                                28.571429
## Poids=Poids 2
                                              100 51.85185 0.0570370370
                                28.571429
## Intelligence=Intelligence_2 25.000000
                                               75 44.44444 0.244444444
## Agressivite=Agressivite 1
                                21.428571
                                               75 51.85185 0.3837037037
## Fonction=Fonction_2
                                22.22222
                                               50 33.33333 0.5005128205
## Fonction=Fonction 1
                                               50 37.03704 0.6051282051
                                20.000000
## Intelligence=Intelligence_3 14.285714
                                               25 25.92593 0.9931623932
## Poids=Poids 3
                                                0 18.51852 0.4168091168
                                0.000000
## Agressivite=Agressivite 2
                                               25 48.14815 0.3837037037
                                7.692308
## Taille=Taille 1
                                0.000000
                                                0 25.92593 0.2760683761
## Fonction=Fonction_3
                                                0 29.62963 0.2208547009
                                0.000000
## Intelligence=Intelligence_1
                                0.000000
                                                0 29.62963 0.2208547009
## Poids=Poids_1
                                                0 29.62963 0.2208547009
                                0.000000
## Velocite=Velocite_3
                                0.000000
                                                0 33.33333 0.1743589744
## Velocite=Velocite_1
                                0.000000
                                                0 37.03704 0.1356125356
## Affection=Affection_1
                                0.000000
                                                0 48.14815 0.0570370370
## Taille=Taille_3
                                0.000000
                                                0 55.55556 0.0282051282
##
                                      v.test
## Taille=Taille 2
                                3.628656260
## Velocite=Velocite 2
                                2.879061615
## Affection=Affection 2
                                1.903026886
```

```
## Poids=Poids 2
                                 1.903026886
## Intelligence=Intelligence_2
                                1.163949582
## Agressivite=Agressivite 1
                                0.871092400
## Fonction=Fonction_2
                                0.673683081
## Fonction=Fonction 1
                                0.517040045
## Intelligence=Intelligence 3 -0.008569774
## Poids=Poids 3
                                -0.811969528
## Agressivite=Agressivite 2
                                -0.871092400
## Taille=Taille 1
                                -1.089193928
## Fonction=Fonction_3
                                -1.224258569
## Intelligence=Intelligence_1 -1.224258569
## Poids=Poids_1
                                -1.224258569
## Velocite=Velocite_3
                               -1.358330065
                               -1.492330459
## Velocite=Velocite_1
## Affection=Affection_1
                               -1.903026886
## Taille=Taille_3
                                -2.194421409
##
## $`4`
##
                                                                 p.value
                                   Cla/Mod Mod/Cla
                                                     Global
## Poids=Poids 1
                                100.000000
                                             100.0 29.62963 4.504352e-07
## Taille=Taille_1
                                100.000000
                                              87.5 25.92593 9.008705e-06
## Fonction=Fonction 1
                                70.000000
                                              87.5 37.03704 9.594270e-04
## Velocite=Velocite_1
                                              75.0 37.03704 1.474275e-02
                                60.000000
## Affection=Affection 2
                                              87.5 51.85185 2.280193e-02
                                50.000000
## Agressivite=Agressivite 1
                                35.714286
                                              62.5 51.85185 5.118196e-01
## Intelligence=Intelligence_1
                                37.500000
                                              37.5 29.62963 5.910692e-01
## Intelligence=Intelligence_2
                                              50.0 44.44444 7.275362e-01
                                33.333333
## Velocite=Velocite_2
                                 25.000000
                                              25.0 29.62963 7.734279e-01
## Taille=Taille_2
                                20.000000
                                              12.5 18.51852 6.721665e-01
## Agressivite=Agressivite_2
                                23.076923
                                              37.5 48.14815 5.118196e-01
## Intelligence=Intelligence_3
                                14.285714
                                              12.5 25.92593 3.579068e-01
## Fonction=Fonction_2
                                11.111111
                                              12.5 33.33333 1.684321e-01
## Poids=Poids_3
                                  0.000000
                                               0.0 18.51852 1.440357e-01
                                               0.0 29.62963 3.404480e-02
## Fonction=Fonction_3
                                  0.000000
## Affection=Affection 1
                                  7.692308
                                              12.5 48.14815 2.280193e-02
## Velocite=Velocite_3
                                               0.0 33.33333 1.971014e-02
                                  0.000000
## Poids=Poids 2
                                  0.00000
                                               0.0 51.85185 5.797101e-04
## Taille=Taille_3
                                  0.00000
                                               0.0 55.55556 2.229654e-04
##
                                    v.test
## Poids=Poids_1
                                5.0463054
## Taille=Taille 1
                                4.4396936
## Fonction=Fonction 1
                                3.3021618
## Velocite=Velocite 1
                                2.4386376
## Affection=Affection_2
                                2.2767371
## Agressivite=Agressivite_1
                                0.6560070
## Intelligence=Intelligence_1
                                0.5372872
## Intelligence=Intelligence_2
                                0.3484048
## Velocite=Velocite_2
                                -0.2878939
## Taille=Taille_2
                                -0.4231765
## Agressivite=Agressivite_2
                                -0.6560070
## Intelligence=Intelligence_3 -0.9193609
## Fonction=Fonction 2
                                -1.3772591
## Poids=Poids 3
                                -1.4609263
## Fonction=Fonction 3
                               -2.1195407
```

On analyse ce tableau de façon suivante :

- Pour la première classe, on remarque que ce sont des races de chiens de grande taille et donc lourd, et qui dans les autres modalités sont plutôt moyen
- La seconde quant à elle regroupe des chiens de grande taille, de poids moyen, avec une intelligence et une vélocité élevée
- La troisième regroupe les races canines dont les modalités sont toutes moyennes
- La dernière classe est caractérisée par les races de petites tailles et donc de poids faible, de vélocité faible également avec une faible aggresivité

On représente ensuite l'histogramme des pourcentages des modalités dans la classe et dans l'échantillon afin de donner une première tendance de la typologie de chaque classe :

#### // TODO

On analyse ensuite les variables les plus significatives par classe grâce à

On représente graphiquement sur le plan factoriel 1 & 2, la projection :

- Des 4 classes
- Des 3 modalités de la variable FONCTION
- De l'ensemble des races canines

```
pl1 <- factoextra::fviz_cluster(data.hcpc, ellipse = FALSE)
factoextra::fviz_add(pl1, data.mca$quali.sup$coord)</pre>
```

## Cluster plot

