



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Калужский филиал
федерального государственного бюджетного
образовательного учреждения высшего образования
«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ ИУК «Информатика и управление»

КАФЕДРА ИУК4 «Программное обеспечение ЭВМ,

информационные технологии»

ДОМАШНЯЯ РАБОТА №2

«Решение задач оптимизации при принятии решений»

ДИСЦИПЛИНА: «Типы и структуры данных»

Выполнил: студент гр. ИУК4-31Б


(подпись)

(Суриков Н. С.)
(Ф.И.О.)

Проверил:


(подпись)

(Былинка М. И.)
(Ф.И.О.)

Дата сдачи (защиты): 20.12.24

Результаты сдачи (защиты):

- Балльная оценка:

1205

- Оценка:

Цель: формирование практических навыков создания алгоритмов решения оптимизационных задач.

Задачи:

1. Изучить виды задач оптимизации при принятии решений.
2. Изучить основные алгоритмы для решения данных задач.
3. Реализовать алгоритм согласно варианту.

Вариант 3

Формулировка задания:

3. Реализовать алгоритм поиска максимального потока с множеством истоков и одним стоком на основе алгоритма поиска в ширину.

Листинг программы:

```

1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  #include <queue>
4  #include <climits>
5  #include <cstring>
6
7  class MaxFlow {
8  private:
9      int numVertices;
10     std::vector<std::vector<int> > capacity;
11     std::vector<std::vector<int> > adjList;
12
13     // Поиск увеличивающего пути
14     bool bfs(int source, int sink, std::vector<int>& parent) {
15         std::fill(parent.begin(), parent.end(), -1);
16         std::queue<int> q;
17         q.push(source);
18         parent[source] = source;
19
20         while (!q.empty()) {
21             int current = q.front();
22             q.pop();
23
24             for (size_t i = 0; i < adjList[current].size(); ++i) {
25                 int next = adjList[current][i];
26                 if (parent[next] == -1 && capacity[current][next] > 0) {
27                     parent[next] = current;
28                     if (next == sink) return true;
29                     q.push(next);

```

```

30         }
31     }
32 }
33
34     return false;
35 }
36
37 public:
38     MaxFlow(int vertices) : numVertices(vertices) {
39         capacity.assign(vertices, std::vector<int>(vertices, 0));
40         adjList.resize(vertices);
41     }
42
43     void addEdge(int from, int to, int cap) {
44         capacity[from][to] += cap;
45         adjList[from].push_back(to);
46         adjList[to].push_back(from); // Для остаточной сети
47     }
48
49     // Алгоритм Эдмондса-Карпа для поиска максимального потока
50     int findMaxFlow(int source, int sink) {
51         int maxFlow = 0;
52         std::vector<int> parent(numVertices);
53
54         while (bfs(source, sink, parent)) {
55             // Найти минимальную пропускную способность на пути
56             int flow = INT_MAX;
57             for (int v = sink; v != source; v = parent[v]) {
58                 int u = parent[v];
59                 flow = std::min(flow, capacity[u][v]);
60             }
61
62             // Обновить остаточную сеть
63             for (int v = sink; v != source; v = parent[v]) {
64                 int u = parent[v];
65                 capacity[u][v] -= flow;
66                 capacity[v][u] += flow;
67             }
68
69             maxFlow += flow;
70         }
71
72         return maxFlow;
73     }
74 };
75
76 int main() {
77     int numVertices, numEdges, numSources, sink;
78
79     std::cout << "Введите количество вершин: ";
80     std::cin >> numVertices;
81     std::cout << "Введите количество ребер: ";
82     std::cin >> numEdges;
83
84     MaxFlow graph(numVertices + 1); // +1 для суперисточника

```

```

85
86     std::cout << "Введите количество истоков: ";
87     std::cin >> numSources;
88
89     std::vector<int> sources(numSources);
90     std::cout << "Введите индексы истоков: ";
91     for (int i = 0; i < numSources; ++i) {
92         std::cin >> sources[i];
93         graph.addEdge(numVertices, sources[i], INT_MAX); // Соединяем
суперисток с истоками
94     }
95
96     std::cout << "Введите индекс стока: ";
97     std::cin >> sink;
98
99     std::cout << "Введите рёбра: \n";
100    for (int i = 0; i < numEdges; ++i) {
101        int from, to, cap;
102        std::cout << "От: \n";
103        std::cin >> from;
104        std::cout << "К: \n";
105        std::cin >> to;
106        std::cout << "Емкость: \n";
107        std::cin >> cap;
108        graph.addEdge(from, to, cap);
109    }
110
111    int maxFlow = graph.findMaxFlow(numVertices, sink);
112    std::cout << "Максимальный поток: " << maxFlow << std::endl;
113
114    return 0;
115 }

```

Результат работы:

```

Введите количество вершин и рёбер: 5 6
Введите количество истоков: 1
Введите индексы истоков: 0
Введите индекс стока: 4
Введите рёбра:
От:
0
К:
1
Емкость:
10
От:
0
К:
2
Емкость:
10
От:
1
К:
3
Емкость:
4
От:
1
К:
2
Емкость:
2
От:
2
К:
3
Емкость:
8
От:
3
К:
4
Емкость:
10
Максимальный поток: 10

```

```

Введите количество вершин и рёбер: 6 7
Введите количество истоков: 2
Введите индексы истоков: 0 1
Введите индекс стока: 5
Введите рёбра:
От:
0
К:
2
Емкость:
10
От:
1
К:
2
Емкость:
10
От:
2
К:
3
Емкость:
5
От:
2
К:
4
Емкость:
15
От:
3
К:
5
Емкость:
10
От:
4
К:
5
Емкость:
10
От:
3
К:
4
Емкость:
5
Максимальный поток: 15

```

Вывод: в ходе работы были сформированы практические навыки создания алгоритмов решения оптимизационных задач.