



光学—光现象的科学：研究的对象是光。研究的内容包括光的本性，光的发射、传播、接收，以及光和物质的相互作用等。

光是什么？近代物理认为，光既是一种波动(电磁波)，又是一种粒子(光子)。就是说，光是具有**波粒二象性**的统一体。



光学通常分为几何光学、波动光学和量子光学三部分。

我们首先研究光的波动性。波动光学是当代激光光学、信息光学、非线性光学和很多应用光学的重要基础。波动最重要的特征是具有干涉、衍射和偏振现象。



第 13 章

光的干涉

光波的相干叠加

光波程和光程差

双缝干涉

薄膜干涉

迈克耳逊干涉仪



§13.1 光波的相干叠加

一. 可见光波

可见光：频率 $3.9 \times 10^{14} \sim 7.7 \times 10^{14} \text{Hz}$ ；相应真空中的波长 $7700\text{\AA} \sim 3900\text{\AA}$ 。

不同频率的光，颜色也不同。

红 光	$7700 \sim 6200\text{\AA}$	$3.9 \times 10^{14} \sim 4.8 \times 10^{14} \text{Hz}$
橙 光	$6200 \sim 5900\text{\AA}$	$4.8 \times 10^{14} \sim 5.1 \times 10^{14} \text{Hz}$
黄 光	$5900 \sim 5600\text{\AA}$	$5.1 \times 10^{14} \sim 5.4 \times 10^{14} \text{Hz}$
绿 光	$5600 \sim 5000\text{\AA}$	$5.4 \times 10^{14} \sim 6.0 \times 10^{14} \text{Hz}$
青 光 玢	$5000 \sim 4800\text{\AA}$	$6.0 \times 10^{14} \sim 6.3 \times 10^{14} \text{Hz}$
蓝 光	$4800 \sim 4500\text{\AA}$	$6.3 \times 10^{14} \sim 6.7 \times 10^{14} \text{Hz}$
紫 光	$4500 \sim 3900\text{\AA}$	$6.7 \times 10^{14} \sim 7.7 \times 10^{14} \text{Hz}$



$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$$

就能量的传输而言，光波中的电场 E 和磁场 H 是同等重要的。但实验证明，引起眼睛视觉效应和光化学效应的是光波中的电场，所以把光波中的电场强度 E 称为**光矢量**(或光振动)。

在波动光学中，光强定义为：

$$I = \bar{S} = \overline{EH} = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} \overline{E^2}$$

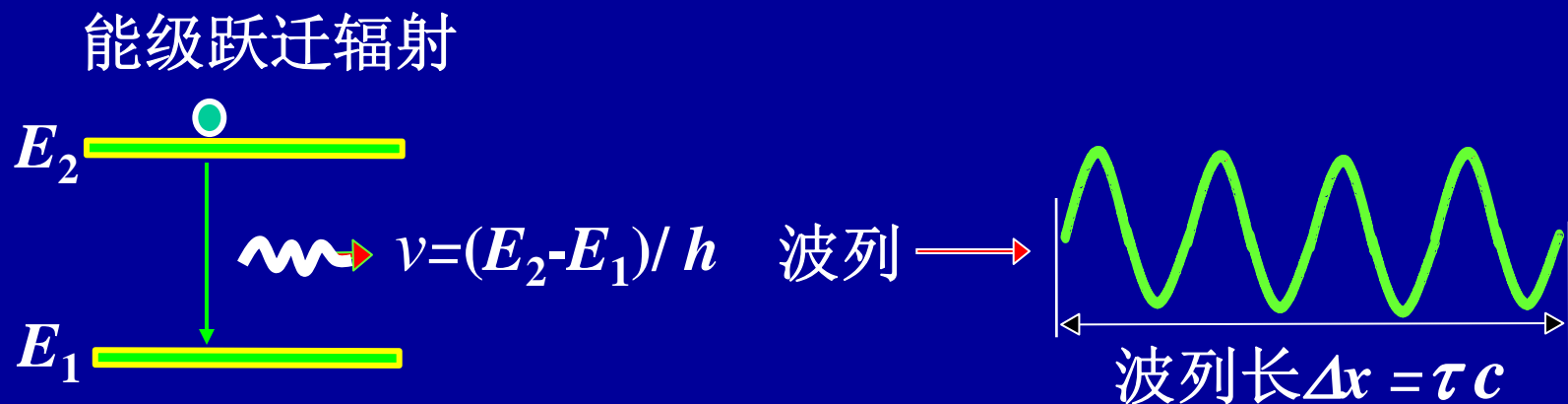
讨论光的干涉和衍射时，各点的相对光强：

$$I = \overline{E^2}$$



二. 光源

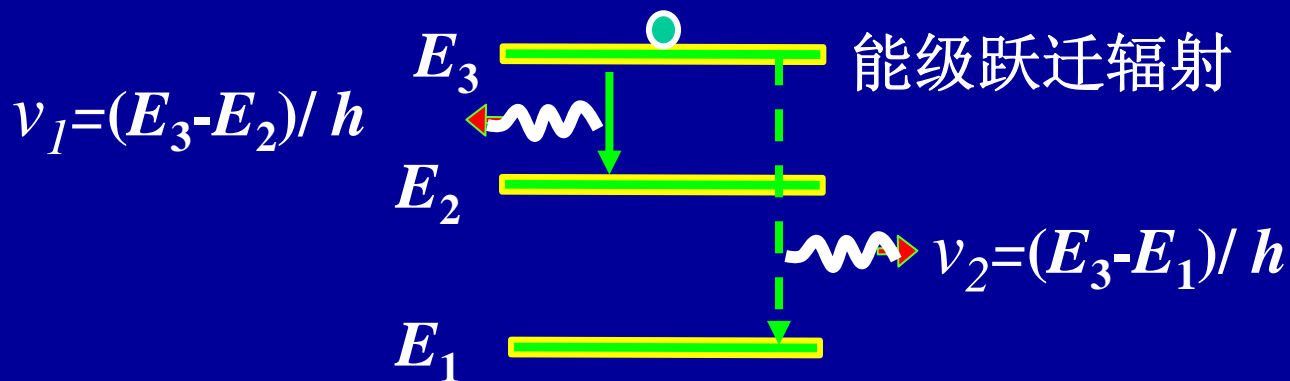
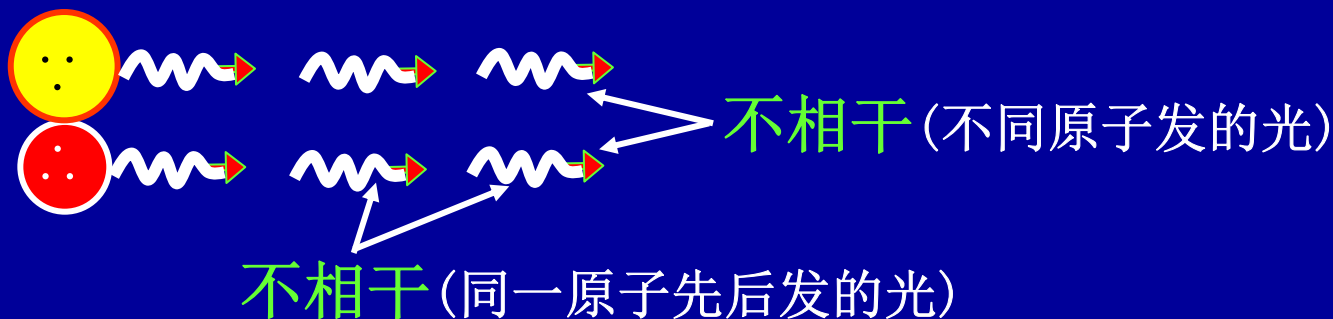
光是光源中的原子或分子从高能级向低能级跃迁时发出的。



原子发出的光是一个有限长的波列。



1. 普通光源：自发辐射(随机、独立)



2. 激光光源：受激辐射 (将在近代物理中讨论)

3. 同步辐射光源



三 光的干涉

两束光：(1) 频率相同；
(2) 光振动方向相同；
(3) 相差恒定；

} 相干条件

则在空间相遇区域就会形成稳定的明、暗相间的条纹分布，这种现象称为光的干涉。

由波动理论知，光矢量平行、频率相同、振幅为 E_1 和 E_2 的两列光波在某处叠加后，合振动的振幅为：

$$E^2 = E_1^2 + E_2^2 + 2E_1E_2\cos\Delta\varphi$$

其中
$$\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1)$$



$$E^2 = E_1^2 + E_2^2 + 2E_1E_2\cos\Delta\varphi$$

在波动光学中，光强定义为：

$$I = \overline{E^2} = \frac{1}{\tau} \int_0^\tau E^2 dt$$

即光强
$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \left(\frac{1}{\tau} \int_0^\tau \cos\Delta\varphi dt \right)$$

1. 非相干叠加——对普通光源来说，由于原子发光是间歇的、随机的、独立的，在观察时间 τ 内，相位差 $\Delta\varphi$ 不能保持恒定，变化次数极多，可取 $0\sim 2\pi$ 间的一切可能值，且机会均等，因此

$$\frac{1}{\tau} \int_0^\tau \cos\Delta\varphi dt = 0$$



于是非相干叠加时的光强为： $I=I_1+I_2$

可见，在非相干叠加时，总光强等于两光源单独发出的光波在该处产生的光强之和，且光强是均匀分布的。

2. 相干叠加

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \left(\frac{1}{\tau} \int_0^\tau \cos \Delta \varphi dt \right)$$

如果在观察时间 τ 内，相位差 $\Delta \varphi$ 保持恒定，则合成光强为：

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta \varphi, \quad \Delta \varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1)$$



可见，在相干叠加时，合成光强在空间形成强弱相间的稳定分布，这是相干叠加的重要特征。

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta \varphi$$

如果 $I_1=I_2$ ，则合成光强为：

$$I = 2I_1(1 + \cos \Delta \varphi) = 4I_1 \cos^2 \frac{\Delta \varphi}{2}$$

$$\text{当 } \Delta \varphi = \varphi_2 - \varphi_1 - \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1)$$

$$= \pm 2k\pi, \quad I_{\max} = 4I_1, \quad \text{明纹(加强)}$$

$$= \pm (2k+1)\pi, \quad I_{\min} = 0, \quad \text{暗纹(减弱)}$$



四. 获得相干光的方法

普通光源发出的光是不相干的。

利用普通光源获得相干光的基本方法是：将一个光源的微小部分(视为点光源或线光源)发出的光设法分成两束再使其相聚。

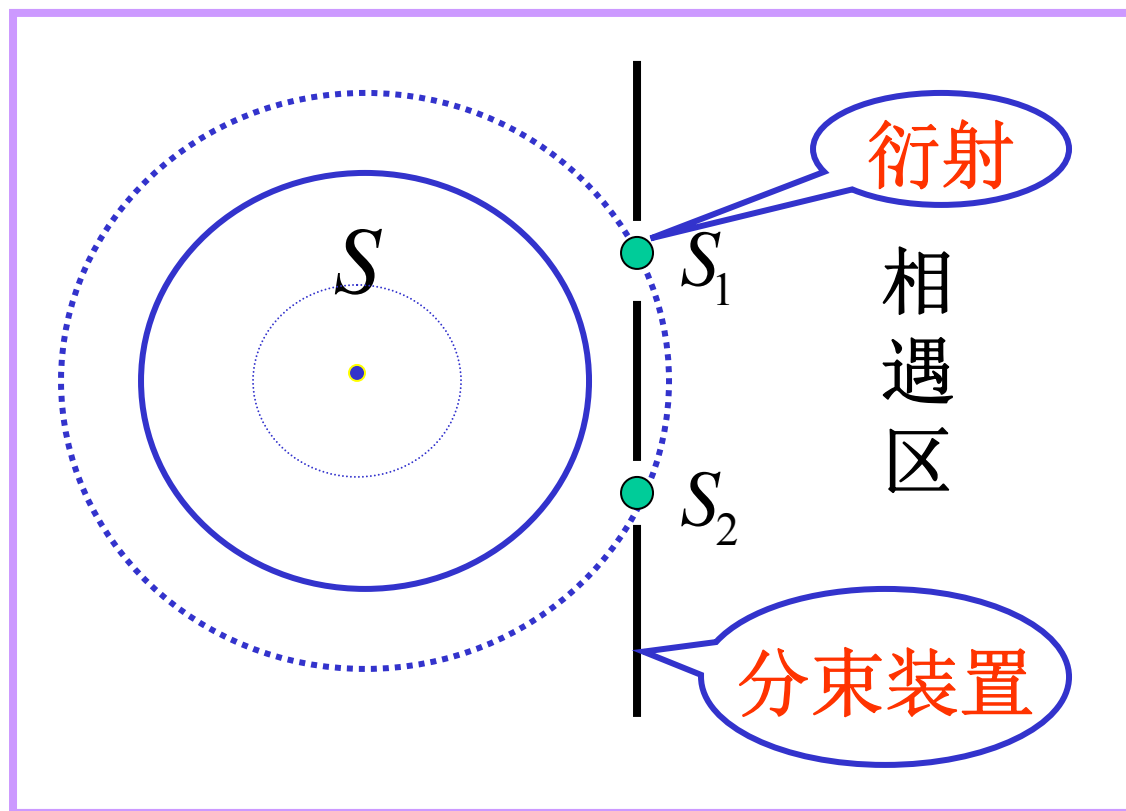
分波阵面法

分振幅法

◆ 分波面法:

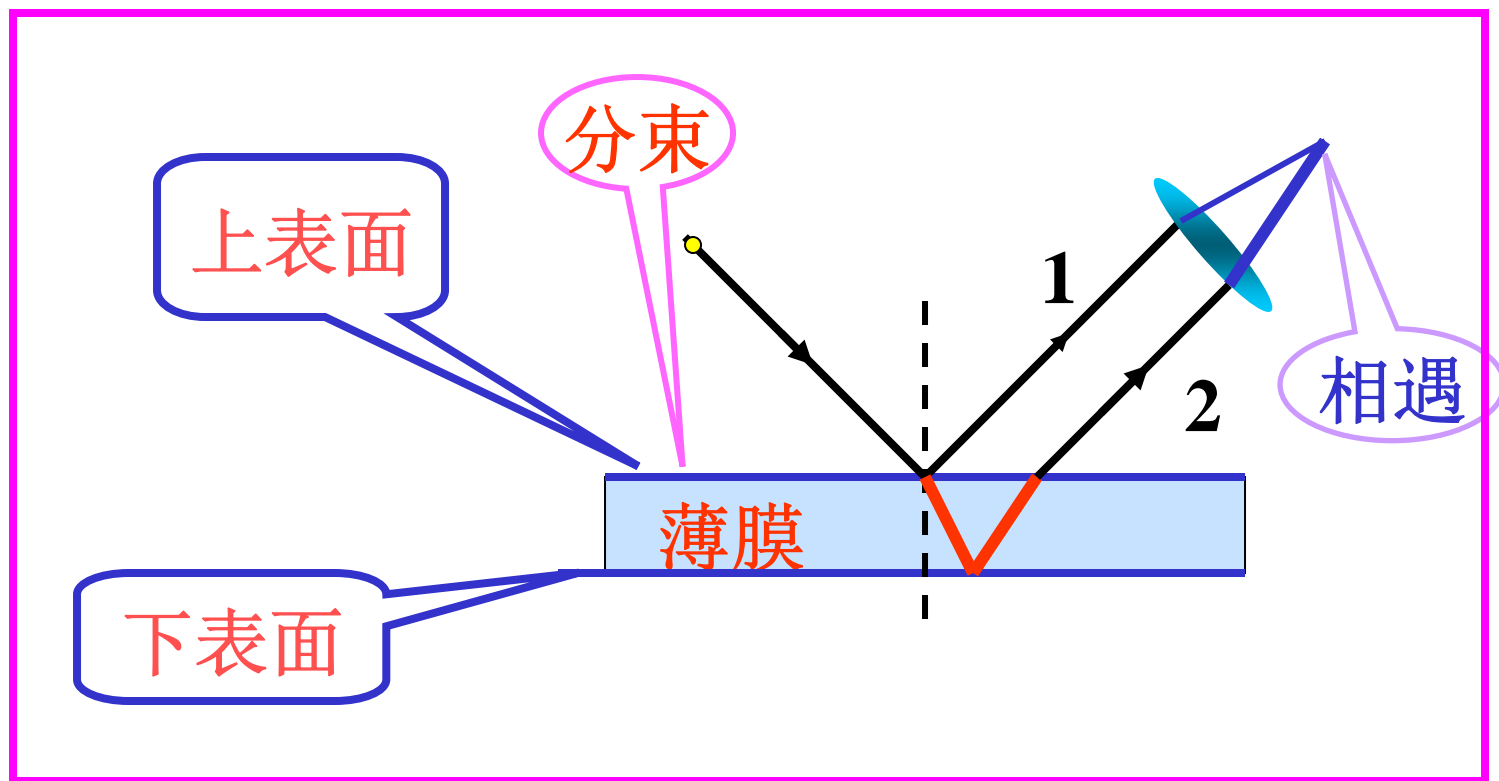
从一次发光的波面上取出几部分—分割波前再相遇

S_1 、 S_2 满足相干条件



◆ 分振幅法：

一束光线中分出两部分，经上下表面反射再相遇使能量分割后再叠加





§13.2 光程和光程差

光的频率 ν 由光源确定，光速由媒质确定

真空中光速： $c=\nu\lambda$ ；媒质中光速： $v=\nu\lambda'$

$$\because n=c/v \quad \therefore \lambda'=\lambda/n$$

可见，光经过不同媒质时，波长要发生变化。

$$\begin{aligned} \text{当 } \Delta\varphi &= \varphi_2 - \varphi_1 - \left(\frac{2\pi}{\lambda_2}r_2 - \frac{2\pi}{\lambda_1}r_1\right) & \Delta\varphi &= \left[\omega t + \varphi_2 - \frac{2\pi r_2}{\lambda_2} - \left(\omega t + \varphi_1 - \frac{2\pi r_1}{\lambda_1}\right)\right] \\ &= \pm 2k\pi, \quad I_{\max}=4I_1, \quad \text{明纹(加强)} \end{aligned}$$

$$= \pm (2k+1)\pi, \quad I_{\min}=0, \quad \text{暗纹(减弱)}$$



$$n=c/v \quad \lambda'=\lambda/n$$

1. 光程

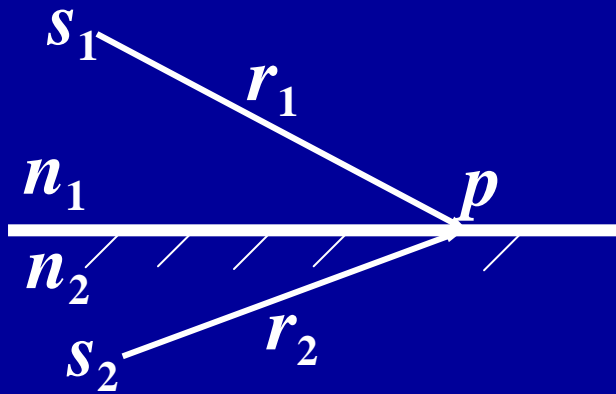
设经时间 t ，光在折射率为 n 媒质中通过的几何路程为 r ，则 nr 称为光程。显然，光程 $nr=nvt=ct$

光程的物理意义：光程等于在相同的时间内光在真空中通过的路程。

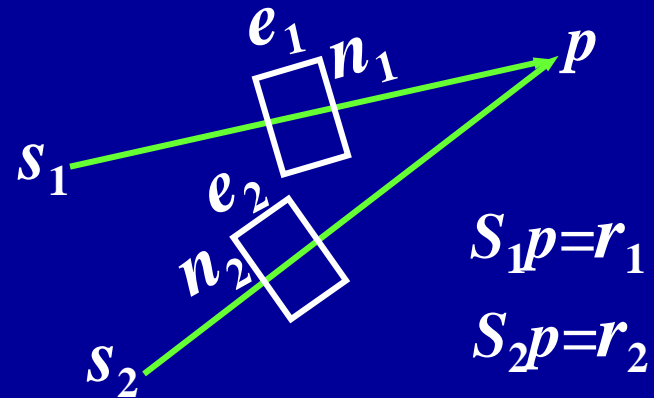
引入光程概念后，就能将光在各种媒质中通过的几何路程折算为真空中的路程来研究。避免了波长随媒质变化而带来的困难。



2. 光程差— 两束光光程之差



$$\delta = n_1 r_1 - n_2 r_2$$

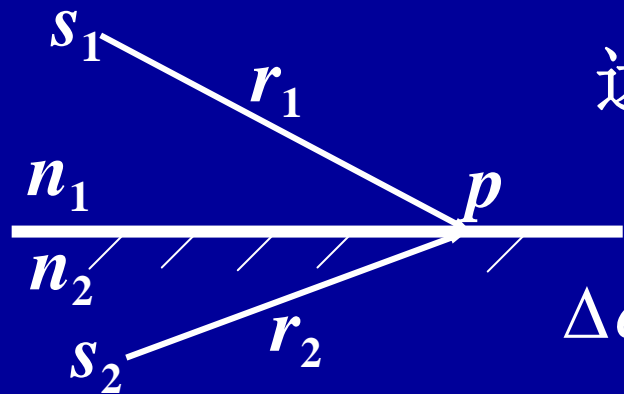


$$\delta = (r_1 - e_1 + n_1 e_1) - (r_2 - e_2 + n_2 e_2)$$



3. 两束光干涉的强弱取决于光程差，而不是几何路程之差

设相干光源 s_1 和 s_2 的初相相同，到达 p 点的干涉强弱取决于相差：



$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda_1} r_1 - \frac{2\pi}{\lambda_2} r_2 \stackrel{\lambda_{\text{媒}} = \frac{\lambda}{n}}{=} \frac{2\pi}{\lambda} (n_1 r_1 - n_2 r_2)$$
$$= \frac{2\pi}{\lambda} \delta \begin{cases} = \pm 2k\pi, & \text{明纹(加强)} \\ = \pm (2k+1)\pi, & \text{暗纹(减弱)} \end{cases}$$

真空中的波长

即 $\delta = \begin{cases} \pm 2k\lambda/2 & \text{明纹} \\ \pm (2k+1)\lambda/2 & \text{暗纹} \end{cases}$

光程差

$$(k = 0, 1, 2, \dots)$$

$$\Delta\varphi = \left[\omega t + \varphi_1 - \frac{2\pi r_1}{\lambda_1} - \left(\omega t + \varphi_2 - \frac{2\pi r_2}{\lambda_2} \right) \right]$$



即
$$\delta = \begin{cases} \pm k\lambda & \text{明纹} \\ \pm (k + \frac{1}{2})\lambda & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

即
$$\delta = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k + 1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

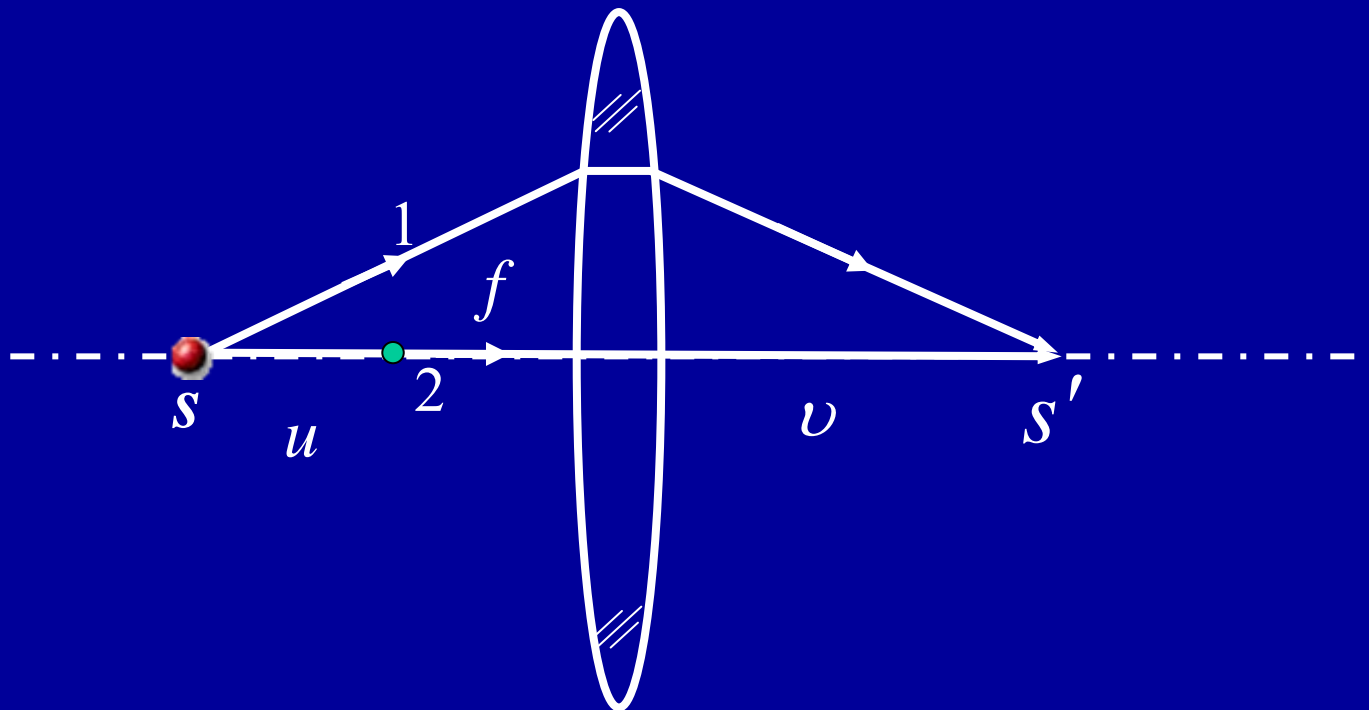
对初相相同的两相干光源，

研究点的光程差等于半波长的偶数倍，出现明条纹；

研究点的光程差等于半波长的奇数倍，出现暗条纹。



4. 薄透镜不产生附加光程差



像 S' 是物点 S 成的明亮的实像

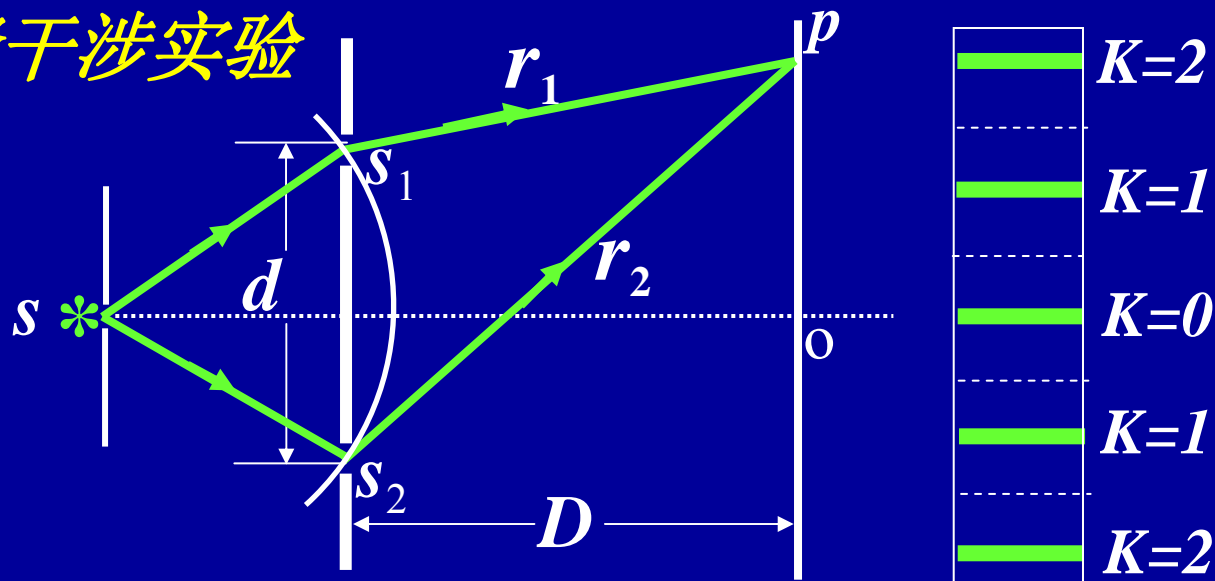
从 S 发出的光线1、2到达 S' 点光程相等。

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$$



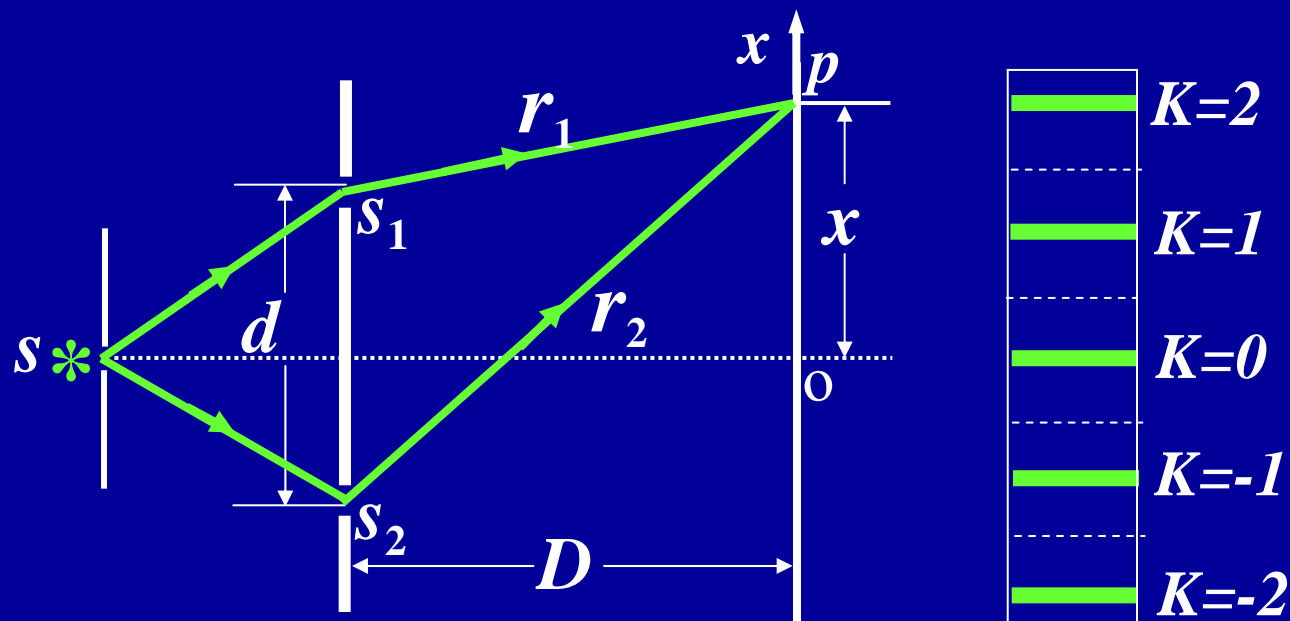
§13.3 双缝干涉与空间相干性*

一. 双缝干涉实验



真空， s 在 s_1s_2 的中垂线上，于是单色光源 s_1 和 s_2 的初相相同，干涉的强弱取决于从 s_1 和 s_2 发出的两光线的光程差：

$$\delta = r_2 - r_1 = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$



建立坐标系，将条纹位置用坐标 x 来表达最方便。

$$r_1^2 = D^2 + (x - d/2)^2, \quad r_2^2 = D^2 + (x + d/2)^2$$

因 $D \gg d$, $r_1 + r_2 \approx 2D$, 于是明暗纹条件可写为

$$\delta = \frac{dx}{D} = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$



$$\delta = \frac{dx}{D} = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

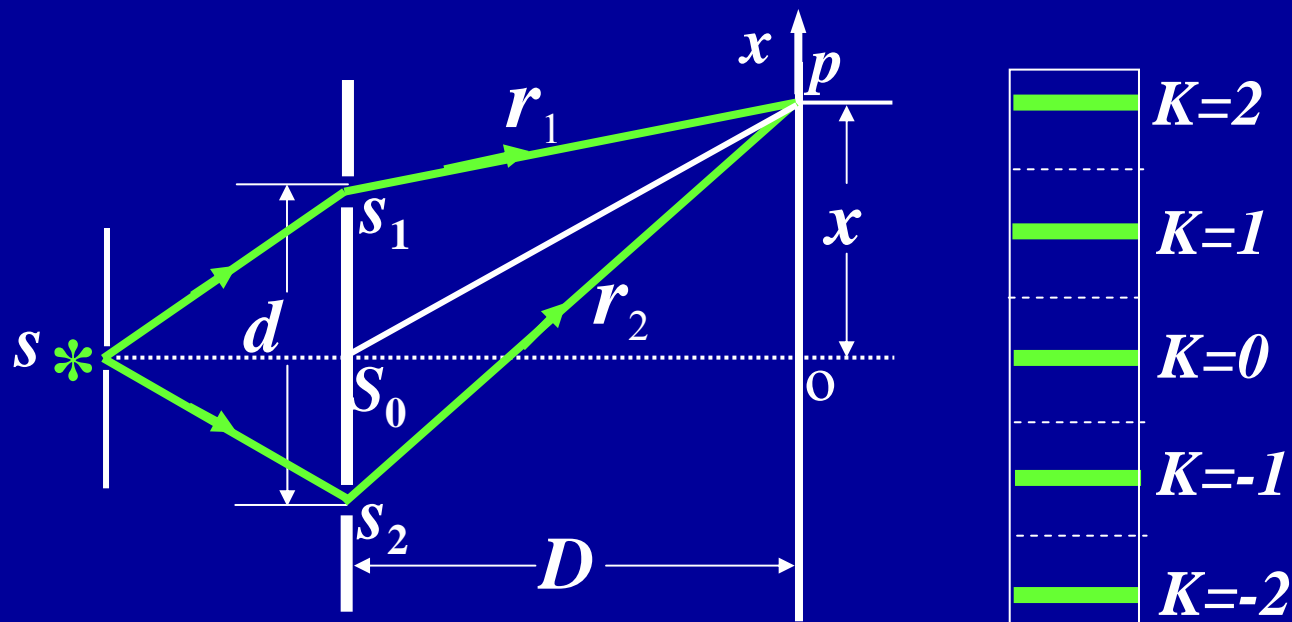
k 为干涉条纹的级次。可求得条纹的坐标为：

$$x = \pm \frac{D}{d} k \lambda \quad \text{明纹, } k = 0, 1, 2, \dots$$

$k=0, 1, 2, \dots$ 依次称为零级、第一级、第二级明纹等。零级亮纹(中央亮纹)在 $x=0$ 处。

$$x = \pm \frac{D}{d} \left(k + \frac{1}{2}\right) \lambda \quad \text{暗纹, } k = 0, 1, 2, \dots$$

$k=0, 1, 2, \dots$ 分别称为第1级、第2级暗纹等。



条纹特征:

(1) 干涉条纹是平行双缝的直线条纹。中央为零级明纹，上下对称，明暗相间，均匀排列。

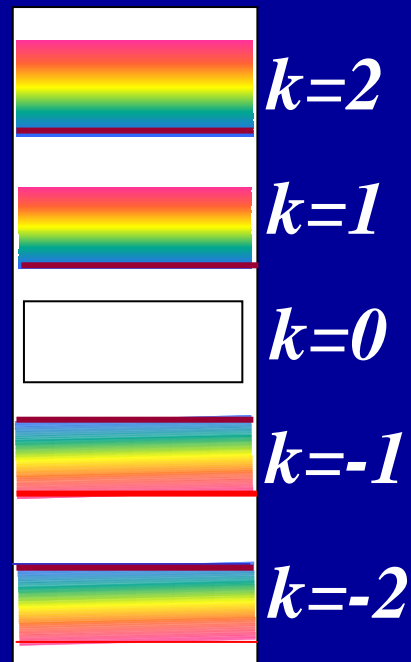
(2) 相邻亮纹(或暗纹)间的距离为:

$$\Delta x = x_{k+1} - x_k = \frac{D\lambda}{d} \quad x_k = k \frac{D\lambda}{d}$$



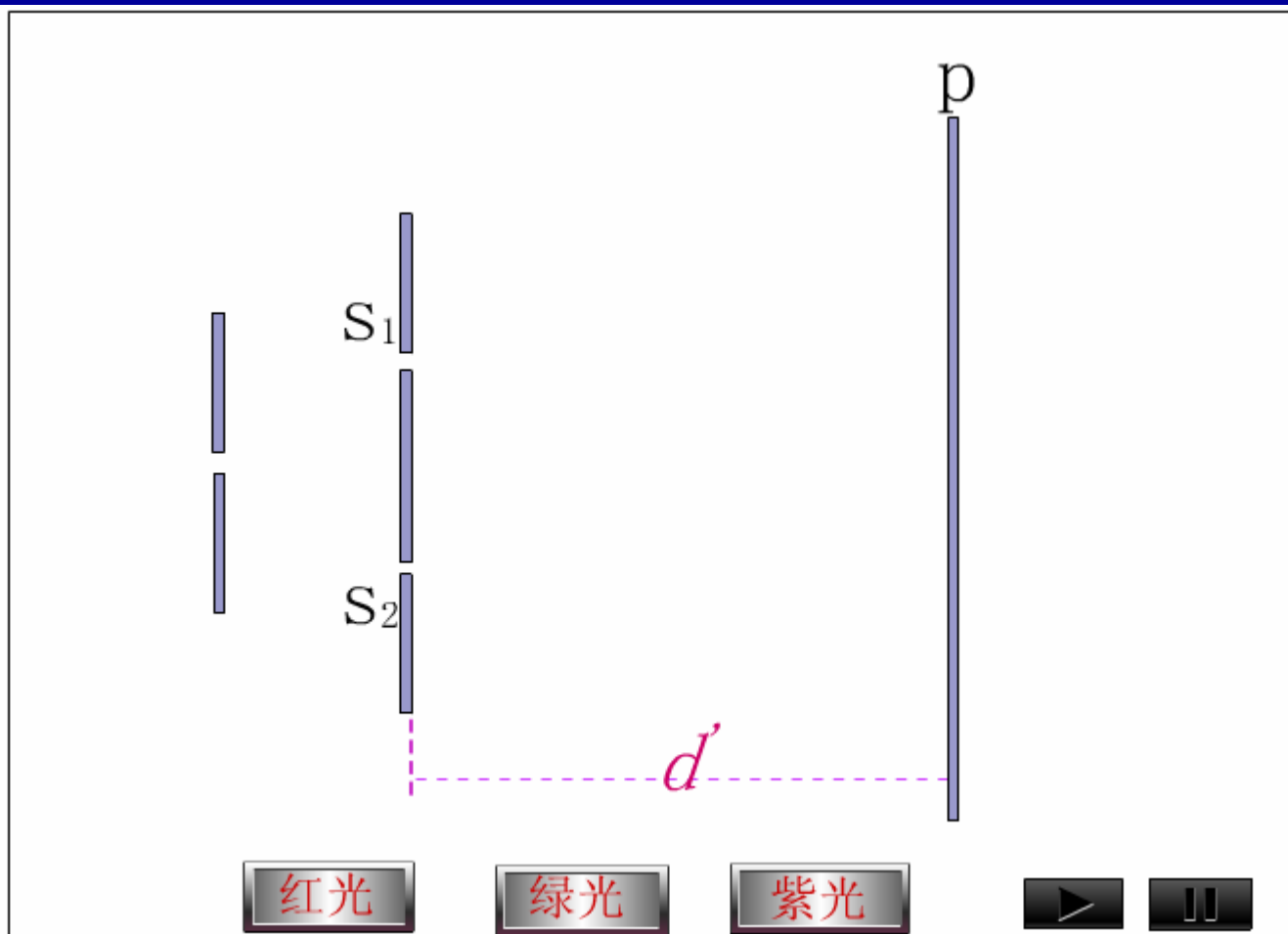
$$x = k \frac{D\lambda}{d}$$

(3) 如用白光作实验，则除了中央亮纹仍是白色的外，其余各级条纹形成从中央向外由紫到红排列的彩色条纹——光谱。



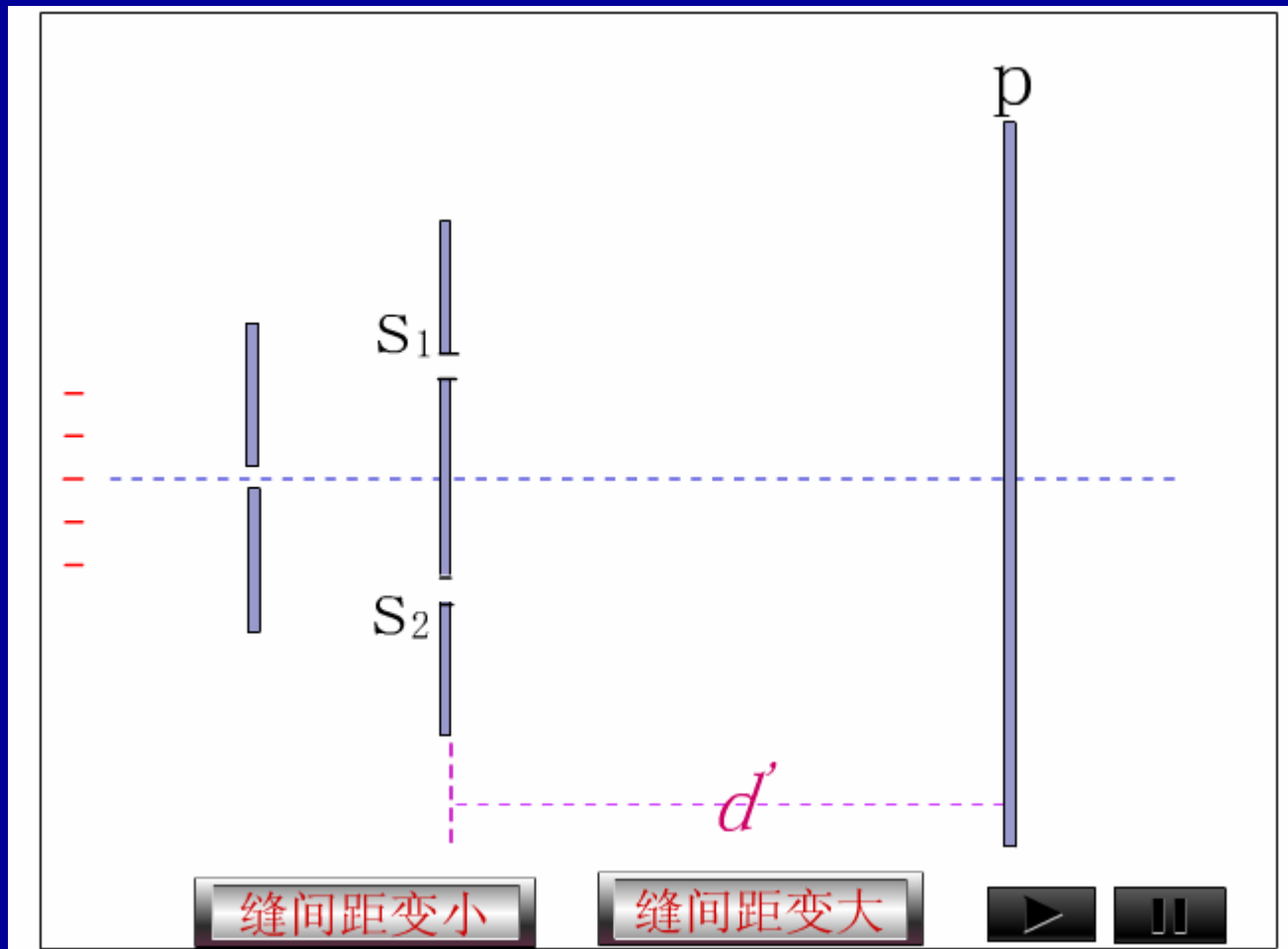


d 、 D 一定时，若 λ 变化，则 Δx 将怎样变化？





λ 、 D 一定时, 条纹间距 Δx 与 d 的关系如何?





缝宽对干涉条纹的影响 空间相干性

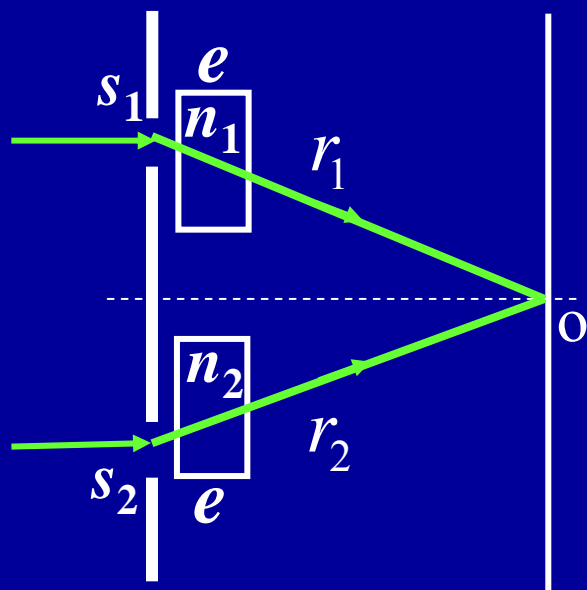
实验观察到，随缝宽的增大，干涉条纹变模糊，最后消失。

空间相干性 —— 空间相干性是光场中两点在同一时刻的光振动的相关程度。



例3-1 将双缝用厚 e 、折射率分别为 $n_1=1.4$ 、

$n_2=1.7$ 的透明薄膜盖住，发现原中央明级处被第五级亮纹占据，如图。所用波长 $\lambda=6000\text{\AA}$ ，问：现零级明纹在何处？膜厚 $e=?$



解：盖薄膜时的中央明纹o：

$$r_2 - r_1 = 0$$

盖薄膜时的o点的光程差：

$$\delta = (r_2 - e + n_2 e) - (r_1 - e + n_1 e)$$

$$= (n_2 - n_1)e = 5\lambda$$

$$e = \frac{5\lambda}{n_2 - n_1} = 10^{-5}m$$

现在零级明纹在何处？

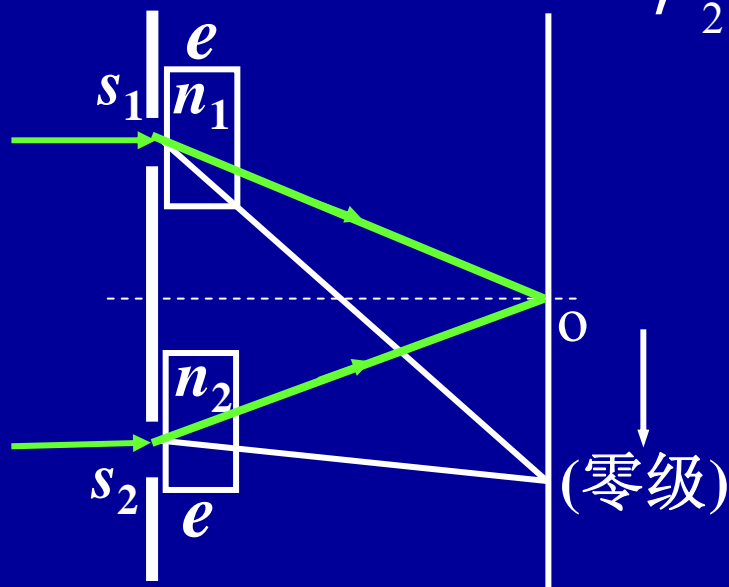


现在零级明纹在何处(加片后)?

$$\delta = (r'_2 - e + n_2 e) - (r'_1 - e + n_1 e) = 0$$

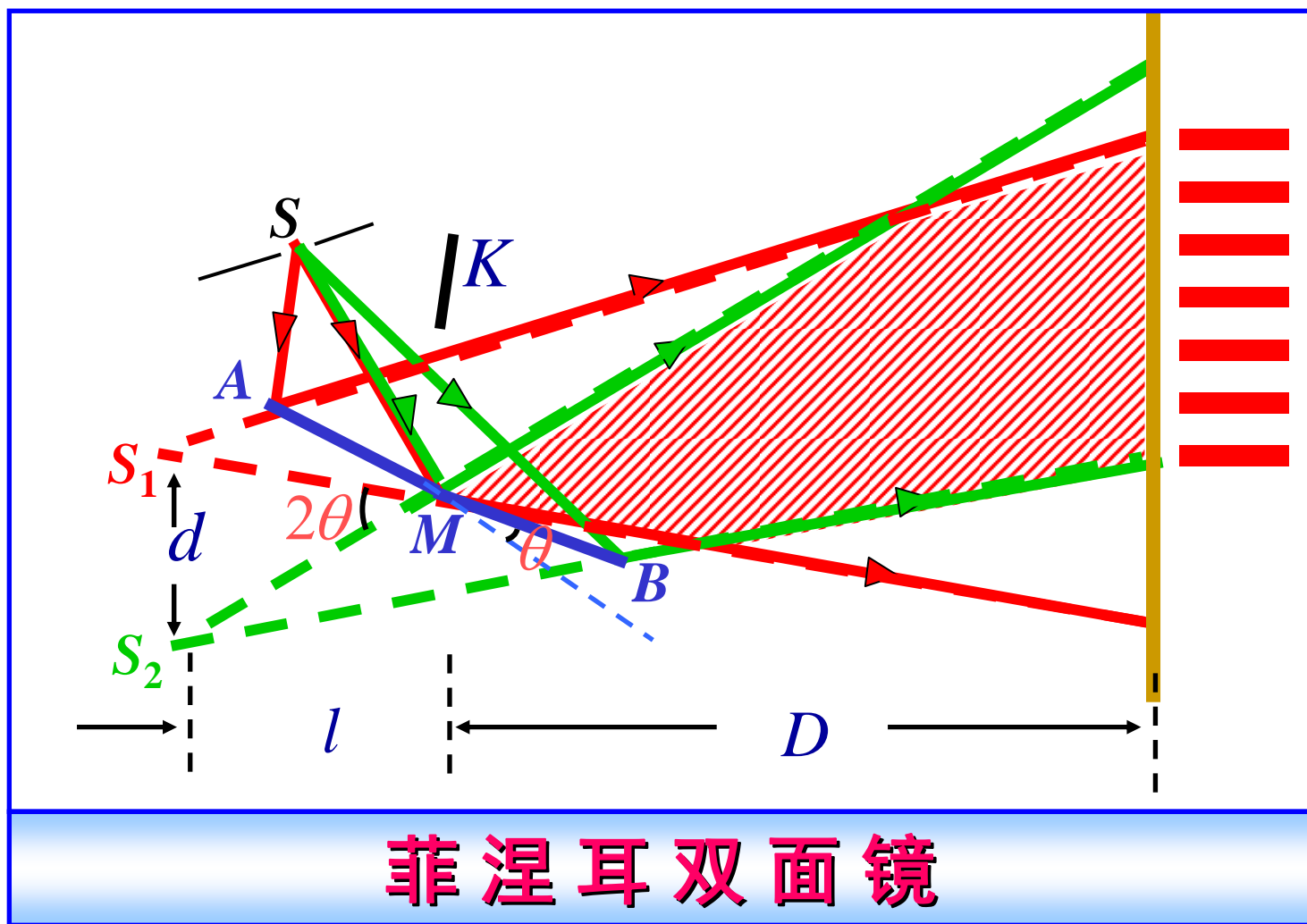
$$r'_2 - r'_1 = -(n_2 - n_1)e$$

$$r'_2 - r'_1 = -5\lambda = k\lambda$$

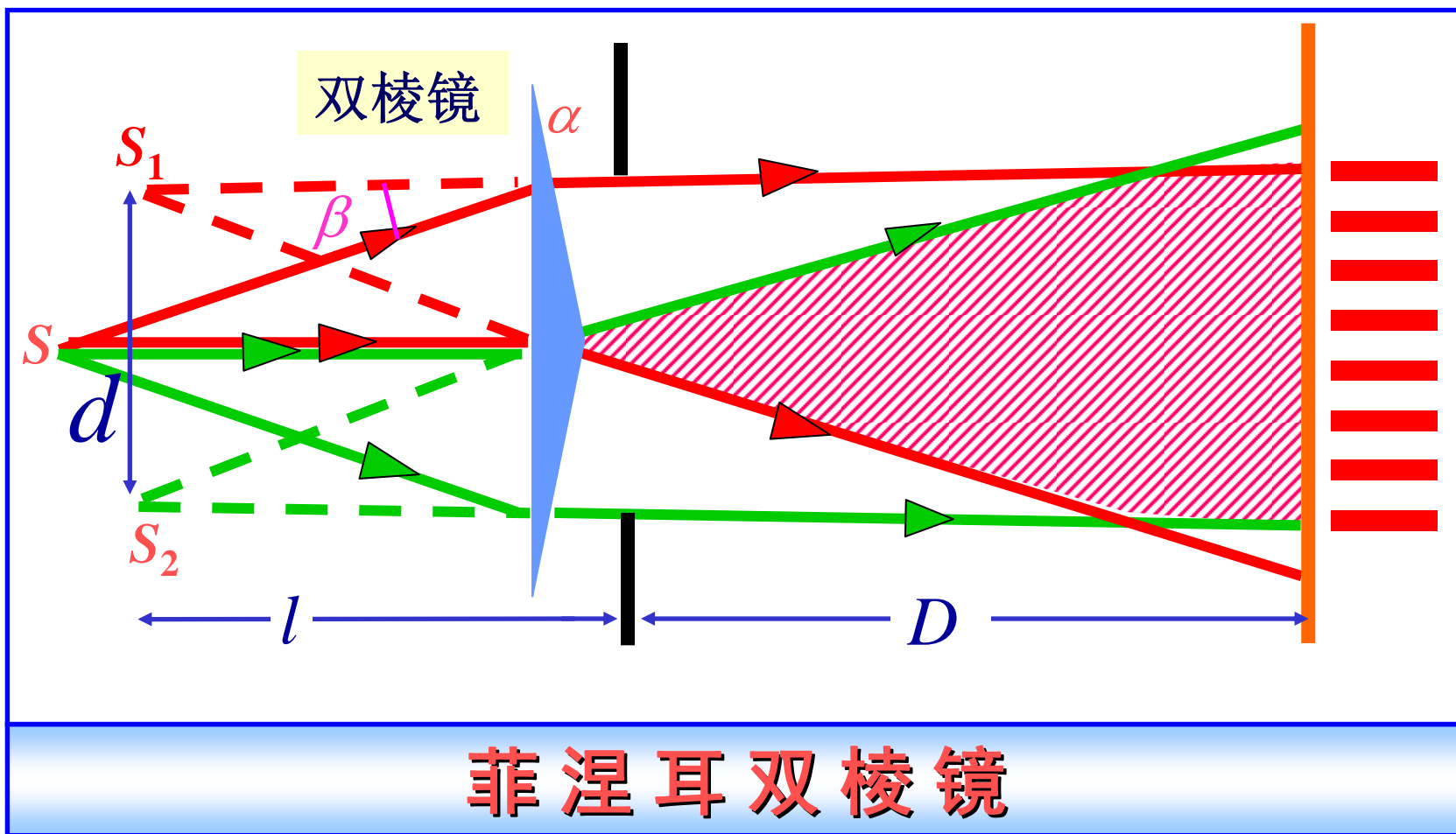


现在零级明纹在未加片的-5级明纹处。

二. 其它几种两光束分波前干涉装置



$$d = 2l \sin \theta \approx 2l\theta \quad \Delta x = \frac{D+l}{2l} \lambda$$

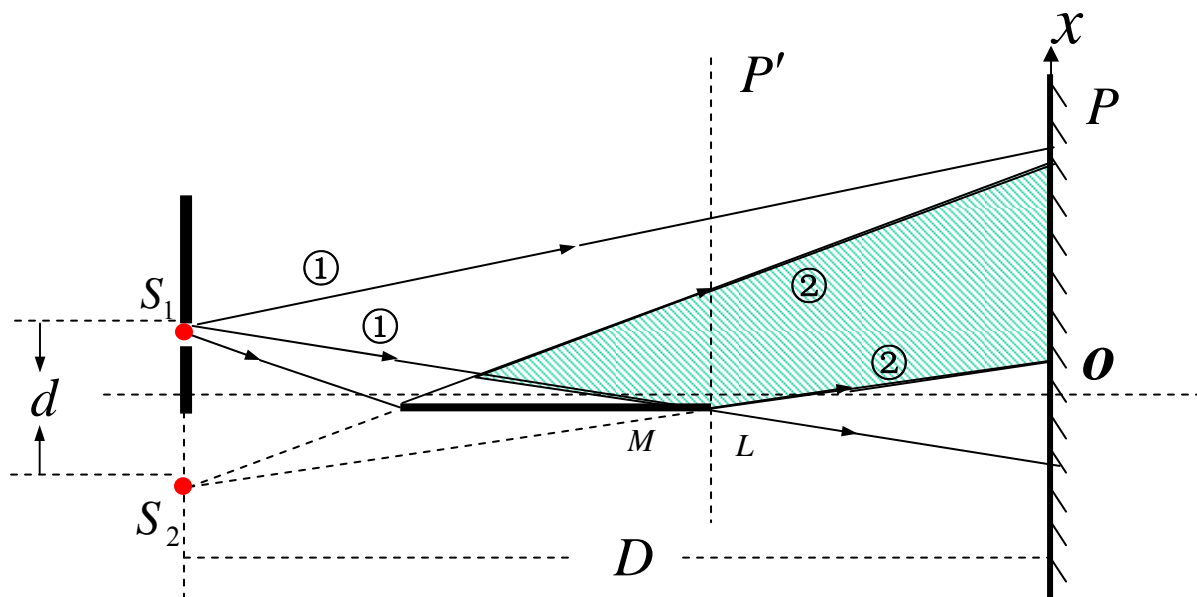


次级光源距离:

$$d = S_1 S_2 = 2l\beta = 2l(n-1)\alpha$$

接收屏干涉条纹间距:

$$\Delta x = \frac{(l+D)}{2(n-1)\alpha l} \lambda$$



劳埃德镜的干涉

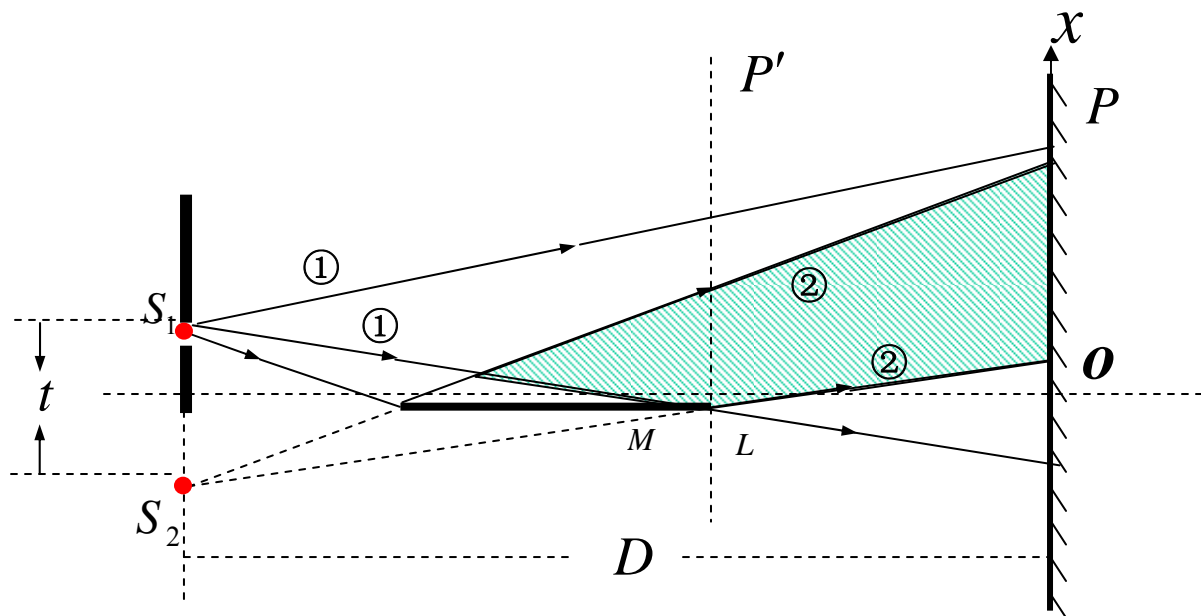
把屏幕 P 移到和镜面相接触的位置 P' ， S_1 和 S_2 到接触点 L 的路程相等，似乎接触点应出现亮纹，实验事实是接触点是暗纹。

实验表明

直接射到屏上的光

镜面反射到屏上的光

位相相反



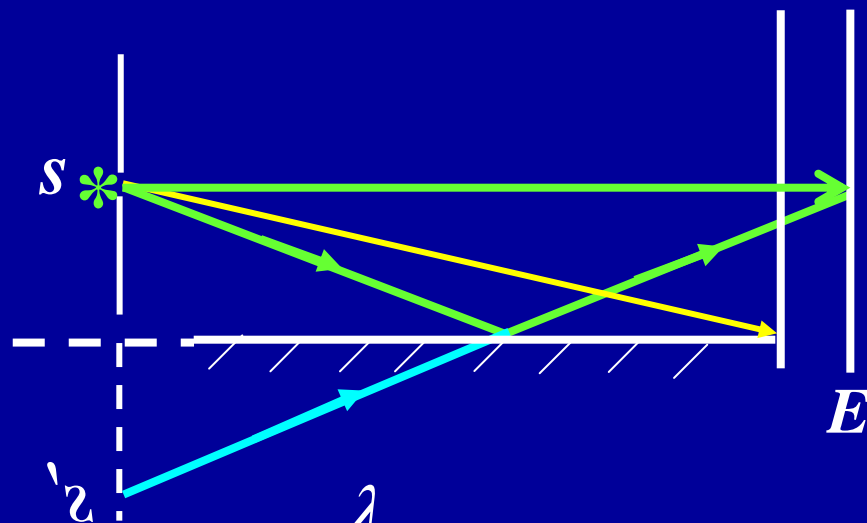
∴ 直接射到屏上的光位相不变

∴ 反射光的位相改变了 π —— 半波损失

光从光疏介质射向(掠射：入射角接近 90°)光密介质时，反射光的位相较之入射光的位相跃变了 π 。光从光密介质射向光疏介质时，反射光不产生半波损失。



劳埃德镜

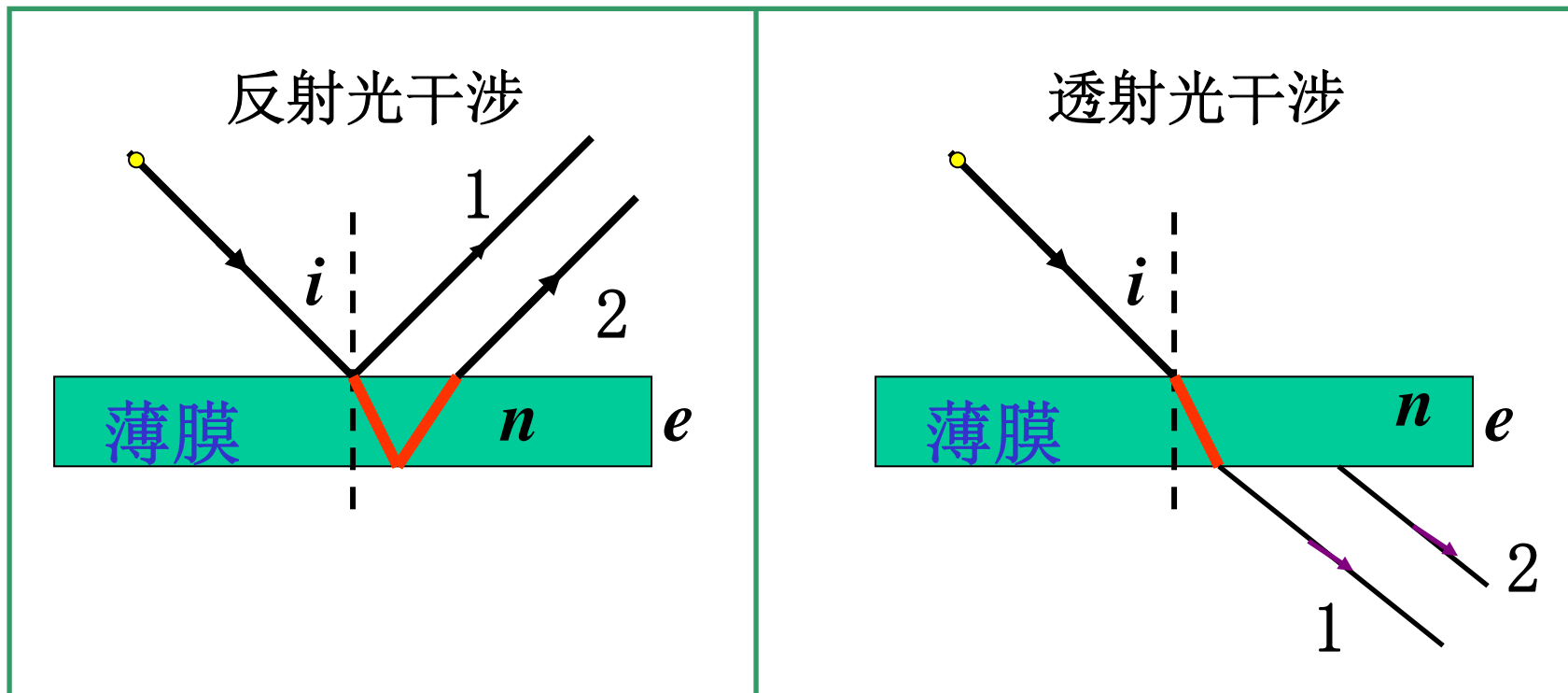


$$\delta = \frac{dx}{D} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} 2k\frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

由于半波损失的存在，劳埃德镜的明暗纹恰好与杨氏双缝相反。

当光从光疏媒质射到光密媒质并在界面反射时，反射光有半波损失。计算光程差时，另加(或减) $\lambda/2$ ；计算位相差时，另加(或减) π 。

§13.4 薄膜干涉

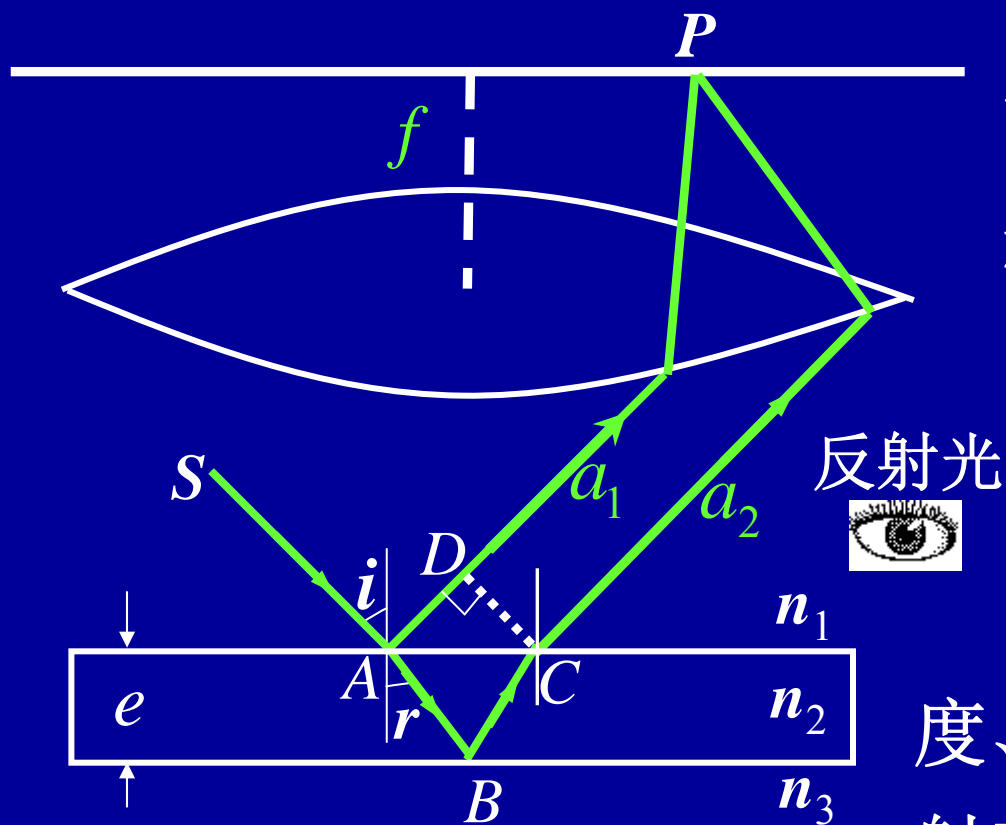


反射(透射)倾角相同——反射(透射)的**光线对**具有恒定的相位差→干涉

每一条纹对应于**同样的光线倾角**——**等倾干涉**



一. 薄膜干涉公式



在反射光中， $a_1 a_2$
两束平行光线产生的光
程差：

$$\delta_{\text{反固}} = n_2(AB + BC) - n_1 DA$$

将固有光程差用膜厚
度、入射角、折射角、折
射率表示。

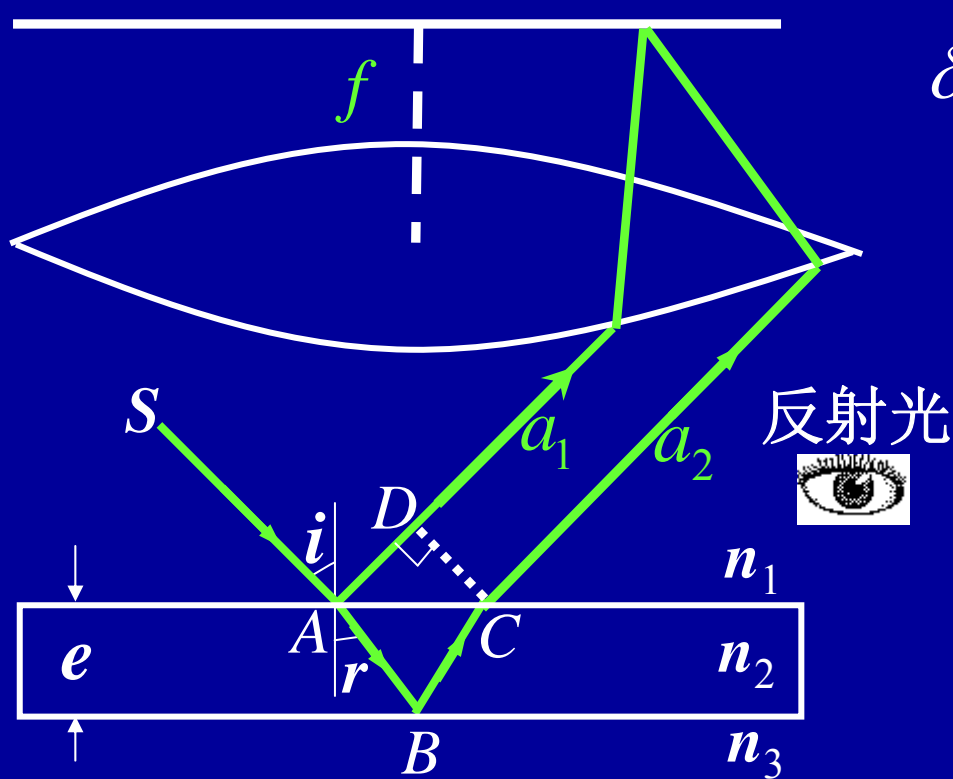


$$\delta_{\text{反固}} = n_2(AB + BC) - n_1 DA$$

$$AB = BC = \frac{e}{\cos r} \quad DA = AC \sin i$$

$$AC = 2etgr$$

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$



$$\delta_{\text{反固}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i}$$

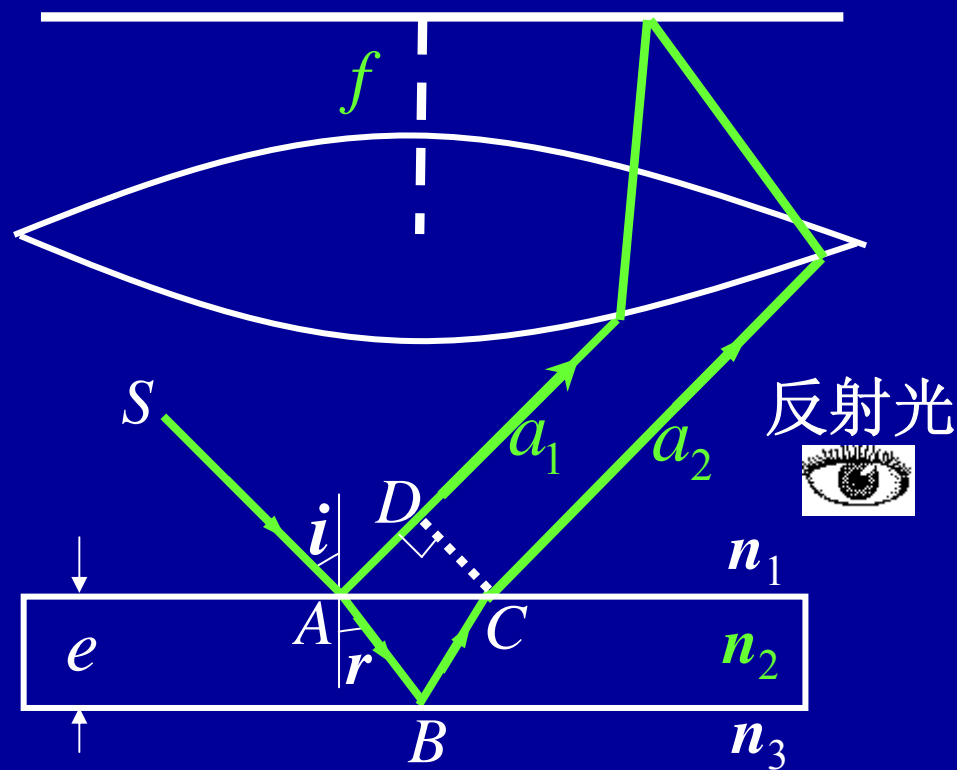
还须考虑光在薄膜
上下表面的反射有无半
波损失。

有一半波损失， $\delta_{\text{反}}$
中就要另加(或减) $\lambda/2$ 。



当 $n_2 > n_1 = n_3$ 时，反射光有一个半波损失， $\delta_{\text{反}}$ 中就要另加 $\lambda/2$ 。

$$\delta_{\text{反}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} 2k\frac{\lambda}{2} & \text{明纹}(k=1,2,\dots) \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹}(k=0,1,2,\dots) \end{cases}$$



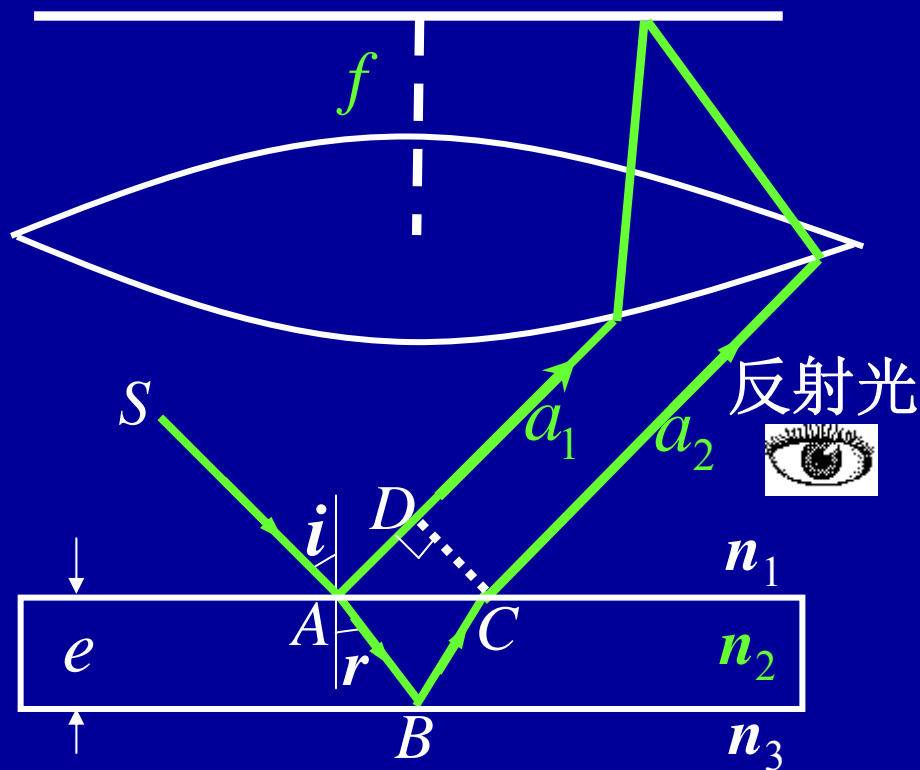
n_2 — 薄膜的折射率， n_1 — 入射媒质的折射率， i 是入射角。

$$\delta_{\text{反固}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i}$$



讨论：薄膜干涉中反射光的半波损失

1. $n_1 < n_2$, $n_2 > n_3$ 时，反射光在 **A** 点有半波损失；
2. $n_1 > n_2$, $n_2 < n_3$ 时，反射光在 **B** 点有半波损失；
3. $n_1 > n_2 > n_3$ 时，反射光没有半波损失；
4. $n_1 < n_2 < n_3$ 时，反射光在 **A** 点和 **B** 点都有半波损失。两反射光的光程差不加半波损失项。





总结:

$n_1 > n_2 > n_3$ 时, 或者 $n_1 < n_2 < n_3$ 时, 在反射光中的干涉条纹的公式中不出现半波损失项。

$n_2 > n_1 = n_3$ 时, 反射光有一个半波损失, $\delta_{\text{反}}$ 中就要另加 $\lambda/2$; 透射光没有半波损失。

$n_1 > n_2 > n_3$ 时, 反射光没有半波损失, 总的光程差就是 $\delta_{\text{反固}}$; 透射光有半波损失。

可见, 在反射光中和在透射光中观察, 光程差总是相差 $\lambda/2$, 意味着反射光和透射透射光的明暗条纹恰好相反, 这叫条纹互补 —— 能量守恒的必然结果

透射光明条纹: 反射光暗条纹的条件。



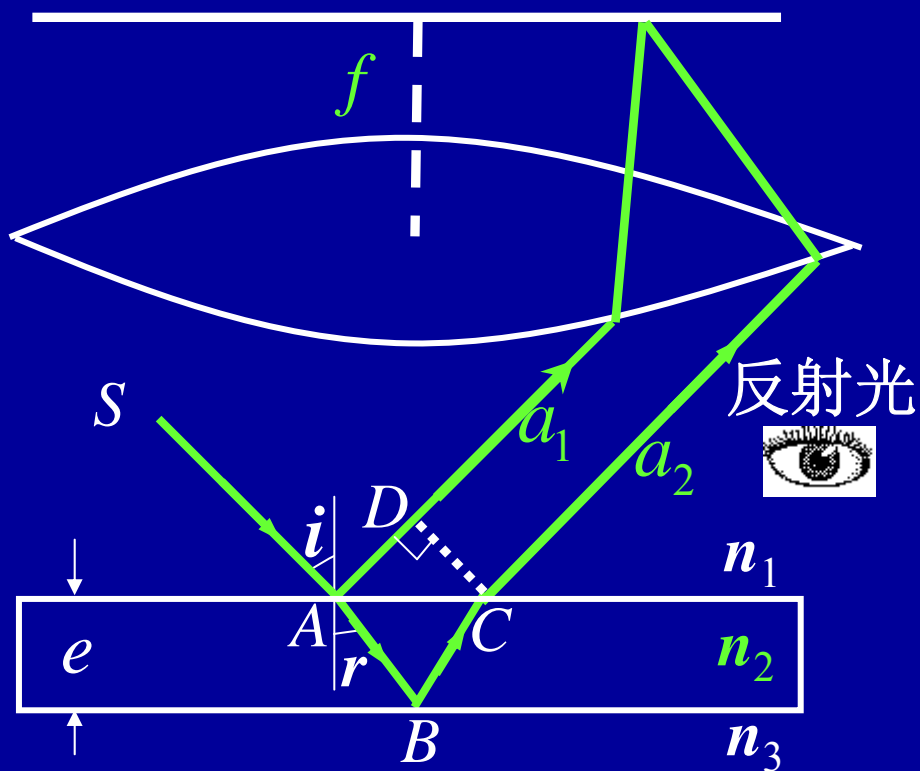
综上所述，薄膜干涉的明、暗纹条件是：

$$\left(0, \frac{\lambda}{2}\right)$$

反射光 透射光

$$\delta_{\text{反}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明纹} & \text{暗纹} \\ (k + \frac{1}{2})\lambda & \text{暗纹} & \text{明纹} \end{cases}$$

$$(k=0,1,2,\dots)$$

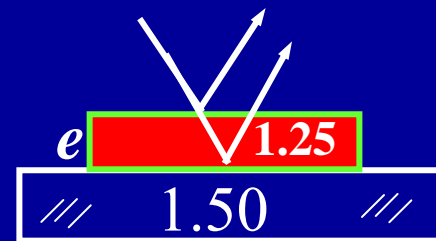




例4-1 一平板玻璃($n=1.50$)上有一层透明油膜($n=1.25$), 要使波长 $\lambda=6000\text{\AA}$ 的光垂直入射无反射, 薄膜的最小膜厚 $e=?$

解: 凡是求解薄膜问题应先求出两反射光线的光程差。对垂直入射, $i=0$, 于是

$$\delta_{\text{反}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = 2en_2 \left(0, \frac{\lambda}{2}\right)$$



无反射意味着反射光出现暗纹, 所以

$$\delta_{\text{反}} = 2en_2 = \left(k + \frac{1}{2}\right)\lambda \quad (k=0,1,2,\dots)$$

$n_2=1.25$ (薄膜的折射率), 要 e 最小, $k=0$

$$\therefore e = \frac{\lambda}{4n_2} = 1200\text{\AA} = 1.2 \times 10^{-7}m$$



例4-2 光线以 $i=30^\circ$ 入射到 $n_2=1.25$ 的空气中的薄膜上。当波长 $\lambda_1=6400\text{\AA}$ 时，反射最大；而当波长 $\lambda_2=4000\text{\AA}$ 时，反射最小。求薄膜的最小厚度。

解：由于是空气中的薄膜，一定有半波损失，故

$$\delta_{\text{反}} = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = 2e\sqrt{1.25^2 - \frac{1}{4}} + \frac{\lambda}{2}$$

$$\text{用}\lambda_1\text{时, } 2e\sqrt{1.25^2 - \frac{1}{4}} + \frac{\lambda_1}{2} = k_1\lambda_1, k_1 = 1, 2, \dots$$

$$\text{用}\lambda_2\text{时, } 2e\sqrt{1.25^2 - \frac{1}{4}} + \frac{\lambda_2}{2} = (k_2 + \frac{1}{2})\lambda_2, k_2 = 0, 1, 2, \dots$$

$$\text{解得: } (k_1 - \frac{1}{2})\lambda_1 = k_2\lambda_2$$



$$2e\sqrt{1.25^2 - \frac{1}{4}} + \frac{\lambda_1}{2} = k_1\lambda_1$$

$$2e\sqrt{1.25^2 - \frac{1}{4}} + \frac{\lambda_2}{2} = (k_2 + \frac{1}{2})\lambda_2$$


$$\lambda_1 = 6400 \text{Å}$$

$$\lambda_2 = 4000 \text{Å}$$

$$(k_1 - \frac{1}{2})\lambda_1 = k_2\lambda_2$$

$$4(2k_1 - 1) = 5k_2$$

要使膜厚最小，取 $k_1=3$ ， $k_2=4$


$$e_{\min} = \frac{k_2\lambda_2}{2\sqrt{1.25^2 - 0.25^2}} = 6983 \text{Å}$$



二. 增透膜与高反射膜

为减少反射引起的光能损失，在许多光学仪器(如照相机、摄像机等)的镜头上镀一层厚度均匀的透明薄膜(常用氟化镁 MgF_2 ， $n=1.38$)，用以增加绿光透射，这个薄膜，就是增透膜。

镀膜时常采用光学厚度： $ne = \frac{3}{4} \times 5500\text{\AA}$

$$\delta_{\text{反}} = 2en = 3 \times \frac{5500}{2} \text{埃}$$

这是5500Å的绿光透射增强。

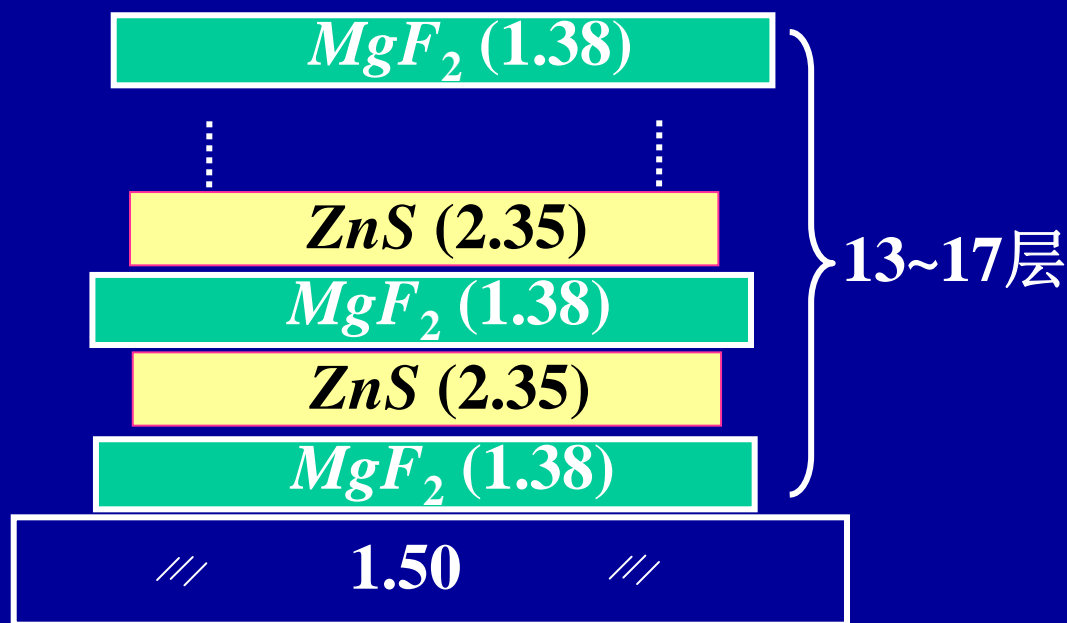
e	1.38
///	1.50

反射光加强的条件是：

$$\delta_{\text{反}} = 2en = k\lambda, \text{ 只有 } k=2, \lambda=4100\text{\AA} \text{ 紫色}$$



与增透膜相反，在一些光学系统中希望光学表面具有很高的反射率(如 $He-Ne$ 激光器要求反射99%)，这时可在元件表面多层镀膜以增强反射，这类薄膜称为**增反膜**或高反射膜。



镀膜时，要适当选择每层膜的厚度，使反射加强。



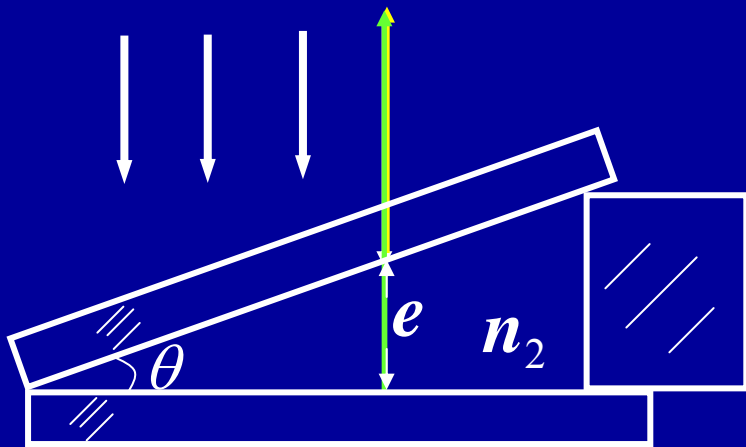
三 劈尖干涉

劈尖 —— 由两块平板玻璃组成的薄膜。

当光线垂直入射时，在反射光中观察，有：

$$\delta = 2e_k n_2 + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明纹 } (k=1,2,\dots) \\ (k+\frac{1}{2})\lambda & \text{暗纹 } (k=0, 1,2,\dots) \end{cases}$$

n_2 为空气膜的折射率



1. 入射波长 λ 一定时，
一条条纹(一个 k)对应一个厚度，故称为等厚干涉。

级次愈高(k 愈大)，对应的膜厚愈大。

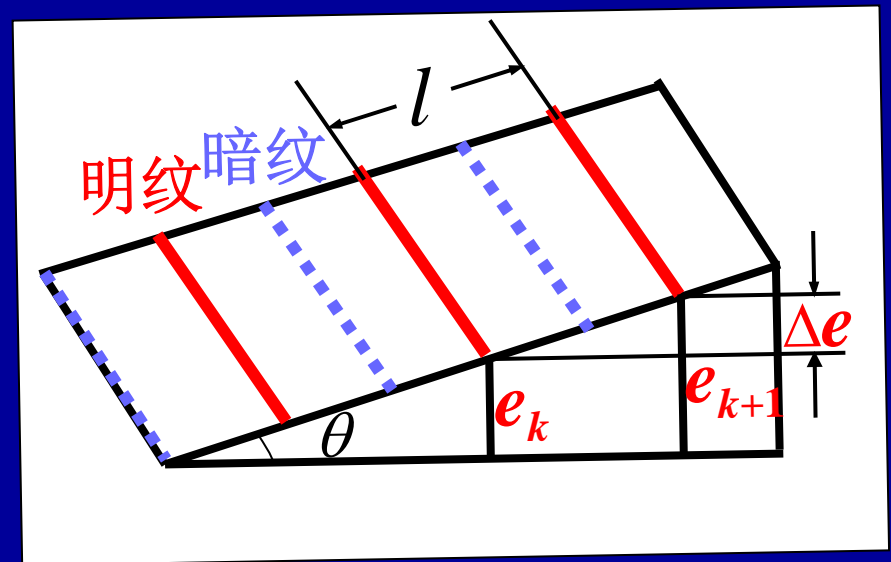


2. 干涉条纹是明暗相间的平行直线条纹，此时叠合处为一暗纹。

3. 任意两相邻亮纹(或暗纹)所对应的空气膜厚度差为：

$$\delta = 2e_k n_2 + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

$$\delta = 2e_{k+1} n_2 + \frac{\lambda}{2} = (k+1)\lambda$$



$$\Delta e = e_{k+1} - e_k = \frac{\lambda}{2n_2}$$



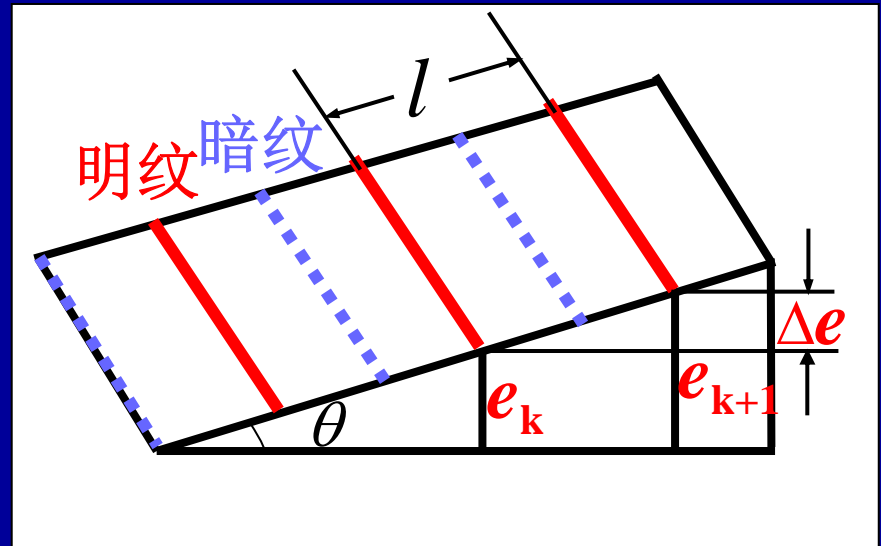
$$\Delta e = e_{k+1} - e_k = \frac{\lambda}{2n_2}$$

4. 设相邻两亮纹(或暗纹)间的距离为 l , 则有:

$$l \sin \theta = \Delta e = \frac{\lambda}{2n_2}$$

即

$$l \sin \theta = \frac{\lambda}{2n_2}$$

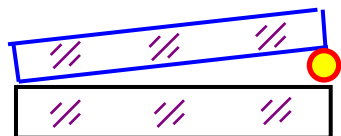


应用

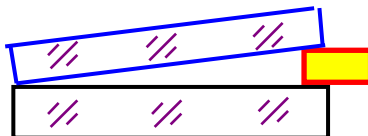
测波长，测折射率

$$l \approx \frac{\lambda}{2n \sin \theta}$$

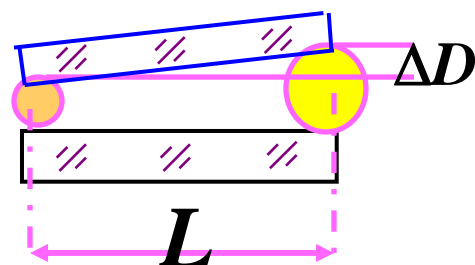
测细小直径



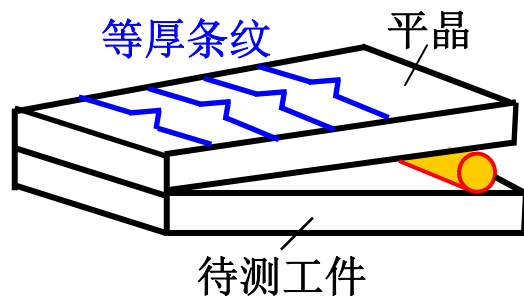
测厚度



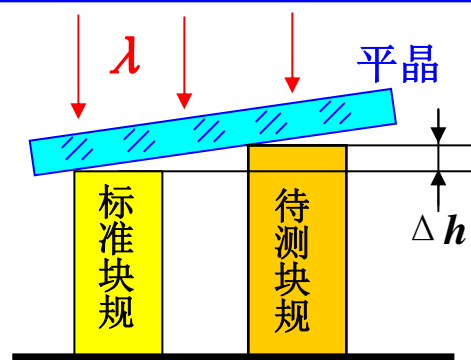
测微小变化



测表面不平度



块规校准装置





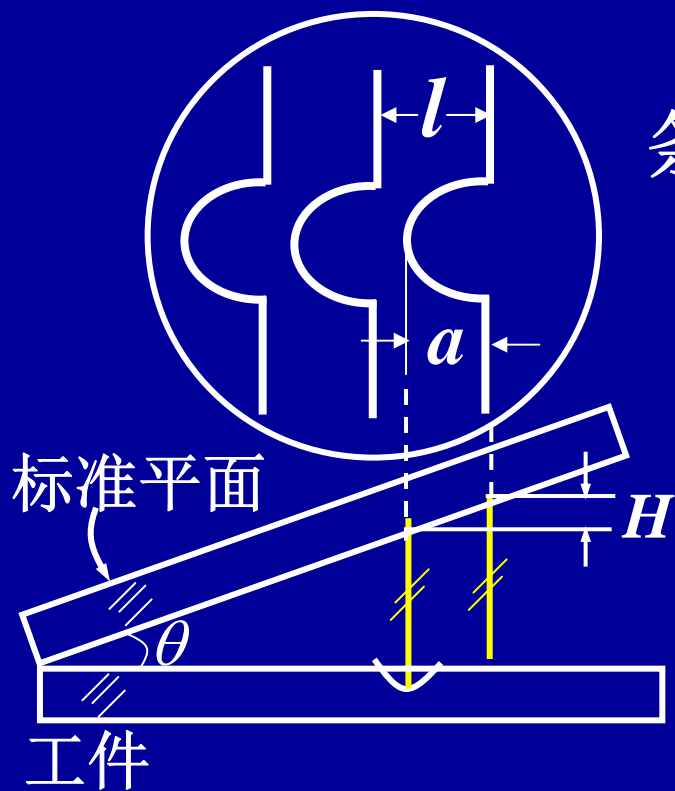
例4-3 在检测某工件表面平整度时，在工件上放一标准平面玻璃，使其间形成一空气劈尖，并观察到弯曲的干涉条纹。试根据条纹弯曲方向，判断工件表面上纹路是凹还是凸？并求纹路深度 H 。

解：若工件表面是平的，等厚条纹应为平行于棱边的直线条纹。

一条条纹对应一个厚度，由图的纹路弯曲情况可知，工件表面的纹路是凹下去的。

$$H = a \sin \theta, \quad l \sin \theta = \lambda / 2,$$

$$\text{所以纹路深度 } H = \frac{a}{l} \cdot \frac{\lambda}{2}$$



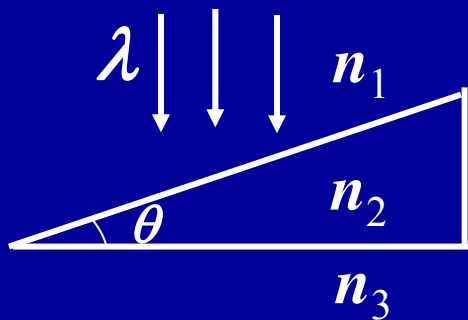


例4-5 波长 λ 的光垂直入射折射率为 n_2 的劈尖薄膜， $n_1 > n_2$ ， $n_2 < n_3$ 。在反射光中观察，从尖顶算起，第二条明纹对应的薄厚是多少？

解： 由薄膜公式，有：

$$\delta_{\text{反}} = 2en_2 + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

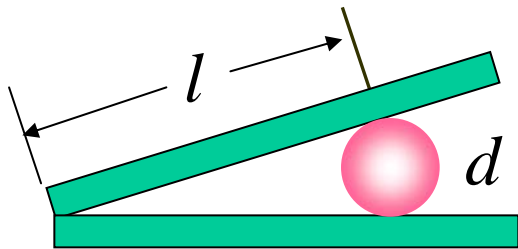
$$k = 1, 2, \dots$$



显然，取 $k=2$ ，于是第二条明纹对应的薄厚为

$$e = \frac{3\lambda}{4n_2}$$

例4-6 在两玻璃板间夹一细丝形成空气膜，用波长 5000\AA 的单色光垂直照射，测得干涉条纹间距为 0.5mm 。劈棱至细丝距离 5cm ，求细丝的直径。若将细丝向棱边靠近或移远，干涉条纹有何变化？



解： $\Delta e = \frac{\lambda}{2n}$

干涉条纹数目 $N = \frac{d}{\lambda/2}$, $N = \frac{l}{\Delta l}$

$$d = \frac{\lambda l}{2\Delta l} = 25\mu\text{m}$$

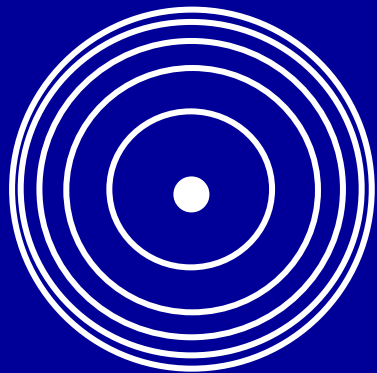
细丝向劈棱移近或远 \rightarrow 顶角增大或减小 \rightarrow 条纹间距减小或增加 \rightarrow 细丝到劈棱的条纹数目不变。

$$l \approx \frac{\lambda}{2n \sin \theta}$$

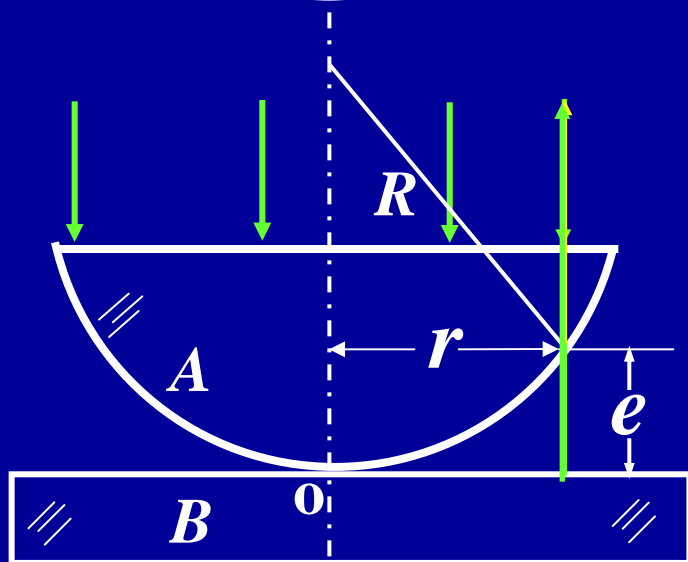


四. 牛顿环

在平玻璃**B**上放一曲率半径**R**很大的平凸透镜**A**，**A**、**B**之间形成一层很薄的劈形空气层—薄膜。



设平行光垂直入射空气薄膜，在反射光中观察到一组以接触点**o**为中心的同心圆环，称为**牛顿环**。



$$\delta_{\text{反}} = 2en_2 + \frac{\lambda}{2}$$

$$= \begin{cases} k\lambda & \text{明环 } (k=1,2,\dots) \\ (k+\frac{1}{2})\lambda & \text{暗环 } (k=0,1,2,\dots) \end{cases}$$

n_2 为空气膜的折射率

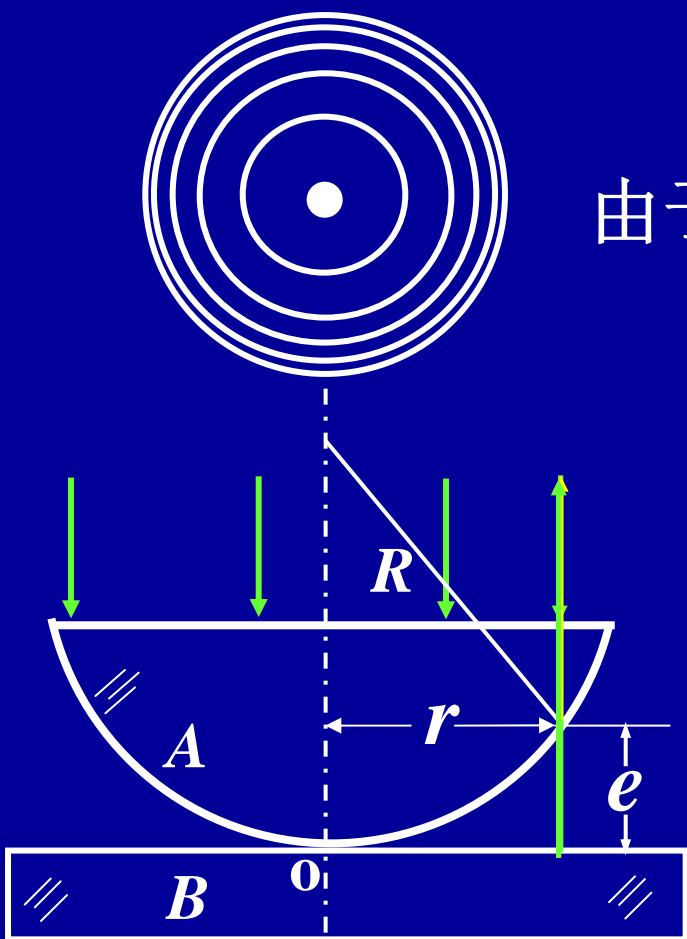


$$\delta_{\text{反}} = 2en_2 + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明环 } (k=1,2,\dots) \\ (k+\frac{1}{2})\lambda & \text{暗环 } (k=0,1,2,\dots) \end{cases}$$

$$\text{因 } R^2 = r^2 + (R-e)^2 = r^2 + R^2 - 2Re + e^2$$

由于 $R \gg e$ ，上式中 e^2 可略去，因此得

$$e = \frac{r^2}{2R}$$



$$\text{明环半径: } r_k = \sqrt{(k - \frac{1}{2}) \frac{R\lambda}{n_2}} \quad (k=1,2,\dots)$$

$$\text{暗环半径: } r_k = \sqrt{\frac{kR\lambda}{n_2}} \quad (k=0,1,2,\dots)$$



空气中的牛顿环的分布特点:

1. 环中央为暗纹

暗环半径: $r_k = \sqrt{\frac{kR\lambda}{n_2}}, \quad (k=0,1,2\dots)$

半径越大, 条纹级次 k 越高

2. 牛顿环内疏外密

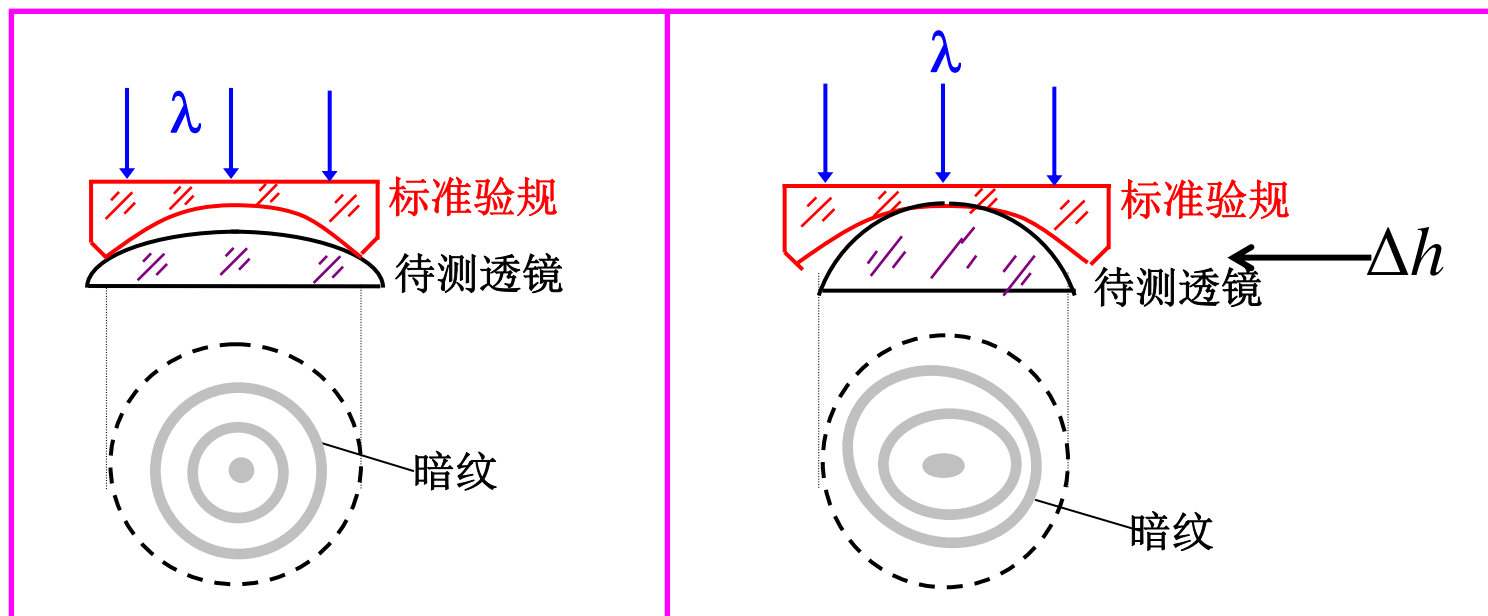
暗环半径: $r_k = \sqrt{\frac{kR\lambda}{n_2}}, \quad r_{k+1} = \sqrt{\frac{(k+1)R\lambda}{n_2}}$

$$\Delta r = \sqrt{\frac{R\lambda}{n_2}}(\sqrt{k+1} - \sqrt{k}) = \sqrt{\frac{R\lambda}{n_2}}\left(\frac{1}{\sqrt{k+1} + \sqrt{k}}\right)$$

k 增大, Δr 减小, 牛顿环内疏外密。

应用——测透镜球面的半径 R

检验透镜球表面质量



思考：如果待测透镜合格，则现象如何？



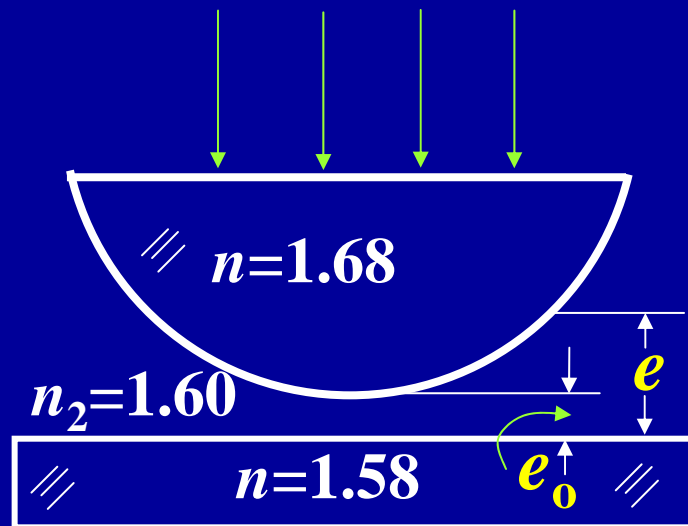
例4-6 平板玻璃和平凸透镜构成牛顿环，全部浸入 $n_2=1.60$ 的液体中，凸透镜可向上移动。用波长 $\lambda=500nm$ 的单色光垂直入射，从上往下看看到中心是一个暗斑，求凸透镜顶点距平板玻璃的距离是多少。

解： $\delta_{\text{反}} = 2en_2 = (k + \frac{1}{2})\lambda \quad (k=0,1,2\dots)$

中心处： $e=e_o, k=0$

凸透镜顶点距平板玻璃
的距离：

$$e_o = \frac{\lambda}{4n_2} = 78.1nm$$





§13.5 迈克耳逊干涉仪 *时间相干性

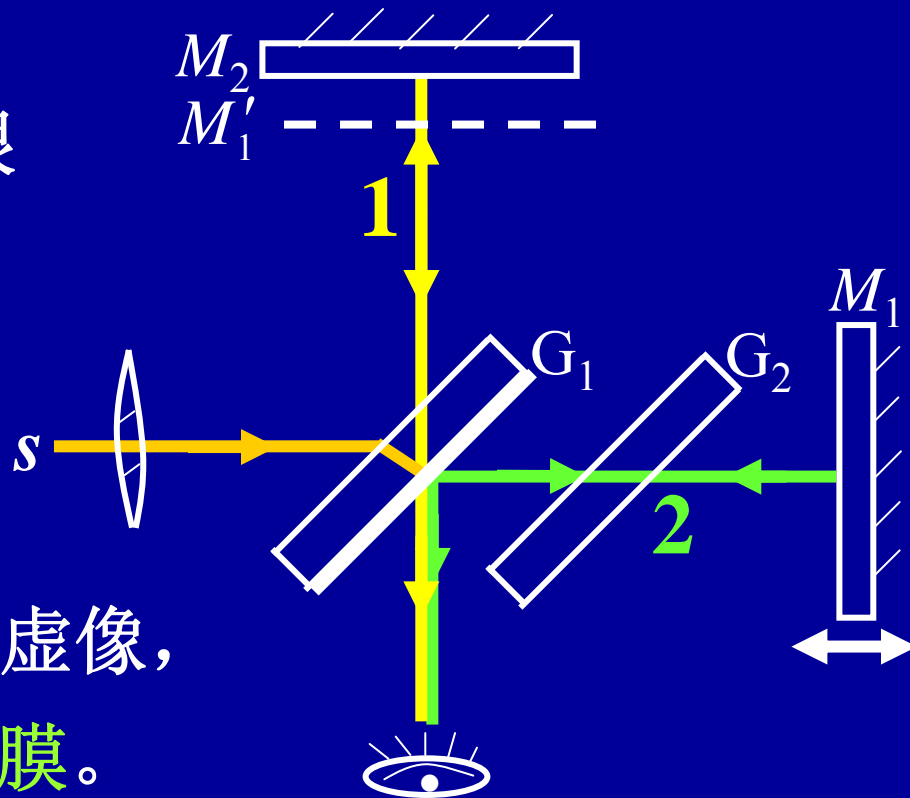
一. 迈克耳逊干涉仪

M_1 和 M_2 是两块平面反射镜，其中 M_2 是固定的， M_1 可作微小移动。

G_1 有一半透明的薄银层，起分光作用；

G_2 起补偿作用，均与水平成45度。

M_1' 是 M_1 对 G_1 形成的虚像， M_2 和 M_1' 间形成一空气薄膜。



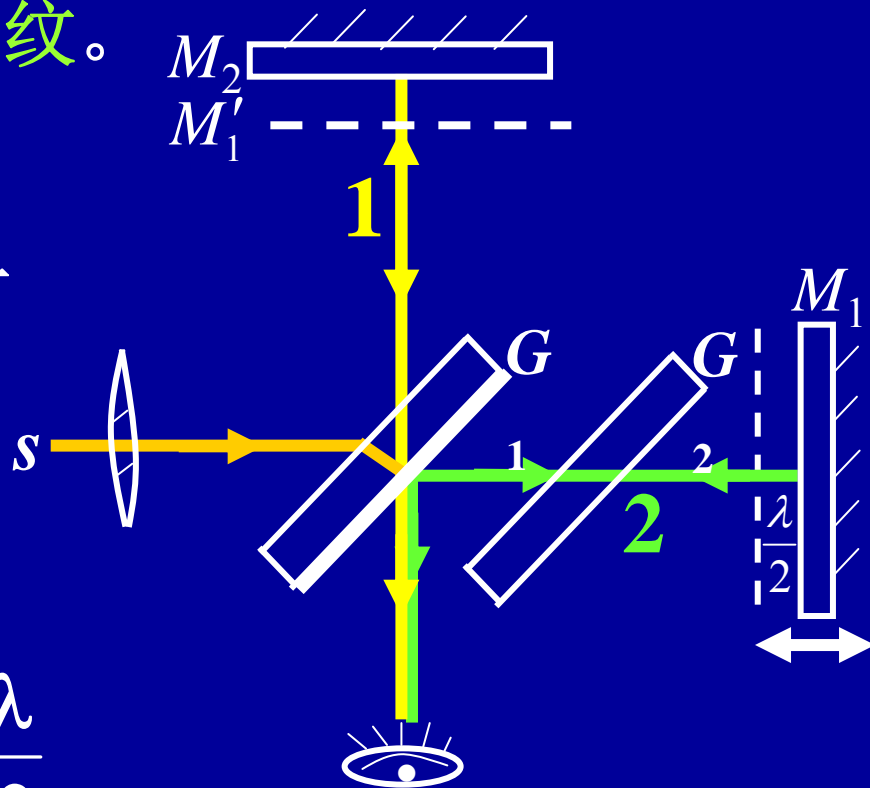


当 M_1 、 M_2 严格垂直时， M_1' 和 M_2 之间形成等厚空气膜，可观察到等倾条纹的**圆形条纹**；当 M_1 、 M_2 不严格垂直时， M_1' 和 M_2 之间形成空气劈尖，这时可观察到等厚干涉的**直线条纹**。

每当 M_1 移动 $\lambda/2$ ，光线1、2的光程差就改变一个 λ ，视场中就会看见一条条条纹移过。

若 N 条条纹移过，

M_1 移动的距离： $d = N \frac{\lambda}{2}$





例5-1 把厚度 e 、折射率 $n=1.40$ 的透明薄膜插入迈克耳逊干涉仪的一臂(一条光路)中。求：(1) 光线1、2光程差和位相差的改变量；(2) 若插入薄膜的过程中，观察到7条条纹移过，所用波长 $\lambda=5890\text{\AA}$ ，求薄膜的厚度 $e=?$

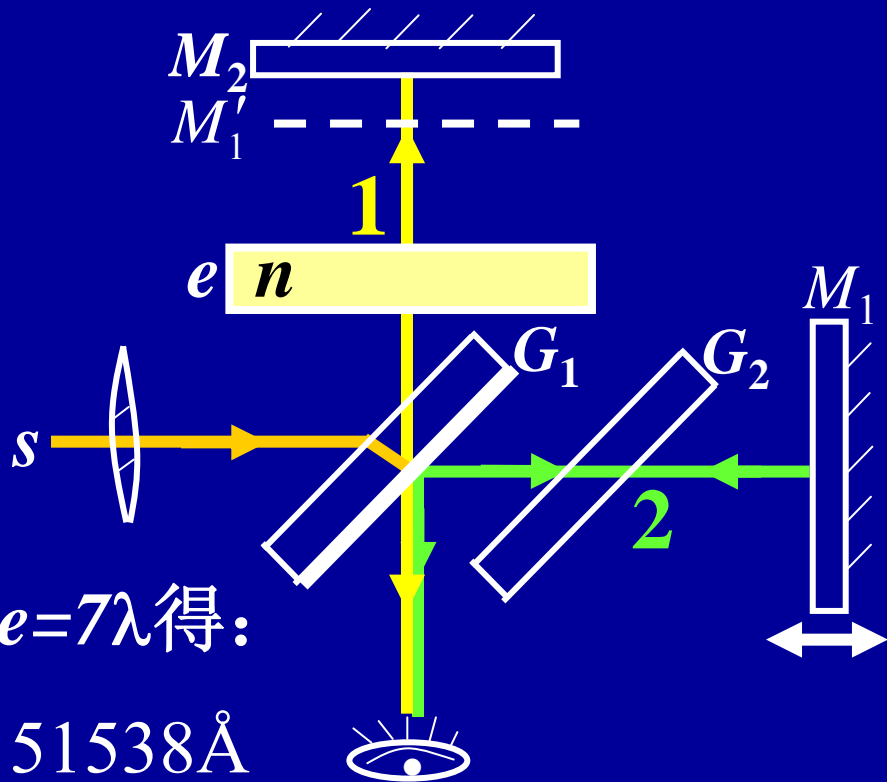
解：(1) $\Delta\delta=2(n-1)e$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta\delta = \frac{4\pi(n-1)e}{\lambda}$$

(2) 能否用下式求解？

$d = N \frac{\lambda}{2}$ **✗** 由 $\Delta\delta=2(n-1)e=7\lambda$ 得：

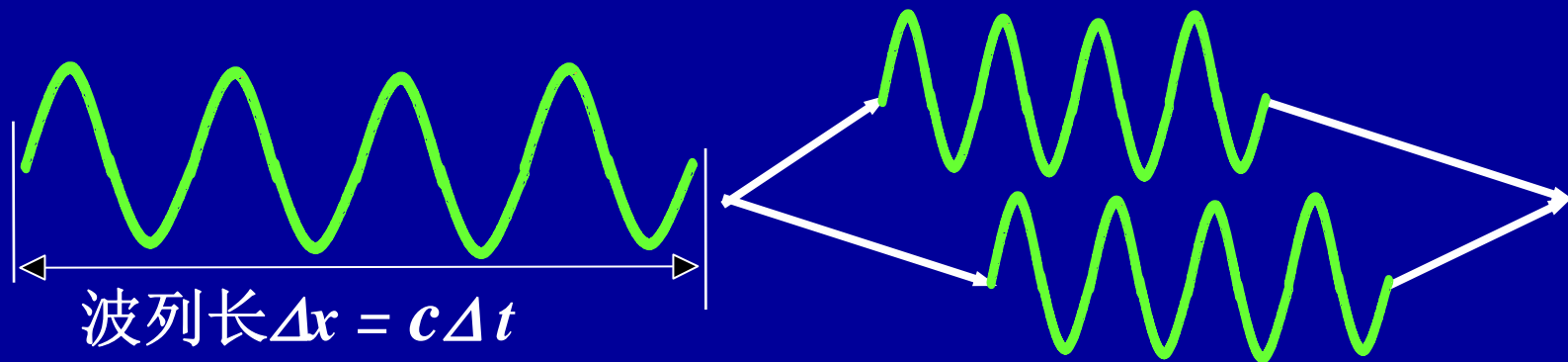
$$e = \frac{7\lambda}{2(n-1)} = 51538\text{\AA}$$





*二. 时间相干性

由于原子发光的间歇性和随机性，不同原子发出的光是不相干的，同一个原子不同时刻发出的光也是不相干的。要得到相干光，只有将一个原子一次发出的光(一个波列)分为两束再使其相聚。



要产生相干，两束光的光程差须小于一个波列长度，**两波列必须部分重叠**：

$$\delta < \Delta x = \frac{\lambda^2}{\Delta \lambda}$$

Δx —相干长度



$$\delta < \Delta x = \frac{\lambda^2}{\Delta \lambda}$$

问：为什么窗玻璃在阳光下看不见干涉条纹？

$$\Delta \lambda = (7900 - 3900) \text{Å}, \quad \lambda = 6000 \text{Å}$$

算得相干长度： $\Delta x = 9 \times 10^{-7} \text{m} = 9 \times 10^{-4} \text{mm}$

显然，光线在窗玻璃上下反射后的光程差已远超过上述数值，**不重叠**，故看不见干涉条纹。

劈尖干涉为什么只在薄膜中讨论，**不讨论玻璃上下表面的反射光的干涉**就是这个道理。

*He-Ne*激光： $\lambda = 6328 \text{Å}$ ， $\Delta \lambda = 10^{-7} \text{Å}$

相干长度： $\Delta x = 40 \text{km}$ 可见，激光的相干性很好。



光的干涉小结

一. 杨氏双缝干涉

$$\delta = \frac{dx}{D} = \begin{cases} \pm 2k \frac{\lambda}{2} & \text{明纹} \\ \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

二. 薄膜干涉

$$\delta_{\text{反}} = 2e \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{matrix} k\lambda & \text{反射光} \\ (k + \frac{1}{2})\lambda & \text{明纹} \\ (0, \frac{\lambda}{2}) & \text{暗纹} \end{matrix} \quad (k=0, 1, 2, \dots)$$



三. 劈尖干涉

$$l \sin \theta = \frac{\lambda}{2n_2}$$

四. 牛顿环

$$\delta_{\text{反}} = 2en_2 + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{明环 } (k=1,2,\dots) \\ (k+\frac{1}{2})\lambda & \text{暗环 } (k=0,1,2,\dots) \end{cases}$$

五. 迈克耳逊干涉仪

$$d = N \frac{\lambda}{2}$$