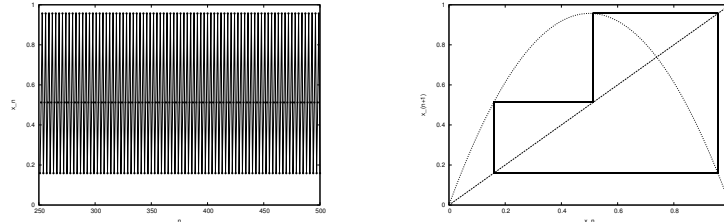


今回はロジスティック写像を考える． $f(x) = rx(1-x)$ としたとき， $x_{n+1} = f(x_n)$ である．

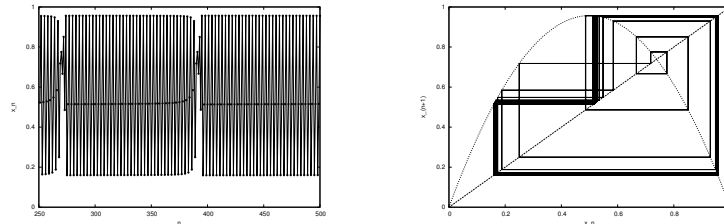
- 1 $r = 3.8285$ として， x_n が $250 \leq n \leq 500$ の場合の時系列とリターンマップを描け．初期値は適当でよい．周期3を確認せよ (3 周期の窓)

イメージ例)



- 2 $r = 3.8284$ として， x_n が $250 \leq n \leq 500$ の場合の時系列とリターンマップを描け．初期値は適当でよい．規則的な部分 (ラミナー) と不規則な部分 (バースト) を確認せよ．

イメージ例)



- 3 次に説明する写像 $f^{(3)}$ について，リターンマップを描け (横軸 x_n ，縦軸 x_{n+3}) ．

これまで $x_{n+1} = f(x_n)$ の写像について考えてきた (ここで関数 f は，上で定義したロジスティック写像)．時系列は $x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, \dots$ を順に書いてきたが，上のパラメータでは，だいたいの部分において周期3の運動をしている．そこでここでは，3つ飛ばしで時系列とリターンマップを考える．

いま $x_{n+1} = f(x_n)$ だから，同様に $x_{n+2} = f(x_{n+1})$ ， $x_{n+3} = f(x_{n+2})$ が成り立つ．これらをまとめると， $x_{n+3} = f(x_{n+2}) = f(f(x_{n+1})) = f(f(f(x_n)))$ と書ける．

この， x_n から x_{n+3} を求める式 $x_{n+3} = f(f(f(x_n)))$ を簡単のために $x_{n+3} = f^{(3)}(x_n)$ と書くことにする．これまで x_n と x_{n+1} の間のリターンマップを書いてきたが， x_n と x_{n+3} の間のリターンマップを $r = 3.8284$ のときに書いてみよう．また，下右図のようなリターンマップの階段状にはさまれた部分は何を意味するか考えよう．

イメージ例) 左図は横軸 $[0:1]$ ，右図は横軸 $[0.9561:0.9565]$ とした．

