

Laboratorium Podstaw Automatyki Ćwiczenie 9 – Dostrajanie regulatorów PID		
Nazwisko Imię	Grupa	Data i godzina zajęć
Szczypek Jakub	Grupa 5a	23.05.2022r. godz.17.00 Poniedziałek

## 1. Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia było zapoznanie się z praktycznymi, przemysłowymi metodami doboru nastaw regulatorów PID. Podczas ćwiczenia wykorzystane zostały następujące metody doboru nastaw:

- metoda Zieglera – Nicholasa w wersji „klasycznej” i przekątnikowej (metoda Astroma - Haggunda),
- metody oparte o parametry odpowiedzi skokowej obiektu,
- autotuning regulatora dostępny w środowisku SIMULINK.

## 2. Wstęp teoretyczny

### Metoda Zieglera-Nicholasa

Pozwala ona na dobór nastaw regulatora bez wcześniejszej znajomości modelu obiektu. Niezbędne jednak jest przeprowadzenie eksperymentu na rzeczywistym, zamkniętym układzie regulacji. Do wyznaczenia wartości wykorzystuje się następujące wzory:

**regulator P:**  $k = 0.5 k_{kr}$ ,  
**regulator PI:**  $k = 0.45 k_{kr}$ ,  $T_i = 0.85 T_{osc}$ ,  
**regulator PID:**  $k = 0.6 k_{kr}$ ,  $T_i = 0.5 T_{osc}$ ,  $T_d = 0.12 T_{osc}$ .

### Metoda Astroma-Haggunda

Pozwala na dobór nastaw regulatora zgodnie ze wzorami wykorzystywanymi w metodzie Zieglera–Nicholasa wzmocnienie krytyczne obliczane jest zgodnie z następującym wzorem

$$k_{kr} = \frac{4u}{\pi A}$$

gdzie:

*u*–amplituda sterowania przekaźnika II położeniowego

*A*–amplituda oscylacji wielkości regulowanej

### Oparte o parametry odpowiedzi skokowej obiektu

Zakłada się, że obiekt regulacji jest opisany transmitancją zastępczą z opóźnieniem, przy czym parametry tej transmitancji są identyfikowane na podstawie znajomości odpowiedzi skokowej obiektu. Mając zadaną transmitancję obiektu wyznacza się nastawy regulatora w oparciu o gotowe wzory:

- przy założeniu przeregulowania 20% oraz minimalnego czasu regulacji:

$$k k_r ( \tau / T ) = 0.95$$

$$T_i = 2.4 \tau$$

$$T_d = 0.4 \tau$$

- przy założeniu minimum z całki kwadratu uchybu:

$$k k_r ( \tau / T ) = 1.4$$

$$T_i = 1.3 \tau$$

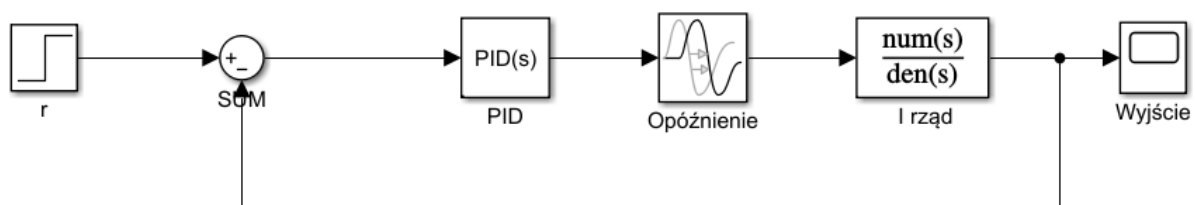
$$T_d = 0.5 \tau$$

### Metoda wbudowana „Autotune”

Metoda dostępna w środowisku Simulink, automatycznie dobiera nastawy regulatora w optymalny sposób

## 3. Przebieg ćwiczenia

Zbudowano model obiektu inercyjnego I rzędu z opóźnieniem w Simulinku:



Następnie napisano poniższy skrypt do rozwiązania zadania metodą Zieglera-Nicholsa

```
k = 1.18;  
tau = 22;  
T = 45;  
r = 2.5;  
kr = 3.3;  
ki = 0;
```

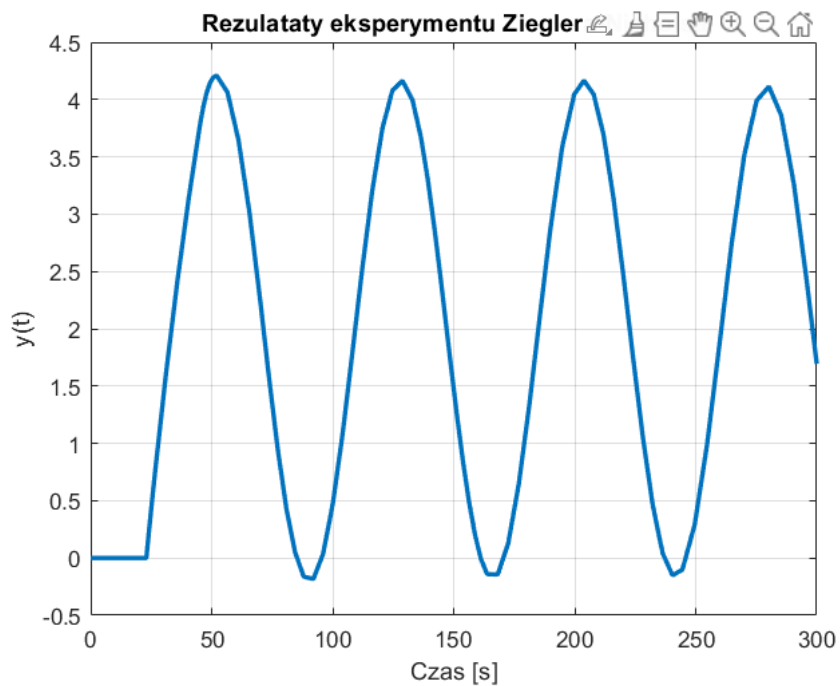
```

kd = 0;

out = sim("model.slx");
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)
title("Rezultaty eksperymentu Zieglera-Nicholsa")
ylabel("y(t)")
xlabel("Czas [s]")
grid on

[time, y] = ginput(2)

```



```

time = 2×1
    52.2099
   127.9006
y = 2×1
    4.1787
    4.1437

```

```
Tosc = time(2) - time(1)
```

**Tosc = 75.6906**

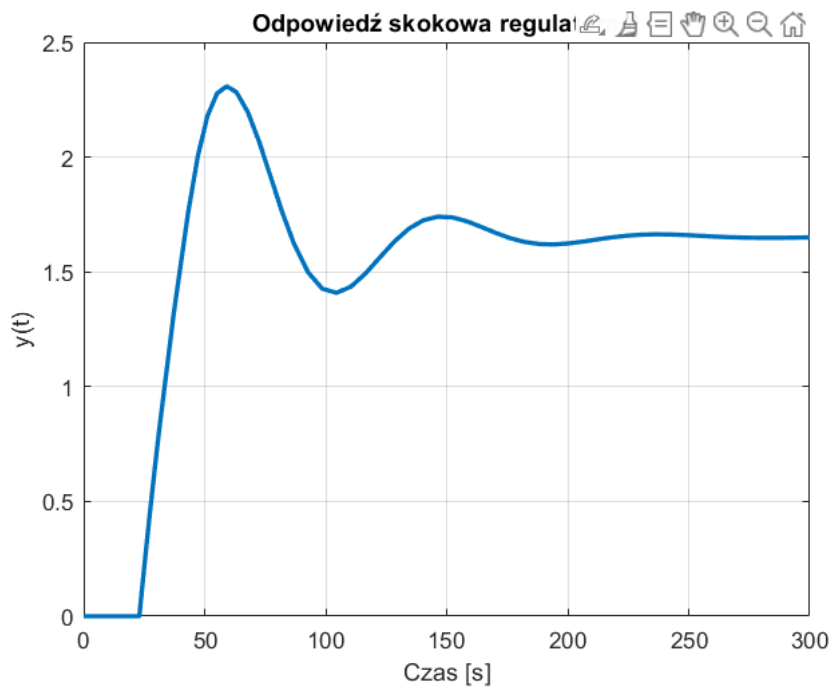
**Regulator P**

```
k = 1.18;
```

```
tau = 22;  
T = 45;  
r = 2.5;  
kr = 3.3;  
kp = 0.5 * kr
```

**kp = 1.6500**

```
Ti = 0;  
Td = 0;  
ki = 0;  
kd = 0;  
  
out = sim("model1.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Odpowiedź skokowa regulatora P")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on
```



## Regulator PI

```
k = 1.18;  
tau = 22;  
T = 45;
```

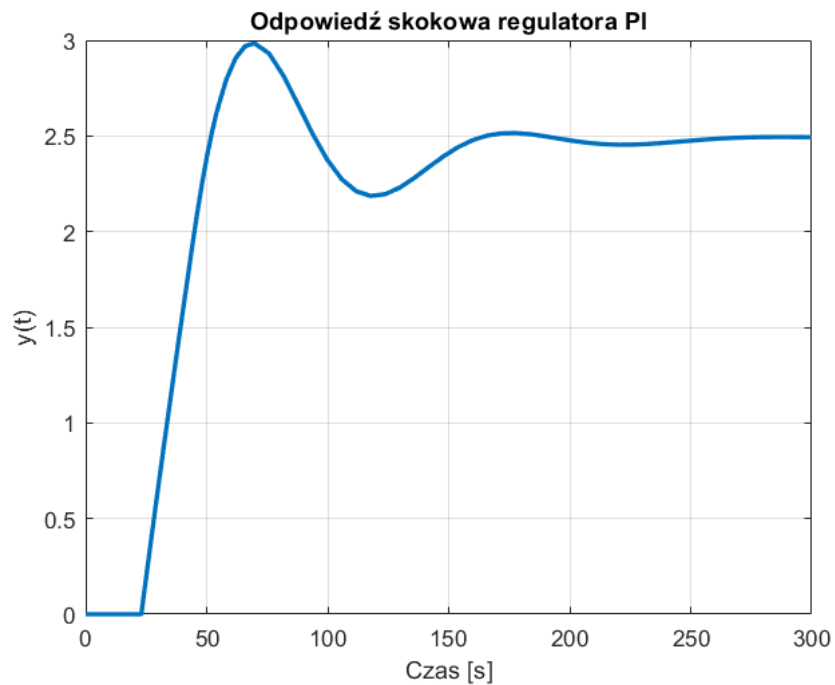
```
r = 2.5;  
kr = 3.3;  
kp = 0.45 * kr
```

**kp = 1.4850**

```
Ti = 0.85 * Tosc
```

**Ti = 64.3370**

```
Td = 0;  
ki = kp/Ti;  
kd = 0;  
  
out = sim("model1.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Odpowiedź skokowa regulatora PI")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on
```



## Regulator PID

```
k = 1.18;  
tau = 22;
```

```
T = 45;  
r = 2.5;  
kr = 3.3;  
kp = 0.6 * kr
```

**kp = 1.9800**

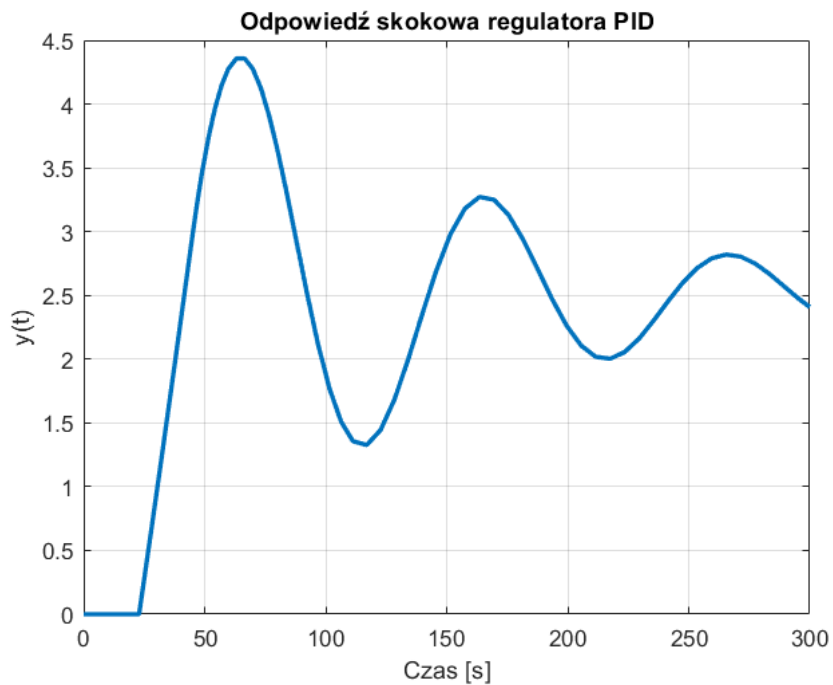
```
Ti = 0.5 * Tsc
```

**Ti = 37.8453**

```
Td = 0.12 * Tsc
```

**Td = 9.0829**

```
ki = kp/Ti;  
kd = kp/Td;  
  
out = sim("model1.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Odpowiedź skokowa regulatora PID")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on
```



## Metoda Astroma-Hagglunda

```
k = 1.18;  
tau = 22;  
T = 45;  
r = 2.5;  
kr = 3.359;  
kp = 0.6 * kr
```

$$kp = 2.0154$$

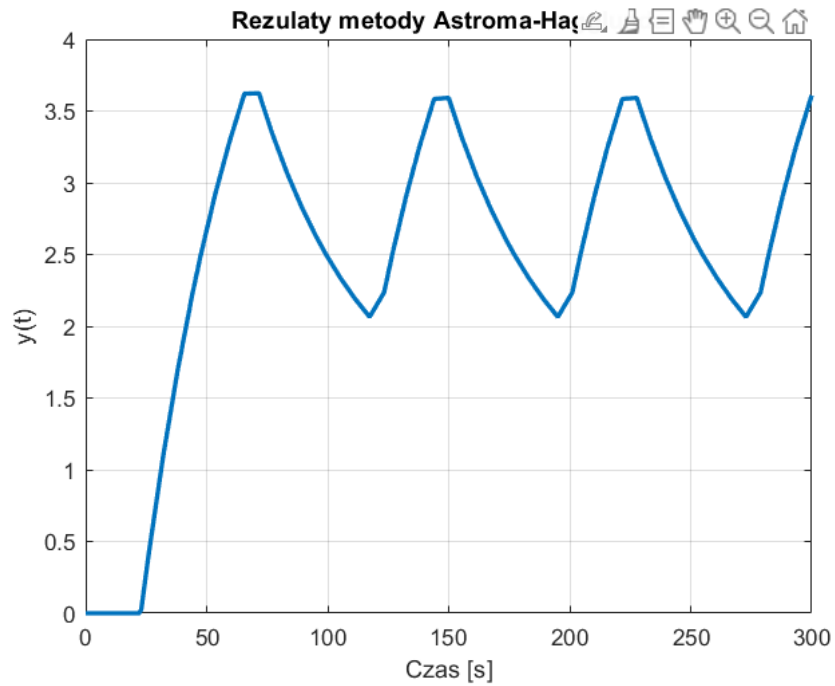
```
Ti = 0.5 * Tsc
```

$$Ti = 38.6740$$

```
Td = 0.12 * Tsc
```

$$Td = 9.2818$$

```
ki = kp/Ti;  
kd = kp/Td;  
  
out = sim("model2.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Rezultaty metody Astroma-Hagglunda")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on  
  
[time, y] = ginput(2)
```



```
time = 2x1
    69.3370
   147.2376
y = 2x1
    3.6121
    3.5841
```

```
Tosc = time(2) - time(1)
```

```
Tosc = 77.9006
```

### Regulator P

```
k = 1.18;
tau = 22;
T = 45;
r = 2.5;
kr = 3.359;
kp = 0.5 * kr
```

```
kp = 1.6795
```

```
Ti = 0;
```

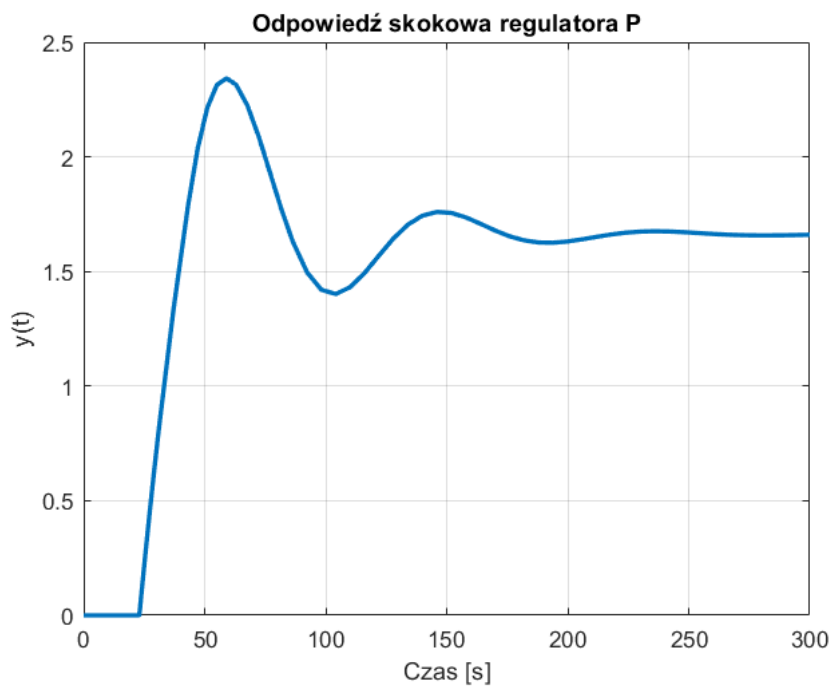


```

Td = 0;
ki = 0;
kd = 0;

out = sim("model1.slx");
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)
title("Odpowiedź skokowa regulatora P")
ylabel("y(t)")
xlabel("Czas [s]")
grid on

```



## Regulator PI

```

k = 1.18;
tau = 22;
T = 45;
r = 2.5;
kr = 3.359;
kp = 0.45 * kr

```

**kp = 1.4850**

```
Ti = 0.85 * Tosc
```

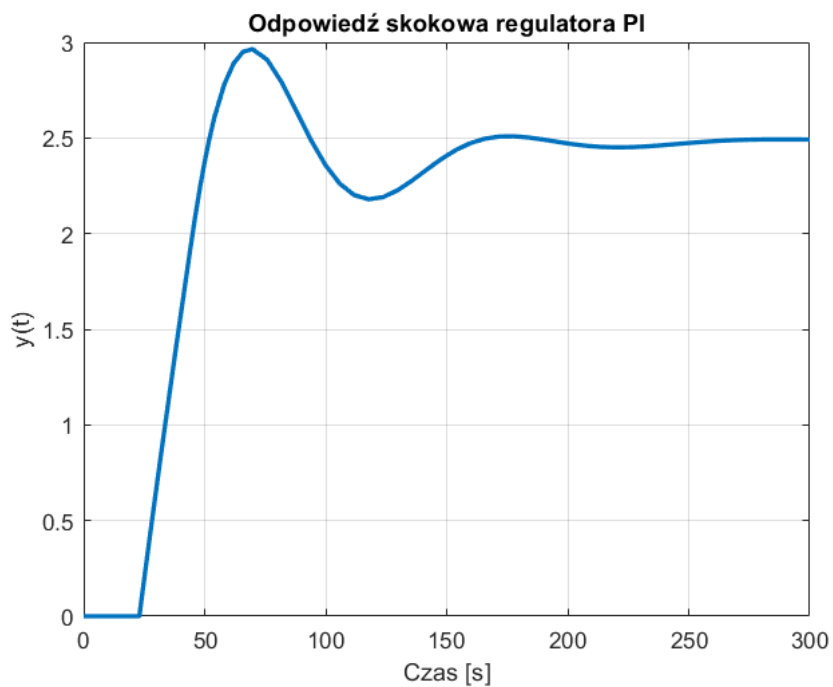
**Ti = 65.7459**

```

Td = 0;
ki = kp/Ti;
kd = 0;

out = sim("model1.slx");
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)
title("Odpowiedź skokowa regulatora PI")
ylabel("y(t)")
xlabel("Czas [s]")
grid on

```



## Regulator PID

```

k = 1.18;
tau = 22;
T = 45;
r = 2.5;
kr = 3.359;
kp = 0.6 * kr

```

**kp = 2.0154**

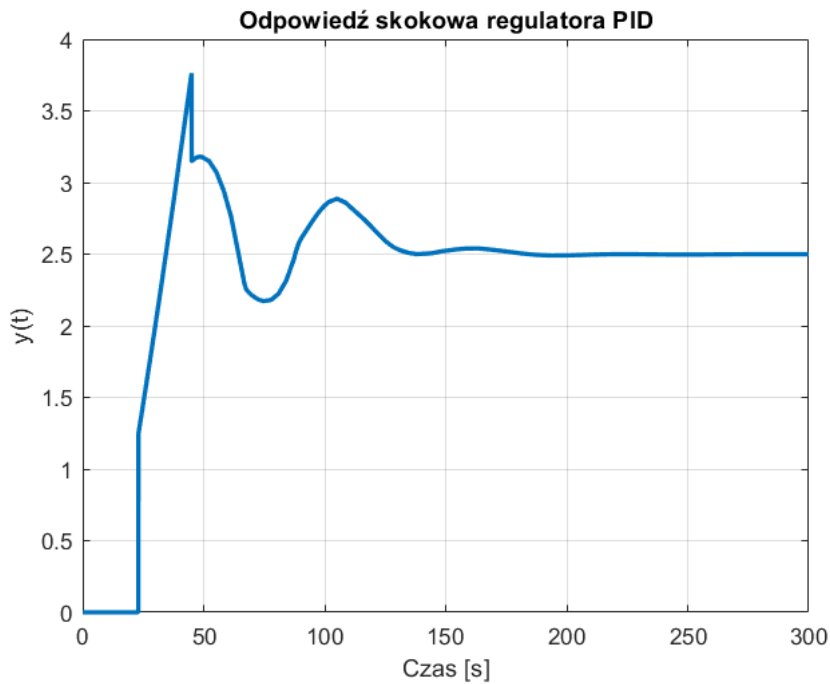
```
Ti = 0.5 * Tsc
```

$$T_i = 38.9503$$

$$T_d = 0.12 * T_{osc}$$

$$T_d = 9.3481$$

```
ki = kp/Ti;  
kd = kp*Td;  
  
out = sim("model1.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Odpowiedź skokowa regulatora PID")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on
```



### Dostrajanie regulatora PID na podstawie parametrów transmitancji zastępczej

```
k = 1.18;  
tau = 22;  
T = 45;  
r = 2.5;  
kr = 3.359;  
kp = (0.95*T) / (tau*k);
```

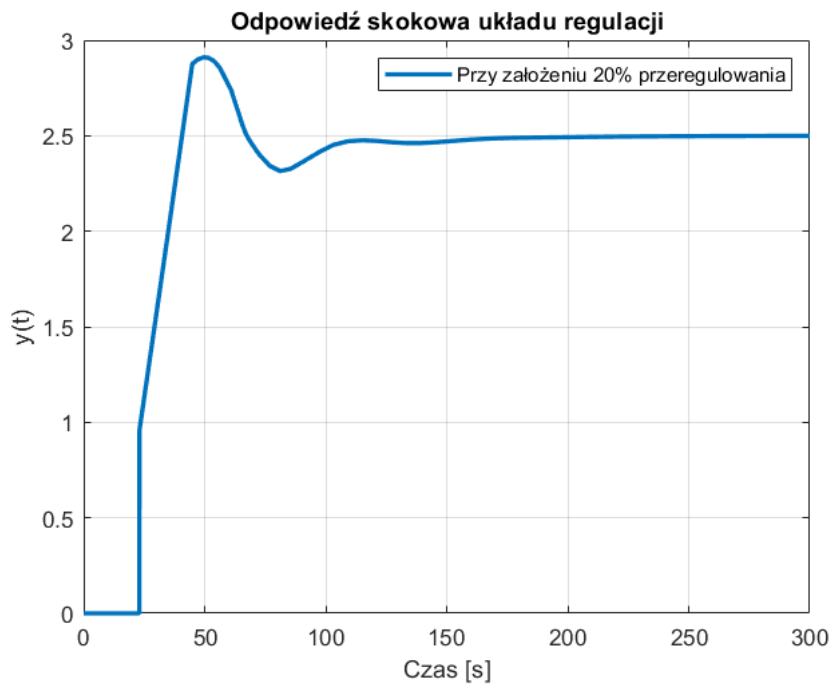
$T_i = 0.5 * T_{osc}$

**$T_i = 38.9503$**

$T_d = 0.12 * T_{osc}$

**$T_d = 9.3481$**

```
ki = kp/(2.4 * tau);  
kd = kp*0.4*tau;  
  
out = sim("model1.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Odpowiedź skokowa układu regulacji")  
legend("Przy założeniu 20% przeregulowania")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on
```



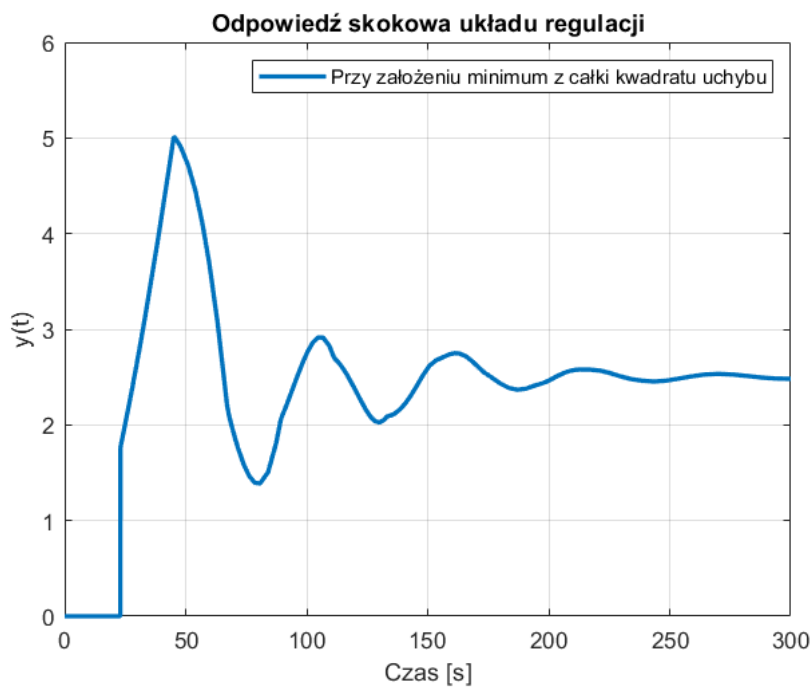
```
k = 1.18;  
tau = 22;  
T = 45;  
r = 2.5;  
kr = 3.359;  
kp = (1.4*T) / (tau*k);  
 $T_i = 0.5 * T_{osc}$ 
```

**$T_i = 38.9503$**

$T_d = 0.12 * T_{osc}$

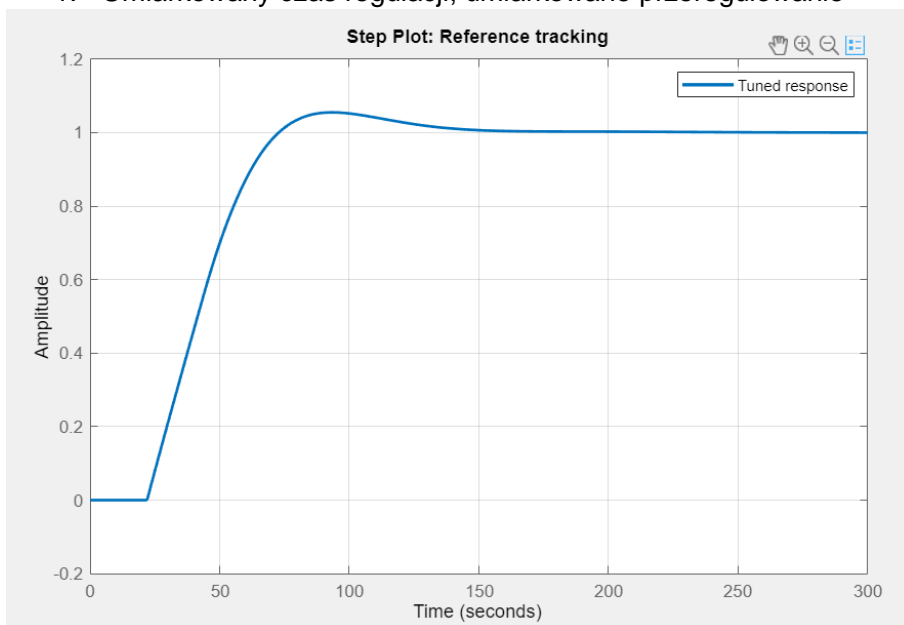
**$T_d = 9.3481$**

```
ki = kp/(1.3 * tau);  
kd = kp*0.5*tau;  
  
out = sim("model1.slx");  
plot(out.y.time, out.y.signals.values, "LineWidth", 2)  
title("Odpowiedź skokowa układu regulacji")  
legend("Przy założeniu minimum z całki kwadratu uchybu")  
ylabel("y(t)")  
xlabel("Czas [s]")  
grid on
```

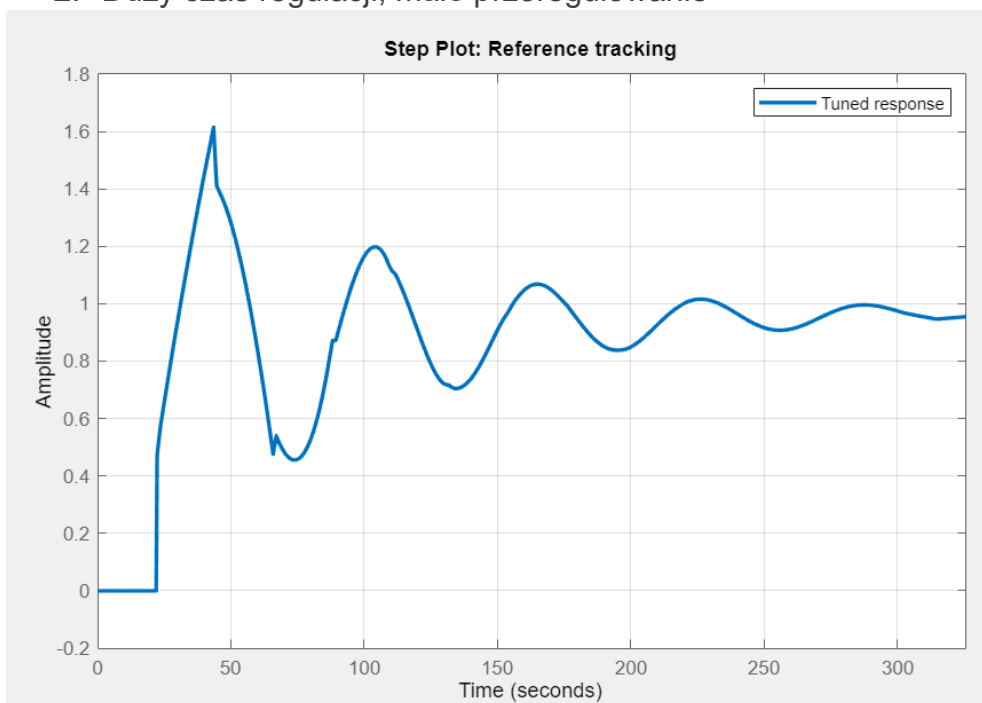


**Użycie funkcji „Autotune” dostępnej w środowisku SIMULINK**

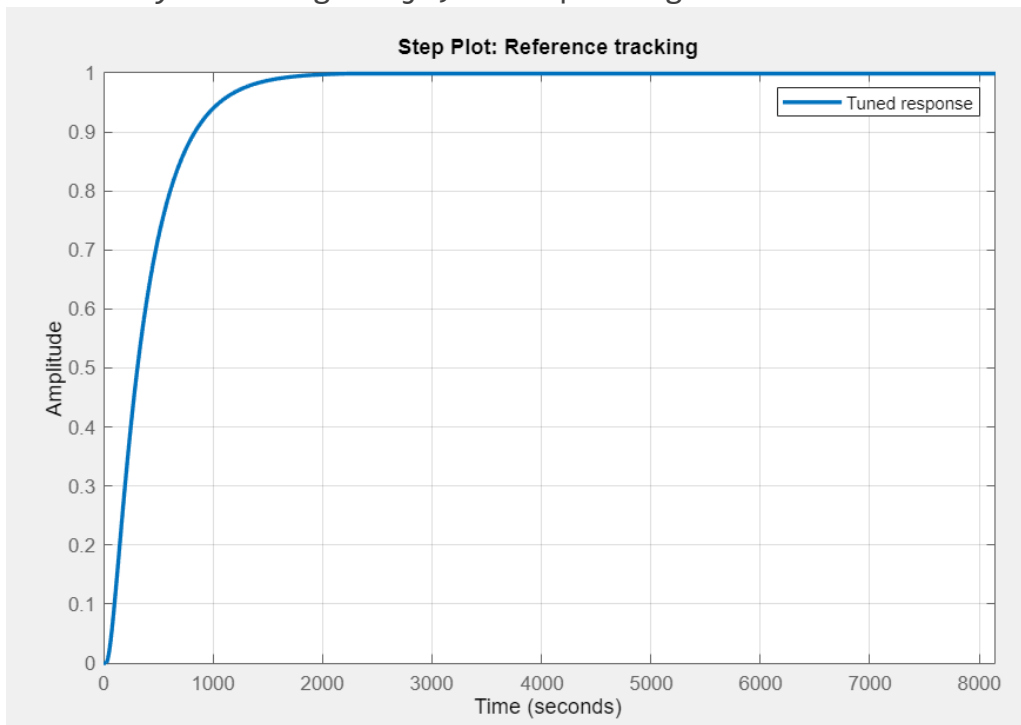
1. Umiarkowany czas regulacji, umiarkowane przeregulowanie



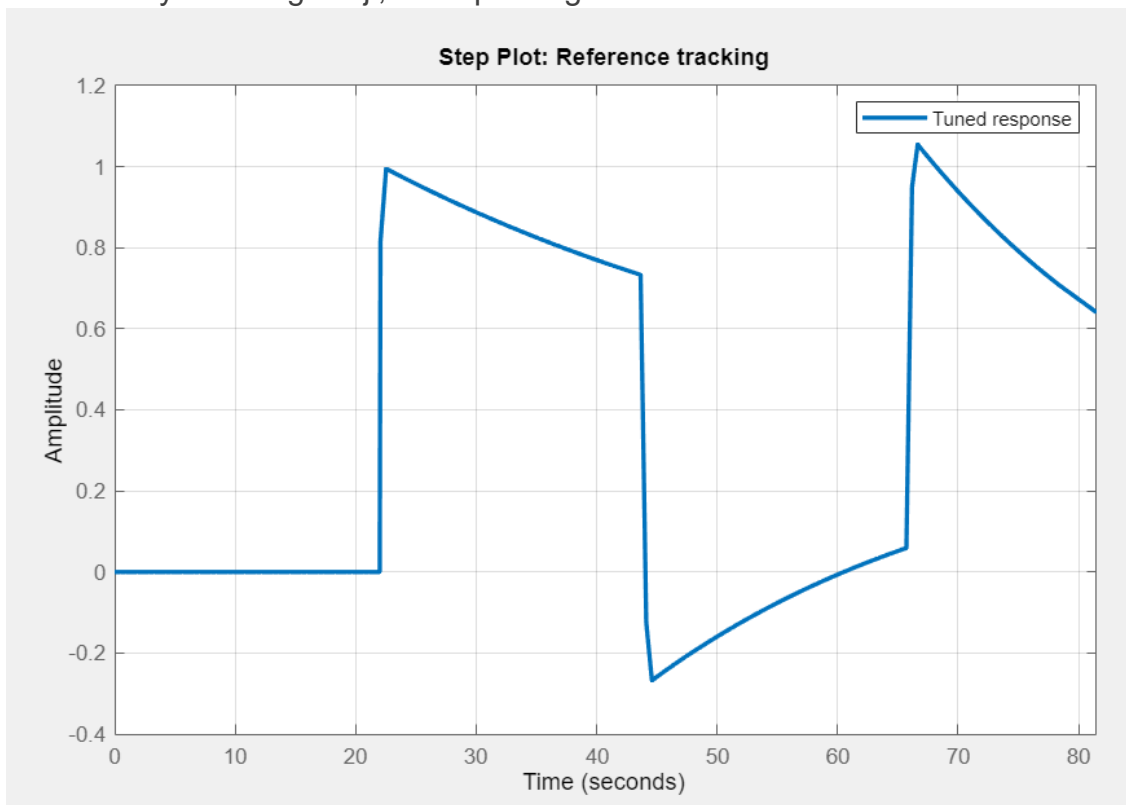
2. Duży czas regulacji, małe przeregulowanie



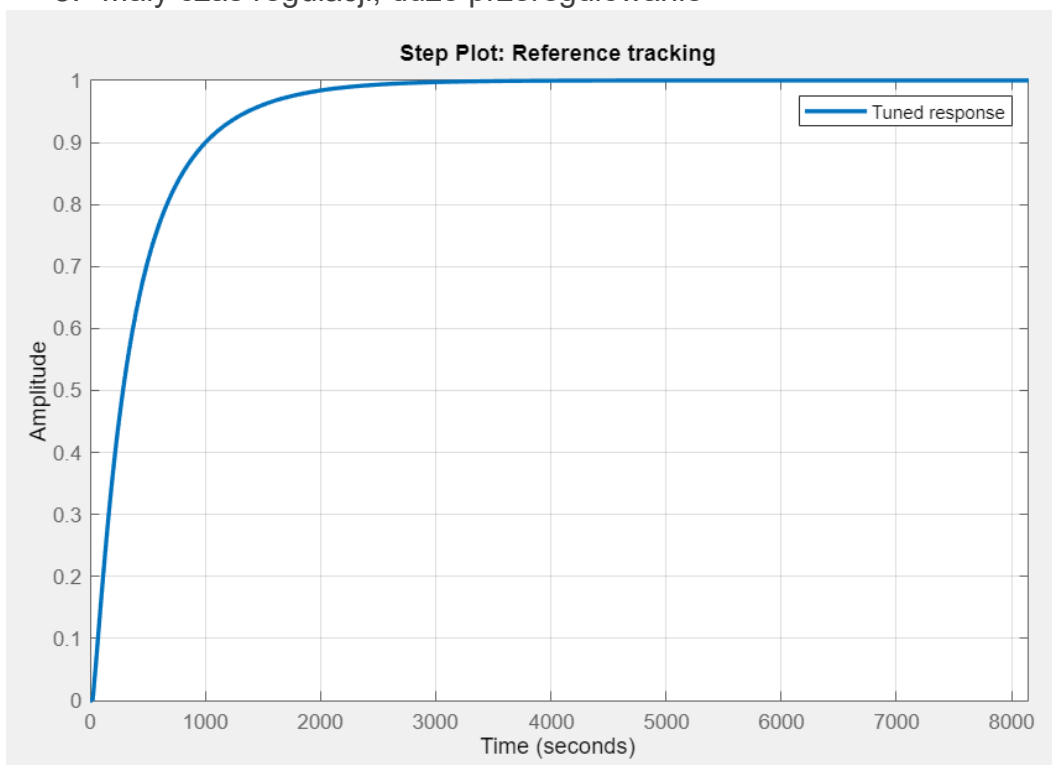
### 3. Mały czas regulacji, małe przeregulowanie



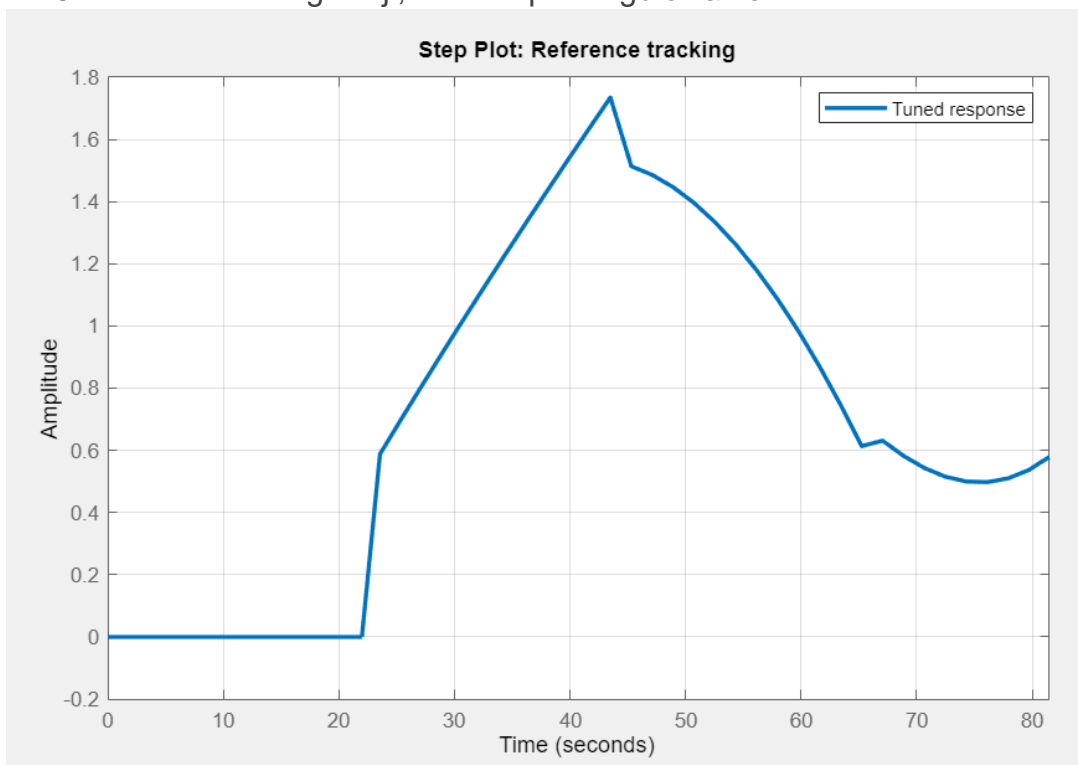
### 4. Duży czas regulacji, duże przeregulowanie



5. Mały czas regulacji, duże przeregulowanie



6. Średni czas regulacji, średnie przeregulowanie





## 4. Wnioski

- Podczas wykonywania tego ćwiczenia poznałem zastosowanie nowej funkcji Matlaba - „`ginput( )`”, która okazała się bardzo przydatna do odczytywania i zapisania np. wartości okresu czy amplitudy sygnału z wykresu.
- Wyniki z dostrajania metodą Zieglera-Nicholsa i Astroma-Haggunda są niemal identyczne. Dla modelu transmitancji zastępczej dla regulatora PID otrzymano szybsze ustanie oscylacji, ustabilizowanie przebiegu oraz zmniejszyło największą możliwą amplitudę.
- Metoda Autotune dała bardzo dobre efekty. Widoczne jest bardzo małe przeregulowanie i dobry czas regulacji. Ponadto można wybrać charakter odpowiedzi. Jest także bardzo przyjemna w użyciu i najszybsza w realizacji.
- Najlepszy efekt udało się uzyskać dostrajając regulator PID na podstawie parametrów transmitancji zastępczej, przy założeniu przeregulowania 20% oraz minimalnego czasu regulacji. Widoczne jest tylko jedno większe przeregulowanie na samym początku, ale potem układ szybko się stabilizuje i osiąga wartość zadaną.