

Vehicle Routing Problem - VRP

Emma Szigeti

Octombrie 2025

1 Introducere

2 Diferența dintre problema rutării vehiculelor și problema comis-voiajorului

Problema comis-voiajorului este o versiune, cel puțin din punctul meu de vedere, mai simplificată a problemei rutării vehiculelor.

Problema comis-voiajorului constă în găsirea celei mai scurte rute care traversează un set de puncte o singură dată (în mod teoretic, orașe), situate la distanțe cunoscute între ele, astfel încât fiecare punct să fie vizitat o singură dată, iar traseul să se încheie în punctul de plecare.

Problema rutării vehiculelor – în forma sa de bază – constă în găsirea unui set de rute cu cost total minim pentru un grup de vehicule (în mod teoretic, camioane cu marfă) care pornesc din același punct (depozit), astfel încât fiecare client să fie vizitat o singură dată. Ulterior, pot fi adăugate diverse constrângeri.

Care este, aşadar, diferența? În problema comis-voiajorului există o singură persoană care trebuie să parcurgă cea mai scurtă rută completă prin toate punctele, în timp ce în problema rutării vehiculelor există mai multe camioane, fiecare având nevoie de o rută optimă care să acopere un anumit număr de puncte, astfel încât, împreună, să fie parcurse toate punctele.

3 Tipuri de VRP

Există mai multe variații de VRP, printre care:

- CVRP (Capacitated Vehicle Routing Problem)
- VRPP (Vehicle Routing Problem with Profits)
- VRPTW (Vehicle Routing Problem with Time Windows)
- VRPWT (Vehicle Routing Problem with Transfers)

- VRPMT (Vehicle Routing Problem with Multiple Trips)
- VRPPD (Vehicle Routing Problem with Pickup and Delivery)
- VRPB (Vehicle Routing Problem with Backhauls)
- PVRP (Periodic Vehicle Routing Problem)
- SVRP (Stochastic Vehicle Routing Problem)
- SDVRP (Split Delivery Vehicle Routing Problem)
- MDVRP (Multiple Depot Vehicle Routing Problem)
- IRP (Inventory Routing Problem)
- OVRP (Open Vehicle Routing Problem)
- OP (Orienteering Problem)
- TOP (The Team Orienteering Problem)
- CTOP (The Capacitated Team Orienteering Problem)
- TOPTW (The Capacitated Team Orienteering Problem with Time Windows)
- EVRP (Electric Vehicle Routing Problem)

4 Ce înseamnă ele?

CVRP este cea mai ușoară și des întâlnită variantă a VRP. Are constrângerea ca vehiculele să aibă o capacitate limitată de marfă pe care o pot transporta, iar scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

VRPP este o variantă a VRP în care fiecare client reprezintă un anumit profit, iar drumul până la el are un anumit cost. Scopul este maximizarea profitului total.

VRPTW este o variantă a VRP în care fiecare client trebuie vizitat într-o anumită fereastră de timp, iar scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

VRPWT este o variantă a VRP în care camioanele pot lăsa sau lua marfă din diferite puncte de transfer, iar scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

VRPMT este o variantă a VRP în care fiecare camion poate efectua mai multe drumuri într-o zi (de exemplu, drumurile de la client înapoi la depozit pentru a încărca din nou marfă), iar scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

VRPPD este o variantă a VRP în care fiecare client nu doar că așteaptă o livrare, dar vrea și să trimită una. Astfel, atunci când camionul ajunge la client, lasă un colet și ia altul care urmează să fie livrat. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

VRPB este o variantă a VRP în care există două tipuri de clienți: cei care doar primesc pachete și cei care doar trimit pachete. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

PVRP este o variantă a VRP în care livrările se fac pe o perioadă de timp, cum ar fi o săptămână sau o lună, iar scopul este stabilirea vehiculelor și a zilelor în care se va livra marfa fiecărui client.

SVRP este o variantă a VRP în care unele date nu sunt cunoscute cu certitudine înainte de planificarea rutelor, ele fiind aleatoare (stocastice – adică influențate de factori întâmplători). Exemple de parametri aleatori pot fi: condițiile de trafic, vremea sau cererea clientilor. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim, ținând cont de aceste incertitudini.

SDVRP este o variantă a VRP în care clienții pot primi livrări de la mai multe vehicule, livrarea putând fi împărțită în mai multe părți. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

MDVRP este o variantă a VRP în care există mai multe depozite din care se pot livra mărfurile către clienti. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

IRP este o variantă a VRP în care fiecare client are un stoc maxim și minim ce trebuie respectat, iar scopul este găsirea drumurilor cu cost minim astfel încât fiecare client să primească livrările în funcție de nivelul stocului și de nevoia sa curentă.

OVRP este o variantă a VRP în care, la finalul zilei, vehiculele nu se mai întorc la depozit. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim.

OP este o variantă a VRP în care fiecare client are un profit asociat, iar vehiculul (doar unul) are o distanță sau un timp limită în care poate vizita clientii. Scopul este alegerea clientilor care vor fi vizitați astfel încât profitul să fie maxim.

TOP este o extensie a OP, în care livrarea se face cu mai multe vehicule, iar scopul este alegerea clientilor care vor fi vizitați astfel încât profitul total să fie maxim.

CTOP este o extensie a TOP în care fiecare vehicul are o capacitate limită, iar scopul este alegerea clientilor care vor fi vizitați astfel încât profitul total să fie maxim.

TOPTW este o extensie a CTOP în care fiecare client trebuie să își primească livrarea într-o anumită fereastră de timp. Scopul este alegerea clientilor care vor fi vizitați astfel încât profitul total să fie maxim.

EVRP este o variantă a VRP în care se folosesc vehicule electrice, care au autonomie limitată și necesită reîncărcare. Scopul este găsirea drumurilor cu cost minim, ținând cont de nevoia și timpul de reîncărcare al vehiculelor electrice.

5 Varianta aleasă

În cadrul proiectului am ales să folosim varianta CVRP (Capacitated Vehicle Routing Problem) a problemei, fiind cea mai ușoară de înțeles și de abordat.

6 Bibliografie

<https://blog.locus.sh/vehicle-routing-problem/>
https://en.wikipedia.org/wiki/Vehicle_routing_problem
https://tftp-au.com/wp-content/uploads/2024/06/Pages-from-TTCP-Vol-9-No-1_2024-WEB-8.pdf
https://ro.wikipedia.org/wiki/Problema_rut%C4%83rii_vehiculelor
https://ro.wikipedia.org/wiki/Problema_comis-voiajorului
<https://developers.google.com/optimization/routing/cvrp>
<https://www.upperinc.com/glossary/route-optimization/vehicle-routing-problem-with-pro>
<https://developers.google.com/optimization/routing/vrptw>
<https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S0305054825000085>
<https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S0305054820301040>
<https://www.upperinc.com/glossary/route-optimization/vehicle-routing-problem-with-bac>
<https://www.upperinc.com/glossary/route-optimization/periodic-vehicle-routing-probl>
<https://www.upperinc.com/glossary/route-optimization/stochastic-vehicle-routing-probl>
<https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S0305054814002159>
<https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S0305054813001408>
<https://www.hexaly.com/templates/inventory-routing-problem-irp>
<https://www.upperinc.com/glossary/route-optimization/open-vehicle-routing-problem-ovr>
<https://www.sciencedirect.com/topics/mathematics/orienteering-problem>
<https://drops.dagstuhl.de/storage/01oasics/oasics-vol014-atmos2010/OASICs.ATMOS.2010.142/OASICs.ATMOS.2010.142.pdf>
https://www.researchgate.net/publication/256022425_The_Capacitated_Team_Orienteering_Problem_A_Bi-Level_Filter-and-Fan_Method
<https://www.praiseworthyprize.org/jsm/index.php?journal=irecos&page=article&op=view&path%5B%5D=18244>
<https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S2352146516000089>