

6. **while**  $|A| > 1$  **do**  
 $a \leftarrow$  losowy element z  $A$ ;  
 $A \leftarrow A \setminus \{a\}$   
 $b \leftarrow$  losowy element z  $A$ ;  
 $A \leftarrow A \setminus \{b\}$   
 $A \leftarrow A \cup \{a - b\}$   
 output  $(x \bmod 2)$ , gdzie  $x$  jest elementem ze zbioru  $A$

Zauważmy, że  $(a - b) \bmod c = (a \bmod c - b \bmod c) \bmod c$ , zatem nam potrzebujemy przechowywać każdy wybrany element, a jeśli nie idzie najniższy znaczący bit (wartość modulo 2 to najniższy znaczący bit liczby). Zauważmy też, że  $(a \bmod c - b \bmod c) \bmod c$  możemy przedstawić jako XOR z tych dwóch liczb, tzn.

| $a \% 2$ | $b \% 2$ | $a \% 2 \wedge b \% 2$ | $(a \% 2 - b \% 2) \% 2$ |
|----------|----------|------------------------|--------------------------|
| 0        | 0        | 0                      | 0                        |
| 0        | 1        | 1                      | 1                        |
| 1        | 0        | 1                      | 1                        |
| 1        | 1        | 0                      | 0                        |

Uten sposób potrzebujemy tylko 1 bitu, żeby przechowywać wartość result z wywołaniem algorytmu. Uważaj, itemy będziemy obliczać  $(a[i] \% 2) \wedge$  result. Możemy już wybrać losowy element z tablicy, możemy iterać po nich po kolei, bo określono jest  $\Theta(n)$ .

Algorytm:

$$x = A[0] \bmod 2$$

for  $i \leftarrow 1$  to  $|A|$ :

$$x = x \wedge (A[i] \bmod 2)$$

return  $x$