Ćwiczenia 1: Proste programy z pętlami cz. 1

- Zadanie 1. Proszę napisać program wypisujący elementy ciągu Fibonacciego mniejsze od miliona.
- **Zadanie 2.** Proszę znaleźć wyrazy początkowe zamiast 1,1 o najmniejszej sumie, aby w ciągu analogicznym do ciągu Fibonacciego wystąpił wyraz równy numerowi bieżącego roku.
- **Zadanie 3.** Proszę napisać program sprawdzający czy istnieje spójny podciąg ciągu Fibonacciego o zadanej sumie.
- **Zadanie 4.** Proszę napisać program obliczający pierwiastek całkowitoliczbowy z liczby naturalnej korzystając z zależności $1+3+5+...=n^2$.
- Zadanie 5. Proszę napisać program wyznaczający pierwiastek kwadratowy ze wzoru Newtona.
- **Zadanie 6.** Proszę napisać program rozwiązujący równanie $x^x = 2020$ metodą bisekcji.
- **Zadanie 7.** Napisz program wczytujący liczbę naturalną z klawiatury i odpowiadający na pytanie, czy liczba ta jest iloczynem dowolnych dwóch kolejnych wyrazów ciągu Fibonacciego.
- Zadanie 8. Napisać program sprawdzający czy zadana liczba jest pierwsza.
- Zadanie 9. Napisać program wypisujący podzielniki liczby.
- Zadanie 10. Napisać program wyszukujący liczby doskonałe mniejsze od miliona.
- Zadanie 11. Napisać program wyszukujący liczby zaprzyjaźnione mniejsze od miliona.
- Zadanie 12. Napisać program wyznaczający największy wspólny dzielnik 3 zadanych liczb.
- Zadanie 13. Napisać program wyznaczający najmniejszą wspólną wielokrotność 3 zadanych liczb.
- Zadanie 14. Napisać program obliczający wartości cos(x) z rozwinięcia w szereg Maclaurina.
- **Zadanie 15.** Nieskończony iloczyn $sqrt(0.5) * sqrt(0.5 + 0.5 * sqrt(0.5)) * sqrt(0.5 + 0.5 * sqrt(0.5)) * ... ma wartość <math>2/\pi$. Napisz program korzystający z tej zależności i wyznaczający wartość π .
- **Zadanie 16.** Dany jest ciąg określony wzorem: $A_{n+1} = (A_n \mod 2) * (3 * A_n + 1) + (1 A_n \mod 2) * A_n/2$ Startując z dowolnej liczby naturalnej > 1 ciąg ten osiąga wartość 1. Napisać program, który znajdzie wyraz początkowy z przedziału 2-10000 dla którego wartość 1 jest osiągalna po największej liczbie kroków.
- **Zadanie 17.** Napisać program wyznaczający wartość do której zmierza iloraz dwóch kolejnych wyrazów ciągu Fibonacciego. Wyznaczyć ten iloraz dla różnych wartości początkowych wyrazów ciągu.
- Zadanie 18. Zmodyfikować wzór Newtona aby program z zadania 5 obliczał pierwiastek stopnia 3.
- **Zadanie 19.** Napisać program wyznaczający wartość liczby e korzystając z zależności: $e = 1/0! + 1/1! + 1/2! + 1/3! + \dots$
- **Zadanie 20.** Dane są ciągi: $A_{n+1} = \sqrt{A_n * B_n}$ oraz $B_{n+1} = (A_n + B_n)/2.0$. Ciągi te są zbieżne do wspólnej granicy nazywanej średnią arytmetyczno-geometryczną. Napisać program wyznaczający średnią arytmetyczno-geometryczną dwóch liczb.