„geometry

Zad. 1 (KO)

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$$

Prawdopodobienstwo dowolnego rzutu $\frac{1}{4}$.
B - wypadna 2 orly, $P(B) = \frac{1}{4}$.
a) A - wypadnie orzel, $P(A) = \frac{3}{4}$;

$$P(A|B) = \frac{\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4}}{\frac{3}{4}} = \frac{1}{4}$$

b) A - w dowolnym rzucie wypadl orzel, $P(A) = 1 - (\frac{1}{4})^2 = \frac{15}{16}$. Poniewaz zdarzenia sa zalezne:

$$P(A|B) = \frac{1}{3}$$

Zad. 2 (KO)

Po rozdaniu dla pierwszych 2 graczy zostaje 26 kart, w nich 5 trefli. Gracz E moze wylosowac swoje 13 kart na $\binom{26}{13}$. Zeby wsrod wylosowanych kart miec 3 trefli na $\binom{5}{3} \cdot \binom{23}{10}$

$$P = \frac{\binom{5}{3} \cdot \binom{23}{10}}{\binom{26}{13}}$$

Zad. 3 (MM)

Zad. 3 (MM)

a) Nie sa.
P(E$_1$) $= \frac{5}{36}, P(F) = \frac{1}{6}, P(E_1 \cap F) = \frac{1}{36}$
$P(E_1 \cap F) \neq P(E_1)P(F)$
$b)Sa.$
$P(E_2) = \frac{1}{6}, P(E_2 \cap F) = \frac{1}{36}$
$P(E_2 \cap F) = P(E_2)P(F)$

Zad. 4 (MK)

0.8 - moduł nie przeszedł inspekcji
0.2 - moduł przeszedł inspekcję
$P(A) = 0.2 \cdot 0.95 = 0.19$ - moduł bez wad po inspekcji
$P(B) = 0.8 \cdot 0.7 = 0.56$ - moduł bez wad bez inspekcji
$P(C) = 0.2 - 0.19 = 0.01$ - moduł wadliwy po inspekcji
$P(D) = 0.8 - 0.56 = 0.24$ - moduł wadliwy bez inspekcji
$P(E) = \frac{P(C)}{P(C)+(P(D)}$ - szansa na to, aby moduł wadliwy był po inspekcji
$\frac{0.01}{0.25} = 0.04$

Zad. 7 (MM) Prawdopodobienstwo ze informacja nie dojdze do celu:

P(E $\cap (A \cup B \cup (C \cap D))) = P(E)P(A \cup B \cup (C \cap D)) =$
$= P(E)(P(A) + P(B) + P(C \cap D) - P(A \cap B) - P(A \cap (C \cap D)) - P(B \cap (C \cap D)) + P(A \cap B \cap (C \cap D))) =$
$= P(E)(P(A)+P(B)+P(C)P(D)-P(A)P(B)-P(A)P(C)P(D)-P(B)P(C)P(D)+P(A)P(B)P(C)P(D)) = 0.01 \cdot (0.05 + 0.1 + 0.05 \cdot 0.01 - 0.05 \cdot 0.1 - 0.05 \cdot 0.05 \cdot 0.01 - 0.1 \cdot 0.05 \cdot 0.01 + 0.05 \cdot 0.1 \cdot 0.05 \cdot 0.01) = 0.001454275 Odpowiedzto:$
$1 - 0.001454275 = 0.998545725$

Zad. 8 (MK)

A - moduł A zawiera błędy
B - moduł B zawiera błędy
AB - oba moduły zawierają błędy
$P(A) = 0.2$ $P(B) = 0.4$
wydarzenia A i B są od siebie niezależne
$P(AB) = P(A) \cdot P(B) = 0.2 \cdot 0.4 = 0.08$
AwA - awaria wywołana błędem w samym A
AwB - awaria wywołana błędem w samym B
AwAB - awaria wywołana wadliwościa obu modułów
$P(AwA) = 0.5$
$P(AwB) = 0.8$
$P(AwAB) = 0.9$
moduł A był wadliwy i wywołał awarię:
$P(A) \cdot P(AwA) = 0.1$
moduł B był wadliwy i wywołał awarię:
$P(B) \cdot P(AwB) = 0.32$
oba moduły były wadliwe i nastąpiła awaria:
$P(AB) \cdot P(AwAB) = 0.08 \cdot 0.9 = 0.072$
zatem:
$\frac{0.072}{0.1+0.32+0.072} = \frac{0.072}{0.492} = 0.146$
Odpowiedź: 0.146

Zad. 9 (SS)

1) Strategia: liczymy na to, że ostatnia karta to as pik.
Prawdopodobieństwo, że w ostatnia karta to as pik wynosi: $\frac{1}{n}$

2) Strategia: liczymy na to, że kolejna karta to as pik. Więc:
$E_1 = \frac{1}{n+1-1}$
$E_2 = \frac{1}{n+1-2}$
...
$E_n = \frac{1}{n+1-n}$

Z reguły łańcuchowej:
P(E$_1 E_2 ... E_N) = P(E_1) \cdot P(E_2|E_1) \cdot P(E_3|E_1E_2) \cdot ... \cdot P(E_n|E_1...E_{n-1})$
P(E$_1 E_2 ... E_N) = \frac{1}{n} \cdot \frac{\frac{1}{n-1}}{\frac{1}{n}} \cdot ... \cdot \frac{\frac{n}{n}}{P(E_1...E_{n-1})}$
$P(E_1E_2...E_N) < \frac{1}{n}$ Więc, lepiej przyjąć strategie 1).

Zad. 10 (SS)
$\sum_{i=1}^{n-k} \frac{-1^i}{i!} \cdot k!$