

# Programmation Fonctionnelle

## Cours 05

Michele Pagani



Université Paris Diderot  
UFR Informatique  
Laboratoire Preuves, Programmes et Systèmes

`pagani@pps.univ-paris-diderot.fr`

October 19, 2014

# Type Unit

## Unit = la 0-uplet !

```
# print_string "Hello_world\n";;  
Hello world  
- : unit = ()
```

- il a une seule valeur possible: ()  
elle représente la  $n$ -uplet de 0 éléments,
- il est le type des expressions dont l'intérêt n'est pas dans leur valeur mais dans leur **effets de bord**
  - modification de l'état du système (e.g. affichage à l'écran, écriture sur un fichier, changement de la mémoire...)
  - on sort ici du cadre purement fonctionnel
- on peut enchaîner des expressions de type `unit` en utilisant ;

```
# print_string "Hello_"; print_string "world\n";;  
Hello world  
- : unit = ()
```

## Unit = la 0-uplet !

```
# print_string "Hello_world\n";;  
Hello world  
- : unit = ()
```

- il a une seule valeur possible: ()  
elle représente la  $n$ -uplet de 0 éléments,
- il est le type des expressions dont l'intérêt n'est pas dans leur valeur mais dans leur **effets de bord**
  - modification de l'état du système (e.g. affichage à l'écran, écriture sur un fichier, changement de la mémoire...)
  - on sort ici du cadre purement fonctionnel
- on peut enchaîner des expressions de type `unit` en utilisant ;

```
# print_string "Hello_"; print_string "world\n";;  
Hello world  
- : unit = ()
```

## Unit = la 0-uplet !

```
# print_string "Hello_world\n";;  
Hello world  
- : unit = ()
```

- il a une seule valeur possible: ()  
elle représente la  $n$ -uplet de 0 éléments,
- il est le type des expressions dont l'intérêt n'est pas dans leur valeur mais dans leur **effets de bord**
  - modification de l'état du système (e.g. affichage à l'écran, écriture sur un fichier, changement de la mémoire...)
  - on sort ici du cadre purement fonctionnel
- on peut enchaîner des expressions de type `unit` en utilisant ;

```
# print_string "Hello_"; print_string "world\n";;  
Hello world  
- : unit = ()
```

## Unit (fonctions)

|  |  |
|--|--|
| <code>print_char : char -&gt; unit</code>      | affiche un caractère                               |
| <code>print_int : int -&gt; unit</code>        | affiche un entier                                  |
| <code>print_float : float -&gt; unit</code>    | affiche un nombre réel                             |
| <code>print_string : string -&gt; unit</code>  | affiche une chaîne de caractères                   |
| <code>print_endline : string -&gt; unit</code> | affiche une chaîne suivie d'un changement de ligne |
| <code>print_newline : unit -&gt; unit</code>   | affiche un changement de ligne                     |
| <code>read_line : unit -&gt; string</code>     | lit une chaîne de caractères                       |
| <code>read_int : unit -&gt; int</code>         | lit un entier                                      |
| <code>read_float : unit -&gt; float</code>     | lit un nombre réel                                 |

- plus sur `unit` quand on étudiera les traits impératifs de OCaml.

## Unit (examples)

```
(*notez la difference !*)  
# let effet = print_endline "hello";;  
hello  
val effet : unit = ()
```

```
# let string = "hello";;  
val string : string = "hello"
```

```
# string ^ "␣world";;  
- : string = "hello␣world"
```

```
# effet ^ "␣world";;  
    ^^^
```

Error: This expression has **type** unit but an expression was expected **of type** string

```
# string ; 3;;  
    ^^^
```

Warning 10: this expression should have **type** unit.  
- : int = 3

```
# effet ; 3;;  
- : int = 3
```

## Unit (exemples)

```
# read_line ();  
Hello  
- : string = "Hello"
```

```
# let hello = print_endline "Comment tu t'appelle?" ;  
           let s = read_line () in  
           print_endline ("Bonjour" ^ s ^ "!!");;  
Comment tu t'appelle?  
Michele  
Bonjour Michele!  
val hello : unit = ()
```

```
(*Qu'est-ce que fait cette fonction ?*)  
# let rec perroquet x =  
    print_endline "Je suis un perroquet" ;  
    let s = read_line () in  
    print_endline s ;  perroquet ();;  
val perroquet : unit -> 'a = <fun>
```



## Unit (Exercise)

- Écrire une fonction qui choisit un entier  $n$  au hasard (utiliser la fonction `Random.int`) et demande à l'utilisateur de deviner  $n$ . Si l'utilisateur choisit un entier plus grand (resp. plus petit) le programme lui affiche `trop grand` (resp. `trop petit`) et répète la demande. Le programme s'arrête lorsque l'utilisateur devine le nombre  $n$ .

# Les Exceptions,

# Les Exceptions, i.e. le type `Exception`

# Exceptions

```
# 3/0;;  
Exception: Division_by_zero.
```

```
# List.hd [];;  
Exception: Failure "hd".
```

```
# String.get "Hello" 17;;  
Exception: Invalid_argument "index_out_of_bounds".
```

- une fonction d'un certain type peut ne pas être définie sur toutes les valeurs de ce type
- le mécanisme d'exceptions de OCaml permet de traiter l'application d'une fonction en dehors de son domaine de définition
  - toujours préférable à l'envoi des valeurs légales mais bidon
  - arrêt du programme si l'exception n'est pas rattrapée

# Exceptions

```
# 3/0;;  
Exception: Division_by_zero.
```

```
# List.hd [];;  
Exception: Failure "hd".
```

```
# String.get "Hello" 17;;  
Exception: Invalid_argument "index_out_of_bounds".
```

- une fonction d'un certain type peut ne pas être définie sur toutes les valeurs de ce type
- le mécanisme d'exceptions de OCaml permet de traiter l'application d'une fonction en dehors de son domain de définition
  - toujours préférable à l'envoi des valeurs légales mais bidon
  - arrêt du programme si l'exception n'est pas rattrapée

# Exceptions

```
# 3/0;;  
Exception: Division_by_zero.
```

```
# List.hd [];;  
Exception: Failure "hd".
```

```
# String.get "Hello" 17;;  
Exception: Invalid_argument "index_out_of_bounds".
```

- une fonction d'un certain type peut ne pas être définie sur toutes les valeurs de ce type
- le mécanisme d'exceptions de OCaml permet de traiter l'application d'une fonction en dehors de son domain de définition
  - toujours préférable à l'envoi des valeurs légales mais bidon
  - arrêt du programme si l'exception n'est pas rattrapée

# Exceptions

```
# 3/0;;  
Exception: Division_by_zero.
```

```
# List.hd [];;  
Exception: Failure "hd".
```

```
# String.get "Hello" 17;;  
Exception: Invalid_argument "index_out_of_bounds".
```

- une fonction d'un certain type peut ne pas être définie sur toutes les valeurs de ce type
- le mécanisme d'exceptions de OCaml permet de traiter l'application d'une fonction en dehors de son domain de définition
  - toujours préférable à l'envoi des valeurs légales mais bidon
  - arrêt du programme si l'exception n'est pas rattrapée

# Exceptions

```
# 3/0;;  
Exception: Division_by_zero.
```

```
# List.hd [];;  
Exception: Failure "hd".
```

```
# String.get "Hello" 17;;  
Exception: Invalid_argument "index_out_of_bounds".
```

- une fonction d'un certain type peut ne pas être définie sur toutes les valeurs de ce type
- le mécanisme d'exceptions de OCaml permet de traiter l'application d'une fonction en dehors de son domaine de définition
  - toujours préférable à l'envoi des valeurs légales mais bidon
  - arrêt du programme si l'exception n'est pas rattrapée



## Exceptions (exn)

- les exceptions sont des valeurs d'un **type exn**:

**type** exn =

```
...  
| Division_by_zero  
| Failure of string  
| Invalid_argument of string  
| ...
```

- exn est un type **somme**:
  - Division\_by\_zero, Failure, ... sont les constructeurs,
  - parfois ils ont un argument pour transporter de l'information sur l'origine de l'exception
- en effet, exn est un type **extensible**:

```
# exception Echec ;;  
exception Echec  
# exception Int_exception of int ;;  
exception Int_exception of int
```

## Exceptions (exn)

- les exceptions sont des valeurs d'un **type exn**:

**type** exn=

```
...  
| Division_by_zero  
| Failure of string  
| Invalid_argument of string  
| ...
```

- exn est un type **somme**:
  - Division\_by\_zero, Failure, ... sont les constructeurs,
  - parfois ils ont un argument pour transporter de l'information sur l'origine de l'exception
- en effet, exn est un type **extensible**:

```
# exception Echec ;;  
exception Echec  
# exception Int_exception of int;;  
exception Int_exception of int
```

## Exceptions (exn)

- les exceptions sont des valeurs d'un **type exn**:

**type** exn=

```
...  
| Division_by_zero  
| Failure of string  
| Invalid_argument of string  
| ...
```

- exn est un type **somme**:
  - Division\_by\_zero, Failure, ... sont les constructeurs,
  - parfois ils ont un argument pour transporter de l'information sur l'origine de l'exception
- en effet, exn est un type **extensible**:

```
# exception Echec ;;  
exception Echec  
# exception Int_exception of int;;  
exception Int_exception of int
```

## Exceptions (raise)

- on peut lever une exception en utilisant raise:

```
# raise;;  
- : exn -> 'a = <fun>
```

- le type 'a permet que la levée d'une exception soit compatible avec n'importe quelle autre expression:

```
# let rec fact = function  
  0 -> 1  
  | n -> if n>0 then n*(fact (n-1))  
          else raise (Int_exception n);;  
val fact : int -> int = <fun>
```

```
# fact (-1);;  
Exception: Int_exception (-1).
```

- la levée d'une exception arrête l'évaluation d'une expression:

```
# (fun x -> 1) (fact (-1));;  
Exception: Int_exception (-1).
```

## Exceptions (raise)

- on peut lever une exception en utilisant raise:

```
# raise;;  
- : exn -> 'a = <fun>
```

- le type 'a permet que la levée d'une exception soit compatible avec n'importe quelle autre expression:

```
# let rec fact = function  
  0 -> 1  
  | n -> if n>0 then n*(fact (n-1))  
          else raise (Int_exception n);;  
val fact : int -> int = <fun>
```

```
# fact (-1);;  
Exception: Int_exception (-1).
```

- la levée d'une exception arrête l'évaluation d'une expression:

```
# (fun x -> 1) (fact (-1));;  
Exception: Int_exception (-1).
```

## Exceptions (raise)

- on peut lever une exception en utilisant raise:

```
# raise;;  
- : exn -> 'a = <fun>
```

- le type 'a permet que la levée d'une exception soit compatible avec n'importe quelle autre expression:

```
# let rec fact = function  
  0 -> 1  
  | n -> if n>0 then n*(fact (n-1))  
          else raise (Int_exception n);;  
val fact : int -> int = <fun>
```

```
# fact (-1);;  
Exception: Int_exception (-1).
```

- la levée d'une exception arrête l'évaluation d'une expression:

```
# (fun x -> 1) (fact (-1));;  
Exception: Int_exception (-1).
```

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
| excep1 -> expr1  
...  
| excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
| excep1 -> expr1  
...  
| excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type



## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
  | excep1 -> expr1  
  ...  
  | excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
  | excep1 -> expr1  
  ...  
  | excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
  | excep1 -> expr1  
  ...  
  | excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
  | excep1 -> expr1  
  ...  
  | excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
  | excep1 -> expr1  
  ...  
  | excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (**try** ... **with** ...)

```
try expr with  
  | excep1 -> expr1  
  ...  
  | excepn -> exprn
```

- un filtrage par motif capable de rattraper les exceptions
- on évalue `expr`,
  - si pas d'exception, alors la valeur est la valeur de `expr`
  - sinon, on filtre la valeur de l'exception avec `excep1`, puis `excep2`, puis `excep3`, ...
    - si on trouve un motif compatible, alors on évalue l'expression correspondante (rattrapage de l'exception)
    - sinon on propage l'exception jusqu'au prochaine `try...with...`
- les motifs doivent être du type `exn`
- les expressions dans le filtrage doivent être du même type

## Exceptions (divide.ml)

```
1 let divide x =  
2   print_endline "donner le numérateur";  
3   let n = read_int () in  
4   print_endline "donner le dénominateur";  
5   let m = read_int () in  
6   n/m  
7  
8 let rec main () =  
9   try  
10    begin  
11     let r = divide () in  
12     print_string "la division est ";  
13     print_int r  
14    end  
15  with  
16  | Division_by_zero ->  
17    print_endline "Grrr! pas choisir 0!"; main ()  
18  
19 main ()
```

## Exceptions (complet1.ml)

```
1  (* sans exceptions , avec parcours multiples *)
2  type arbre = F | N of arbre * arbre;;
3
4  let rec hauteur a =
5      match a with
6      | F -> 0
7      | N(g,d) -> 1 + max (hauteur g) (hauteur d);;
8
9  let rec complet a =
10     match a with
11     | F -> true
12     | N(g,d) -> (complet g) && (complet d)    (* parcours g,d *)
13                && (hauteur g = hauteur d);; (* parcours g,d *)
14
15
16  complet (N(N(F,F),N(F,F)));;
17  complet (N(N(F,F),N(F,N(F,F))));;
```



## Exceptions (complet2.ml)

```
1  (* avec exceptions et un seul parcours de l'arbre : *)
2  exception Incomplet
3
4  let complet a =
5      let rec haut_aux a = match a with
6          | F -> 0
7          | N(g,d) ->
8              let hg = haut_aux g
9              and hd = haut_aux d in
10             if hg = hd then (1 + hg) else raise Incomplet
11      in try
12          let _ = haut_aux a in true
13      with Incomplet -> false;;
14
15  complet (N(N(F,F),N(F,F))));;
16  complet (N(N(F,F),N(F,N(F,F))));;
```

# Assertions

- Mot clef **assert** , suivi d'une expression booléenne
- Lève une exception `Assert_failure` quand l'expression donne `false` , avec nom du fichier, numéro de ligne et colonne
- Utile pour déclarer des invariants
- Utile pour tester des invariants pendant l'exécution
- On peut désactiver les assertions pendant la compilation d'un programme:  
`ocamlc -noassert`
- Premier langage avec assertions : `Eiffel`

# Assertions

- Mot clef `assert`, suivi d'une expression booléenne
- Lève une exception `Assert_failure` quand l'expression donne `false`, avec nom du fichier, numéro de ligne et colonne
- Utile pour déclarer des invariants
- Utile pour tester des invariants pendant l'exécution
- On peut désactiver les assertions pendant la compilation d'un programme:  
`ocamlc -noassert`
- Premier langage avec assertions : `Eiffel`

# Assertions

- Mot clef `assert` , suivi d'une expression booléenne
- Lève une exception `Assert_failure` quand l'expression donne `false` , avec nom du fichier, numéro de ligne et colonne
- Utile pour déclarer des invariants
- Utile pour tester des invariants pendant l'exécution
- On peut désactiver les assertions pendant la compilation d'un programme:  
`ocamlc -noassert`
- Premier langage avec assertions : `Eiffel`

# Assertions

- Mot clef `assert`, suivi d'une expression booléenne
- Lève une exception `Assert_failure` quand l'expression donne `false`, avec nom du fichier, numéro de ligne et colonne
- Utile pour déclarer des invariants
- Utile pour tester des invariants pendant l'exécution
- On peut désactiver les assertions pendant la compilation d'un programme:  
`ocamlc -noassert`
- Premier langage avec assertions : `Eiffel`

# Assertions

- Mot clef `assert`, suivi d'une expression booléenne
- Lève une exception `Assert_failure` quand l'expression donne `false`, avec nom du fichier, numéro de ligne et colonne
- Utile pour déclarer des invariants
- Utile pour tester des invariants pendant l'exécution
- On peut désactiver les assertions pendant la compilation d'un programme:  
`ocamlc -noassert`
- Premier langage avec assertions : `Eiffel`

# Assertions

- Mot clef `assert`, suivi d'une expression booléenne
- Lève une exception `Assert_failure` quand l'expression donne `false`, avec nom du fichier, numéro de ligne et colonne
- Utile pour déclarer des invariants
- Utile pour tester des invariants pendant l'exécution
- On peut désactiver les assertions pendant la compilation d'un programme:  
`ocamlc -noassert`
- Premier langage avec assertions : `Eiffel`

## Assertions (Exemple)

```
1  let rec fib n =
2    assert (n>=0) ;
3    match n with
4    | 0 | 1 -> n
5    | n -> fib (n-1) + fib (n-2)
6
7  let rec main () =
8    let _ = print_endline "Give me a non-negative number" in
9    let n = read_int () in
10   try let m = fib n in
11     print_string "The fibonacci is ";
12     print_int m; print_newline ()
13   with
14   | Assert_failure _ ->
15     print_endline "Grrr! non-negative!"; main ()
16 ;;
17
18 main ()
```