

# xburia28

January 18, 2023

Vítejte u třetího projektu do SUI! V tomto projektu si procvičíte trénování jednoduchých neuronových sítí. Dost jednoduchých na to, abyste pro výpočty nepotřebovali grafickou kartu. Na druhé straně, dost složitých na to, abychom Vás již netrápili implementací v holém NumPy. Vaším nultým úkolem bude nainstalovat si PyTorch, na [domovské stránce projektu](#) si můžete nechat vygenerovat instalační příkaz pro Vaše potřeby.

Odevzdejte prosím dvojici souborů: Vyrenderované PDF a vyexportovaný Python (File -> Download as). Obojí **pojmenujte loginem vedoucího týmu**. U PDF si pohlídejte, že Vám nemizí kód za okrajem stránky.

V jednotlivých buňkách s úkoly (což nejsou všechny) nahrazujte `pass` a `None` vlastním kódem.

V průběhu řešení se vždy vyvarujte cyklení po jednotlivých datech.

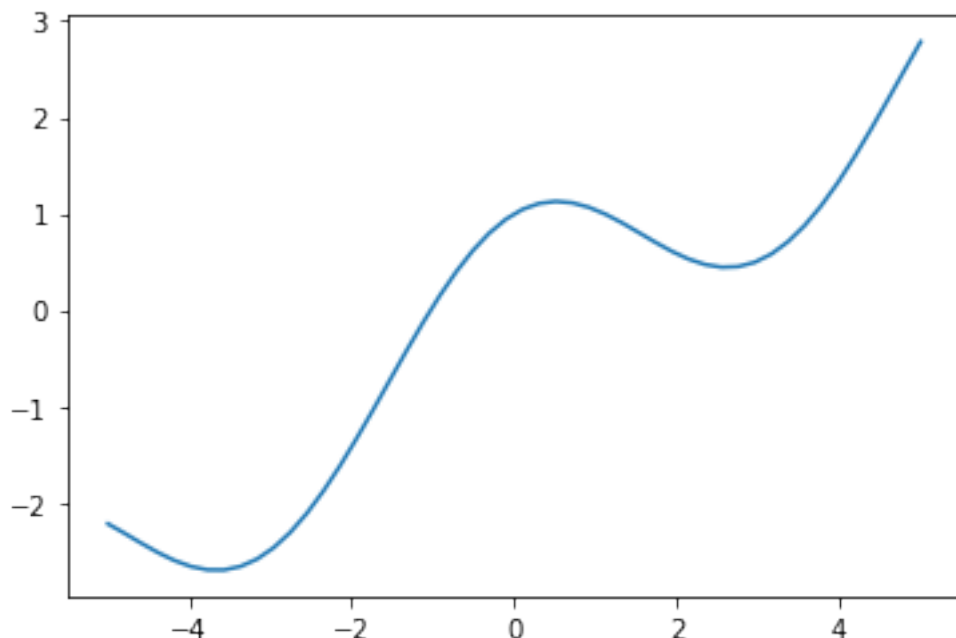
```
[ ]: import torch
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import itertools
```

Celý tento projekt bude věnován regresi, tj. odhadu spojitě výstupní veličiny. V první části projektu budete pracovat s následující funkcí:

```
[ ]: def func(x):
    return torch.cos(x) + x/2

xs = np.linspace(-5, 5, 50)

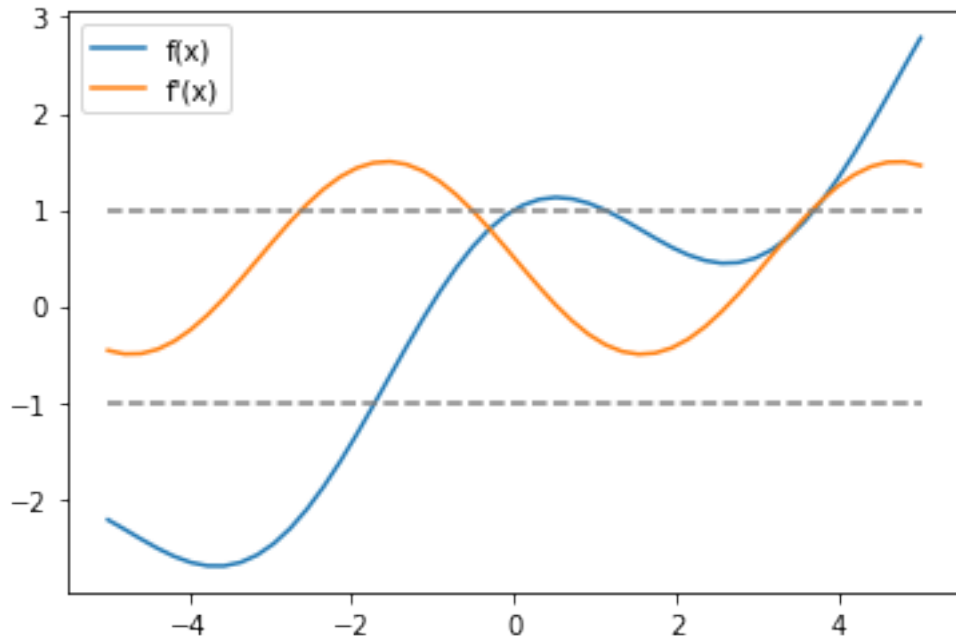
plt.plot(xs, func(torch.tensor(xs)))
plt.show()
```



Vášim prvním úkolem bude pomocí PyTorché vypočítat hodnoty derivace této funkce na rozsahu  $<-5, 5>$ . Vytvořte si tensor  $x$  a řekněte PyTorch, že budete vzhledem k němu chtít spočítat gradienty (defaultně se to u `Tensoru` nepředpokládá). Pomocí back-propagace je pak vypočítejte. PyTorch umí backpropagovat jenom skalár, najděte tedy způsob, jak agregovat všechny výstupy funkce tak, aby složky gradientu agregované hodnoty byly hodnotami derivace funkce `func` v jednotlivých `xech`.

```
[ ]: xs = np.linspace(-5, 5, 50)
      xs = torch.tensor(xs, requires_grad=True)
      fs = func(xs)
      fs.sum().backward()
      xs.grad

      plt.plot(xs.detach(), fs.detach(), label="f(x)")
      plt.plot(xs.detach(), xs.grad, label="f'(x)")
      plt.plot(xs.detach(), 1 * np.ones(xs.shape[0]), color='gray', linestyle='--')
      plt.plot(xs.detach(), -1 * np.ones(xs.shape[0]), color='gray', linestyle='--')
      plt.legend(loc="upper left")
      plt.show()
```



Dále budete hledat lokální minimum této funkce. Naimplementujte funkci `tangent_minimum`, která – v blízké podobnosti metodě tečen – nalezne řešení, resp. vrátí posloupnost jednotlivých bodů, jimiž při hledání minima prošla. Jejími vstupy jsou: \* `function` – PyTorch-kompatibilní funkce \* `x0` – počáteční bod \* `nb_steps` – zadaný počet kroků, který má být proveden. Ve výstupu tedy bude `nb_steps + 1` položek (vč. `x0`)

Reálně implementujte gradient descent, tedy iterativně vypočítejte hodnotu gradientu (derivate) v aktuálním bodě řešení a odečtete ji od onoho bodu. Neuvažujte žádnou learning rate (resp. rovnou jedné) a nepoužívejte žádné vestavěné optimalizátory z PyTorch.

Zbýlý kód v buňce pak funkci zavolá a vykreslí, jak postupovala.

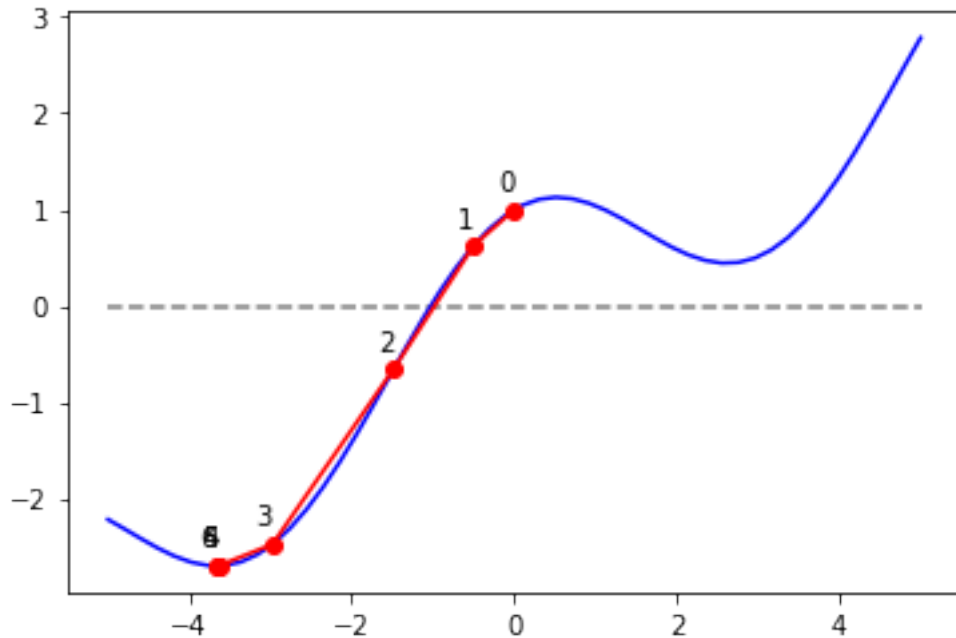
```
[ ]: def tangent_minimum(function, x0, nb_steps):
    path = [x0.item()]
    for i in range(nb_steps):
        fx = function(x0)
        fx.backward()
        grad = x0.grad
        x0 = x0.detach()
        x0 -= grad
        path.append(x0.item())
        x0.requires_grad = True
    return path

x0 = torch.tensor([0.0], requires_grad=True)
updates = tangent_minimum(func, x0, 6)
plt.figure()
```

```
plt.plot(xs.detach(), 0 * np.ones(xs.shape[0]), color='gray', linestyle='--')
plt.plot(xs.detach(), func(xs).detach(), 'b')
plt.plot(updates, func(torch.tensor(updates)).detach(), 'r', marker='o')

for i, (x, y) in enumerate(zip(updates, func(torch.tensor(updates)).detach())):
    plt.annotate(f'{i}', (x, y), xytext=(x-0.2, y+0.2))

plt.show()
```



## 0.1 Modelování polynomů

V následujících několika buňkách budete usilovat o modelování této křivky pomocí polynomů. Prvním krokem bude implementace třídy `LinearRegression`, která bude implementovat ... lineární regresi, pomocí jediného objektu třídy... `torch.nn.Linear`! Po vytvoření objektu `torch.nn.Linear` sáhněte do jeho útrob a nastavte na nulu bias a všechny váhy kromě nulté – tu nastavte na jednu polovinu. Tím získáte model  $y = \frac{x}{2}$ , který pro nadcházející úlohu není úplně mimo, a nebudete se tak trápit s dramatickým dynamickým rozsahem loss.

Nechť `LinearRegression` dědí od `torch.nn.Module`, výpočet tedy specifikujte v metodě `forward()`. Při výpočtu zařídte, aby byl výstup ve tvaru `[N]`, nikoliv `[N, 1]`; zároveň to ale nepřepněte a pro jediný vstup vraťte stále vektor o rozměru `[1]` a ne jen skalár. Dále naimplementujte metodu `l2_norm()`, která vrací eukleidovskou velikost všech parametrů modelu dohromady, jakoby tvořily jediný vektor. Může se vám hodit `torch.nn.Module.parameters()`.

```
[ ]: class LinearRegression(torch.nn.Module):
    def __init__(self, input_dim):
```

```

super(LinearRegression, self).__init__()
self.linear = torch.nn.Linear(input_dim, 1)
self.linear.bias.data.fill_(0)
self.linear.weight.data.fill_(0)
torch.nn.init.constant_(self.linear.weight[0,0], 0.5)

def forward(self, x):
    x = self.linear(x)
    return torch.squeeze(x)

def l2_norm(self):
    l2_norm = 0.0
    for param in self.parameters():
        l2_norm += param.norm(2)
    return l2_norm

```

Naimplementujte funkci pro trénování modelu takového modelu. Funkce přijímá: \* `model` – PyTorch-kompatibilní model \* `loss_fun` – funkci, která konzumuje výstupy modelu a cílové hodnoty a model (kvůli regularizaci) \* `optimizer` – PyTorch-kompatibilní optimalizátor \* `train_X` – trénovací data ve formátu `[N, F]` \* `train_t` – cílové hodnoty ve formátu `[N]` \* `nb_steps` – počet kroků, které se mají provést

Funkce potom vrací průběh trénovací MSE a průběh velikosti parametrů (předpokládejte, že `model` poskytuje `.l2_norm()`). Tedy, dodaná `loss_fun` je použita pouze pro optimalizaci, ale nikde se její hodnoty nelogují.

Dále naimplementujte třídu `MSE_with_regression`, jejíž instance budou sloužit jako mean-square-error loss, navíc rozšířená o L2 regularizaci, jejíž sílu určí uživatel při konstrukci parametrem `l2_beta`.

```

[ ]: def train_regression_model(model, loss_fun, optimizer, train_X, train_t,
    ↪nb_steps=100):
    mses = []
    norms = []
    for step in range(nb_steps):
        optimizer.zero_grad() #clear gradient
        output = model(train_X)
        loss = loss_fun(output, train_t, model)
        loss.backward() #compute gradients
        optimizer.step()
        mses.append(torch.nn.functional.mse_loss(output.detach(), train_t))
        norms.append(model.l2_norm().item())
    return mses, norms

class MSE_with_regression:
    def __init__(self, l2_beta=0.0):
        self.loss = torch.nn.MSELoss()
        self.l2_beta = l2_beta

```

```

def __call__(self, y, t, model):
    mse = self.loss(y, t)
    l2 = model.l2_norm()
    return mse + self.l2_beta * l2

```

Spusťte trénování několikrát pomocí `try_beta` a najděte tři nastavení, která dají po řadě: 1. Dobrý odhad. 2. Silně potlačený odhad regrese, kde ale bude pořád dobře zřetelný trend růstu 3. Extrémně zregulizovaný model, který de facto predikuje konstantu.

Omezte se na interval  $<1e-10, 1e+10>$ .

```

[ ]: def plot_training_result(model, losses, norms):
    fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(13, 6))
    axs[0].plot(xs.detach(), model(xs.float().unsqueeze(-1)).detach())
    axs[0].scatter(data, ts, c='r')

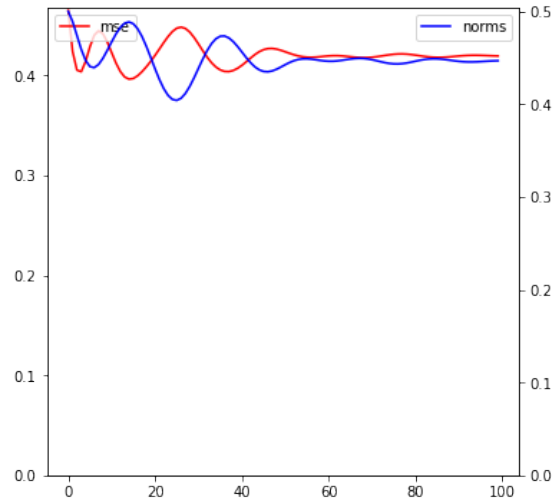
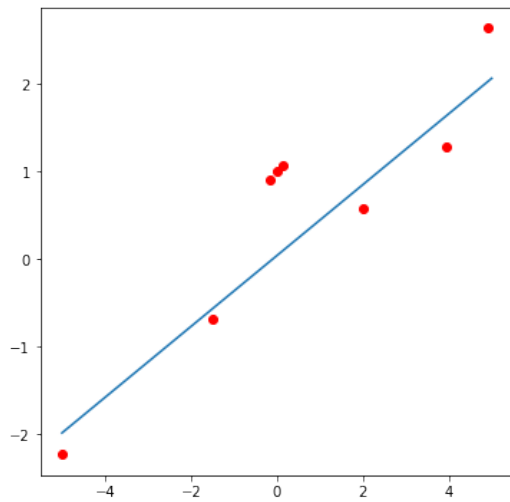
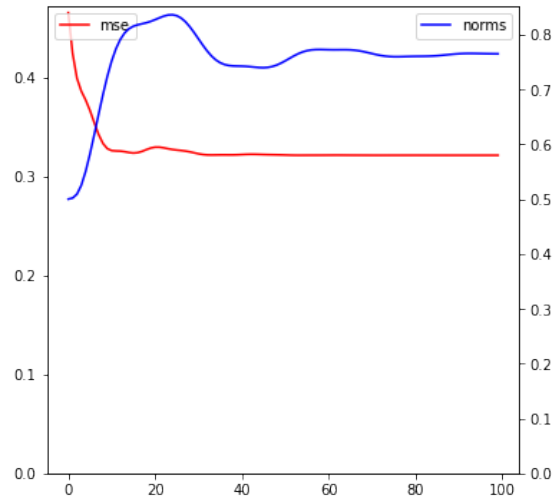
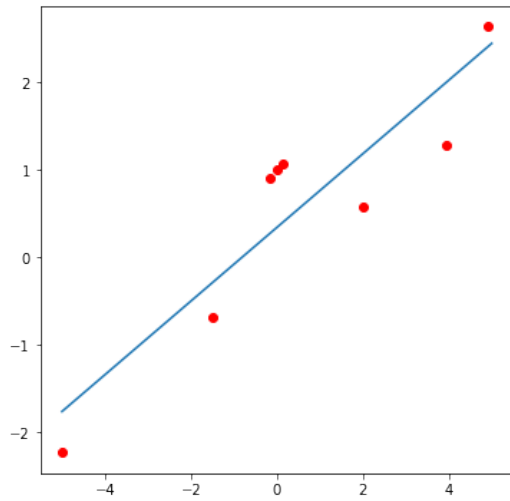
    axs[1].plot(losses, 'r-', label='mse')
    axs[1].legend(loc="upper left")
    axs[1].set_ylim(bottom=0)
    ax_2 = axs[1].twinx()
    ax_2.plot(norms, 'b-', label='norms')
    ax_2.legend(loc="upper right")
    ax_2.set_ylim(bottom=0)

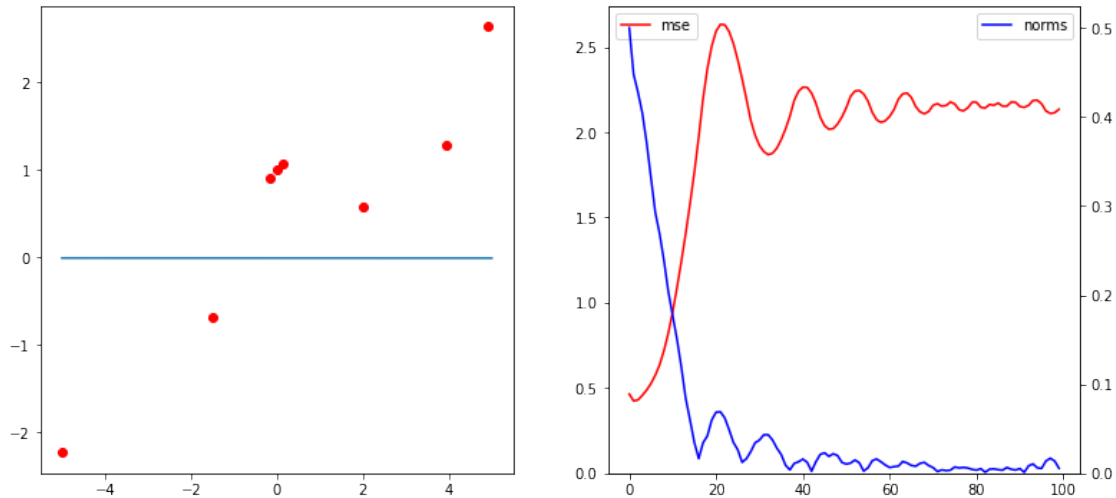
xs = torch.linspace(-5, 5, steps=100)
data = torch.tensor([-4.99, 3.95, -1.5, -0.15, 0, 0.15, 2, 4.9]).unsqueeze(-1)
ts = func(data).squeeze(-1).detach()

def try_beta(l2_beta):
    regr_1 = LinearRegression(1)
    opt = torch.optim.Adam(regr_1.parameters(), 3e-2)
    losses, norms = train_regression_model(regr_1,
    ↪MSE_with_regression(l2_beta), opt, data, ts)
    plot_training_result(regr_1, losses, norms)

try_beta(0.001)
try_beta(0.62)
try_beta(60)

```





Zde doimplementujte metodu forward pro `PolynomialRegression`. Je potřeba vytvořit rozšířené příznaky a slepit je do jednoho tensoru o tvaru  $[N, F]$ , který předložíte `self.lin_reg`. Nezapomeňte pak výstup opět omezit na  $[N]$ .

Zbytek buňky Vám model natrénuje v několika různých variantách řádu polynomu a síly regularizace.

```
[ ]: class PolynomialRegression1D(torch.nn.Module):
    def __init__(self, order):
        super().__init__()
        self.order = order
        self.lin_reg = LinearRegression(order)

    def forward(self, x):
        x = x.squeeze()
        # Source: Demo PyTorch, https://colab.research.google.com/drive/
        ↪1cHv9lB3cUWjyFrTQXiXtOWgxETFLXeQW
        poly_features = torch.zeros(x.shape[0], self.order, dtype=torch.float32)
        for p in range(self.order):
            poly_features[:, p] = torch.pow(x, p)
        # end of source
        x = self.lin_reg(poly_features)
        return x

    def l2_norm(self):
        return self.lin_reg.l2_norm()

def run_polynomial_regr(order, l2_beta):
    model = PolynomialRegression1D(order)

    losses, norms = train_regression_model(
```

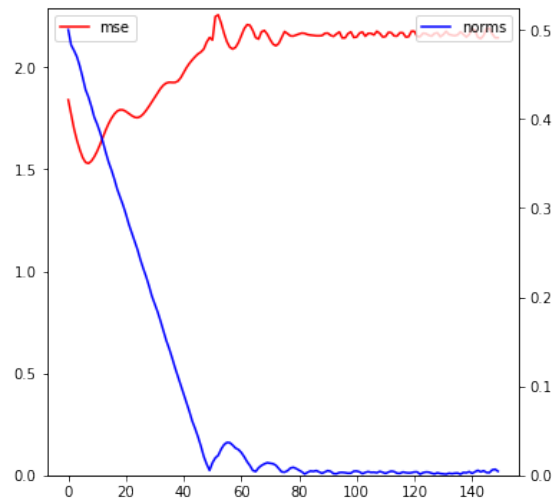
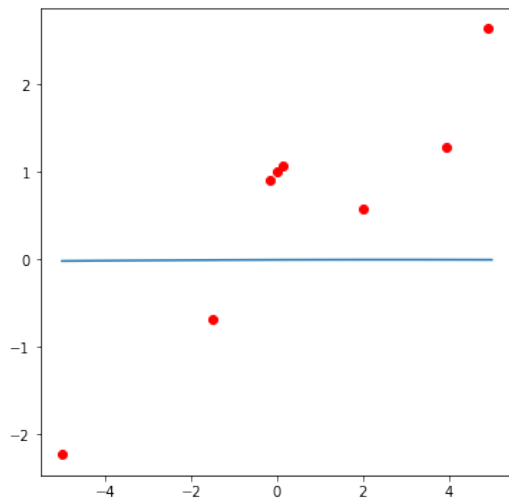
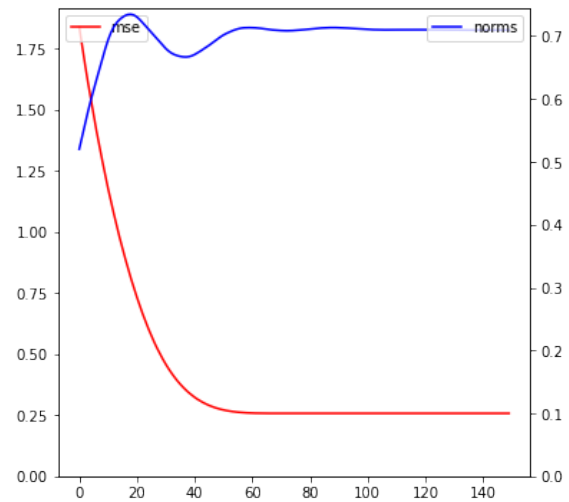
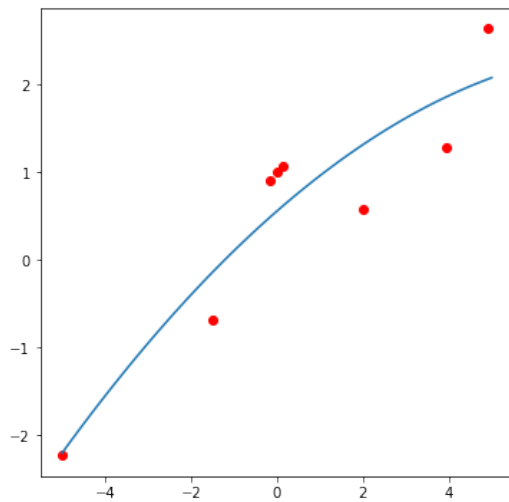


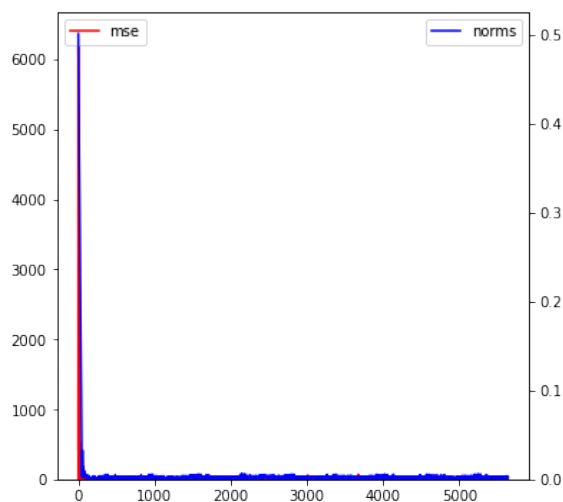
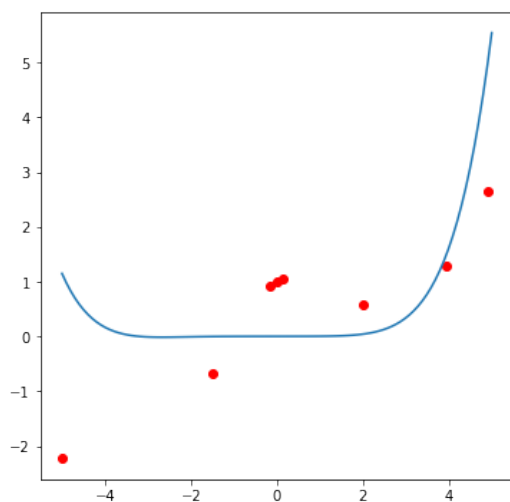
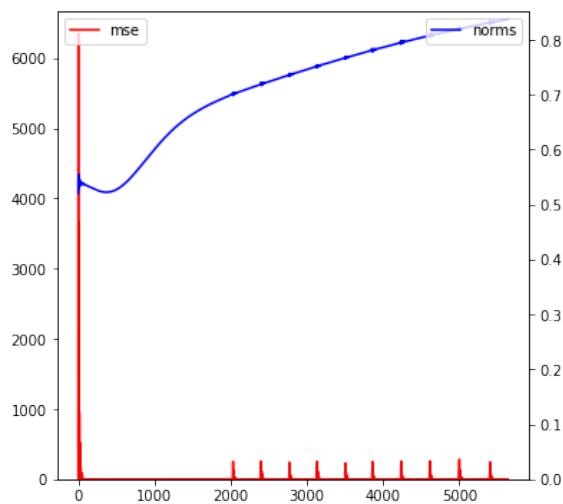
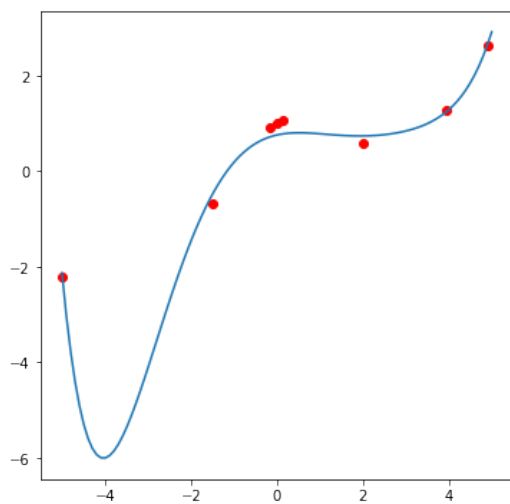
```

    model,
    MSE_with_regression(l2_beta),
    torch.optim.Adam(model.parameters(), 1e-2),
    data,
    ts,
    nb_steps= 50 + int(100*(order-2)**2.5)
)
plot_training_result(model, losses, norms)

run_polynomial_regr(3, 1e-3)
run_polynomial_regr(3, 1e+2)
run_polynomial_regr(7, 1e-1)
run_polynomial_regr(7, 1e+3)

```





## 1 Regrese meteorologických dat

V této části budete usilovat o doplnění tlaku vzduchu z dalších meteorologických měření. Nejprve pomocí lineární regrese, následně pomocí jednoduché neuronové sítě. Každopádně více pomocí vestavěných věcí z PyTorch.

```
[ ]: turany = np.loadtxt('data-chmu/turany.txt', dtype=np.float32)
mosnov = np.loadtxt('data-chmu/mosnov.txt', dtype=np.float32)
kosetice = np.loadtxt('data-chmu/kosetice.txt', dtype=np.float32)
ruzyne = np.loadtxt('data-chmu/ruzyne.txt', dtype=np.float32)
pribyslav = np.loadtxt('data-chmu/pribyslav.txt', dtype=np.float32)
```

```
features = ['teplota průměrná', 'teplota maximální', 'teplota minimální',  
            ↪ 'rychlost větru ', 'tlak vzduchu', 'vlhkost vzduchu', 'úhrn srážek',  
            ↪ 'celková výška sněhu', 'sluneční svit']
```

V prvním kroce doplňte definici `MeteoDatasetu` o `__getitem__()` a `__len__()`, tak jak se to očekává u objektů třídy `torch.utils.data.Dataset`. Navíc přidejte vlastnost (`@property`) `in_dim`, která říká, kolik příznaků má každé jedno dato v datasetu.

```
[ ]: class MeteoDataset(torch.utils.data.Dataset):  
    def __init__(self, data, target_feature):  
        self.ts = data[target_feature]  
        self.xs = data[[i for i in range(data.shape[0]) if i !=  
            ↪ target_feature]].T  
  
    def __getitem__(self, idx):  
        return self.xs[idx], self.ts[idx] # input and target  
  
    def __len__(self):  
        return len(self.ts)  
  
    @property  
    def in_dim(self):  
        return self.xs.shape[1]  
  
target_feature = 'tlak vzduchu'  
train_dataset = MeteoDataset(np.concatenate([mosnov, kosetice, pribyslav],  
            ↪ axis=1), features.index(target_feature))  
valid_dataset = MeteoDataset(ruzyne, features.index(target_feature))  
test_dataset = MeteoDataset(ruzyne, features.index(target_feature))  
print(valid_dataset.xs.shape, valid_dataset.ts.shape)  
  
valid_loader = torch.utils.data.DataLoader(valid_dataset, batch_size=128,  
            ↪ shuffle=False, drop_last=False)  
print(len(valid_loader))
```

```
(22280, 8) (22280,)  
175
```

Zde je definována funkce pro evaluaci modelu. Budete ji používat, ale implementovat v ní nic nemusíte.

```
[ ]: def evaluate(model, data_loader):  
    model.eval()  
    total_squared_error = 0.0  
    nb_datos = 0  
    with torch.no_grad():  
        for X, t in data_loader:
```

```

        y = model(X)
        total_squared_error += torch.nn.functional.mse_loss(y, t,
↪reduction='sum')
        nb_dados += len(t)

    return total_squared_error / nb_dados

evaluate(LinearRegression(train_dataset.in_dim), valid_loader)

```

```
[ ]: tensor(937555.1250)
```

Nad trénovacím dataset vytvořte `DataLoader`, který bude vytvářet minibatche o velikosti 32 příkladů. Poté z něj vytvořte nekonečný proud dat. Můžete k tomu naimplementovat vlastní cyklící iterátor nebo použít vhodnou funkci z `itertools`.

Dále naimplementujte trénovací smyčku ve funkci `train()`, která přijímá: \* `model` – referenci na model, jenž má být natrénován \* `train_stream` – iterátor přes trénovací batche \* `optimizer` – instanci optimalizátoru, který bude využit pro trénování \* `nb_updates` – počet trénovacích kroků, jež mají být provedeny \* `eval_period` – po kolika krocích se má vyhodnocovat model na validačních datech \* `valid_loader` – iterable s validačními daty

Funkce nechť používá `torch.nn.functional.mse_loss()` jako loss. Vracejte průběh validační loss spolu s pořadovými čísly kroků, kdy došlo k měření, tedy jako seznam dvojic `[(i_1, loss_1), ...]`. model trénujte přímo.

Zbytek buňky vyzkouší trénování pro několik různých learning rate. Vzhledem k jednoduchosti úlohy jsou to learning rate gigantické oproti prakticky používaným.

```

[ ]: train_loader = torch.utils.data.DataLoader(train_dataset, batch_size=32,
↪shuffle=True)

train_stream = itertools.cycle(train_loader)

def train(model, train_stream, optimizer, nb_updates, eval_period,
↪valid_loader):
    valid_progress = []
    model.train()
    for i in range(nb_updates):
        dados, labels = next(train_stream)
        output = model(dados)
        loss = torch.nn.functional.mse_loss(output, labels)
        loss.backward()
        optimizer.step()
        optimizer.zero_grad()
        if (i % eval_period == 0):
            v_loss = evaluate(model, valid_loader)
            valid_progress.append([i, v_loss])
            model.train()
    return valid_progress

```

```

def lr_progress(lr):
    linear_predictor = LinearRegression(train_dataset.in_dim)
    optimizer = torch.optim.Adam(linear_predictor.parameters(), lr)
    progress = train(linear_predictor, train_stream, optimizer, 250, 10,
    ↪valid_loader)
    print(lr, evaluate(linear_predictor, valid_loader))
    return progress

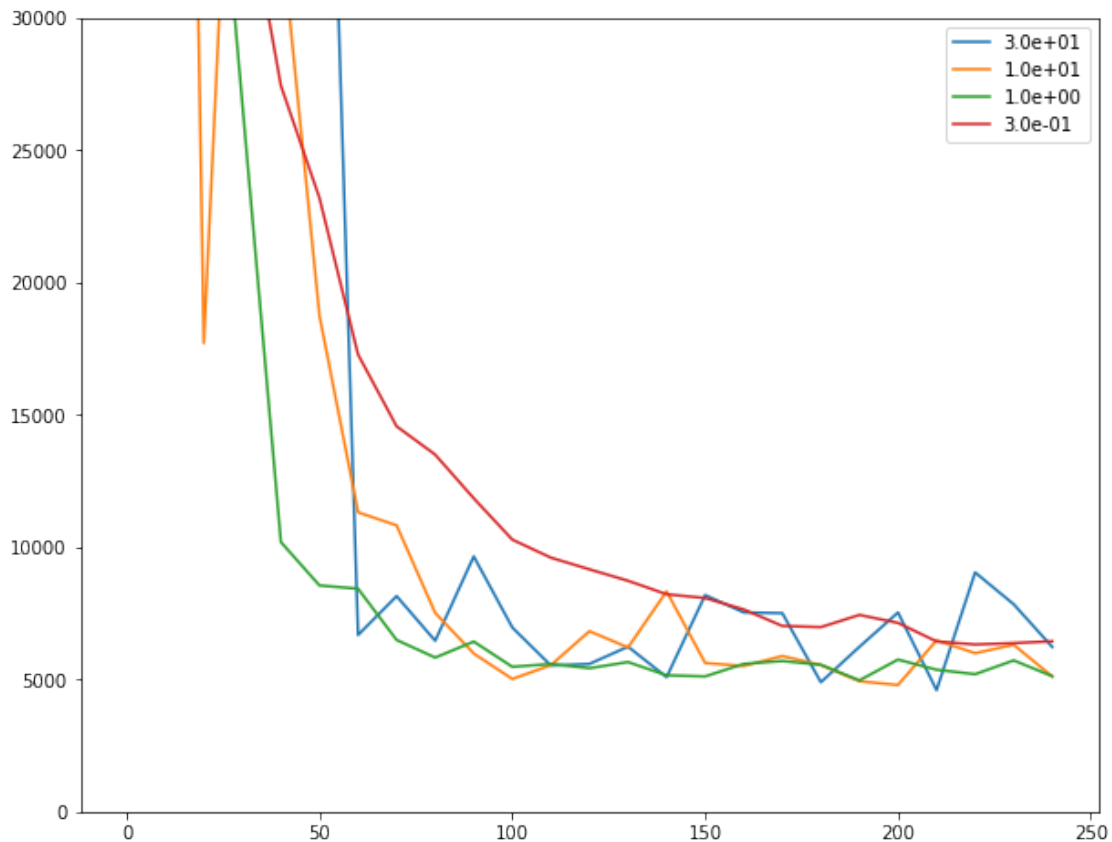
plt.figure(figsize=(10, 8))
for lr in [3e+1, 1e+1, 1e+0, 3e-1]:
    progress = lr_progress(lr)
    plt.plot([item[0] for item in progress], [item[1] for item in progress],
    ↪label=f"{lr:.1e}")
plt.legend()
plt.ylim(0, 30000)
plt.show()

```

```

30.0 tensor(6009.1621)
10.0 tensor(8197.7031)
1.0 tensor(5411.3628)
0.3 tensor(6464.0137)

```



Konečně naimplementujte jednoduchou neuronovou síť, která bude schopná regrese. Při konstrukci nechte přijímat: \* rozměr vstupu \* počet skrytých vstev \* šířku každé skryté vrstvy \* instanci nelinearity, která má být aplikována v každé skryté vrstvě

Při dopředném průchodu nechte se uplatnit všechny vrstvy, nezapomeňte opět redukovat výstup na [N]. Nejspíš se Vám bude hodit `torch.nn.Sequential`.

Zbytek buňky vyzkouší několik různých konfigurací. Pravděpodobně uvidíte ilustraci faktu, že v rozporu s častou reportovací praxí není počet parametrů nutně tím nejzásadnějším číslem pro odhad síly modelu, tím může být prostě šířka.

```
[ ]: class LocalMeteoModel(torch.nn.Module):
    def __init__(self, input_dim, nb_layers, layer_width, nonlinearity):
        super().__init__()
        self.input_dim = input_dim
        assert nb_layers >= 1
        layers = []
        for i in range(nb_layers):
            if (i == 0):
                layers.append(torch.nn.Linear(input_dim, layer_width))
            else:
                layers.append(torch.nn.Linear(layer_width, layer_width))
        layers.append(nonlinearity)
        layers.append(torch.nn.Linear(layer_width, 1))
        self.nw = torch.nn.Sequential(*layers)

    def forward(self, x):
        return self.nw(x).squeeze()

def depth_progress(depth, width):
    nn_predictor = LocalMeteoModel(train_dataset.in_dim, depth, width, torch.nn.
    ↪ Tanh())
    optimizer = torch.optim.SGD(nn_predictor.parameters(), 3e-5)
    progress = train(nn_predictor, train_stream, optimizer, 1500, 100,
    ↪ valid_loader)
    print(f"Depth {depth}, width {width}: {evaluate(nn_predictor, valid_loader):
    ↪ .2f}")
    return progress

plt.figure(figsize=(10, 8))
for depth, width in [(1, 16), (4, 16), (1, 64), (4, 64)]:
    progress = depth_progress(depth, width)
    plt.plot([item[0] for item in progress], [item[1] for item in progress],
    ↪ label=f"{depth}x{width}")
plt.legend()
```

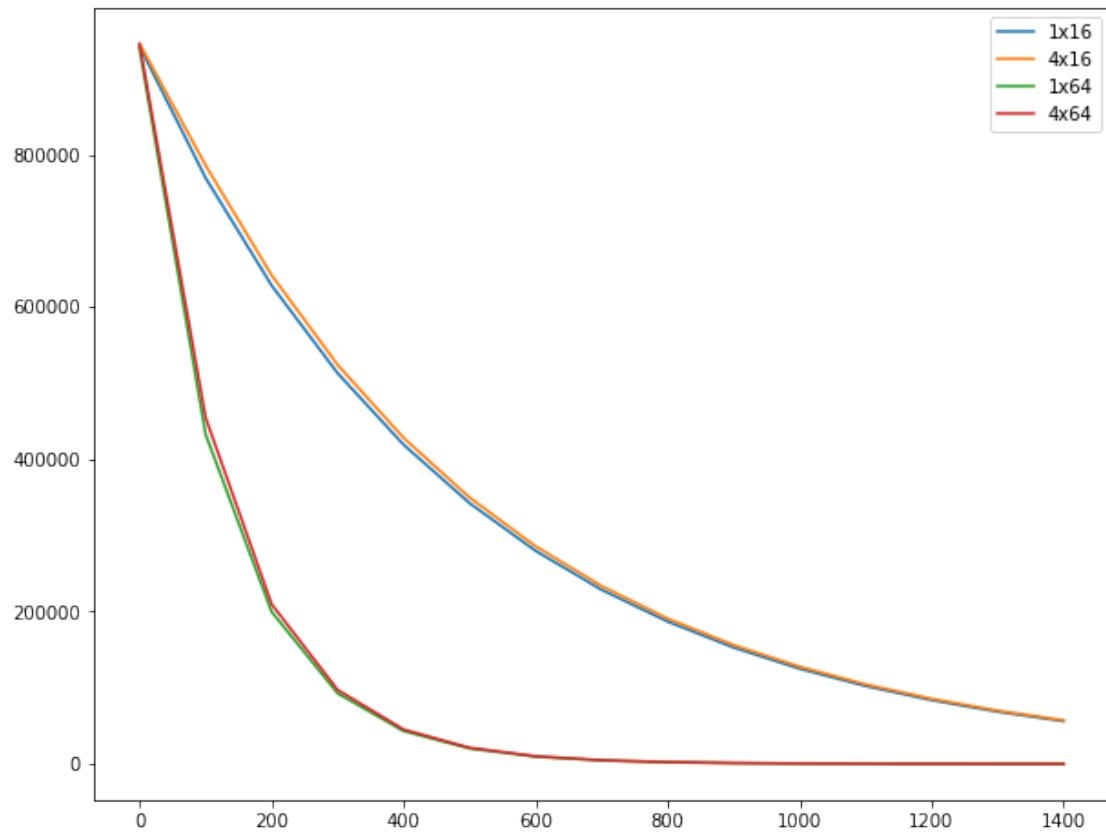
```
plt.show()
```

Depth 1, width 16: 46213.73

Depth 4, width 16: 47175.88

Depth 1, width 64: 138.52

Depth 4, width 64: 142.25



Gratulujeme ke zvládnutí projektu! Při odevzdání nezapomeňte soubory pojmenovat podle vedoucího týmu.

[ ]: