1. Привести ЗЛП к каноническому виду

$$Z = 5x_1 - 2x_2 + 6x_3 \rightarrow min$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 3x_2 + 7x_3 \ge -2\\ 2x_1 + 2x_2 + 3x_3 \le 1\\ -3x_1 + 6x_2 - x_3 \le -5\\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

Известно решение канонической задачи $\widetilde{Z}_{max} = \widetilde{Z}(2.3125; 0; 0; 1.9375; 0; 2.1875; 0) = 0.0625$ Найти решение исходной задачи.

2. Привести ЗЛП к каноническому виду

$$Z = 7x_1 - 4x_2 + 3x_3 \rightarrow max$$

$$\begin{cases} 6x_1 - 2x_2 + 3x_3 \le 5\\ 2x_1 - 5x_2 + 3x_3 \le -1\\ 2x_1 + 5x_2 - x_3 = -2\\ x_2, x_3 \ge 0 \end{cases}$$

Известно решение канонической задачи $\widetilde{Z}_{max} = \widetilde{Z}(0; 0.875; 0; 0.25; 9.5; 0) = -5.375$ Найти решение исходной задачи.

3. Решить графически систему линейных неравенств и найти координаты всех вершин области решения.

a)
$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \le 6 \\ 2x_1 + x_2 \le 16 \\ x_1 + 2x_2 \le 14 \\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \le 6 \\ 2x_1 + x_2 \le 16 \\ x_1 + 2x_2 \ge 14 \\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} 3x_1 - 4x_2 \ge 0 \\ x_1 + 2x_2 \le 10 \\ 2x_1 - x_2 \le 10 \\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} -x_1 + 2x_2 \le 6\\ 2x_1 + x_2 \le 16\\ x_1 + 2x_2 \ge 14\\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 3x_1 - 4x_2 \ge 0 \\ x_1 + 2x_2 \le 10 \\ 2x_1 - x_2 \le 10 \\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

Ответы:

1.
$$Z_{min} = Z(2.3125; 0; -1.9375) = -0.0625$$
 2. $Z_{max} = Z(-0.875; 0; 0.25) = -5.375$

2 7
$$-7(-0.875 \cdot 0.0.25) - -5.375$$

3. a)
$$(0;0)$$
; $(0;3)$; $(4;5)$; $(6;4)$; $(8;0)$

HW₂

1. Решить ЗЛП графическим методом

a)
$$Z_1 = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + x_2 \le 2 \\
x_1 - 3x_2 \ge -9 \\
4x_1 + 3x_2 \le 24 \\
x_1, x_2 \ge 0
\end{cases}$$
b) $Z_2 = 6x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$

Ответ:
$$a) Z_{1 max} = Z_1^* = Z_1(3;4) = 18$$
 $b) Z_{2 max} = Z_2^* = Z_2(6;0) = 36$

2. Решить ЗЛП графическим методом

a)
$$Z_1 = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow max$$
 b) $Z_2 = -2x_1 + x_2 \rightarrow max$

b)
$$Z_2 = -2x_1 + x_2 \rightarrow max$$

c)
$$Z_3 = -x_1 + 2x_2 \rightarrow min$$

$$\begin{cases} 4x_1 - x_2 \ge 0 \\ -x_1 + x_2 \le 3 \\ 2x_1 - 3x_2 \le 6 \\ x_1, x_2 \ge 0 \end{cases}$$

Ответ:
$$a) Z_1 \uparrow$$

Ответ:
$$a) Z_1 \uparrow b) Z_{2 max} = Z_2^* = Z_2(1;4) = 2 c) Z_{3 min} = Z_3^* = Z_3(3;0) = -3$$

HW3a = ДОМТЕСТ3

1. Компания производит два вида продукции – Продукт 1 и Продукт 2. Для производства каждого продукта требуется три вида ресурсов - Ресурс А, Ресурс В и Ресурс С.

На единицу Продукта 1 требуется 2 единицы Ресурса А, 4 единицы Ресурса В и 0,5 единицы Pecypca C;

На единицу Продукта 2 требуется 3 единицы Ресурса А, 3 единицы Ресурса В и 0 единиц Ресурса C;

Для компании доступны 24 единицы Ресурса А, 36 единиц Ресурса В и 4 единицы Ресурса С;

- а) Какое количество продукции каждого вида необходимо произвести для получения максимальной прибыли, если прибыль за единицу Пр.1 и Пр.2 равны соответственно \$30 и \$40? Какова будет величина полученной прибыли?
- Б) Пусть прибыль за единицу Пр.1 фиксирована. В каких пределах может меняться прибыль за единицу Пр.2 так, чтобы оптимальное решение оставалось в точке пересечения тех же границ ОДР?
- с) Найти теневые цены для каждого ресурса задачи, то есть величину изменения прибыли при увеличении соответствующего ресурса на единицу.

HW3b

Найти все базисные опорные решения следующих СЛУ

1.
$$\begin{cases} 2x + y + t &= 10 \\ 2x + 5y &+ s = 18 \\ x, y \ge 0 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} 2x + y + t = 14 \\ 2x + 5y + s = 25 \\ x, y \ge 0 \end{cases}$$

HW4

Решить ЗЛП а) графическим методом;

1. $Z(X) = 2x + 2y \rightarrow max$;

$$\begin{cases} 6x + 5y \le 17 \\ 4x + 9y \le 17 \\ x, y \ge 0 \end{cases}$$

Ответ: $Z^* = Z(2;1) = 6$

b) симплекс-методом

2.
$$Z(X) = 4x + 5y \rightarrow max$$
;

$$\begin{cases} x + 2y \le 10 \\ -x + 2y \le 4 \\ 3x - y \le 9 \\ x, y \ge 0 \end{cases}$$

Ответ: $Z^* = Z(4;3) = 31$

Решить ЗЛП симплекс-методом

3.
$$Z(X) = x + y + z \rightarrow max$$
;

$$\begin{cases} x + 2y + 3z \le 12 \\ 2x + 4y + z \le 16 \\ x \le 6 \\ x, y, z \ge 0 \end{cases}$$

Otbet: $Z^* = Z(6; 0,6; 1,6) = 8,2$

5.
$$Z(X) = 2x - 3y - 2z \rightarrow max$$
;

$$\begin{cases} 3x - y + z \le 3 \\ x + 2y - z \le 4 \\ x, y \ge 0 \end{cases}$$

Ответ: $Z^* = Z(0; 0; -4) = 8$

4. $Z(X) = x - y + 3z \rightarrow max$;

$$\begin{cases}
-x + 2y + z \leq 2 \\
x + 3y + z \leq 6 \\
x + y - z \leq 2 \\
x, y, z \geq 0
\end{cases}$$

Ответ: $Z^* = Z(2; 0; 4) = 14$