

2022年度 修士論文

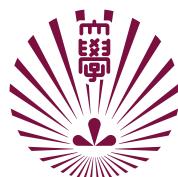
電子陽電子ヒッグスファクトリーのための
ジェット測定技術の研究

九州大学大学院 理学府物理学専攻
粒子物理学分野素粒子実験研究室

尾上 友紀

指導教員 末原大幹 助教 川越清以 教授

2023年1月29日



九州大学
KYUSHU UNIVERSITY

概要

2012年に発見されたヒッグス粒子は、宇宙の物質の起源の解明につながる粒子であり、その性質は謎に包まれている。そのため、ヒッグスファクトリーによってヒッグス粒子を大量に生成し精密測定することで、暗黒物質などの標準理論を超える物理を切り開くことは、現代の物理学における重要事項となっている。本研究で念頭に置いている国際リニアコライダー(ILC)計画は次世代の電子陽電子衝突型加速器であり、ヒッグスファクトリーとしての運転を期待されている。ヒッグスファクトリーにおけるヒッグス粒子生成事象は、多数のハドロンの束であるジェットを終状態に複数含むことが多いため、ジェットを高い精度で検出・再構成することは物理解析の性能に直結する。そのため、本論文では ILC のジェット測定技術に関する 2 つの研究を行なった。

ILC で重要な事象にはジェットを含みのが多くあるため、ILC の物理目標を達成するためには高いジェットエネルギー分解能が必要である。そのため、ILC では Particle Flow Algorithm と呼ばれる粒子識別のアルゴリズムによって高い分解能の達成を目指しており、これには非常に高精細な電磁カロリメータが求められる。シリコンタングステン電磁カロリメータは、1 つの読み出しセルの大きさが $5\text{mm} \times 5\text{mm}$ と非常に細分化されており、国際協力によって技術プロトタイプの開発が行われている。本研究では、15 層の検出層を持つプロトタイプを構築し、欧州原子核研究機構(CERN)の SPS (Super Proton Synchrotron) 加速器にて 150GeV の高エネルギービームを用いたテストビーム実験を行った。そして実験結果から、読み出しシステムの性能やシリコンセンサーの振る舞いについて調査し、将来の技術プロトタイプに向けた改善策を講じた。特に読み出しにおいてトリガー情報が誤って収集されてしまう Re-triggering 現象等について調査を行った。

さらに、ILC のジェット再構成におけるフレーバー識別アルゴリズムの開発を、深層学習技術を用いて行った。フレーバー識別では、ジェットの構成粒子の種類や運動量、崩壊点に関する情報から、ジェットの元となる夸克のフレーバーを識別する。現在は従来の機械学習手法である Boosted Decision Trees が用いられているが、本研究では更なる識別性能の向上を目的に深層学習を用いたアルゴリズムを開発した。本アルゴリズムの最大の特徴は、フレーバー識別のためにグラフ構造のデータを構築し、グラフデータの学習が可能なニューラルネットワークであるグラフニューラルネットワーク(Graph Neural Network)で学習を行った点である。グラフデータはデータの関係をグラフ形式で表現することで、データの相互関係を考慮することができる。これによって実際の物理現象と比較した際の情報損失を減らし、より高い精度で識別を行うことが出来ると考えた。本アルゴリズムの結果は従来技術と比較して b フレーバーの識別のみの改善となったが、グラフデータの構築によって従来は別々にプロセスを行なっていた崩壊点検出のアルゴリズムを統合することができた。

目次

第1章 序論	12
1.1 素粒子物理学	12
1.1.1 標準模型	12
1.1.2 ヒッグス機構	13
1.2 国際リニアコライダー計画: ILC	14
1.3 ILC の物理	16
1.3.1 ヒッグス生成過程と質量精密測定	16
1.3.2 ヒッグス結合定数の精密測定	17
1.3.3 ヒッグス自己結合	19
1.3.4 階層性問題	20
1.3.5 その他の新物理	20
1.4 ILC の検出器	21
1.4.1 ILD で検出器可能な粒子群	21
1.4.2 Particle Flow Algorithm: PFA	22
1.4.3 International Large Detector: ILD	22
崩壊点検出器	22
中央飛跡検出器	24
カロリメータ	24
ミューオン検出器	24
1.5 ILC のソフトウェア	25
1.5.1 イベントジェネレータと検出器シミュレーション	25
1.5.2 事象再構成	25
飛跡再構成	26
崩壊点検出	26
ジェットクラスタリング	26
フレーバー識別	26
1.6 本研究の目的	27
1.6.1 高エネルギーhadronビームによる SiW-ECAL の性能評価	28

1.6.2	深層学習を用いたフレーバー識別アルゴリズムの開発	28
第2章	シリコンタングステン電磁カロリメータ	29
2.1	入射粒子と物質の相互作用	29
2.1.1	荷電粒子	29
電離損失	29	
制動放射	30	
2.1.2	光子	31
2.1.3	ハドロン	33
2.2	粒子検出器の動作原理	34
2.2.1	ガス検出器	34
2.2.2	半導体検出器	34
2.2.3	シンチレーション検出器	34
2.3	シリコンタングステン電磁カロリメータ SiW-ECAL	35
2.3.1	SiW-ECAL の全体構造	35
2.3.2	シリコン半導体検出器	35
2.3.3	読み出しシステム	36
2.3.4	タンクスチタン吸収層	38
2.3.5	技術プロトタイプ	39
第3章	ビームテストによる評価実験	40
3.1	CERN SPS	40
3.2	実験セットアップ	40
3.2.1	測定機器のセットアップ	40
3.2.2	EUDAQ による信号読み出し	40
3.3	実験結果	40
3.3.1	検出器応答	40
3.3.2	ペデスタル	40
3.3.3	スクエアイベント	40
3.4	まとめと考察	40
第4章	深層学習	41
4.1	ニューラルネットワーク	41
4.1.1	パーセプトロン（単層ニューラルネットワーク）	41
4.1.2	多層パーセプトロン（多層ニューラルネットワーク）	42
活性化関数	43	
出力層の設計	43	
損失関数	44	

誤差逆伝播法	44
前処理	45
ミニバッチ処理	45
最適化アルゴリズム	45
4.1.3 ディープニューラルネットワーク	46
4.2 グラフニューラルネットワーク	47
4.2.1 メッセージパッシング	48
4.2.2 Graph Convolution Network (GCN)	48
Spectral Graph Convolution	48
Spatial Graph Convolution	49
4.2.3 Graph Attention Network (GAT)	50
第 5 章 深層学習を用いたジェットフレーバー識別	52
5.1 ジェットフレーバー識別アルゴリズム	52
5.1.1 事象について	52
5.1.2 LCFIPlus におけるフレーバー識別	52
5.2 イベントサンプル	54
5.3 ディープニューラルネットワークによる実装	54
5.3.1 実装目的	54
5.3.2 入力変数とネットワークアーキテクチャ	55
5.3.3 ハイパーパラメータの最適化	56
5.3.4 学習評価	56
5.4 グラフニューラルネットワークによる実装	58
5.4.1 実装目的	59
5.4.2 飛跡によるグラフデータセット	59
5.4.3 ネットワークアーキテクチャ	60
5.4.4 ハイパーパラメータの最適化	62
5.4.5 学習評価	63
第 6 章 まとめと今後の展望	65
付録 A 付録 A	66
A.1 LCIO parameter	66
参考文献	68

図目次

1.1	素粒子の標準模型（数値は質量 [GeV/c ²]）	13
1.2	ヒッグスボテンシャル	14
1.3	ILC の概略図	15
1.4	(左) ZH 随伴生成、WW 融合反応、ZZ 融合反応におけるファインマンダイアグラム。(右) ILC の重心系エネルギーに対するヒッグス生成断面積。ヒッグス粒子の質量が $m_h = 125$ GeV であるとして、ZH 随伴生成、WW 融合反応、ZZ 融合反応をそれぞれ赤、青、緑線で示している。またこのとき電子・陽電子の偏極は、それぞれ電子が左巻き 90%、右巻き 10% の 80% であり、陽電子は左巻き 35%、右巻き 65% の 30% としている。	16
1.5	標準模型におけるヒッグス粒子の質量と崩壊分岐比の関係	17
1.6	ILC250GeV における SM ヒッグス粒子の崩壊分岐比	17
1.7	2 つの新物理のモデルにおける、標準模型のヒッグス粒子結合定数とのずれ。(左) 超対称性 (SUSY) モデル (右) 複合ヒッグスモデル。誤差棒は 1σ の範囲を表している。	18
1.8	ILC と HL-LHC におけるヒッグス粒子の各粒子に対する結合定数の測定精度予測。誤差棒は 1σ の範囲を表している。(紫 : LHC ($300fb^{-1}$)、青 : ILC1 (250GeV), 薄脂 : ILC (500GeV), 薄橙 : ILCTeV (1TeV))	19
1.9	ヒッグス自己結合 $e^+e^- \rightarrow Zh$	19
1.10	ヒッグス粒子の質量補正となるフェルミオンループ	20
1.11	(左) ILD (右) SiD の全体図	21
1.12	ILD の断面図	23
1.13	ILD 崩壊点検出器の構造	23
1.14	ILC におけるシミュレーションと事象再構成、物理解析の流れとソフトウェア	25
1.15	ジェットの崩壊の様子。赤線が 1 次崩壊点、青線が 2 次崩壊点、緑線が 3 次崩壊点を由来とする飛跡を表す。	27

2.1	水素(液体)、ヘリウム(気体)、炭素、アルミニウム、鉄、スズ、および鉛における平均エネルギー損失と、入射粒子(ミューオン、パイ中間子、陽子)の速度の関係。	31
2.2	光子と物質の相互作用	32
2.3	光子と鉛の相互作用における断面積と光子のエネルギーの関係。 $\sigma_{p.e.}$ は光電効果を、 $\sigma_{Compton}$ はコンプトン散乱を、 κ_e, κ_{nuc} は電子陽電子対生成を指す。	33
2.4	ILD および ECAL の全体図	35
2.5	SiW-ECAL の構造	35
2.6	シリコンセンサーの仕様	36
2.7	シリコンパッドセンサー	36
2.8	SKIROC2A のアナログ部の回路図	38
2.9	short slab の構造	39
2.10	多層読み出しのための CORE モジュール	39
4.1	パーセプトロン	41
4.2	多層パーセプトロン(ニューラルネットワーク)	42
4.3	ディープニューラルネットワーク	47
4.4	(左) 4つのノードを持つ全結合グラフニューラルネットワーク。 h_i はノード表現を表す。(右) メッセージパッシングの処理。	48
4.5	GraphSAGE における処理(1. サンプリング, 2. 隣接からの集約, 3. 学習結果による推論)	50
4.6	(左) 重みベクトル a を用いた Attention 処理。(右) 1つのノード h_1 に対する隣接ノード $h_{\neq 1}$ の Attention と、ノード特徴量の更新 h'_1	51
5.1	フレーバー識別のためのディープニューラルネットワークの概略図	55
5.2	(左) 学習の経過における損失関数。(右) 学習の経過における学習精度	56
5.3	ディープニューラルネットワークの学習における混合行列。縦軸が実際の答えを、横軸が学習結果を表している。	57
5.4	LCFIPlus(左) とディープニューラルネットワーク(右)による b フレーバージェットの識別効率の比較。緑:b ジェットに対する c ジェットの識別効率、青:b ジェットに対する uds ジェットの識別効率を示している。	58
5.5	LCFIPlus(左) とディープニューラルネットワーク(右)による c フレーバージェットの識別効率の比較。赤:c ジェットに対する b ジェットの識別効率、黒:c ジェットに対する uds ジェットの識別効率。	58
5.6	今回の学習に用いたグラフデータの一例。ノードは飛跡を、グラフ全体が 1 つのジェットに対応する。	60
5.7	フレーバー識別のためのグラフデータを用いたネットワークの概略図	61

5.8	(上) 学習の経過における損失関数。 (左下) 学習の経過におけるノードの学習精度、 (中央下) リンクの学習精度、 (右下) グラフの学習精度。	63
5.9	(左) ノード分類の混合行列、 (中央) リンク予測の混合行列、 (右) グラフ識別の混合行列。	63

表目次

1.1	ジェットを占める各粒子と対応する検出器	22
2.1	物質量の大きい吸収層の候補物質（ λ は相互作用長、 L_R は放射長、 R_M はモリエール半径を示す。）	38
5.1	LCFIPlus におけるフレーバー識別の入力変数	53
5.2	シミュレーションデータの性質	54
5.3	ディープニューラルネットワークにおけるハイパーパラメータ	55
5.4	各ノード（飛跡）が持つ特徴量。詳細については Appendix を参照。	60
5.5	グラフニューラルネットワークにおけるハイパーパラメータ	62
5.6	最適化を行ったハイパーパラメータとその値の範囲。	62

第 1 章

序論

本章では、はじめに 1.1 節で素粒子とそれらに働く相互作用を説明する標準模型 (The Standard Model, SM) について述べる。そして 1.2 節にて将来の電子陽電子ヒッグスファクターである、国際リニアコライダー計画 (International Linear Collider, ILC) の概要に触れたのち、1.3 節で ILC が探索する物理について、特にヒッグス粒子に関係した事項を中心に述べる。ILC の実現において必要な ILC の検出器について 1.4 節で、ソフトウェアについて 1.5 節でまとめたのち、1.6 節で本研究の目的を述べる。

1.1 素粒子物理学

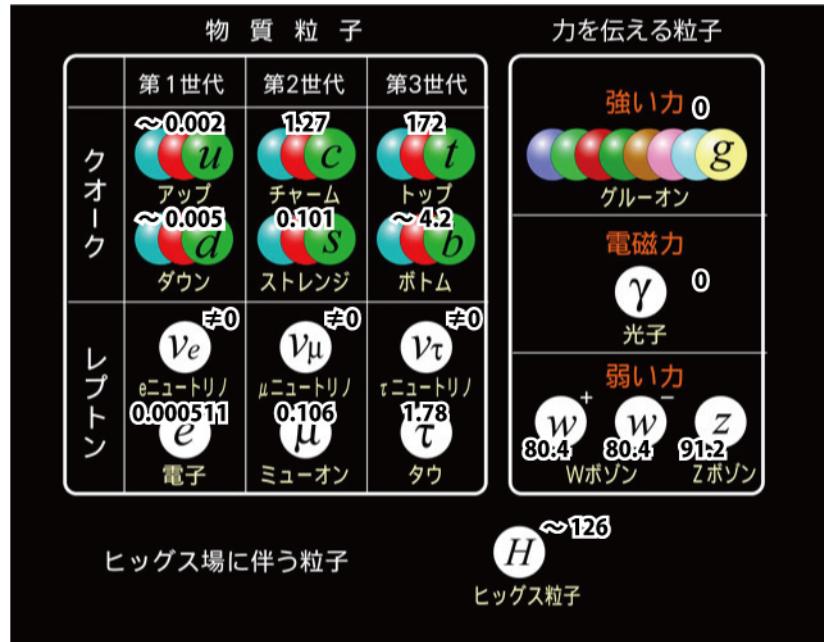
1.1.1 標準模型

素粒子とは、物質を構成している究極要素をさす名称である。そして素粒子物理学は、それら構成要素とその間に働く相互作用の性質を解明する学問である。現代の素粒子物理学では、すべての現象を説明するための基本的な枠組みとして図 1.1 のような標準模型を掲げており、これは現時点の実験データと高い精度で一致することが確認されている。

標準模型は、主に次に挙げる 2 つの公理に沿って記述されている。1 つ目に、物質の究極要素である素粒子はクォークとレプトンというスピン $1/2$ のフェルミオンである。2 つ目に、素粒子の相互作用はゲージ理論によって記述され、標準模型における相互作用は電磁相互作用・弱い相互作用・強い相互作用の 3 つである。

物質の化学的性質を失わない最小単位は分子であり、分子はさらに原子の組み合わせによって構成されている。そして原子は原子核と電子によって構成されており、原子核は陽子と中性子のような核子からなっている。この核子を構成するものがクォークであり、標準模型においては 6 種類存在する。一方で、電子のような核力といった強い相互作用をしないものをレプトンと呼び、同様に 6 種類存在する。クォーク・レプトンともに 3 つの世代と 2 つの電荷タイプをもっており、世代の大きい粒子ほど重いため弱い相互作用により小さい世代のクォーク・レプトンへと崩壊する。

場の量子論では量子場 ϕ が素粒子と関連して記述されており、ラグランジアンによって相

図 1.1: 素粒子の標準模型 (数値は質量 [GeV/c²])

互作用の性質が記述される。ラグランジアンが量子場の局所的なゲージ対称性のもとで不变であると仮定すると、ゲージ場と呼ばれるベクトル場が現れるが、このゲージ場と量子場の積によって相互作用を表す理論をゲージ理論という。ゲージ粒子はこのゲージ場が粒子として現れたもので、素粒子の相互作用を媒介するとされているスピン 1 のゲージ粒子には、グルーオン・光子・W ボソン・Z ボソンの 4 種類がある。クォークとグルーオンの相互作用である強い相互作用は、量子色力学に基づき $SU(3)$ 対称性をもつ。また荷電粒子と光子の相互作用である電磁相互作用と W・Z ボソンを介する弱い相互作用は、グラショウ=ワインバーグ=サラム理論 (GWS 理論) によって統一され電弱相互作用と呼ばれており、 $SU(2) \times U(1)$ 対称性をもつ。これに加えて重力相互作用が存在するが、他の 3 つの相互作用と比較して非常に弱いため標準模型では扱われない。

1.1.2 ヒッグス機構

GWS 理論においてゲージ粒子はゲージ対称性により質量項が禁止されているが、先述の W・Z ボソンはそれぞれ $80.4\text{GeV}/c^2$ 、 $91.2\text{GeV}/c^2$ の質量を持っている。標準模型ではこれを説明するためにヒッグス機構を導入し、ゲージ対称性が自発的に破れることで質量を獲得している。このヒッグス機構では真空中に複素 2 次元のスカラー場としてヒッグス場 Φ を導入し、これとゲージ場との相互作用によって質量を持つとしている。またヒッグス場の存在と同時に、対応する粒子としてヒッグス粒子の存在が必要となる。ヒッグス場のポテンシャルは以

下のように書ける。[1]

$$V(\phi) = \mu^2 |\Phi|^2 + \lambda (\Phi^\dagger \Phi)^2 \quad (\text{ただし } \mu^2 < 0) \quad (1.1)$$

ポテンシャルは正であるため自己結合定数 $\lambda > 0$ であり、ポテンシャルは図 1.2 のような形状になる。

真空のポテンシャルは最小値をとる点で安定するが、ヒッグスポテンシャルにおいては一

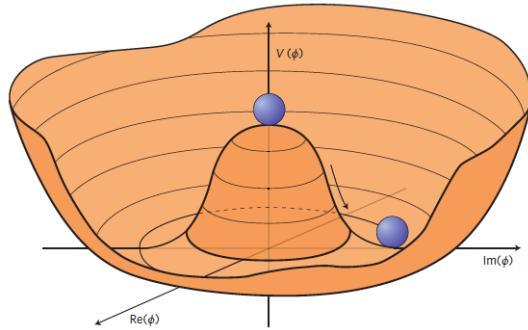


図 1.2: ヒッグスポテンシャル

つの点をとると位相回転対称性が破れてしまう。このときヒッグス場の有限の期待値として真空中に式 1.2 が現れる。

$$\langle \Phi \rangle = \frac{v}{2} = \sqrt{\frac{-\mu^2}{2\lambda}} \quad (1.2)$$

これによってゲージ粒子が質量を獲得する。より直感的には、真空中に凝縮されたヒッグス場の中でゲージ粒子を加速しようとした時に、ヒッグス場から抵抗を受ける。この抵抗は、ゲージ場が 1 個のヒッグス粒子と衝突する頻度を意味する結合定数と、真空中のヒッグスの密度に比例することから、質量は加速されにくさを表す量と考えることができる。

このヒッグス粒子は、2012 年 7 月に欧州原子核研究機構 (CERN) の大型ハドロン衝突型加速器 (LHC) における ATLAS、CMS 実験によって発見され、理論と実験との一致が確認された。本論文のテーマであるヒッグスファクトリーでは、このヒッグス粒子を大量に生成し詳細に研究することを最大の目的としている。

1.2 国際リニアコライダー計画: ILC

国際リニアコライダー (International Linear Collider : ILC) は、岩手県北上山地に建設が計画されている電子陽電子衝突型線形加速器である。(図 1.3) 全長 20km の線形加速器を用いて電子と陽電子を加速し、中央の Interaction Point (IP) で衝突させることで様々な粒子を生成し、これを解析することでヒッグス粒子を始めとする新物理を探索することを目的としている。

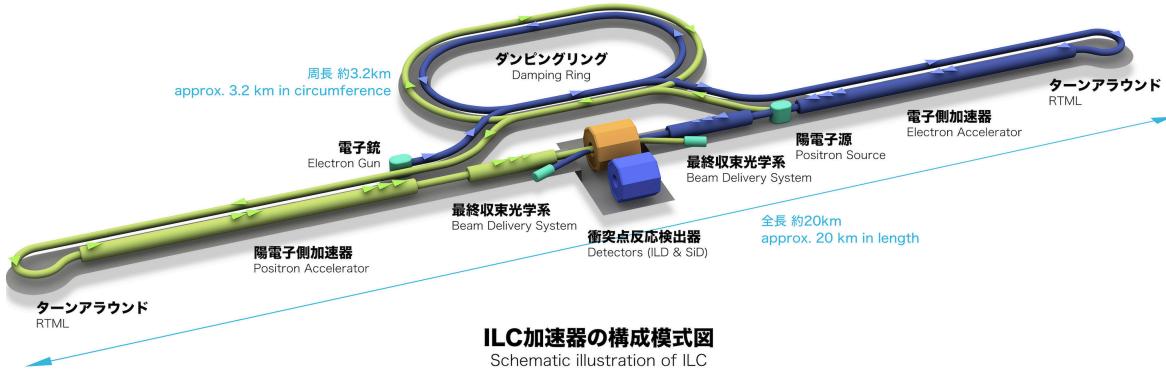


図 1.3: ILC の概略図

る。また ILC は重心系エネルギー $\sqrt{s} = 250\text{GeV}$ での運転開始を予定しているが、線形加速部を延長することで最大 1 TeV までのアップグレードも可能になっており、各エネルギーにおける物理プログラムのメインターゲットは次のようにになっている

- $\sqrt{s} = 250\text{GeV}$: Zh 随伴生成過程の研究
- $\sqrt{s} = 350\text{GeV}$: $t\bar{t}$ 対生成、WW 融合過程によるヒッグス生成
- $\sqrt{s} = 500\text{GeV}$: ヒッグスの自己結合とトップ湯川結合の測定、高統計によるヒッグス精密測定
- $\sqrt{s} = 1\text{TeV}$: ヒッグスの自己結合とトップ湯川結合の精密測定

ヒッグス粒子を発見した LHC と比較して ILC には以下の 4 つの利点が存在する。1 つ目は LHC が複合粒子であるハドロンのコライダーであるのに対して、ILC はレプトンコライダーである点である。ILC では背景事象が少ないクリーンな環境で、ヒッグス粒子を始めとした網羅的な新物理探索が可能になっている。また、LHC では断面積を計算する上で QCD に基づく系統的な不確定性が存在するが、ILC では電弱相互作用のみについて考えることができため、高精度な理論検証が可能になる。2 つ目は加速粒子である電子陽電子が粒子反粒子の関係にある点である。粒子反粒子が対消滅することで全エネルギーを目的粒子の生成に効率的に用いることができる。加えて全事象を記録しオフラインで事象選択を行うため、トリガーレスで運転することが可能である。これによって、多重度が低く運動量が小さい軌跡だけを持つ事象のような、トリガーで捉えることが難しい事象までをも活かすことができる。3 つ目はビーム起因のバックグラウンドが小さい点である。これによって崩壊点検出器をビームからおよそ 15mm と近い距離におくことができ、フレーバーの識別において b フレーバのみでなく c フレーバの識別も可能となる。4 つ目はビーム偏極が全エネルギーで可能となっている点である。これによって測定可能な物理量を増やすことができる。

1.3 ILC の物理

1.3.1 ヒッグス生成過程と質量精密測定

1.1 節で述べた通り、ILC はヒッグスファクトリーとしての役割を期待されている。ヒッグスファクトリーでは、ヒッグス粒子を大量に生成し崩壊過程を精密測定することで、他の粒子との結合定数を測定し標準模型を検証することができる。ILC におけるヒッグス粒子の生成断面積は図??のようになっており、運転開始で予定している $\sqrt{s} = 250 \text{ GeV}$ 付近では、主に ZH 随伴生成過程の断面積が最大となる。この ZH 随伴生成過程では、反跳粒子である Z ボソンを正確に再構成することで式 1.3 を用いて、ヒッグス粒子の質量を高い精度で求めることができる。 $(E_{ff}$ は Z が崩壊するフェルミオン対のエネルギーを、 p_{ff} は運動量を表す。)

LHC のような複合粒子同士の衝突では、始状態の運動量が定まっていないことに加えバックグラウンドとなる事象も多い。しかし ILC の反応過程では、始状態の運動量がわかっているため、反跳粒子を正確に再構成することでヒッグス粒子の崩壊モードに依存せず全断面積の測定が可能となっている。このようヒッグス粒子の崩壊モードに依存しない測定によってヒッグス粒子の invisible な崩壊の存在を検証することが出来る。これにはヒッグス粒子が暗黒物質や後述する超対称性粒子に崩壊するモードなどが含まれており、標準模型を超える新物理の検証を行うことが可能である。

$$M_{recoil}^2 = (\sqrt{s} - E_{ff})^2 - |p_{ff}|^2 \quad (1.3)$$

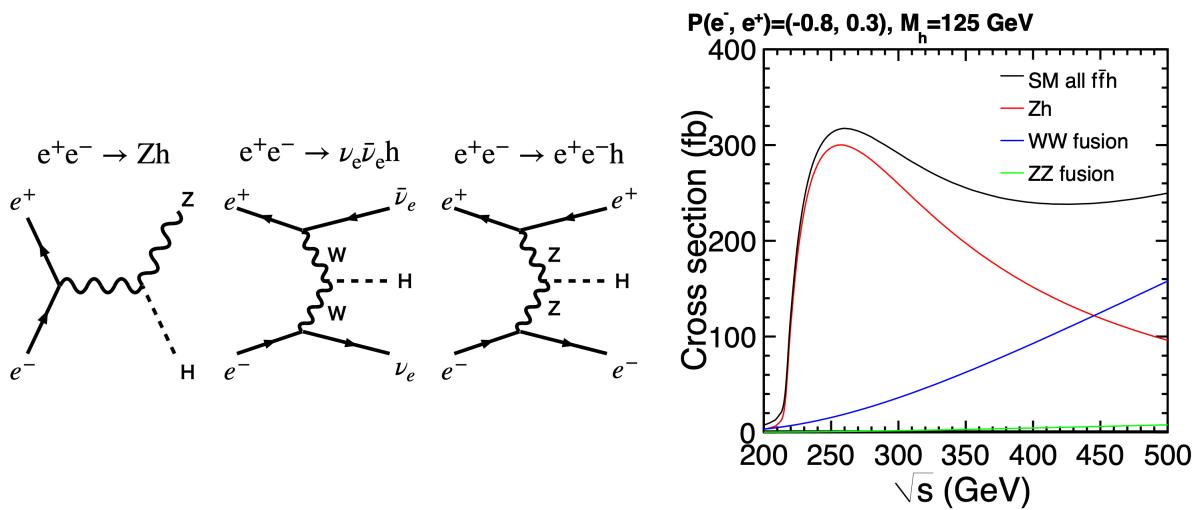


図 1.4: (左) ZH 随伴生成、WW 融合反応、ZZ 融合反応におけるファインマンダイアグラム。(右) ILC の重心系エネルギーに対するヒッグス生成断面積。ヒッグス粒子の質量が $m_h = 125 \text{ GeV}$ であるとして、ZH 随伴生成、WW 融合反応、ZZ 融合反応をそれぞれ赤、青、緑線で示している。またこのとき電子・陽電子の偏極は、それぞれ電子が左巻き 90%、右巻き 10% の 80% であり、陽電子は左巻き 35%、右巻き 65% の 30% としている。

1.3.2 ヒッグス結合定数の精密測定

電子陽電子衝突によって生成されるヒッグス粒子は不安定であるため、より質量の小さい粒子・反粒子のペアに崩壊する。標準模型におけるヒッグス粒子の各質量に対する崩壊分岐比の割合は図 1.5 のようになっており、ILC250GeV における崩壊分岐比は表 1.6 のようになっている。ILC ではヒッグス粒子の生成断面積と全崩壊幅を精密に測定することができるため、ヒッグス粒子の崩壊分岐比を精密に決定することができる。この崩壊分岐比はヒッグス粒子の結合定数に比例しており、標準模型を超える新物理のシナリオにおいてヒッグス粒子の結合定数に生じるズレを検証することができる。

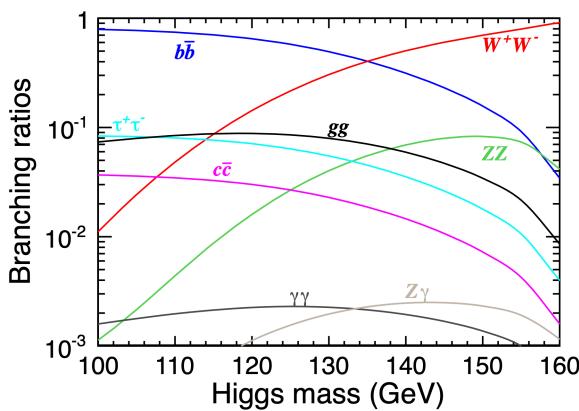


図 1.5: 標準模型におけるヒッグス粒子の質量と崩壊分岐比の関係

崩壊モード	崩壊分岐比
$b\bar{b}$	58.1 %
WW	21.5 %
gg	8.2 %
$\tau^+\tau^-$	6.3 %
$c\bar{c}$	2.9 %
ZZ	2.6 %
$\gamma\gamma$	0.2 %

図 1.6: ILC250GeV における SM ヒッグス粒子の崩壊分岐比

以下では、結合定数の精密測定によって検証可能な新物理について述べる。図 1.7 は新物理の各シナリオにおける、標準模型ヒッグス粒子との結合定数のズレを表す。

- 超対称性理論; SUSY

超対称性理論 (Supersymmetry, SUSY) は、フェルミオンとボソンを交換する変換に対する不变性（超対称性）を定義する理論である。この理論においては、標準模型におけるすべての粒子に対してスピンが $1/2$ 異なる超対称性パートナーが導入される。超対称性が完全である場合、標準模型粒子と質量や相互作用が同じである必要性があるが、現段階では SUSY 粒子は発見に至っていない。図 1.7 において SUSY では、主に b クォーク・ τ レプトンとの結合が高くなっている。

- 複合ヒッグス模型

ヒッグス粒子は TeV スケールにおいて複合粒子のように振る舞い、その内部により基本的な粒子を持っているとするモデルが複合ヒッグス模型である。この模型では Compositeness scale によって抑制される高次の作用素により、標準模型と比べて結合

定数が大きくずれてしまう。Compositeness scale を f とすると、ヒッグス粒子のゲージボソンやフェルミオンへの結合は、式 1.4 のオーダーで表される。図 1.7において複合ヒッグス模型では、標準模型に比べて粒子との結合が小さくなっている。

$$\frac{g_{hxx}}{g_{h_{SM}xx}} \simeq 1 \pm \mathcal{O}(v^2/f^2) \quad (1.4)$$

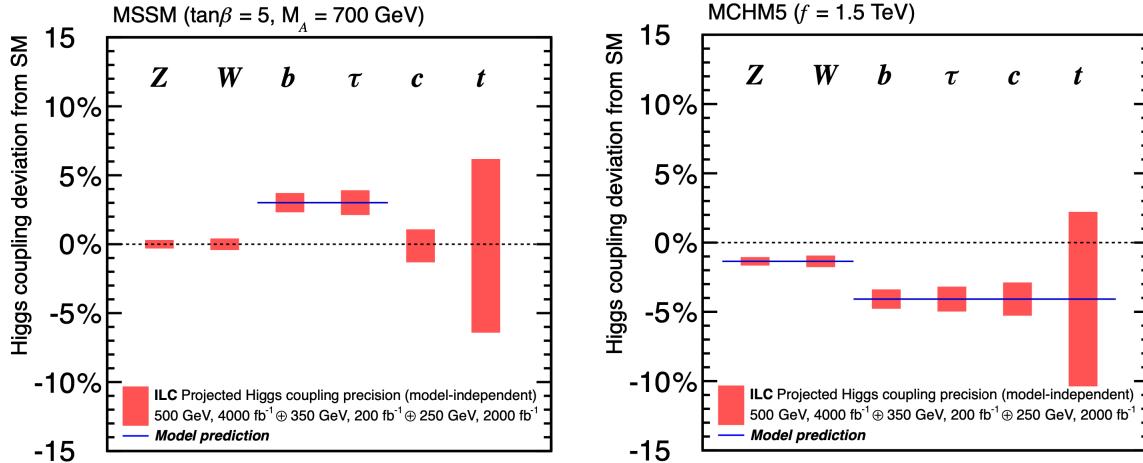


図 1.7: 2 つの新物理のモデルにおける、標準模型のヒッグス粒子結合定数とのずれ。(左) 超対称性 (SUSY) モデル (右) 複合ヒッグスモデル。誤差棒は 1σ の範囲を表している。

ヒッグスの崩壊分岐比の測定精度は信号事象を S 、背景事象を N とすると $S/\sqrt{S+N}$ となり、背景事象の影響を十分低減させることができた場合には不定性を 1% 以下まで下げることができる。図 1.8 では LHC と ILC におけるヒッグス粒子の結合定数の測定精度を表しており、ILC では LHC に比べておよそ 1 枠優れた精度で測定することができる。これを達成するために、高い検出器性能と精度の高い事象再構成・解析手法が求められている。

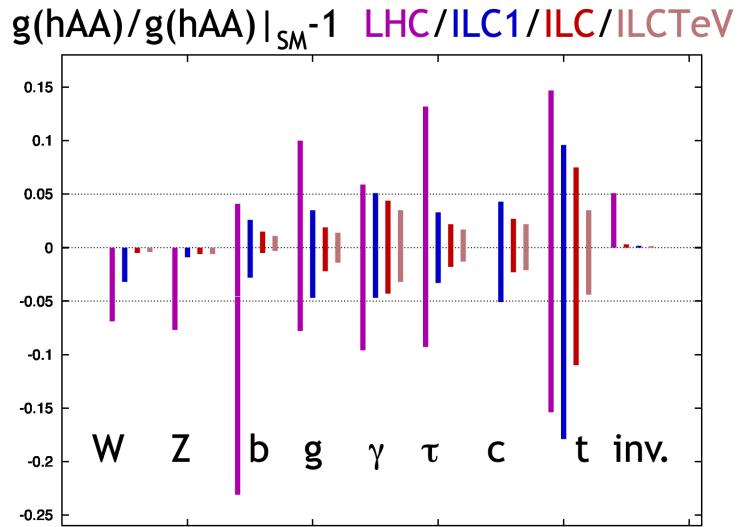


図 1.8: ILC と HL-LHC におけるヒッグス粒子の各粒子に対する結合定数の測定精度予測。誤差棒は 1σ の範囲を表している。(紫: LHC ($300 fb^{-1}$), 青: ILC1 (250GeV) , 薄橙: ILC (500GeV) , 薄橙: ILCTeV (1TeV))

1.3.3 ヒッグス自己結合

500GeV 以上の ILC では図 1.9 のような、 $e^+e^- \rightarrow Zhh$ 反応の断面積を測定することで、自己結合について探索することができる。ゲージ不变性によりヒッグスの三点結合は、四点結合における真空凝縮としてのみ起こることができるため、三点結合を確認することでヒッグス場の真空凝縮について検証することができる。ILC500GeV における図 1.9 の断面積は $0.2 fb$ と小さく難しいため、崩壊 $e^+e^- \rightarrow Zhh \rightarrow q\bar{q}bb\bar{b}\bar{b}$ における b フレーバーの識別精度が非常に重要になる。

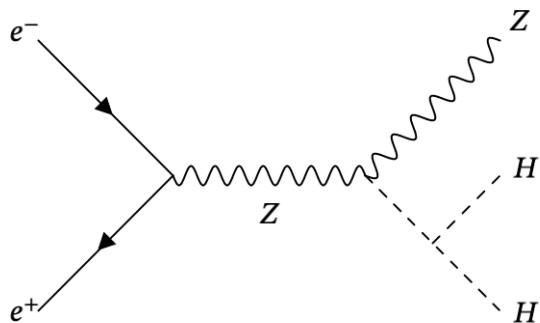


図 1.9: ヒッグス自己結合 $e^+e^- \rightarrow Zhh$

1.3.4 階層性問題

ヒッグス粒子の質量は LHC によって $125 \text{ GeV}/c^2$ と測定されている。しかしヒッグス粒子の質量は、繰り込みにおいて図 1.10 のような高次ダイアグラムから質量補正を受けることで発散してしまい、プランクスケール程度の質量を持つてしまうことが分かっている。そのため標準模型を超える新物理 (BSM) がないと仮定すると、質量の量子補正をキャンセルする解決策がなければ $125 \text{ GeV}/c^2$ 程度の質量を理論的に再現することができない。(ファインチューニング) これを回避するために、以下に挙げるような TeV スケールの超対称性理論や余剰次元理論など新物理によるシナリオが提案されている。これらシナリオにおけるヒッグス粒子との結合定数は標準模型における予測からズレることとなるため、ILC においてヒッグス粒子の精密測定を行うことで崩壊分岐比を決定することの意義は大きいと言える。

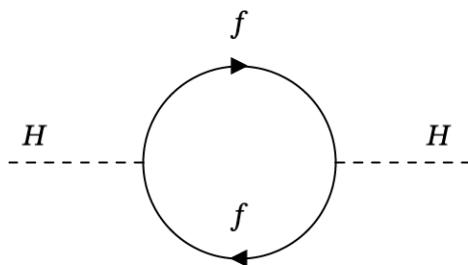


図 1.10: ヒッグス粒子の質量補正となるフェルミオンループ

- 超対称性理論

階層性問題においては、超対称性によりヒッグスボソンの質量補正に関する 2 次の発散をフェルミオンの寄与で打ち消す。これによって、対数による発散に落とすことができる。

- 余剰次元理論

余剰次元理論とは、四次元時空以外にも次元があるとする理論である。この理論では時空間の次元数を増やすことで、増えた次元のゲージ場にヒッグス場の起源を求める。この場合にはゲージ不变性により、繰り込みの発散が現れないため階層性問題に対応できる。

1.3.5 その他の新物理

上にあげた階層性問題に関する物理に加え、トップクォークの質量の精密測定、電弱相互作用の精密検証が可能であり、ILC の実現やそのアップグレードを通して宇宙の謎に迫る大発見を期待することができる。

1.4 ILC の検出器

ILC の検出器 (図 1.11) には、日本や欧米諸国が中心となって開発が進められている International Large Detector (ILD) と、米国が中心となって開発が進められている Silicon Detector (SiD) の二つのコンセプトが提案されており、ILC ではこれら 2 つの検出器が Interaction Point (IP) を共有できるように push-pull 方式を採用している。また ILD、SiD ともに Particle Flow Algorithm (PFA) という事象再構成アルゴリズムに沿って最適化されている。

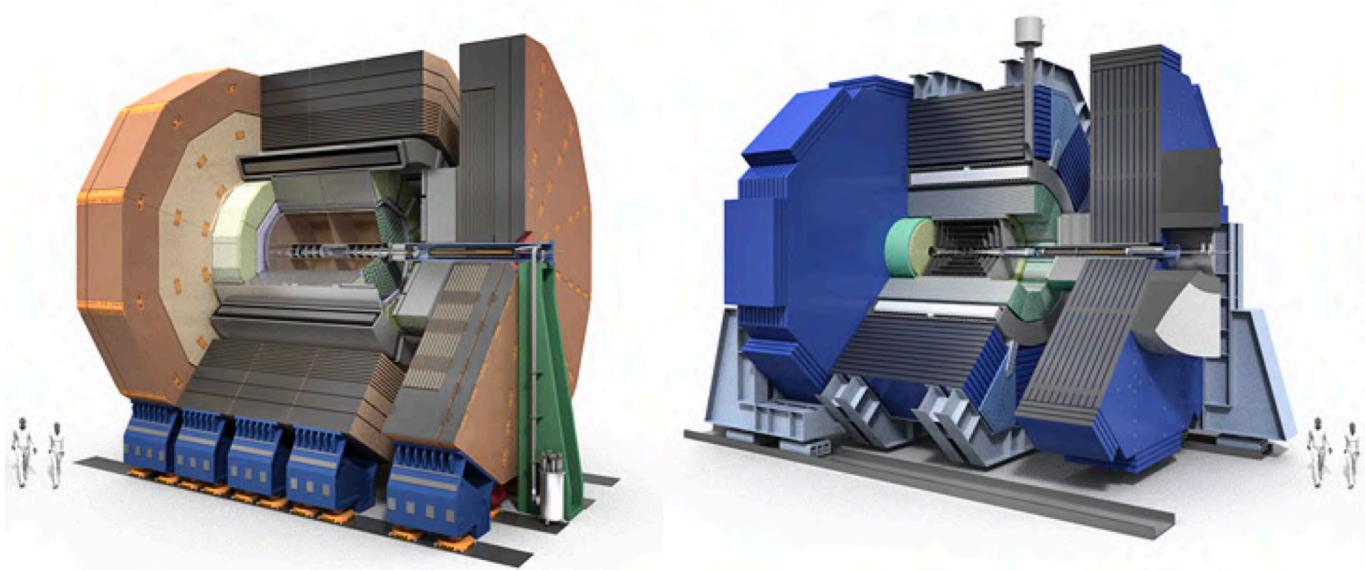


図 1.11: (左) ILD (右) SiD の全体図

1.4.1 ILD で検出器可能な粒子群

ILC の電子陽電子衝突で生じる粒子は、ヒッグス粒子などの重いボソンを介した後に、クォークやグルーオン、レプトン、光子に崩壊する。この中でもクォークとグルーオンは QCD における閉じ込めにより単体で存在することができず、クォーク対、グルーオン対となって多数のハドロンを発生させる。また、レプトンのうちニュートリノは、ILD の検出器と相互作用を起こさず通り抜けてしまうため、直接検出することは出来ない。そのため実際に測定器で検出することができるのは、終状態としてハドロンが束になった QCD ジェット、レプトン、フォトンとなる。

1.4.2 Particle Flow Algorithm: PFA

前節の通り ILC で生成される粒子は、ジェットの終状態として検出される。そのため ILC の物理を探求する上で必要となる粒子識別や事象再構成において、ジェットのエネルギーは非常に重要な情報であり、一般的にジェットのエネルギー分解能は次のように表される。

$$\frac{\sigma_E}{E} = \frac{\alpha}{\sqrt{E}} \oplus \beta(E) \quad (1.5)$$

ここで、第一項はカロリメータに由来するであり、第二項は補正項である。従来の素粒子実験におけるエネルギー測定では、およそ 7 割に相当する粒子がハドロンカロリメータでエネルギーを測定されるが、ハドロンカロリメータはそれ以外の検出器と比較してエネルギー分解能が低く、およそ $\sigma_E/E = 55\%/\sqrt{E(\text{GeV})}$ の分解能となっている。ILC ではジェットエネルギー分解能 $\sigma_E/E = 30\%/\sqrt{E(\text{GeV})}$ を目指しており、これを達成するために導入されているアルゴリズムが Particle Flow Algorithm (PFA) である。PFA はジェット内の粒子をその種類ごとに最適な検出器でエネルギー測定を行うことでジェットエネルギー分解能を向上させる再構成手法であり、過去の実験結果から、ジェット中に含まれる主な粒子の種類の割合とそれに対応する検出器について以下のように分かっている。(表 1.1)

崩壊モード	崩壊分岐比	ジェット内のエネルギー割合
荷電粒子	飛跡検出器	62%
光子	ECAL	27%
中性ハドロン	HCAL	10%
ニュートリノ	-	1%

表 1.1: ジェットを占める各粒子と対応する検出器

1.4.3 International Large Detector: ILD

ILD は内側から順に崩壊点検出器、飛跡検出器、電磁カロリメータ、ハドロンカロリメータ、ミューオン検出器で構成されている。カロリメータとミューオン検出器の間には 3.5T のソレノイドコイルが設置されている。図 1.12 に断面図を記す。

崩壊点検出器

崩壊点検出器は IP に最も近い場所に置かれる検出器であり、図 1.13 のようにシリコンピクセルセンサーが両面に貼られた厚さ 2mm の層を ILD の半径方向に 3 層重ねた構造になっている。このシリコンピクセルセンサーで飛跡を高い位置分解能検出のもと検出することで、荷

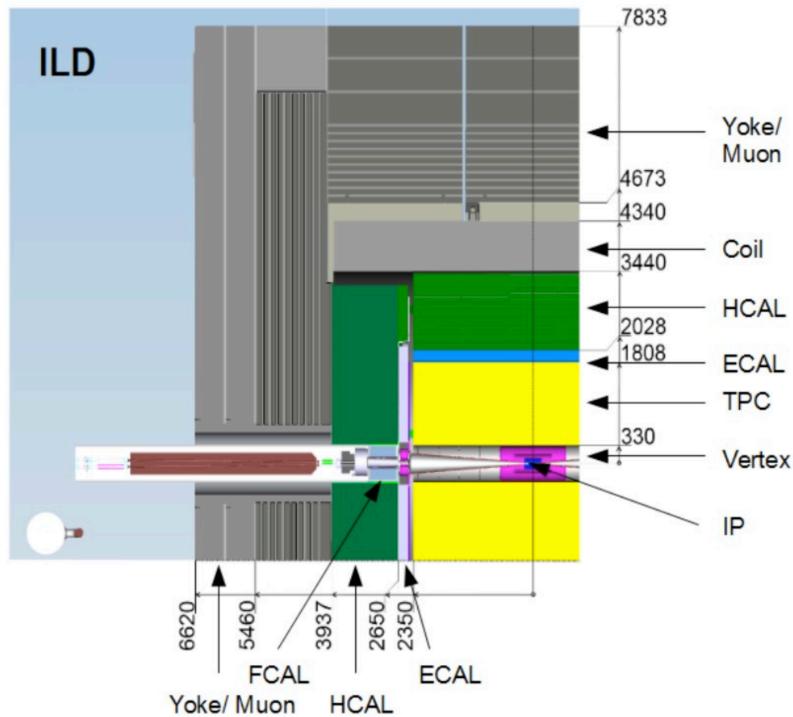


図 1.12: ILD の断面図

電粒子の生成点を高い精度で決定することが出来る。これによって短寿命粒子の崩壊点を高精度に再構成することができ、二次崩壊点の再構成はジェットのクォークフレーバーを識別する上で非常に重要な情報となる。ILC では飛跡検出における位置分解能式 1.6 を目標としており、そのために CMOS センサー、DEPFET、Fine Pitch CCD、SOI など様々な技術候補が研究されている。

$$\sigma_b = 5 \oplus 10/p \sin \theta^{3/2} [\mu\text{m}] \quad (1.6)$$

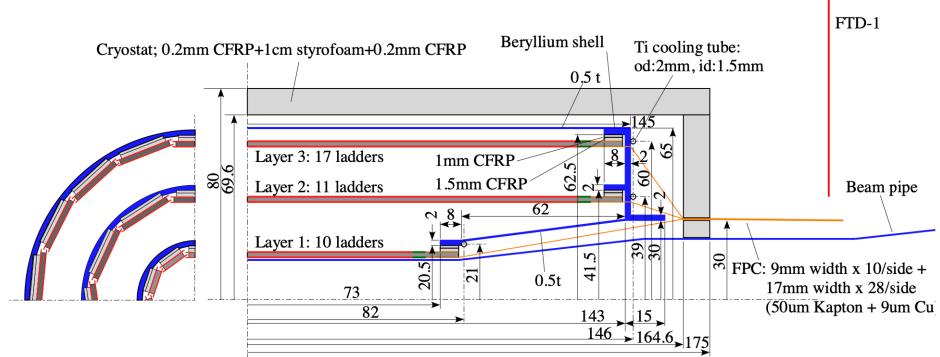


図 1.13: ILD 崩壊点検出器の構造

中央飛跡検出器

中央飛跡検出器は崩壊点検出器の外側に位置しており、Time Projection Chamber (TPC) とその周囲に設置されるシリコン検出器のハイブリッドで構成されている。TPC は大型のガスチャンバーであり、荷電粒子の通過でガス内に生じる電離電子を電極間にかけられた電場によってドリフトし、ドリフト時間などの情報をもとに飛跡を 3 次元的に再構成する検出器である。荷電粒子の飛跡を再構成することで運動量の測定が可能であり、粒子の検出数の多さから運動量分解能を持つ。さらに信号の大きさからエネルギー損失も測定することが可能であり、これは粒子識別において重要な役割を果たす。

カロリメータ

カロリメータは入射粒子のエネルギーを測定するための検出器で、ILD では内側から電磁カロリメータ (ECAL)、ハドロンカロリメータ (HCAL) によって構成されており、またビーム軸方向に対して前方カロリメータ (FCAL) が設置される。これら ILD のカロリメータにはサンプリング型カロリメータが提案されており、シャワーを起こすための吸収層と生成されたシャワー内の粒子のエネルギーを測定する検出層が交互に組み合わさった構造となっている。

ECAL は主に電磁シャワー内の光子のエネルギーを測定するために利用される。ILD では後述の PFA のためジェット内の粒子を分離できる高精細なカロリメータが必要とされており、吸収層には物質量が大きいため放射長が短く、モリエール半径の小さいタンゲステンが検討されている。また、検出層には読み出しセルが高精細なシリコン検出器を用いるシリコン電磁カロリメータ (SiECAL) やシンチレータストリップを用いるシンチレータカロリメータ (ScECAL) が提案されている。

HCAL は荷電ハドロンと中性ハドロンのエネルギー損失を分離し、中性ハドロンのエネルギーを測定するための検出器である。HCAL は ECAL に比べ大型であるため吸収層には鉄が用いられ、検出層には 3cm 角の SiPM タイルを用いてシンチレーション光を検出するアナログカロリメータ (AHCAL) と、1cm 角のセルを RPC を用いてバイナリ信号で読み出すデジタルカロリメータ (SDHCAL) の 2 つが提案されている。

ミューオン検出器

ミューオン検出器はその名の通りミューオンを検出する検出器である。ミューオンは他の検出器と相互作用を起こさないため IP から遠い検出器の最も外側に設置されており、RPC チェンバーと SiPM シンチレータストリップの両方が検討されている。

1.5 ILC のソフトウェア

1.5.1 イベントジェネレータと検出器シミュレーション

ILC をはじめとする線型加速器には「iLCSoft」というソフトウェアフレームワークが開発されており、検出器シミュレーションから事象再構成までを実行することができる。iLCSoft 内では専用の LCIO フォーマットを使用し、C++ アプリケーションフレームワークである Marlin によって運用され、検出器のジオメトリなど検出器記述には DD4hep というツールキットを使用するという点で統一されている。

ILC は将来実験計画であるため、現在実験データは存在しないがシミュレーションによって検出器応答や新物理探索など研究が可能であり、本論文における研究で使用するデータもシミュレーションデータである。シミュレーションにおいてはまず、モンテカルロ (Monte Carlo, MC) 法に基づく Whizard というイベントジェネレータを用いて、標準模型や様々な理論を背景とした物理事象を生成する。Wizard では終状態で最大 8 粒子までの事象を生成し、Pythia によって粒子の崩壊過程のシミュレーションを行う。更に生成されたイベントに対して、DDSim という Geant4 をベースとした検出器シミュレーションを実行し、粒子から検出器ヒットデータが生成される。図 1.14 に ILC におけるソフトウェアの流れを示す。

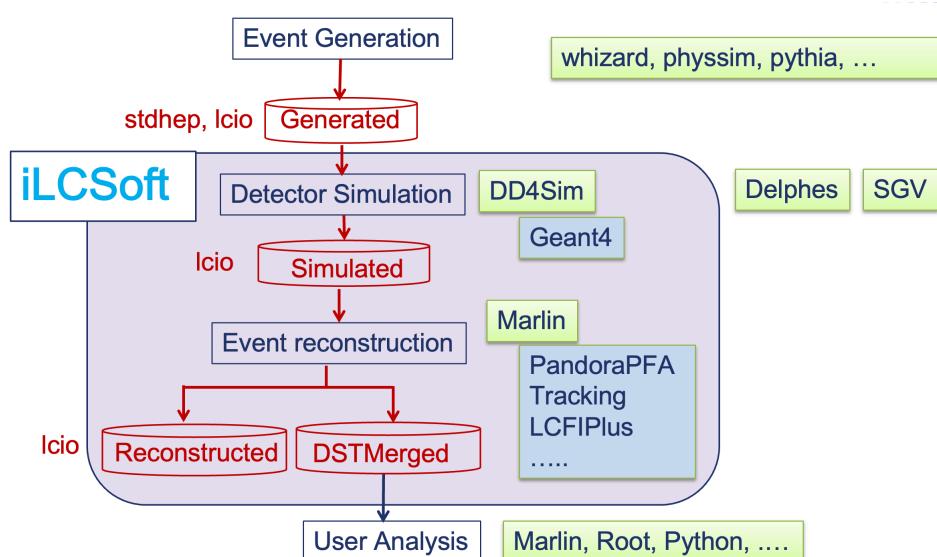


図 1.14: ILC におけるシミュレーションと事象再構成、物理解析の流れとソフトウェア

1.5.2 事象再構成

前節までで生成された検出器ヒットをもとに、終状態粒子のエネルギーと飛跡を推定する事象再構成が行われる。iLCSoft では、Marlin によって測定器出力のデジタル化や PFA に

よる再構成を行った後、飛跡再構成やジェットの再構成を行い、物理解析へと繋がっていく。iLCSoftにおいて、ジェットの再構成にあたる崩壊点検出からフレーバー識別のプロセスは、LCFIPlus[2] というフレームワークで実行することができる。

飛跡再構成

多数の飛跡を含むジェットは各検出器を通過するため、検出器ヒットをもとにフィッティングを行うことで飛跡は再構成することができる。特に崩壊点検出器では主に飛跡の方向情報を、中央飛跡検出器では運動量や時間情報を取得し、様々なパターン認識アルゴリズムを有する MarlinTrk によって再構成される。荷電粒子の飛跡が再構成されたのち、以降のプロセスでジェットの再構成を行う。

崩壊点検出

ジェットは IP で生成された粒子が崩壊を繰り返し、多くの飛跡を残すことで再構成される。この粒子が崩壊する点を崩壊点 (Vertex) と呼び、特に IP を primary vertex、そこで生成された粒子の一次崩壊点を secondary vertex と呼ぶ。LCFIPlus における崩壊点検出では、初めに Vertex Fitter プロセスにて 2 本以上の飛跡の組み合わせから飛跡の発生源となる点を、 χ^2 値が最小値をとるフィッティングによって求める。続いて、primary vertex の再構成を tear-down アルゴリズムを用いて行う。ここでは全ての飛跡に対して IP を崩壊点とするフィッティングを行い、一定の閾値に到達するまで χ^2 値の大きい飛跡から排除していく。最後に排除された飛跡対に対してフィッティングを行い、 χ^2 値や不変質量、運動量などを用いてカットを行い、secondary vertex を再構成している。

ジェットクラスタリング

ILC の終状態の多くは 4 ジェット以上のマルチジェットであり、これらをクラスタリングすることでフレーバー識別の精度を向上させることができる。そのためジェットクラスタリングのプロセスでは、再構成された崩壊点やレプトンの情報をジェットのコアとし、Durham[3] のクラスタリングアルゴリズムを用いてクラスタリングを行う。具体的には、崩壊点やレプトンの特徴的な物理量や飛跡同士の開き角などを用いて、全飛跡に対してクラスタリングを行う。

フレーバー識別

崩壊点の情報や飛跡の情報など 20 程度の物理量をもとに、多変量解析によってジェットの親粒子のフレーバー識別が行われる。LCFIPlus では ROOT の TMVA パッケージを使用して、従来の機械学習手法である Boosted Decision Trees (BDTs) を用いた識別が行われている。LCFIPlus では b フレーバーのジェット、c フレーバーのジェット、u・d・s フレーバーのジェットの 3 つを分類している。分類においては、b・c フレーバーのハドロンはそれ以外のフレーバーに比べて寿命が長いことから、衝突点から離れたところで崩壊するという特徴がある。(図 1.15) ハドロンの寿命 τ は高速 c を用いて、b フレーバーでおよそ $c\tau = 400 \sim 500 \mu\text{m}$ 、

c フレーバーでおよそ $c\tau = 20 \sim 300 \mu m$ である。上記に加えて b フレーバーは派生して c フレーバーへ崩壊するため、1つのジェット中に崩壊点を2つもつ。これらの情報やジェットの物理量を用いてフレーバーを識別することができる。そのため崩壊点検出のプロセスにおいて、高精度に崩壊点を求めることが重要となる。

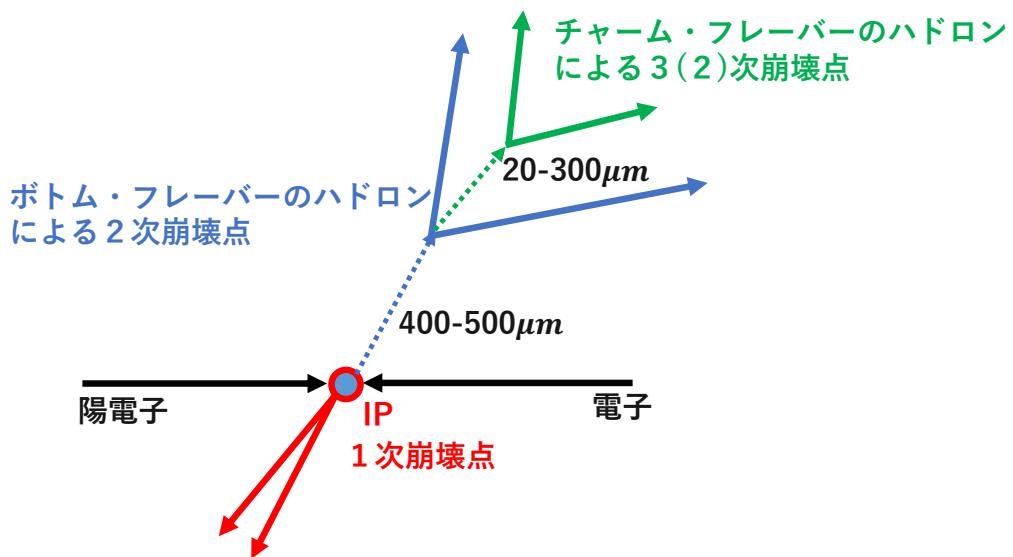


図 1.15: ジェットの崩壊の様子。赤線が1次崩壊点、青線が2次崩壊点、緑線が3次崩壊点を由来とする飛跡を表す。

1.6 本研究の目的

本研究の目的は、電子陽電子ヒッグスファクトリーである ILC におけるジェット測定技術の開発である。ヒッグス粒子や 350GeV 以上の ILC で探索可能なトップクォークなど、ILC の物理において重要な事象の多くはジェットを含んでおり、ジェットを高い精度で測定することが物理解析の性能に直結する。そのジェット測定技術において、シリコンタングステン電磁カロリメータの性能評価、フレーバー識別アルゴリズムの開発の 2 つのテーマで研究を行った。

1.6.1 高エネルギーhadronビームによる SiW-ECAL の性能評価

ILC では粒子単位での再構成が求められ、そのためにはジェットのエネルギーや方向の分解能を高い精度で得ることが重要となる。高いジェットエネルギー分解能を達成するために提案されている PFA では、非常に高精細なカロリメータが求められており、日本やフランスのグループによって開発されたシリコンタングステン電磁カロリメータはその有望な候補である。本研究では、その技術プロトタイプに高エネルギービームを照射するビームテスト実験を行い、実験結果から更なる改善に向けたフィードバックを得た。本論文では、2 章で背景となる物理や SiW-ECAL の仕組みについて述べ、3 章でビームテスト実験について報告する。

1.6.2 深層学習を用いたフレーバー識別アルゴリズムの開発

再構成において重要なプロセスとなるフレーバー識別アルゴリズムの開発を、深層学習技術を用いて行った。本研究では、特にグラフ構造のデータを扱うグラフニューラルネットワークを実装し、従来技術である LCFIPlus と比較した識別精度の向上を目指した。グラフニューラルネットワークでは、対象の特微量に加え構造のトポロジー情報をデータに含んだ学習を行うことができる。また同時に、全ての事象再構成アルゴリズムを深層学習に置き換えることを最終目標に、フレーバー識別アルゴリズムと崩壊点検出アルゴリズムの統合を試みた。本論文では、4 章で深層学習に関する基本的事項について述べ、5 章で実際に考案したアルゴリズムについて述べる。

第2章

シリコンタングステン電磁カロリメータ

本章では、ILD のシリコンタングステン電磁カロリメータについて説明する。まず検出器を理解する上で必要な粒子と物質の相互作用について述べたのち、カロリメータの検出原理やシリコン検出器の検出原理について述べる。そして現在の ILD におけるシリコンタングステン電磁カロリメータの読み出し方法、また ASIC の設計性能やの読み出し方法、現在の技術プロトタイプについて説明する。

2.1 入射粒子と物質の相互作用

素粒子実験で捉えたい素粒子やハドロンは、粒子と物質との相互作用によって捉えることができる。よって本節では入射粒子の種類ごとに物質との相互作用について述べる。

2.1.1 荷電粒子

荷電粒子のエネルギー損失の要因には、主に電離損失と制動放射が挙げられ、特にエネルギーの低いところでは電離損失の割合が、エネルギーの高いところでは制動放射の割合が高くなる。以下ではそれについて述べる。

電離損失

荷電粒子は物質を通過することで、物質中の原子を電離あるいは励起させ電離エネルギー損失を生じる。この電離エネルギー損失は原子中の電子によるクーロン散乱によるものが支配的であり、Bethe-Bloch の式に従う。

$$-\frac{dE}{dx} = 4\pi N_A r_e^2 m_e c^2 z^2 \frac{Z}{A} \frac{1}{\beta^2} \left[\frac{1}{2} \ln\left(\frac{2m_e c^2 \beta^2 \gamma^2 W_{max}}{I^2}\right) - \beta^2 - \frac{\delta(\beta\gamma)}{2} \right] \quad (2.1)$$

変数	値または単位
N_A : アボガドロ定数	$6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
r_e : 古典電子半径	2.817 fm
m_e : 荷電粒子の質量	0.511 MeV
c : 光速	$2.998 \times 10^8 \text{ m/s}$
z : 入射粒子の電荷	-
Z : 物質の原子番号	-
A : 物質の相対原子質量	g mol^{-1}
β : 入射粒子の v/c	-
γ : $1/\sqrt{1 - \beta^2}$	-
W_{max} : 1回の衝突で物質に与える最大エネルギー	MeV
I : 物質の平均イオン化ポテンシャル	eV
$\delta(\beta\gamma)$: 密度効果による電離エネルギー損失の補正	$\sqrt{\rho \langle Z/A \rangle} \times 28.816 \text{ eV}$

Bethe-Bloch の式より、電離エネルギー損失 $-dE/dx$ は荷電粒子の入射速度に依存する。様々な物質に対する電離エネルギー損失と入射速度の関係を図??に示す。入射速度の小さいとき電離エネルギー損失は $1/\beta^2$ に比例しており、 $\beta\gamma \approx 3 \sim 4$ で電離エネルギー損失は最小値に達する。これを最小電離損失といい、この領域にある粒子を MIP (Minimum Ionization Particle) と呼ぶ。

制動放射

荷電粒子が物質を通過する際には電離の他に、原子核との衝突によって電磁波を放射しエネルギーを失うこともある。物質を構成する原子核はそれぞれ電場を持っており、電場によって Rutherford 散乱を受けた荷電粒子は加速、減速をされ、光子を放射しエネルギーを失う。これを制動放射 (Bremsstrahlung) と呼ぶ。制動放射によって荷電粒子が失うエネルギー損失率は、

$$-\frac{dE}{dx} = \frac{E}{L_R} \quad (2.2)$$

L_R は放射長 (Radiation Length) と呼ばれており、平均エネルギーが e の因子だけ小さくなる平均の長さを指す。 L_R は以下のように与えられる。

$$\frac{1}{L_R} = 4 \left(\frac{\hbar}{mc} \right)^2 Z(Z+1) \alpha^3 n_\alpha \ln \left(\frac{183}{Z^{1/3}} \right) \quad (2.3)$$

式 (2.2) を積分することで、初期エネルギー E_0 を持った荷電粒子が物質を x だけ進むときのエネルギー損失は以下のようになる。

$$E = E_0 \exp(-x/L_R) \quad (2.4)$$

電離エネルギーと制動放射によって失うエネルギーの大きさが同じになる入射電子のエネルギーを臨界エネルギー E_c と呼び、この値よりもエネルギーが小さい場合はエネルギー損失が

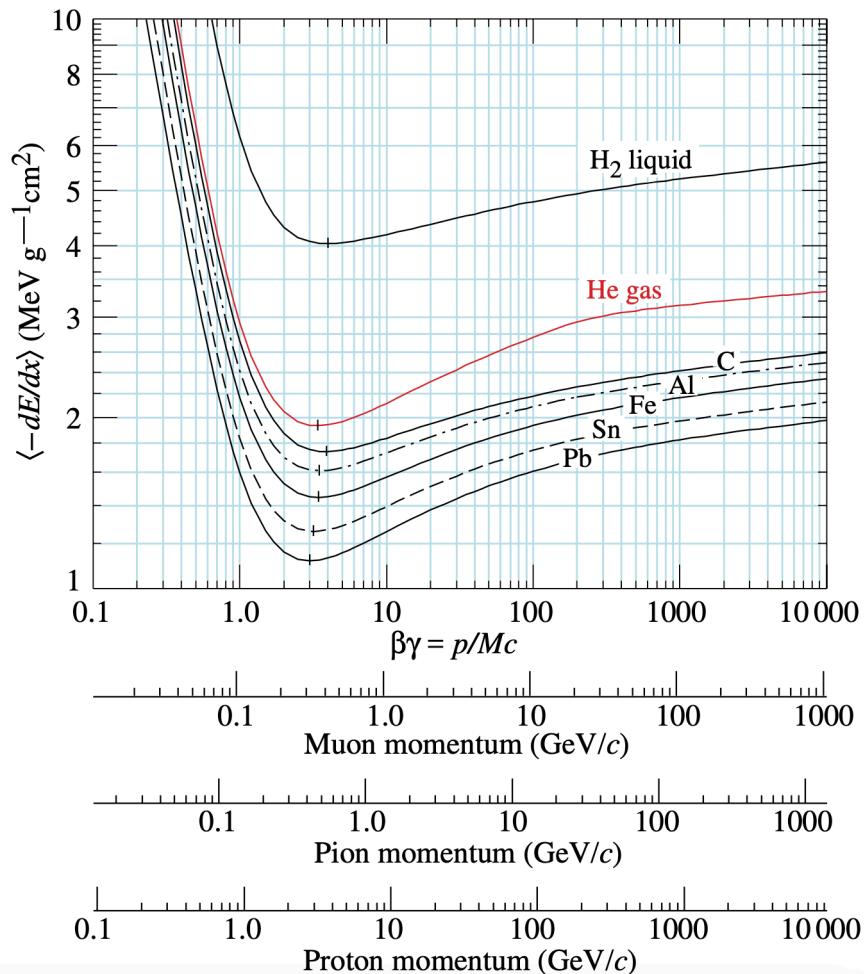


図 2.1: 水素 (液体)、ヘリウム (気体)、炭素、アルミニウム、鉄、スズ、および鉛における平均エネルギー損失と、入射粒子 (ミューオン、パイ中間子、陽子) の速度の関係。

Bethe-Bloch の式に従い、大きい場合は制動放射によって主にエネルギーを失う。(臨界エネルギーは物質によって異なるがおおよそ $E_c \simeq 500[\text{MeV}]/Z$ と表される。) 荷電粒子の制動放射によって失われるエネルギーは質量の二乗に反比例するが、電離エネルギー損失は質量に強く依らない(図??)ため、ほとんどの粒子に対しては制動放射よりも電離損失が支配的となる。一方で電子においては制動放射によるエネルギー損失が支配的であり、 E_c は電磁カロリメータなどの設計において重要なパラメータとなる。

2.1.2 光子

電荷を持たない光子は物質中で電離は起こさず、主に図 2.2 に示す光電効果、コンプトン散乱、電子陽電子対生成の 3 つの過程で相互作用する。

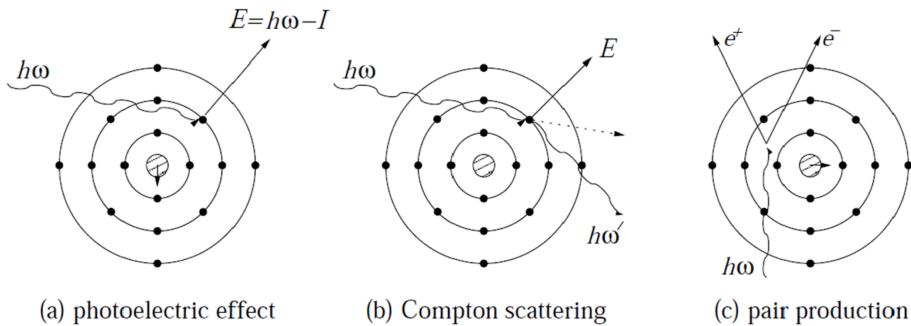


図 2.2: 光子と物質の相互作用

- 光電効果 (Photoelectric effect): 入射光子が物質に当たることで光子の持っていたエネルギー $h\nu$ が物質の電子に与えられる。これによって励起された電子が $h\nu - I$ の運動エネルギーで飛び出す現象。 $(I$ はイオン化エネルギー)
- コンプトン散乱 (Compton scattering): 入射光子と原子核に束縛されている 1 つの電子との弾性散乱。光電効果よりも光子のエネルギーが大きく、電子陽電子対生成反応よりも小さい時に支配的な反応である。
- 電子陽電子対生成 (Pair production): 入射光子が原子核のつくるクーロン場において消滅し、電子陽電子の対を生成する反応。この反応では、光子のエネルギーが電子陽電子の静止質量の和（およそ 1.02MeV）よりも大きい必要がある。

光子のエネルギーによってこれらの反応確率は異なり、図 2.3 に光子のエネルギーに対する各反応の確率を示す。中でも数 MeV 以上の光子においては電子陽電子生成反応が主要なプロセスであり、ILC のような高エネルギーにおいては電子陽電子対生成が重要である。物質に入射した光子は電子陽電子を生成し、さらに制動放射によって光子を放出する。これを繰り返すことで電子陽電子と光子の数が指數関数的に増加していく、この現象が電磁シャワーと呼ばれている。この時、電子陽電子対生成過程の断面積は $E_\gamma \gg mc^2/\alpha Z^{1/3}$ において

$$\sigma_{pair} = \frac{7}{9} \frac{1}{n_a L_R} \quad (2.5)$$

と近似することができ、光子の飛程はおよそ $9/7L_R$ となる。電磁シャワーは発展するにつれてエネルギーが下がり、臨界エネルギー (ILC の検出器ではおよそ 10 MeV) に到達すると電子陽電子生成過程が起こらなくなり収束する。粒子のエネルギーを測定する場合には、シャワー内の荷電粒子を MIP とみなし、それらの粒子数が初めの光子のエネルギーに比例すると考えることで、検出器のセンサーに残したエネルギー損失の和をとることで測定する。

また電磁シャワーは進行方向だけでなく垂直方向にも広がり、モリエール半径 R_M によって広がりが測られる。モリエール半径とは、エネルギーの 90% が入るシャワーの半径を指し、以下の式で表される。

$$R_M \sim \frac{21(\text{MeV})L_R}{\text{臨界エネルギー } (\text{MeV})} (\text{g/cm}^2) \quad (2.6)$$

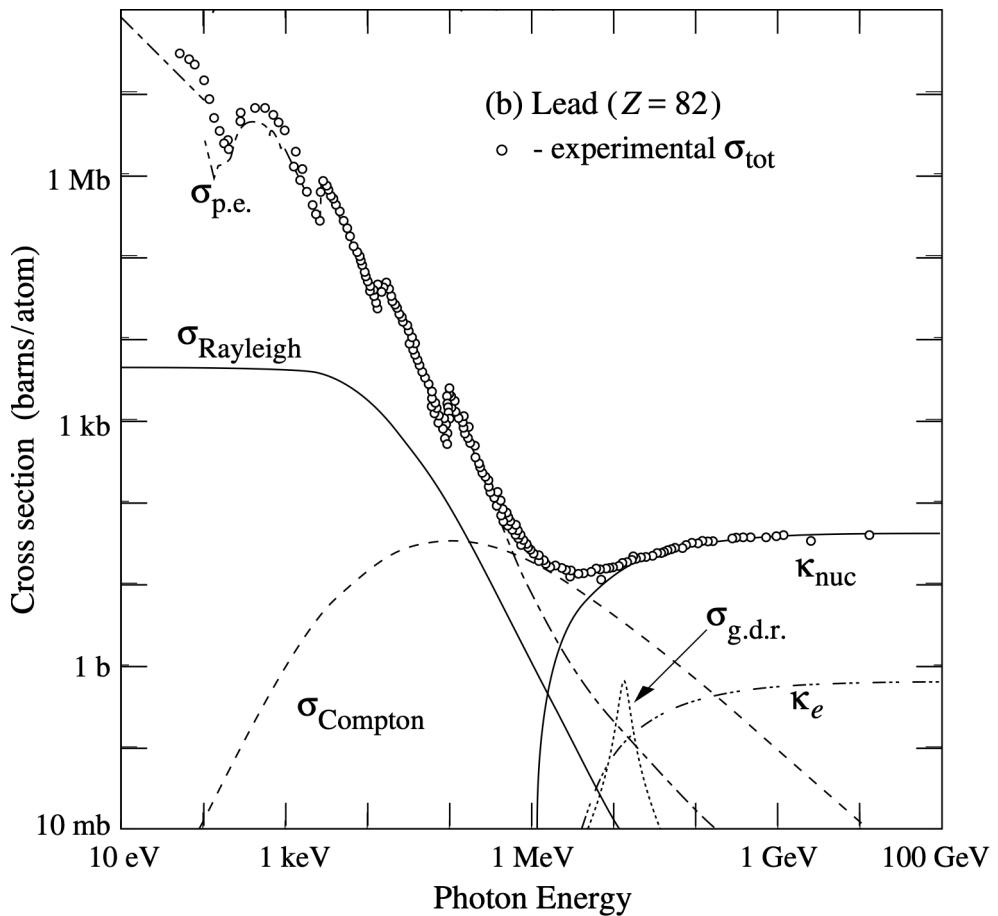


図 2.3: 光子と鉛の相互作用における断面積と光子のエネルギーの関係。 $\sigma_{p.e.}$ は光電効果を、 $\sigma_{Compton}$ はコンプトン散乱を、 κ_e, κ_{nuc} は電子陽電子対生成を指す。

2.1.3 ハドロン

π 中間子や K 中間子などのハドロンは物質を構成する原子核と衝突し、非弾性散乱を繰り返すことでハドロンシャワーを生成する。ハドロンの相互作用長は典型的に放射長よりも大きく、ハドロンをカロリメータで測定する場合には非常に多くの物質を必要とする。相互作用長は以下のように表される。

$$\lambda = \frac{A}{N_a \rho} \sigma_{total} \quad (2.7)$$

ここで、 ρ は物質の密度を、 σ_{total} は反応断面積の総和を表す。ハドロンシャワーには $\pi^0 \rightarrow \gamma\gamma$ 崩壊によって発生する電磁シャワーが混ざってしまっており、検出器のエネルギー応答が異なることから、ハドロンシャワーのエネルギー分解能は電磁シャワーと比較して非常に悪くなってしまう。

2.2 粒子検出器の動作原理

素粒子実験では、前節の相互作用を用いて粒子を検出する。粒子の検出には、事象を区別するために十分な時間分解能と位置分解能を持つ必要があり、また各粒子を識別するために、エネルギーと運動量を十分な精度で測定する必要がある。以下では、測定器を構成する検出器のうち特に重要なものを取り上げる。

2.2.1 ガス検出器

ガス検出器は、主にアルゴンのような活性の低いガスを検出器内に充填した検出器である。荷電粒子がガス中を通過することで電離反応を起こし、生成される電子と陽イオンを電極に集める、あるいは電離の軌跡を可視化することで荷電粒子を検出することができる。主な検出器としては、電極への印加電圧が小さい領域では電離箱が、大きい領域ではワイヤーチェンバーや抵抗板チェンバー（RPC）などが挙げられる。

2.2.2 半導体検出器

半導体検出器とは半導体材料を使用した検出器を指し、光や電子をはじめとして様々な粒子を検出するものがある。半導体材料には主にシリコンやゲルマニウムが用いられ、接合ダイオードの原理を使用して製造される。以下では、シリコン検出器の構造と動作原理について説明する。まず基本構造としては、検出器の一方に正孔の多い p 型半導体、もう一方の面に自由電子が多い n 型半導体の p-n 接合が作られてある。それぞれに対して逆バイアス電圧（p 型に負、n 型に正）を印加することで、p 型と n 型との間で正孔と自由電子の結合が進み、空乏層と呼ばれる安定化した領域が検出器の接合面を中心に広がる。この空乏層を通過した荷電粒子は、検出器内のシリコン原子を励起し、電子正孔対を生成する。飛跡に沿って生成された電子正孔対は、空乏層内の電場によって両印加極板までドリフトされ、パルス電流として測定される。また、シリコンなど半導体のバンドギャップは 1eV 程度であり、電子正孔対を生成するために必要なエネルギーはおよそ 3,4eV となっている。この信号の小ささから、半導体検出器では読み出しにおいて增幅を必要とするため、增幅回路が近傍（あるいは半導体内部）に存在している。半導体検出器は、電極が平面構造のピクセル検出器や帯状のストリップ検出器、検出器基板上に增幅回路を形成するモノリシック検出器など、電極や增幅回路の実装によって様々な構造が存在する。

2.2.3 シンチレーション検出器

励起エネルギーの一部が、より低いエネルギー準位へ遷移する際に可視光として表れる物質をシンチーレタという。シンチレータ検出器は、荷電粒子の通過によって発生した蛍光（シン

チレーション光) を光検出器によって測定することで動作する検出器である。シンチレーション光は非常に弱い光信号であるため、検出においては光電子増倍管を用いて信号を增幅し検出する。

2.3 シリコンタングステン電磁カロリメータ SiW-ECAL

2.3.1 SiW-ECAL の全体構造

ILD の SiW-ECAL は、図 2.5 のようにタングステンの吸収層とシリコンパッドセンサーの検出層が、30 層サンドウィッチ状に交互に重なったサンプリング型カロリメータである。1 つのモジュールが 10 ほどのサブモジュールに分かれしており、サブモジュールにはそれぞれ 4 枚のシリコン半導体センサーが貼り付けられる。

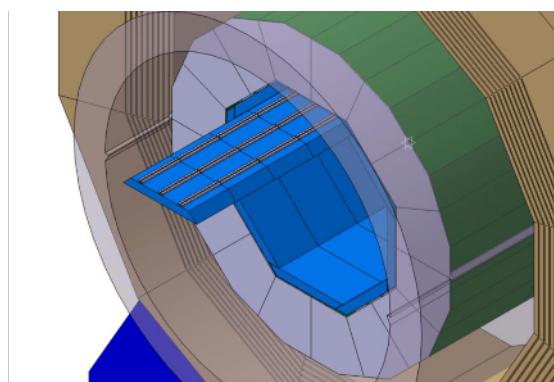


図 2.4: ILD および ECAL の全体図

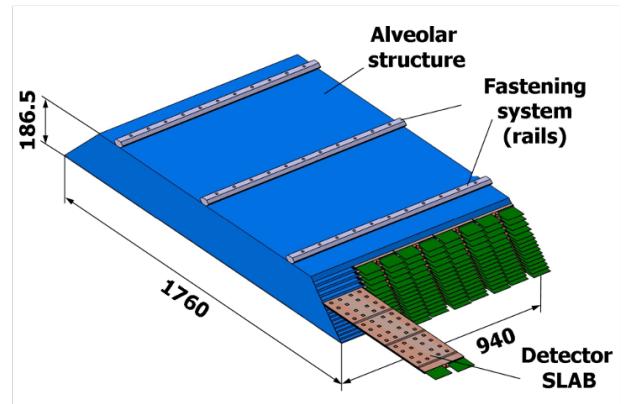


図 2.5: SiW-ECAL の構造

2.3.2 シリコン半導体検出器

SiW-ECAL では検出層にシリコン半導体検出器を用いる。センサーの大きさは 1 枚あたり $9 \times 9\text{cm}^2$ で、1 枚に $5.5 \times 5.5\text{mm}^2$ のピクセルが 16×16 個並んでおり、1 つサブモジュールあたり 1024 チャンネル読み出しが可能となっている。またシリコンセンサーには、電極としてアルミニウム (Al)、絶縁層に二酸化ケイ素 (SiO_2) が使用される。厚さ $320\mu\text{m}$ のセンサーでは、1MIP あたり 86.8keV のエネルギー損失が起こり、臨界エネルギーに達するまでに生成される電子正孔対はおよそ 24,000、電荷にして 4fC となる。シリコンセンサーは、常温硬化型導電性接着剤によって回路基板 (PCB) と接着されており、PCB を通して信号の読み出しが行われる。以下にセンサーの仕様と 1 枚のシリコンセンサーパッドを示す。

図 2.6: シリコンセンサーの仕様

制作会社	浜松ホトニクス株式会社
サイズ	$89.7 \times 89.7 \text{ mm}^2$
セルサイズ	$5 \times 5 \text{ mm}^2$
セル数	$16 \times 16 = 256$
厚さ	$320/500/650\mu\text{m}$
完全空乏化電圧	$40/70/110 \text{ V}$

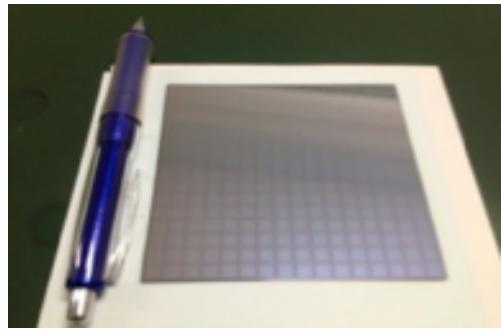


図 2.7: シリコンパッドセンサー

2.3.3 読み出しシステム

SiW-ECAL は高精細であることから読み出しチャンネル数が非常に多くなっており、30 層の ECAL 全体ではおよそ 1 億にもおよぶ。そのため、シリコンセンサーからの信号読み出しをコンパクトにする必要があり、読み出し専用の ASIC (Application Specific Integrated Circuit) が開発された。現在の技術プロトタイプに実装されている ASIC には、フランスの Omega グループが開発した SKIROC (Silicon Kalorimeter Integrated ReadOut Chip) シリーズの第二バージョンである SKIROC2A を用いている。

まず、読み出しに用いる ASIC に求められる性能には次に挙げる項目が求められる。

- 自動トリガー：
信号に対して ASIC 自身でトリガーをかける。
- 完全デジタル出力：
シリコン半導体検出器からのアナログ情報をすべてデジタル変換し、DAQ へ送信する。
データ量を圧縮し、またデータの劣化を防ぐことができる。
- 発熱量の抑制：
電力消費によって発生するジュール熱を、1 チャンネルあたり $25\mu\text{W}$ 以下に抑える。
- 1 MIP 相当の信号を識別できる高い Signal to Noise 比 (S/N 比)：
PFA においてジェットエネルギー分解能を向上させるために、高い精度で粒子を識別する必要がある。

続いて、SKIROC2A の基本的な仕様を以下に示す。

- Austria Micro Systems 社製 $0.35 \mu\text{m}$ SiGe
- $7.5 \times 8.5 \text{ mm}^2/1$ チップ
- 1 チップあたり 64 チャンネル読み出し可能
- 2 種類のダイナミックレンジをもつ ADC (Analog to Digital Converter) mode：
電磁シャワー内の粒子が 1 つのチャンネルに大量に入射したときに全エネルギーを測定出来るよう、幅広いゲインのレンジを持つ。

- High gain … 0.5 ~ 150 MIP 相当の信号に対応
- Low gain … 150 ~ 2500 MIP 相当の信号に対応
- TDC (Time to Digital Converter) mode : 1ns 程の時間分解能で時間情報を保存
- 1 チャンネルあたり 15 イベント保持可能な Analog memory cell
ビームバンチ構造に対応するため、200ns の間イベントを保持することが可能。1 つの Memory cell では、High gain ADC、Low gain ADC を、時間情報である BCID (Bunch crossing ID) と紐づけて保存。
- 数珠つなぎ型読み出し：順番に読み出すことで読み出していないチップの電源を必要とせず、消費電力を減らす
- 0.5 MIP での自動トリガー
- 全 64 チャンネルの閾値を個別で同時設定可能な 10 bit DAC threshold
- Power pulsing mode

データ収集の手順は、以下のとおりである。まずシリコンセンサーからのアナログ信号が各チャンネルに入力され、前置増幅器によって前段増幅を行う。ここでの増幅率は、前置増幅器の feedback capacitance によって変更可能となっており、増幅率が最大となる 0pF から 6.0pF まで 0.4pF 刻みで決定することができる。前段増幅を経た信号は、Fast shaper と 2 つの Slow shaper (Low/High gain) の 3 つに分割される。Fast shaper に入った信号は、CRRC shaper によって信号をさらに増幅したのち、discriminator にて閾値を超えた場合のみトリガー信号を出し、同時に入ってきた Slow shaper の信号電圧を Memory cell に保持する。ここで、CRRC shaper とは微分回路と積分回路を組み合わせた回路であり、信号増幅率と立ち上がり時間を調整している。Memory cell に保持された charge は、読み出し時間が経過、あるいは Memory cell が満たされたタイミングでマルチプレクサー (MUX) に送られる。一方、Slow shaper においても信号が CRRC shaper によって増幅率 1、10 倍に増幅され、トリガー信号によって MUX に送られる。MUX では、Slow shaper (Low or High) と TDC の組み合わせを決定し、wilkinson 型 12bit ADC によってアナログ信号をデジタル化し、メモリに保存されたのち外部へ転送される。図 2.8 に SKIROC2A のアナログ部の回路図を示す。

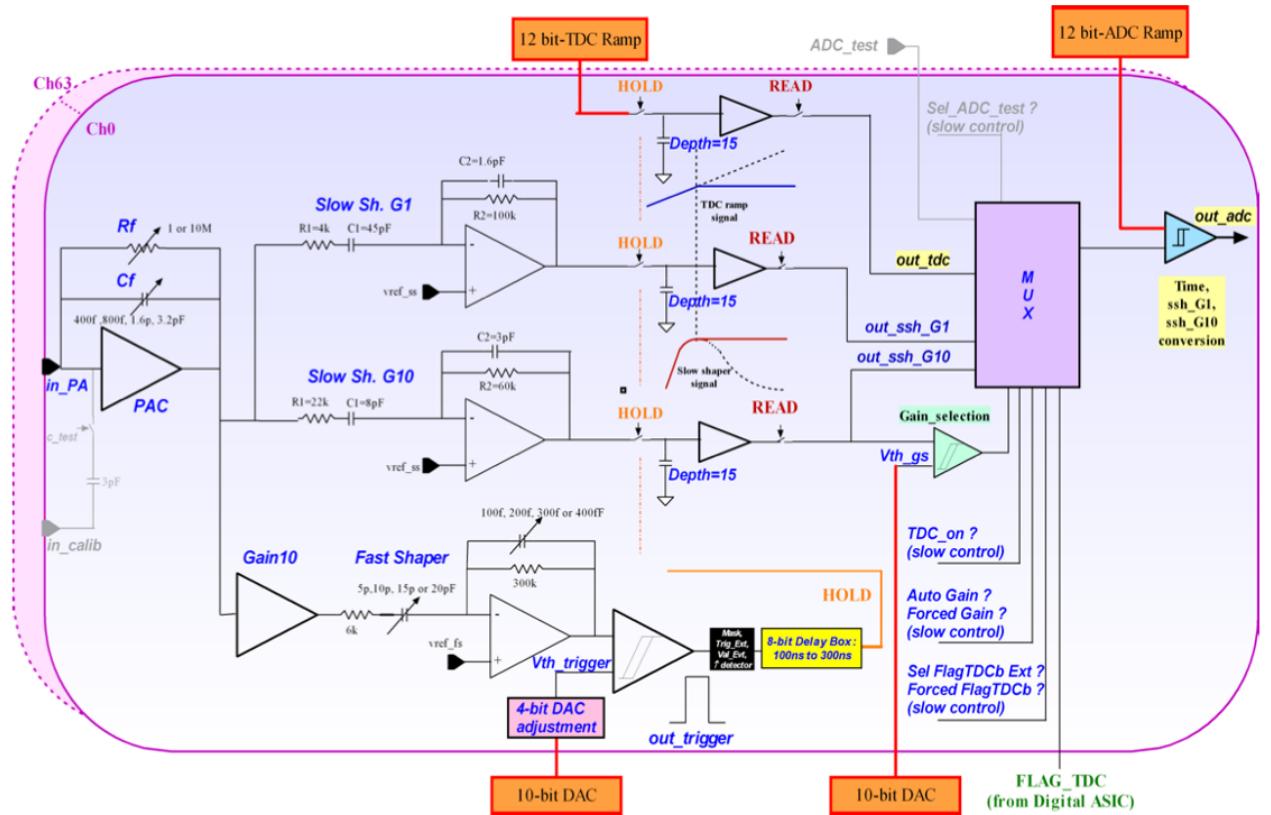


図 2.8: SKIROC2A のアナログ部の回路図

2.3.4 タングステン吸収層

ILD の SiW-ECAL の吸収層では PFA の要件を満たすために、相互作用長が長く放射長の短い物質でシャワーの広がりを小さく抑える物質を採用する必要がある。そのため、モリエール半径が小さく、放射長に比べ相互作用長が大きいタングステンが採用されている。表 2.1 に物質量が大きい吸収層の候補となる物質の性質について示す。

物質	λ/cm	L_R/cm	R_M/cm
鉄	16.8	1.76	1.69
銅	15.1	1.43	1.52
タングステン	9.6	0.35	0.93
鉛	17.1	0.56	1.00

表 2.1: 物質量の大きい吸収層の候補物質（ λ は相互作用長、 L_R は放射長、 R_M はモリエール半径を示す。）

2.3.5 技術プロトタイプ

SiW-ECAL の技術プロトタイプとして、図 2.9 のような構造が考えられている。図 2.9 は、1 層の検出器 (Slab) の一部として作製された Short slab である。図の上から構造体として炭素繊維強化プラスチック (CFRP) の板があり、その下に読み出し基板 (FEV) や ASIC の制御基板があり、基板下にはセンサーに接触し電荷を印加する導電性シートがあり、さらにカーボンの板で挟まれている。1 層あたり、FEV には PCB 上に SKIROC2A が 16 チップ実装されており、裏面にはシリコンパッドセンサー 4 枚が導電性接着剤で接着されている。また、ASIC は FPGA を通して制御されており、さらに図 2.10 のようなモジュールを通して、複数の Slab からの信号を同時に読み出している。この技術プロトタイプの開発は、フランスと日本を中心に CALICE グループによって国際協力で行われており、国内においてもモジュールの生産・組み立ては可能となっている。

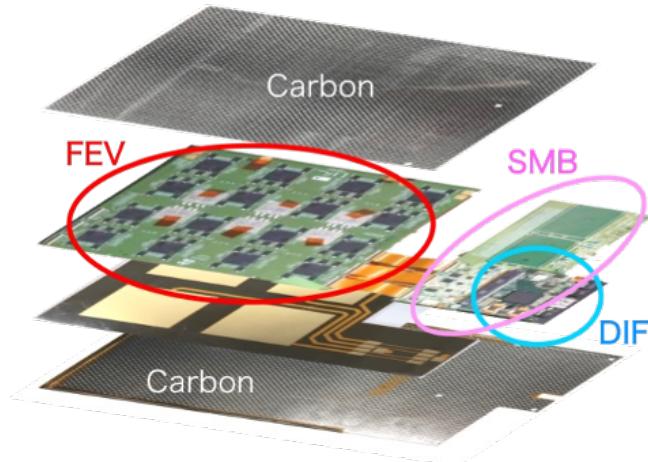


図 2.9: short slab の構造



図 2.10: 多層読み出しのための CORE モジュール

第3章

ビームテストによる評価実験

これまでに作成された SiW-ECAL の技術プロトタイプ (FEV および COB) の性能評価実験を、2023年6月7日から2023年6月22日の期間に CERN SPS 加速器のビームラインにて行った。本実験の主な目的は、電磁カロリメータとハドロンカロリメータの技術プロトタイプを同じビーム軸上に設置し、同時に運転を行いデータを取得すること。また、これまでの評価実験の中でも最高エネルギーのハドロンビームを用いて15層の SiW-ECAL の評価を行うことの2点であった。また本実験におけるハドロンカロリメータは、同じく CALICE グループにおいてドイツやチェコが中心となって開発を進めている AHCAL を用いた。以下では実験の詳細と、結果について述べる。

3.1 CERN SPS

3.2 実験セットアップ

3.2.1 測定機器のセットアップ

3.2.2 EUDAQ による信号読み出し

3.3 実験結果

3.3.1 検出器応答

3.3.2 ペデスタル

3.3.3 スクエアイベント

3.4 まとめと考察

第4章

深層学習

本章では、本研究で提案する手法である深層学習の理論を述べる。初めに、深層学習の基礎技術であるパーセプトロンについて説明する。そしてパーセプトロンを多層にしたニューラルネットの構造と計算技術について説明する。最後に深層学習のネットワークについて、特にグラフ構造のデータを扱うグラフニューラルネットワークについて紹介する。

4.1 ニューラルネットワーク

4.1.1 パーセプトロン（単層ニューラルネットワーク）

ニューラルネットワークの基礎となるパーセプトロンは、ローゼンブラットにより 1957 年に考案された。パーセプトロンの基本構造は、信号を入力として受け取り論理回路を通して出力信号を出すものである。図 4.1 に最も基本的なパーセプトロンの例を示す。

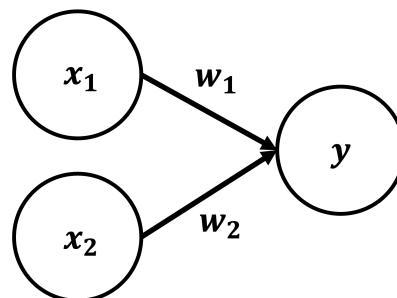


図 4.1: パーセプトロン

x_1, x_2 は入力信号、 y が出力信号であり、 w_1, w_2 がそれぞれの入力信号にかかる重みを表す。また、図中における \circ はノードと呼ぶ。入力信号はノードに送られる前に重みが掛けられ、出力ノードにてそれらの総和をとる。出力ノードでの演算（活性化関数）をステップ関数（階段関数）とすると、その総和が閾値 θ を超えている場合のみ出力信号は 1 を出力すること

になる。数式で示すと以下のようになる。

$$y = \begin{cases} 0 & (w_1x_1 + w_2x_2) \leq \theta \\ 1 & (w_1x_1 + w_2x_2) > \theta \end{cases} \quad (4.1)$$

パーセプトロンにおいて重要なのは入力信号に対する固有の重みであり、重みは各信号の重要性を操作する要素として働く。すなわち重みが大きいほど、対応する信号の全体における重要性が高くなる。この重みを更新する操作を学習と呼び、ニューラルネットワークでは学習を繰り返すことで重みパラメータを理想とする値に近づけていく。

また、入力信号が2つ以上の場合についても考えることができ、以下のような式で表される。入力信号 $x = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ 、重みパラメータ $w = \{w_1, w_2, \dots, w_n\}$ 、活性化関数（ここではステップ関数）を $h(x)$ とすると、出力ベクトル y は以下のようになる。

$$y = h(w^T x) = \begin{cases} 0 & (w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n) \leq \theta \\ 1 & (w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_nx_n) > \theta \end{cases} \quad (4.2)$$

4.1.2 多層パーセプトロン（多層ニューラルネットワーク）

パーセプトロンの演算では線形領域のみしか表現できず、非線形領域においても扱えるよう入力層と出力層の間に中間層（隠れ層）を加えるニューラルネットワークに改良された。このような中間層を複数重ねたパーセプトロンを多層パーセプトロン（Multi Layer Perceptron, MLP）と呼ぶ。多層パーセプトロンの簡単な例を図4.2に示す。

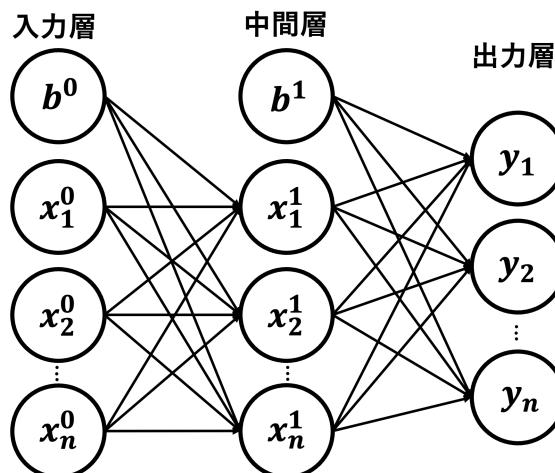


図4.2: 多層パーセプトロン（ニューラルネットワーク）

最も左のノード列を入力層、真ん中のノード列を中間層、一番右のノード列を出力層とすると、以下のような数式で表される。入力信号 $x^0 = \{x_1^0, x_2^0, \dots, x_n^0\}$ 、中間層の各ノードに入ってくる信号 $x^1 = \{x_1^1, x_2^1, \dots, x_n^1\}$ 、入力層と中間層の信号にかかる重みパラメータがそれぞれ

$w^0 = \{w_1^0, w_2^0, \dots, w_n^0\}$, $w^1 = \{w_1^1, w_2^1, \dots, w_n^1\}$ 、活性化関数を $h(x)$ とすると、出力ベクトル y_n は

$$x_1^1 = h(w_1^0 x_1^0 + w_2^0 x_2^0 + w_3^0 x_3^0 + \dots + w_n^0 x_n^0 + b^0) \quad (4.3)$$

$$y_n = h(w_1^1 x_1^1 + w_2^1 x_2^1 + w_3^1 x_3^1 + \dots + w_n^1 x_n^1 + b^1) \quad (4.4)$$

となる。ここで、 b^n としてより学習にパラメータを加えるため、各層に実数値のバイアスを導入した。重みと信号の積の和を a として、上式に行列を用いると簡略に表現できる。

$$\mathbf{y} = h(\mathbf{a}) \quad (4.5)$$

$$\mathbf{a} = \mathbf{W}\mathbf{x} + \mathbf{b} \quad (4.6)$$

以下ではニューラルネットワークの学習における、学習の仕組みや重要な技術について取り上げる。

活性化関数

活性化関数はニューラルネットワークにおける入力の重み線形和から、出力を決定するための関数である。活性化関数には、非線形演算によって表現力を高めるために非線形関数が用いられることが多く、以下に主なものについて示す。中でも ReLU 関数は、勾配の最大値が 1 であることから勾配消失を起こしにくく、計算の安定性の理由から多くのモデルにおいて用いられている。(sigmoid 関数の場合 $x = 0$ でピークを持ち、それ以外で急速に小さくなってしまう)

- ステップ（階段）関数

$$h(a) = \begin{cases} 0 & (a \leq \theta) \\ 1 & (a > \theta) \end{cases} \quad (4.7)$$

- sigmoid 関数

$$h(a) = \frac{1}{1 + \exp(-a)} \quad (4.8)$$

- \tanh 関数

$$h(a) = \tanh(a) \quad (4.9)$$

- ReLU 関数（ランプ関数）

$$h(a) = \begin{cases} 0 & (a \leq \theta) \\ a & (a > \theta) \end{cases} \quad (4.10)$$

出力層の設計

ニューラルネットワークで扱える問題は、主に回帰問題と分類問題に分けられる。それぞれの問題によって出力層の設計が異なり、回帰問題においては恒等関数が、分類問題においては

ソフトマックス関数が用いられる。恒等関数では入力された値をそのまま出力する。ソフトマックス関数は以下の式 4.11 のように、0 から 1 までの値を出力する関数であり、それぞれのカテゴリに分類される確率を表す。ここで y_k はニューラルネットワークの出力、 x_k は出力層へ入ってくる信号を表す。また、出力層のノード数は問題に合わせて適宜調整する必要があり、分類問題であればカテゴリ数だけノードを設計する必要がある。

$$y_k = \frac{\exp(x_k)}{\sum_{i=1}^n \exp(x_i)} \quad (4.11)$$

損失関数

先述の通り、ニューラルネットワークでは学習によって重みを更新するが、その際に学習結果を正しい答えと照らし合わせて評価し、その評価値を最小にするように重みを更新する。この評価関数を損失関数 (Loss function) と呼ぶ。損失関数には主に以下の 2 つが用いられる。

- 二乗和誤差関数 (Mean Squared Error)

二乗和誤差関数は、以下の式 4.12 で定義される関数である。ここで、 y_k はニューラルネットワークの出力、 t_k は正解ラベルを表し、 k はデータの次元数を表す。二乗和誤差関数の微分値は y の一次関数となっていることから、出力・正解ラベルが共に連続値であり恒等関数を出力層に持つ回帰問題で採用される。

$$E = \frac{1}{2} \sum_k (y_k - t_k)^2 \quad (4.12)$$

- 交差エントロピー誤差 (Cross Entropy Error) 交差エントロピー誤差は、以下の式 4.13 で定義される関数である。ここで、 y_k はニューラルネットワークの出力で、 t_k は one-hot 表現の正解ラベルを表す。交差エントロピー誤差は主にソフトマックス関数を出力層に用いる分類問題において採用される。

$$E = - \sum_k t_k \log(y_k) \quad (4.13)$$

誤差逆伝播法

これまでにはニューラルネットワークの順方向の伝播 (forward propagation) について見てきたが、出力層において学習結果と正解ラベルを比較し、逆方向に信号を伝播させ重みを更新するアルゴリズムを誤差逆伝播法 (back propagation) という。誤差逆伝播法では、次のような処理を行う。

1. ニューラルネットワークにおいて順方向に学習を行い、出力層で損失関数によって正解ラベルとの誤差を求める。
2. 誤差から各出力層ノードについて期待される出力と重要度、誤差を計算する。これを局所誤差という。

3. 特に重要度の高い前層の入力が、局所誤差に影響を及ぼしているとして重みを調整する。
4. さらに前層へと処理を繰り返す。

前処理

ニューラルネットワークでは、前処理を行うことで識別性能の向上や学習の高速化を見込むことができる。前処理の手法には以下にあげるようなものがあり、データ全体の分布を考慮して適応する必要がある。

- 正規化：最小値を 0、最大値を 1 とするスケーリング

$$x'_i = \frac{(x_i - \min(x))}{\max(x) - \min(x)} \quad (4.14)$$

- 標準化：平均を 0、分散を 1 とするスケーリング

$$x'_i = \frac{(x_i - \bar{x})}{\sigma} \quad (4.15)$$

- 対数変換：外れ値による分散を小さくし、0 付近の値を区別しやすくする。

$$x'_i = \ln(x_i) \quad (4.16)$$

ミニバッチ処理

ニューラルネットワークを学習させるにあたって、データを 1 つ 1 つ学習させるわけではない。実際にはミニバッチと呼ばれる、学習データをいくつかまとめて束としたものを一度に学習させる。この束をミニバッチという。また、このミニバッチのサイズ、つまりいくつのデータをまとめて束にするかという値のことをバッチサイズという。数値計算を扱うライブラリの多くは、大きな配列の計算を効率よく処理できるよう最適化がなされており、ミニバッチによる学習を行うことで、処理時間を短縮することができる。

最適化アルゴリズム

ニューラルネットワークの学習では、損失関数の値が最小となるような最適なパラメータを探索する。しかし損失関数のパラメータ空間は非常に複雑であることから、最適化は難しい。以下では、勾配降下法をはじめとする最適化手法について述べる。また、一度の学習で更新するパラメータの度合いを学習率 (learning rate) と呼んでおり、ネットワークの重みなどのパラメータとは異なり、学習率のような人の手で設定する必要のあるパラメータをハイパーパラメータと呼ぶ。

- 勾配降下法

現在のネットワークのパラメータの微分 (勾配) を計算し、その微分の値を手がかりにパラメータの値を徐々に更新する方法を、勾配降下法 (gradient descent method) とい

う。勾配降下法は以下の式 4.17 のように表される。ここで、 \mathbf{W} は更新する重みパラメータを、 L は損失関数を、 η は学習率を表す。

$$\mathbf{W} \leftarrow \mathbf{W} - \eta \frac{\partial L}{\partial \mathbf{W}} \quad (4.17)$$

また、ミニバッチ学習を用いた勾配降下法は特に、確率的勾配降下法 (stochastic gradient descent, SGD) と呼ばれており、現在のニューラルネットワークの最適化法は主に SGD に基づいて設計されている。しかし、SGD には関数の形状が等方的でない場合、勾配の方向が最終的な最小値と異なるため探索が非効率になるという欠点があり、単純に勾配方向へ進む以外の方法としてさまざまな最適化手法が考案されている。

• モーメンタム

モーメンタム (Momentum) は、それまでの学習における損失関数上で更新ステップの動きを考慮することで SGD の振動を抑えるアルゴリズムである。モーメンタムにおける更新方法は、物理学の速度にあたる変数 \mathbf{v} を加え、以下の式のように表される。

$$\mathbf{v} \leftarrow \alpha \mathbf{v} - \eta \frac{\partial L}{\partial \mathbf{W}} \quad (4.18)$$

$$\mathbf{W} \leftarrow \mathbf{W} + \mathbf{v} \quad (4.19)$$

上式における $\alpha \mathbf{v}$ が、U の字の斜傾を転がるボールが徐々に減速する運動のような役割を果たし、振動を抑えている。

• AdaGrad

AdaGrad では、モーメンタムと同様に SGD の振動を抑えるが、学習率を減衰させることによってこれを達成するアルゴリズムである。AdaGrad の更新方法は次のような式で表される。

$$\mathbf{h} \leftarrow \mathbf{h} + \frac{\partial L}{\partial \mathbf{W}} \odot \frac{\partial L}{\partial \mathbf{W}} \quad (4.20)$$

$$\mathbf{W} \leftarrow \mathbf{W} - \eta \frac{1}{\sqrt{h}} \frac{\partial L}{\partial \mathbf{W}} \quad (4.21)$$

ここで、 \mathbf{h} はこれまでの勾配の値を二乗和として保持する役割を持つ。そして $\eta \frac{1}{\sqrt{h}}$ によって学習率のスケールを調整することができる。これによって動いた大きさに合わせてパラメータ毎に学習率の減衰を行うことができる。

• Adam

Adam はモーメントの考え方と AdaGrad の考え方を融合させた手法であり、モーメントの変数 2つと前のステップまでの学習係数を表す変数 1つの 3つをハイパーカーパラメータにもつ。これによって効率的にパラメータ空間を探索することができる。

4.1.3 ディープニューラルネットワーク

多層ニューラルネットワークにおいて、特に図 4.3 のように層の数を多数持つモデルに対しては深い（ディープな）ことからディープニューラルネットワーク（Deep Neural Network,

DNN, 深層学習) と呼ぶ。ディープニューラルネットワークの演算には過去に勾配消失のような技術的課題が存在していたが、計算機性能の向上に加え以下に挙げる計算技術の工夫などによって学習が可能となった。

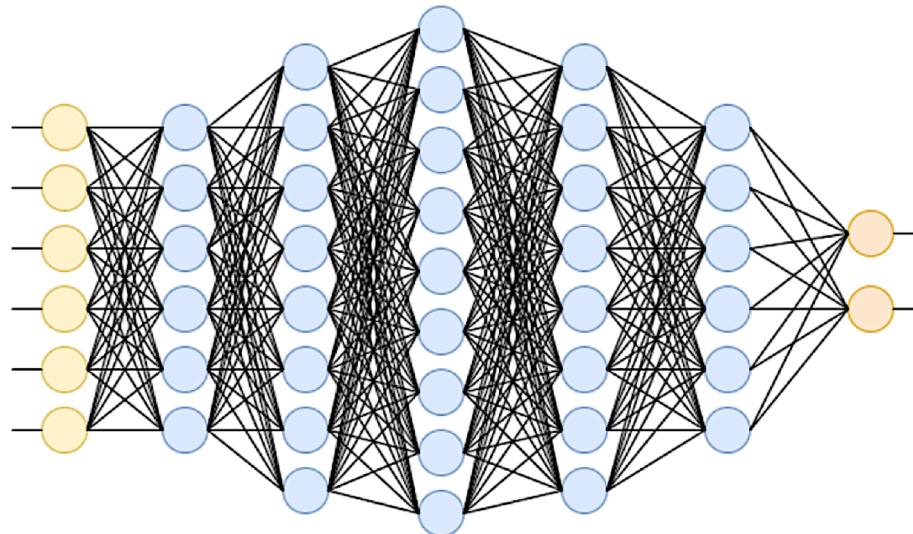


図 4.3: ディープニューラルネットワーク

4.2 グラフニューラルネットワーク

深層学習では数値データのみでなく、画像認識や自然言語処理など様々なデータに対して目覚ましい成果を挙げている。その中で特に近年、グラフで表される構造データに対する研究が非常に盛んになっており、本研究において取り上げるグラフニューラルネットワークもその一つである。グラフ構造データとは、オブジェクトの集合（ノード）を関係（エッジ）で結んだデータのことで、ノードのみが特徴量を持つ場合と、ノードとエッジの両方が特徴量を持つ場合がある。代表的には友人関係や論文の引用関係、化学化合物などをグラフデータとして構築することは有用であるとされており、データ間の相互関係を用いたモデリング・学習が可能であるため、高い表現力を持つことを強みとしている。グラフの種類は大きく分けてノードの次元が同じ同種グラフと、異なる次元のデータを扱う異種グラフの 2 種類に分けられる。更に、エッジが方向性を持っている有向グラフと無向グラフ、データが時系列で変化する動的グラフと変化しない静的グラフに分けられる。そしてこのようなグラフデータを扱うニューラルネットをグラフニューラルネットワーク (Graph Neural Network, GNN) という。グラフ構造や演算技術、目的とする課題によって GNN のネットワークモデルの種類は多岐にわたっており、以下では基本的なグラフでの演算や本論文に関連した幾つかの種類のモデルを取り上げる。

4.2.1 メッセージパッシング

GNNのアーキテクチャにおいて、グラフは集合 $\mathcal{G} = (\mathcal{V}, \mathcal{E})$ で構成されており、 \mathcal{V} はノードの集合、 \mathcal{E} はエッジの集合を表す。ニューラルネットワークの場合と同様にノードは特徴量を持っており、エッジも特徴量を持つことができる。図 4.4 に GNN における一般的な演算処理の流れ（メッセージパッシング）を示す。各ノードを \mathbf{h}_i とすると、隣接しているノードおよびその間のエッジの特徴量を集約し、ノードを更新 \mathbf{h}'_i する。これによってエッジによって関連づけられたノード間で特徴量を更新していくことができる。エッジが特徴量を持つ場合は、エッジについても更新を行う。これらを数式にまとめると次のようになる。

$$\mathbf{h}_{(i,j)} = f_{edge}(\mathbf{h}_i, \mathbf{h}_j, x_{(i,j)}) \quad (4.22)$$

$$\mathbf{h}'_i = f_{node}(\mathbf{h}_i, \sum_{j \in \mathcal{N}_i} \mathbf{h}_{(j,i)}, x_i) \quad (4.23)$$

ここで、 $\mathbf{h}_{(i,j)}$ はエッジを、 x_i はノードの特徴量を、 \mathcal{N}_i は隣接しているノードの集合を表す。

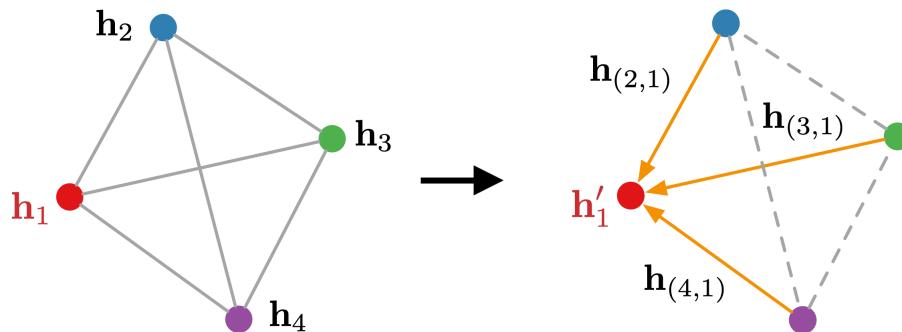


図 4.4: (左) 4 つのノードを持つ全結合グラフニューラルネットワーク。 h_i はノード表現を表す。 (右) メッセージパッシングの処理。

4.2.2 Graph Convolution Network (GCN)

GCN とは、メッセージパッシングにおいて畳み込み（Convolution）を用いる手法である。一般的に機械学習における畳み込みは、あるフィルターを用いて対象と掛け合わせたものの和をとることで、周辺の情報を含ませることのできる処理であり、画像処理などにおいて広く用いられている。グラフの畳み込みにおいてはスペクトルによるアプローチと空間的なアプローチの 2 つがあり、以下ではそれぞれについて説明する。

Spectral Graph Convolution

スペクトルによる畳み込みは信号処理の考えに基づいたアプローチである。音声などの信号処理においては、関数をフーリエ変換によって周波性成分に変換し、ノイズ除去をして逆変換

する。これをグラフデータに置き換えると、グラフラプラシアンの固有ベクトルが張る空間への変換・逆変換となる。グラフ信号を \mathbf{x} とすると、グラフフーリエ変換 $\mathcal{F}(\mathbf{x})$ 、逆グラフフーリエ変換 $\mathcal{F}^{-1}(\mathbf{x})$ は次のように表される。

$$\mathcal{F}(\mathbf{x}) = \mathbf{U}^T \mathbf{x} \quad (4.24)$$

$$\mathcal{F}^{-1}(\mathbf{x}) = \mathbf{U} \mathbf{x} \quad (4.25)$$

ここで、 \mathbf{U} は正規化グラフラプラシアン \mathbf{L}' の固有ベクトル行列を表す。グラフラプラシアン \mathbf{L} は、グラフの隣接を表す隣接行列 \mathbf{A} とグラフの各ノードに接続したノード数を対角成分にもつ次数行列 \mathbf{D} を用いて、 $\mathbf{L} = \mathbf{D} - \mathbf{A}$ で求められる実対称正方行列であり、正規化グラフラプラシアンは $\mathbf{L}' = \mathbf{I} - \mathbf{D}^{\frac{1}{2}} \mathbf{A} \mathbf{D}^{\frac{1}{2}}$ とかける。

これらを用いて、グラフにおける Spectral な畳み込み演算は次のように定義される。

$$\mathbf{g} \star \mathbf{x} = \mathcal{F}^{-1}(\mathcal{F}(\mathbf{g}) \odot \mathcal{F}(\mathbf{x})) \quad (4.26)$$

$$= \mathbf{U}(\mathbf{U}^T \mathbf{g} \odot \mathbf{U}^T \mathbf{x}) \quad (4.27)$$

$\mathbf{g} \star \mathbf{x}$ は畳み込み演算を、 $\mathbf{U}^T \mathbf{g}$ はスペクトルにおける畳み込みのフィルターを表す。学習により更新される集合である \mathbf{g} に焦点を当ててより単純化すると、畳み込みは次のように書くことができる。

$$\mathbf{g} \star \mathbf{x} = \mathbf{U} \mathbf{g} \mathbf{U}^T \mathbf{x} \quad (4.28)$$

上記のように、スペクトルによる畳み込みは一度の更新の中でグラフ構造の一部が全体に影響を与えるような演算であるという特徴を持っている。さらに、行列の次元が固定されてしまうことから異なる構造のグラフ間でパラメータを共有できないことや、行列の固有値分解など計算量が多くなってしまうという問題点がある。

Spatial Graph Convolution

グラフデータにおける畳み込みは空間的なメッセージパッシングの考えに基づいており、グラフ内の 1 つのノードが持っている特徴量に、隣接関係にあるノードの特徴量に重みをかけたものを加えていく。これによりノード自体の特徴量に加え、隣接関係や隣接ノードの特徴量の情報などを含んだ演算を行うことができる。メッセージパッシングにおける工夫に応じて様々な畳み込みのモデルが提案されているが、以下では最も一般的なモデルである GraphSAGE について述べる。

GraphSAGE (Graph SAmple and aggreGate) [4] では、隣接から特徴量をサンプリングして集約することで自身のノードを更新する。GraphSAGE における畳み込み演算は式 4.23 と同様に、次の式のように表される。

$$\mathbf{h}_{\mathcal{N}(v)}^k \leftarrow \text{AGGREGATE}_k(\{\mathbf{h}_u^{k-1}, \forall u \in \mathcal{N}(v)\}) \quad (4.29)$$

$$\mathbf{h}_v^k \leftarrow \sigma(\mathbf{W}^k \cdot \text{CONCAT}(\mathbf{h}_v^{k-1}, \mathbf{h}_{\mathcal{N}(v)}^k)) \quad (4.30)$$

$$(\forall k \in \{1, \dots, K\}, \forall v \in \mathcal{V})$$

ここで、 K は集約における隣接の深さを、 \mathbf{W}^k は重みパラメータ行列を、 σ は非線形関数を表しており、1 式目 AGGREGATE で集約を、2 式目 CONCAT で更新を行なっている。GraphSAGE はあらかじめサンプリングによって、隣接するノード数が異なる場合やグラフ構造が変わった場合にも畳み込み演算を行うことができ、さらに大規模なグラフ演算に対しては計算コストを改善することができる。

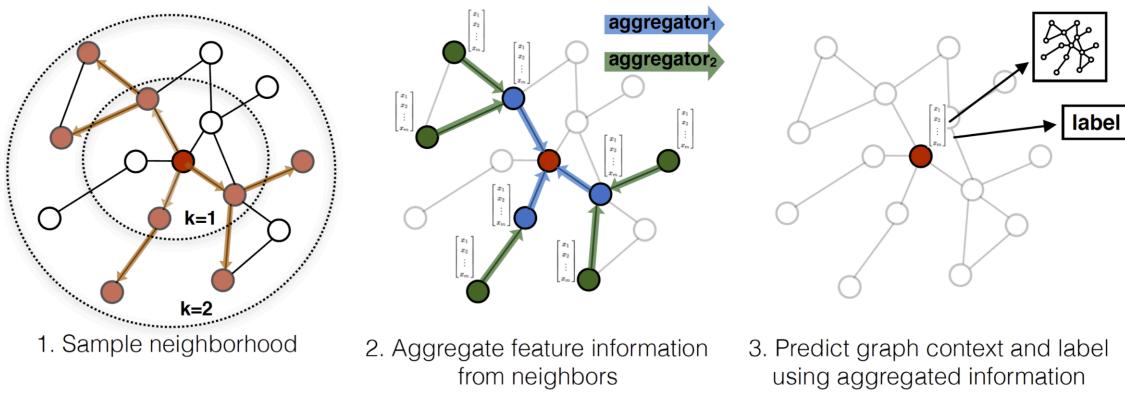


図 4.5: GraphSAGE における処理 (1. サンプリング, 2. 隣接からの集約, 3. 学習結果による推論)

4.2.3 Graph Attention Network (GAT)

深層学習では Attention という、データの中でも特に有益な場所に重み付けを行う手法があり、自然言語処理の分野などにおいてよく用いられている。Attention 機構では各ノードに対して重要度を表す重みを導入し、それらを掛けた和をとることで必要な場所に注目 (attention) を向けることができる。Attention をグラフ学習に適用したものが、Graph Attention Networks (GAT) [5] である。GAT では、重みパラメータ \mathbf{W} に加えて隣接したノードの重要度を表す attention 係数 α_{ij} を導入して、ノードの特徴量の更新を以下のように行う。

$$\mathbf{h} = \sigma \left(\sum_{j \in \mathcal{N}_i} \alpha_{ij} \mathbf{W} \mathbf{h}_i \right) \quad (4.31)$$

ここで、 α_{ij} は attention 処理 \mathbf{a} を用いて、次のように表される。

$$\alpha_{ij} = \mathbf{a}(\mathbf{W}\mathbf{h}_i, \mathbf{W}\mathbf{h}_j) \quad (4.32)$$

$$= \frac{e^{\text{LeakyReLU}(\mathbf{a}^T [\mathbf{W}\mathbf{h}_i \| \mathbf{W}\mathbf{h}_j])}}{\sum_{N_i} e^{\text{LeakyReLU}(\mathbf{a}^T [\mathbf{W}\mathbf{h}_i \| \mathbf{W}\mathbf{h}_j])}} \quad (4.33)$$

GAT では attention 処理に 1 層のニューラルネットワークを用いており、 \mathbf{a} として学習の重みベクトルを用いている。式 4.33 においては全ノード間で正規化して確率値を出力するための softmax 関数の適用と、活性化関数 (Leaky ReLU) の適用を行っている。 $(\cdot^T$ は転置を、 $\|$ はテンソルの concatenate を表す。) GAT は、隣接に任意の重みを割り当てるから次数の異なるノードにも適応可能であり、未知のグラフ構造にも一般化することができる。

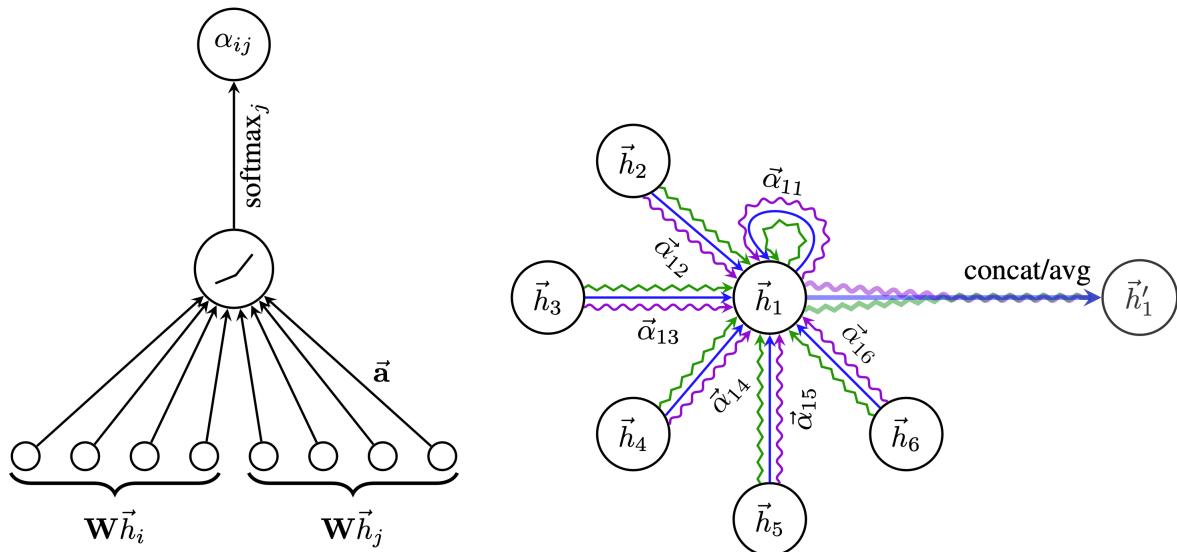


図 4.6: (左) 重みベクトル \mathbf{a} を用いた Attention 処理。 (右) 1 つのノード \mathbf{h}_1 に対する隣接ノード $\mathbf{h}_{\neq 1}$ の Attention と、ノード特徴量の更新 \mathbf{h}'_1

第 5 章

深層学習を用いたジェットフレーバー識別

本章では、深層学習を用いて開発したジェットフレーバー識別アルゴリズムについて述べる。まず 5.1 節では、フレーバー識別に関する事象の詳細についてや、現在ジェットフレーバー識別に用いられている LCFIPlus について述べる。次に 3.2 節で、今回のアルゴリズムの評価において使用した MC シミュレーションデータについて述べる。またシミュレーションデータには深層学習における精度を上げるために前処理を行なっており、これについても述べる。そして 5.3 節、5.4 節それぞれでディープニューラルネットワーク、グラフニューラルネットワークによる実装について述べ、5.5 節で LCFIPlus と比較を行って学習の性能について議論する。

5.1 ジェットフレーバー識別アルゴリズム

5.1.1 事象について

5.1.2 LCFIPlus におけるフレーバー識別

LCFIPlus のフレームワークでは、フレーバー識別は崩壊点検出、ジェットクラスタリングの後に行われる。フレーバー識別は、飛跡や崩壊点の特徴量をもとに ROOT の TMVA パッケージにおける Boosted Decision Trees (BDTs) を用いて識別が行われる。この Boosted Decision Trees は、複数のモデルを組み合わせて全体的な性能を向上させるアンサンブル学習 (Boosting) と、入力された特徴量に基づいてデータをクラスに分割していく決定木 (Decision Tree) の手法を組み合わせたものであり、複数の弱い決定木モデルを組み合わせて決定木の精度を向上させる機械学習手法である。データは、初めに崩壊点の数で場合分けが行われ、表 5.1 にある入力変数をもとに、最終的に各ジェットを b/c/uds の 3 つに分類する学習を行う。

変数名	説明
n vtx	崩壊点の数
trk1d0sig	d_0 の significance が最も高い飛跡の d_0
trk2d0sig	d_0 の significance が 2 番目に高い飛跡の d_0
trk1z0sig	z_0 の significance が最も高い飛跡の d_0
trk2z0sig	z_0 の significance が 2 番目に高い飛跡の d_0
trk1pt	d_0 が最も大きい軌道の横方向運動量
tkr2pt	d_0 が 2 番目に大きい軌道の横方向運動量
jprobr	全飛跡を用いた r - ϕ 平面での結合確率
jprobr5sigma	5σ 以上のパラメータを持つ全飛跡を用いた r - ϕ 平面での結合確率
jprobz	全軌跡を用いた z 軸射影での結合確率
jprobz5sigma	5σ 以上のパラメータを持つ全飛跡を用いた z 軸射影での結合確率
d0bprob	全飛跡に対して b,c,uds フレーバーの d_0 分布を用いた d_0 の b-クォーク確率の積
d0cprob	全飛跡に対して b,c,uds フレーバーの d_0 分布を用いた d_0 の c-クォーク確率の積
d0qprob	全飛跡に対して b,c,uds フレーバーの d_0 分布を用いた d_0 の uds-クォーク確率の積
z0bprob	全飛跡に対して b,c,uds フレーバーの z_0 分布を用いた d_0 の b-クォーク確率の積
z0cprob	全飛跡に対して b,c,uds フレーバーの z_0 分布を用いた d_0 の c-クォーク確率の積
z0qprob	全飛跡に対して b,c,uds フレーバーの z_0 分布を用いた d_0 の uds-クォーク確率の積
nmuon	ミューオンの数
nelectron	電子の数
trkmass	d_0/z_0 が 5σ を超える全飛跡の質量
1vtxprob	崩壊点に関連した全飛跡を結合した時の崩壊点確率
vtxlen1	ジェット内の初めの崩壊点の崩壊長
vtxlen2	ジェット内の 2 番目の崩壊点の崩壊長
vtxlen12	ジェット内の初めの崩壊点と 2 番目の崩壊点の距離
vtxsig1	vtxlen1 の significance
vtxsig2	vtxlen2 の significance
vtxsig12	vtxlen12 を初めの崩壊点と 2 番目の崩壊点の共分散行列の和の誤差で割った値
vtxdirang1	運動量と初めの崩壊点の変位との間の開き角
vtxdirang2	運動量と 2 番目の崩壊点の変位との間の開き角
vtxmult1	初めの崩壊点に含まれる飛跡数
vtxmult2	2 番目の崩壊点に含まれる飛跡数
vtxmult	secondary vertex を構成するために用いられる飛跡の数
vtxmom1	初めの頂点に結合された全飛跡の運動量のベクトル和
vtxmom2	2 番目の頂点に結合された全飛跡の運動量のベクトル和
vtxmass1	飛跡の四元運動量の和から計算される初めの崩壊点質量
vtxmass2	飛跡の四元運動量の和から計算される 2 番目の崩壊点質量
vtxmass	secondary vertex を構成する全 飛跡の四元運動量の和から計算される崩壊点質量
vtxmasspc	primary/secondary vertex の誤差行列で許容可能な pt 補正を行なった崩壊点質量
vtxprob	崩壊点が形成される確率

表 5.1: LCFIPlus におけるフレーバー識別の入力変数

5.2 イベントサンプル

本研究では、MC イベントジェネレーターである whizard による事象生成を行い、ILD 検出器のフルシミュレーションを使用したデータを用いてフレーバー識別を行った。シミュレーションデータについての詳細を表??に示す。

イベントジェネレーター	whizard
検出器シミュレーション	ILD Full simulation
反応過程	$e^+e^- \rightarrow \nu\bar{\nu}h$
重心系エネルギー	250GeV
ISR	なし
ビーム偏極	なし

表 5.2: シミュレーションデータの性質

5.3 ディープニューラルネットワークによる実装

本節では、ディープニューラルネットワーク（多層ニューラルネットワーク）によるフレーバー識別の実装について述べる。

5.3.1 実装目的

フレーバー識別では、シグナル効率に対して排除できる背景事象の割合が多くなるほど、ヒッグスなどの物理解析において有利であるため、その性能が非常に重要である。LCFIPlusにおいて実装されている BDTs は、崩壊点やジェットの特徴量の場合分けによって分類を行うため、ツリー構造が視覚化されており解釈が容易である。一方で、BDTs の場合分けにおける閾値は人の手で定める必要があり、ILC のフレーバー識別のようなデータが高次元で複雑なタスクに対しては、より複雑な表現学習の方が適している可能性がある。さらに BDTs にはノイズに敏感である点や、ツリー数が多くなると過学習を起こす点など問題点もある。そこで本研究では、フレーバー識別の更なる性能向上を目的にディープニューラルネットワークによる実装を行った。ディープニューラルネットワークでは、データから複雑な表現を自動的に学習することができる。そのため、より最適化したモデルの獲得を目指すため、ディープニューラルネットワークでの実装を行った。

5.3.2 入力変数とネットワークアーキテクチャ

学習の入力変数は、LCFIPlusにおいて用いた変数(表??)と同様の変数を使用した。また、学習値に対しては前処理を行い、0付近の値が多い変数や値幅が大きい変数が存在したため、各変数に対して対数変換や正規化を実行した。また出力も LCFIPlus と同様に b フレーバー、c フレーバー、uds フレーバーとした。

ネットワークには図 5.1 のように最も単純な全結合層を用いたニューラルネットワークを採用した。さらに、過学習を抑制するためにバッチ正規化を各全結合層の後に行い、活性化関数には勾配消失への対策として全て LeakyReLU 関数を使用した。損失関数には分類問題に適した交差エントロピーを用い、最適化アルゴリズムには Adam を学習率 0.01 で使用した。また学習率は 25 epoch(学習データでの学習回数)ごとに 0.1 倍させ、学習の安定化を目的に学習率を減衰させた。表??に学習におけるハイパーパラメータをまとめる。

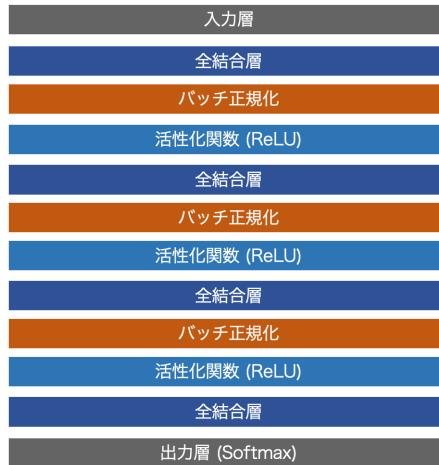


図 5.1: フレーバー識別のためのディープニューラルネットワークの概略図

ノード数	(124, 124, 124)
活性化関数	ReLU 関数
損失関数	交差エントロピー
最適化アルゴリズム	Adam
学習率	0.01 (25epoch あたり 0.1 倍)
エポック数	100
バッチサイズ	1024

表 5.3: ディープニューラルネットワークにおけるハイパーパラメータ

5.3.3 ハイパーパラメータの最適化

記入予定

5.3.4 学習評価

学習における損失関数の値と識別精度を図 5.2 に示す。100epoch の学習によって、損失関数の値は下降したのちおおよそ安定しており、学習精度はおよそ 82.5% となっている。また、図 5.3 に混合行列を示す。混合行列とは、分類問題で出力された結果をまとめた表であり、縦軸(行)が実際の答えを横軸(列)が学習結果を表していて、実際の答えごと(行)に正規化されている。そのため、左上から右下の対角成分が実際の答えと学習結果が一致している割合を表しており、図 5.2 における学習精度は $(\text{学習精度}) = (\text{対角成分の和}) / (\text{全成分の和})$ として求められる。図 5.3 より、ディープニューラルネットワークでは c ジェットについては uds ジェットと識別しにくいことがわかる。

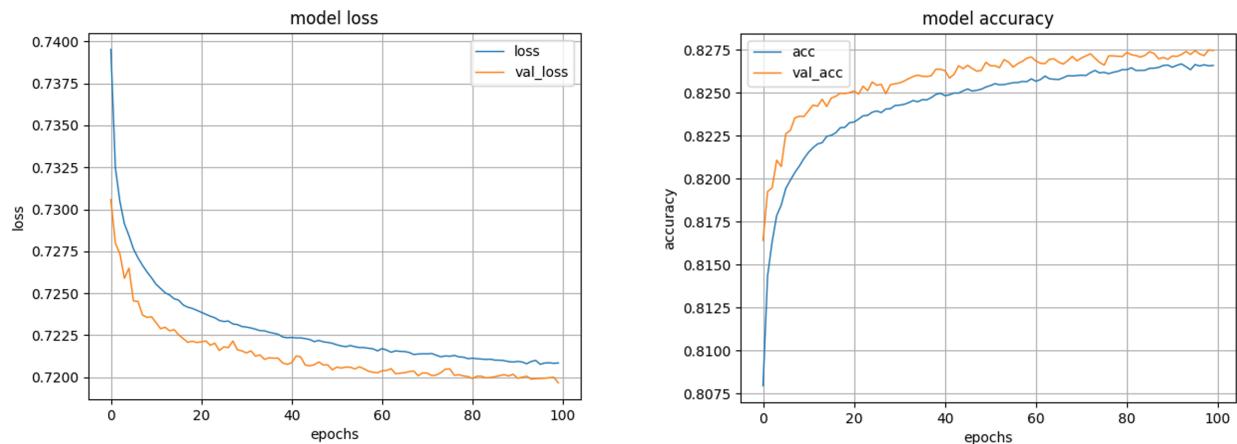


図 5.2: (左) 学習の経過における損失関数。(右) 学習の経過における学習精度

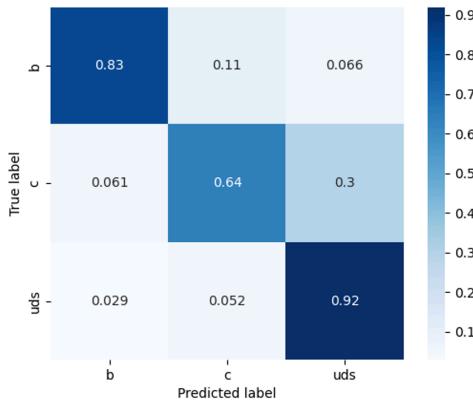


図 5.3: ディープニューラルネットワークの学習における混淆行列。縦軸が実際の答えを、横軸が学習結果を表している。

次に、LCFIPplusとの比較を示す。図 5.4, 5.5 は b/c ジェットの識別効率のプロットを、表 ?? は識別効率を 80% (Tagging Efficiency = 0.8) に固定したときの背景ラベルの識別効率の割合を示している。b ジェットの識別効率は LCFIPplus と比較して劣っており、特に識別効率 80% における識別割合は、LCFIPplus が c ジェットの識別割合が 7.3%、uds ジェットの識別効率が 0.74% であるのに対して、ディープニューラルネットの c ジェットの識別割合は 20% 程度、uds ジェットの識別効率は 2% 程度と、uds ジェットの識別割合は 30 倍近く高くなっている。一方で c ジェットの識別効率は識別効率 80% において、LCFIPplus が b ジェットの識別割合が 22%、uds ジェットの識別効率が 24% であるのに対して、ディープニューラルネットの b ジェットの識別割合は数 % 程度、uds ジェットの識別効率は 24% 程度と、b ジェットの背景割合は半分以下になっている。本来フレーバー識別は b, c クォークの寿命が長いという特徴を活かして識別するという発想にあるため、崩壊点に関する変数で線形にモデリングした BDTs では、c ジェットよりも b ジェットの方が識別効率が高くなっている。一方でディープニューラルネットワークでは、関係性が逆転している。機械学習アルゴリズムの性能はデータの特性やタスクの種類に大きく依存するため、同じデータを用いていてもアルゴリズムが異なる場合、同じタスクに対する学習特性は異なることがある。今回の場合は c ジェットの識別において、ディープニューラルネットワークでデータ内の複雑な関係を処理できたため、このような結果になったと考えることができる。

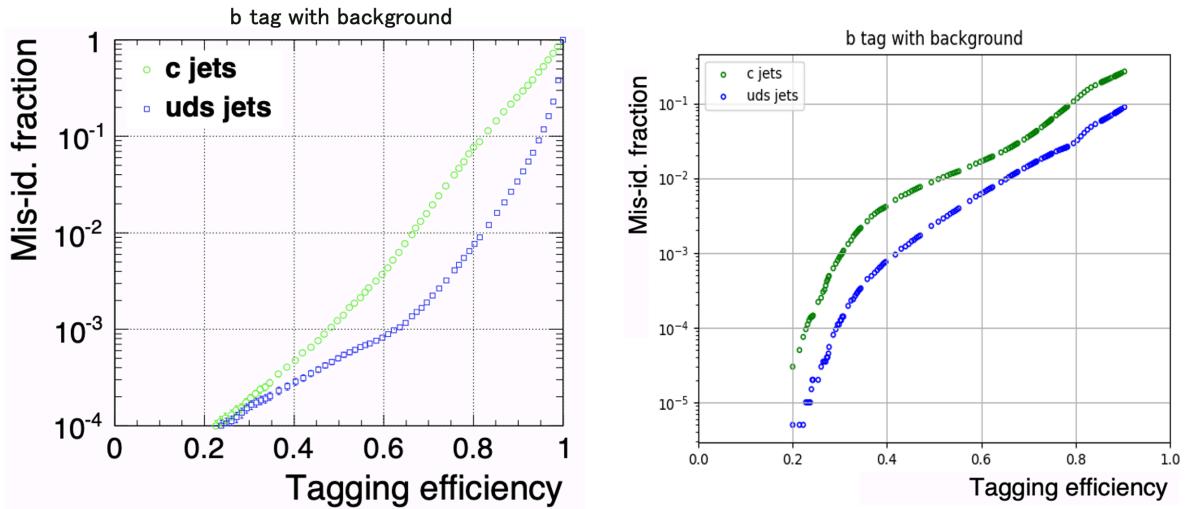


図 5.4: LCFIPlus(左)とディープニューラルネットワーク(右)による b フレーバージェットの識別効率の比較。緑: b ジェットに対する c ジェットの識別効率、青: b ジェットに対する uds ジェットの識別効率を示している。

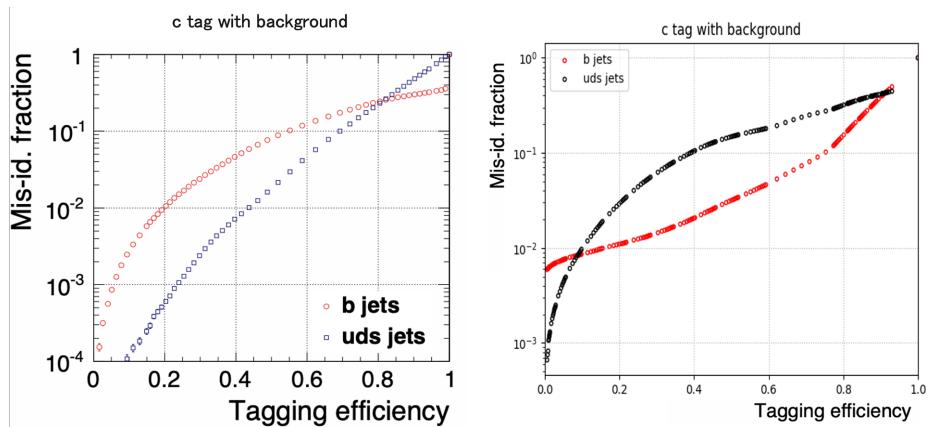


図 5.5: LCFIPlus(左)とディープニューラルネットワーク(右)による c フレーバージェットの識別効率の比較。赤: c ジェットに対する b ジェットの識別効率、黒: c ジェットに対する uds ジェットの識別効率。

5.4 グラフニューラルネットワークによる実装

本節では、グラフニューラルネットワークによるフレーバー識別の実装について述べる。

5.4.1 実装目的

5.3 節におけるディープニューラルネットワークの実装では、一部で精度の向上が見られたものの顕著な識別精度の改善はなかった。そこで、より ILC のフレーバー識別に最適化した学習を行うために、より高い表現力を持つグラフニューラルネットワークによる実装を考えた。ILC におけるジェットの物理現象の振る舞いはトポロジカルな構造を持っており、またジェット内の飛跡同士は崩壊点を共有するものが存在している。そのため、グラフデータによってトポロジカルな構造を再現し、データ間の相互関係を活かした学習を行うことで、高い表現力によるアルゴリズムモデルの最適化を目指した。

さらにグラフニューラルネットワークの実装では、データをグラフ構造化する上でジェットの内部構造を理解するようなモデルを構築する必要があり、これを補助学習としたアルゴリズムの統合が可能であると考えた。つまり、これまでのようなプロセスを分離した高度なアルゴリズムではなく、1つのアルゴリズム内で飛跡に関する入力変数のみから、飛跡の分類や崩壊点の予想と同時にジェットフレーバーの識別を行うことを可能とするものである。これによつて、情報損失を少なくすることで性能の向上を目指すとともに、アルゴリズム調整の単純化や、飛跡の分類結果など将来的に他のアプリケーションに利用可能な情報の生成までもを期待することができる。

5.4.2 飛跡によるグラフデータセット

ILC におけるジェットの振る舞いを再現するため、本アルゴリズムでは1つのジェットに対して、に飛跡をノードとし全ノードがエッジによって結ばれる1つの同種グラフを構築した。(図 5.6) 各ノードは表??に挙げる特徴量を入力変数として持ち、エッジは特徴量を持たないものとした。ノードの特徴量には、飛跡に関するパラメータ (Appendix) を用いた。入力データの生成のため、まず 250GeV の ILD フルシミュレーションにおける $e^+e^- \rightarrow \nu\nu H$ 事象を使用し、飛跡再構成を行った。続いて LCFIPlus の Vertex Fitter プロセスによって、飛跡対が結合する確率値を得た。またシミュレーションにおける答えをもとに3つの学習に対して次のような答えラベルを準備した。それぞれ、ノードの答えラベルは飛跡がどのフレーバージェットのどの vertex から来たものであるのか、エッジの答えラベルは飛跡対が同じ崩壊点を共有するかのバイナリ形式、グラフの答えラベルはどのフレーバーであるのかを答えとした。各学習の答えラベルについて表 5.8 にまとめる。

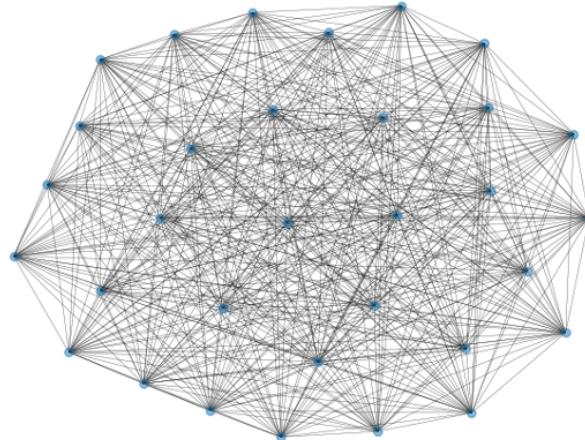


図 5.6: 今回の学習に用いたグラフデータの一例。ノードは飛跡を、グラフ全体が 1 つのジェットに対応する。

変数名	説明
d_0	xy 平面射影における IP と飛跡の距離
ϕ	xy 平面射影における飛跡軌道の方位角
ω	xy 平面射影における飛跡の曲率
z_0	sz 平面射影における IP と飛跡の距離
$\tan \lambda$	sz 平面射影における dz/ds
$\sigma(d_0)$	d_0 のフィッティングにおける誤差
$\sigma(z_0)$	d_0 のフィッティングにおける誤差

表 5.4: 各ノード (飛跡) が持つ特徴量。詳細については Appendix を参照。

また、入力変数には前処理を行った。さらにデータ数は答えラベル間で偏りがあるため、比の逆数を重みとして損失関数で考慮することで対応した。

5.4.3 ネットワークアーキテクチャ

上述の通り、本アルゴリズムではフレーバー識別に加えて、補助学習を導入する。具体的にはノード分類とリンク予測、グラフ分類の 3 つのタスクを同時に行うネットワークで、図 5.7 のようなモデルを構築した。

はじめに、飛跡の変数をより多次元ベクトル化し潜在表現を得るために全結合層を設置する。その後、Graph Attention Network (GAT) を 3 層設置し、各 GAT 層の後にはバッチ正規化と ReLU 関数の活性化関数を置く。そして学習をノード分類、リンク予測、グラフ分類の 3 つに分岐させる。ノード分類では、飛跡の由来となる崩壊点の種類によって 5 つの出力が全結合層によって設計されている。リンク予測では、エッジの隣接行列を取得してノード間に隣接

があるかないかを判断する 2 分類問題を行っており、これはエッジが崩壊点となりうるのかの判断に等しい。グラフ分類では、pooling によってグラフ全体の特徴量を 1 つの次元に置き換え、各フレーバーらしさを出力する設計になっている。

GAT の学習は 4.2.3 節で述べた通りであり、本アルゴリズムのグラフデータは全結合のグラフニューラルネットワークを構築しており、ノードに対するアテンション α はエッジの隣接関係を用いて式 4.33 のように学習される。このようなアテンション機構によってグラフ全体、すなわちジェットフレーバーの識別を補助することを目的に、ノードの識別の補助学習を導入した。また、実際に飛跡対が崩壊点を共有している場合、その隣接関係は物理的に重要なものとなるため、その情報を学習に活かすことを目的にリンク予測を補助学習に加えた。また、3 つの学習の出力層に置いた全結合層はそれぞれ独立に実行される。

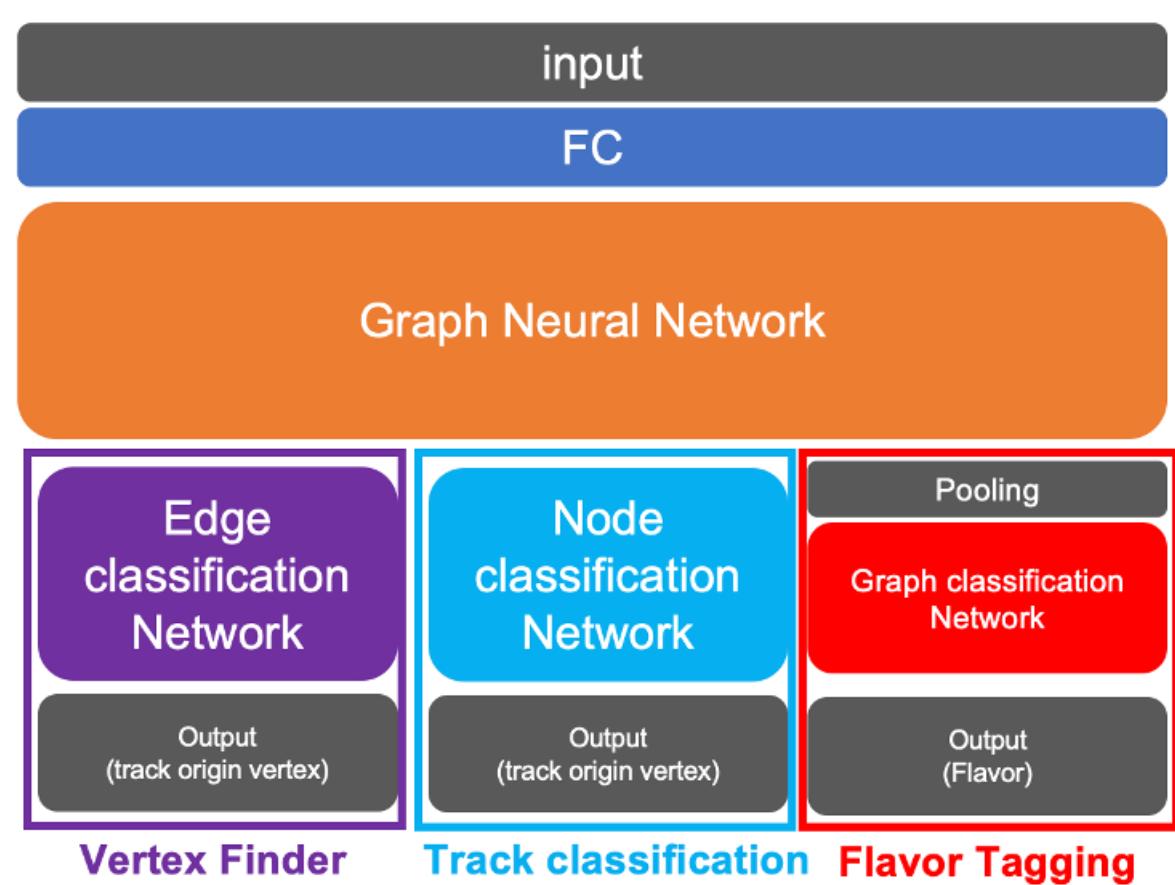


図 5.7: フレーバー識別のためのグラフデータを用いたネットワークの概略図

また本アルゴリズムでは 3 つの異なる学習を同時に行う必要があり、目的によって相対的な学習のしやすさが異なるため、次のような損失関数をデザインした。

$$L_{total} = L_{graph} + w_{node}L_{node} + w_{edge}L_{edge} \quad (5.1)$$

L はそれぞれの損失関数を、 w_{node} と w_{edge} はそれぞれノード、エッジの損失関数にかける重みを表す。グラフ識別と同程度の損失関数に収束するために、ノード識別とリンク予測における損失関数に重み付けを行った。

また、学習におけるハイパープラメータにはベイズ最適化を行った上で、表??に挙げるものを用いた。

ノード数	(512, 512, 512)
活性化関数	ReLU 関数
損失関数	交差エントロピー
最適化アルゴリズム	RAdam
学習率	0.01
Weight decay	0.0001
α	3.0
β	1.0
エポック数	100
バッチサイズ	128

表 5.5: グラフニューラルネットワークにおけるハイパープラメータ

5.4.4 ハイパープラメータの最適化

ネットワークのハイパープラメータは、ベイズ最適化法によってチューニングを行った。チューニングしたパラメータは表??を用いた。チューニングにはディープニューラルネットワークの実装におけるものと同じライブラリを用いたが、評価関数として検証用データの損失関数のうち L_{graph} のみを用いて、最小になるような最適化を行った。

変数名	最適化範囲
中間層のノード数	32 ~ 1024
アテンションヘッドの数	1 ~ 20
α	0.0 ~ 5.0
β	0.0 ~ 5.0

表 5.6: 最適化を行ったハイパープラメータとその値の範囲。

5.4.5 学習評価

はじめに、学習全体の結果を図 5.8 に示す。学習の経過を通して損失関数は減少しており、特に 80epoch 付近で急激な降下を見せた。また、ノード、リンク、グラフそれぞれの精度においても、学習の経過を通して向上が見られた。

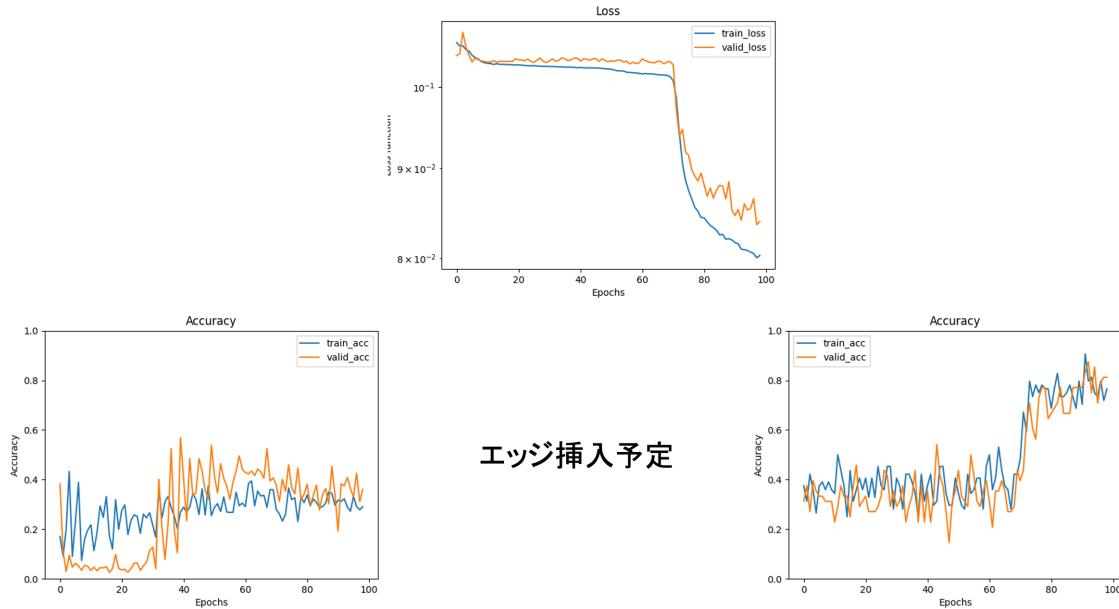


図 5.8: (上) 学習の経過における損失関数。(左下) 学習の経過におけるノードの学習精度、(中央下) リンクの学習精度、(右下) グラフの学習精度。

続いて、ノード、リンク、グラフ識別における混合行列を図 5.9 に示す。

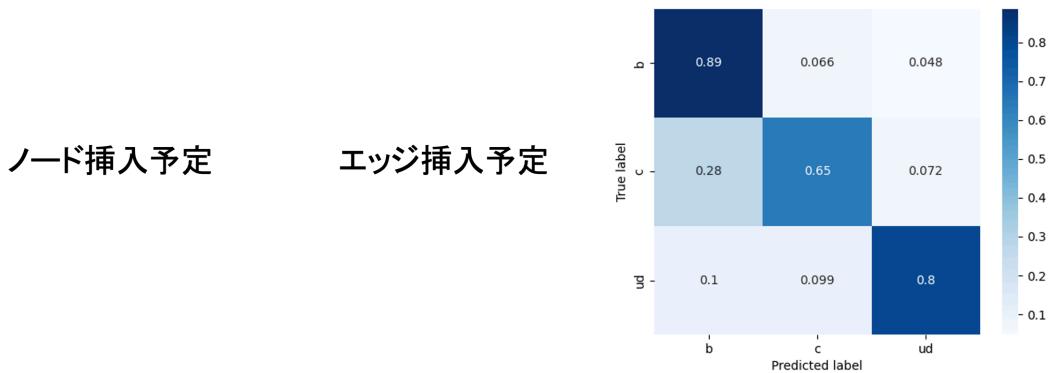


図 5.9: (左) ノード分類の混合行列、(中央) リンク予測の混合行列、(右) グラフ識別の混合行列。

最後に、LCFIPlusとの比較を示す。

第6章

まとめと今後の展望

付録 A

付録 A

A.1 LCIO parameter

謝辞

参考文献

- [1] 藤井恵介, リニアコライダーの物理.
- [2] T. Suehara and T. Tanabe, Lcfiplus: A framework for jet analysis in linear collider studies, Nucl.Instrum.Meth. A808 , 12 (2016).
- [3] S. Catani, Y. L. Dokshitzer, M. Olsson, G. Turnock, and B. Webber, New clustering algorithm for multijet cross sections in e+e – annihilation, Physics Letters B **269**, 432 (1991).
- [4] W. L. Hamilton, R. Ying, and J. Leskovec, Inductive representation learning on large graphs, NIPS (2017).
- [5] P. Veličković *et al.*, Graph attention networks, ICLR 2018 , 12 (2017).