# Aplicación de Autocorrelación Espacial

Estudiante Yhack Bryan Aycaya Paco Docente Dr. Fred Torres Cruz Curso Estadística Espacial

Institución Universidad Nacional del Altiplano (UNA PUNO)

## Resumen de los Artículos y su Convergencia con la Autocorrelación Espacial

Los tres artículos científicos, publicados en 2025, abordan fenómenos con heterogeneidad espacial en contextos ambientales y de salud pública, utilizando datos geoespaciales para analizar patrones y factores impulsores. Cada uno integra la autocorrelación espacial como herramienta clave para detectar dependencias y agrupamientos geográficos, convergiendo en la idea de que los procesos no son aleatorios sino estratificados por gradientes espaciales (e.g., climáticos, socioeconómicos). Esta convergencia resalta cómo la autocorrelación complementa otros métodos (e.g., tendencias temporales, modelado cualitativo, detección de interacciones), permitiendo identificar hotspots y coldspots para intervenciones diferenciadas, alineadas con objetivos sostenibles como los SDGs. La autocorrelación espacial une los estudios al cuantificar similitudes vecinas, revelando sinergias multifactoriales y patrones persistentes a través de escenarios, lo que fortalece la evidencia para políticas regionales.

## Descripción de los Artículos

- Art 1: 'A remote sensing evidence on the marginality, stagementation and spatiotemporal heterogeneity of vegetation evolution characteristics in the Yinshan Mountains, China: Based on PKU GIMMS NDVI (1984–2022)' (Ecological Indicators). Este estudio examina la evolución de la vegetación en las Montañas Yinshan (YSMs), una zona ecológicamente vulnerable en China, destacando su fragilidad ante el cambio climático y actividades humanas, con mejoras recientes pero volatilidad persistente. La metodología utiliza datos de teledetección (PKU GIMMS NDVI, 1984-2022) con métodos como Theil-Sen/Mann-Kendall para tendencias, Hurst para sostenibilidad, correlaciones (Pearson/parcial) y residuales para impulsores, y autocorrelación espacial bivariada (Bi-SA) para patrones entre NDVI y clima.
- Art 2: 'Assessing coastal exposure to Sea Level Rise: a coupled approach of qualitative modeling and spatial auto-correlation analysis' (Natural Hazard Research). Analiza la exposición costera al SLR en 25 km de la costa atlántica de Salé (Marruecos), enfatizando el rol mitigador de hábitats naturales y riesgos amplificados por geomorphology y clima, identificando el sur como más vulnerable. La metodología emplea el modelo InVEST para índice cualitativo de exposición (basado en variables bio-geo-físicas rankeadas), cuatro escenarios (con/sin hábitats, actual/futuro SLR), y autocorrelación espacial (Moran's I global/local, LISA) para clustering.
- **Art 3:** 'Spatial stratified heterogeneity of mumps incidence in China: a Geodetector-based analysis of driving factors' (Frontiers in Public Health). Investiga la incidencia de paperas en 31 provincias chinas en 2020, revelando clustering espacial y factores como demografía infantil, con énfasis en estrategias regionales para controlar brotes. La metodología usa descriptivos, autocorrelación espacial (Global Moran's I, LISA, Getis-Ord Gi\*), y Geodetector para poder explicativo (PD), interacciones y riesgos estratificados de 12 factores socioeconómicos/ambientales.

#### Definición de Autocorrelación Espacial

La autocorrelación espacial es un concepto estadístico que mide el grado de similitud entre valores observados en ubicaciones geográficas cercanas, asumiendo que "todo está relacionado con todo, pero las cosas cercanas están más relacionadas que las distantes" (Ley de Tobler). Se cuantifica mediante índices como Moran's I (global: dependencia general, rango -1 a 1; local: clusters H-H/L-L), donde valores positivos indican clustering positivo (similares agrupados), negativos dispersión, y 0 aleatoriedad. Fórmulas clave incluyen:  $I = \sum_{i=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum_{j=1$ 

### Aplicación de Autocorrelación Espacial en los Artículos

- Art 1: En este artículo, la autocorrelación espacial se aplica mediante análisis bivariado (Bi-SA) para explorar la relación espacial entre NDVI (índice de vegetación) y factores climáticos como precipitación y temperatura. Usa Moran's I global (0.88 para NDVI-precipitación, P < 0.01) y LISA local para clusters (H-H en sureste con alta correlación positiva; disperso negativo para temperatura, Moran's I=-0.46). La aplicación revela sensibilidad espacial de la vegetación a la precipitación (agrupada positivamente), convergiendo con correlaciones parciales (r=0.25 positivo en 85
- Art 2: Aquí, la autocorrelación espacial evalúa el clustering del índice de exposición (El) costera, usando Moran's I global (0.7-0.8, Z>18, P<0.001) y LISA para patrones locales (H-H 16-19 % en sur vulnerable; L-L 14-19 % en norte protegido). Aplicada a cuatro escenarios InVEST (con/sin hábitats, SLR), muestra clustering estable (e.g., alto riesgo en Sidi Moussa por geomorphology), convergiendo con el modelado cualitativo para validar mitigación de hábitats (reducción El 30-50 %), destacando dependencia espacial persistente y necesidad de gestión diferenciada.
- Art 3: La autocorrelación espacial se aplica para mapear heterogeneidad en incidencia de paperas, con Global Moran's I (0.399, P < 0.001), LISA (H-H en oeste como Qinghai; L-L en noreste como Jilin) y Getis-Ord Gi\* (hotspots oeste 90-99% confianza). Converge con Geodetector (PD interacciones ¿0.5, e.g., PIB-iletrismo=0.88) al confirmar clustering impulsado por factores (e.g., ratio infantil PD = 0.54), revelando gradiente oeste-este y apoyando estrategias targeted en hotspots occidentales.

## Código en R

```
# Instalacion de paquetes necesarios
   # install.packages(c("spdep", "rgdal", "GD", "trend", "sp", "partial.ci"))
2
   # Cargar librerias
   library(spdep) # Autocorrelacion espacial
   library(rgdal)
                     # Manejo de datos espaciales
   library(GD)
                     # Geodetector
   library(trend)
                     # Theil-Sen y Mann-Kendall
   library(sp) # Clases espaciales
   library(partial.ci) # Correlacion parcial
10
11
   # Carga y preprocesamiento de datos
12
   data(meuse) # Dataset de ejemplo
13
   coordinates(meuse) <- ~x + y # Definir coordenadas</pre>
14
   proj4string(meuse) <- CRS("+init=epsg:28992") # Proyeccion</pre>
15
   meuse$zinc_class <- cut(meuse$zinc, breaks = quantile(meuse$zinc, probs = seq(0, 1,</pre>
16
       0.2)), labels = 1:5) # Discretizacion
17
   # Analisis de tendencias
18
   mk_result <- mk.test(meuse$zinc) # Mann-Kendall</pre>
19
   sen_slope <- sens.slope(meuse$zinc) # Theil-Sen</pre>
20
   library(fracdiff)
21
   hurst_exp <- hurstexp(meuse$zinc) # Hurst exponent</pre>
22
23
   # Autocorrelacion espacial
24
   nb <- poly2nb(meuse) # Vecinos</pre>
25
   lw <- nb2listw(nb, style = "W") # Pesos</pre>
26
   moran_global <- moran.test(meuse$zinc, lw) # Moran's I global</pre>
   moran_local <- localmoran(meuse$zinc, lw) # LISA</pre>
   gi_star <- localG(meuse$zinc, lw) # Getis-Ord Gi*</pre>
   moran_biv <- moran.test(meuse$zinc, lw) # Bivariado (ajustar)</pre>
31
   # Correlaciones y residuales
32
   pearson_cor <- cor.test(meuse$zinc, meuse$cadmium) # Pearson</pre>
   partial_cor <- pcor.test(meuse$zinc, meuse$cadmium, meuse$copper)</pre>
                                                                          # Parcial
   lm_model <- lm(zinc ~ cadmium + copper, data = meuse) # Modelo</pre>
   residuals_lm <- residuals(lm_model) # Residuales
```

```
# Modelado cualitativo y factores
   meuse$rank_zinc <- ntile(meuse$zinc, 5)</pre>
  meuse$rank_cad <- ntile(meuse$cadmium, 5) # Rank</pre>
   meuse$exposure_index <- (meuse$rank_zinc * meuse$rank_cad)^(1/2) # Indice</pre>
   gd_data <- data.frame(Y = meuse$zinc_class, X1 = meuse$cadmium, X2 = meuse$copper)
   gd_result <- gd(Y ~ X1 + X2, data = gd_data) # Geodetector</pre>
   gd_interact <- gdinteract(Y ~ X1 + X2, data = gd_data) # Interacciones</pre>
   # Analisis de escenarios
46
   meuse$exposure_no_hab <- meuse$rank_zinc # Escenario sin habitat</pre>
47
48
   # Visualizacion y validacion
49
  plot(meuse, col = moran_local[,1])
                                         # Mapa LISA
50
   summary(gd_result) # Resumen
51
  print(moran_global)
                        # Resultados
  print(gd_interact) # Interacciones
```

Listing 1: Código en R basado en la metodología de los artículos

### **Conclusiones**

La convergencia en el uso de la autocorrelación espacial en los tres artículos demuestra su eficacia para capturar heterogeneidad espacial estratificada, desde patrones vegetales y exposición costera hasta incidencia de enfermedades. Al integrar Moran's I y LISA con métodos complementarios (e.g., Theil-Sen, InVEST, Geodetector), los estudios identifican clustering significativo (e.g., H-H en zonas vulnerables), validando interacciones multifactoriales (e.g., clima-hábitat, PIB-iletrismo) y ofreciendo evidencia para políticas regionales. Esta metodología, replicable con datos geoespaciales, fortalece la planificación sostenible en contextos de cambio climático y salud pública.