Bali Sculptures

Time limit: 1000 ms

Memory limit: 65536 KB

課題 (Description)

バリ州の道路沿いには多くの彫像がある.ここでは、ある1本の幹線道路に注目する.

この幹線道路沿いにはN個の彫像があり、並んでいる順に1からNまでの番号が付けられている。彫像iは制作後 Y_i 年が経過している。道路をより美しくするため、政府は彫像をいくつかのグループに分けることにした。政府はグループとグループの間に美しい木を植えることによって、より多くのバリ州への観光客の注目を集めようと考えている。

彫像のグループ分けは、以下のルールで行う.

- グループの個数 X は, $A \le X \le B$ を満たさなければならない.いずれのグループにも 1 個以上の彫像が属していなければならず,いずれの彫像もちょうど 1 個のグループに属していなければならない.また,各グループに属している彫像は,道路上の連続した彫像でなければならない.
- 各グループについて、そのグループに属している彫像の制作後経過年数の和を計算する.
- 最後に、上で計算した和のビットごとの OR の値を計算する. この値をグループ分け の最終的な美的価値 (final beauty value) と呼ぶ.

政府が達成しうる最終的な美的価値の最小値はいくらだろうか.

注意 (Note)

0 以上の整数 P,Q のビットごとの OR は次のように計算される.

- まず, P,Q を二進法表記に変換する.
- nP を P を二進法で書いたときの桁数、nQ を Q を二進法で書いたときの桁数とし、 M = $\max(nP, nQ)$ とする.
- P を二進法で $p_{M-1}p_{M-2}...p_{1}p_{0}$ と表し,Q を二進法で $q_{M-1}q_{M-2}...q_{1}q_{0}$ と表す.ここで $p_{i,}q_{i}$ はそれぞれ,P,Q の i ビット目である.M-1 ビット目は最上位ビットであり,0 ビット目は最下位ビットである.
- P,Q のビットごとの OR とは、二進法で $(p_{M-1} \text{ OR } q_{M-1})(p_{M-2} \text{ OR } q_{M-2})..(p_1 \text{ OR } q_1)$

 $(p_0 \text{ OR } q_0)$ と表される数のことである. ただし、OR は以下の演算である.

- $\circ 0 OR 0 = 0$
- \circ 0 OR 1 = 1
- \circ 1 OR 0 = 1
- \circ 1 OR 1 = 1

入力形式 (Input Format)

1行目には、3個の整数N,A,Bが空白を区切りとして書かれている。

2行目には、N個の整数 $Y_1, Y_2, ..., Y_N$ が空白を区切りとして書かれている.

出力形式 (Output Format)

最終的な美的価値の最小値を1行で出力せよ.

入力例 (Sample Input)

6 1 3 8 1 2 1 5 4

出力例 (Sample Output)

11

説明 (Explanation)

彫像を $(8\,1\,2)$, $(1\,5\,4)$ の 2 個のグループに分ける. グループに属している彫像の制作後経過年数の和は、それぞれ 11,10 である. 最終的な美的価値は、11,10 のビットごとの OR である 11 となる.

小課題 (Subtasks)

小課題 1 (Subtask 1) [9 点]

- $1 \le N \le 20$
- $1 \le A \le B \le N$
- $0 \le Y_i \le 1,000,000,000$

小課題 2 (Subtask 2) [16 点]

- $1 \le N \le 50$
- $1 \le A \le B \le \min(20, N)$
- $0 \le Y_i \le 10$

小課題 3 (Subtask 3) [21 点]

- $1 \le N \le 100$
- A = 1
- $1 \le B \le N$
- $0 \le Y_i \le 20$

小課題 4 (Subtask 4) [25 点]

- $1 \le N \le 100$
- $1 \le A \le B \le N$
- $0 \le Y_i \le 1,000,000,000$

小課題 5 (Subtask 5) [29 点]

- $1 \le N \le 2,000$
- *A* = 1
- $1 \le B \le N$
- $0 \le Y_i \le 1,000,000,000$

Jakarta Skyscrapers

Time limit: 1000 ms

Memory limit: 262144 KB

課題 (Description)

ジャカルタには一直線上に建てられたN個の超高層ビルがある。ビルには左から右の順に、0からN-1までの番号が付けられている。ジャカルタにはこれら以外の超高層ビルはない。

ジャカルタには ドージ (doge) と呼ばれる神秘的な生き物が M 匹生息している.ドージには 0 から M-1 までの番号が付けられている.最初,ドージ i は超高層ビル B_i にいる.ドージ i は神秘的な力を持っており,その力は正整数 P_i で表される.神秘的な力を使って,ドージは超高層ビルの間をジャンプすることができる.神秘的な力 p を持つドージの現在位置が超高層ビル b のとき,1 回のジャンプによって,そのドー ジは超高層ビル b+p ($0 \le b+p$ <N のとき),または,超高層ビル b-p ($0 \le b-p$ <N のとき)のいずれかへ移動することができる.

ドージ 0 は最高位のドージであり、すべてのドージのリーダーである.ドージ 0 は、ドージ 1 に伝えるべき緊急のニュースを持っている.できるだけ早くそのニュースをドージ 1 に伝えたい.ニュースを受け取ったドージのみが、次のいずれかの行動をとることができる.

- 他の超高層ビルにジャンプで移動する.
- 同じ超高層ビルにいる他のドージにニュースを伝える.

もし、ニュースをドージ1に伝えることが可能な場合は、そのために必要な全ドージのジャンプの合計回数の最小値を求めることで、ドージたちを助けてほしい.

入力形式 (Input Format)

1行目には、整数 N, M が書かれている. 続く M 行のうちのそれぞれには、2 つの整数 B_i 、 P_i が書かれている.

出力形式 (Output Format)

ジャンプの合計回数の最小値を1行で出力せよ.もし,ニュースをドージ1に伝えることが不可能な場合は-1を出力せよ.

入力例 (Sample Input)

出力例 (Sample Output)

5

説明 (Explanation)

5回のジャンプによってニュースを伝えるには、次のように行動すればよい.

- ドージ 0 が,まず超高層ビル 2 にジャンプして,次に超高層ビル 4 にジャンプする. (2 回のジャンプを行う.)
- ドージ0がニュースをドージ2に伝える.
- ドージ2が超高層ビル3にジャンプして、次に超高層ビル2にジャンプして、その次に超高層ビル1にジャンプする.(3回のジャンプを行う.)
- ドージ2がニュースをドージ1に伝える.

小課題 (Subtasks)

すべての入力データは以下の条件を満たす.

• $0 \le B_i < N$

小課題 1 (Subtask 1) [10 点]

- $1 \le N \le 10$
- $1 \le P_i \le 10$
- $2 \le M \le 3$

小課題 2 (Subtask 2) [12 点]

- $1 \le N \le 100$
- $1 \le P_i \le 100$
- $2 \le M \le 2,000$

小課題 3 (Subtask 3) [14 点]

- $1 \le N \le 2,000$
- $1 \le P_i \le 2,000$
- $2 \le M \le 2,000$

小課題 (Subtask 4) [21 点]

- $1 \le N \le 2,000$
- $1 \le P_i \le 2,000$
- $2 \le M \le 30,000$

小課題 5 (Subtask 5) [43 点]

- $1 \le N \le 30,000$
- $1 \le P_i \le 30,000$
- $2 \le M \le 30,000$

Palembang Bridges

Time limit: 2000 ms

Memory limit: 262144 KB

課題 (Description)

パレンバン市はムシ川により 2 つの地区に分けられている.それらを地区 A と地区 B と呼ぶ.

それぞれの地区には、1,000,000,001 軒の建物がムシ川に沿って建てられており、建物には順に0 から 1,000,000,000 までの番号が付けられている。隣りの建物との距離は、すべて、1 単位距離である。また、ムシ川の幅は1 単位距離である。地区A の建物i の場所の川を挟んだちょうど反対側である。

パレンバン市にはN人の市民が住み,仕事をしている.市民iの住居は地区 P_i の建物 S_i にある.また,市民iの職場は地区 Q_i の建物 T_i にある.市民が住居から職場に向かう際に川を横断する場合は,船に乗らなければならない.これは不便であるので,政府は,市民が車で通勤できるように,川を横断する橋を高々K本建設することを決定した.橋は2つの地区の川を挟んだ反対側にある建物を結ぶように建設される.橋は川と垂直に建設しなければならない.橋と橋が重なってはいけない.

政府がK本の橋を建設した後において、市民iが住居から職場まで車で通勤する際の移動距離の最小値を D_i とおく、合計 $D_1+\cdots+D_N$ が最小となるように政府が橋を建設するのを助けてほしい、

入力形式 (Input Format)

1 行目には、2 つの整数 K,N が書かれている.続くN 行のうちのそれぞれには、4 個の項目 P_i , S_i , Q_i , T_i が書かれている.

出力形式 (Output Format)

移動距離の合計の最小値を1行で出力せよ.

入力例 1 (Sample Input 1)

1 5

D 0 7

B 1 B 3

A 5 B 7

B 2 A 6

出力例 1 (Sample Output 1)

24

入力例 2 (Sample Input 2)

2 5

B 0 A 4

B 1 B 3

A 5 B 7

B 2 A 6

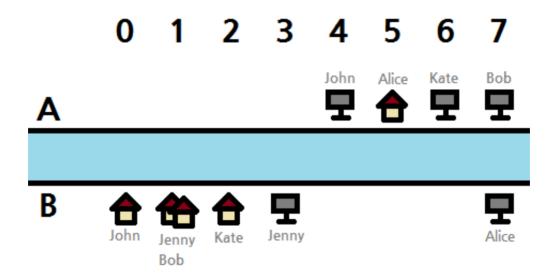
B 1 A 7

出力例 2 (Sample Output 2)

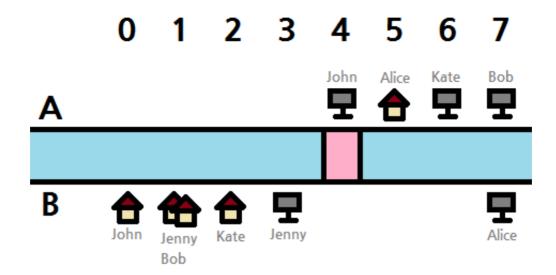
22

説明 (Explanation)

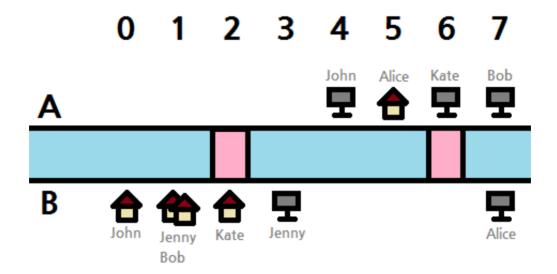
以下の図は2つの入力例を図示したものである.



以下の図は入力例1の解答例である. 桃色の縦線が橋を表す.



以下の図は入力例2の解答例である.



小課題 (Subtasks)

すべての入力データは以下の条件を満たす.

- P_i, Q_i は文字 'A' または文字 'B' である.
- $0 \le S_i \le 1,000,000,000$.
- $0 \le T_i \le 1,000,000,000$.
- 同じ建物の中に複数の住居や職場(あるいはその両方)があるかもしれない.

小課題 1 (Subtask 1) [8 点]

- K = 1
- $1 \le N \le 1,000$

小課題 2 (Subtask 2) [14 点]

- K = 1
- $1 \le N \le 100,000$

小課題 3 (Subtask 3) [9 点]

- K = 2
- $1 \le N \le 100$

小課題 4 (Subtask 4) [32 点]

- K = 2
- $1 \le N \le 1,000$

小課題 5 (Subtask 5) [37 点]

- K = 2
- $1 \le N \le 100,000$