ตัวอย่างการคำนวณ w ด้วย normal equation

Data =	\mathbf{x}_1	\mathbf{x}_2	y
	0	1	4
	2	1	8
	1	1	6
	2	0	5
'			

จากข้อมูล Data เราสามารถเขียน X,\mathbf{y} และ X_b ได้ดังต่อไปนี้

$$X = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}, \mathbf{y} = \begin{bmatrix} 4 \\ 8 \\ 6 \\ 5 \end{bmatrix}, \text{ where } X_b = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 4 & 5 & 3 \\ 5 & q & 3 \\ 3 & 3 & 3 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 23 \\ 32 \\ 18 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 3 & -1 & -2 \\ -1 & 0.5 & 0.5 \\ -2 & 0.5 & 1.83 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 23 \\ 32 \\ 18 \end{bmatrix}$$



ดังนั้น เราจะได้ $w_0 = \dots 1$ $w_1 = \dots 2$ และ $w_2 = \dots 3$ ซึ่งสามารถเขียนเป็น model ของ linear regression สำหรับข้อมูลชุดนี้ได้ดังนี้ $\gamma = w_0 + w_1 \times v_1 + w_2 \times z$

$$\hat{y} = \frac{1 + 2 \times 1 + 3 \times 2}{1 + 2 \times 1}$$

