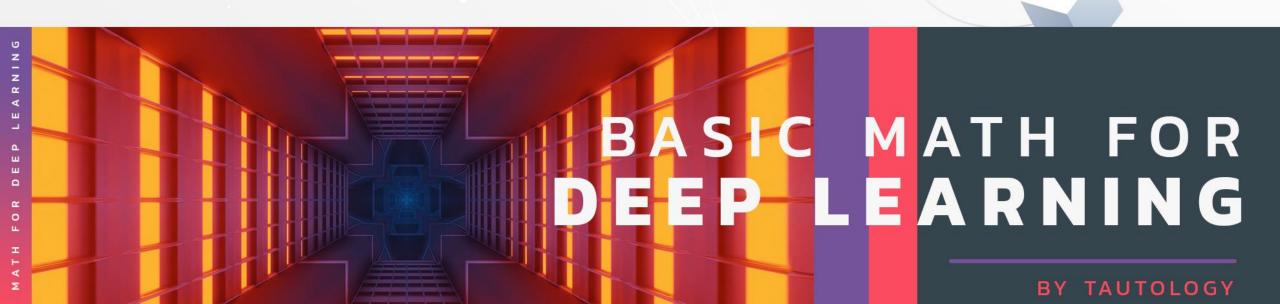
TAUTOLOGY INNOVATION SCHOOL



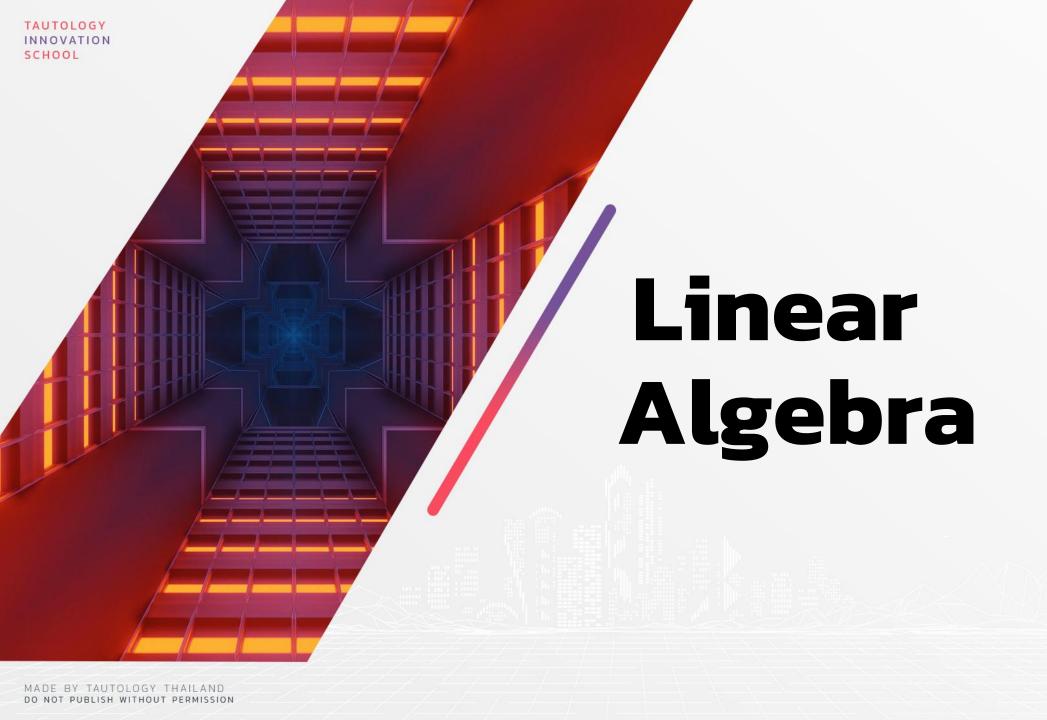


facebook/tautologyai www.tautology.live



# **Basic Math for Deep Learning**

- Linear Algebra
- Calculus
- Probability & Statistics







## **Linear Algebra**

- Matrix
- Basic Matrix Operation
- Matrix Multiplication
- Hadamard Product
- Types of Matrix
- Inverse of a Matrix



#### **Matrix**

Matrix คือ ตัวเลขที่จัดวางในรูปแบบเดียวกันกับตาราง

$$A = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$

- Matrix A เป็น matrix ที่มี n แถว p หลัก
- $a_{n,p}$  คือ สมาชิกในแถวที่ n หลักที่ p



#### **Matrix**

#### <u>ตัวอย่าง</u>

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 5 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 2}$$

- A คือ matrix ที่มี 3 แถว 2 หลัก
- 1 คือ สมาชิกในแถวที่ 1 หลักที่ 2
- 7 คือ สมาชิกในแถวที่ 3 หลักที่ 1



### **Linear Algebra**



- Basic Matrix Operation
- Matrix Multiplication
- Hadamard Product
- Types of Matrix
- Inverse of a Matrix



- 1. Addition
- 2. Subtraction
- 3. Scalar Multiplication
- 4. Transposition



#### 1. Addition

$$A + B = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p} + \begin{bmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} & \cdots & b_{1,p} \\ b_{2,1} & b_{2,2} & \cdots & b_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{n,1} & b_{n,2} & \cdots & b_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$



#### 1. Addition

$$A + B = \begin{bmatrix} a_{1,1} + b_{1,1} & a_{1,2} + b_{1,2} & \cdots & a_{1,p} + b_{1,p} \\ a_{2,1} + b_{2,1} & a_{2,2} + b_{2,2} & \cdots & a_{2,p} + b_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} + b_{n,1} & a_{n,2} + b_{n,2} & \cdots & a_{n,p} + b_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$



#### 1. Addition

ตัวอย่าง (1)

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} + \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 6 & 8 \\ 10 & 12 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$



#### 1. Addition

ตัวอย่าง (2)

$$\begin{bmatrix} 5 & -4 \\ -2 & 3 \\ 6 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 2} + \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 7 & 4 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ 5 & 7 \\ 11 & 5 \end{bmatrix}_{3 \times 2}$$



#### 1. Addition

ข้อคววรระวัง

$$\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 0 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 2} + \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \mathbf{X}$$



#### 2. Subtraction

$$A - B = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p} - \begin{bmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} & \cdots & b_{1,p} \\ b_{2,1} & b_{2,2} & \cdots & b_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{n,1} & b_{n,2} & \cdots & b_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$



#### 2. Subtraction

$$A - B = \begin{bmatrix} a_{1,1} - b_{1,1} & a_{1,2} - b_{1,2} & \cdots & a_{1,p} - b_{1,p} \\ a_{2,1} - b_{2,1} & a_{2,2} - b_{2,2} & \cdots & a_{2,p} - b_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} - b_{n,1} & a_{n,2} - b_{n,2} & \cdots & a_{n,p} - b_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$



#### 2. Subtraction

ตัวอย่าง (1)

$$\begin{bmatrix} 8 & 7 \\ 6 & 5 \end{bmatrix}_{2 \times 2} - \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 7 & 5 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$



#### 2. Subtraction

ตัวอย่าง (2)

$$\begin{bmatrix} 5 & -4 \\ -2 & 3 \\ 6 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 2} - \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 7 & 4 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 6 & -5 \\ -9 & -1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}_{3 \times 2}$$



#### 2. Subtraction

ข้อคววรระวัง

$$\begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 0 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 2} - \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \mathbf{X}$$



#### 3. Scalar Multiplication

$$cA = c \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$



#### 3. Scalar Multiplication

$$cA = \begin{bmatrix} ca_{1,1} & ca_{1,2} & \cdots & ca_{1,p} \\ ca_{2,1} & ca_{2,2} & \cdots & ca_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ ca_{n,1} & ca_{n,2} & \cdots & ca_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}$$



#### 3. Scalar Multiplication

ตัวอย่าง (1)

$$3 \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 9 & 12 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$



#### 3. Scalar Multiplication

ตัวอย่าง (2)

$$-2 \cdot \begin{bmatrix} 5 & -4 \\ -2 & 3 \\ 6 & 2 \end{bmatrix}_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} -10 & 8 \\ 4 & -6 \\ -12 & -4 \end{bmatrix}_{3 \times 2}$$



#### 4. Transposition

$$A^{T} = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p}^{T}$$



#### 4. Transposition

$$A^{T} = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{2,1} & \cdots & a_{n,1} \\ a_{1,2} & a_{2,2} & \cdots & a_{n,2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{1,p} & a_{2,p} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{p \times n}$$



#### 4. Transposition

ตัวอย่าง (1)

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}_{2\times2}^T = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}_{2\times2}$$



#### 4. Transposition

ตัวอย่าง (2)

$$\begin{bmatrix} 5 & -4 \\ -2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}_{3\times 2}^{T} = \begin{bmatrix} 5 & -2 & 1 \\ -4 & 3 & 2 \end{bmatrix}_{2\times 3}$$



### **Linear Algebra**

- **V**⋅ Matrix
- **✓• Basic Matrix Operation** 
  - Matrix Multiplication
  - Hadamard Product
  - Types of Matrix
  - Inverse of a Matrix



$$AC = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{n \times p} \begin{bmatrix} c_{1,1} & c_{1,2} & \cdots & c_{1,m} \\ c_{2,1} & c_{2,2} & \cdots & c_{2,m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ c_{p,1} & c_{p,2} & \cdots & c_{p,m} \end{bmatrix}_{p \times m}$$



$$AC = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{p} a_{1,i}c_{i,1} & \sum_{i=1}^{p} a_{1,i}c_{i,2} & \cdots & \sum_{i=1}^{p} a_{1,i}c_{i,m} \\ \sum_{i=1}^{p} a_{2,i}c_{i,1} & \sum_{i=1}^{p} a_{2,i}c_{i,2} & \cdots & \sum_{i=1}^{p} a_{2,i}c_{i,m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sum_{i=1}^{p} a_{n,i}c_{i,1} & \sum_{i=1}^{p} a_{n,i}c_{i,2} & \cdots & \sum_{i=1}^{p} a_{n,i}c_{i,m} \end{bmatrix}_{n \times m}$$



#### <u>ตัวอย่าง</u>

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}_{3\times 2} \times \begin{bmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 1 & -1 & 4 \end{bmatrix}_{2\times 3}$$

$$= \begin{bmatrix} (1 \times 3) + (2 \times 1) & (1 \times 2) + (2 \times -1) & (1 \times 5) + (2 \times 4) \\ (-1 \times 3) + (3 \times 1) & (-1 \times 2) + (3 \times -1) & (-1 \times 5) + (3 \times 4) \\ (5 \times 3) + (-2 \times 1) & (5 \times 2) + (-2 \times -1) & (5 \times 5) + (-2 \times 4) \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$



#### <u>ตัวอย่าง</u>

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}_{3\times 2} \times \begin{bmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 1 & -1 & 4 \end{bmatrix}_{2\times 3} = \begin{bmatrix} 5 & 0 & 13 \\ 0 & -5 & 7 \\ 13 & 12 & 17 \end{bmatrix}_{3\times 3}$$



#### <u>ข้อควรระวัง</u>

$$\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 2 \\ 4 & 6 \end{bmatrix}_{3 \times 2} \times \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 5 & 4 & 3 \\ 1 & 3 & 6 \end{bmatrix}_{3 \times 3} = \mathbf{X}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}_{2 \times 2} \times \begin{bmatrix} 1 & 6 \\ 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}_{3 \times 2} = \mathbf{X}$$



### **Linear Algebra**

- **V** ⋅ Matrix
- **✓•** Basic Matrix Operation
- **✓• Matrix Multiplication** 
  - Hadamard Product
  - Types of Matrix
  - Inverse of a Matrix



#### **Hadamard Product**

$$A \circ B = \begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \cdots & a_{1,p} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \cdots & a_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \cdots & a_{n,p} \end{bmatrix}_{3\times 3} \circ \begin{bmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} & \cdots & b_{1,p} \\ b_{2,1} & b_{2,2} & \cdots & b_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{n,1} & b_{n,2} & \cdots & b_{n,p} \end{bmatrix}_{3\times 3}$$



#### **Hadamard Product**

$$A \circ B = \begin{bmatrix} a_{1,1}b_{1,1} & a_{1,2}b_{1,2} & \cdots & a_{1,p}b_{1,p} \\ a_{2,1}b_{2,1} & a_{2,2}b_{2,2} & \cdots & a_{2,p}b_{2,p} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n,1}b_{n,1} & a_{n,2}b_{n,2} & \cdots & a_{n,p}b_{n,p} \end{bmatrix}_{3\times 3}$$



#### **Hadamard Product**

#### ตัวอย่าง (1)

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} \circ \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 5 & 12 \\ 21 & 32 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$



### **Hadamard Product**

#### ตัวอย่าง (2)

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}_{2\times3} \circ \begin{bmatrix} -7 & -1 & 3 \\ 2 & 0 & -4 \end{bmatrix}_{2\times3} = \begin{bmatrix} -7 & 2 & 9 \\ 8 & 0 & -24 \end{bmatrix}_{2\times3}$$



### **Hadamard Product**

#### <u>ข้อควรระวัง</u>

$$\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 2 \\ 4 & 6 \end{bmatrix}_{3 \times 2} \circ \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \mathbf{X}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}_{2 \times 2} \circ \begin{bmatrix} 1 & 6 \\ 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}_{3 \times 2} = \mathbf{X}$$



# **Linear Algebra**

- **V** ⋅ Matrix
- **✓•** Basic Matrix Operation
- Matrix Multiplication
- **✓** Hadamard Product
  - Types of Matrix
  - Inverse of a Matrix



- 1. Square Matrix
- 2. Identity Matrix (1)
- 3. Diagonal Matrix
- 4. Scalar Matrix
- 5. Symmetric Matrix



#### 1. Square Matrix

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}_{2 \times 2}, \begin{bmatrix} 1 & 6 & 5 \\ 7 & 2 & 4 \\ 8 & 9 & 3 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$



#### 2. Identity Matrix (1)

$$I = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$



#### 2. Identity Matrix (1)

#### สมบัติของ identity matrix

$$AI = IA = A$$



#### 2. Identity Matrix (1)

#### สมบัติของ identity matrix

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}_{2 \times 2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}_{2 \times 2} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$



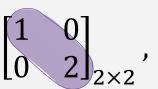
#### 2. Identity Matrix (1)

#### สมบัติของ identity matrix

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}_{3\times3} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}_{3\times3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}_{3\times3} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}_{3\times3} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}_{3\times3}$$



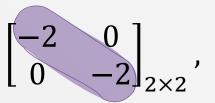
#### 3. Diagonal Matrix



$$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 6 \end{bmatrix}_{3\times 3}$$



#### 4. Scalar Matrix



$$\begin{bmatrix} 6 & 0 & 0 \\ 0 & 6 & 0 \\ 0 & 0 & 6 \end{bmatrix}_{3\times 3}$$



#### 5. Symmetric Matrix

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 5 \\ 2 & -3 & 9 \\ 5 & 9 & 4 \end{bmatrix}_{3\times3}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$$



# **Linear Algebra**

- **V** ⋅ Matrix
- **✓•** Basic Matrix Operation
- Matrix Multiplication
- Hadamard Product
- Types of Matrix
  - Inverse of a Matrix



# Inverse of a Matrix

 $A^{-1}$  เป็น inverse ของ A ก็ต่อเมื่อ

$$A \times A^{-1} = A^{-1} \times A = I$$

โดยที่ I คือ identity matrix ถ้า A สามารถหา inverse ได้ เราจะเรียก A ว่าเป็น **invertible Matrix** 



# Inverse of a Matrix

<u>ตัวอย่างการใช้งาน</u> ต้องการหา X จากสมการต่อไปนี้ XA = B

<u>วิธีทำ</u>

$$XAA^{-1} = BA^{-1}$$
  
 $XI = BA^{-1}$  (:  $AA^{-1} = I$ )  
 $X = BA^{-1}$ 



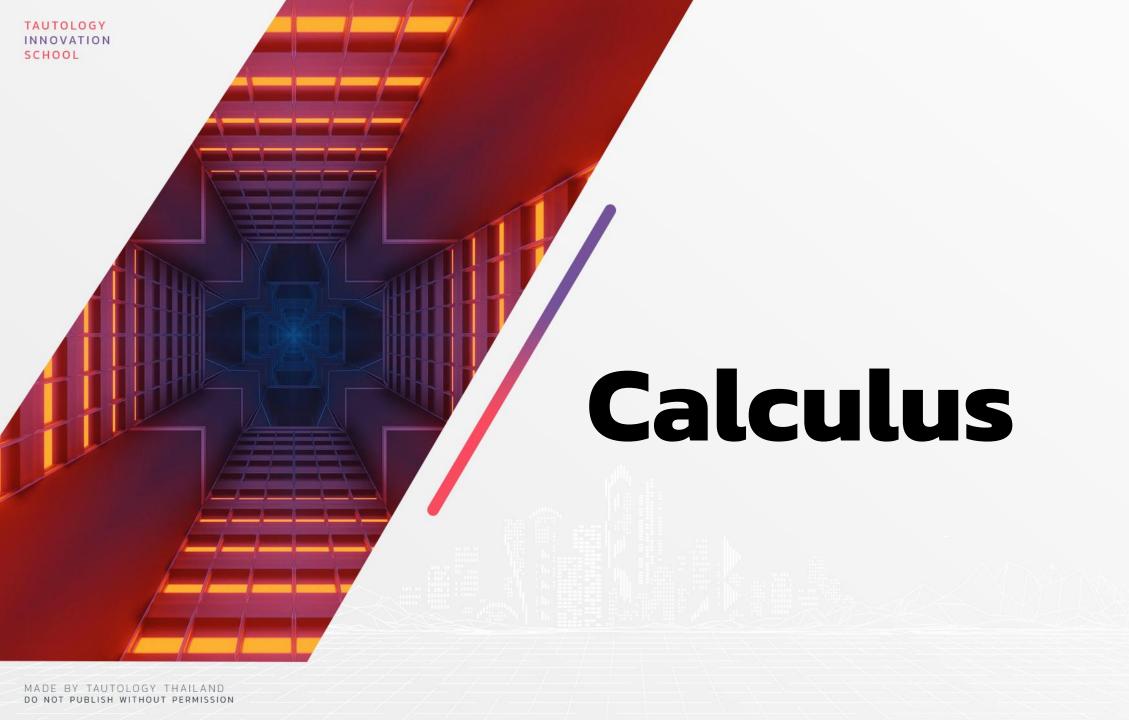
# **Linear Algebra**

- **V** ⋅ Matrix
- **✓ Basic Matrix Operation**
- **✓・ Matrix Multiplication**
- **✓ •** Hadamard Product
- **✓ ·** Types of Matrix
- ✓ Inverse of a Matrix



# **Basic Math for Deep Learning**

- **✓** Basic Linear Algebra
  - Calculus
  - Probability & Statistics







# **Calculus**

- Basic Derivative
- Chain Rule
- Properties of Differentiation at point a



1. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(c) = 0$$
;  $c = constant$ 

$$2. \quad \frac{\partial}{\partial x}(x) = 1$$

3. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(x+v) = \frac{d}{dx}(x) + \frac{d}{dx}(v)$$

$$4. \quad \frac{\partial}{\partial x}(cx) = c$$

$$5. \quad \frac{\partial}{\partial x}(x^n) = n \cdot x^{n-1}$$



$$6. \quad \frac{\partial}{\partial x}(a^x) = a^x \log a$$

$$7. \quad \frac{\partial}{\partial x}(e^x) = e^x$$

8. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(\log_a x) = \frac{1}{x \log a}$$

9. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(\log x) = \frac{1}{x}$$



1. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(c) = 0$$
;  $c = constant$ 

$$\frac{\partial}{\partial x}(1) = 0$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(200) = 0$$



$$2. \quad \frac{\partial}{\partial x}(x) = 1$$

$$\frac{\partial}{\partial y}(y) = 1$$

$$\frac{\partial}{\partial k}(k) = 1$$



3. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(x+v) = \frac{d}{dx}(x) + \frac{d}{dx}(v)$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(x+1) = \frac{\partial}{\partial x}(x) + \frac{\partial}{\partial x}(1)$$
$$= 1 + 0$$
$$= 1$$



$$4. \quad \frac{\partial}{\partial x}(cx) = c$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(2x) = 2$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(500x) = 500$$



$$5. \quad \frac{\partial}{\partial x}(x^n) = n \cdot x^{n-1}$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(x^3) = 3x^2$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(x) = 1x^0 = 1$$



$$5. \quad \frac{\partial}{\partial x}(x^n) = n \cdot x^{n-1}$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(x^{0.5}) = 0.5x^{-0.5}$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(x^{-2}) = -2x^{-3}$$



$$6. \quad \frac{\partial}{\partial x}(a^x) = a^x \log a$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(2^x) = 2^x \log 2 = 2^x(0.69)$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(3.5^x) = 3.5^x \log 3.5 = 3.5^x (1.25)$$



$$7. \quad \frac{\partial}{\partial x}(e^x) = e^x$$

$$\frac{\partial}{\partial (2x)}(e^{2x}) = e^{2x}$$

$$\frac{\partial}{\partial(3x)}(e^{3x}) = e^{3x}$$



8. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(\log_a x) = \frac{1}{x \log a}$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(\log_2 x) = \frac{1}{x \log 2} = \frac{1}{x(0.69)}$$

$$\frac{\partial}{\partial x}(\log_{10} x) = \frac{1}{x \log 10} = \frac{1}{x(2.30)}$$



9. 
$$\frac{\partial}{\partial x}(\log x) = \frac{1}{x}$$

$$\frac{\partial}{\partial (2x)} (\log 2x) = \frac{1}{2x}$$

$$\frac{\partial}{\partial (5x)}(\log 5x) = \frac{1}{5x}$$



# **Calculus**

- **✓** Basic Derivative
  - Chain Rule
  - Properties of Differentiation at point a



$$\frac{\partial z}{\partial x} = \frac{\partial z}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial x}$$

$$x$$
 $\downarrow$ 
 $y$ 
 $\downarrow$ 
 $z$ 



### ตัวอย่าง (1)

$$y = 2x^3 + 1$$

$\boldsymbol{\mathcal{X}}$
$lack \psi$
$x^3$
<b>\</b>
$2x^3$
<b>\</b>
$2x^3 + 1$



### ตัวอย่าง (1)

$$\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial (2x^3 + 1)}{\partial x}$$

$$= \frac{\partial (2x^3 + 1)}{\partial (2x^3)} \cdot \frac{\partial (2x^3)}{\partial x^3} \cdot \frac{\partial (x^3)}{\partial x}$$

$$= 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot x^2$$

$$= 6x^2$$

$$x$$

$$\downarrow x$$

$$x^{3}$$

$$\downarrow x$$

$$2x^{3}$$

$$\downarrow x$$

$$2x^{3}$$

$$\downarrow x$$

$$2x^{3}$$



#### ตัวอย่าง (2)

$$y = (x+1)(x+2)$$

$$x$$

$$x + 1 \quad x + 2$$



### **Chain Rule**

### ตัวอย่าง (2)

$$\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial (x+1)(x+2)}{\partial x}$$

$$= \frac{\partial (x+1)(x+2)}{\partial (x+1)} \cdot \frac{\partial (x+1)}{\partial x} + \frac{\partial (x+1)(x+2)}{\partial (x+2)} \cdot \frac{\partial (x+2)}{\partial x}$$

$$= (x+2)(1) + (x+1)(1)$$

$$= 2x + 3$$

$$x$$

$$x + 1 \quad x + 2$$

$$x + 1 \quad x + 2$$

$$x + 1 \quad x + 2$$



### Calculus

- **✓•** Basic Derivative
- **✓ Chain Rule** 
  - Properties of Differentiation at point a



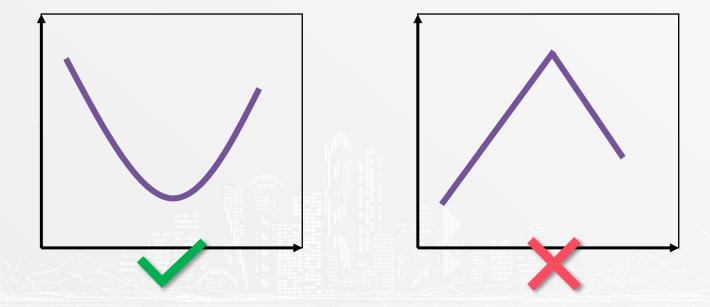
## Properties of Differentiable at point a

- Function is Smooth
- 2. Function is Continuous at point a



## Properties of Differentiable at point a

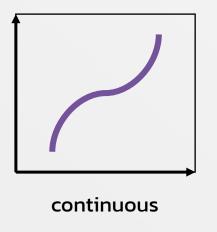
1. Function is Smooth

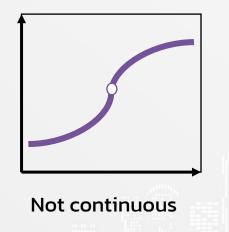


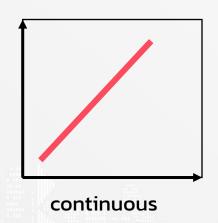


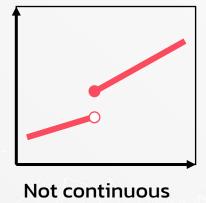
## Properties of Differentiable at point a

2. Function is Continuous at point a











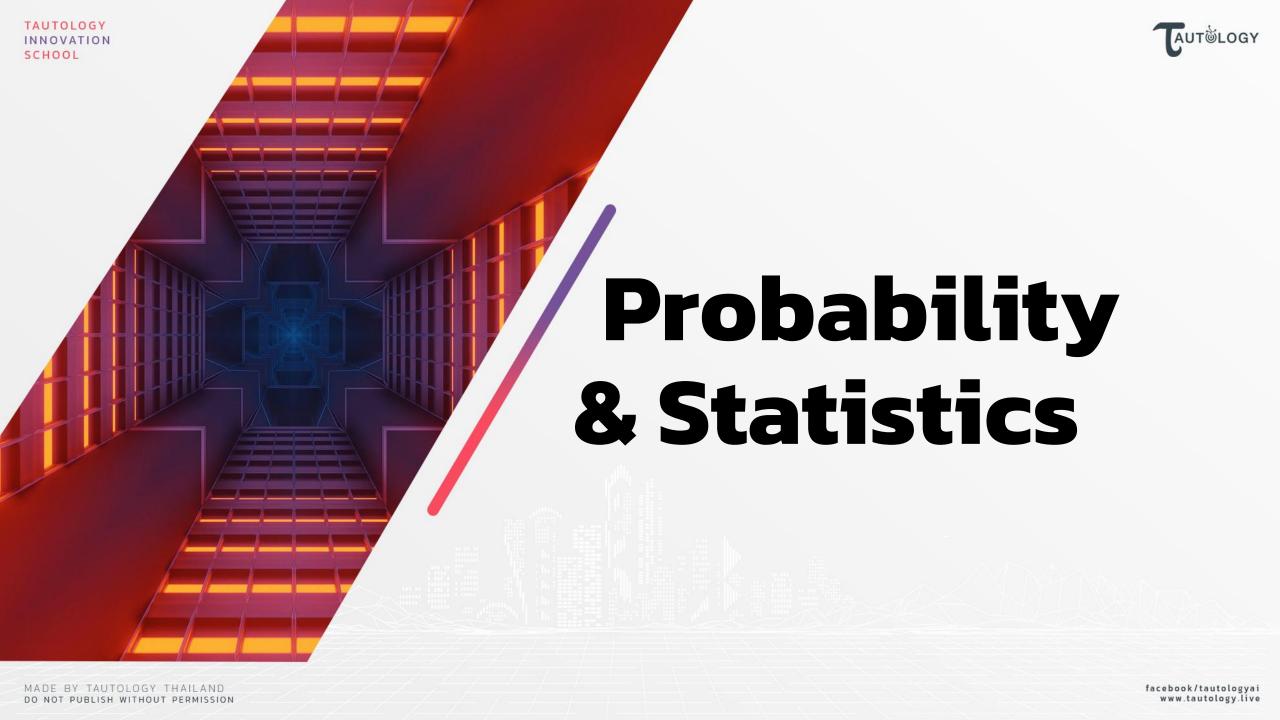
### **Calculus**

- **✓** Basic Derivative
- **√** Chain Rule
- **✓• Properties of Differentiation at point a**



# **Basic Math for Deep Learning**

- **✓** Basic Linear Algebra
- **√** Calculus
  - Probability & Statistics





- Probability
- Mean
- Variance
- Standard Deviation



# **Probability**

Probability คือ ค่าที่บอกถึงโอกาสที่จะเกิดเหตุการณ์นั้น ๆ ตัวอย่าง

- ♦ Probability ของการโยนเหรียญแล้วออกฝั่งหัว = 1/2
- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้มมากกว่า 4 = 1/3



# **Probability**

โดยผลรวมค่า probability ของเหตุการณ์ผลลัพธ์ทั้งหมดจะเท่ากับ 1 เสมอ ตัวอย่าง

เหตุการณ์ผลลัพท์ทั้งหมดของการโยนเหรียญ

- ♦ Probability ของการโยนเหรียญแล้วออกฝั่งหัว = 1/2
- ♦ Probability ของการโยนเหรียญแล้วออกฝั่งก้อย = 1/2



# **Probability**

โดยผลรวมค่า probability ของเหตุการณ์ผลลัพธ์ทั้งหมดจะเท่ากับ 1 เสมอ ตัวอย่าง

เหตุการณ์ผลลัพท์ทั้งหมดของการทอยลูกเต๋า

- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้ม 1 = 1/6
- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้ม 2 = 1/6
- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้ม 3 = 1/6
- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้ม 4 = 1/6
- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้ม 5 = 1/6
- ♦ Probability ของการทอยลูกเต๋าแล้วได้แต้ม  $6 = \frac{1}{6}$





- Mean
- Variance
- Standard Deviation



### Mean

### Mean คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูล ซึ่งคำนวณได้จาก

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n}$$



### Mean

### <u>ตัวอย่าง</u>

ข้อมูลน้ำหนักตัวของนักเรียน 5 คน :  $X = \{48, 55, 47, 57, 53\}$ 

$$\bar{x} = \frac{48+55+47+57+53}{5}$$

$$= \frac{260}{5}$$

$$= 52$$



- **✓** Probability
- **√** Mean
  - Variance
  - Standard Deviation



### **Variance**

Variance คือ ค่าความแปรปรวนของข้อมูล โดยจะพิจารณาจากระยะห่างของข้อมูลและ mean กำลังสอง



$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$



### **Variance**

### <u>ตัวอย่าง</u>

ข้อมูลน้ำหนักตัวของนักเรียน 5 คน :  $X = \{48, 55, 47, 57, 53\}$  และ mean = 52

$$\sigma^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{5} (x_{i} - 52)^{2}}{5}$$

$$= \frac{(48 - 52)^{2} + (55 - 52)^{2} + (47 - 52)^{2} + (57 - 52)^{2} + (53 - 52)^{2}}{5}$$

$$= \frac{(-4)^{2} + 3^{2} + (-5)^{2} + 5^{2} + 1}{5}$$

$$= \frac{16 + 9 + 25 + 25 + 1}{5}$$

$$= \frac{76}{5} = 15.2$$

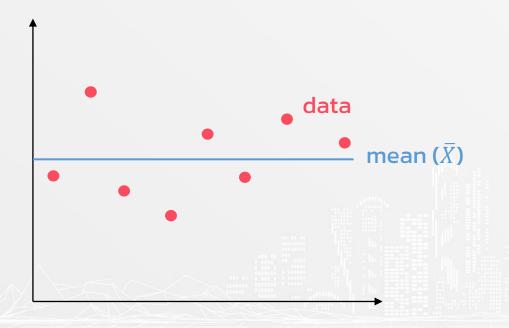


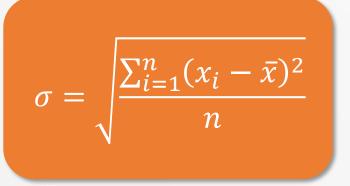
- **✓** Probability
- **√** Mean
- **√** Variance
  - Standard Deviation



### **Standard Deviation**

Standard Deviation คือ ค่าเบี่ยงเบนมาตรฐาน ที่ใช้วัดการกระจายตัวของข้อมูล โดย จะพิจารณาจาก square root ของ variance เพื่อให้ค่าที่มี unit เดียวกับข้อมูล







### **Standard Deviation**

### ตัวอย่าง

ข้อมูลน้ำหนักตัวของนักเรียน 5 คน :  $X = \{48, 55, 47, 57, 53\}$  และ mean = 52

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{5} (x_i - 52)^2}{5}}$$

$$=\sqrt{15.2}$$

$$= 3.90$$



- **√** · Probability
- **√** Mean
- **√** Variance
- Standard Deviation



# **Basic Math for Deep Learning**

- **✓** Basic Linear Algebra
- **√** Calculus
- **✓ Probability & Statistics**