

ตัวอย่างการคำนวณ  $W$  สำหรับ logistic regression (multi-class)  
ด้วย gradient descent

Data =

$x_1$	$x_2$	$y$
0	1	1
1	0	2
-1	0	3
0	-1	4

ซึ่งสามารถแปลงให้อยู่ในรูปแบบที่พร้อมคำนวณได้ดังนี้

Data =

$x_1$	$x_2$	1	2	3	4
0	1				
1	0				
-1	0				
0	-1				

$$\text{กำหนดให้ } \mathbf{w} = \begin{bmatrix} w_{0,1} & w_{0,2} & w_{0,3} & w_{0,4} \\ w_{1,1} & w_{1,2} & w_{1,3} & w_{1,4} \\ w_{2,1} & w_{2,2} & w_{2,3} & w_{2,4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

กำหนด  $epoch = 3$

กำหนด  $\alpha = 2.5$

จากข้อมูล Data เราสามารถเขียน  $X, Y$  และ  $X_b$  ได้ดังต่อไปนี้

$$X = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix}, Y = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix}, \text{ และ } X_b = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix}$$

$epoch = 1$

คำนวณ  $Z$

$$Z = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix}$$





คำนวณ  $\hat{Y}$

$$\hat{Y} = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{bmatrix}$$

คำนวณ  $W$

$$W = \begin{bmatrix} \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \end{bmatrix} \left( \begin{bmatrix} \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \\ \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} & \phantom{0} \end{bmatrix} \right)$$

ดังนั้น เราจะได้  $w_{0,1} = \dots\dots\dots$ ,  $w_{0,2} = \dots\dots\dots$ ,  $w_{0,3} = \dots\dots\dots$  และ  $w_{0,4} = \dots\dots\dots$

$w_{1,1} = \dots\dots\dots$ ,  $w_{1,2} = \dots\dots\dots$ ,  $w_{1,3} = \dots\dots\dots$  และ  $w_{1,4} = \dots\dots\dots$

$w_{2,1} = \dots\dots\dots$ ,  $w_{2,2} = \dots\dots\dots$ ,  $w_{2,3} = \dots\dots\dots$  และ  $w_{2,4} = \dots\dots\dots$

ซึ่งสามารถเขียนเป็น model ของ logistic regression สำหรับข้อมูลชุดนี้ได้ดังนี้

$$z_1 = \dots\dots\dots$$

$$z_2 = \dots\dots\dots$$

$$z_3 = \dots\dots\dots$$

$$z_4 = \dots\dots\dots$$

$$\hat{y}_1 = \dots\dots\dots$$

$$\hat{y}_2 = \dots\dots\dots$$

$$\hat{y}_3 = \dots\dots\dots$$

$$\hat{y}_4 = \dots\dots\dots$$