



# MODEL FOR REGRESSION

BY TAUTOLOGY



#### **Model Evaluation**

What is Model Evaluation?

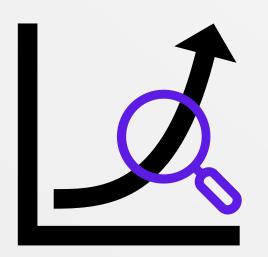
Why need Model Evaluation?

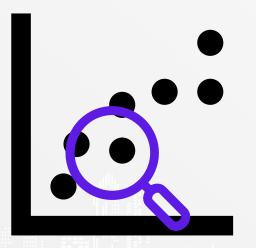
Model Evaluation for Regression

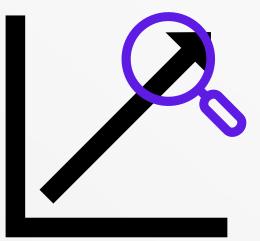


#### What is Model Evaluation?

Model Evaluation คือการวัดประสิทธิภาพของโมเดล









#### **Model Evaluation**

What is Model Evaluation?

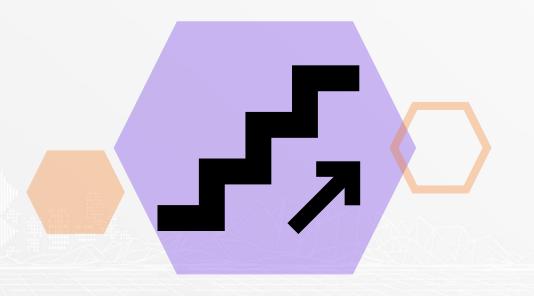
Why need Model Evaluation?

Model Evaluation for Regression



### Why need Model Evaluation?

- เพื่อเลือก model ที่ดีที่สุด ผ่านการเปรียบเทียบประสิทธิภาพ
- เพื่อวิเคราะห์ model แล้วนำไปปรับปรุง และพัฒนาต่อ
- เพื่อวัดประสิทธิภาพของ model ก่อนนำไปใช้งานจริง





#### **Model Evaluation**

What is Model Evaluation?

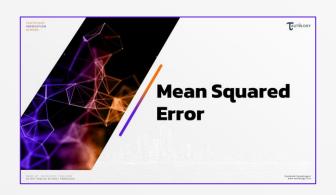
Why need Model Evaluation?

Model Evaluation for Regression



## **Model Evaluation for Regression**













**Т**АUТ®LOGY



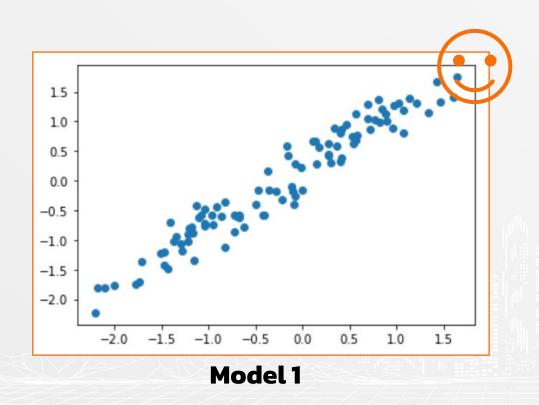
# $R^2$ score

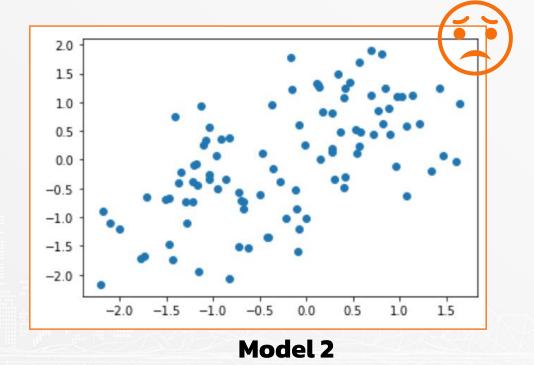
- What is  $R^2$  score?
- Formula
- Step to Calculate R<sup>2</sup>
- Example
- Code



### What is $R^2$ score?

 $\mathbb{R}^2$  score คือ ค่าที่บอกความสัมพันธ์ระหว่างค่าจริง และค่าพยากรณ์







#### **Formula**

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \widehat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}$$

- ullet  $y_i$  คือ target ของ sample ที่ i
- $\hat{y}_i$  คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- $ar{y}_i$  คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูล

• 
$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^{n} y_i}{n}$$



# Step to calculate $R^2$

- 1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\widehat{y}_i$
- 2. หาค่า  $\bar{y}$
- 3. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ  $R^{f 2}$



1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\hat{y}_i$ 

	$y_{i}$	$\widehat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



#### 2. หาค่า $\bar{y}$

$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^{n} y_i}{n}$$

$$\bar{y} = \frac{1188 + 1468 + \dots + 897}{7}$$

$$\bar{y} = 919.29$$



#### 3. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ $\mathbb{R}^2$

	$\mathbf{y_i}$	$\hat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \widehat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}$$

$$R^{2} = 1 - \frac{(1168 - 1204.183)^{2} + \dots + (897 - 873.342)^{2}}{(1168 - 919.29)^{2} + \dots + (897 - 919.29)^{2}}$$

$$R^2 = 0.997$$



	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

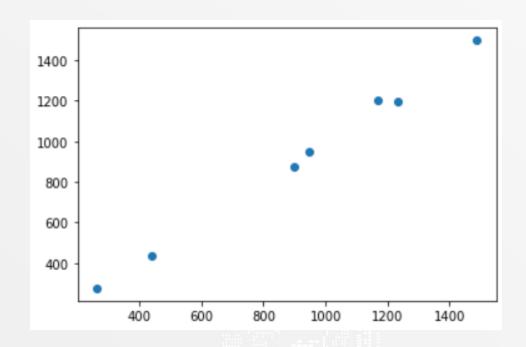
ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



1 r2\_score(y\_true, y\_pred)

0.9971801836617127





 $R^2$  = 0.99718

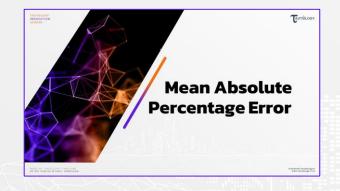


## **Model Evaluation for Regression**

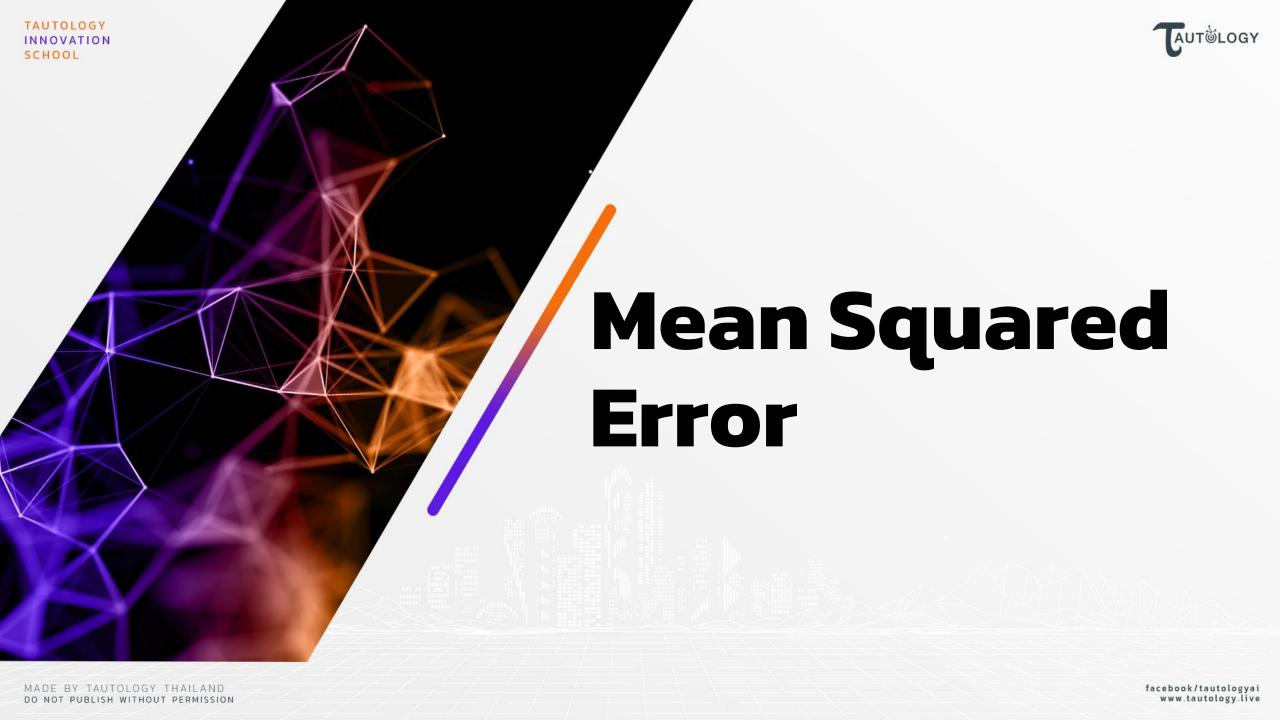














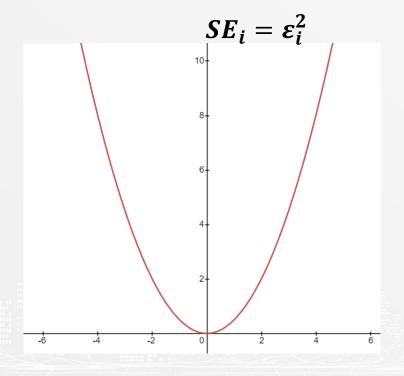
# **Mean Squared Error**

- What is Mean Squared Error?
- Formula
- Step to Calculate MSE
- Example
- Code



# What is Mean Squared Error?

Mean Squared Error (MSE) คือ ค่าเฉลี่ยของ error (ผลต่างของค่าจริงและค่า พยากรณ์) ยกกำลังสอง



$$\varepsilon_i = y_i - \widehat{y}_i$$



#### **Formula**

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \widehat{y}_i)^2$$

- $y_i$  คือ target ของ sample ที่ i
- $\hat{y}_i$  คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- ullet n คือ จำนวน sample



### **Step to Calculate MSE**

- 1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\widehat{y}_i$
- 2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean squared error (MSE)



1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\hat{y}_i$ 

	$y_{i}$	$\widehat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean squared error (MSE)

$\mathbf{y_i}$	$\widehat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
1168	1204.183
1488	1498.152
1232	1199.06
949	947.087
439	438.018
262	275.159
897	873.342
	1168 1488 1232 949 439 262

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y_i})^2$$

$$MSE = \frac{(1168 - 1204.183)^2 + \dots + (897 - 873.342)^2}{7}$$

$$MSE = 462.113$$



	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



1 mean\_squared\_error(y\_true, y\_pred)

462.1128826530673



## **Model Evaluation for Regression**

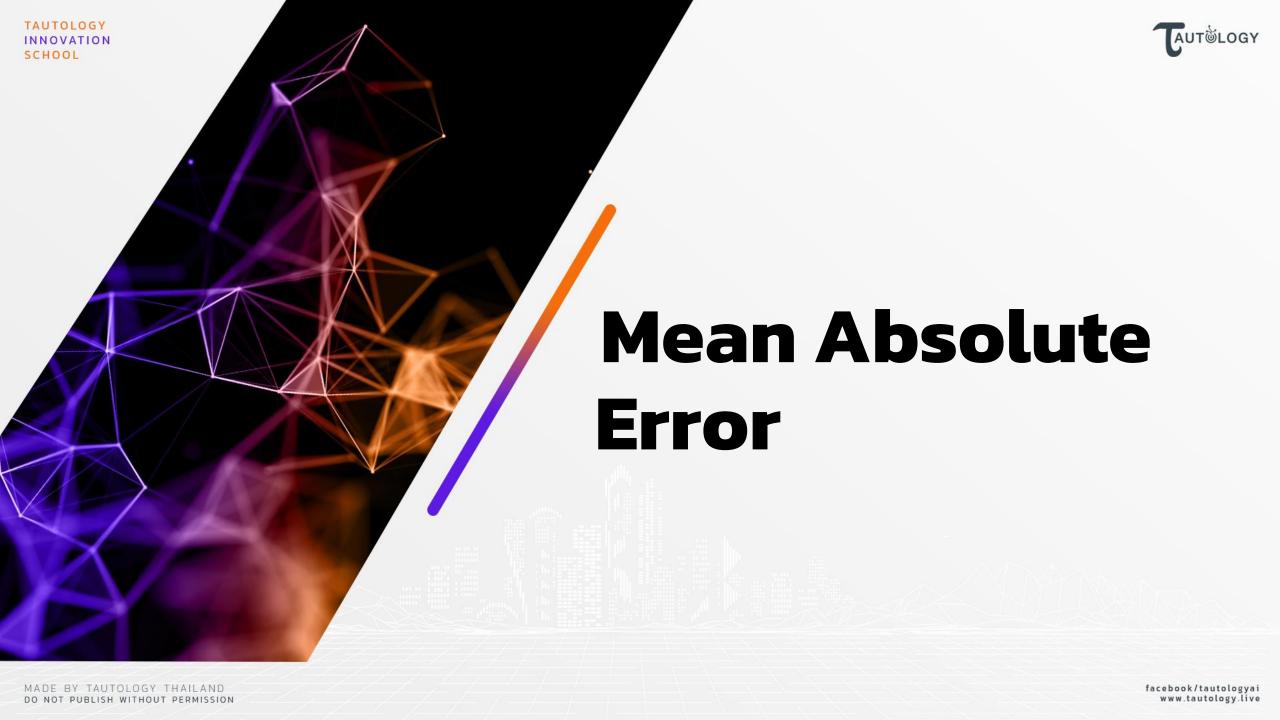














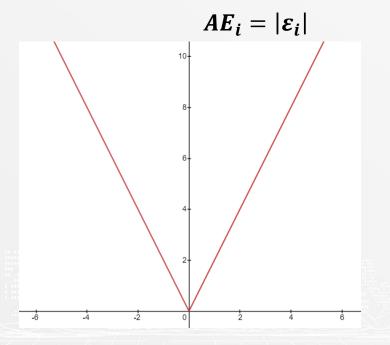
#### **Mean Absolute Error**

- What is Mean Absolute Error?
- Formula
- Step to Calculate MAE
- Example
- Code



#### What is Mean Absolute Error?

Mean Absolute Error (MAE) คือ ค่าเฉลี่ยของ absolute ของ error (ผลต่างของค่า จริงและค่าพยากรณ์)



$$\varepsilon_i = y_i - \widehat{y}_i$$



#### **Formula**

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i - \widehat{y}_i|$$

- $y_i$  คือ target ของ sample ที่ i
- $\hat{y}_i$  คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- ullet n คือ จำนวน sample



### **Step to Calculate MAE**

- 1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\hat{y}_i$
- 2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute error (MAE)



1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\hat{y}_i$ 

	$\mathbf{y_i}$	$\widehat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute error (MAE)

	$\mathbf{y_i}$	$\widehat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i - \hat{y_i}|$$

$$MAE = \frac{1}{7} \{ |1168 - 1204.183| + \dots + |897 - 873.342| \}$$

$$MAE = 16.998$$



	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน

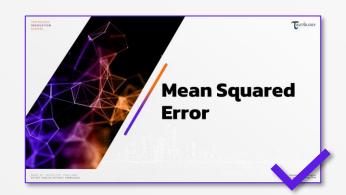


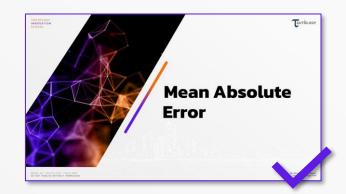
1 mean\_absolute\_error(y\_true, y\_pred)

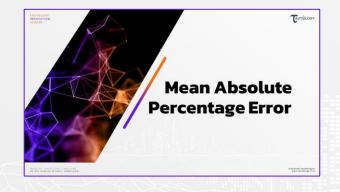
16.998086734694034



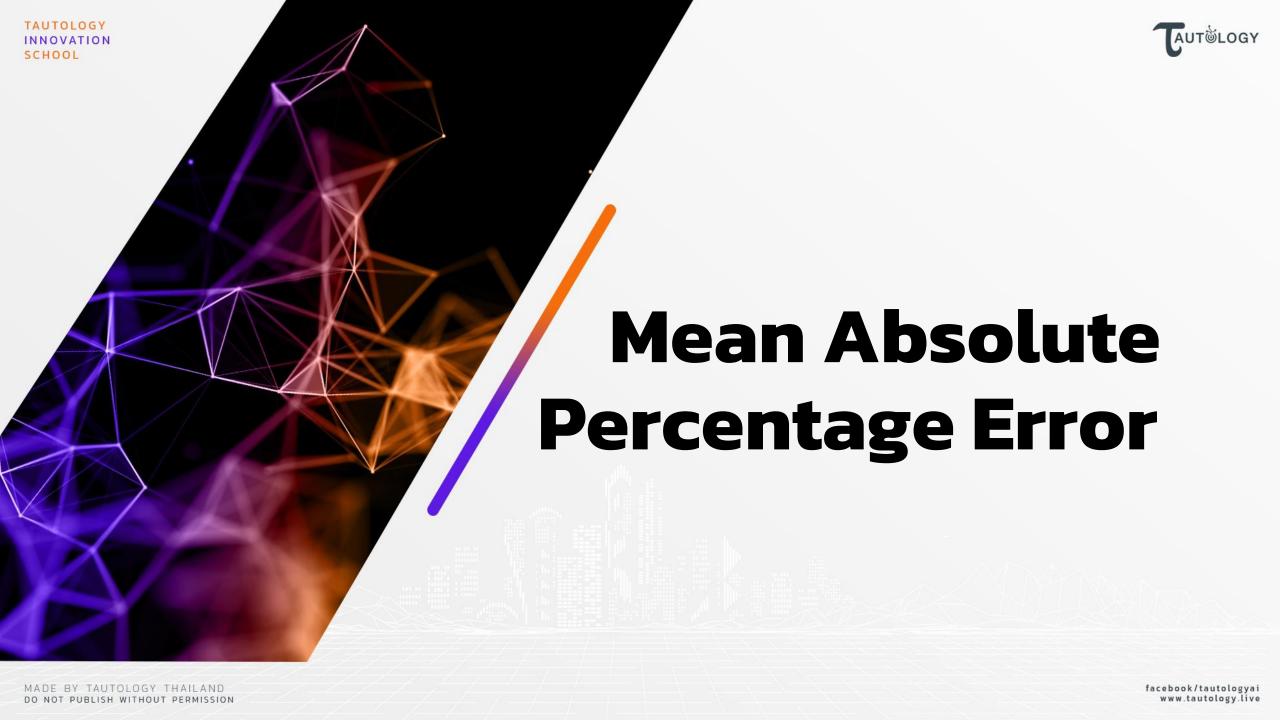














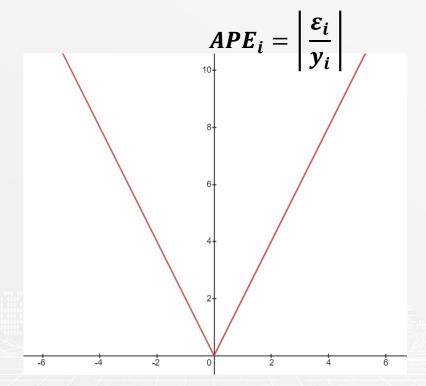
# Mean Absolute Percentage Error

- What is Mean Absolute Percentage Error?
- Formula
- Step to Calculate MAPE
- Example
- Code



## What is Mean Absolute Percentage Error?

Mean Absolute Percentage Error (MAPE) คือ ค่าเฉลี่ยของ absolute ของ อัตราส่วนระหว่าง error (ผลต่างของค่าจริงและค่าพยากรณ์) และข้อมูลจริง



$$\varepsilon_i = y_i - \widehat{y}_i$$



#### **Formula**

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i - \widehat{y_i}}{y_i} \right|$$

- ullet  $y_i$  คือ target ของ sample ที่ i
- $\hat{y}_i$  คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- *n* คือ จำนวน sample



### **Step to Calculate MAPE**

- 1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\widehat{y}_i$
- 2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute percentage error (MAPE)



# **Example**

1. เก็บค่า  $y_i$  และ  $\hat{y}_i$ 

	$\mathbf{y_i}$	$\widehat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



## **Example**

2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute percentage error (MAPE)

	$\mathbf{y_i}$	$\hat{\mathbf{y}}_{\mathbf{i}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i - \widehat{y_i}}{y_i} \right|$$

$$MAPE = \frac{1}{7} \left\{ \left| \frac{1168 - 1204.183}{1168} \right| + \dots + \left| \frac{897 - 873.342}{897} \right| \right\}$$

$$MAPE = 0.021$$



	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน

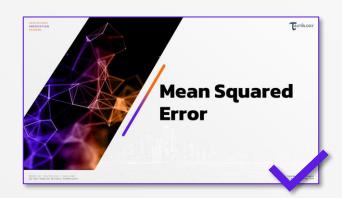


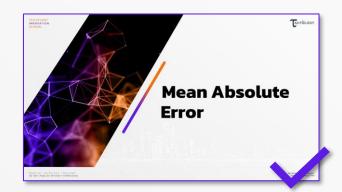
1 mean\_absolute\_percentage\_error(y\_true, y\_pred)

0.02076988136170835

















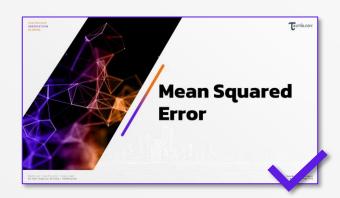


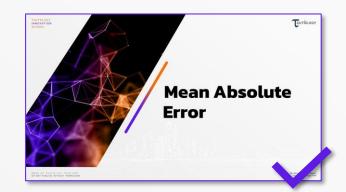
## Conclusion

Name	Formula
$R^2$	$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \widehat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}$
MSE	$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \widehat{y_i})^2$
MAE	$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n}  y_i - \widehat{y_i} $
MAPE	$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left  \frac{y_i - \widehat{y_i}}{y_i} \right $















#### **Model Evaluation**

What is Model Evaluation?

Why need Model Evaluation?