



MODEL FOR REGRESSION

BY TAUTOLOGY



Model Evaluation

What is Model Evaluation?

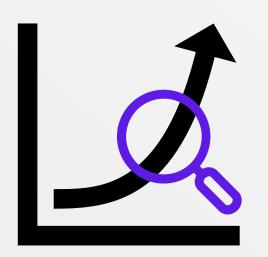
Why need Model Evaluation?

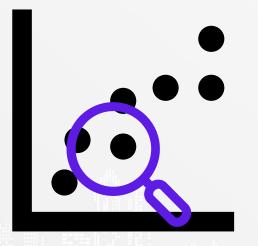
Model Evaluation for Regression

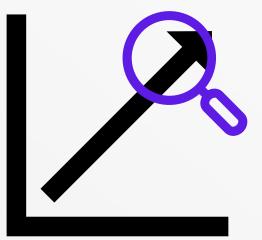


What is Model Evaluation?

Model Evaluation คือการวัดประสิทธิภาพของโมเดล









Model Evaluation

What is Model Evaluation?

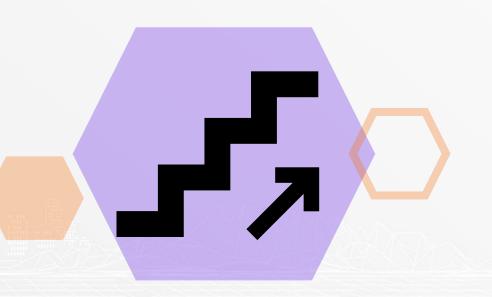
Why need Model Evaluation?

Model Evaluation for Regression



Why need Model Evaluation?

- เพื่อวัดประสิทธิภาพของ model ก่อนนำไปใช้งานจริง
- เพื่อเลือก model ที่ดีที่สุด ผ่านการเปรียบเทียบประสิทธิภาพ
- เพื่อวิเคราะห์ model แล้วนำไปปรับปรุง และพัฒนาต่อ





Model Evaluation

What is Model Evaluation?

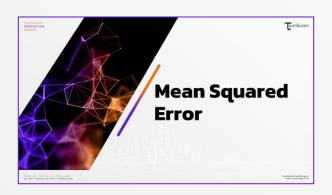
Why need Model Evaluation?

Model Evaluation for Regression

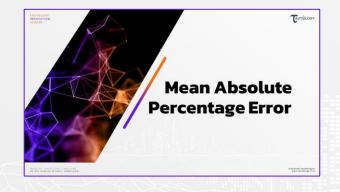


Model Evaluation for Regression













ТАUТ®LOGY



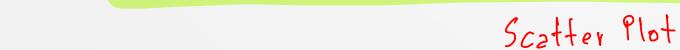
R^2 score

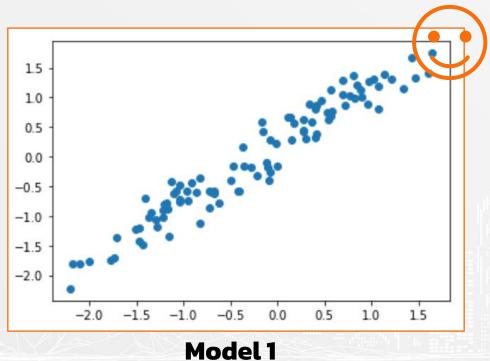
- What is R^2 score?
- Formula
- Step to Calculate R²
- Example
- Code
- Interpretation

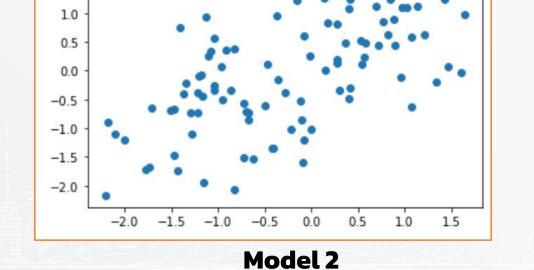


What is R^2 score?

R² score คือ ค่าที่บอกความสัมพันธ์ระหว่างค่าจริง และค่าพยากรณ์







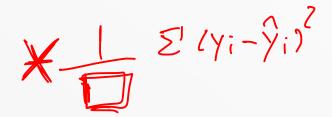
2.0

1.5



Formula

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \widehat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}$$



- ullet y_i คือ target ของ sample ที่ i
- \hat{y}_i คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- \bar{y}_i คือ ค่าเฉลี่ยของข้อมูล (targef)

•
$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^{n} y_i}{n}$$



Step to calculate R^2

- 1. เก็บค่า y_i และ \widehat{y}_i
- 2 หาคา $ar{y}$
- 3. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ \mathbb{R}^2



illa target vos

lama model

1. เก็บค่า y_i และ \hat{y}_i

	(y)	$\left(\begin{array}{cc} \hat{\mathbf{y}} \end{array} \right)$
0	1168	12 04.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของ<mark>ราคา</mark>บ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



2. หาค่า \bar{y}

$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^{n} y_i}{n}$$

$$\bar{y} = \frac{1188 + 1468 + \dots + 897}{7}$$

$$\bar{y} = 919.29$$



3. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ \mathbb{R}^2

	y	ŷ
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \bar{y})^{2}}$$

$$R^{2} = 1 - \frac{(1168 - 1204.183)^{2} + \dots + (897 - 873.342)^{2}}{(1168 - 919.29)^{2} + \dots + (897 - 919.29)^{2}}$$

$$R^{2} = 0.997$$



	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

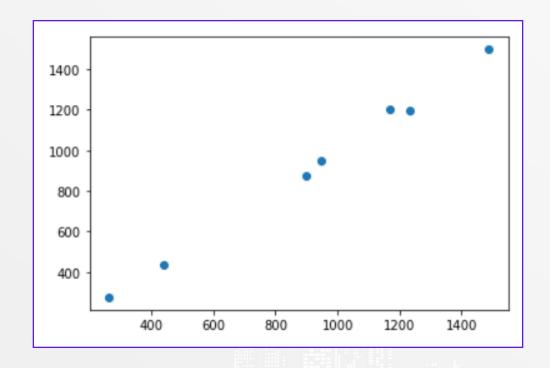
ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



1 r2_score(y_true, y_pred)

0.9971801836617127





$$R^2$$
 = 0.99718

ที่ความตัวเลยที่ได้จากสิตร R2 กิน



Interpretation

$$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \widehat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}$$

$$rightharpoons R^2 = 1
ightharpoons$$

$$\rightarrow \forall i, y_i = \hat{y}_i$$

→ ค่าที่ทำนาย = ค่าจริง

$$(R^2 = 0$$

$$\rightarrow \forall i, \hat{y}_i = \bar{y}$$

→ ประสิทธิภาพของ model **เท่ากับ** การพยากรณ์ด้วย ค่าเฉลี่ยของ y

$$rightharpoonup R^2 < 0
ightharpoonup$$

→ ประสิทธิภาพของ model **แย่กว่า** การพยากรณ์ด้วย ค่าเฉลี่ยของ *y*



Interpretation

R² ที่ดีต้องมากกว่า O และยิ่งใกล้ 1 จะยิ่งดี



Model Evaluation for Regression

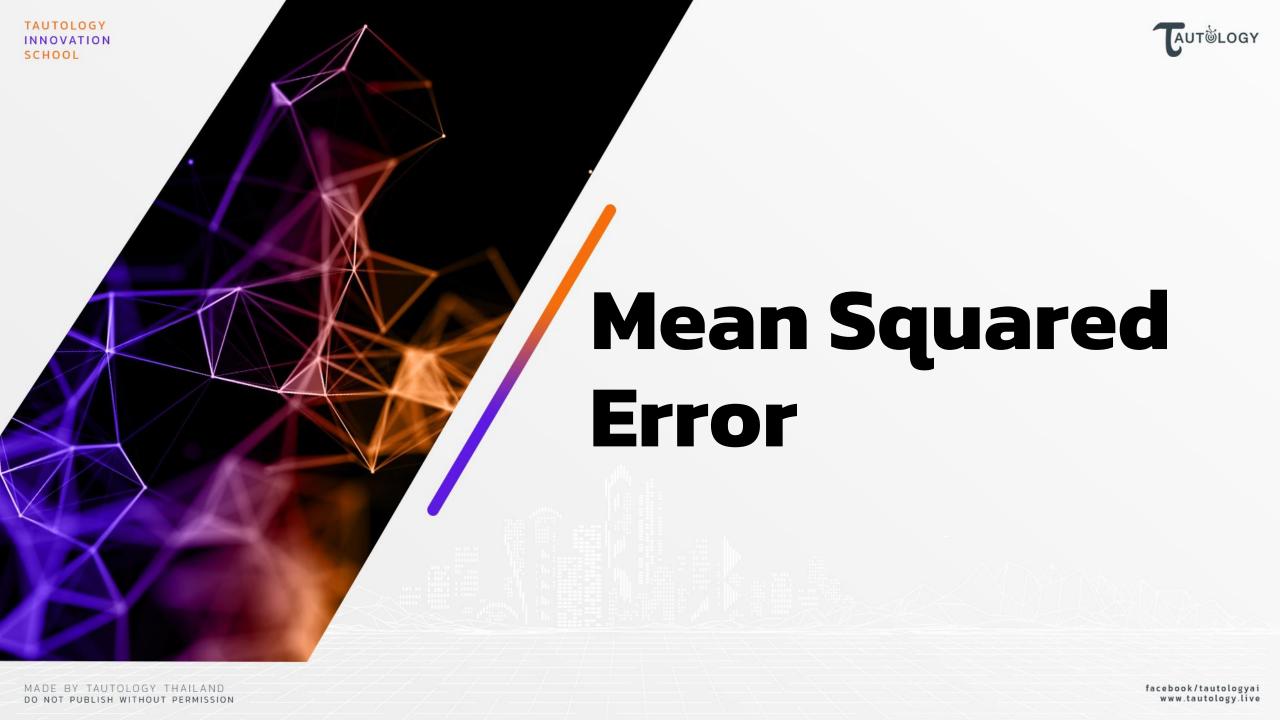














Mean Squared Error

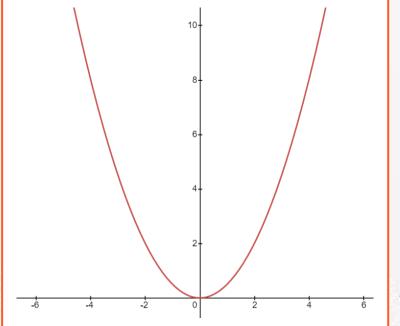
- What is Mean Squared Error?
- Formula
- Step to Calculate MSE
- Example
- Code
- Interpretation



What is Mean Squared Error?

Mean Squared Error (MSE) คือ ค่าเฉลี่ยของ error (ผลต่างของค่าจริงและค่า พยากรณ์) ยกกำลังสอง

$$SE_i = \varepsilon_i^2$$



$$\varepsilon_i = y_i - \widehat{y}_i$$



Formula

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2$$

- y_i คือ target ของ sample ที่ i
- \hat{y}_i คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- ullet n คือ จำนวน sample



Step to Calculate MSE

- 1. เก็บค่า y_i และ \hat{y}_i
- 2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean squared error (MSE)



1. เก็บค่า y_i และ \hat{y}_i

	y	$\hat{\mathbf{y}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean squared error (MSE)

	y	$\hat{\mathbf{y}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y_i})^2$$

$$MSE = \frac{(1168 - 1204.183)^2 + \dots + (897 - 873.342)^2}{7}$$

$$MSE = 462.113$$



	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



1 mean_squared_error(y_true, y_pred)

462.1128826530673



Interpretation

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2$$

♦ MSE = 400 ♦

- \rightarrow ค่าเฉลี่ย $(y_i \hat{y}_i)^2 = 400$
- → โดยเฉลี่ยแล้ว $y_i \hat{y}_i = \pm 20$
- → โดยเฉลี่ยแล้ว $y_i = \hat{y}_i \pm 20$
- ightharpoonup สมมติ $\hat{y}_i = 1000$
 - $y_i = \hat{y}_i \pm 20 = 1000 \pm 20$
 - $y_i \in [1000 20, 1000 + 20]$
 - $y_i \in [980, 1020]$



Interpretation

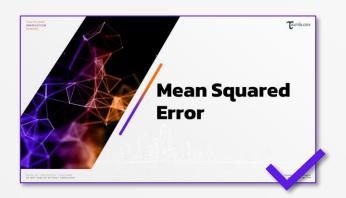
$$y_i = \hat{y}_i \pm \sqrt{MSE}$$

$$y_i = \left[\hat{y}_i - \sqrt{MSE}, \hat{y}_i + \sqrt{MSE}\right]$$

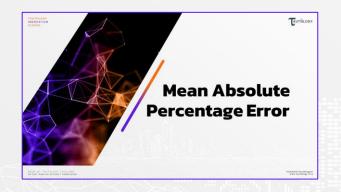


Model Evaluation for Regression

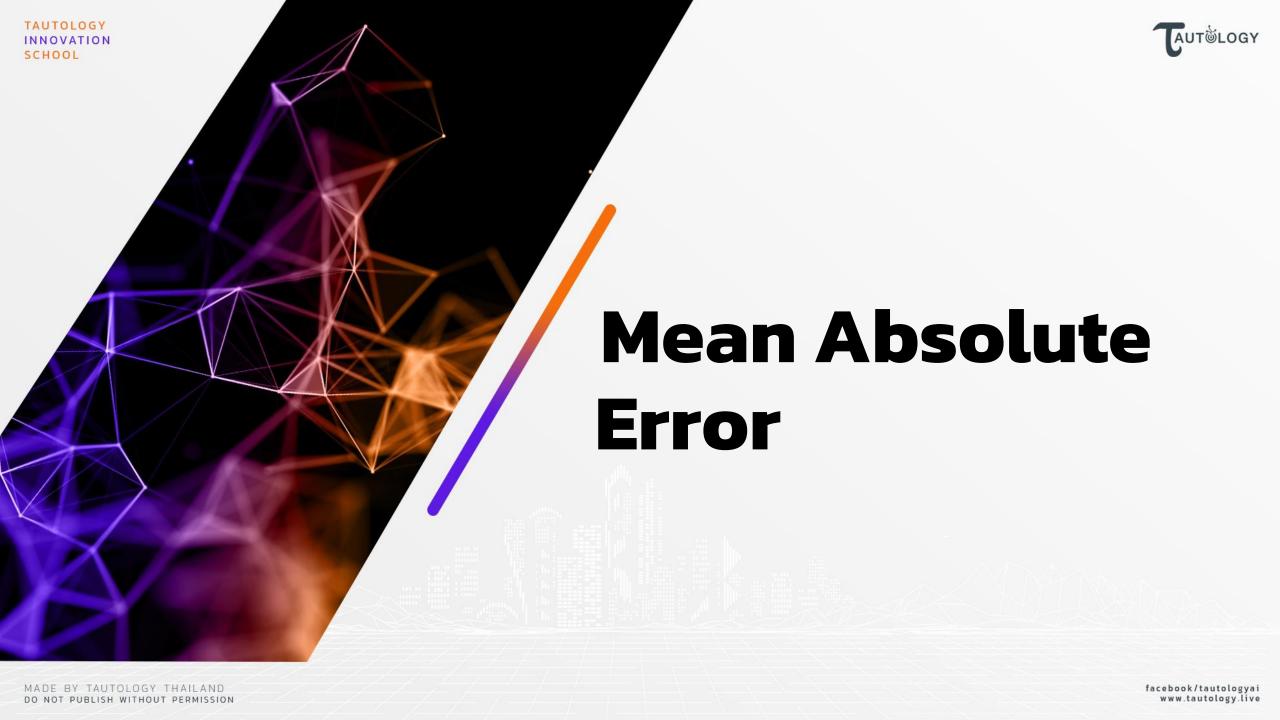














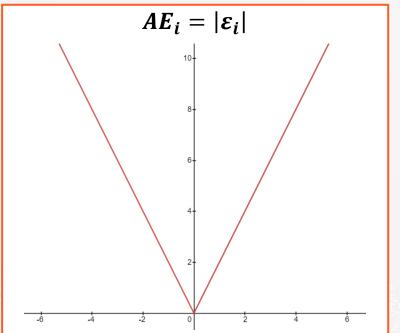
Mean Absolute Error

- What is Mean Absolute Error?
- Formula
- Step to Calculate MAE
- Example
- Code
- Interpretation



What is Mean Absolute Error?

Mean Absolute Error (MAE) คือ ค่าเฉลี่ยของ absolute ของ error (ผลต่างของค่า จริงและค่าพยากรณ์)



$$\varepsilon_i = y_i - \widehat{y}_i$$



Formula

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i - \hat{y}_i|$$

- y_i คือ target ของ sample ที่ i
- \hat{y}_i คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- ullet n คือ จำนวน sample



Step to Calculate MAE

- 1. เก็บค่า y_i และ \widehat{y}_i
- 2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute error (MAE)



Example

1. เก็บค่า y_i และ \hat{y}_i

	y	$\widehat{\mathbf{y}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



Example

2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute error (MAE)

	y	ŷ
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i - \hat{y_i}|$$

$$MAE = \frac{1}{7} \{ |1168 - 1204.183| + \dots + |897 - 873.342| \}$$

$$MAE = 16.998$$



Code

	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



Code

1 mean_absolute_error(y_true, y_pred)

16.998086734694034



$$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} |y_i - \hat{y}_i|$$

\bullet *MAE* = 17 \bullet

- \rightarrow ค่าเฉลี่ย $|y_i \hat{y}_i| = 17$
- \rightarrow โดยเฉลี่ยแล้ว $y_i \hat{y}_i = \pm 17$
- → โดยเฉลี่ยแล้ว $y_i = \hat{y}_i \pm 17$
- ightharpoonup สมมติ $\hat{y}_i = 1000$
 - $y_i = \hat{y}_i \pm 17 = 1000 \pm 17$
 - $y_i \in [1000 17, 1000 + 17]$
 - $y_i \in [983, 1017]$



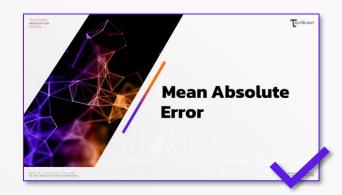
$$y_i = \hat{y}_i \pm MAE$$
$$y_i \in [\hat{y}_i - MAE, \hat{y}_i + MAE]$$



Model Evaluation for Regression

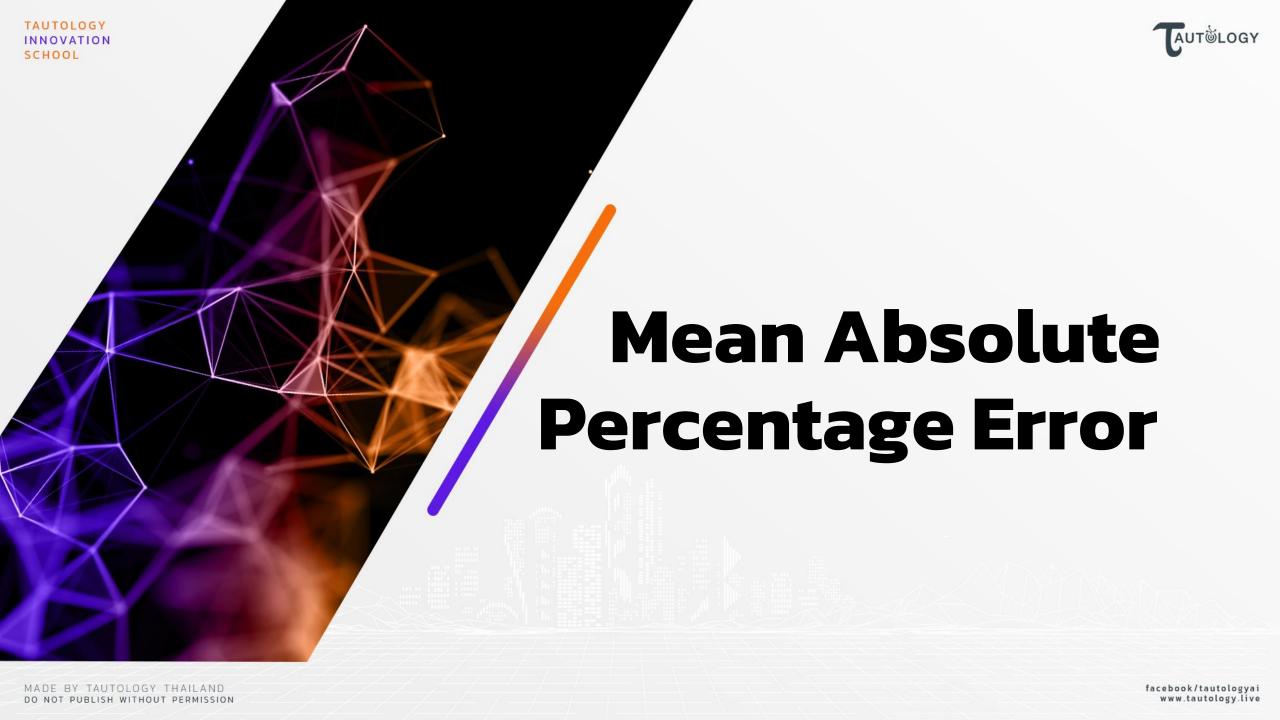














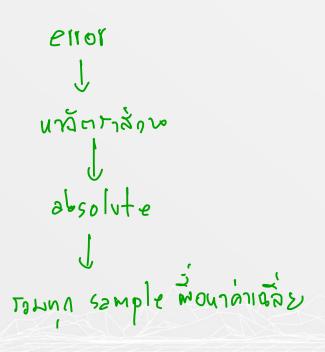
Mean Absolute Percentage Error

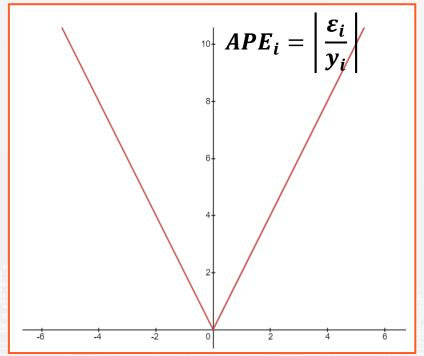
- What is Mean Absolute Percentage Error?
- Formula
- Step to Calculate MAPE
- Example
- Code
- Interpretation



What is Mean Absolute Percentage Error?

Mean Absolute Percentage Error (MAPE) คือ ค่าเฉลี่ยของ absolute ของ อัตราส่วนระหว่าง error (ผลต่างของค่าจริงและค่าพยากรณ์) และข้อมูลจริง





$$\varepsilon_i = y_i - \widehat{y}_i$$



Formula

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right|$$

- ullet y_i คือ target ของ sample ที่ i
- \hat{y}_i คือ ค่าที่พยากรณ์ได้จากโมเดลของ sample ที่ i
- *n* คือ จำนวน sample



Step to Calculate MAPE

- 1. เก็บค่า y_i และ \widehat{y}_i
- 2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute percentage error (MAPE)



Example

1. เก็บค่า y_i และ \hat{y}_i

	y	$\hat{\mathbf{y}}$
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



Example

2. วัดประสิทธิภาพของ model ตามสูตรของ mean absolute percentage error (MAPE)

	y	ŷ
0	1168	1204.183
1	1488	1498.152
2	1232	1199.06
3	949	947.087
4	439	438.018
5	262	275.159
6	897	873.342

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right|$$

$$MAPE = \frac{1}{7} \left\{ \left| \frac{1168 - 1204.183}{1168} \right| + \dots + \left| \frac{897 - 873.342}{897} \right| \right\}$$

$$MAPE = 0.021$$



Code

	Actual_SalePrice	Predicted_SalePrice
0	1168.0	1204.18303571
1	1488.0	1498.15178571
2	1232.0	1199.06026786
3	949.0	947.08705357
4	439.0	438.01785714
5	262.0	275.15848214
6	897.0	873.34151786

ตารางแสดงข้อมูลของราคาบ้านจริง และราคาบ้านที่พยากรณ์ได้จากโมเดล โดยใช้ feature ที่ใช้คือจำนวนห้องและพื้นที่ของบ้าน



Code

1 mean_absolute_percentage_error(y_true, y_pred)

0.02076988136170835



$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right|$$

- \bullet *MAPE* = 0.021 \bullet
 - $\rightarrow MAPE = 0.021 \times 100 = 2.1\%$
 - ightharpoonup โดยเฉลี่ยแล้ว \hat{y}_i จะคลาดเคลื่อนอยู่ $\pm 2.1\%$
 - ightharpoonup สมมุติ $\hat{y}_i = 1000$
 - $y_i = \hat{y}_i \pm 2.1\% = 1000 \pm 2.1\%$
 - $y_i \in [1000 2.1\%, 1000 + 2.1\%]$
 - $y_i \in [979, 1021]$



$$y_i = \hat{y}_i \pm MAPE \times 100\%$$

$$y_i \in [\hat{y}_i - MAPE(\%), \hat{y}_i + MAPE(\%)]$$



* ข้อควรระวัง *

$$y = [0.0001, 4, 11, 6, 8]$$

 $\hat{y} = [1, 7, 8, 5, 4]$

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right|$$

$$= \frac{1}{5} \left(\left| \frac{0.0001 - 1}{0.0001} \right| + \left| \frac{4 - 7}{4} \right| + \left| \frac{11 - 8}{11} \right| + \left| \frac{6 - 5}{6} \right| + \left| \frac{8 - 4}{8} \right| \right)$$

$$= \frac{1}{5} (9999 + 0.75 + 0.2727 + 0.1667 + 0.5)$$

$$= 2000.1379 = 200013.79\%$$



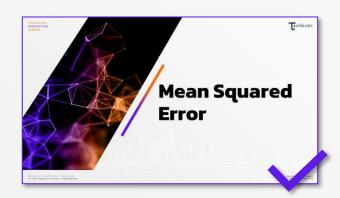
* ข้อควรระวัง *

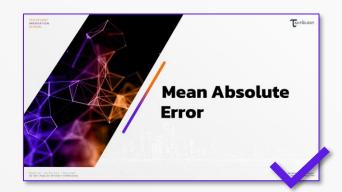
สำหรับการใช้ MAPE ควรระวังว่า " ค่า y_i ไม่ควรใกล้เคียง O "



Model Evaluation for Regression

















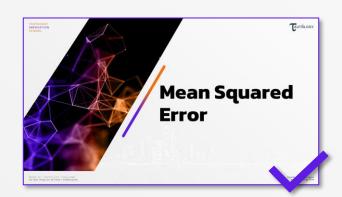
Conclusion

Name	Formula	How to use
R^2	$R^{2} = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \widehat{y}_{i})^{2}}{\sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \overline{y})^{2}}$	ใช้บอกประสิทธิภาพของ model เมื่อเทียบ กับการพยากรณ์ด้วยค่าเฉลี่ยของ y
MSE	$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \widehat{y}_i)^2$	ใช้ในบริบทของ Cost function (แกากสร้าง mad
MAE	$MAE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i - \widehat{y}_i $	ใช้บอกระยะความคลาดเคลื่อนของการ พยากรณ์
MAPE	$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left \frac{y_i - \widehat{y}_i}{y_i} \right $	ใช้บอกความคลาดเคลื่อนของการ พยากรณ์ในหน่วย %



Model Evaluation for Regression













Model Evaluation

What is Model Evaluation?

Why need Model Evaluation?

Model Evaluation for Regression