Программа курса «Дискретная математика», мат-мех, 171 группа, семестр зима-весна 2018

- 1. Энтропия случайной схемы, её свойства.
- 2. Условная энтропия, её свойства.
- 3. Количество информации, её свойства.
- 4. Код Хэмминга.
- 5. Дискретный случайный процесс. Простейшее случайное блуждание.
- 6. Цепи Маркова. Переходные вероятности.
- 7. Случайное блуждание с поглощающими состояниями.
- 8. Стационарное распределение. Эргодическая матрица. «Эргодическая теорема» для цепи Маркова.
- 9. Ориентированные графы. Отношения смежности и инцидентности. Подграф, порождённый подграф орграфа. Путь, цикл.
- 10. Сильная связность орграфов. Компоненты сильной связности.
- 11. Орграф переходов марковского процесса. Эквиваленость отношение достижимости состояний отношению достижимости вершин орграфа.
- 12. Ациклические графы. Источник и сток. Ацикличность графа, построенного «на компонентах сильной связности» орграфа.
- 13. Неориентированные графы. Связность, компоненты связности.
- 14. Теорема о нумерации вершин связного графа.
- 15. Лес, дерево. Теорема об эквивалентых определениях дерева.
- 16. Теорема о нумерации вершин дерева.
- 17. Теорема о характеризации деревьев на n вершинах.
- 18. Минимальное остовное дерево. Постановка задачи. Основная Лемма.
- 19. Алгоритм построение минимального остовного дерева Прима-Ярника и его обоснование.
- 20. Алгоритм построение минимального остовного дерева Красала и его обоснование.
- 21. Задача «о размене». Решение методом динамического программирования.
- 22. Задача «о размене». Второй вариант решения.
- 23. Задача о наибольшей возрастающей подпоследовательности.
- 24. Задача о независимом множестве на дереве.
- 25. Задача о построении матрицы кратчайших расстояний.
- 26. Задача «о бродячем торговце».
- 27. Задача о наибольшем потоке в сетевом графе. Теорема о величине потока.
- 28. Величина потока и величина пропускной способности разреза, двойственность связанных с ними экстремальных задач.
- 29. Теорема Форда-Фалкерсона.
- 30. Паросочетание в двудольном графе. Размер паросочетания и размер контролирующего множества, двойственность связанных с ними экстремальных задач.
- 31. Паросочетание в двудольном графе. Алгоритм построения наибольшего паросочетания и его обоснование.
- 32. Задача о назначениях. Алгоритм построения решения и его обоснование.