28/02/2018 Домашняя работа: энтропия и информация.

Пусть  $A = \{A_i\}_{i \in 1:l}, \ B = \{B_j\}_{j \in 1:m}, \ C = \{C_k\}_{k \in 1:n}$  — произвольные конечные разбиения пространства элементарных исходов S.  $\mathcal{A}$ ,  $\mathcal{B}$ ,  $\mathcal{C}$  — соответствующие им конечные вероятностные схемы. Проверьте выполнение следующих свойств.

1. 
$$H_{\mathcal{B}}(\mathcal{A}) \geqslant H_{\mathcal{BC}}(\mathcal{A}),$$

2. 
$$H_{\mathcal{C}}(\mathcal{AB}) = H_{\mathcal{C}}(\mathcal{B}) + H_{\mathcal{CB}}(\mathcal{A}),$$

3. 
$$I(\mathcal{A}, \mathcal{B}) = H(\mathcal{A}) + H(\mathcal{B}) - H(\mathcal{A}\mathcal{B}),$$

4. 
$$I(\mathcal{A}, \mathcal{BC}) \geqslant I(\mathcal{A}, \mathcal{B})$$
.